```
PyTorch
PyTorch是人工智能方面重要的工具之一,但是它的最本质功能就是自动求解梯度,因为求解梯度是绝大多数数值优化的重要组成部分。换言之,
PyTorch不仅可以用于神经网络,而可以用于几乎所有的(具有梯度的)优化问题。下面我们就来看一个例子(本节以代码为主)。
      举例: 还是接上文的例子, 我们现在有数据
                                              m{x}_1 = [0.2, 0.5, 0.7]^	op \qquad m{y}_1 = [0.8, 0.8]^	op
                                              oldsymbol{x}_2 = \begin{bmatrix} 0.4, 0.6, 0.8 \end{bmatrix}^	op \qquad oldsymbol{y}_2 = \begin{bmatrix} 0.7, 0.9 \end{bmatrix}^	op
                                              oldsymbol{x}_3 = [0.3, 0.6, 0.9]^	op \qquad oldsymbol{y}_3 = [0.9, 0.9]^	op
```

调用PyTorch包 In [1]: import torch

绝大多数情况下数据不需要手动输入,它们往往会在数据采集的时候自动记录下来。这里我们用PyTorch自带的数据类型 torch.tensor ,这个类 型也可以从其他数据类型转换过来。

输入数据

强调:在机器学习里,多个训练数据往往拼接到一起,而不是逐个计算,并且数据的维度往往是E imes M,也就是每一行是一个数据,每一列是一个 特征。后面我们会把数据对应这个规则来输入。 In [2]: X = torch.tensor([0.2, 0.5, 0.7, 0.4, 0.6, 0.8, 0.3, 0.6, 0.9]).view(3,3)

Out[2]: tensor([[0.2000, 0.5000, 0.7000], [0.4000, 0.6000, 0.8000],[0.3000, 0.6000, 0.9000]])

In [3]: Y = torch.tensor([0.8, 0.8, 0.7, 0.9, 0.9, 0.9]).view(3,2)

Out[3]: tensor([[0.8000, 0.8000], [0.7000, 0.9000],[0.9000, 0.9000]])

由于数据维度的要求,我们让 W 是一个M imes N的矩阵,并且让 $m{y} = m{x} \cdot W$,这样 $m{y}$ 的维度就是 $E imes M \cdot M imes N = E imes N$ 了。

如上一节所示,要优化参数,就需要计算参数的梯度。在PyTorch定义tensor的时候加上 requires_grad=True 即可。

Out[4]: tensor([[1.3674, 0.4985], [0.6178, -1.6723],

 $\hat{m{y}} = m{x} \cdot W$

def f(w, x):

 $\|\mathcal{L}(\hat{oldsymbol{y}},oldsymbol{y}) = \|\hat{oldsymbol{y}} - oldsymbol{y}\|_2^2$

def loss(yhat, y):

In [4]:

In [5]:

In [6]:

In [7]:

定义参数

[-1.9605, -1.4987]], requires grad=True) 这里我们也可以看到 W 的最后标注了 requires_grad=True

定义模型的计算过程

定义损失函数

return torch.matmul(x, w)

return torch.norm(yhat-y)**2

● 利用模型的参数 W 和数据 X 计算 y_hat

● 利用 y_hat 和数据 Y 计算损失函数 L

W = torch.randn([3,2], requires_grad=True)

利用PyTorch计算梯度 PyTorch不能计算梯度的解析解,而是在每一个W处计算梯度。因此需要

• 前向传播,也就是从 $x \to \hat{y} \to \mathcal{L}$ • 反向传播, 也就是 $\mathcal{L} \to \nabla_w$

• 利用损失函数 L 计算 W 的梯度

可以看出,这个过程可以大致分成2部分:

反向传播的代码是 L.backward() ,求解的就是 $abla_w \mathcal{L}$ 查看参数的梯度使用的是 Wigrad

正向传播

 $y_hat = f(W, X)$ $L = loss(y_hat, Y)$ # 反向传播

> [-5.4711, -9.7923],[-7.7774, -13.8492]]

print(W.grad) tensor([[-2.8467, -5.2182],

L.backward()

print(W.grad)

再次反向传播

再再次反向传播

再再再次反向传播

In [9]:

In [10]:

显示梯度

要注意的是,反向传播 .backward() 所产生的梯度会不断累积: In [8]: print('再次反向传播') loss(f(W, X), Y).backward() print(W.grad) print('再再次反向传播') loss(f(W, X), Y).backward() print(W.grad) print('再再再次反向传播') loss(f(W, X), Y).backward()

这一点有利有弊。对于刚接触PyTorch的人来说,忘记及时清除已有梯度,导致梯度错误,并且不断累积。但是这个性质也使得许多操作成为可能

那么要清除现有梯度就需要 W.grad.zero_() 这样我们再来测试一次:

loss(f(W, X), Y).backward()

(有些人可能不会接触到)。

print('再次反向传播')

print('再再次反向传播')

print('再再再次反向传播')

W.grad.zero ()

print(W.grad)

W.grad.zero ()

W.grad.zero ()

再次反向传播

再再次反向传播

tensor([[-5.6934, -10.4363],

tensor([[-8.5400, -15.6545],

tensor([[-11.3867, -20.8727],

[-10.9421, -19.5845],[-15.5549, -27.6985]]

[-16.4132, -29.3768],[-23.3323, -41.5477]]

[-21.8842, -39.1690],[-31.1098, -55.3970]])

loss(f(W, X), Y).backward() print(W.grad)

print(W.grad)

loss(f(W, X), Y).backward()

print('梯度不再累积')

tensor([[-2.8467, -5.2182],[-5.4711, -9.7923],[-7.7774, -13.8492]tensor([[-2.8467, -5.2182],

[-5.4711, -9.7923],[-7.7774, -13.8492]再再再次反向传播 tensor([[-2.8467, -5.2182],[-5.4711, -9.7923],

[-7.7774, -13.8492]

梯度不再累积 可以看到,这样梯度就不会累积了。这样我们就可以在每一个点计算新的梯度,然后更新参数。那么整个优化过程就变成了:

import torch # 输入/读取数据 X = torch.tensor([0.2, 0.5, 0.7, 0.4, 0.6, 0.8, 0.3, 0.6, 0.9]).view(3,3)

Y = torch.tensor([0.8, 0.8, 0.7, 0.9, 0.9, 0.9]).view(3,2)# 定义模型, 损失函数, 学习率 W = torch.randn([3,2], requires grad=True) def f(w, x): return torch.matmul(x, w) def loss(yhat, y):

return torch.norm(yhat-y)**2 alpha = 0.25# 优化 for i in range(21001): # 正向传播 y hat = f(W, X)L = loss(y hat, Y)# 反向传播 L.backward()

更新参数 W.data = W.data - alpha * W.grad # 重置梯度 W.grad.zero_() # 显示参数变化 print(f'第{i}次迭代后的参数为: \n{torch.round(W.data*100)/100}') 第0次迭代后的参数为:

[1.8000, -0.8600],[2.3500, 1.0900]]) 第3000次迭代后的参数为: tensor([[-1.4100, -0.2400], [1.2000, 1.6100], [0.6800, 0.0300]]) 第6000次迭代后的参数为: tensor([[-1.4800, -0.4300], [1.4200, 2.2500], [0.5500, -0.3500]]第9000次迭代后的参数为: tensor([[-1.4900, -0.4800], [1.4800, 2.4300], [0.5100, -0.4600]]第12000次迭代后的参数为:

tensor([[-1.5000, -0.4900],

tensor([[-1.5000, -0.5000],

tensor([[-1.5000, -0.5000],

tensor([[-1.5000, -0.5000],

得到的结果和之前的结果是一样的。

关于 torch.tensor

W₁data,表示了它的数值

第15000次迭代后的参数为:

第18000次迭代后的参数为:

第21000次迭代后的参数为:

[1.4900, 2.4800], [0.5000, -0.4900]]

[1.5000, 2.4900], [0.5000, -0.5000]]

[1.5000, 2.5000], [0.5000, -0.5000]]

[1.5000, 2.5000], [0.5000, -0.5000]])

tensor([[0.8700, 0.2400],

总结 从最后一个代码块可以看出,利用PyTorch,我们只需要定义前向传播的函数(模型)以及损失函数,梯度就可以自动被计算出来并且用于梯度下 降,完全不需要任何公式推导。 讨论

可以看出,在代码中 W 是一个 tensor 的数据结构,他主要包含2个部分

● W_{grad},储存了它的梯度也就是说, tensor 可以看做是一个容器,它存了很多东西在里面。 关于优化

本章节只用到了 tensor backward() 用来计算参数的梯度。其实PyTorch还提供大量的功能,例如定义模型、参数更新等功能。利用这些功能, 代码可以更加简洁高效。后面会继续讲解。

In []: