SY09 Printemps 2022 TP 00 — Introduction à NumPy et Pandas

1 Introduction à NumPy

NumPy est une bibliothèque pour le calcul numérique en Python. Pour charger la bibliothèque, il suffit d'exécuter l'instruction suivante :

```
In [1]: import numpy as np
```

Les fonctionnalités NumPy sont maintenant disponibles sous l'alias np.

Tableaux unidimensionnels

Création

Des tableaux unidimensionnels peuvent être créés à partir d'une simple liste Python.

```
In [2]:a = np.array([1, 2, 3])
b = np.array(range(4))
```

Les éléments d'un tableau NumPy doivent avoir le même type (contrairement à une liste Python). On peut contrôler le type *a posteriori* avec l'attribut dtype :

```
In [3]: a.dtype
Out [3]: dtype('int64')
```

Si les éléments du tableau sont de types différents, les éléments sont convertis.

On peut également spécifier le type à la création.

Il existe des fonctions prédéfinies pour créer rapidement des séquences.

1. Des séquences de nombres en spécifiant un début, une fin (exclue) et un pas :

```
In [7]: np.arange(10)
Out [7]: array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
In [8]: np.arange(10, 11, .1)
Out [8]: array([10. , 10.1, 10.2, 10.3, 10.4, 10.5, 10.6, 10.7, 10.8, 10.9])
```

2. Des séquences de nombres en spécifiant un début, une fin (inclue) et une longueur :

Ou en changeant l'échelle

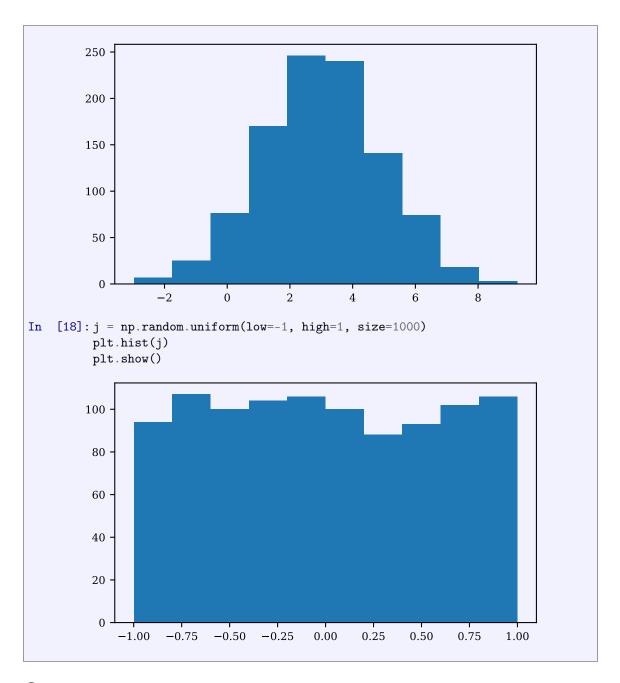
1 Définir les tableaux suivants :

```
 t_1 = (1, 10, 100, \dots, 10^{10}) 
 t_2 = (0, 2, 4, \dots, 100) 
 t_3 = (0, -1, -2, \dots, -10)
```

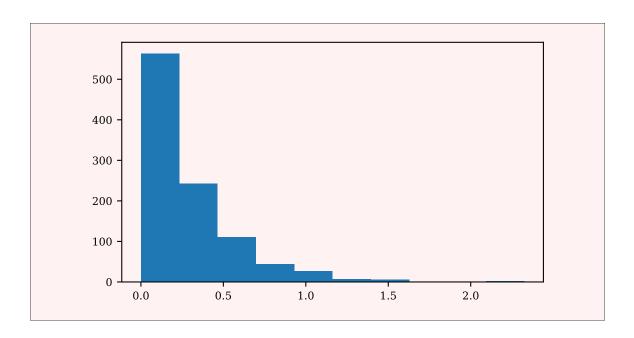
On peut également spécifier la longueur et la valeur d'initialisation.

Ou alors spécifier la valeur d'initialisation et la taille d'un autre tableau.

On peut également créer des tableaux suivant une loi



2 Créer un échantillon de longeur 1000 suivant une loi exponentielle de paramètre 0.3. Tracer son histogramme.



Indexation

L'extraction d'éléments ou de sous-tableaux est très similaire à la syntaxe utilisée pour les listes Python. On utilise la notation « [] ».

```
In [20]: b
Out [20]: array([0, 1, 2, 3])
                                                 # On extrait le troisième élément
In [21]:b[2]
Out [21]:2
    [22]:b[1:2]
                                               # On sélectionne les indices 1 et 2
Out [22]: array([1])
                           # On coupe avant l'indice 1, on garde la partie droite
   [23]:b[1:]
Out [23]: array([1, 2, 3])
    [24]:b[:2]
                           # On coupe avant l'indice 2, on garde la partie gauche
Out [24]: array([0, 1])
    [25]:b[:-1]
                    # On coupe avant le dernier indice, on garde la partie gauche
Out [25]: array([0, 1, 2])
    [26]:b[::2]
                                                    # On prend un élément sur deux
Out [26]: array([0, 2])
```

Les expressions précédentes peuvent également être utilisées avec des listes Python. La différence fondamentale est qu'une liste est recréée alors qu'avec NumPy, une « vue » sur le tableau est créée ; les données ne sont pas dupliquées. Il est alors possible d'écrire les instructions suivantes (qui produisent une erreur avec une liste Python) :

Opérations élémentaires

Les tableaux Numpy sont utilisés pour du calcul numérique, on dispose donc des opérateurs suivants :

```
In [28]:a, d
Out [28]:(array([1., 2., 3.]), array([1., 1., 1.]))
In [29]:a + d
```

```
Out [29]: array([2., 3., 4.])
In [30]: a - d
Out [30]: array([0., 1., 2.])
In [31]: a * a
Out [31]: array([1., 4., 9.])
In [32]: a / a
Out [32]: array([1., 1., 1.])
In [33]: 3 * a
Out [33]: array([3., 6., 9.])
In [34]: a + 10
Out [34]: array([11., 12., 13.])
```

Opérateurs d'agrégation

```
In [35]: a
Out [35]: array([1., 2., 3.])
    [36]:a.sum()
In
Out [36]:6.0
   [37]:a.mean()
In
Out [37]: 2.0
In
   [38]:a.min()
Out [38]:1.0
In [39]:a.max()
Out [39]:3.0
    [40]:a.std()
Out [40]: 0.816496580927726
In [41]:a.var()
Out [41]: 0.6666666666666666
```

3 Recalculer a.mean() et a.std() en utilisant des opérations élémentaires et des opérateurs d'agrégation plus simples. Pour utiliser la fonction racine carrée, il faut la rendre disponible avec l'instruction suivante :

from math import sqrt

Tableaux multidimensionnels

Plus généralement, on peut créer des tableaux avec un nombre quelconque de dimensions.

Création

Des tableaux multidimensionnels peuvent être créés à partir d'une liste de listes, (de listes,...).

```
In [44]: a = np.array([[4, 5, 6], [7, 8, 9]])
```

On peut également spécifier les dimensions et la valeur d'initialisation.

Il existe également

```
[46]: np.random.normal(loc=0, scale=1, size=(2, 3))
Out [46]: array([[-0.43453295, -0.25707644, -0.7506867],
                 [-0.1965847, 0.97396165, 0.20843469]])
    [47]: n = np.random.multivariate_normal(mean=[0, 2], cov=[[2, 1], [1, 2]],
          \rightarrow size=100)
         plt.scatter(n[:, 0], n[:, 1])
         plt.show()
          5
          4
          3
          2
          1
          0
        -1
         -2
                                                         2
                                        0
                                                                  3
             -3
                      -2
                                                 1
                                                                           4
```

Pour les tableaux bidimensionnels (les matrices), il existe des fonctions issues de l'algèbre linéaire.

Une fois créés, on peut calculer la taille des tableaux ou le nombre de dimensions

```
In [49]: a.shape, a.ndim, b.shape, b.ndim
Out [49]: ((2, 3), 2, (3, 4, 2), 3)
```

4 Que donne la fonction longueur 1en lorsqu'on l'applique sur un tableau?

La fonction le nombre d'éléments de la première dimension. C'est l'équivalent de a shape [0]

(5) Créer les tableaux suivants :

$$A_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, \qquad A_2 = \begin{pmatrix} -3 & -2 & 1 \end{pmatrix}, \qquad A_3 = \begin{pmatrix} 0 & -2 & -2 \\ -2 & 0 & -2 \\ -2 & -2 & 0 \end{pmatrix}.$$

```
In [50]: A1 = np.array([[1], [-1], [0]])
        A2 = np.array([-3, -2, 1])
        A3 = np.full((3, 3), -2) + 2 * np.eye(3)
```

Transformations

Les tableaux peuvent être combinés entre eux de plusieurs manières.

Restructuration avec reshape On peut tout d'abord changer la structure d'un tableau.

(6) Utiliser la fonction reshape pour créer les matrices suivantes

$$A_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \end{pmatrix}, \qquad A_2 = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 & 7 \\ 2 & 4 & 6 & 8 \end{pmatrix}$$

Ajout de fausse dimension Il est souvent utile d'ajouter une fausse dimension à un tableau existant. L'exemple le plus courant est lorsqu'il s'agit de considérer un tableau unidimensionnel en une matrice ligne ou colonne.

On ajoute ensuite une fausse dimension avec l'instruction np.newaxis :

L'opération inverse est possible avec la fonction squeeze.

```
In [58]: b.squeeze()
Out [58]: array([1, 2, 3])
In [59]: c.squeeze()
```

```
Out [59]: array([1, 2, 3])
```

(7) Écrire une fonction qui transforme une matrice colonne en une matrice ligne.

Concaténation avec np. concatenate Il s'agit de « coller » deux tableaux selon une dimension. Les tableaux doivent avoir le *même nombre de dimensions*.

Lorsque les tableaux ont plusieurs dimensions, il faut indiquer sur quelle dimension on souhaite concaténer via l'argument axis. Par défaut, la concaténation se fait selon la première dimension. On peut concaténer selon la dernière dimension en spécifiant axis=-1.

```
In [62]: a = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
         b = np.array([[7, 8, 9], [10, 11, 12]])
        np.concatenate((a, b), axis=0)
Out [62]: array([[ 1, 2, 3],
                [4, 5, 6],
                [7, 8, 9],
                [10, 11, 12]])
   [63]: np.concatenate((a, b))
Out [63]: array([[ 1, 2, 3],
                [4, 5, 6],
                [7, 8, 9],
                [10, 11, 12]])
   [64]:np.concatenate((a, b), axis=1)
In
Out [64]: array([[ 1, 2, 3, 7, 8, 9],
                [4, 5, 6, 10, 11, 12]])
   [65]: np.concatenate((a, b), axis=-1)
Out [65]: array([[ 1, 2, 3, 7, 8, 9],
                [4, 5, 6, 10, 11, 12]])
```

(8) Soient A_1 et A_2 deux matrices carrées. Écrire une fonction qui renvoie la matrice suivante

$$\begin{pmatrix} A_1 & -A_2 \\ A_2 & A_1 \end{pmatrix}.$$

```
In [66]: def matrix(A1, A2):
    A = np.concatenate((A1, -A2), axis=1)
    B = np.concatenate((A2, A1), axis=1)
    return np.concatenate((A, B), axis=0)

matrix(np.diag([1, 2]), np.diag([3, 4]))
```

9 Soit A une matrice et v un vecteur colonne et λ un scalaire. Écrire une fonction qui renvoie la matrice suivante

 $\begin{pmatrix} A & v \\ v^T & \lambda \end{pmatrix}.$

\$

(10) Écrire une fonction qui prend en argument la première ligne de la matrice circulante suivante

$$C = \begin{pmatrix} c_0 & c_1 & c_2 & \dots & c_{n-1} \\ c_{n-1} & c_0 & c_1 & & c_{n-2} \\ c_{n-2} & c_{n-1} & c_0 & & c_{n-3} \\ \vdots & & & \ddots & \vdots \\ c_1 & c_2 & c_3 & \dots & c_0 \end{pmatrix},$$

et renvoie cette matrice. On pourra commencer par générer la matrice C sans sa dernière colonne, la fonction $\mathtt{np.tile}$ pourra être utile.

Empilement avec np.stack Lorsqu'on souhaite « empiler » des tableaux, on ajoute une nouvelle dimension. Il faut alors utiliser la fonction np.stack.

```
In [69]: a = np.array([1, 2])
        b = np.array([3, 4])
        np.stack((a, b))
```

```
Out [69]: array([[1, 2], [3, 4]])
```

Par défaut la dimension rajoutée est en première position. L'argument axis permer de changer ce comportement. La valeur -1 veut dire la dernière dimension.

```
[72]: c = np.stack((a, b), axis=-1)
Out [72]: array([[[1, 4],
                  [0, 0],
                  [0, 0]],
                 [[0, 0],
                  [2, 5],
                  [0, 0]],
                 [[0, 0],
                  [0, 0],
                  [3, 6]]])
In [73]: c.shape
Out [73]: (3, 3, 2)
    [74]: d = np.stack((a, b), axis=1)
Out [74]: array([[[1, 0, 0],
                  [4, 0, 0]],
                 [[0, 2, 0],
                  [0, 5, 0]],
                 [[0, 0, 3],
                  [0, 0, 6]]])
   [75]: d.shape
Out [75]: (3, 2, 3)
```

Opérations algébriques

Lorsque les tableaux sont unidimensionnels, on peut calculer le produit scalaire.

Pour des tableaux bidimensionnels

```
[77]: c = np.array([[1, 2], [3, 4]])
         d = np.array([[0, 1], [1, 0]])
                                                                 # Produit matriciel
Out [77]: array([[2, 1],
                 [4, 3]])
    [78]: np.matmul(c, d)
In
Out [78]: array([[2, 1],
                 [4, 3]])
    [79]: np.transpose(c)
Out [79]: array([[1, 3],
                 [2, 4]])
In
    [80]: d.transpose()
Out [80]: array([[0, 1],
                 [1, 0])
In
    [81]:d.T
Out [81]: array([[0, 1],
                 [1, 0])
    [82]:c ** 2
                                                             # Produit case-à-case !
In
Out [82]: array([[ 1, 4],
                 [ 9, 16]])
    [83]: np.trace(c)
                                                                           # La trace
Out [83]:5
```

(11) Écrire une fonction permettant de créer une matrice A de taille $n \times p$ telle que $A_{ij} = 1/(ij)$. On remarquera que si u et v sont deux vecteurs de taille n et p alors uv^T est une matrice de taille $n \times p$ telle que $[uv^T]_{ij} = u_i v_j$

```
def matrix(n, p):
    # Définir la fonction ici
```

2 Découverte de Pandas

Pandas est une bibliothèque Python qui permet de manipuler et analyser des structures de données. Pour commencer, il faut charger la bibliothèque Pandas avec l'instruction suivante.

```
In [85]: import pandas as pd
```

Une convention largement utilisée est d'importer Pandas sous le raccourci pd. Toutes les fonctionnalités de Pandas seront donc accessibles à travers ce raccourci.

2.1 Structure de données Pandas

2.1.1 Les séries

La première structure de données fournie par Pandas est une collection d'objets de même type appelée une série.

Création On peut les définir à partir d'une liste Python ou d'un tableau unidimensionnel NumPy :

Si jamais on souhaite convertir une série en un tableau unidimensionnel NumPy:

On peut donner un nom à la série

```
In [88]:b = pd.Series(["foo", "bar", "baz"], name="Nom")
```

L'index Une différence majeure avec un tableau unidimensionnel est qu'une série Pandas dispose d'un *index*: une collection d'étiquettes qui repère chaque élément de la série. Lorsque ces étiquettes ne sont pas fournies, Pandas utilise les nombres entiers à partir de zéro.

Pour fournir cet index, il suffit d'utiliser l'argument index.

Pour retourner à l'index par défaut (avec des entiers à partir de 0), on utilise

Pour changer l'index, on affecte simplement l'attribut index.

Accès On peut accéder aux éléments d'une série de deux manières différentes :

- 1. Grâce aux étiquettes formant l'index. On utilise alors la méthode loc.
- 2. En utilisant la position absolue des éléments dans la série. On utilise alors la méthode iloc.

En utilisant loc ou iloc, on peut extraire de plusieurs manières :

— Directement en donnant un élément de l'index pour extraire l'élément correspondant

```
In [96]: age.loc["Agathe"]
Out [96]: 23
In [97]: age.loc["Cédric"]
Out [97]: 24
In [98]: age.iloc[0]
Out [98]: 23
In [99]: age.iloc[-1]
```

— En fournissant une liste d'éléments de l'index pour extraire une sous-série

— En utilisant la notation *slice*

```
[102]: age.iloc[:-1]
Out [102]: Agathe
                       23
                       24
          Béatrice
           Cédric
                       24
          Name: Age, dtype: int64
    [103]: age.iloc[2:]
Out [103]: Cédric
          Donna
                     25
          Name: Age, dtype: int64
    [104]: age.loc["Cédric":]
Out [104]: Cédric
                     24
          Donna
                     25
          Name: Age, dtype: int64
   [105]: age.loc["Béatrice": "Donna"]
Out [105]: Béatrice
                       24
          Cédric
                       24
          Donna
                       25
          Name: Age, dtype: int64
```

— En fournissant un masque : un tableau de booléen de même taille que la série.

Le masque peut également être une série de booléens de même index.

```
[108]: masque = pd.Series([True, False, False, True])
          masque.index = age.index
          masque
Out [108]: Agathe
                       True
          Béatrice
                      False
          Cédric
                      False
          Donna
                       True
          dtype: bool
In [109]: age.loc[masque]
Out [109]: Agathe
                     25
          Donna
          Name: Age, dtype: int64
```

À noter que les masques sont rarement fournis directement sous forme d'un tableau ou d'une série de booléens. Ils sont plutôt construit directement à partir d'une autre série voire de la série elle-même.

```
[110]: masque = age > 23
          masque
Out [110]: Agathe
                       False
          Béatrice
                       True
          Cédric
                        True
          Donna
                        True
          Name: Age, dtype: bool
In [111]: age.loc[masque]
Out [111]: Béatrice
                       24
          Cédric
                       25
          Donna
          Name: Age, dtype: int64
```

(12) Charger la série avec la commande suivante.

```
s1 = pd.read_csv("data/s1.csv", index_col=0, squeeze=True)
```

Construire les séries suivantes :

- La liste des prénoms donnés plus de 100000 fois
- L'effectif total des prénoms précédant SACHA

```
Out [114]: 3231384
```

2.1.2 Les DataFrame

La structure de données la plus utilisée est le tableau individu-variable. Pandas les modélise avec la classe pd.DataFrame. Il s'agit d'une collection d'objets de type pd.Series représentant les colonnes d'un tableau individu-variable.

Création On peut construire des DataFrame de plusieurs manières :

— en fournissant un dictionnaire dont les clés sont les noms des caractéristiques et les valeurs sont des listes Python, des tableaux unidimensionnels NumPy ou des séries Pandas représentant les caractéristiques.

```
[115]: col1 = np.array([23, 24, 24, 25])
           col2 = ["Agathe", "Béatrice", "Cédric", "Donna"]
          pd.DataFrame({
             "Age": col1,
             "Nom": col2
          })
Out [115]:
                        Nom
              Age
          0
               23
                     Agathe
           1
               24
                   Béatrice
           2
               24
                     Cédric
          3
               25
                      Donna
    [116]: age = pd.Series([23, 24, 24, 25])
          nom = pd.Series(["Agathe", "Béatrice", "Cédric", "Donna"])
          pd.DataFrame({
             "Age": age,
             "Nom": nom
          })
Out [116]:
              Age
                        Nom
          0
               23
                     Agathe
               24
           1
                   Béatrice
           2
               24
                     Cédric
           3
               25
                      Donna
```

Attention, l'index de chaque série est utilisé pour construire un index commun

```
[117]: age = pd.Series([23, 24, 24, 25], index=[0, 1, 2, 3])
          nom = pd.Series(["Agathe", "Béatrice", "Cédric", "Donna"],
           \rightarrow index=[2, 3, 4, 5])
          pd.DataFrame({
             "Age": age,
             "Nom": nom
          })
Out [117]:
               Age
                         Nom
          0 23.0
                         NaN
           1 24.0
                         NaN
          2 24.0
                      Agathe
          3 25.0
                    Béatrice
                      Cédric
           4
               NaN
           5
               NaN
                       Donna
```

— à partir d'un fichier csv qu'on charge à l'aide la fonction pd.read_csv.

```
In [118]: pd.read_csv("data/s1.csv")
```

```
Out [118]:
              preusuel nombre
          0
               LUCAS
                        117001
          1
                  EMMA 105209
          2
                  ENZO
                        97980
          3
                   LÉA
                        96491
                  HUGO
          4
                        91960
                   . . .
          995
                KELIAN
                          1984
          996
                   JAD
                          1983
          997
                THELMA
                          1982
               MANELLE
          998
                          1981
                 KESSY
                          1972
          999
          [1000 rows x 2 columns]
```

Pour convertir un DataFrame en un tableau bidimensionnel NumPy, on peut faire appel à la fonction to_numpy() :

Attention cependant au type utilisé pour le tableau NumPy, ici object pour tous les éléments.

<u>Informations utiles</u>

```
In [120]: col1 = np.array([23, 24, 24, 25])
          col2 = ["Agathe", "Béatrice", "Cédric", "Donna"]
          df = pd.DataFrame({
            "Age": col1,
            "Nom": col2
          })
          df.columns
Out [120]: Index(['Age', 'Nom'], dtype='object')
In [121]: df.shape
Out [121]: (4, 2)
In [122]:len(df)
Out [122]: 4
In [123]: df.dtypes
Out [123]: Age
                  int64
          Nom
                 object
          dtype: object
```

La plupart des informations ci-dessus sont synthétisées lors de l'appel à info()

```
In [124]: df.info()
```

```
Out [124]: <class pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 4 entries, 0 to 3
Data columns (total 2 columns):
# Column Non-Null Count Dtype
--- 0 Age 4 non-null int64
1 Nom 4 non-null object
dtypes: int64(1), object(1)
memory usage: 192.0+ bytes
```

L'index Les DataFrame dispose également d'un index commun à toutes les colonnes pour repérer tout individu (une ligne) dans le tableaux individus-variables.

On peut changer l'index à partir d'une colonne existante.

```
In [125]: df
Out [125]:
              Age
                        Nom
          0
              23
                     Agathe
          1
               24 Béatrice
          2
               24
                     Cédric
          3
              25
                      Donna
In [126]: df.set_index("Nom")
Out [126]:
                     Age
          Nom
          Agathe
                      23
          Béatrice
                      24
          Cédric
                      24
          Donna
                      25
```

Accès On peut extraire les colonnes sous forme de séries de plusieurs manières :

— Si le nom de colonne est un nom d'attribut valide (pas d'espace ou caractères spéciaux...)

```
In [127]: df.Age
Out [127]: 0 23

1 24
2 24
3 25
Name: Age, dtype: int64
```

— De manière plus générale

```
In [128]: df["Age"]
Out [128]: 0 23

1 24
2 24
3 25
Name: Age, dtype: int64
```

Pour extraire plusieurs colonnes, il suffit de donner la liste

Pour extraire des enregistrements (lignes), on utilise loc et iloc

On peut également combiner les deux types d'extraction

Modification Ajout/suppression de colonnes