Die Graphschaft Schilda

Felix Möhler und Julian Thiele

Inhaltsverzeichnis

1	. Die	e Graphschaft Schilda	4
	1.1	Abstract	4
	1.2	Aufgabenstellung	4
	1.3	Planungstool Aufbau	4
	1.4	Das Team	5
	1.5	Auftraggeber	5
2.	Pre	oblem 1 - "Straßen müssen her!"	6
	2.1	Modellierung des Problems	6
	2.2	Die Eingabe	6
	2.3	Die Ausgabe	7
	2.4	Geeignete Algorithmen	8
	2.5	Die Laufzeit des Algorithmus	9
	2.6	Die Implementierung des Algorithmus	9
3	Pre	oblem 2 - "Wasserversorgung"	11
	3.1	Modellierung des Problems	11
	3.2	Die Eingabe	11
	3.3	Die Ausgabe	11
	3.4	Der Alrogithmus	12
	3.5	Die Laufzeit des Algorithmus	12
	3.6	Die Implementierung des Algorithmus	12
4	. Pro	oblem 3 - "Stromversorgung"	13
	4.1	Modellierung des Problems	13
	4.2	Die Eingabe	13
	4.3	Die Ausgabe	13
	4.4	Geeignete Algorithmen	14
	4.5	Die Laufzeit des Algorithmus	14
	4.6	Die Implementierung des Algorithmus	15
5	Pre	oblem 4 - "Historische Funde"	17
	5.1	Modellierung des Problems	17
	5.2	Die Eingabe	17
	5.3	Die Ausgabe	18
	5.4	Geeignete Algorithmen	18
	5.5	Die Laufzeit des Algorithmus	19
	5.6	Die Implementierung des Algorithmus	19

6. Pr	oblem 5 - "Die Festhochzeit - das Verteilen der Einladungen"	21
6.1	Modellierung des Problems	21
6.2	Die Eingabe	21
6.3	Die Ausgabe	21
6.4	Der Alrogithmus	21
6.5	Die Laufzeit des Algorithmus	21
6.6	Die Implementierung des Algorithmus	21
7. Pr	oblem 6 - "Wohin nur mit den Gästen?"	22
7.1	Modellierung des Problems	22
7.2	Die Eingabe	22
7.3	Die Ausgabe	22
7.4	Der Alrogithmus	23
7.5	Die Laufzeit des Algorithmus	23
7.6	Die Implementierung des Algorithmus	23
8. Pr	oblem 7 - "Es gibt viel zu tun! Wer macht's"	24
8.1	Modellierung des Problems	24
8.2	Die Eingabe	24
8.3	Die Ausgabe	24
8.4	Der Alrogithmus	25
8.5	Die Laufzeit des Algorithmus	25
8.6	Die Implementierung des Algorithmus	25

1. Die Graphschaft Schilda

1.1 Abstract

Diese Website ist die Dokumentation des Projektes "Graphschaft Schilda" für das Modul Programmiertechnik III an der TH Aschaffenburg.

Die Graphschaft Schilda ist ein beschauliches Örtchen irgendwo im Nichts. Lange Zeit blieb diese Graphschaft unbehelligt vom Fortschritt, nichts tat sich in dem Örtchen. Eines Tages jedoch machte sich dort plötzlich das Gerücht breit, dass fernab der Graphschaft intelligente Menschen leben, die (fast) alle Probleme der Welt mit mächtigen Algorithmen lösen könnten. Die Bürger der Graphschaft machten sich also auf den Weg um diese intelligenten Menschen mit der Lösung ihrer Probleme zu beauftragen....

1.2 Aufgabenstellung

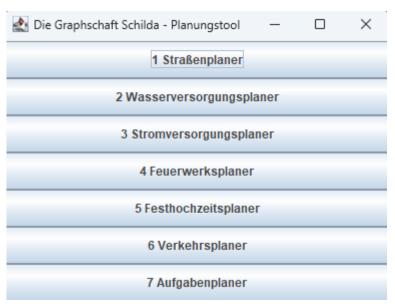
Entwickeln Sie ein Planungstool, dass der Graphschaft Schilda bei der Lösung ihrer Probleme hilft.

- 1. Analysieren Sie jedes der Probleme: Welche Daten sollen verarbeitet werden? Was sind die Eingaben? Was die Ausgaben? Welcher Algorithmus eignet sich? Welche Datenstruktur eignet sich?
- 2. Implementieren Sie den Algorithmus (in Java), so dass bei Eingabe der entsprechenden Daten die gewünschte Ausgabe berechnet und ausgegeben wird.
- 3. Geben Sie für jeden implementierten Algorithmus die Laufzeit an. Da Sie sich nun schon so viel Mühe mit dem Tool geben, wollen Sie das Tool natürlich auch an andere Gemeinden verkaufen. Die Eingaben sollen dafür generisch, d.h., für neue Orte, Feiern und Planungen anpassbar sein. Sie können diese Aufgabe ein 2er oder 3er Teams lösen. Bitte geben Sie dann die Arbeitsteilung im Dokument mit an. Die 15minütige Einzelprüfung wird auf die Projektaufgabe eingehen.

1.3 Planungstool Aufbau

1.3.1 Das Interface

Sobald das Programm startet, öffnet sich ein Fenster mit einem Menü für die Auswahl der verschiedenen Probleme. Wenn ein Knopf gedrückt wird, öffnet sich ein neues Fenster mit dem entsprechenden Problem.



1.3.2 Die Aufgaben

Jedes Problem besitzt eine eigene Klasse ProblemX.java, die sich im Ordner code befinden.

Der Ordner code/utils enthält die Klassen:

- AdjazenzMatrix.java: Speichert eine int[][] Matrix, char[] Buchstaben-Array und ob es sich um einen gerichteten oder ungerichteten Graphen handelt.
- FileHandler.java: Stellt Methoden zum Einlesen und Schreiben von Dateien bereit.
- Vertex.java: Speichert einen Buchstaben, einen Vertex-Vorgänger, einen 'key' und eine Option ob der Vertex bereits besucht wurde.
- Edge. java : Speichert zwei Buchstaben für den Start- und Endknoten der Kante und ein Gewicht.
- JGraphPanel.java: Eine Klasse, die ein JPanel erweitert und mit Hilfe der mxgraph und jgrapht Bibliotheken einen Graphen zeichnet.
- BasicWindow.java: Eine Klasse, die ein JFrame erweitert und als Grundlage für die Fenster der einzelnen Probleme dient.

Die Eingabe

Die Eingabedateien befinden sich in dem Ordner data und folgen dem Namensschema problemx.txt. Die Dateien werden mit der Klasse FileHandler.java eingelesen und in einer Instanz der Klasse AdjazenzMatrix.java gespeichert.

```
1 Ungerichteter Graph Gerichteter Graph
2 A B C ... A B C ...
3 A 0 A 0 0 1
4 B 1 0 B 0 0 1
5 C 2 3 0 C 1 0 0
6 ... ...
```

Die Ausgabe

Die Ausgabedateien befinden sich in dem Ordner output und werden automatisch generiert oder überschrieben sobald ein Punkt aus dem Menü ausgewählt wird.

Beim Betätigen eines Menübuttons wird die Ein- und Ausgabe graphisch dargestellt und zusätzlich in der Konsole ausgegeben.

In der Ausgabedatei werden die Graphen in einer Adjazenzmatrix gespeichert, die dem Schema der Eingabedatei entspricht.

1.4 Das Team

- Felix Möhler GitHub
- Julian Thiele GitHub

1.5 Auftraggeber

Prof. Barbara Sprick - Professorin für Praktische Informatik bei TH Aschaffenburg

2. Problem 1 - "Straßen müssen her!"

Lange Zeit gab es in der Graphschaft Schilda einen Reformstau, kein Geld floss mehr in die Infrastruktur. Wie es kommen musste, wurde der Zustand der Stadt zusehends schlechter, bis die Bürger der Graphschaft den Aufbau Ihrer Stadt nun endlich selbst in die Hand nahmen. Zunächst einmal sollen neue Straßen gebaut werden. Zur Zeit gibt es nur einige schlammige Wege zwischen den Häusern. Diese sollen nun gepflastert werden, so dass von jedem Haus jedes andere Haus erreichbar ist.

Da die Bürger der Stadt arm sind, soll der Straßenbau insgesamt möglichst wenig kosten. Die Bürger haben bereits einen Plan mit möglichen Wegen erstellt. Ihre Aufgabe ist nun, das kostengünstigste Wegenetz zu berechnen, so dass alle Häuser miteinander verbunden sind (nehmen Sie dabei pro Pflasterstein Kosten von 1 an):

2.1 Modellierung des Problems

Das Problem lässt sich als Graphenmodell mit ungerichteten Kanten darstellen. Jedes Haus ist ein Knoten, die Straßen sind die Kanten. Die Kosten der Kanten sind die Kosten für die Pflastersteine.

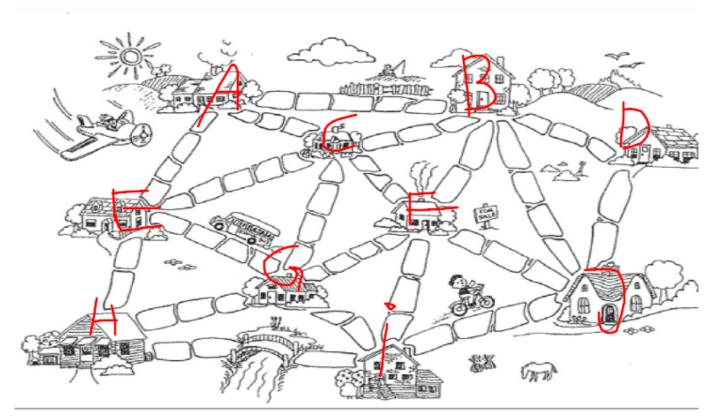
Es wird eine Konfiguration an Kanten gesucht, die eine minimale Anzahl an Pflastersteinen benötigt.

Um den Graph zu modellieren werden die Java-Bibliotheken JGraphT und JGraphX verwendet. Mit JGraphT wird der Graph als Datenstruktur modelliert. Mit JGraphX wird der Graph als Grafik dargestellt und auf dem Bildschirm dargestellt.

2.2 Die Eingabe

Die Eingabe besteht aus einem Graphen, der aus Kanten und Knoten besteht. Diese werden aus einer .txt Datei gelesen und in eine Instanz der Klasse AdjazenzMatrix.java geladen. Diese Instanz dient als Basis für die Berechnung des minimalen Spannbaums.

Das Bild aus der Aufgabenstellung wurde mit Buchstaben von A bis J beschriftet und daraus wurde die Datei problem1.txt erstellt.



```
1 // code/data/problem1.txt
2 A B C D E F G H I J
3 A 0
4 B 5 0
5 C 3 3 0
6 D 0 3 0 0
7 E 4 0 5 0 0
8 F 0 2 3 0 0 0
9 G 0 0 4 0 4 4 4 0
10 H 0 0 0 0 2 0 3 0
11 I 0 0 0 0 0 3 2 4 0
12 J 0 4 0 2 0 3 0 0 4 0
```

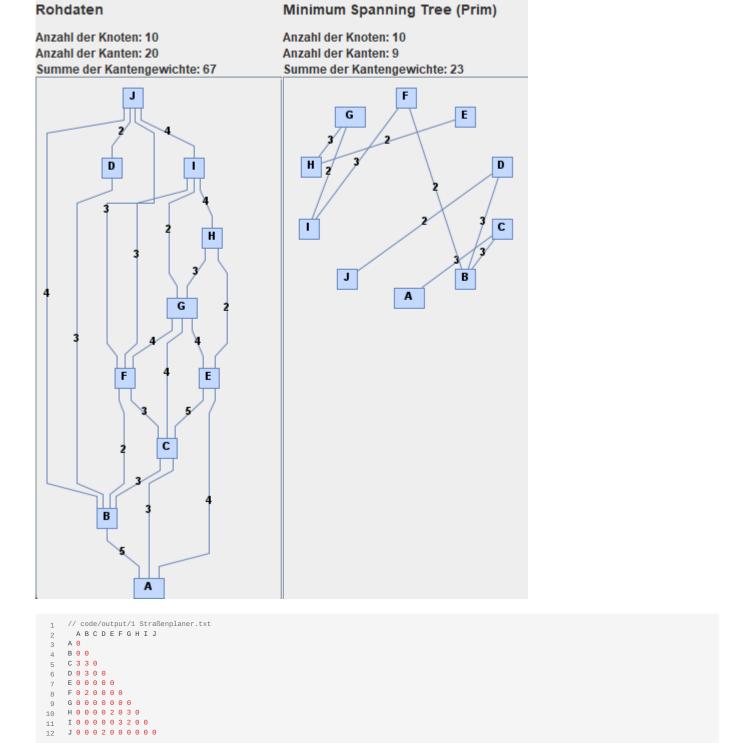
2.3 Die Ausgabe

Die Ausgabe wird als Graph in einem Fenster dargestellt und in die Datei 1 Straßenplaner.txt geschrieben. Das Fenster besteht aus zwei Hälften. Auf der linken Seite wird der Eingabegraph dargestellt. Auf der rechten Seite wird der berechnete Graph dargestellt.

Ein korrekte Ausgabe erfüllt folgende Eigenschaften:

- Die Summe der Kantengewichte muss minimal sein.
- Alle Knoten müssen über Kanten erreichbar sein.
- Der Graph muss zusammenhängend und zyklusfrei sein.
- Die Kanten müssen ungerichtet sein.
- Alle Knoten des Eingabe-Graphen müssen im Ausgabe-Graphen enthalten sein.

X



2.4 Geeignete Algorithmen

🏩 1 Straßenplaner

Für dieses Problem eigenen sich die Algorithmen von Prim und Kruskal. Beide Algorithmen berechnen den minimalen Spannbaum eines Graphen.

2.5 Die Laufzeit des Algorithmus

TODO Laufzeitberechnung $0(|E| + |V| \log |V|)$ (Hier bitte auch eine Begründung einfügen, ein ausführlicher Beweis ist nicht notwendig.)

2.6 Die Implementierung des Algorithmus

Zur Lösung des Problems wurde der Algorithmus von Prim implementiert. Der Algorithmus von Prim ist ein Greedy-Algorithmus. Als Datenstruktur wurde eine Prioritätswarteschlange verwendet, die Instanzen der Klasse Vertex beinhaltet:

Zuerst wird eine Liste aller Knoten und Kanten erstellt. Die Knoten werden mit dem maximalen Wert für Integer und ohne Vorgänger initialisiert. Anschließend wird ein beliebiger Knoten als Startknoten gewählt (In diesem Fall der Erste). Der Startknoten bekommt den Wert 0. Alle Knoten werden in eine Prioritätswarteschlange ϱ eingefügt.

Danach wird eine while-Schleife verwendet um alle Knoten zu durchlaufen. In der Schleife wird der Knoten mit dem kleinsten Wert aus der Warteschlange Q entfernt. Anschließend wird für jeden Nachbarknoten des aktuellen Knotens überprüft, ob der Wert des Nachbarknotens größer als der Wert des aktuellen Knotens plus der Kosten der Kante ist. Wenn dies der Fall ist, wird der Wert des Nachbarknotens auf den Wert des aktuellen Knotens plus die Kosten der Kante gesetzt und der Vorgänger des Nachbarknotens auf den aktuellen Knoten gesetzt.

Am Ende wird die Liste aller Knoten in eine Adjazenzmatrix umgewandelt und zurückgegeben.

```
private int[][] prim(AdjazenzMatrix input) {
        int[][] matrix = input.getMatrixCopy();
        char[] vertexLetters = input.getVertexLetters();
        ArrayList<Vertex> vertices = new ArrayList<>();
       ArrayList<Edge> edges = getEdges(matrix, vertexLetters);
        // Generiere eine Liste aller Knoten mit dem Wert unendlich und ohne Vorgänger
       for (int i = 0; i < matrix.length; i++)
vertices.add(new Vertex(vertexLetters[i], Integer.MAX_VALUE, null));</pre>
10
11
12
        // Starte mit beliebigem Startknoten, Startknoten bekommt den Wert 0 vertices.get(0).setKey(0);
14
15
       // Speichere alle Knoten in einer geeigneten Datenstruktur Q // -> Prioritätswarteschlange
17
18
       PriorityQueue<Vertex> q = new PriorityQueue<>(Comparator.comparingInt(Vertex::getKey));
19
       q.addAll(vertices);
20
        // Solange es noch Knoten in Q gibt...
       while (!q.isEmpty()) {
   // Entnehme den Knoten mit dem kleinsten Wert
22
23
         Vertex u = q.poll();
25
26
           // Für jeden Nachbarn n von u
          for (Vertex n : getNeighbors(u, vertices, edges)) {
27
            // Finde die Kante (u, n)
28
            Edge e = null;
for (Edge edge : edges)
29
30
             if ((edge.getSource() == u.getLetter() && edge.getTarget() == n.getLetter())
31
                    ||\ (edge.getSource() == n.getLetter() \&\& \ edge.getTarget() == u.getLetter()))
                 e = edge;
33
          // Wenn n in Q und das Gewicht der Kante (u, n) kleiner ist als der Wert von n if (!q.contains(n) || e.getWeight() >= n.getKey())
35
36
              continue;
38
            // Setze den Wert von n auf das Gewicht der Kante (u, n)
39
            n.setKey(e.getWeight());
            // Setze den Vorgänger von n auf u
n.setPredecessor(u);
41
            // Aktualisiere die Position von n in Q
             q.remove(n);
44
             q.add(n);
46
47
       // Erstelle die Adjazenzmatrix für den Minimum Spanning Tree
49
        int[][] matrix_output = new int[matrix.length][matrix.length];
50
51
        for (Vertex v : vertices) {
  if (v.getPredecessor() == null)
52
            continue;
54
55
        int i = v.getLetter() - 'A';
int j = v.getPredecessor().getLetter() - 'A';
matrix_output[i][j] = matrix[i][j];
matrix_output[j][i] = matrix[j][i];
       return matrix_output;
60
```

3. Problem 2 - "Wasserversorgung"

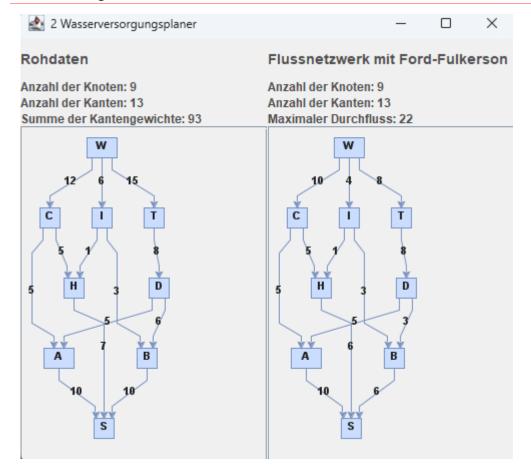
Der Straßenbau in der Graphschaft Schilda war erfolgreich, die Stadt blüht und gedeiht wieder! Selbst ein neuer Supermarkt soll eröffnet werden. Nun muss dieser aber mit Wasser versorgt werden, und da Sie bereits das Straßenbauprojekt so erfolgreich durchgeführt haben, werden Sie nun auch damit beauftragt, den neuen Supermarkt an die Wasserversorgung anzuschließen.

Da die Stadt nach wie vor kein Geld verschwenden möchte, müssen Sie zunächst feststellen, ob das bestehende Leitungsnetz noch ausreichend Kapazität für den zusätzlichen Wasserverbrauch hat, oder ob neue Leitungen benötigt werden. Da die Graphschaft Schilda noch keine Pumpen kennt, kann das Wasser nur bergab fließen. Als Vorarbeit haben Ihnen die Bürger die bestehende Wasserversorgung und die Lage des neuen Supermarktes aufgezeichnet:

3.1 Modellierung des Problems

3.2 Die Eingabe

3.3 Die Ausgabe



- 3.4 Der Alrogithmus
- 3.5 Die Laufzeit des Algorithmus
- 3.6 Die Implementierung des Algorithmus

4. Problem 3 - "Stromversorgung"

Die Stadt floriert, alles wird moderner und so muss auch die Stromversorgung erneuert werden. Die Stadt hat bereits eruiert, wo Strommasten aufgestellt werden können. Sie haben auch festgestellt, dass es keine Barrieren in der Stadt gibt, d.h., prinzipiell könnten alle Strommasten miteinander verbunden werden. Aber natürlich wollen wir lange Leitungen möglichst vermeiden.

Deswegen schränken wir von vornherein ein, dass jeder Strommast nur mit maximal 5 nächsten Nachbarn verbunden werden darf. Es stellt sich heraus, dass dies immer noch zu teuer ist. Deswegen soll dieses Netz noch einmal so reduziert werden, dass zwar alle Strommasten miteinander verbunden sind, aber Kosten insgesamt minimal sind. Wir nehmen dabei an, dass die Kosten ausschließlich von der Leitungslänge abhängen.

4.1 Modellierung des Problems

Das Problem lässt sich als Graphenmodell mit ungerichteten Kanten darstellen. Jeder Strommast ist ein Knoten, die Verbindungen sind die Kanten. Die Kosten der Kanten sind die Länge der Stromleitungen.

Es wird eine Konfiguration an Leitungen zwischen den Strommasten gesucht, die eine minimale Gesamtlänge besitzt, und jeder Strommast mit maximal mit 5 weiteren Masten verbunden sein darf.

Um den Graph zu modellieren werden die Java-Bibliotheken JGraphT und JGraphX verwendet. Mit JGraphT wird der Graph als Datenstruktur modelliert. Mit JGraphX wird der Graph als Grafik dargestellt und auf dem Bildschirm dargestellt.

4.2 Die Eingabe

Die Eingabe besteht aus einem Graphen, der aus Kanten und Knoten besteht. Diese werden aus einer .txt Datei gelesen und in eine Instanz der Klasse AdjazenzMatrix.java geladen. Diese Instanz dient als Basis für die Berechnung des minimalen Spannbaums.

Der Eingabegraph besteht aus 12 Knoten und 66 Kanten. Die Kanten werden mit aufsteigenden Gewichten generiert. Die Knoten werden mit Buchstaben von A - L bezeichnet.

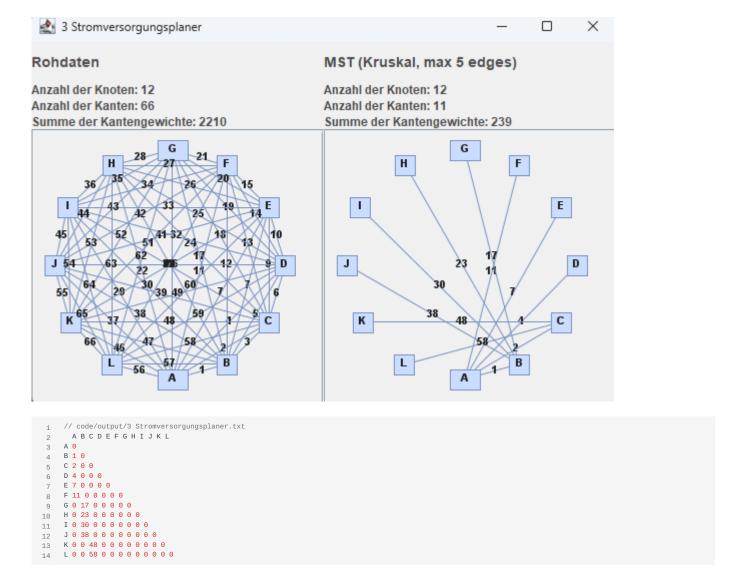
Zusätzlich ist im Code hinterlegt, dass die maximale Anzahl an Nachbarn pro Knoten 5 ist.

4.3 Die Ausgabe

Die Ausgabe wird als Graph in einem Fenster dargestellt und in die Datei 3 Stromversorgung.txt geschrieben. Das Fenster besteht aus zwei Hälften. Auf der linken Seite wird der Eingabegraph dargestellt. Auf der rechten Seite wird der berechnete Graph dargestellt.

Ein korrekte Ausgabe erfüllt folgende Eigenschaften:

- Die Summe der Kantengewichte muss minimal sein.
- Die Anzahl der Kanten darf maximal 5 sein.
- Alle Knoten müssen über Kanten erreichbar sein.
- Der Graph muss zusammenhängend und zyklusfrei sein.
- Die Kanten müssen ungerichtet sein.
- Alle Knoten des Eingabe-Graphen müssen im Ausgabe-Graphen enthalten sein.



4.4 Geeignete Algorithmen

Für dieses Problem eigenen sich die Algorithmen von Prim und Kruskal. Beide Algorithmen berechnen den minimalen Spannbaum eines Graphen.

4.5 Die Laufzeit des Algorithmus

TODO

4.6 Die Implementierung des Algorithmus

Zur Lösung dieses Problems wurde der Algorithmus von Kruskal verwendet. Der Algorithmus ist ein Greedy-Algorithmus. Er berechnet den minimalen Spannbaum eines Graphen.

Zuerst wird eine Liste aller Kanten des Graphen erstellt. Diese Liste wird nach Gewicht sortiert. Dann wird ein Wald aus Bäumen erstellt, wobei jeder Knoten ein eigener Baum ist. Dann wird die Liste der Kanten durchlaufen.

Wenn die Kanten zwei Knoten aus verschiedenen Bäumen verbindet, wird die Kante dem minimalen Spannbaum hinzugefügt. Die Bäume werden dann zusammengeführt.

Die Funktion gibt eine Adjazenmatrix zurück, die aus der Liste der Ausgabe-Kanten erstellt wird.

```
private int[][] kruskal(AdjazenzMatrix input, int max_edges) {
        int[][] matrix = input.getMatrixCopy();
       char[] vertexLetters = input.getVertexLetters();
       ArrayList<Vertex> vertices = new ArrayList<>();
        // Generiere eine Liste aller Knoten
       for (int i = 0; i < matrix.length; i++)
vertices.add(new Vertex(vertexLetters[i], 0));
10
11
       ArrayList<Edge> edges = getEdges(matrix, vertexLetters);
12
        // Sortiere die Kanten nach Gewicht
14
15
        edges.sort(Comparator.comparingInt(Edge::getWeight));
       // erstelle einen wald 'forest' (eine menge von bäumen), wo jeder knoten ein
        // eigener baum ist
18
       ArravList<ArravList<Vertex>> forest = new ArravList<ArravList<Vertex>>():
19
       for (Vertex v : vertices) {
20
         ArrayList<Vertex> tree = new ArrayList<Vertex>();
22
          tree.add(v);
          forest.add(tree);
23
25
26
       \ensuremath{//} erstelle eine liste mit den kanten des minimum spanning trees
       ArrayList<Edge> forest_edges = new ArrayList<Edge>(edges);
27
28
       // erstelle eine liste für die Ausgabe
ArrayList<Edge> output_edges = new ArrayList<Edge>();
29
30
31
        // solange der wald nicht leer ist und der baum noch nicht alle knoten enthält
       while (forest_edges.size() > 0) {
33
         // entferne eine kante (u, v) aus forest
35
         Edge e = forest_edges.remove(0);
36
         // finde die bäume, die mit der Kante e verbunden sind
         ArrayList<Vertex> tree_u = null;
ArrayList<Vertex> tree_v = null;
for (ArrayList<Vertex> t : forest) {
38
39
           if (t.contains(getSourceVertexFromEdge(e, vertices)))
41
42
           if (t.contains(getTargetVertexFromEdge(e, vertices)))
43
              tree_v = t;
44
46
         // Prüfe ob die kante e von einem vertex ausgeht, der bereits mehr als 5 kanten
47
          ArrayList<Edge> source_edges = getAdjacentEdges(e.getSource(), output_edges);
49
          ArrayList<Edge> target_edges = getAdjacentEdges(e.getTarget(), output_edges);
50
51
         if (source_edges.size() >= max_edges || target_edges.size() >= max_edges)
52
53
54
55
          // wenn u und v in gleichen Bäumen sind -> skip
         if (tree_u == tree_v)
57
           continue:
58
         // füge kante von u und v zur Ausgabe hinzu
59
         output_edges.add(e);
60
61
         // füge baum von v zu baum von u hinzu (merge)
         for (Vertex v : tree_v)
63
           tree_u.add(v);
65
         forest.remove(tree_v);
66
68
       // erstelle die Ausgabe-Adjazenzmatrix
69
       int[][] output_matrix = new int[matrix.length][matrix.length];
for (Edge e : output_edges) {
  int source = e.getSource() - 'A';
  int target = e.getTarget() - 'A';
70
71
73
          output_matrix[source][target] = matrix[source][target];
output_matrix[target][source] = matrix[target][source];
74
        return output_matrix;
```

5. Problem 4 - "Historische Funde"

Beim Ausheben der Wege während des Straßenbaus wurde ein antiker Feuerwerksplan gefunden. Die Lage der pyrotechnischen Effekte und die Zündschnüre sind noch sehr gut zu erkennen.

Wie aber ist die Choreographie des Feuerwerks? In welcher Reihenfolge zünden die Bomben? Können Sie den Bürgern der Graphschaft Schilda helfen? (Unter der Annahme, dass die Zündschnur immer mit gleichbleibender Geschwindigkeit abbrennt...)

5.1 Modellierung des Problems

Das Problem lässt sich als Graphenmodell mit ungerichteten Kanten darstellen. Das Steichholz und die Feuerwerkskörper sind die Knoten, die Zündschnüre sind die Kanten. Die Kosten der Kanten sind die Länge der Zündschnüre.

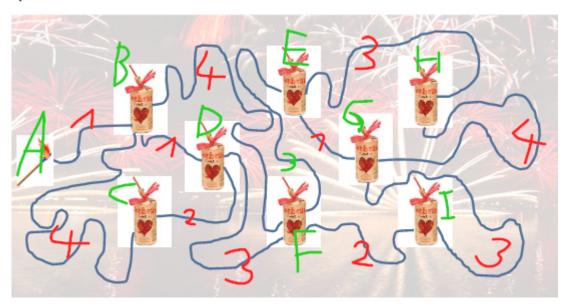
Es wird die korrekte Reihenfolge gesucht, in der die Feuerwerkskörper gezündet werden wenn das Streichholz den ersten Feuerwerkskörper zündet.

Um den Graph zu modellieren werden die Java-Bibliotheken JGrapht und JGraphx verwendet. Mit JGrapht wird der Graph als Datenstruktur modelliert. Mit JGraphx wird der Graph als Grafik dargestellt und auf dem Bildschirm dargestellt.

5.2 Die Eingabe

Um das Bild der Aufgabenstellung in konkrete Daten zu übersetzen, wurden hier Schätzungen der Länge der Zündschnüre vorgenommen und in einer Grafik dargestellt. Die Knoten wurden mit Buchstaben von A - I beschriftet.

Die Eingabe besteht aus einem Graphen, der aus Kanten und Knoten besteht. Diese werden aus einer .txt Datei gelesen und in eine Instanz der Klasse AdjazenzMatrix.java geladen. Diese Instanz dient als Basis für die Berechnung des minimalen Spannbaums.



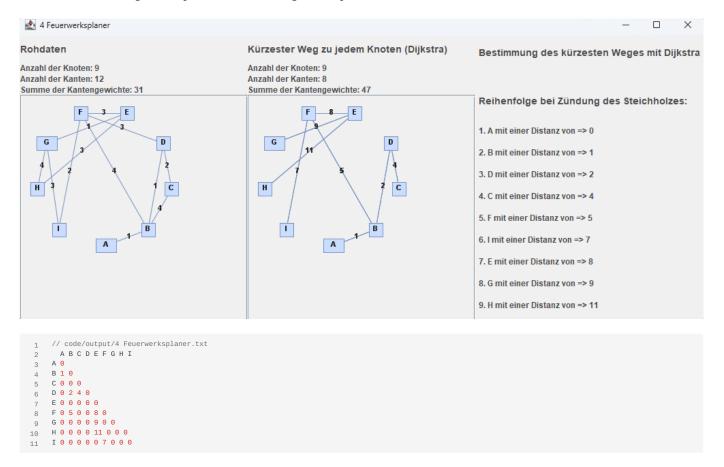
```
1 // code/data/problem4.txt
2 ABCDEFGHI
3 A0
4 B10
5 C0 4 0
6 D0 1 2 0
7 E0 0 0 0 0 0
8 F0 4 0 3 3 0
9 G0 0 0 0 1 0 0
10 H 0 0 0 0 3 0 4 0
11 I 0 0 0 0 0 0 2 3 0 0
```

5.3 Die Ausgabe

Die Ausgabe wird als Graph in einem Fenster dargestellt und in die Datei 4 Feuerwerksplaner.txt geschrieben. Das Fenster besteht aus drei Teilen. Auf der linken Seite wird der Eingabegraph dargestellt. In der Mitte wird der berechnete Graph dargestellt mit dem kürzesten Weg von A zu jedem anderen Knoten. Die Gewichte der Kanten zu den jeweiligen Knoten stellen die minimalen Gesamtkosten zum jeweiligen Knoten. Im rechten Teil wird eine Liste der Knoten dargestellt, in der die Knoten in der Reihenfolge aufgelistet sind, in der sie gezündet werden.

Ein korrekte Ausgabe erfüllt folgende Eigenschaften:

- Die Kantengewichte müssen die minimalen Gesamtkosten zum jeweiligen Knoten sein.
- Alle Knoten müssen über Kanten erreichbar sein.
- Der Graph muss zusammenhängend und zyklusfrei sein.
- Die Kanten müssen ungerichtet sein.
- Alle Knoten des Eingabe-Graphen müssen im Ausgabe-Graphen enthalten sein.



5.4 Geeignete Algorithmen

Für dieses Problem eignen sich die Algorithmen Dijkstra, Bellman-Ford und \mathbf{A}^* .

Der Bellman-Ford-Algorithmus ist ein dynamischer Algorithmus, der iterativ die Entfernungen von dem Startknoten zu allen anderen Knoten im Graphen aktualisiert, bis sie stabil geworden sind. Der Dijkstra-Algorithmus hingegen ist ein statischer Algorithmus, der alle Entfernungen auf einmal berechnet.

Der A Algorithmus ist ein Best-First-Suchalgorithmus, der dazu verwendet wird, den kürzesten Pfad von einem Startknoten zu einem Zielknoten in einem Graphen zu finden. Der A-Algorithmus verwendet dabei eine Heuristik, um zu entscheiden, welche Knoten als nächstes untersucht werden sollen. Diese Heuristik basiert auf einer Schätzung der Entfernung des Knotens vom Ziel

und wird verwendet, um den Algorithmus dazu zu bringen, sich auf die Knoten zu konzentrieren, die wahrscheinlich zum Ziel führen.

5.5 Die Laufzeit des Algorithmus

TODO

5.6 Die Implementierung des Algorithmus

Zur Lösung des Problems wurde der Dijkstra-Algorithmus verwendet. Der Dijkstra-Algorithmus ist ein Greedy-Algorithmus.

Der Algorithmus verwendet dabei eine Prioritätswarteschlange, um die Knoten zu sortieren, die als nächstes untersucht werden sollen. Die Prioritätswarteschlange wird mit den Knoten initialisiert, die direkt mit dem Startknoten verbunden sind. Die Knoten werden dann in der Prioritätswarteschlange nach ihrer Entfernung vom Startknoten sortiert. Der Algorithmus wählt dann den Knoten mit der geringsten Entfernung aus der Prioritätswarteschlange aus und aktualisiert die Entfernungen aller Knoten, die mit diesem Knoten verbunden sind.

Dadurch bekommt jeder Knoten einen Wert, der die Entfernung vom Startknoten angibt. Der Algorithmus wird dann wiederholt, bis alle Knoten in der Prioritätswarteschlange untersucht wurden.

```
private int[][] dijkstra(AdjazenzMatrix input) {
        int[][] matrix = input.getMatrixCopy();
char[] vertexLetters = input.getVertexLetters();
       // Generiere eine Liste aller Knoten
for (int i = 0; i < matrix.length; i++)</pre>
          vertices.add(new Vertex(vertexLetters[i], 0));
       ArrayList<Edge> edges = getEdges(matrix, vertexLetters);
10
        // Initialisiere die Distanz im Startknoten mit 0 und in allen anderen Knoten
12
13
        for (Vertex vertex : vertices) {
  vertex.setKey(Integer.MAX_VALUE);
15
16
          vertex.setPredecessor(null);
        vertices.get(0).setKey(0);
18
19
      // Speichere alle Knoten in einer Prioritätswarteschlange queue
PriorityQueue<Vertex> queue = new PriorityQueue<Vertex>(
21
22
           Comparator.comparingInt(Vertex::getKey));
23
       queue.addAll(vertices):
24
       // Solange es noch unbesuchte Knoten gibt, wähle darunter denjenigen mit
        // minimaler Distanz aus und
26
       while (!queue.isEmpty()) {
          // Nehme den Knoten mit dem kleinsten Wert aus der Warteschlange
          Vertex v = queue.poll();
29
31
          // 1. speichere, dass dieser Knoten schon besucht wurde
          v.setVisited(true);
32
          // 2. berechne für alle noch unbesuchten Nachbarknoten die Summe des jeweiligen
           // Kantengewichtes und der Distanz im aktuellen Knoten
36
          for (Vertex n : getNeighbors(v, vertices, edges)) {
37
            // 3. ist dieser Wert für einen Knoten kleiner als die
            // dort gespeicherte Distanz, aktualisiere sie und setze den aktuellen Knoten
// als Vorgänger. (Dieser Schritt wird auch als Update bezeichnet. )
39
40
            int sum = v.getKey() + getWeightSum(v, n, edges);
41
42
           if (sum >= n.getKey())
43
              continue;
45
            n.setKey((int) sum);
            n.setPredecessor(v):
             // Aktualisiere die Prioritätswarteschlange
48
             queue.remove(n);\\
             queue.add(n);
50
51
53
        // Sortiere Knoten nach Distanz
54
        vertices.sort(Comparator.comparingInt(Vertex::getKey));
55
56
        // Erstelle eine neue Adjazenzmatrix, die den jeweils kürzesten Weg zu jedem
58
        // Knoten enthält
        int[][] matrix_output = new int[matrix.length][matrix.length];
59
        for (Vertex vertex : vertices) {
61
         if (vertex.getPredecessor() == null)
            continue:
          matrix_output[vertex.getPredecessor().getLetter() - 'A'][vertex.getLetter() - 'A'] = vertex.getKey();
matrix_output[vertex.getLetter() - 'A'][vertex.getPredecessor().getLetter() - 'A'] = vertex.getKey();
64
67
        return matrix_output;
```

6. Problem 5 - "Die Festhochzeit - das Verteilen der Einladungen"

Zum großen Hochzeitfest in Schilda sollen natürlich alle Ortsbewohner eingeladen werden.

Da in der letzten Zeit in Schilda viele neue Straßen gebaut worden waren, muss der Briefträger eine neue Route finden. Glücklicherweise haben alle Häuser ihre Briefkästen an die neuen Straßen gestellt, so dass der Briefträger nur noch den kürzesten Weg finden muss, der ausgehend von der Post durch alle Straßen und dann wieder zurück zur Post führt.

Hier sind Sie wieder gefragt: Unterstützen Sie den Briefträger und entwerfen Sie die neue Route für den Briefträger. Den Stadtplan kennen Sie ja bereits, schließlich haben Sie die Straßen gebaut.

6.1 Modellierung des Problems		
6.2 Die Eingabe		
6.3 Die Ausgabe		
6.4 Der Alrogithmus		
6.5 Die Laufzeit des Algorithmus		
6.6 Die Implementierung des Algorithmus		

7. Problem 6 - "Wohin nur mit den Gästen?"

Zum Einweihungsfest werden zahlreiche auswärtige Gäste eingeladen. Reisen diese allerdings alle mit dem Auto an, dann ist ohne hervorragende Verkehrsplanung ein Stau in der Innenstadt vorprogrammiert. Parken können die Autos auf dem Parkplatz des neuen Supermarktes.

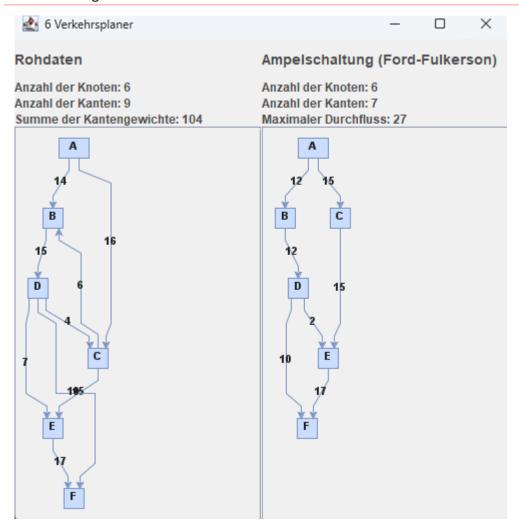
Doch wie soll der Verkehr durch die Stadt geleitet werden, dass möglichst viele Fahrzeuge von der Autobahn zum Parkplatz gelangen können, ohne dass sich lange Schlangen vor den Ampeln bilden? Die Kapazität der einzelnen Straßen haben Ihnen die Bürger der Stadt bereits aufgezeichnet.

Sie sollen nun planen, wie viele Wagen über die einzelnen Wege geleitet werden sollen.

7.1 Modellierung des Problems

7.2 Die Eingabe

7.3 Die Ausgabe



7.4 Der Alrogithmus

7.5 Die Laufzeit des Algorithmus

7.6 Die Implementierung des Algorithmus

8. Problem 7 - "Es gibt viel zu tun! Wer macht's"

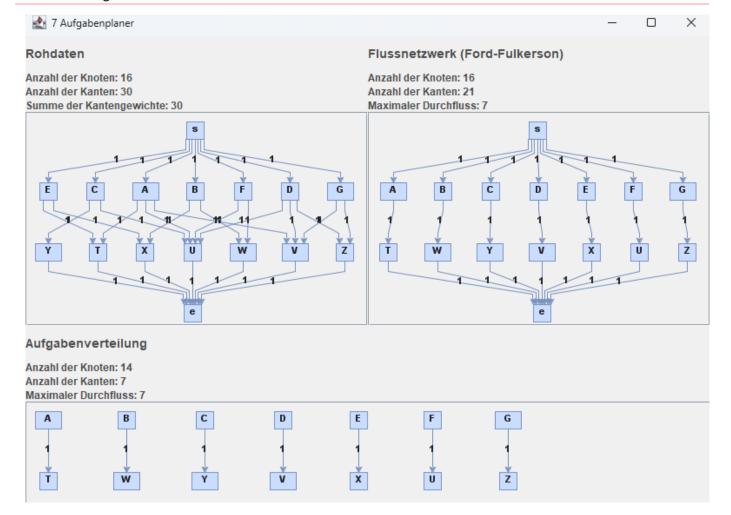
Während die Bürger der Stadt Schilda ganz begeistert von Ihnen sind, bekommen Sie immer mehr Aufträge, die Sie gar nicht mehr alleine bewältigen können. Sie stellen also neues Personal für die Projektleitung ein. Jeder Mitarbeiter hat unterschiedliche Kompetenzen und Sie wollen die Mitarbeiter so auf die Projekte verteilen, dass jedes Projekt von genau einem Mitarbeiter oder einer Mitarbeiterin mit den notwendigen Kompetenzen geleitet wird.

Wie ordnen Sie die Mitarbeiter den Projekten zu? (Genau ein Mitarbeiter pro Projekt) (Auch diesen Algorithmus integrieren Sie in Ihr Tool – schließlich möchte auch die Graphschaft ihre Kräfte gut einsetzen!)

8.1 Modellierung des Problems

8.2 Die Eingabe

8.3 Die Ausgabe



8.4 Der Alrogithmus	Alroaithmus
---------------------	-------------

- 8.5 Die Laufzeit des Algorithmus
- 8.6 Die Implementierung des Algorithmus