# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «СИБИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЙ И ИНФОРМАТИКИ»

#### Расчетно-графическое задание

по дисциплине «Защита информации» «Вариант 1»

Выполнил студе	нт Свириденко Валентин Вячеславович
Группы	ИС-741
Работу принял	Ассистент кафедры ПмиК Петухова Яна Владимировна

# Содержание

1.	Постановка задачи	3
2.	Теоретические сведения	4
3.	Описание разработанного алгоритма	6
4.	Демонстрация работы программы	8
CI	ПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ	9
П	РИЛОЖЕНИЕ А. Исходный код программы	10

#### 1. Постановка задачи

Реализовать алгоритм протокола доказательства с нулевым знанием для задачи «Раскраска графа».

Задача является NP-полной и не имеет быстрых методов для решения, поэтому для тестирования необходимо будет использовать готовые правильные решения. Исходные данные необходимо хранить в файле следующего содержания:

- 1) в первой строке файла два числа: n количество вершин графа и m количество ребер соответственно;
- 2) в последующих m строках содержится информация о ребрах графа, каждое из которых описывается с помощью двух чисел (номера вершин, соединяемых этим ребром);
  - 3) в последней строке перечисляются цвета вершин графа по порядку.

Программа должна наглядно демонстрировать работу алгоритма, возможно (но не обязательно) в графическом режиме. Текст программы должен содержать исчерпывающие комментарии, тем не менее, следует воздержаться от описания очевидных действий.

### 2. Теоретические сведения

Доказательство с нулевым знанием в криптографии — интерактивный криптографический протокол, позволяющий одной из взаимодействующих сторон убедиться в достоверности какого-либо утверждения, не имея при этом никакой другой информации от второй стороны.

В задаче о раскраске графа рассматривается граф с множеством вершин V и множеством ребер E (числа элементов в этих множествах будем обозначать через |V| и |E|). Алиса знает правильную раскраску этого графа тремя красками (красной (R), синей (B) и желтой (Y)). Правильная раскраска это такая, когда любые две вершины, соединенные одним ребром, окрашены разными цветами. Приведем пример (Рисунок 2.1).

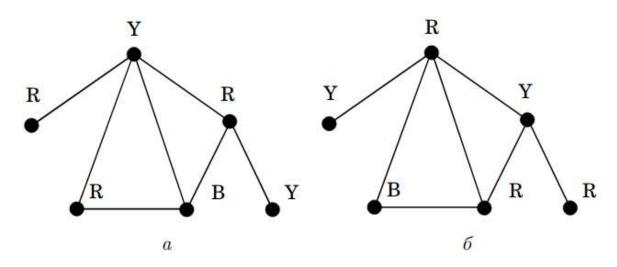


Рисунок 2.1 - a) правильная раскраска; б) неправильная раскраска

Алиса знает правильную раскраску графа с большими |V| и |E|. Она хочет доказать это Бобу, но так, чтобы он ничего не узнал об этой раскраске. Протокол доказательства состоит из множества одинаковых этапов. Опишем сначала один этап.

**Шаг 1**. Алиса выбирает случайную перестановку имеющихся цветов и перекрашивает граф. Это не меняет корректность графа, так смежность вешин не меняется.

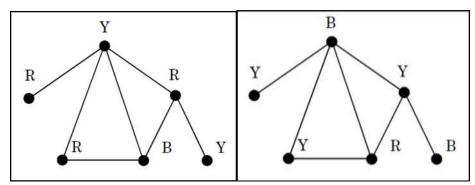


Рис.2.2 Исходный граф

Рис.2.3 Граф после перестановки

**Шаг 2**. Для каждой вершины v из множества V Алиса генерирует большое случайное число  $r_v$  и заменяет в нем последние биты на те, что соответствуют коду цвета вершины v.

**Шаг 3**. Алиса для каждой вершины графа формирует данные из системы RSA:

$$N_v = P_v Q_v, c_v$$
 и  $d_v$ . (1)

**Шаг 4**. Алиса вычисляет для каждой вершины *v* 

$$Z_{v} = r_{v}^{d_{v}} mod N_{v} (2)$$

и посылает Бобу значения  $N_{\nu}$ ,  $d_{\nu}$  и  $Z_{\nu}$ . для каждой вершины графа.

**Шаг 5**. Боб выбирает случайно одно ребро ab из множества E и сообщает Алисе, какое именно ребро он выбрал. В ответ Алиса высылает числа  $c_a$  и  $c_b$ , соответствующие вершинам этого ребра. После этого Боб вычисляет

$$\hat{Z}_{v_1} = Z_{v_1}^{c_{v_1}} \bmod N_{v_1} = r_{v_1} \boxtimes \hat{Z}_{v_2} = Z_{v_2}^{c_{v_2}} \bmod N_{v_2} = r_{v_2}(3)$$

и сравнивает младшие биты в полученных числах. При правильной раскраске они должны быть различны. Если значения совпали, значит, Алиса пыталась обмануть Боба.

Описанный алгоритм повторяется a|E| раз, где a>0 — параметр. Точность работы алгоритма зависит от a.

### 3. Описание разработанного алгоритма.

Алгоритм разработан на языке Kotlin.

На рисунке 3.1 — текстовое представление графа, читаемое приложением.

Рисунок 3.1 – Содержимое файла с исходными данными

Граф представляется классом *Graph*.

```
val edges: List<Edge>,
```

Рисунок 3.2 – Класс *Graph* 

В классе содержится список всех его вершин и ребер. Вершина графа в свою очередь представлена классом *Node*.

```
coata class Node(
   val id: int,
   von color: Color,

) {

   private val have: Rsa = Rsa.generate()
   fun getD() = keys.publickey.First
   fun getM() = keys.publickey.second
   fun getC() = keys.publickey.second
   fun getC() = keys.publickey.second
   fun getC() = keys.publickey.second
   fun getC() = cong = 0
   fun setM() = c

   private var g: Long = 0
   fun generate() {
       salculateR() = c
       run getZ() = c

   private fun calculateZ() {
       salculateZ() }

   private fun calculateR() {
       salculateR() {
       sal
```

Рисунок 3.3 – Класс *Node* 

В этом классе есть ключи, сгенерированные алгоритмом RSA, цвет и дополнительные поля.

Во время чтения файла и парсинга в объекты класса *Graph* считывается информация всех вершин и информация о всех ребрах.

Пример вывода, сформированного программой графа представлен на рисунке 3.4.

```
Graph(nodes=[Node(id=0, color=red), Node(id=1, color=blue), Node(id=2, color=red), Node(id=3, color=green),
```

Рисунок 3.4 — Вывод сформированного графа

Алгоритм доказательства с нулевым знанием представлен методом *processing* в *GraphRepositoryImpl*. В данном методе реализована работа с клиентом (Алиса) и сервером (Боб).

# 4. Демонстрация работы программы

```
C:\Users\halik\.jdks\openjdk-14.0.2\bin\java.exe ...

Read file...

Processing...

Node[4] != Node[5]

Node[1] != Node[2]

Node[3] != Node[4]

Node[1] != Node[4]

Node[1] != Node[4]

Node[1] != Node[4]

Node[2] != Node[4]

Node[2] != Node[3]

Valid Graph

Save file...

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 4.1. Вывод программы

```
Run: C:\Users\halik\.jdks\openjdk-14.0.2\bin\java.exe ...

Read file...

Processing...

Node[1] == Node[3]

Invalid Graph

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 4.2. Демонстрация неудачного выполнения программы

#### СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Рябко, Б. Я. Фионов А. Н. Криптографические методы защиты информации: Учебное пособие для высших учебных заведений. 2-е издание стереотипное.
- Москва: Издательство «Горячаялиния-Телеком», 2012
- 2. Доказательство с нулевым разглашением [Электронный ресурс]: Википедия свободная энциклопедия. URL:
- https://ru.wikipedia.org/wiki/Доказательство\_с\_нулевым\_разглашением (дата обращения: 11.12.2020)
- 3. Раскраска графов [Электронный ресурс]: Википедия свободная энциклопедия. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/Pаскраска\_графов (дата обращения: 11.12.2020)

## ПРИЛОЖЕНИЕ А. Исходный код программы

```
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/App.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph
import kotlinx.coroutines.runBlocking
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.di.GraphModules
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Generate Graph Use Case
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Get Graph Use Case
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase.ProcessingGraphUseCase
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Save Graph Use Case
import org.koin.core.component.KoinComponent
import org.koin.core.component.get
import org.koin.core.context.startKoin
class App : KoinComponent {
    companion object {
        // graph/src/main/resources/graph_data.json graph/src/main/resources/graph_out.json
        fun main(args: Array<String>) = runBlocking {
            initKoin()
            App().launch(args)
        }
        private fun initKoin() {
            startKoin {
                modules(GraphModules)
            }
        }
    suspend fun launch(args: Array<String>) {
            args.isEmpty() -> generateStrategy()
            args.size == 1 -> fromFileStrategy(args[0])
            args.size == 2 -> fromFilesStrategy(args[0], args[1])
        }
    }
    private suspend fun generateStrategy() {
        println("Generate...")
        val graph = get<GenerateGraphUseCase>().invoke(10000)
        get<SaveGraphUseCase>().invoke(graph, "graph/src/main/resources/graph_save.json")
        println("Processing...")
```

```
get<ProcessingGraphUseCase>().invoke(graph)
    }
    private suspend fun fromFileStrategy(filePath: String) {
        println("Read file...")
        val graph = get<GetGraphUseCase>().invoke(filePath)
        println("Processing...")
        get<ProcessingGraphUseCase>().invoke(graph)
    }
    private suspend fun fromFilesStrategy(input: String, output: String) {
        println("Read file...")
        val graph = get<GetGraphUseCase>().invoke(input)
        println("Processing...")
        if (get<ProcessingGraphUseCase>().invoke(graph)){
            println("Save file...")
            get<SaveGraphUseCase>().invoke(graph, output)
        }
    }
}
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/SaveGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class SaveGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(graph: Graph, filePath: String) {
        repository.saveFromFile(graph, filePath)
    }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/ProcessingGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class ProcessingGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(graph: Graph) {
        repository.processing(graph)
```

```
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/GetGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import\ me. haliks ar. security algorithms. graph. domain. entity. Graph
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. repository. Graph Repository
class GetGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(filePath: String): Graph =
        repository.getFromFile(filePath)
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/GenerateGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class GenerateGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(countNodes: Int): Graph =
        repository.generate(countNodes)
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/repository/GraphRepository.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
interface GraphRepository {
    suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph
    suspend fun generate(countNodes: Int): Graph
    suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String)
    suspend fun show(graph: Graph)
    suspend fun processing(graph: Graph): Boolean
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Node.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator.Rsa
import me.haliksar.securityalgorithms.libs.core.prime.randomNumber
import me.haliksar.securityalgorithms.libs.modexp.modExp
```

```
data class Node(
    val id: Int,
    var color: Color,
) {
    private val keys: Rsa = Rsa.generate()
    fun getD() = keys.publicKey.first
    fun getN() = keys.publicKey.second
    fun getC() = keys.privateKey.first
    private var r: Long = 0
    fun getR() = r
    private var z: Long = 0
    fun getZ() = z
    fun generate() {
        calculateR()
        calculateZ()
    }
    private fun calculateZ() {
        z = r.modExp(pow = getD(), mod = getN())
    }
    private fun calculateR() {
        r = Long.randomNumber
        when (color) {
            Color.red -> {
                r = r and 1.inv()
                r = r and 2.inv()
            }
            Color.green -> {
                r = r \text{ or } 1
                r = r and 2.inv()
            }
            Color.blue -> {
                r = r and 1.inv()
                r = r \text{ or } 2
            }
        }
    }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Graph.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
data class Graph(
    val nodes: List<Node>,
    val edges: List<Edge>,
```

```
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Edge.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
data class Edge(
    val nodeId1: Int,
    val nodeId2: Int,
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Color.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
enum class Color { red, green, blue }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/di/GraphModules.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.di
import com.beust.klaxon.Klaxon
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client.Client
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client.ClientImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource.GraphLocalDataSource
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource.GraphLocalDataSourceImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.file_manager.FileManager
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.file_manager.JsonGraphManagerImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator.GraphGenerator
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator.GraphGeneratorImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.repository.GraphRepositoryImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server.Server
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server.ServerImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Generate Graph Use Case
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Get Graph Use Case
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase.ProcessingGraphUseCase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase.SaveGraphUseCase
import org.koin.dsl.module
private val generatorsModule = module {
    single<GraphGenerator> { GraphGeneratorImpl() }
}
private val parserModule = module {
    single { Klaxon() }
}
private val fileManagerModule = module {
    single<FileManager<Graph>> { JsonGraphManagerImpl(klaxon = get()) }
}
private val dataSourcesModule = module {
    single<GraphLocalDataSource> { GraphLocalDataSourceImpl(fileManager = get(), generator = get()) }
}
```

```
single<GraphRepository> {
        GraphRepositoryImpl(
            dataSource = get(),
            server = get(),
            client = get(),
        )
    }
}
private val useCasesModule = module {
    single { GenerateGraphUseCase(get()) }
    single { GetGraphUseCase(get()) }
    single { SaveGraphUseCase(get()) }
    single { ProcessingGraphUseCase(get()) }
}
private val clientModule = module {
    single<Client> { ClientImpl() }
}
private val serverModule = module {
    single<Server> { ServerImpl() }
}
val GraphModules = listOf(
    parserModule,
    generatorsModule,
    fileManagerModule,
    dataSourcesModule,
    repositoriesModule,
    useCasesModule,
    clientModule,
    serverModule,
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/server/Server.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Edge
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import\ me.haliks ar. security algorithms. libs.modexp.mod Exp
interface Server {
    fun chooseEdge(graph: Graph): Edge
    fun check(graph: Graph, current: Edge): Boolean
class ServerImpl : Server {
    override fun chooseEdge(graph: Graph): Edge = graph.edges.random()
```

private val repositoriesModule = module {

```
override fun check(graph: Graph, current: Edge): Boolean {
        val node1 = graph.nodes[current.nodeId1]
        val node2 = graph.nodes[current.nodeId2]
        val val1 = node1.getZ().modExp(node1.getC(), node1.getN()) and 7
        val val2 = node2.getZ().modExp(node2.getC(), node2.getN()) and 7
        if (val1 != val2) {
            println("Node[${current.nodeId1}] != Node[${current.nodeId2}]")
        } else {
            println("Node[${current.nodeId1}] == Node[${current.nodeId2}]")
        }
        return val1 == val2
   }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/repository/GraphRepositoryImpl.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.repository
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client.Client
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource.GraphLocalDataSource
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server.Server
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class GraphRepositoryImpl(
   private val dataSource: GraphLocalDataSource,
   private val server: Server,
   private val client: Client,
) : GraphRepository {
   override suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph =
        dataSource.getFromFile(filePath)
   override suspend fun generate(countNodes: Int): Graph =
        dataSource.generate(countNodes)
   override suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String) {
        dataSource.saveFromFile(graph, filePath)
   }
   override suspend fun show(graph: Graph) {
        dataSource.show(graph)
   }
   override suspend fun processing(graph: Graph): Boolean {
        repeat(graph.edges.size) {
            client.shuffle(graph)
            val edge = server.chooseEdge(graph)
            if (server.check(graph, edge)) {
                return false
            }
        return true
```

```
}
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/generator/Rsa.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator
import me.haliksar.securityalgorithms.libs.core.prime.mutuallyPrime
import\ me.haliks ar. security algorithms. libs. core.prime.random Prime Number
import\ me.haliks ar. security algorithms. libs. gcd. extended Gcd Tail Rec
data class Rsa(
    val publicKey: Pair<Long, Long>,
    val privateKey: Pair<Long, Long>,
) {
    companion object {
        fun generate(): Rsa {
            val p = Long.randomPrimeNumber
            val q = Long.randomPrimeNumber
            val n = p * q // модуль
            val f = (p - 1L) * (q - 1L) // функция Эйлера
            val d = Long.mutuallyPrime(f) // открытая экспонента, простая из чисел Ферма
            var c = d.extendedGcdTailRec(f).y // Секретная экспонента
            if (c < 0) c += f
            return Rsa(publicKey = Pair(d, n), privateKey = Pair(c, n))
        }
   }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/generator/GraphGenerator.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Color
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Edge
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Node
interface GraphGenerator {
    suspend fun generate(countNodes: Int): Graph
}
class GraphGeneratorImpl : GraphGenerator {
    override suspend fun generate(countNodes: Int): Graph {
        val nodes: List<Node> = (0..countNodes).shuffled().map {
            Node(it, Color.values().random())
        }
        val edges = mutableListOf<Edge>()
        for (i in 0 until countNodes - 1) {
            edges.add(Edge(nodes[i].id, nodes[i + 1].id))
        return Graph(nodes, edges)
```

```
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/file_manager/FileManager.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.file_manager
import com.beust.klaxon.Klaxon
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import java.io.File
interface FileManager<D> {
    suspend fun save(data: D, filePath: String)
    suspend fun get(filePath: String): D
}
class JsonGraphManagerImpl(
    private val klaxon: Klaxon,
) : FileManager<Graph> {
    override suspend fun save(data: Graph, filePath: String) {
        val json = klaxon.toJsonString(data)
        File(filePath).apply {
            createNewFile()
            writeText(json)
        }
   }
    override suspend fun get(filePath: String): Graph =
        klaxon.parse<Graph>(File(filePath))
            ?: throw Exception("Graph invalid")
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/datasource/GraphLocalDataSource.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource
import kotlinx.coroutines.Dispatchers
import kotlinx.coroutines.withContext
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.file_manager.FileManager
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator.GraphGenerator
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
interface GraphLocalDataSource {
    suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph
    suspend fun generate(countNodes: Int): Graph
    suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String)
    suspend fun show(graph: Graph)
```

```
class GraphLocalDataSourceImpl(
   private val fileManager: FileManager<Graph>,
   private val generator: GraphGenerator,
) : GraphLocalDataSource {
   override suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph =
        withContext(Dispatchers.IO) {
            fileManager.get(filePath)
        }
   override suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String) =
        withContext(Dispatchers.IO) {
            fileManager.save(graph, filePath)
        }
   override suspend fun generate(countNodes: Int): Graph =
        withContext(Dispatchers.IO) {
            generator.generate(countNodes)
        }
   override suspend fun show(graph: Graph) {
        println(graph)
   }
}
```

#### graph/src/main/kotlin/me/haliks ar/security algorithms/graph/data/client/Client.kt

```
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client
import\ me.haliksar.security algorithms.graph.domain.entity. Edge
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Node
import\ me.haliks ar. security algorithms. libs.modexp.mod Exp
interface Client {
    fun shuffle(graph: Graph)
}
class ClientImpl : Client {
    override fun shuffle(graph: Graph) {
        val colorList = graph.nodes.map { it.color }.shuffled()
        colorList.forEachIndexed { index, color ->
            graph.nodes[index].color = color
            graph.nodes[index].generate()
        }
    }
```