ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «СИБИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЙ И ИНФОРМАТИКИ»

Расчетно-графическое задание

по дисциплине «Защита информации» «Вариант 1»

Выполнил студе	нт Свириденко Валентин Вячеславович
Группы	ИС-741
Работу принял	Ассистент кафедры ПмиК Петухова Яна Владимировна

Содержание

1.	Постановка задачи	3
2.	Теоретические сведения	4
3.	Описание разработанного алгоритма	7
4.	Демонстрация работы программы	10
CI	ПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ	11
П	РИЛОЖЕНИЕ А. Исходный код программы	12

1. Постановка задачи

В рамках расчётно-графического задания необходимо разработать программу, реализующую протокол доказательства с нулевым знанием для задачи «Раскраска графа».

Перед реализацией протокола необходимо реализовать дополнительную программу для генерации графа.

Для реализации протокола доказательства используются параметры RSA для всех вершин, которые передаются по верифицированному каналу. В работе должны быть использованы такие процедуры, как быстрое возведение в степень, расширенный алгоритм Евклида, а также генерация больших простых чисел.

2. Теоретические сведения

Доказательство с нулевым знанием в криптографии — интерактивный криптографический протокол, позволяющий одной из взаимодействующих сторон убедиться в достоверности какого-либо утверждения, не имея при этом никакой другой информации от второй стороны.

В задаче о раскраске графа рассматривается граф с множеством вершин V и множеством ребер E (числа элементов в этих множествах будем обозначать через |V| и |E|). Алиса знает правильную раскраску этого графа тремя красками (красной (R), синей (B) и желтой (Y)). Правильная раскраска это такая, когда любые две вершины, соединенные одним ребром, окрашены разными цветами. Приведем пример (Рисунок 2.1).

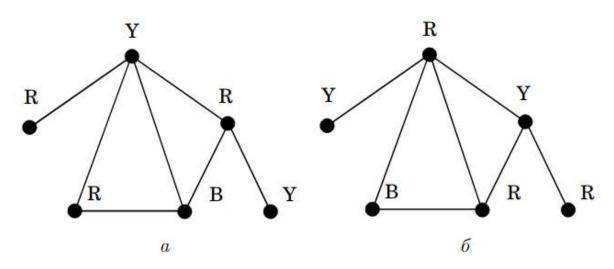


Рисунок 2.1 - a) правильная раскраска; б) неправильная раскраска

Алиса знает правильную раскраску графа с большими |V| и |E|. Она хочет доказать это Бобу, но так, чтобы он ничего не узнал об этой раскраске. Протокол доказательства состоит из множества одинаковых этапов. Опишем сначала один этап.

Шаг 1. Алиса выбирает случайную перестановку имеющихся цветов и перекрашивает граф. Это не меняет корректность графа, так смежность вешин не

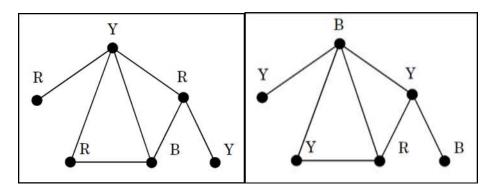


Рис.2.2 Исходный граф

Рис.2.3 Граф после перестановки

Шаг 2. Для каждой вершины v из множества V Алиса генерирует большое случайное число r_v и заменяет в нем последние биты на те, что соответствуют коду цвета вершины v.

Шаг 3. Алиса для каждой вершины графа формирует данные из системы RSA:

$$N_v = P_v Q_v, c_v$$
 и d_v . (1)

Шаг 4. Алиса вычисляет для каждой вершины *v*

$$Z_{v} = r_{v}^{d_{v}} mod N_{v} (2)$$

и посылает Бобу значения N_{ν} , d_{ν} и Z_{ν} . для каждой вершины графа.

Шаг 5. Боб выбирает случайно одно ребро ab из множества E и сообщает Алисе, какое именно ребро он выбрал. В ответ Алиса высылает числа c_a и c_b , соответствующие вершинам этого ребра. После этого Боб вычисляет

$$\hat{Z}_{v_1} = Z_{v_1}^{c_{v_1}} \bmod N_{v_1} = r_{v_1} \bowtie \hat{Z}_{v_2} = Z_{v_2}^{c_{v_2}} \bmod N_{v_2} = r_{v_2}(3)$$

и сравнивает младшие биты в полученных числах. При правильной раскраске они должны быть различны. Если значения совпали, значит, Алиса пыталась обмануть Боба.

Описанный алгоритм повторяется a|E| раз, где a>0 — параметр. Точность работы алгоритма зависит от a.

3. Описание разработанного алгоритма.

Алгоритм разработан на языке Kotlin.

На рисунке 3.1 — текстовое представление графа, читаемое приложением.

Рисунок 3.1 – Содержимое файла с исходными данными

Граф представляется классом *Graph*.

```
odata class Graph(
val nodes: List<Node>,
o val edges: List<Edge>,
⊕)
```

Рисунок 3.2 – Класс *Graph*

В классе содержится список всех его вершин и ребер. Вершина графа в свою очередь представлена классом *Node*.

```
data class Node(
    fun getD() = keys.publicKey.first
    fun getN() = keys.publicKey.second
    fun getC() = keys.privateKey.first
    fun getZ() = \underline{z}
    fun generate() {
    private fun calculateZ() {
        \underline{z} = \underline{r}.modExp(pow = getD(), mod = getN())
```

Рисунок 3.3 – Класс *Node*

В этом классе есть ключи, сгенерированные алгоритмом RSA, цвет и дополнительные поля.

Во время чтения файла и парсинга в объекты класса *Graph* считывается информация всех вершин и информация о всех ребрах.

Пример вывода, сформированного программой графа представлен на рисунке 3.4.

Рисунок 3.4 — Вывод сформированного графа

Алгоритм доказательства с нулевым знанием представлен методом processing в GraphRepositoryImpl. В данном методе реализована работа с клиентом (Алиса) и сервером (Боб).

Клиент осуществляет перестановку цветов. Каждая вершина перекрашивается соответственно полученной перестановке. Для каждой вершины генерируется большое случайное число r, в котором последние биты заменяются на те, что соответствуют коду цвета вершины, и выполняется генерация ключей из RSA: P, Q, N, c, d. Также для каждой вершины высчитывается z по формуле z.

Сервер случайно выбирает ребро, и проверяет сгенерированные значения клиента на валидность. Для каждой отобранной вершины по формуле 3 вычисляются значения *z*. Последние два бита полученных чисел проверяются на совпадение. В случае несовпадения цикл продолжается, а в случае совпадения, программа выходит из цикла.

4. Демонстрация работы программы

```
Run: C:\Users\halik\.jdks\openjdk-14.0.2\bin\java.exe ...

Read file...

Processing...

Node[0] != Node[1]

Node[1] != Node[3]

Node[1] != Node[4]

Node[1] != Node[4]

Node[2] != Node[3]

Node[1] != Node[4]

Node[3] != Node[4]

Save file...

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 4.1. Вывод программы

```
C:\Users\halik\.jdks\openjdk-14.0.2\bin\java.exe ...

Read file...

Processing...

Node[2] == Node[3]

Save file...

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 4.2. Демонстрация неудачного выполнения программы

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Рябко, Б. Я. Фионов А. Н. Криптографические методы защиты информации: Учебное пособие для высших учебных заведений. — 2-е издание стереотипное.
- Москва: Издательство «Горячаялиния-Телеком», 2012
- 2. Доказательство с нулевым разглашением [Электронный ресурс]: Википедия
- свободная энциклопедия. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/Доказательство_с_нулевым_разглашением (дата обращения: 11.12.2020)
- 3. Раскраска графов [Электронный ресурс]: Википедия свободная энциклопедия. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/Раскраска_графов (дата обращения: 11.12.2020)

ПРИЛОЖЕНИЕ А. Исходный код программы

```
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/App.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph
import kotlinx.coroutines.runBlocking
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.di.GraphModules
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Generate Graph Use Case
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Get Graph Use Case
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase.ProcessingGraphUseCase
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Save Graph Use Case
import org.koin.core.component.KoinComponent
import org.koin.core.component.get
import org.koin.core.context.startKoin
class App : KoinComponent {
    companion object {
        // graph/src/main/resources/graph_data.json graph/src/main/resources/graph_out.json
        fun main(args: Array<String>) = runBlocking {
            initKoin()
            App().launch(args)
        }
        private fun initKoin() {
            startKoin {
                modules(GraphModules)
            }
        }
    suspend fun launch(args: Array<String>) {
            args.isEmpty() -> generateStrategy()
            args.size == 1 -> fromFileStrategy(args[0])
            args.size == 2 -> fromFilesStrategy(args[0], args[1])
        }
    }
    private suspend fun generateStrategy() {
        println("Generate...")
        val graph = get<GenerateGraphUseCase>().invoke(10000)
        get<SaveGraphUseCase>().invoke(graph, "graph/src/main/resources/graph_save.json")
        println("Processing...")
        get<ProcessingGraphUseCase>().invoke(graph)
```

```
private suspend fun fromFileStrategy(filePath: String) {
        println("Read file...")
        val graph = get<GetGraphUseCase>().invoke(filePath)
        println("Processing...")
        get<ProcessingGraphUseCase>().invoke(graph)
    }
    private suspend fun fromFilesStrategy(input: String, output: String) {
        println("Read file...")
        val graph = get<GetGraphUseCase>().invoke(input)
        println("Processing...")
        get<ProcessingGraphUseCase>().invoke(graph)
        println("Save file...")
        get<SaveGraphUseCase>().invoke(graph, output)
   }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/SaveGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class SaveGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(graph: Graph, filePath: String) {
        repository.saveFromFile(graph, filePath)
    }
}
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/ProcessingGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class ProcessingGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(graph: Graph) {
        repository.processing(graph)
    }
```

```
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/GetGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. repository. Graph Repository
class GetGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(filePath: String): Graph =
        repository.getFromFile(filePath)
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/usecase/GenerateGraphUseCase.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class GenerateGraphUseCase(
    private val repository: GraphRepository,
) {
    suspend operator fun invoke(countNodes: Int): Graph =
        repository.generate(countNodes)
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/repository/GraphRepository.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository
import\ me. haliks ar. security algorithms. graph. domain. entity. Graph
interface GraphRepository {
    suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph
    suspend fun generate(countNodes: Int): Graph
    suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String)
    suspend fun show(graph: Graph)
    suspend fun processing(graph: Graph)
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Node.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator.Rsa
import me.haliksar.securityalgorithms.libs.core.prime.randomNumber
```

```
import me.haliksar.securityalgorithms.libs.modexp.modExp
data class Node(
    val id: Int,
    var color: Color,
) {
    private val keys: Rsa = Rsa.generate()
    fun getD() = keys.publicKey.first
    fun getN() = keys.publicKey.second
    fun getC() = keys.privateKey.first
    private var r: Long = 0
    fun getR() = r
    private var z: Long = 0
    fun getZ() = z
    fun generate() {
        color = Color.values().random()
        calculateR()
        calculateZ()
    }
    private fun calculateZ() {
        z = r.modExp(pow = getD(), mod = getN())
    }
    private fun calculateR() {
        r = Long.randomNumber
        when (color) {
            Color.red -> {
                r = r and 1.inv()
                r = r and 2.inv()
            }
            Color.green -> {
                r = r \text{ or } 1
                r = r and 2.inv()
            Color.blue -> {
                r = r and 1.inv()
                r = r \text{ or } 2
            }
        }
    }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Graph.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
```

data class Graph(

```
val nodes: List<Node>,
    val edges: List<Edge>,
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Edge.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
data class Edge(
    val nodeId1: Int,
    val nodeId2: Int,
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/domain/entity/Color.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity
enum class Color { red, green, blue }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/di/GraphModules.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.di
import com.beust.klaxon.Klaxon
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client.Client
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client.ClientImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource.GraphLocalDataSource
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource.GraphLocalDataSourceImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.file_manager.FileManager
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. data. file\_manager. Js on Graph Manager Impl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator.GraphGenerator
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator.GraphGeneratorImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.repository.GraphRepositoryImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server.Server
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server.ServerImpl
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase.GenerateGraphUseCase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase.GetGraphUseCase
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.usecase.ProcessingGraphUseCase
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. use case. Save Graph Use Case
import org.koin.dsl.module
private val generatorsModule = module {
    single<GraphGenerator> { GraphGeneratorImpl() }
}
private val parserModule = module {
    single { Klaxon() }
}
private val fileManagerModule = module {
    single<FileManager<Graph>>> { JsonGraphManagerImpl(klaxon = get()) }
}
private val dataSourcesModule = module {
    single<GraphLocalDataSource> { GraphLocalDataSourceImpl(fileManager = get(), generator = get()) }
```

```
private val repositoriesModule = module {
    single<GraphRepository> {
        GraphRepositoryImpl(
            dataSource = get(),
            server = get(),
            client = get(),
        )
    }
}
private val useCasesModule = module {
    single { GenerateGraphUseCase(get()) }
    single { GetGraphUseCase(get()) }
    single { SaveGraphUseCase(get()) }
    single { ProcessingGraphUseCase(get()) }
}
private val clientModule = module {
    single<Client> { ClientImpl() }
}
private val serverModule = module {
    single<Server> { ServerImpl() }
}
val GraphModules = listOf(
    parserModule,
    generatorsModule,
    fileManagerModule,
    dataSourcesModule,
    repositoriesModule,
    useCasesModule,
    clientModule,
    serverModule,
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/server/Server.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server
import\ me.haliksar.security algorithms.graph.domain.entity. Edge
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. entity. Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.libs.modexp.modExp
interface Server {
    fun chooseEdge(graph: Graph): Edge
    fun check(graph: Graph, current: Edge): Boolean
}
class ServerImpl : Server {
```

```
override fun chooseEdge(graph: Graph): Edge = graph.edges.random()
   override fun check(graph: Graph, current: Edge): Boolean {
        val node1 = graph.nodes[current.nodeId1]
        val node2 = graph.nodes[current.nodeId2]
        val val1 = node1.getZ().modExp(node1.getC(), node1.getN()) and 7
        val val2 = node2.getZ().modExp(node2.getC(), node2.getN()) and 7
        if (val1 != val2) {
            println("Node[${current.nodeId1}] != Node[${current.nodeId2}]")
        } else {
            println("Node[${current.nodeId1}] == Node[${current.nodeId2}]")
        return val1 == val2
   }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/security algorithms/graph/data/repository/GraphRepositoryImpl.kt\\
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.repository
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client.Client
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource.GraphLocalDataSource
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.server.Server
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.repository.GraphRepository
class GraphRepositoryImpl(
   private val dataSource: GraphLocalDataSource,
   private val server: Server,
   private val client: Client,
) : GraphRepository {
   override suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph =
        dataSource.getFromFile(filePath)
   override suspend fun generate(countNodes: Int): Graph =
        dataSource.generate(countNodes)
   override suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String) {
        dataSource.saveFromFile(graph, filePath)
   }
   override suspend fun show(graph: Graph) {
        dataSource.show(graph)
   override suspend fun processing(graph: Graph) {
        repeat(graph.edges.size) {
            client.shuffle(graph)
            val edge = server.chooseEdge(graph)
            if (server.check(graph, edge)) {
                return
```

```
}
   }
}
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/generator/Rsa.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator
import me.haliksar.securityalgorithms.libs.core.prime.mutuallyPrime
import\ me.haliks ar. security algorithms. libs. core.prime.random Prime Number
import\ me.haliks ar. security algorithms. libs. gcd. extended Gcd Tail Rec
data class Rsa(
    val publicKey: Pair<Long, Long>,
    val privateKey: Pair<Long, Long>,
) {
    companion object {
        fun generate(): Rsa {
            val p = Long.randomPrimeNumber
            val q = Long.randomPrimeNumber
            val n = p * q // модуль
            val f = (p - 1L) * (q - 1L) // функция Эйлера
            val d = Long.mutuallyPrime(f) // открытая экспонента, простая из чисел Ферма
            var c = d.extendedGcdTailRec(f).y // Секретная экспонента
            if (c < 0) c += f
            return Rsa(publicKey = Pair(d, n), privateKey = Pair(c, n))
        }
   }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/generator/GraphGenerator.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.generator
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Color
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Edge
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Node
interface GraphGenerator {
    suspend fun generate(countNodes: Int): Graph
}
class GraphGeneratorImpl : GraphGenerator {
    override suspend fun generate(countNodes: Int): Graph {
        val nodes: List<Node> = (0..countNodes).shuffled().map {
            Node(it, Color.values().random())
        val edges = mutableListOf<Edge>()
        for (i in 0 until countNodes - 1) {
            edges.add(Edge(nodes[i].id, nodes[i + 1].id))
```

```
return Graph(nodes, edges)
    }
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/file\_manager/FileManager.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.file_manager
import com.beust.klaxon.Klaxon
import\ me. haliks ar. security algorithms. graph. domain. entity. Graph
import java.io.File
interface FileManager<D> {
    suspend fun save(data: D, filePath: String)
    suspend fun get(filePath: String): D
}
class JsonGraphManagerImpl(
    private val klaxon: Klaxon,
) : FileManager<Graph> {
    override suspend fun save(data: Graph, filePath: String) {
        val json = klaxon.toJsonString(data)
        File(filePath).apply {
            createNewFile()
            writeText(json)
        }
    }
    override suspend fun get(filePath: String): Graph =
        klaxon.parse<Graph>(File(filePath))
            ?: throw Exception("Graph invalid")
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/datasource/GraphLocalDataSource.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.datasource
import kotlinx.coroutines.Dispatchers
import kotlinx.coroutines.withContext
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.file_manager.FileManager
import \ me.haliks ar. security algorithms. graph. data. generator. Graph Generator
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
interface GraphLocalDataSource {
    suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph
    suspend fun generate(countNodes: Int): Graph
    suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String)
```

```
suspend fun show(graph: Graph)
}
class GraphLocalDataSourceImpl(
    private val fileManager: FileManager<Graph>,
    private val generator: GraphGenerator,
) : GraphLocalDataSource {
    override suspend fun getFromFile(filePath: String): Graph =
        withContext(Dispatchers.IO) {
            fileManager.get(filePath)
        }
    override suspend fun saveFromFile(graph: Graph, filePath: String) =
        withContext(Dispatchers.IO) {
            fileManager.save(graph, filePath)
        }
    override suspend fun generate(countNodes: Int): Graph =
        withContext(Dispatchers.IO) {
            generator.generate(countNodes)
        }
    override suspend fun show(graph: Graph) {
        println(graph)
   }
}
graph/src/main/kotlin/me/haliksar/securityalgorithms/graph/data/client/Client.kt
package me.haliksar.securityalgorithms.graph.data.client
import me.haliksar.securityalgorithms.graph.domain.entity.Graph
import\ me.haliks ar. security algorithms. graph. domain. entity. Node
interface Client {
    fun shuffle(graph: Graph)
}
class ClientImpl : Client {
    override fun shuffle(graph: Graph) {
```

graph.nodes.forEach(Node::generate)

}