Organização e Arquitetura de Computadores Profa. Lucilena de Lima

luma.delima@gmail.com

Bases Numéricas

Conceitos Básicos

Podemos considerar, a fim de simplificação, que base numérica é um conjunto de símbolos (ou algarismos) com o qual podemos representar uma certa quantidade ou número.

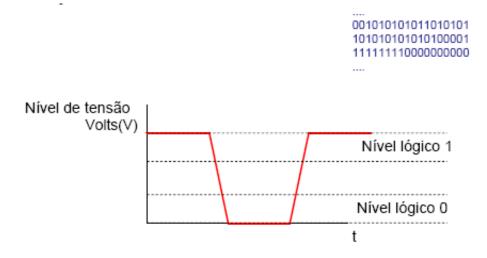
- Representação dos dados
- Bases Numéricas
- Conversão de bases

Organização de um Computador

- O computador é uma máquina capaz de sistemicamente coletar, manipular e fornecer resultados.
- Processamento de dados consiste em uma série de atividades ordenadamente realizadas com o objetivo de produzir um arranjo determinado de informações e resultados.
- Um computador digital é um conjunto de componentes integrados segundo uma estrutura de sistema que manipula dados na forma digital (0s e 1s).
- Unidade Central de Processamento (CPU)
- Memória
- Unidades de E/S

Representação dos Valores Lógicos

• O computador trabalha com a base de numeração binária onde os dados/informação são representados por um conjunto de 0s e 1s.



Os circuitos integrados digitais mais utilizados atualmente podem ser de dois tipos: **TTL** e **CMOS**.

Os circuitos TTL (Transistor-Transistor Logic) são comercializadas em duas séries de modelos: aqueles que começam com 54 são destinados ao uso militar e os que começam com 74 à utilização comercial.

Representação dos Valores Lógicos

Família TTL (Transistor-Transistor Logic) :-

o sinal de entrada pode variar em uma amplitude que vai de 0V a 5V.

Bit 0 – quando o sinal está entre 0V e 0,8V.

Bit 1 - quando, o sinal está entre 2V e 5V.

As tensões entre 0,8V e 2V não são reconhecidas pelo circuito e deve-se, portanto, evitar seu uso em circuitos digitais.

Representação dos Valores Lógicos

Família CMOS (Complementary Metal Oxid Semiconductor):- tensões que estejam entre 0V e 1,5V são interpretadas como o baixo nível de energia, ou o Falso lógico. Já as tensões de 3,5V a 5V são reconhecidas como o nível alto ou 1. As tensões intermediárias não são reconhecidas

Representação dos dados

- A informação é
- armazenada, transferida e manipulada em grupos de bits
- Num mesmo computador podem ser empregadas grupos de bits de tamanhos diferentes.
- Os dados em um computador são representados na forma binária :
- Bit (1 digito binário) ou Binary Digit: valor 0 ou 1
- Byte = 8 bits
- Palavra (word), conforme a arquitetura ocupará n bytes.
- Caracter: conjunto de n bits que define 2ⁿ caracteres

Arquitetura de Computadores – Sistemas de Numeração

- Na base decimal são usados 10 dígitos (ou algarismos) diferentes {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}.
- Na base hexadecimal dispomos de 16 algarismos {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F}, onde os dígitos de 0 a 9 são idênticos as decimais, e os dígitos de A a F.
- Na base octal temos 8 algarismos {0,1,2,3,4,5,6,7}.
- A base binária ou base 2 é a maneira usual de representação de números em computadores eletrônicos. Nesta forma de representação temos apenas dois algarismos disponíveis {0,1}.

Tabela Resumo

Binario	Octal	Hexadecimal	Decimal
0000	0	0	0
0001	1	1	1
0010	2	2	2
0011	3	3	3
0100	4	4	4
0101	5	5	5
0110	6	6	6
0111	7	7	7
1000	10	8	8
1001	11	9	9
1010	12	A	10
1011	13	В	11
1100	14	С	12
1101	15	D	13
1110	16	Е	14
1111	17	F	15

Arquitetura de Computadores-Notação Posicional

 Para a conversão de um número em uma base qualquer para a base decimal usa-se a seguinte fórmula:

 $N=dn-1 \times bn-1 + dn-2 \times bn-2 + ... + d1 \times b1 + d0 \times b0$

Onde:

- d : Indica cada algarismo do número
- n-1, n-2, 1,0 : Indicam a posição de cada algarismo
- b : Indica a base de numeração
- n : Indica o número de dígitos inteiros

Notação Posicional

A notação posicional determina o valor de um número em função da posição e do valor de cada algarismo dentro do número

Base Decimal

- ✓ Exemplo: 1303(10)
- **✓** 1303

$$3 \times 10^0 = 3 \times 1 = 3$$

$$0 \times 10^1 = 0 \times 10 = 0$$

$$3 \times 10^2 = 3 \times 100 = 300$$

$$1 \times 10^3 = 1 \times 1000 = 1000$$

Arquitetura de Computadores- Base Decimal - 10

- Na base decimal são usados 10 dígitos (ou algarismos) diferentes {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}, formando números em base 10.
- Cada algarismo N de um número possui um valor que depende de sua posição. (N * Bpos)

Exemplo: 1999

• O dígito mais a direita (9) representa a quantidade de unidades, pois está na posição 0. O dígito 9 mais a esquerda ,pode ser interpretado como sendo 9 * 100

O valor completo do número pode ser calculado como sendo

```
1*10^{3} + 9*10^{2} + 9*10^{1} + 9*10^{0}
1*1000 + 9*100 + 9*10 + 9*1
1000 + 900 + 90 + 9
1999
```

Arquitetura de Computadores-Hexadecimal(16) para Decimal

• Na base hexadecimal dispomos de 16 algarismos {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F}, onde os dígitos de 0 a 9 são idênticos as decimais, e os dígitos de A a F, correspondem aos valores decimais de 10 a 15, sucessivamente.

Exemplo:

```
10AC_{16}
1*16^{3} + 0*16^{2} + 10*16^{1} + 12*16^{0}
1*4096 + 0*256 + 10*16 + 12*1
4096 + 0 + 160 + 12
4268_{10}
```

Arquitetura de Computadores-Octal(8) para Decimal

Na base octal temos 8 algarismos {0,1,2,3,4,5,6,7}

Exemplo:

```
521_{8}
5*8^{2} + 2*8^{1} + 1*8^{0}
5*64 + 2*8 + 1*1
320 + 16 + 1
337_{10}
```

Arquitetura de Computadores-Binária(2) para Decimal

- A base binária ou base 2 é a maneira usual de representação de números em computadores eletrônicos.
- Nesta forma de representação temos apenas dois algarismos disponíveis {0,1} que correspondem aos sinais elétricos ligado e desligado.

```
10011_{2}
1*2^{4} + 0*2^{3} + 0*2^{2} + 1*2^{1} + 1*2^{0}
1*16 + 0*8 + 0*4 + 1*2 + 1*1
16+0+0+2+1
19_{10}
```

- Cada algarismo de uma representação numérica binária é denominados de *bit*, que corresponde à abreviatura de *binary digit*.
- Outras denominações usadas com frequência:
 - byte = conjunto de 8 bits
 - nibble = conjunto de quatro bits ou meio byte

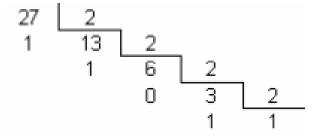
Arquitetura de Computadores-Conversão da base 10 para uma base qualquer

- Este procedimento consiste em dividir o número representado na base 10 sucessivamente pela nova base em que se deseja representá-lo, até que o quociente da divisão seja menor que a base em questão.
- Em seguida toma-se o último quociente e os restos das sucessivas divisões em ordem inversa e obtém-se, assim, a representação do número na nova base.

Exemplo:

Converter 27₁₀ para base 2:

Portanto $27_{10} = 11011_2$



Arquitetura de Computadores-Conversão da base 10 para uma base qualquer

```
3964<sub>10</sub> -> base 8

3964 8

(4) 495 8

(7) 61 8

(5) 7 8

(7) 0
```

Arquitetura de Computadores-Conversão da base 2 para uma base 8(23) e 16(24)

- Base 2 -> Base 8
 - $v^{2^3} = 8$
 - Três dígitos binários equivalem a um dígito octal
 - v 110111010₂
 - v 672₈
- Base 2 -> Base 16
 - $v^{24} = 16$
 - Quatro dígitos binários equivalem a um dígito hexadecimal
 - 110111010₂
 - √ 1 B A₁₆

Arq.Computadores-Conversão da base: 8 para a 16. 16 para a 8.

- Usa-se a base 2 como intermediária
- base 8 -> base 2 -> base 16
 - ν 752₈ -> 111 101 010₂ -> 1ΕΑ₁₆
- base 16 -> base 2 -> base 8
 - A0C5₁₆ -> 1010 0000 1100 0101₂ -> 120305₈

Representação de Dados

- Como os computadores são binários, todas as indicações núméricas referenciam a potência de 2.
 - K representa 1.024 unidades (2¹⁰)
 - M representa 1.048.576 unidades (2²⁰)
- Logo:
- 64K bytes = 64 x 1.024 bytes = 65.536 bytes,
- 2 M bytes = $2 \times 1.048.576$ bytes = 2.097.152 bytes

```
G = ?
T = ?
```

• • •

Representação de Caracteres

- Os caracteres são representados nos computadores através de códigos numéricos, onde cada combinação de bits representa uma letra ou símbolo diferente.
- Principais Conjuntos de Caracteres:
 - BCD Binary Code Decimal: 6 bits por caracter permitindo 64 caracteres diferentes. Não é mais usado atualmente.
 - EBCDIC Extended Binary Coded Decimal Interchange Code:
 Codificação exclusiva da IBM, ainda em uso em mainframes.
 Caracteres de 8 bits, permitindo 256 símbolos.
 - ASCII American Standard Code for Information Interchange 7
 bits para representar os caracteres mais um de paridade.
 permitindo 128 caracteres. Há uma versão extendida (ANSI) com 8
 bits, sem paridade, onde estão disponíveis 256 caracteres.
 - UNICODE Novo padrão proposto. Caracteres com 16 bits.

Fonte:

Introdução a Organização de Computadores — Quarta edição — Mário A Monteiro — LTC — 2002 - Capítulo 3 e Apêndice A

Notas de aula – sites específicos

Organização estruturada de computadores, quarta edição, Andrew S. Tanenbaum – LTC – 1999

Bases Numéricas – Exercícios

Exercícios