

〈알고리즘 실습〉 - 최소신장트리

※ 입출력에 대한 안내

- 특별한 언급이 없으면 문제의 조건에 맞지 않는 입력은 입력되지 않는다고 가정하라.
- 특별한 언급이 없으면, 각 줄의 맨 앞과 맨 뒤에는 공백을 출력하지 않는다.
- 출력 예시에서 □는 각 줄의 맨 앞과 맨 뒤에 출력되는 공백을 의미한다.
- 입출력 예시에서 ↪ 이 후는 각 입력과 출력에 대한 설명이다.

주의:

- 1) 프로그램 작성 시 사용 데이터구조의 **간편성**과 **효율성**은 모두 중요하다. 이 점에서 문제해결을 위해 사용한 데이터구조가 최선의 선택인지 여부는 채점 시 평가에 고려될 수 있다.
- 2) 예를 들어 그래프 알고리즘 구현 시, 그래프의 **인접 정보**(즉, 부착간선리스트 또는 인접행렬) 없이도 수행 가능한 문제라고 판단되면 **교재 13.4절의 간선리스트 구조**로 그래프를 **간편하게** 구현할 것을 우선적으로 고려하라. 그렇지 않고, **인접 정보**가 있어야 수행한다고 판단되면 **인접리스트 구조** 또는 **인접행렬 구조** 중에 해당 문제 해결에 **효율성** 면에서 유리하다고 판단되는 것을 선택하여 구현하라.

[문제 1] (**Prim-Jarnik 알고리즘**) 입력으로 주어지는 그래프를 Prim-Jarnik 알고리즘을 이용하여 최소신장트리(Minimum Spanning Tree, MST)를 생성하는 프로그램을 작성하고, 최소신장트리의 생성 과정과 총무게를 결과로 출력하시오.

입력 그래프의 성질:

- n ($1 \leq n \leq 100$) 개의 정점과 m ($1 \leq m \leq 1,000$) 개의 간선으로 구성된다.
- 정점은 $1 \sim n$ 사이의 정수로 번호가 매겨져 있고, 정점의 번호는 모두 다르다.
- 모든 간선은 무방향간선이고, 한 정점에서 임의의 다른 정점으로 가는 경로는 반드시 존재한다.
- 간선의 무게는 중복이 없는 양의 정수다.

주의:

- 알고리즘 수행의 출발정점은 번호가 가장 빠른 정점인 1부터 시작한다.
 - Prim-Jarnik 알고리즘의 첫 출발정점은 그래프 내 아무 정점이라도 무방하지만, 이번 실습에서는 번호가 가장 빠른 정점인 1에서 출발해야 OJ 시스템의 정답과 일치시킬 수 있다.

입출력:

- 입력
 - 첫 줄에 정점의 개수 n , 간선의 개수 m 이 주어진다.

- 이후 m 개의 줄에 한 줄에 하나씩 간선의 정보(간선의 양끝 정점 번호와 무게)가 주어진다.
간선은 임의의 순서로 입력되고, 중복 입력되는 간선은 없다.
(무방향간선이므로 간선 (u, v) 와 (v, u) 는 동일한 간선으로 취급)
- 무게로는 양의 정수가 입력되고, 중복되는 무게는 없다.

○ 출력

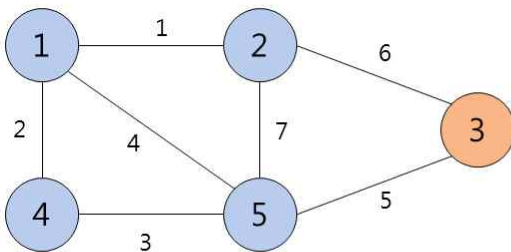
- 모든 정점의 번호를 출력한 후, 마지막 줄에 MST 간선 무게의 합 즉, 총무게를 출력한다.

입력 예시

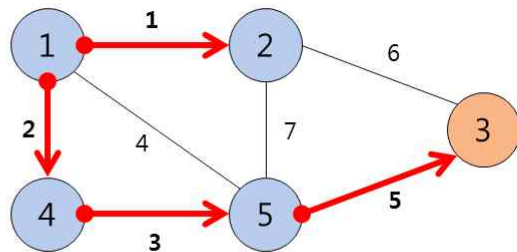
| | |
|-------|------------------|
| 5 7 | ↪ $n = 5, m = 7$ |
| 1 2 1 | ↪ 정점, 정점, 무게 |
| 1 4 2 | |
| 1 5 4 | |
| 2 5 7 | |
| 4 5 3 | |
| 3 5 5 | |
| 2 3 6 | |

출력 예시

| | |
|-------------|-------------------|
| □ 1 2 4 5 3 | ↪ MST 생성시 추가되는 정점 |
| 11 | ↪ MST 총무게 |



<입력 그래프>



<Prim-Jarnik 결과>

[문제 2] (**Kruskal 알고리즘**) 입력으로 주어지는 그래프를 Kruskal 알고리즘을 이용하여 최소신장트리(Minimum Spanning Tree, MST)를 생성하는 프로그램을 작성하고, 최소신장트리의 생성 과정과 총무게를 결과로 출력하시오.

입력 그래프의 성질:

- 문제 1의 입력 그래프의 성질과 동일하다.

구현 조건:

- Kruskal 알고리즘 구현 시, 우선순위 큐와 분리집합의 구현이 필요할 수 있다. 우선순위 큐는 교재의 5장, 분리집합은 4.6절을 참조하면 된다.

입출력:

- 입력

- 문제 1의 입력과 동일하다.

○ 출력

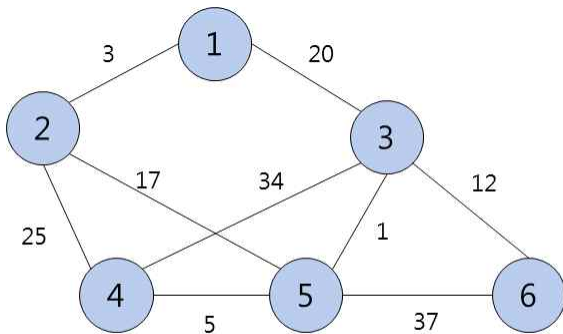
- 최소신장트리(MST) 생성 과정에서 추가되는 간선의 무게를 순서대로 출력한다.
- 모든 간선의 무게를 출력한 후, 마지막 줄에 MST 간선 비용의 합 즉, 총무게를 출력한다.

입력 예시1

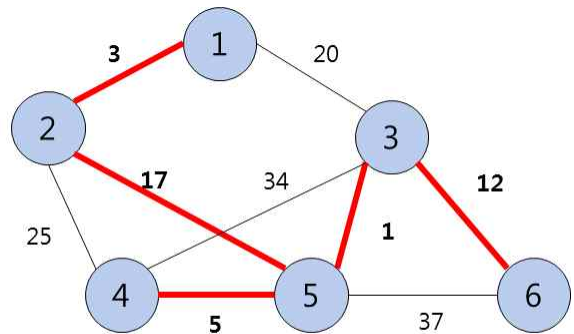
| | |
|--------|----------------|
| 6 9 | ↳ n = 6, m = 9 |
| 1 2 3 | ↳ 정점, 정점, 무게 |
| 1 3 20 | |
| 2 4 25 | |
| 2 5 17 | |
| 3 4 34 | |
| 3 5 1 | |
| 3 6 12 | |
| 4 5 5 | |
| 5 6 37 | |

출력 예시1

| | |
|---------------|-------------|
| □ 1 3 5 12 17 | ↳ MST 간선 무게 |
| 38 | ↳ MST 총무게 |



<입력 그래프>



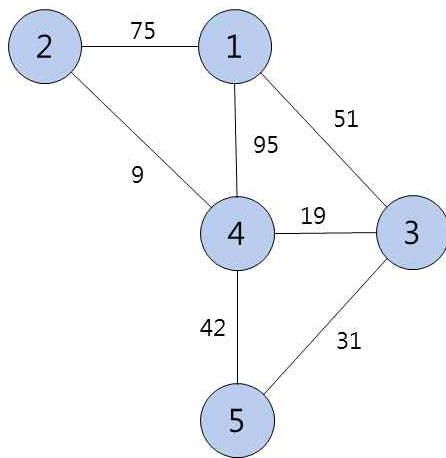
<Kruskal 결과>

입력 예시2

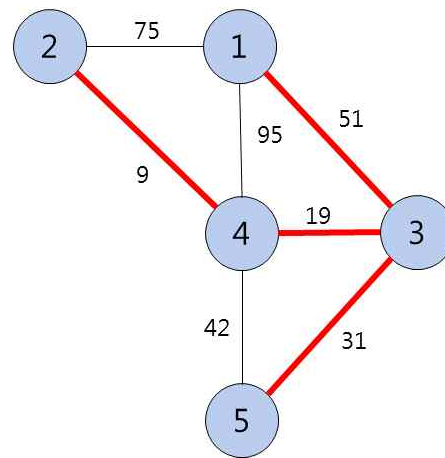
| | |
|--------|----------------|
| 5 7 | ↳ n = 5, m = 7 |
| 1 2 75 | ↳ 정점, 정점, 무게 |
| 1 4 95 | |
| 1 3 51 | |
| 2 4 9 | |
| 4 3 19 | |
| 4 5 42 | |
| 3 5 31 | |

출력 예시2

| | |
|--------------|-------------|
| □ 9 19 31 51 | ↳ MST 간선 무게 |
| 110 | ↳ MST 총무게 |



<입력 그래프>



<Kruskal 결과>