

17.10.2023 - WS23/24

Lehr- und Forschungseinheit für Kommunikationssysteme und Systemprogrammierung



Blockpraktikum Quantencomputing

Christian Bernhard | Mohamad Hgog



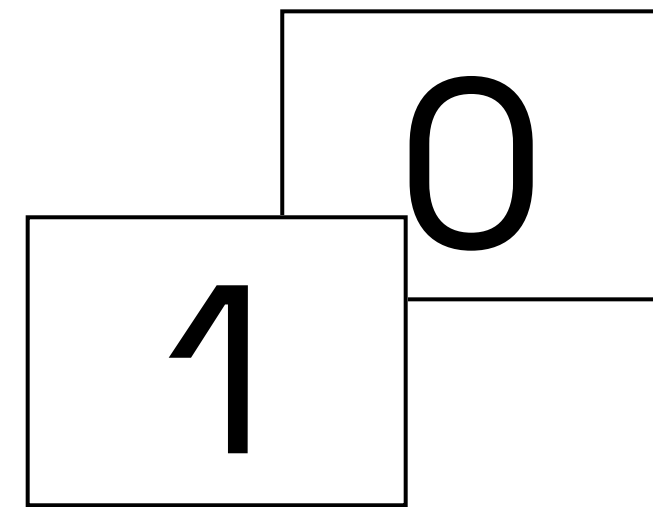
Motivation

Motivation: Matrix Product State (MPS)

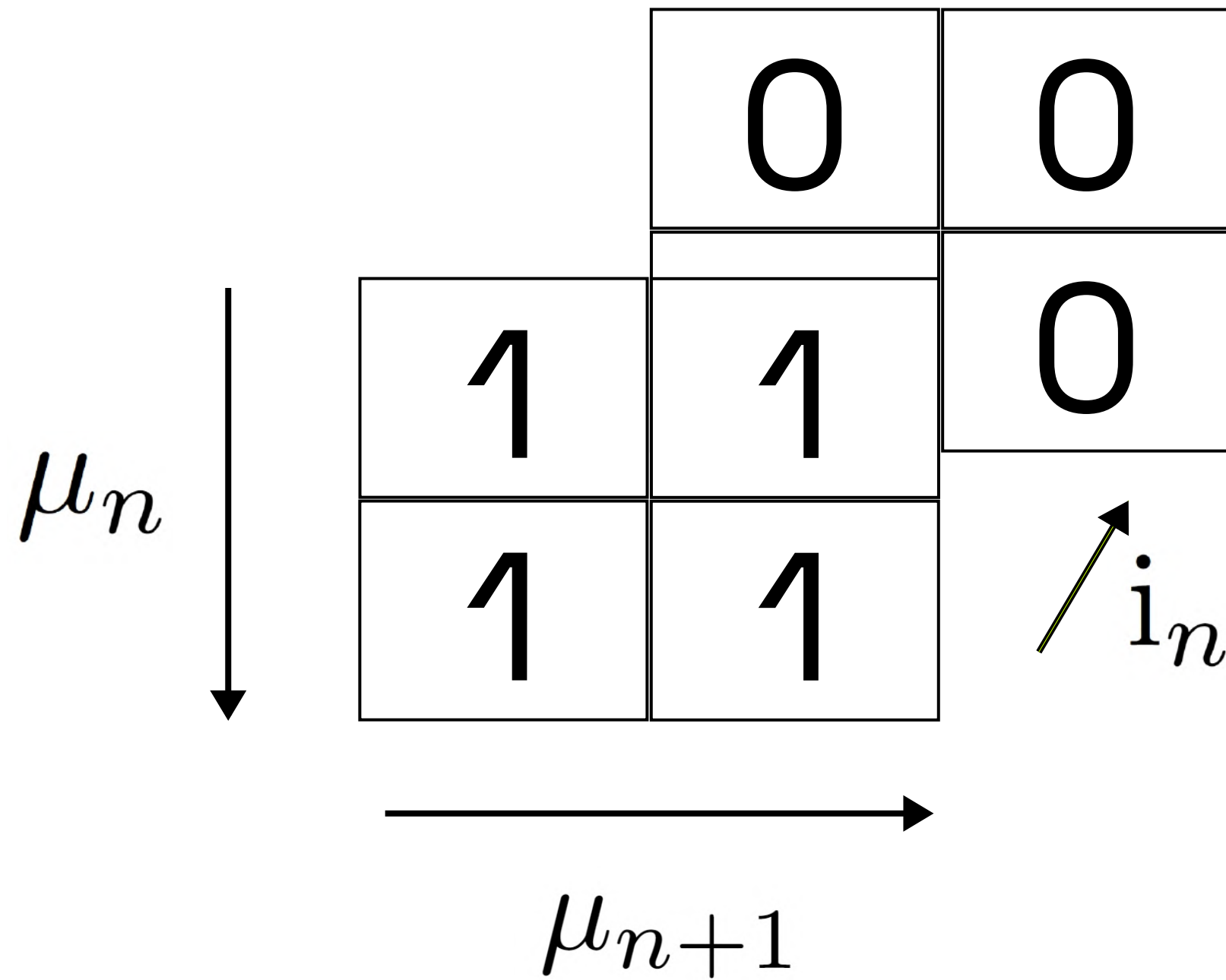


$$\text{Qubit: } |\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$$

$$|0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$



Motivation: MPS





Statevektor

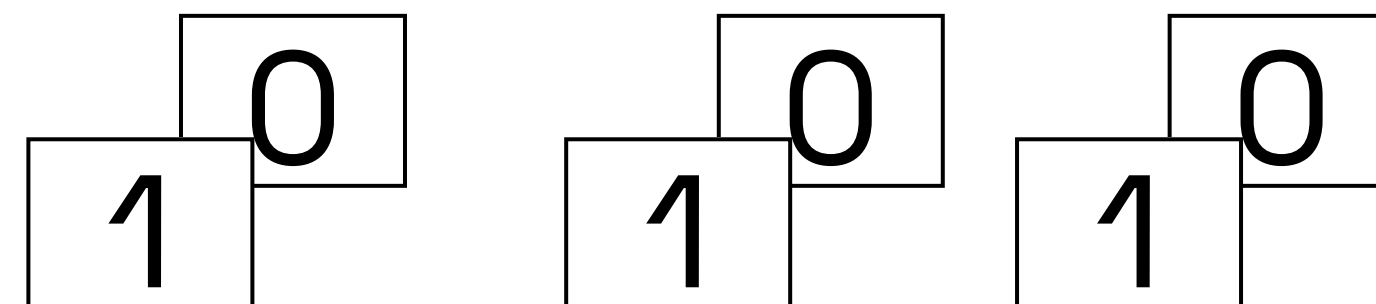
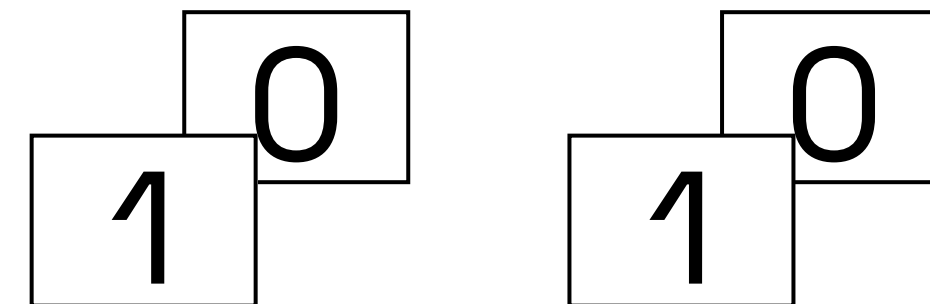
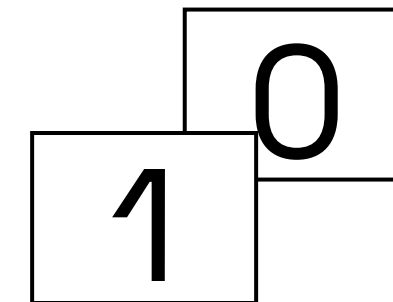
$$|0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$|00\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$|000\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

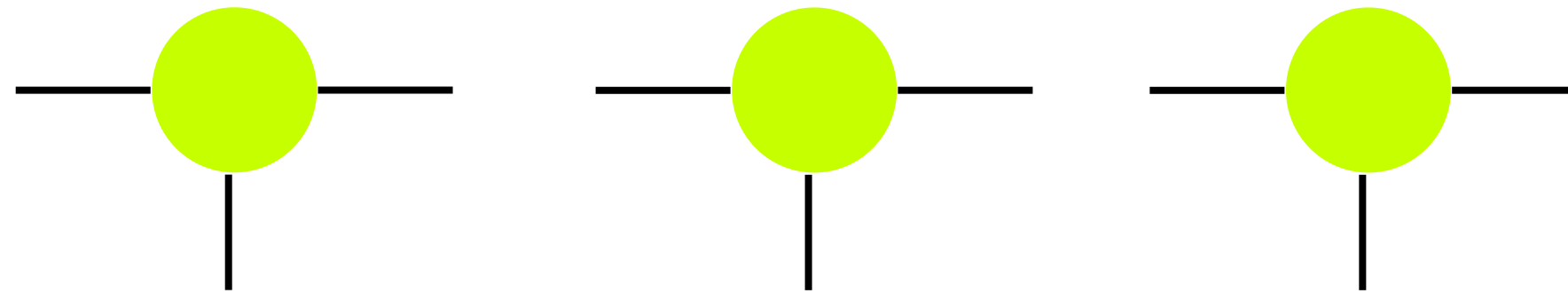
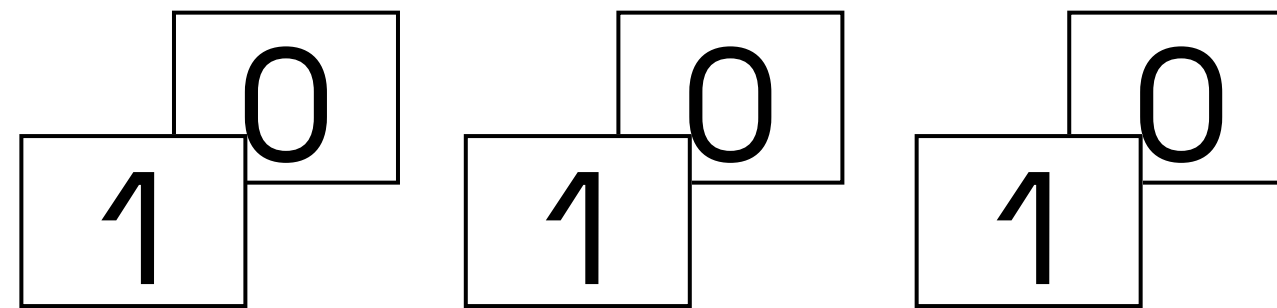
↓ 2^N

MPS



↓ $2N$

Operationen: 1 Qubit

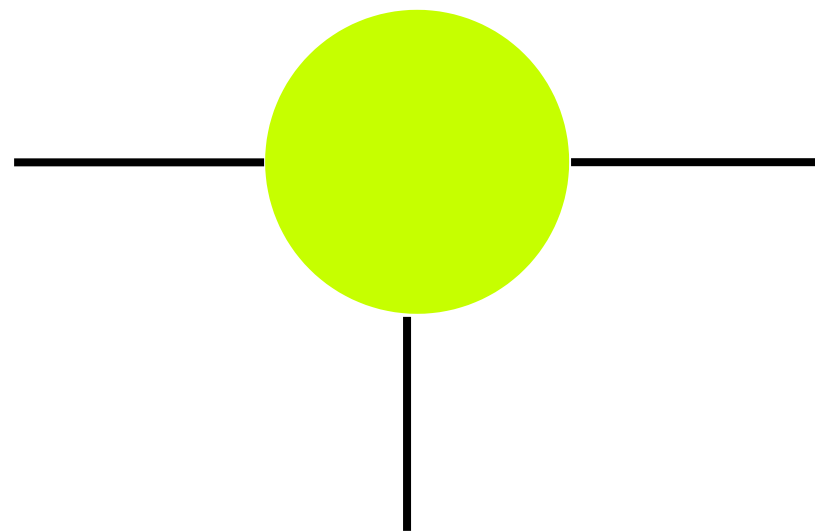


$M(n)$

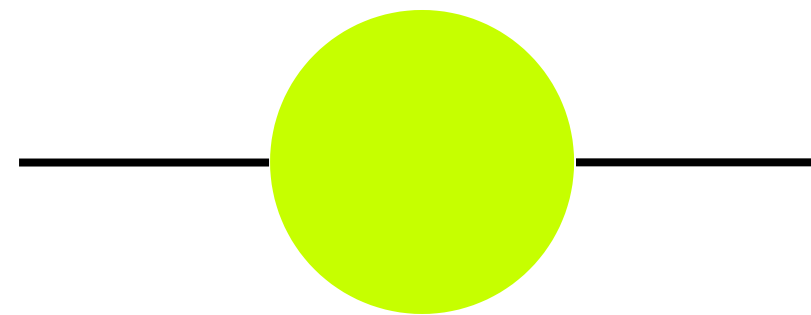
Operationen: 1 Qubit



$M(n)$



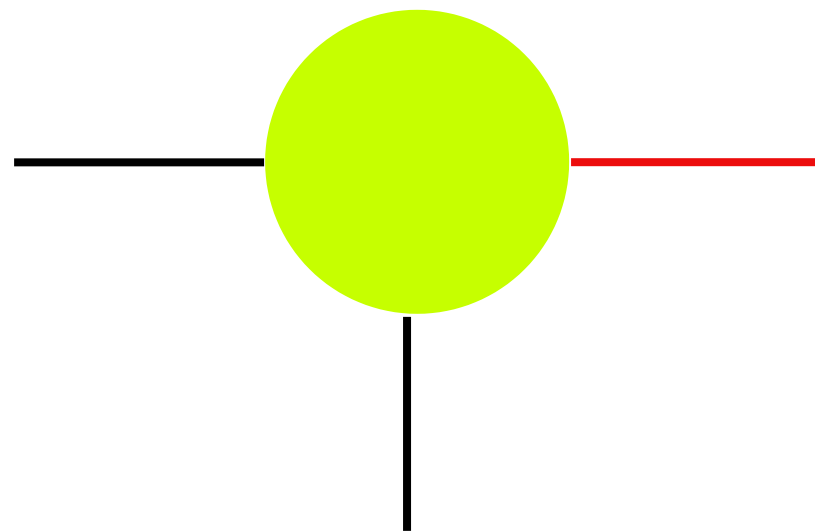
X



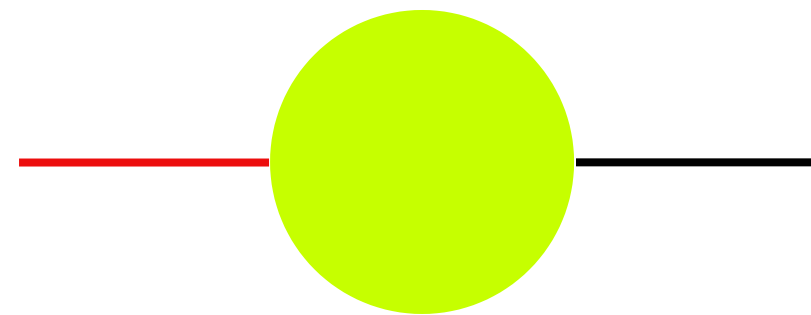
Operationen: 1 Qubit



$M(n)$



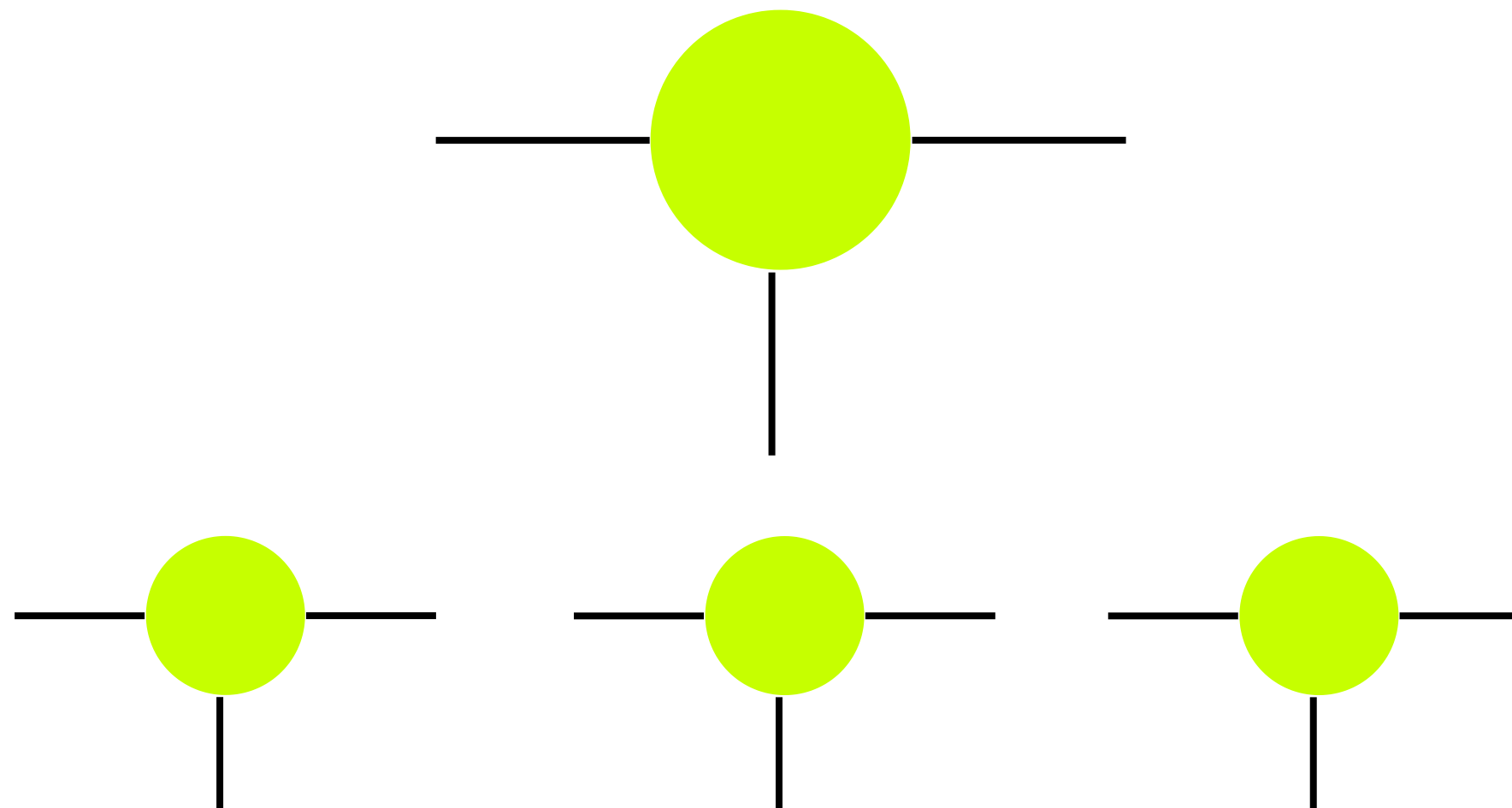
X



Operationen: 1 Qubit

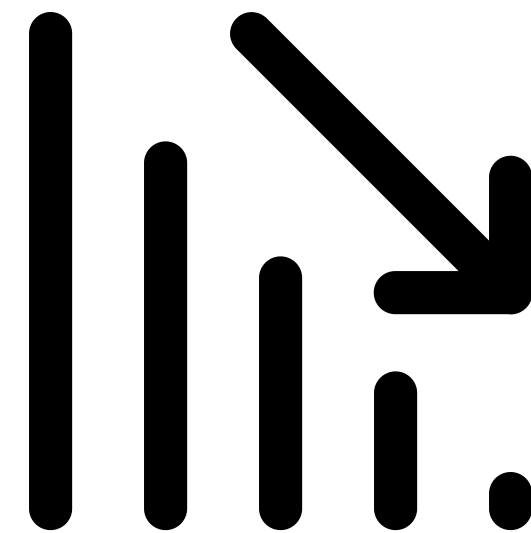
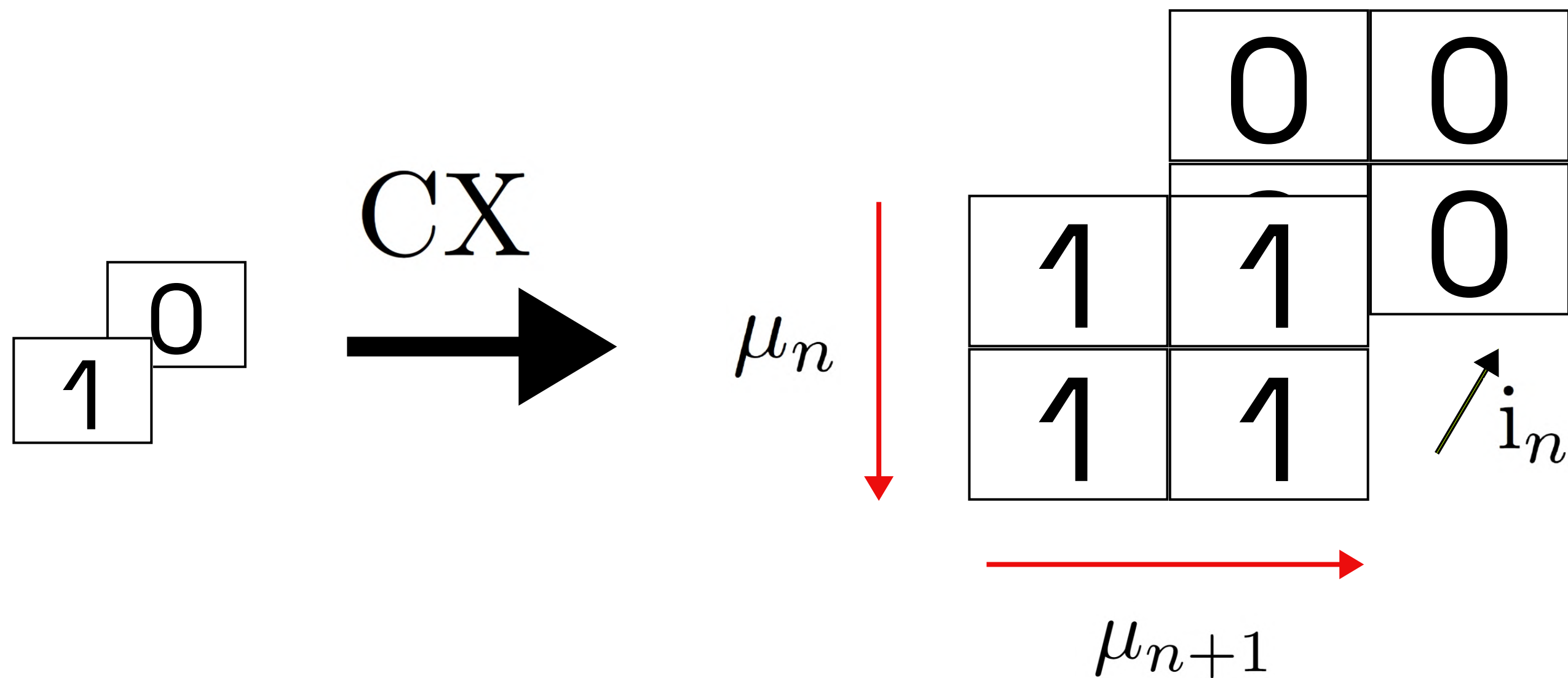


$$M'(n)$$



$$M'(n)$$

Operationen: 2 Qubit





Optimierung

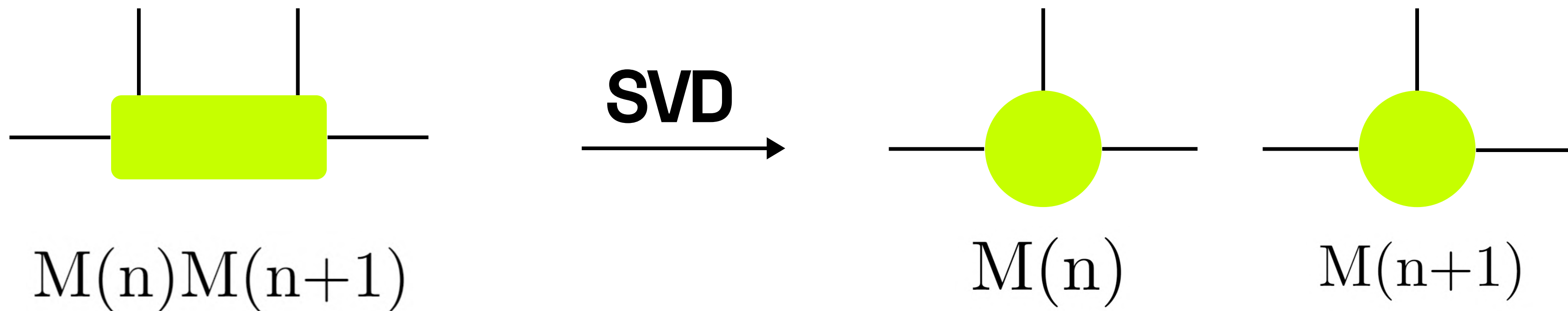
**SVD
Truncation**

**Circuit
Optimization**

**2-Qubit
Gate
Optimization**

Optimierung: Singularwertzerlegung (SVD)

- MPS hat max. 3 Dimensionen
- 2-Qubit Operationen \rightarrow 4D Tensor
- Anwendung der SVD auf den 4D Tensor
- Erhalt der MPS Form aus den zwei 3D Tensoren





Optimierung: Truncation

- Methode zur Reduktion der Komplexität von Datenmatrizen
- Verwerfung "unbedeutender" Singularwerte
- Begrenzung des Anstiegs von Dimensionen durch Verschränkung

Keine Truncation

- ✓ Exakte Berechnungen
- ✗ Dimensionen steigen schneller durch Verschränkung
- ✗ höhere Rechen- und Speicheranforderungen

Leichte Truncation

- ✓ Geringer Fehler, akzeptable Abweichungen
- ✓ Effizienteres Wachstum
- ✓ Ausgewogene Balance zwischen Genauigkeit und Effizienz

Starke Truncation

- ? Erhöhte Fehlerrate
- ✓ Signifikante Reduzierung, maximale Effizienzsteigerung
- ? Höhere Effizienz gegenüber Genauigkeitsverlust



Optimierung: Circuit Optimization

- Gates können substituiert werden
- Gates können zusammengefasst werden
- Gates Anzahl kann reduziert werden
- Und vieles mehr...

$$|\psi\rangle \text{---} \boxed{H} \text{---} \boxed{X} \text{---} \boxed{H} \text{---} |\psi'\rangle = |\psi\rangle \text{---} \boxed{Z} \text{---} |\psi'\rangle$$



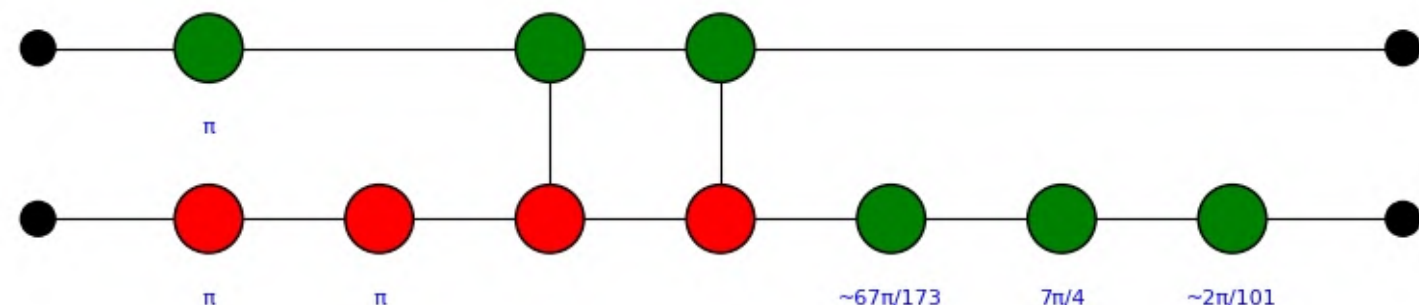
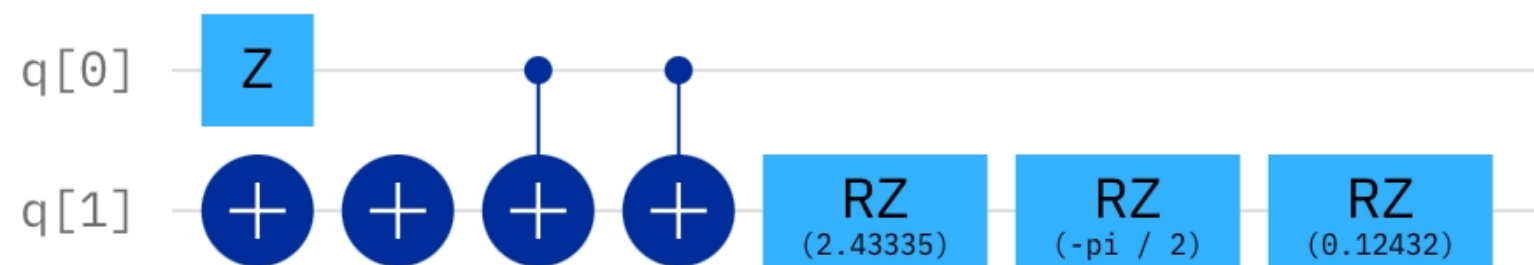
Optimierung: Circuit Optimization

- Gates können substituiert werden
- Gates können zusammengefasst werden
- Gates Anzahl kann reduziert werden
- Und vieles mehr...

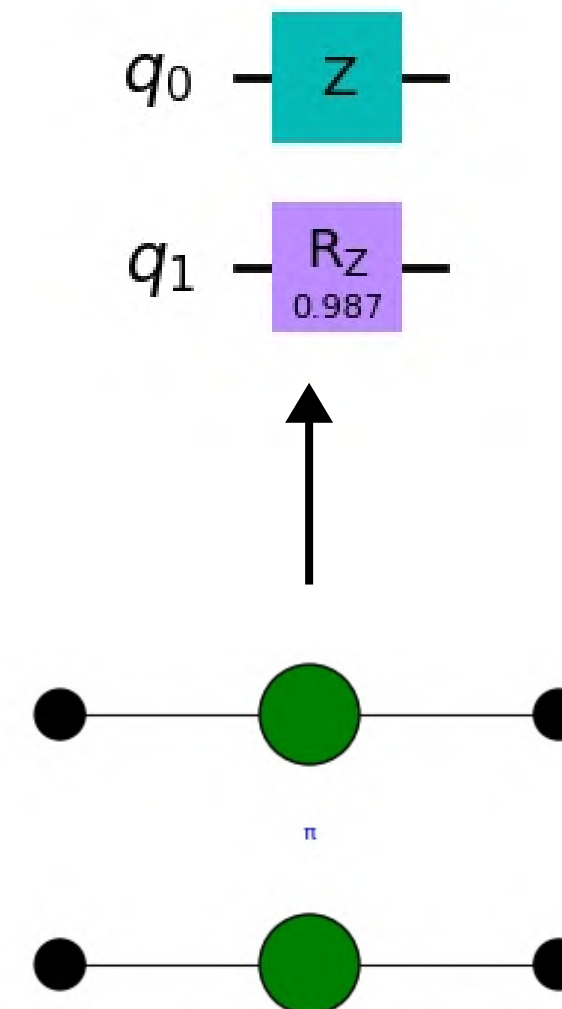
```
2664132    rz -pi 13  
2664133    rz -pi/2 13
```

Optimierung: PyZX

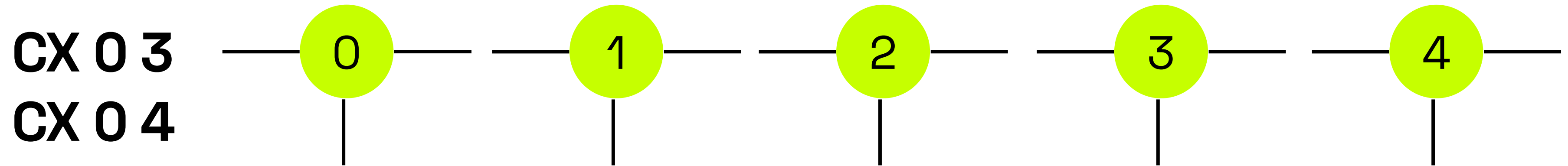
- Ein Python-Tool, das die Theorie des ZX-Kalküls implementiert
- Erlaubt die Manipulation und Analyse von ZX-Diagrammen



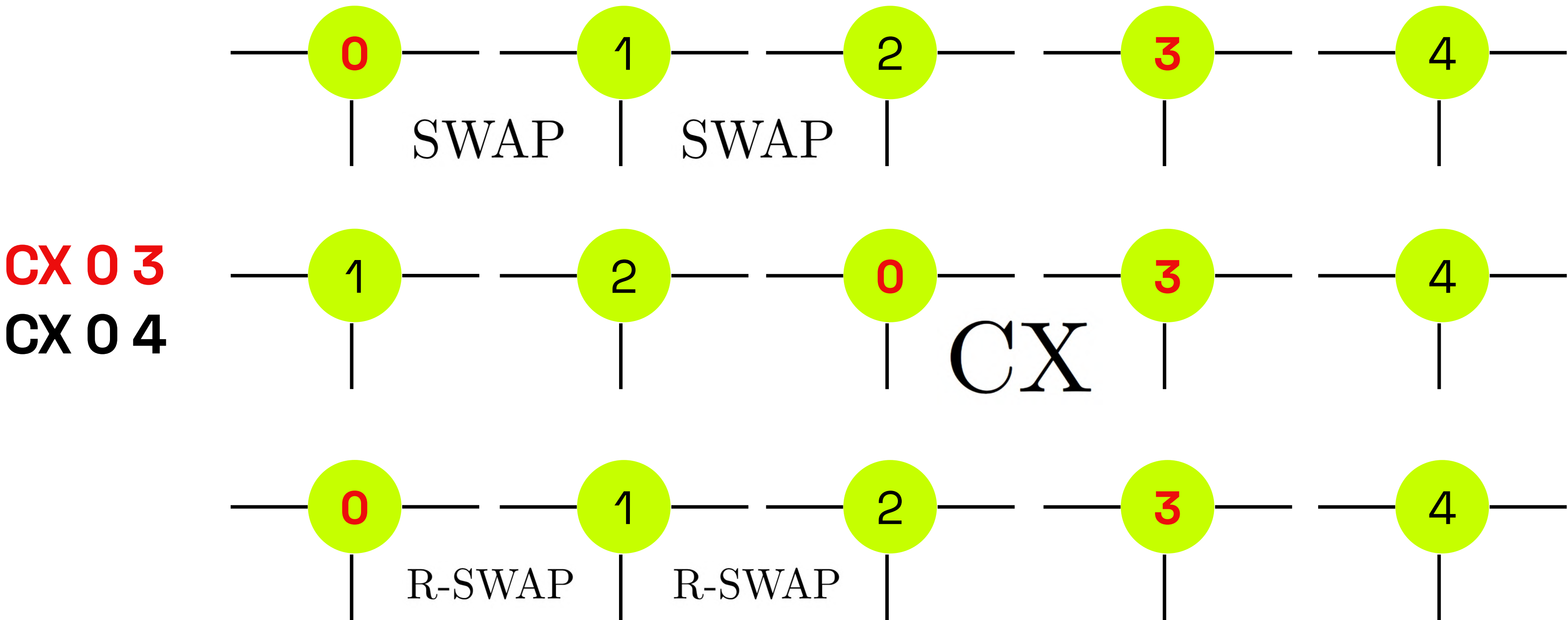
`zx.full_reduce()`

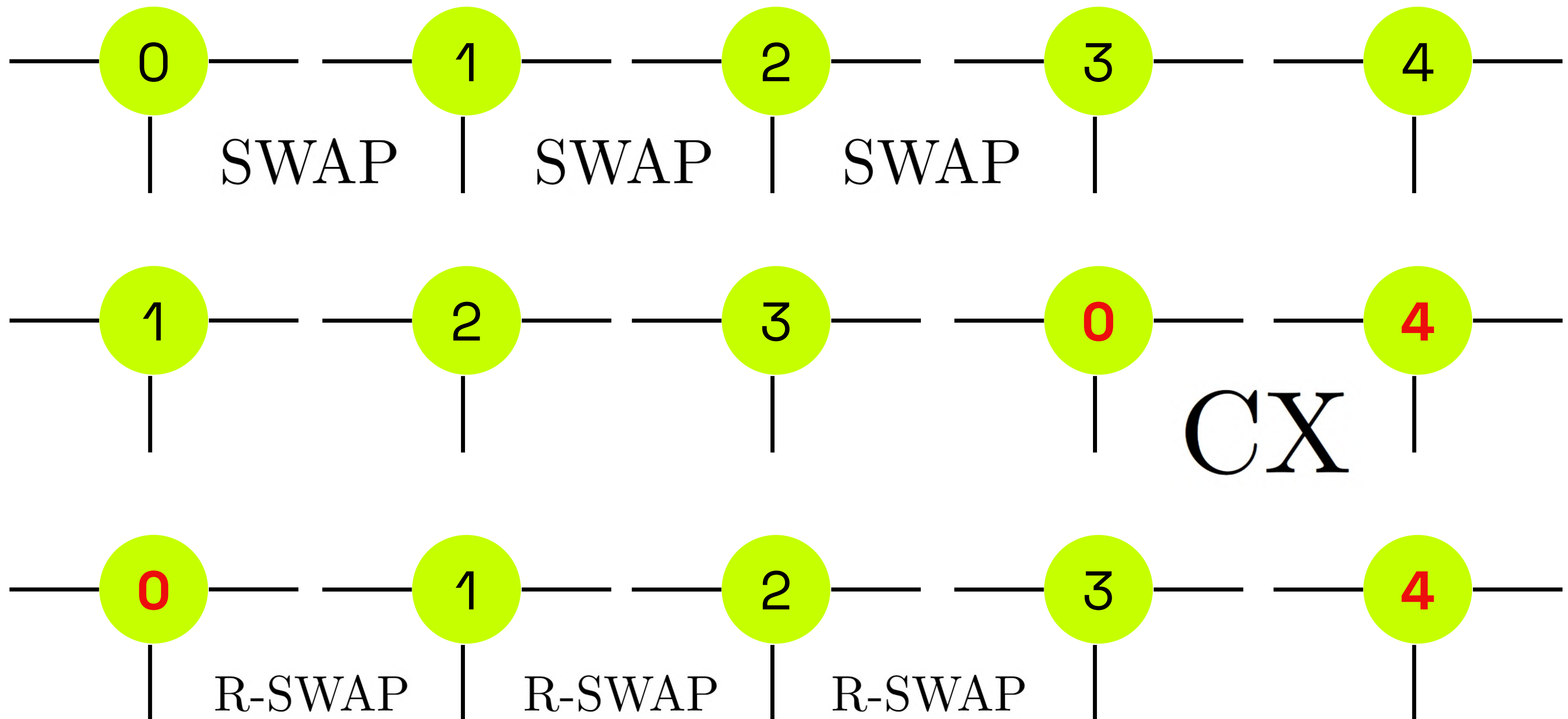
Optimierung: 2 Qubit Gate Naiv



Optimierung: 2 Qubit Gate Naiv



Optimierung: 2 Qubit Gate Naiv

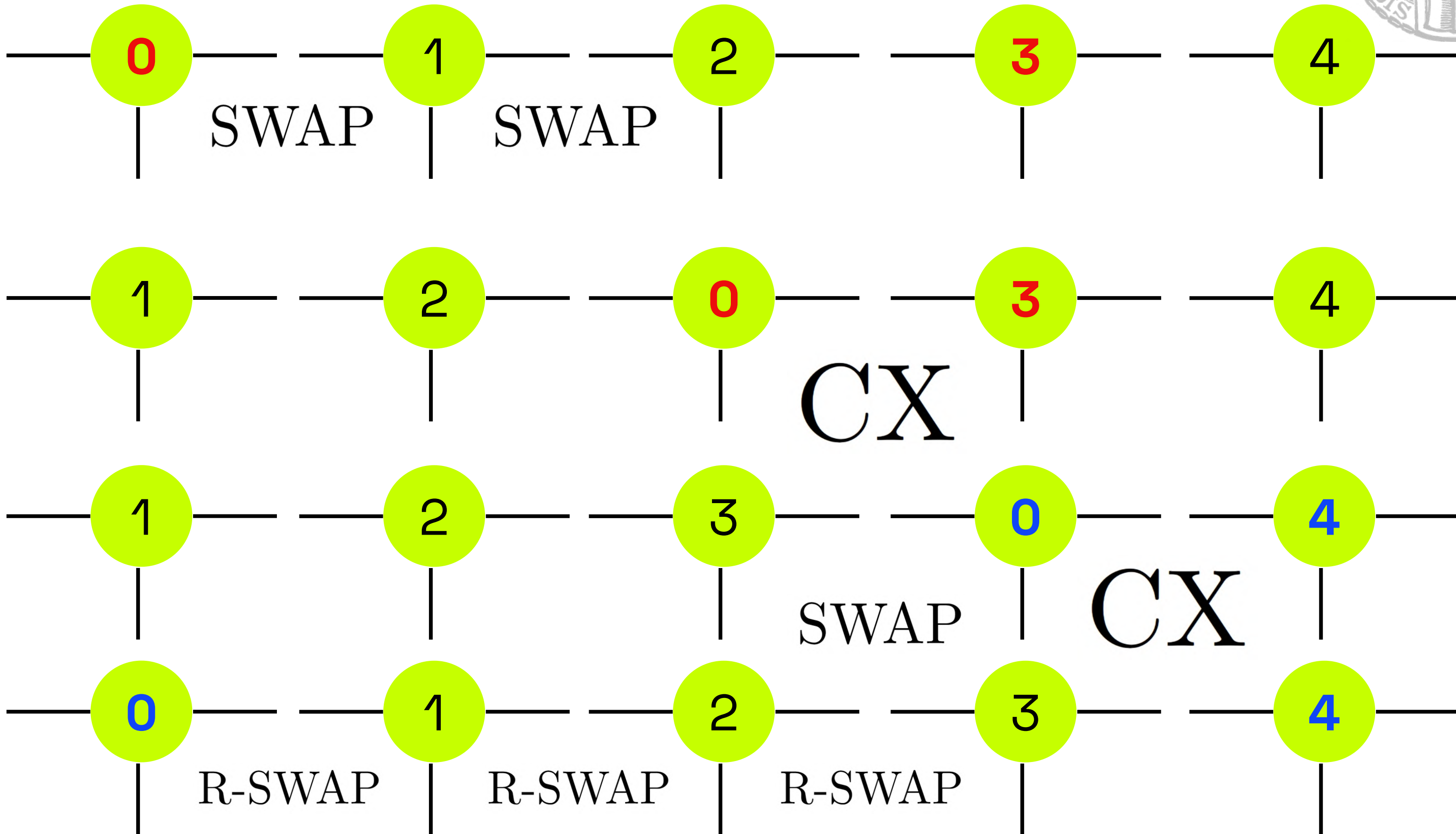


CX 0 3
CX 0 4

Optimierung: 2 Qubit Gate Optimiert



CX 0 3
CX 0 4



Optimierung: 2 Qubit Gate Optimiert

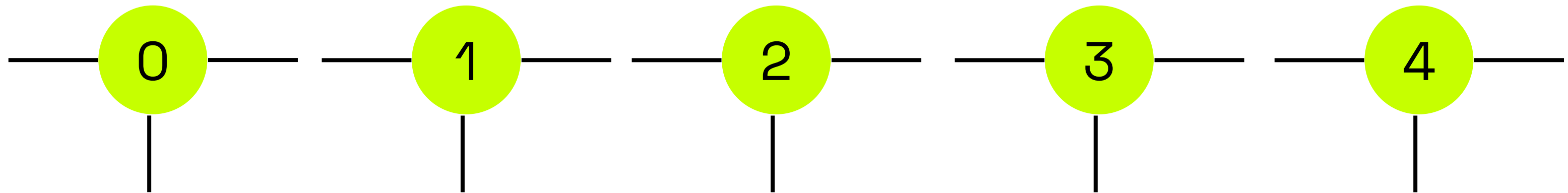


CX 0 3

CZ 0 4

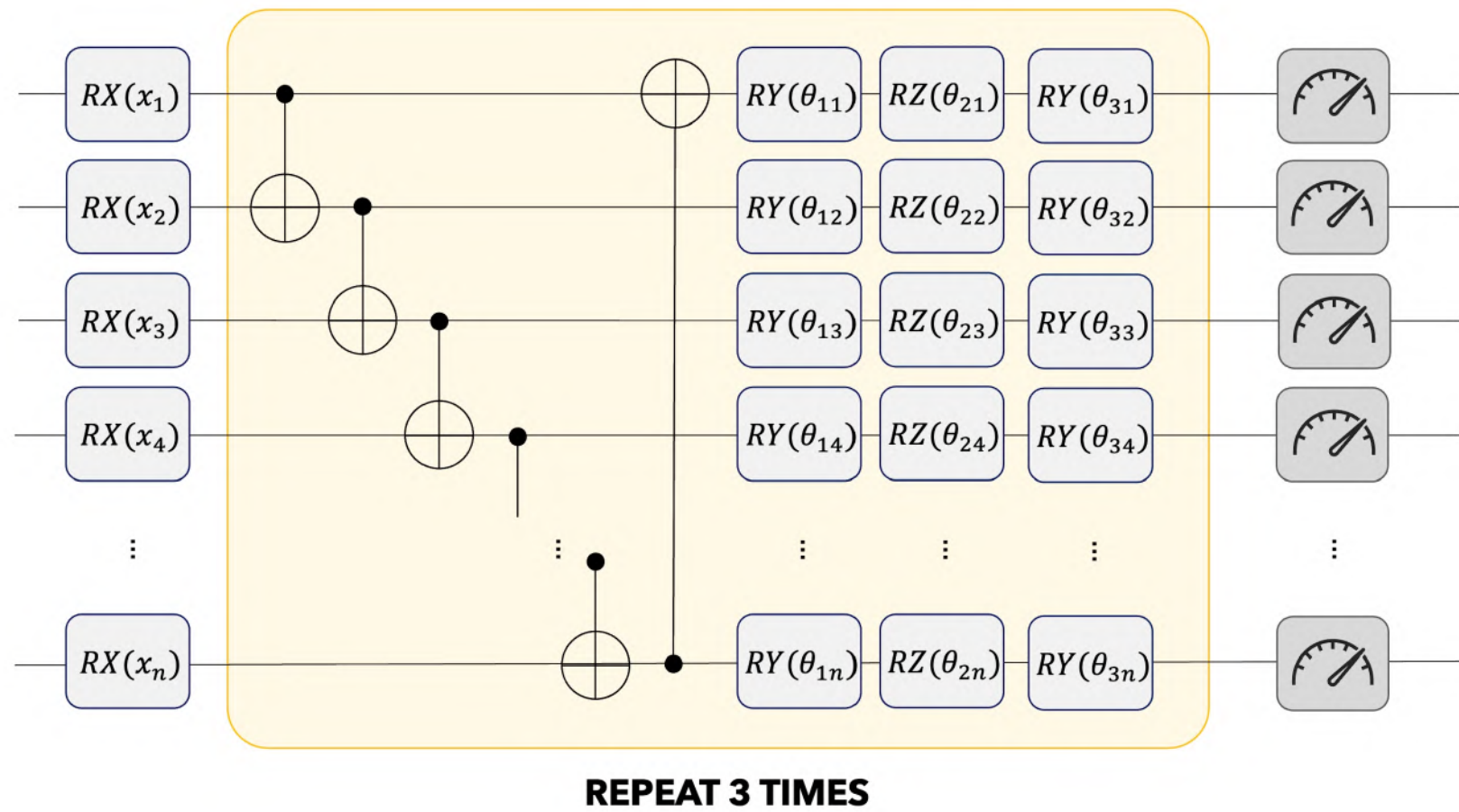
CX 3 0

...

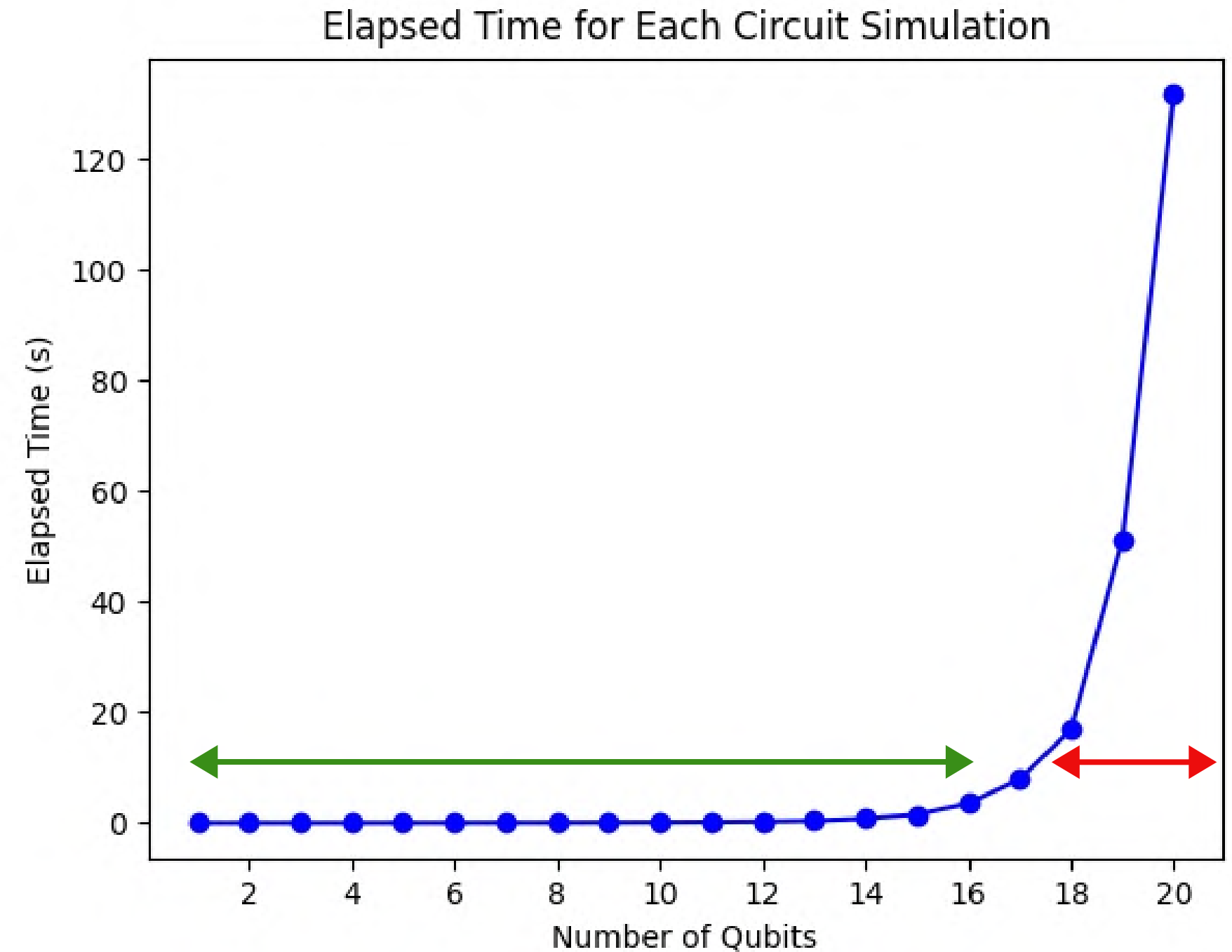


Benchmark

- Wie gut funktioniert der MPS Simulator?



- Real-world QML Schatkreis
- Input-layer, 3 Variational-layers
- Getestet auf 1 - 20 Qubits



Backup: SVD und Truncation



$$M = \begin{pmatrix} 0.435839 & 0.223707 & 0.10 \\ 0.435839 & 0.223707 & -0.10 \\ 0.223707 & 0.435839 & 0.10 \\ 0.223707 & 0.435839 & -0.10 \end{pmatrix}$$

M kann faktorisiert werden als:

$$\begin{matrix} \text{U} & \text{S} & \text{V} \\ \begin{bmatrix} 1/2 & -1/2 & 1/2 \\ 1/2 & -1/2 & -1/2 \\ 1/2 & 1/2 & 1/2 \\ 1/2 & 1/2 & -1/2 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0.933 & 0 & 0 \\ 0 & \boxed{0.300} & 0 \\ 0 & 0 & \boxed{0.200} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0.707107 & 0.707107 & 0 \\ -0.707107 & 0.707107 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$\|M_3 - M\|^2 = 0.13 = \boxed{(0.3)^2} + \boxed{(0.2)^2}$$

Backup: SVD und Truncation



Durch Truncation → weniger Einträge:

U

$$\begin{bmatrix} 1/2 \\ 1/2 \\ 1/2 \\ 1/2 \end{bmatrix}$$

S

$$[0.933]$$

V

$$\begin{bmatrix} 0.707107 & 0.707107 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\|M_3 - M\|^2 = 0.13 = (0.3)^2 + (0.2)^2$$

$$M_3 = \begin{pmatrix} 0.329773 & 0.329773 & 0 \\ 0.329773 & 0.329773 & 0 \\ 0.329773 & 0.329773 & 0 \\ 0.329773 & 0.329773 & 0 \end{pmatrix}$$



Pitch

Want to make a presentation like this one?

Start with a fully customizable template, create a beautiful deck in minutes, then easily share it with anyone.

Create a presentation (It's free)

