

3.3. Для таблично заданной функции путем решения нормальной системы МНК найти приближающие многочлены а) 1-ой и б) 2-ой степени. Для каждого из приближающих многочленов вычислить сумму квадратов ошибок. Построить графики приближаемой функции и приближающих многочленов.

1.

|       |      |     |     |         |     |         |
|-------|------|-----|-----|---------|-----|---------|
| $i$   | 0    | 1   | 2   | 3       | 4   | 5       |
| $x_i$ | -1.0 | 0.0 | 1.0 | 2.0     | 3.0 | 4.0     |
| $y_i$ | -0.5 | 0.0 | 0.5 | 0.86603 | 1.0 | 0.86603 |

2.

|       |         |     |         |      |     |       |
|-------|---------|-----|---------|------|-----|-------|
| $i$   | 0       | 1   | 2       | 3    | 4   | 5     |
| $x_i$ | -1.0    | 0.0 | 1.0     | 2.0  | 3.0 | 4.0   |
| $y_i$ | 0.86603 | 1.0 | 0.86603 | 0.50 | 0.0 | -0.50 |

3.

|       |          |     |         |         |        |        |
|-------|----------|-----|---------|---------|--------|--------|
| $i$   | 0        | 1   | 2       | 3       | 4      | 5      |
| $x_i$ | -0.9     | 0.0 | 0.9     | 1.8     | 2.7    | 3.6    |
| $y_i$ | -0.36892 | 0.0 | 0.36892 | 0.85408 | 1.7856 | 6.3138 |

4.

|       |        |        |         |         |          |          |
|-------|--------|--------|---------|---------|----------|----------|
| $i$   | 0      | 1      | 2       | 3       | 4        | 5        |
| $x_i$ | 1.0    | 1.9    | 2.8     | 3.7     | 4.6      | 5.5      |
| $y_i$ | 2.4142 | 1.0818 | 0.50953 | 0.11836 | -0.24008 | -0.66818 |

5.

|       |         |          |          |         |         |         |
|-------|---------|----------|----------|---------|---------|---------|
| $i$   | 0       | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
| $x_i$ | 0.1     | 0.5      | 0.9      | 1.3     | 1.7     | 2.1     |
| $y_i$ | -2.3026 | -0.69315 | -0.10536 | 0.26236 | 0.53063 | 0.74194 |

6.

|       |         |         |         |     |        |        |
|-------|---------|---------|---------|-----|--------|--------|
| $i$   | 0       | 1       | 2       | 3   | 4      | 5      |
| $x_i$ | -3.0    | -2.0    | -1.0    | 0.0 | 1.0    | 2.0    |
| $y_i$ | 0.04979 | 0.13534 | 0.36788 | 1.0 | 2.7183 | 7.3891 |

7.

|       |     |        |        |        |        |     |
|-------|-----|--------|--------|--------|--------|-----|
| $i$   | 0   | 1      | 2      | 3      | 4      | 5   |
| $x_i$ | 0.0 | 0.2    | 0.4    | 0.6    | 0.8    | 1.0 |
| $y_i$ | 1.0 | 1.0032 | 1.0512 | 1.2592 | 1.8192 | 3.0 |

8.

|       |         |          |          |         |        |        |
|-------|---------|----------|----------|---------|--------|--------|
| $i$   | 0       | 1        | 2        | 3       | 4      | 5      |
| $x_i$ | -0.7    | -0.4     | -0.1     | 0.2     | 0.5    | 0.8    |
| $y_i$ | -0.7754 | -0.41152 | -0.10017 | 0.20136 | 0.5236 | 0.9273 |

9.

|       |        |        |       |        |        |        |
|-------|--------|--------|-------|--------|--------|--------|
| $i$   | 0      | 1      | 2     | 3      | 4      | 5      |
| $x_i$ | -0.7   | -0.4   | -0.1  | 0.2    | 0.5    | 0.8    |
| $y_i$ | 2.3462 | 1.9823 | 1.671 | 1.3694 | 1.0472 | 0.6435 |

10.

|       |         |        |         |        |       |        |
|-------|---------|--------|---------|--------|-------|--------|
| $i$   | 0       | 1      | 2       | 3      | 4     | 5      |
| $x_i$ | -5.0    | -3.0   | -1.0    | 1.0    | 3.0   | 5.0    |
| $y_i$ | -1.3734 | -1.249 | -0.7854 | 0.7854 | 1.249 | 1.3734 |

11.

|     |   |   |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|---|---|
| $i$ | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|-----|---|---|---|---|---|---|

|       |        |        |        |        |         |        |
|-------|--------|--------|--------|--------|---------|--------|
| $x_i$ | -5.0   | -3.0   | -1.0   | 1.0    | 3.0     | 5.0    |
| $y_i$ | 2.9442 | 2.8198 | 2.3562 | 0.7854 | 0.32175 | 0.1974 |

12.

|       |         |     |        |        |        |        |
|-------|---------|-----|--------|--------|--------|--------|
| $i$   | 0       | 1   | 2      | 3      | 4      | 5      |
| $x_i$ | -1.0    | 0.0 | 1.0    | 2.0    | 3.0    | 4.0    |
| $y_i$ | -1.8415 | 0.0 | 1.8415 | 2.9093 | 3.1411 | 3.2432 |

13.

|       |         |     |        |        |       |        |
|-------|---------|-----|--------|--------|-------|--------|
| $i$   | 0       | 1   | 2      | 3      | 4     | 5      |
| $x_i$ | -1.0    | 0.0 | 1.0    | 2.0    | 3.0   | 4.0    |
| $y_i$ | -0.4597 | 1.0 | 1.5403 | 1.5839 | 2.010 | 3.3464 |

14.

|       |         |     |        |        |        |        |
|-------|---------|-----|--------|--------|--------|--------|
| $i$   | 0       | 1   | 2      | 3      | 4      | 5      |
| $x_i$ | -0.9    | 0.0 | 0.9    | 1.8    | 2.7    | 3.6    |
| $y_i$ | -1.2689 | 0.0 | 1.2689 | 2.6541 | 4.4856 | 9.9138 |

15.

|       |        |        |        |        |        |        |
|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| $i$   | 0      | 1      | 2      | 3      | 4      | 5      |
| $x_i$ | 1.0    | 1.9    | 2.8    | 3.7    | 4.6    | 5.5    |
| $y_i$ | 3.4142 | 2.9818 | 3.3095 | 3.8184 | 4.3599 | 4.8318 |

16.

|       |         |          |         |        |        |        |
|-------|---------|----------|---------|--------|--------|--------|
| $i$   | 0       | 1        | 2       | 3      | 4      | 5      |
| $x_i$ | 0.1     | 0.5      | 0.9     | 1.3    | 1.7    | 2.1    |
| $y_i$ | -2.2026 | -0.19315 | 0.79464 | 1.5624 | 2.2306 | 2.8419 |

17.

|       |         |         |          |     |        |        |
|-------|---------|---------|----------|-----|--------|--------|
| $i$   | 0       | 1       | 2        | 3   | 4      | 5      |
| $x_i$ | -3.0    | -2.0    | -1.0     | 0.0 | 1.0    | 2.0    |
| $y_i$ | -2.9502 | -1.8647 | -0.63212 | 1.0 | 3.7183 | 9.3891 |

18.

|       |     |        |        |        |        |        |
|-------|-----|--------|--------|--------|--------|--------|
| $i$   | 0   | 1      | 2      | 3      | 4      | 5      |
| $x_i$ | 0.0 | 1.7    | 3.4    | 5.1    | 6.8    | 8.5    |
| $y_i$ | 0.0 | 3.0038 | 5.2439 | 7.3583 | 9.4077 | 11.415 |

19.

|       |         |          |          |         |        |        |
|-------|---------|----------|----------|---------|--------|--------|
| $i$   | 0       | 1        | 2        | 3       | 4      | 5      |
| $x_i$ | -0.7    | -0.4     | -0.1     | 0.2     | 0.5    | 0.8    |
| $y_i$ | -1.4754 | -0.81152 | -0.20017 | 0.40136 | 1.0236 | 1.7273 |

20.

|       |        |        |       |        |        |        |
|-------|--------|--------|-------|--------|--------|--------|
| $i$   | 0      | 1      | 2     | 3      | 4      | 5      |
| $x_i$ | -0.7   | -0.4   | -0.1  | 0.2    | 0.5    | 0.8    |
| $y_i$ | 1.6462 | 1.5823 | 1.571 | 1.5694 | 1.5472 | 1.4435 |

21.

|       |         |        |         |        |       |        |
|-------|---------|--------|---------|--------|-------|--------|
| $i$   | 0       | 1      | 2       | 3      | 4     | 5      |
| $x_i$ | -5.0    | -3.0   | -1.0    | 1.0    | 3.0   | 5.0    |
| $y_i$ | -6.3734 | -4.249 | -1.7854 | 1.7854 | 4.249 | 6.3734 |

22.

|       |      |      |      |     |     |     |
|-------|------|------|------|-----|-----|-----|
| $i$   | 0    | 1    | 2    | 3   | 4   | 5   |
| $x_i$ | -5.0 | -3.0 | -1.0 | 1.0 | 3.0 | 5.0 |

|     |       |          |          |          |         |         |         |
|-----|-------|----------|----------|----------|---------|---------|---------|
| 23. | $y_i$ | -2.0558  | -0.18016 | 1.3562   | 1.7854  | 3.3218  | 5.1974  |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | 0.1      | 0.5      | 0.9      | 1.3     | 1.7     | 2.1     |
| 24. | $y_i$ | 10.      | 2.0      | 1.1111   | 0.76923 | 0.58824 | 0.47619 |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | 0.1      | 0.5      | 0.9      | 1.3     | 1.7     | 2.1     |
| 25. | $y_i$ | 100.0    | 4.0      | 1.2346   | 0.59172 | 0.34602 | 0.22676 |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | 0.1      | 0.5      | 0.9      | 1.3     | 1.7     | 2.1     |
| 26. | $y_i$ | 10.1     | 2.5      | 2.0111   | 2.0692  | 2.2882  | 2.5762  |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | 0.1      | 0.5      | 0.9      | 1.3     | 1.7     | 2.1     |
| 27. | $y_i$ | 100.01   | 4.250    | 2.0446   | 2.2817  | 3.236   | 4.6368  |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | -1.0     | 0.0      | 1.0      | 2.0     | 3.0     | 5.0     |
| 28. | $y_i$ | 0.5      | 0.0      | 0.5      | 1.7321  | 3.0     | 2.5     |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | -1.0     | 0.0      | 1.0      | 2.0     | 3.0     | 5.0     |
| 29. | $y_i$ | -0.86603 | 0.0      | 0.86603  | 1.0     | 0.0     | -4.3301 |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | -3.0     | -2.0     | -1.0     | 0.0     | 1.0     | 2.0     |
| 30. | $y_i$ | -0.14936 | -0.27067 | -0.36788 | 0.0     | 2.7183  | 14.778  |
|     | $i$   | 0        | 1        | 2        | 3       | 4       | 5       |
|     | $x_i$ | -1.7     | -1.2     | -0.7     | -0.2    | 0.3     | 0.8     |
|     | $y_i$ | 0.52796  | 0.43372  | 0.24333  | 0.03275 | 0.12149 | 1.4243  |