SUBCONJUNTOS

Inclusão

 $A \subset B$ O conjunto A está contido no conjunto B.

 $B \supset A$ O conjunto B contém o conjunto A

 $A \subset B$ O conjunto A não está contido no conjunto B.

 $A \supset B$ O conjunto B não contém o conjunto A.

Conjunto das partes

P(A) = conjunto formado por todos subconjuntos do conjunto A.
OBS: O conjunto vazio e o próprio conjunto são subconjuntos de quaisquer conjuntos.

Número de elementos do conjunto das partes = 2ⁿ, n: número de elementos de A

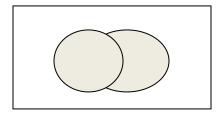
Exemplos:

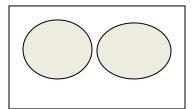
1) {1,4,9,16}

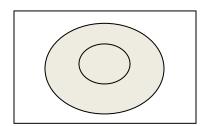
Operações entre conjuntos

UNIÃO DE CONJUNTOS

 $A \cup B = \{x/x \in A \text{ ou } x \in B\}$



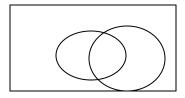


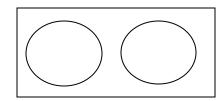


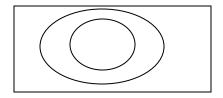
Aula 2 Página 1

INTERSEÇÃO DE CONJUNTOS

$$A \cap B = \{x/x \in A \ e \ x \in B\}$$

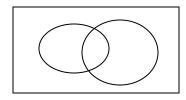


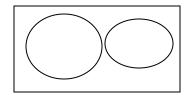


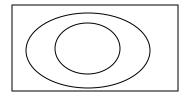


DIFERENÇA ENTRE CONJUNTOS

$$A - B = \{x / x \in A \ e \ x \notin B\}$$

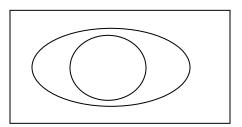






CONJUNTO COMPLEMENTAR $A \subset U$

$$A-U = \{x/x \in U \ e \ x \notin A\} = C_U^A = A^c = \overline{A}$$

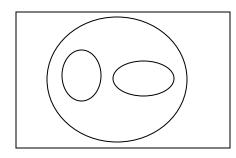


Aula 2 Página 2

Exercícios:

1) Sejam A , B e C três conjuntos não vazios; considerando os diagramas abaixo, associe verdadeiro ou falso:

a)



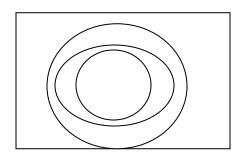
() $A \subset B$

() $C \subset B$

 $() B \subset A$

 $() A \subset C$

b)



() $A \subset B$

() $A \subset C$

 $C \subset B$

 $(\)\ B \subset C$

- 2) Dados os conjuntos $A = \{0,2,4\}$ e $B = \{n, n+1\}$. Determine P(A) e P(B).
- 3) Sejam R = $\{1,3,4,e,1,9,10\}$; S = $\{\{1\},3,9,10\}$; T = $\{1,3,e\}$; U = $\{\{1,3,e\},1\}$. Quais afirmações são verdadeiras?

a)
$$S \subset R$$

b)
$$1 \in R$$

c)
$$1 \in S$$

d)
$$1 \subset U$$
 e) $\{1\} \subset U$ f) $\{1\} \subset S$

g)
$$T \subset R$$

h)
$$\{1\} \in S$$
 i) $\varnothing \subset S$ j) $T \subset U$ k) $T \in U$

j)
$$T \subset U$$

k)
$$T \in U$$

- I) $T \notin R$
- 4) Sabendo que o conjunto P(A) tem 128 elementos determine os números de elementos de A.
- 5) Sendo A = $\{0,1,2,3\}$, B = $\{0,2\}$, C = $\{x/x \text{ é um número par menor que 10}\}$ e

 $D = \{ x/x \text{ \'e um n\'umero \'impar compreendido entre } 0 \text{ e } 6 \}$, determine:

- a) $A \cap B$
- e) $A \cap C$

- $\begin{array}{ll} {\rm (b)} & A \cap D & {\rm (f)} & A \cup B \\ {\rm (c)} & B \cap D & {\rm (g)} & C \cup B \\ {\rm (d)} & (A \cap B) \cap C & {\rm (h)} & (A \cap B) \cup C \end{array}$
- 6) Dados os conjuntos $A = \{0,1,2,3,4\}, B = \{1,2,3\} e C = \{2,3,4,5\}, determine:$
 - a) A B
 - b) A C
 - c) C A
 - d) B A

e)
$$(A \cap B) - C$$

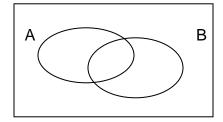
f)
$$(A-C)\cap (B-C)$$

g)
$$(A \cup B) - (B \cup C)$$

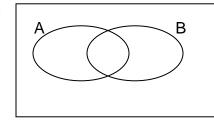
h)
$$A-(B\cap C)$$

7) Nos diagramas abaixo pinte o que for pedido:

a)



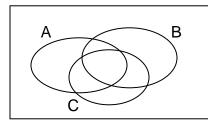
b)



A - B

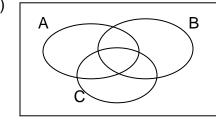


c)



 $A-(B\cap C)$





 $(A \cap B) - (A \cap C)$

8) Sejam A = $\{2,4,5,6,8\}$; B = $\{1,4,5,9\}$ e C = $\{x/ \ x \in Z, 2 \le x < 5\}$ subconjuntos de $S = \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$. Encontre:

- a) AUB
- b) $A \cap B$ c) $A \cap C$
- d)BUC e)A B

f)A^C

- g) $A \cap A^C$ h) $(A \cap B)^c$ i) C B j) $(C \cap B) \cup A^c$

- k) $(A-B)^c \cap (A-B)$ l) $(C^c \cup B)^c$