

## POJ3292 【基础】

题目大意：

H-number 是形如  $4*n+1$  这样的数，如 1, 5, 9, 等。H-Primes 是这样 H-number：它只能唯一分解成  $1*$ 它本身，而不能表示为其他两个 H-number 的乘积。一个 H-Semi-Prime 是一个这样的 H-number：它正好能表示成两个 H-Primes 的乘积（除了  $1*$ 它本身），这种表示法可以不唯一，但它不能表示为 3 个或者以上 H-primes 的乘积。现在给出一个整数 N，要求区间  $[1, N]$  内有多少个 H-Semi-Prime。 ( $1 \leq N \leq 1000000$ )

输入：

有若干组测试数据，每一组测试数据只有一个整数 N，当  $N=0$  时测试数据结束。

输出：

对每一组测试数据，输出一行，包含两个整数，即 H 和  $[1, N]$  内有多少个 H-Semi-Prime。

题解：

筛法的基础应用。首先筛出 H-number，然后筛出 H-Primes，再筛出或两两枚举组合 H-Primes 得到 H-Semi-Primes。注意在筛 H-Semi-Primes 的时候用一下两个 H-Primes 相乘小于 1000000 的限制条件。

## POJ2402 【基础】

题目大意：

从 1 开始算，求第 n 个回文数。

输入：

有若干组测试数据，每一组测试数据有一行，包含一个整数 n， $n \leq 2*10^9$ 。  
 $n=0$  时测试数据结束。

输出：

每一组测试数据输出一行，包含一个整数，即第 n 个回文数。

题解：

显然，回文数的半长度（回文长度）增加 1 位，回文数的个数就是以前的 10 倍。1 位和 2 位的回文数有 9 个，依次类推可以算出各位有多少个回文数。因此得到  $n$  以后，先求出第  $n$  个回文数的长度（设为  $s$ ），并求出是这个长度中的第几个回文数（设为  $k$ ）。那么回文数前半段一定是  $10^{(s-1)+(k-1)}$ 。然后正反输出一次就可以了。

## POJ2453 【基础】

题目大意：

给出一个整数  $N$  ( $1 \leq N \leq 1000000$ )，求一个比它大的数  $N'$ ，要求  $N'$  和  $N$  在二进制下有相同多的 1，并且  $N'$  尽可能地小。

输入：

有若干组测试数据，每一组一行，包含一个整数  $N$ ， $N=0$  时测试数据结束。

输出：

每一组测试数据输出一行，包含一个整数  $N'$ 。

题解：

很容易想到从低位向高位搜索，找到某一位=1 而它的高一位=0 时交换，并且把比它低的位中所有的 1 移动到最低的几位里去。这题主要考位运算，当然先转成二进制再在数组里操作也是可以的，不过慢很多。

## POJ1401 【基础】

题目大意：

给出一个整数  $N$  ( $1 \leq N \leq 1000000000$ )，求  $N!$  末尾有多少个零。

输出：

第一行有一个整数  $t$ ，表示有  $t$  组测试数据。接下来有  $t$  行，每一行有一个整数  $N$ 。

输出：

每一组测试数据输出一行，包含一个整数，即  $N!$  末尾有多少个 0。

题解：

因为同一个  $N$  内 2 的倍数总比 5 的倍数多，所以每逢一个 5 的倍数就能产生一个末尾的 0。只要算出有多少个 5 的倍数就好了。

## POJ2407 【基础】

题目大意：

给出一个正整数  $N$  ( $1 \leq N \leq 1000000000$ )，求有多少个比  $N$  小的素数。

输入：

有若干组测试数据，每一组测试数据一行，包含一个整数  $N$ ， $N=0$  时测试数据结束。

输出：

每一组测试数据输出一行，包含一个整数。

题解：

欧拉函数：少于或等于  $n$  的数中与  $n$  互质的数的数目。通式： $\phi(x) = x(1 - 1/p_1)(1 - 1/p_2)(1 - 1/p_3)(1 - 1/p_4) \cdots (1 - 1/p_n)$ ，其中  $p_1, p_2, \dots, p_n$  为  $x$  的所有质因数， $x$  是不为 0 的整数。 $\phi(1) = 1$ （唯一和 1 互质的数就是 1 本身）。

## POJ1142 【基础】

题目大意：

给定一个整数 Num，求出一个大于 Num 的非素数 x，满足 x 的质因子的各位数之和之和等于这个数本身的各位数之和（比如  $4937775=3*5*5*65837$ ， $4+9+3+7+7+7+5=42$ ， $3+5+5+6+5+8+3+7=42$ ）。

输入：

有若干组测试数据，每一组测试数据一行，有一个整数 N。N 最多有八位数。  
N=0 时测试数据结束。

输出：

每一组测试数据输出一行，包含一个满足要求的整数。

题解：

先打一个素数表出来，然后逐个求素因子即可。我打了一万个素数的表，235ms，后来网上看到一千个素数的表也能过，看来题目数据比较水。

## POJ1091 【难】

题目大意、输入输出要求见原题（有中文）。

题解：

这题实际上的题意是：输入整数 n 和 m，找 n 个数字（都小于等于 m），加上 m 共 n+1 个数字，使得这个 n+1 个数字满足存在  $x_1 \cdots x_{n+1}$  使得下列方程成立：

$a_1*x_1+a_2*x_2+a_3*x_3+\cdots+a_n*x_n+m*x_{n+1}=1$ ，问共有多少组这样 n+1 个数字。

显然，由 Bezout 公式的扩展可以知道，实质上是要求有多少组  $a_1, a_2, \dots, a_n$  的组合满足这些  $a_i$  之间互素。由于 m 固定，所以只需要先对 m 进行质数分解，找到前 n 个数字不都含有 m 的某个质因子，有多少种组合即可。

计算使用容斥原理：去掉都含其中一个质因子的，假设质因子为 x，则一个位置的数去掉含 x 的质因子的，有  $m/x$  个实根数，然后加上含两个的……经过计算即可得到结果。