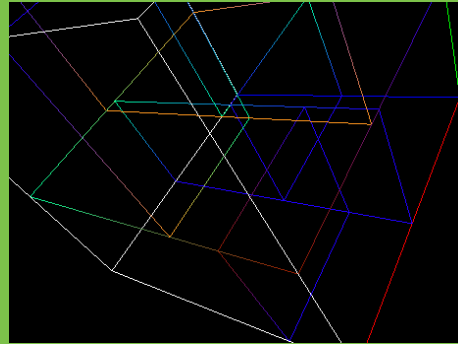


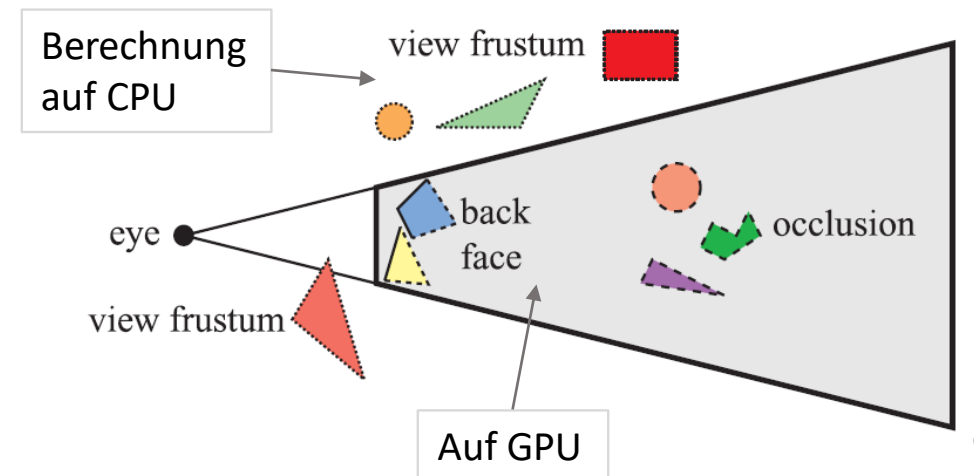
Visual Computing – Sichtbarkeit & Verdeckung



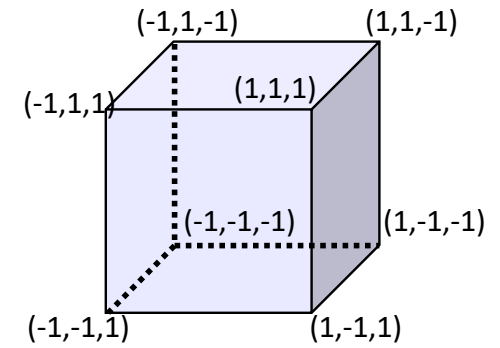
Yvonne Jung

Sichtbarkeitsbestimmung

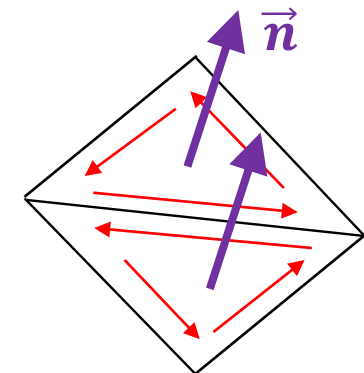
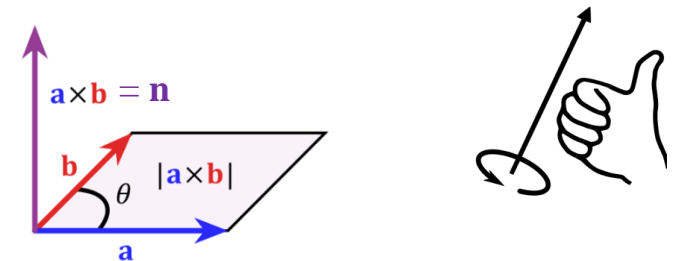
- Gute Bildqualität und schnelle Darstellung erfordern korrekte Ermittlung der sichtbaren und Beseitigung unsichtbarer Bildteile
- Entfernen von Szenenteilen, bei denen man Sichtbarkeit durch einfache Tests feststellen kann
 - Vorzugsweise komplette Objekte bzw. zumindest ganze Polygone
- Arbeitsvermeidung durch Culling
 - Backface Culling
 - Viewfrustum Culling
 - Occlusion Culling
- Culling-Techniken im Vergleich (s. Abb.):
 - Nur Frustum Culling auf Anwendungsebene



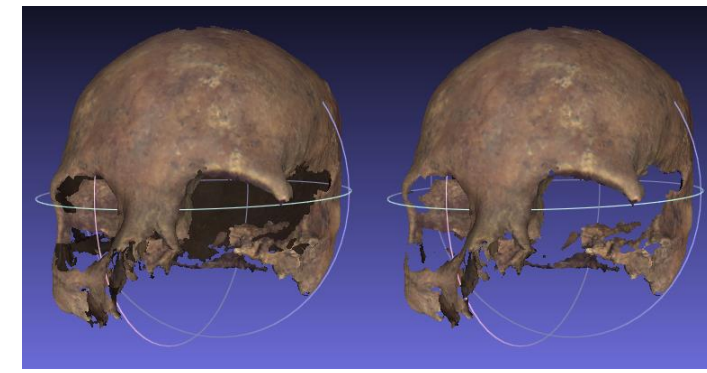
Backface Culling



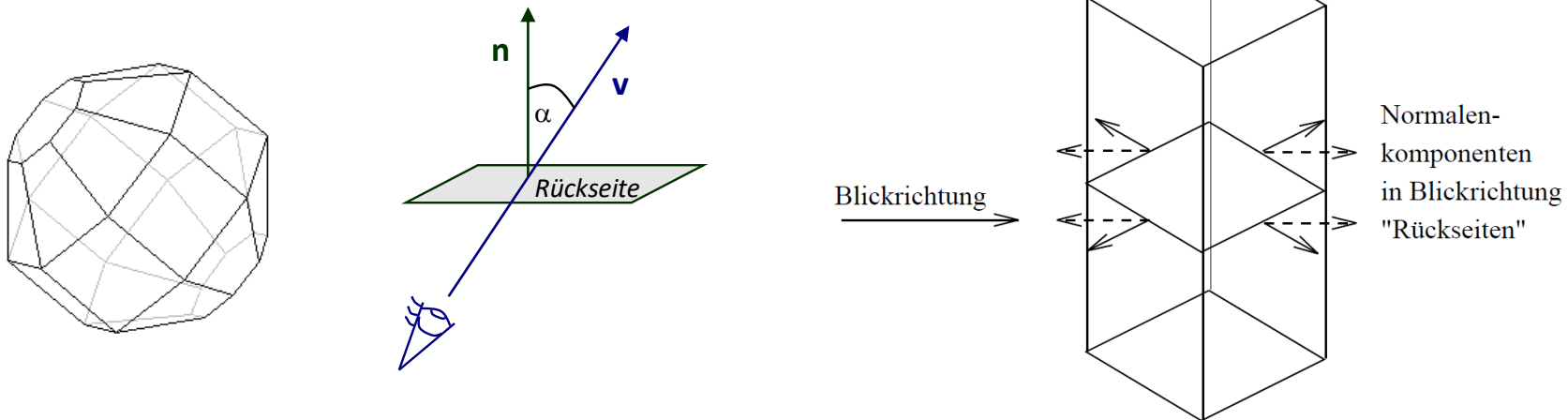
- Grafikkarte geht von geschlossenen, nicht-transparenten Körpern aus
- Rückseitige Flächen, d.h. vom Betrachter abgewandte Seiten, sind nicht sichtbar
 - Müssen also nicht gezeichnet werden
 - Ca. 50% der in Szene vorkommenden Flächen
 - Dazu Rückseitenentfernung
- Erkennung erfordert einheitliche Orientierung der Polygonnetze
 - Kanten benachbarter Polygone haben gegenläufige Orientierung und damit gleiche Normalenrichtung



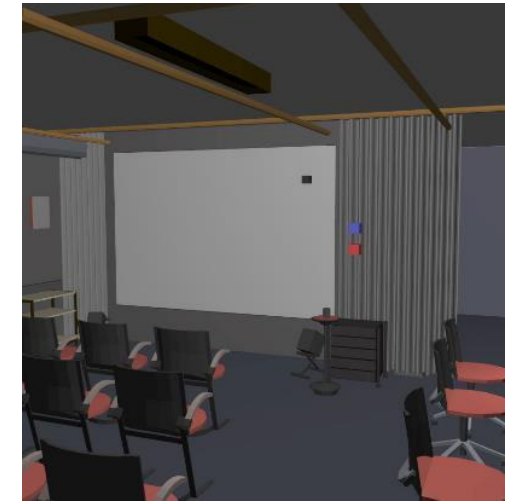
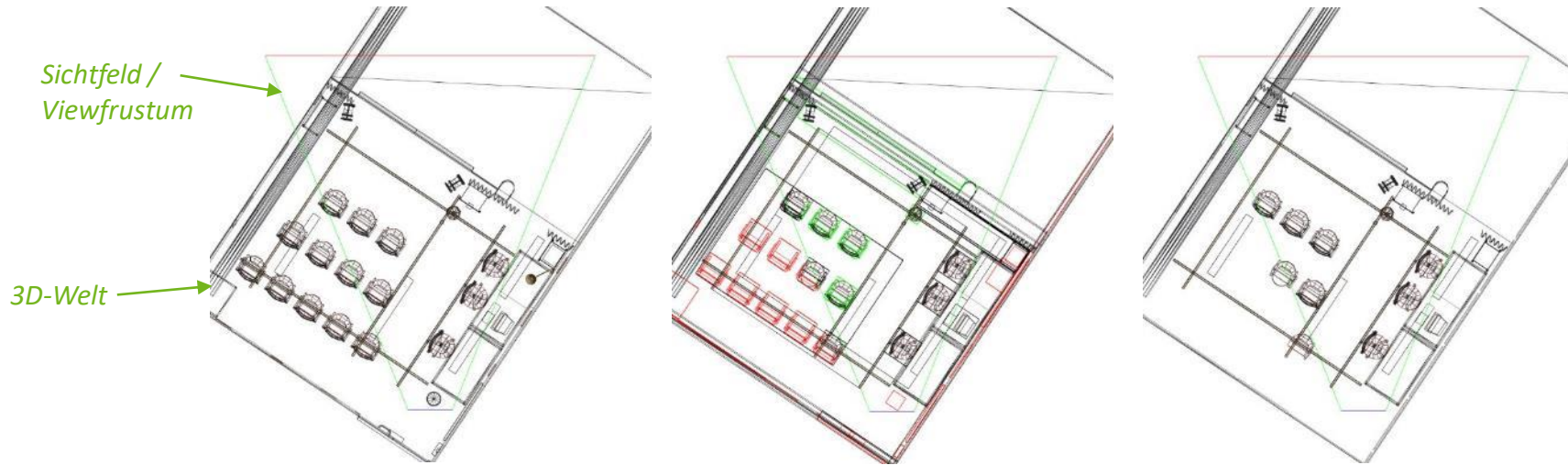
Backface Culling



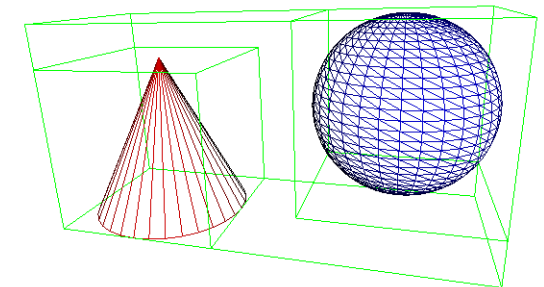
- Vom Betrachter abgewandte Polygone vom Rendering ausschließen
 - Polygon heißt „front-facing“, falls Skalarprodukt von Normale \vec{n} und Blickrichtung \vec{v} negativ: $\vec{n} \cdot \vec{v} < 0$
 - Sonst abgewandt, d.h. „back-facing“: $\vec{n} \cdot \vec{v} \geq 0$ (identifiziert so rückseitige Flächen)
 - In APIs meist sehr einfach aktivierbar
 - Bsp. WebGL: `gl.enable(gl.CULL_FACE);`



Viewfrustum Culling

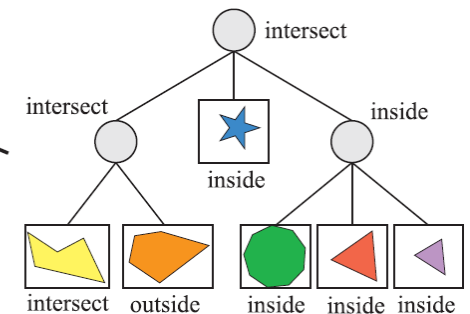
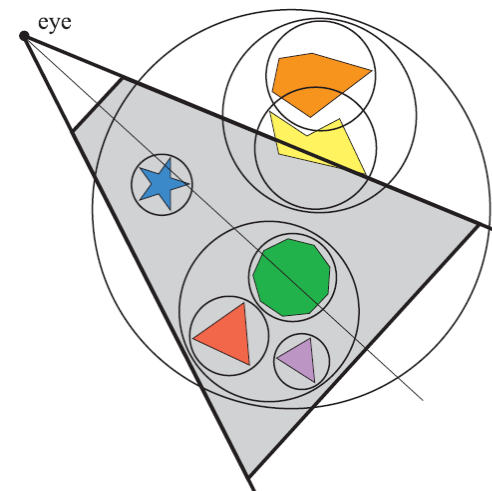
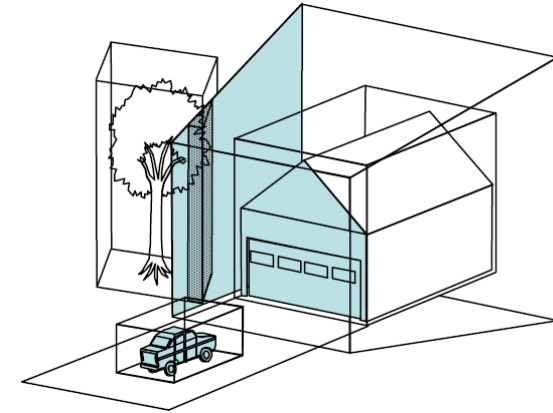


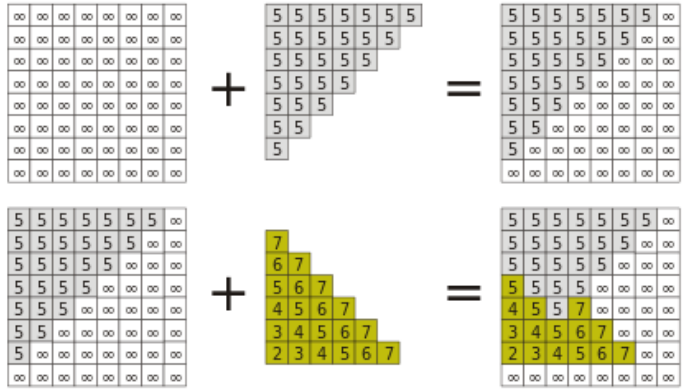
- Alles, was außerhalb des Sichtfeldes ist und im Bild nicht auftaucht, muss nicht gerendert werden
- GPU kann Polygone schneller zeichnen als CPU Test machen kann
 - Nicht einzelne Polygone, sondern konservativ ganze Objekte testen
- Anzahl Tests durch Objekthierarchie (z.B. Szenengraph) minimieren
 - Komplette unsichtbare Teilbäume ignorieren (outside)
 - Komplette sichtbare Teilbäume nicht weiter testen (inside)



Viewfrustum Culling

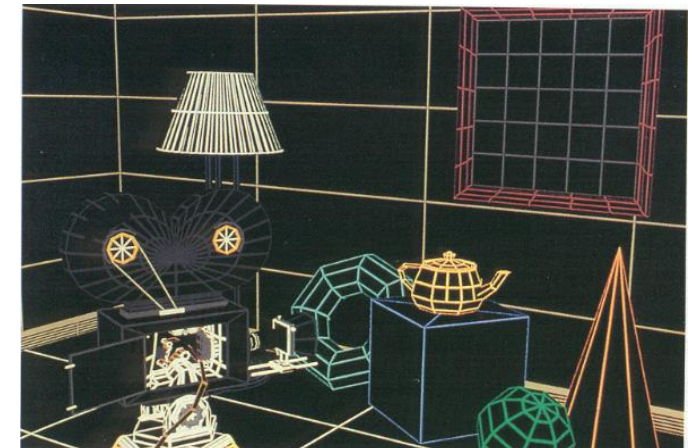
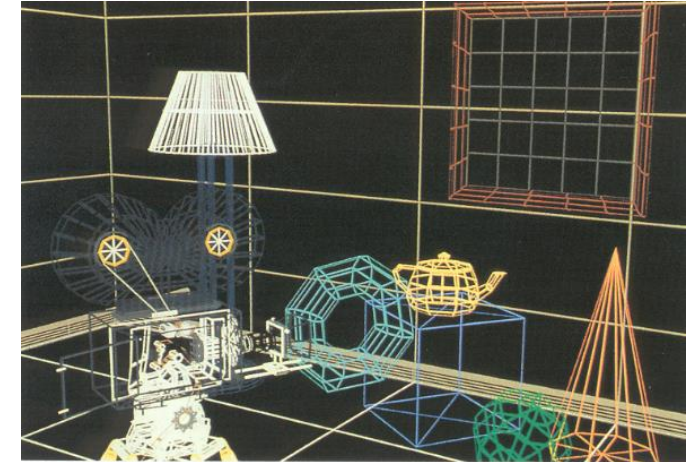
- 3D-Objekt in Sichtvolumen sichtbar?
 - Anzahl Tests durch hierarchische Struktur reduzieren
 - Jeder SG-Knoten hat einfachen Hüllkörper, der Teilbaum/Mesh einschließt
- Traversiere Hüllkörper-Hierarchie (Bounding Volume Hierarchy)
 - Teste Hüllkörper (i.d.R. Bounding Box) der Knoten gegen Frustum
 - Bounding Box schneidet Viewfrustum?
 - → Traversiere Kinder des Szenengraphknotens
 - Sonst in-/outside: Rendern, wenn nicht outside
- Vorteil: Beschleunigung der Darstellung durch Arbeitsvermeidung
 - Wichtig: Tests u. Hüllkörper müssen einfach sein





Problem gegenseitiger Verdeckungen

- Mehrere 3D-Objekte erhalten durch Projektion gleiche Bildkoordinaten
 - Trotz unterschiedlicher Distanz
- Intuitiv: Objekte werden vom gleichen Sehstrahl getroffen
 - Gedachter Strahl geht von Auge durch Pixelposition
 - Sichtbar ist der dem Auge am nächsten liegende Punkt
- Ist Objekt durchsichtig, werden dahinterliegende Punkte auch sichtbar
 - I.d.R. Sonderbehandlung nötig



Gegenseitige Verdeckungen



Quelle: Settlers 7, Ubisoft

Gegenseitige Verdeckungen



Quelle: Settlers 7, Ubisoft

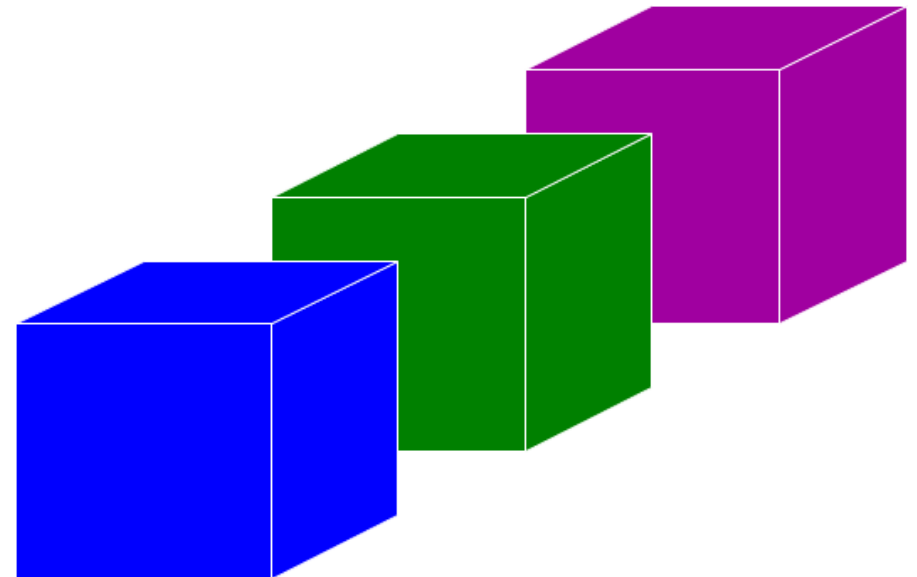
Gegenseitige Verdeckungen



Quelle: Settlers 7, Ubisoft

Verdeckungen durch Überzeichnen

- Lösungsidee: Zeichnen aller 3D-Objekte von hinten nach vorne
 - Vorne: Nahe beim Betrachter liegende Objekte
 - Hinten: Entfernt vom Betrachter liegende Objekte
- Typische Vorgehensweise zur Behandlung (semi-) transparenter Objekte
- Ansatz ähnlich wie bei Gemälde mit mehreren Farbschichten
 - Vordere Schichten überlagern hintere Schichten



Verdeckungen durch Überzeichnen

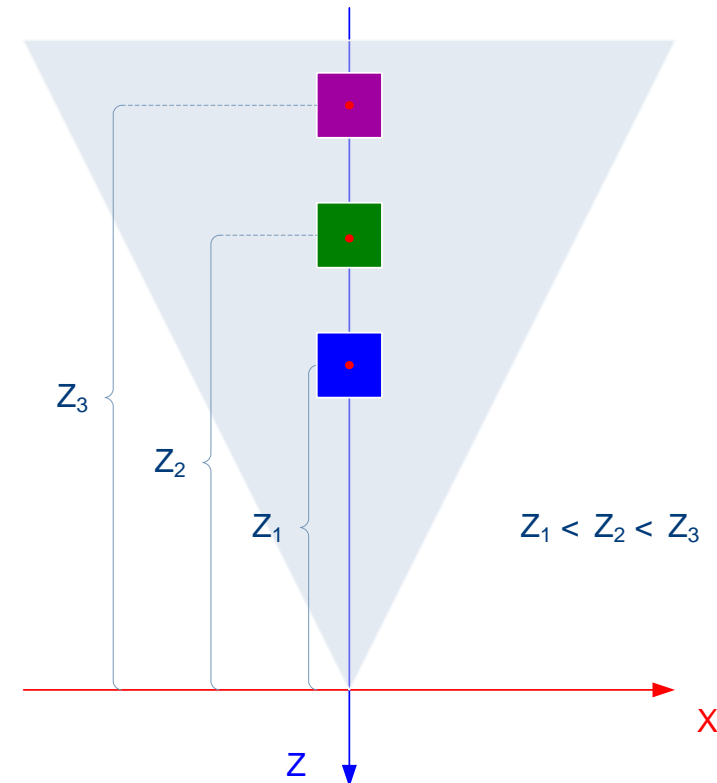
Sortierung anhand der z-Werte im Eye Space (Betrachterraum)

Nach Multiplikation mit
Modelview-Matrix

Kamera bzw. Augpunkt im Ursprung
mit Blickrichtung entlang
negativer z-Achse

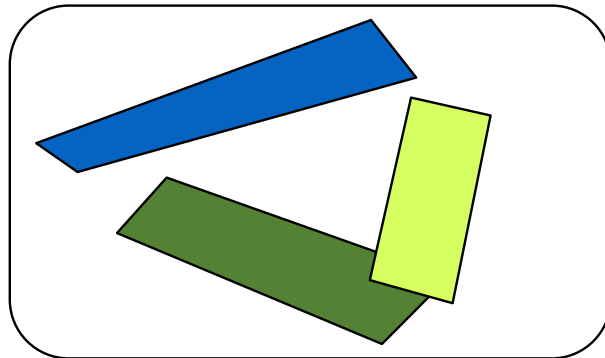
Auswahl des Objekt-Mittelpunkts
als Bezugspunkt der Sortierung

Problem: Sortierung nicht immer
eindeutig möglich

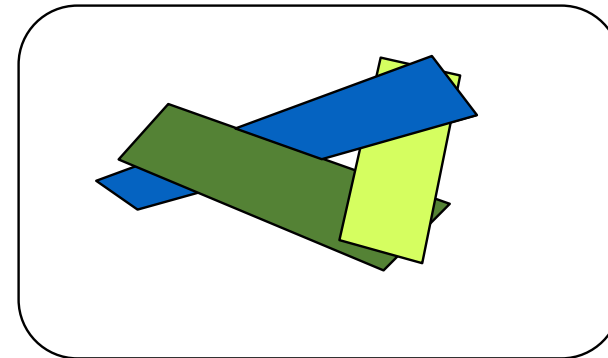


Maleralgorithmus

- Zeichne Polygone wie ein Maler: das am weitesten entfernte zuerst
- Ursprüngliches Verfahren: Sortiere Polygone nach z-Wert: $[z_{\min}, z_{\max}]$
 - Falls z-Intervalle überlappen, berechne Schnittpolygone
 - Heutzutage höchstens für transparente Objekte, aber nicht auf Polygonebene



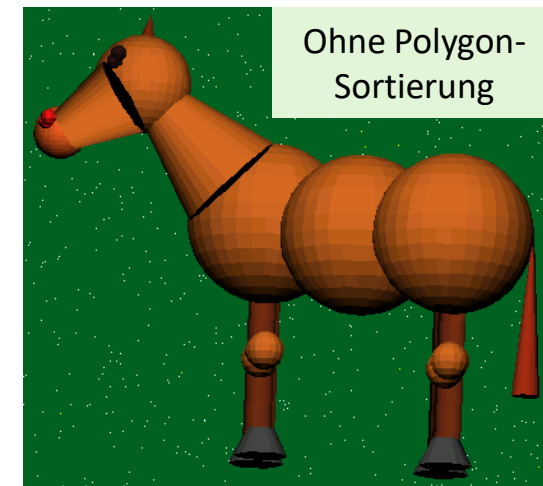
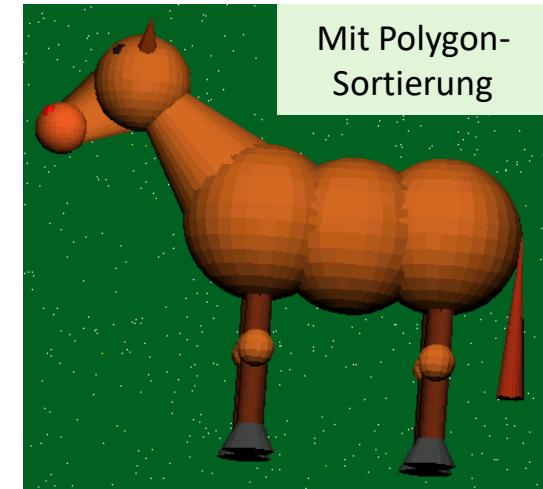
Von hinten nach vorne zeichnen



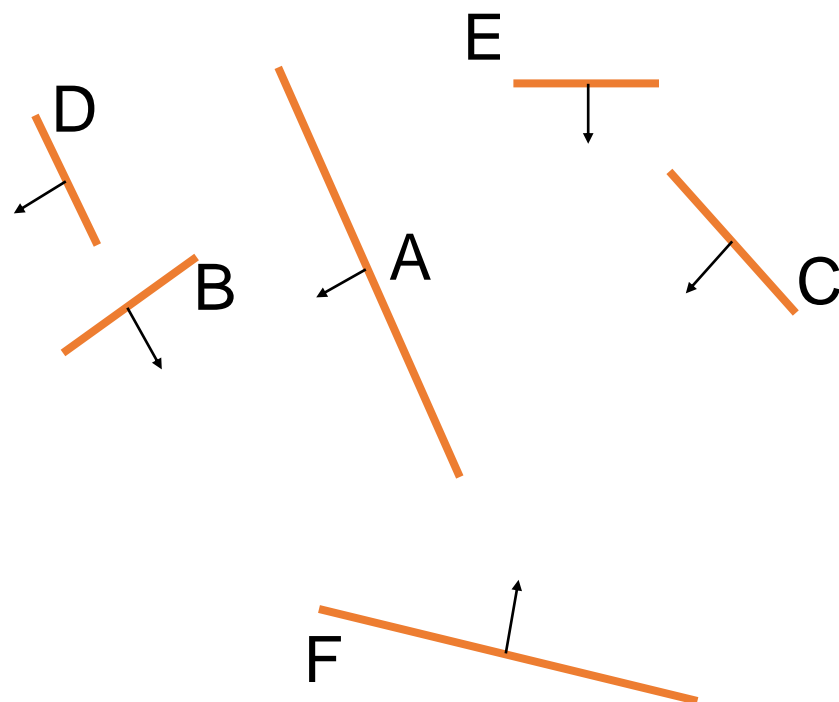
...ist nicht immer eindeutig

BSP-Baum

- Hierarchische, räumliche Datenstruktur
 - Geeignet zur Auflösung von Verdeckungen und zur räumlichen Sortierung
 - Wurde für Performance u.a. genutzt in den Spielen Quake und Doom
 - Beginne Zeichnen von Polygon mit kleinstem z-Wert
- Rekursive Unterteilung des n -dimensionalen Raumes in zwei konvexe Teilmengen
 - Trennung mittels sog. Hyperebene: $(n-1)$ -dimensionaler Unterraum des \mathbb{R}^n
 - Im 2D: an durch Linien gegebenen Geraden teilen
 - Im 3D: an durch Dreiecke gegebenen Ebenen teilen
- Jeder Knoten entspricht einer Unterteilungsebene
 - BSP-Baum unterteilt Raum in zwei Halbräume: Binary Space Partitioning
 - Also binäre Unterteilung des Raums in zwei Teilbäume
 - Je links und rechts einer Unterteilungsebene

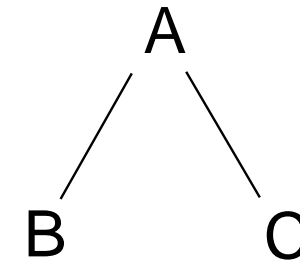
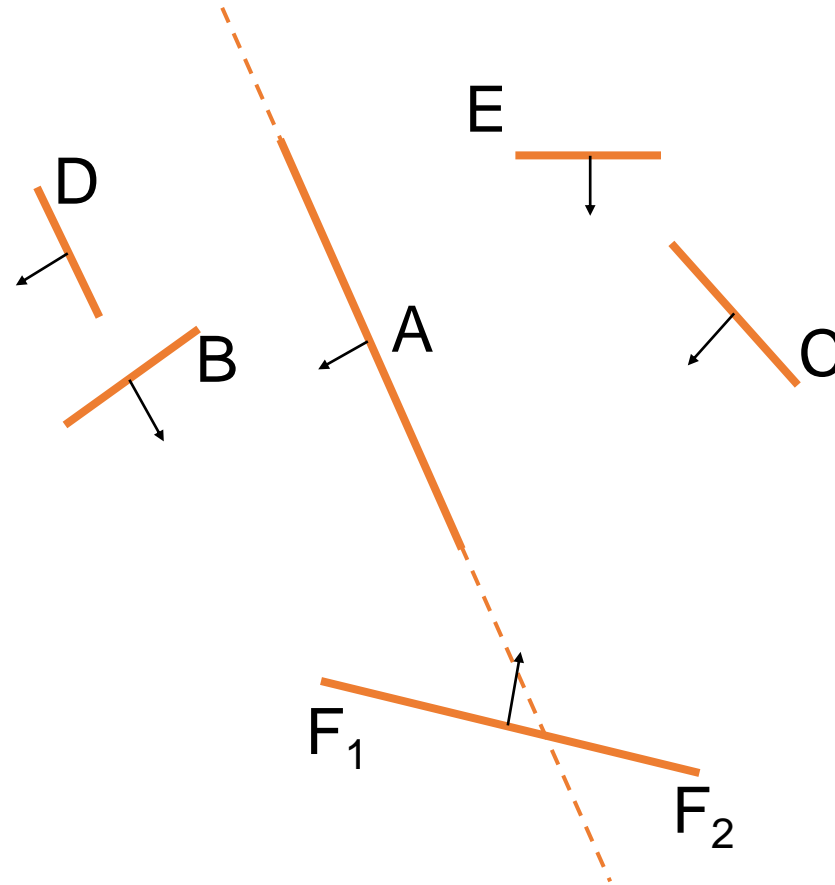


Binary Space Partitioning

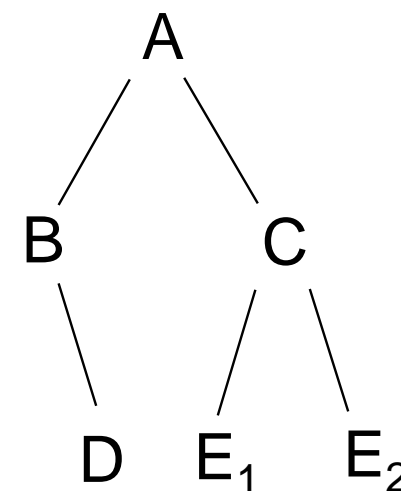
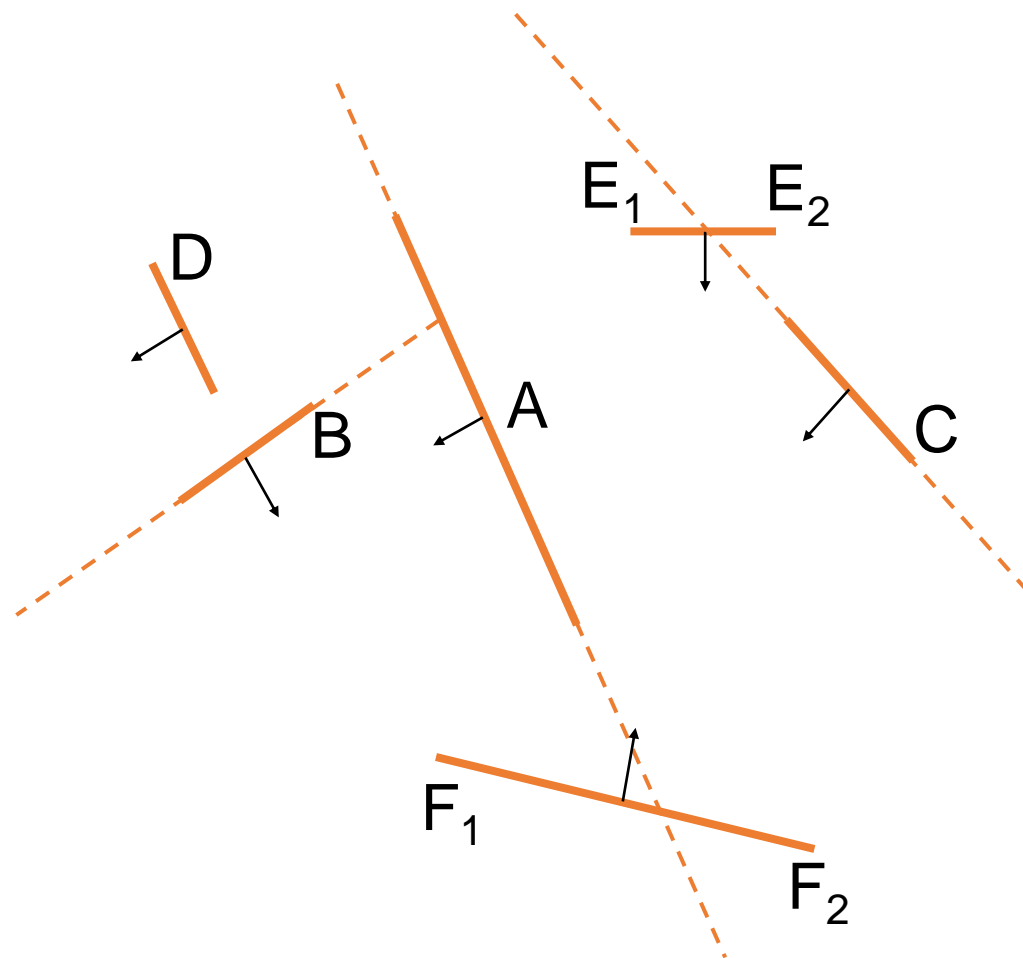


A

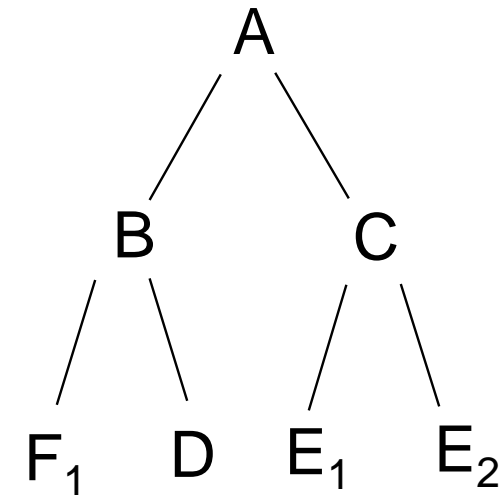
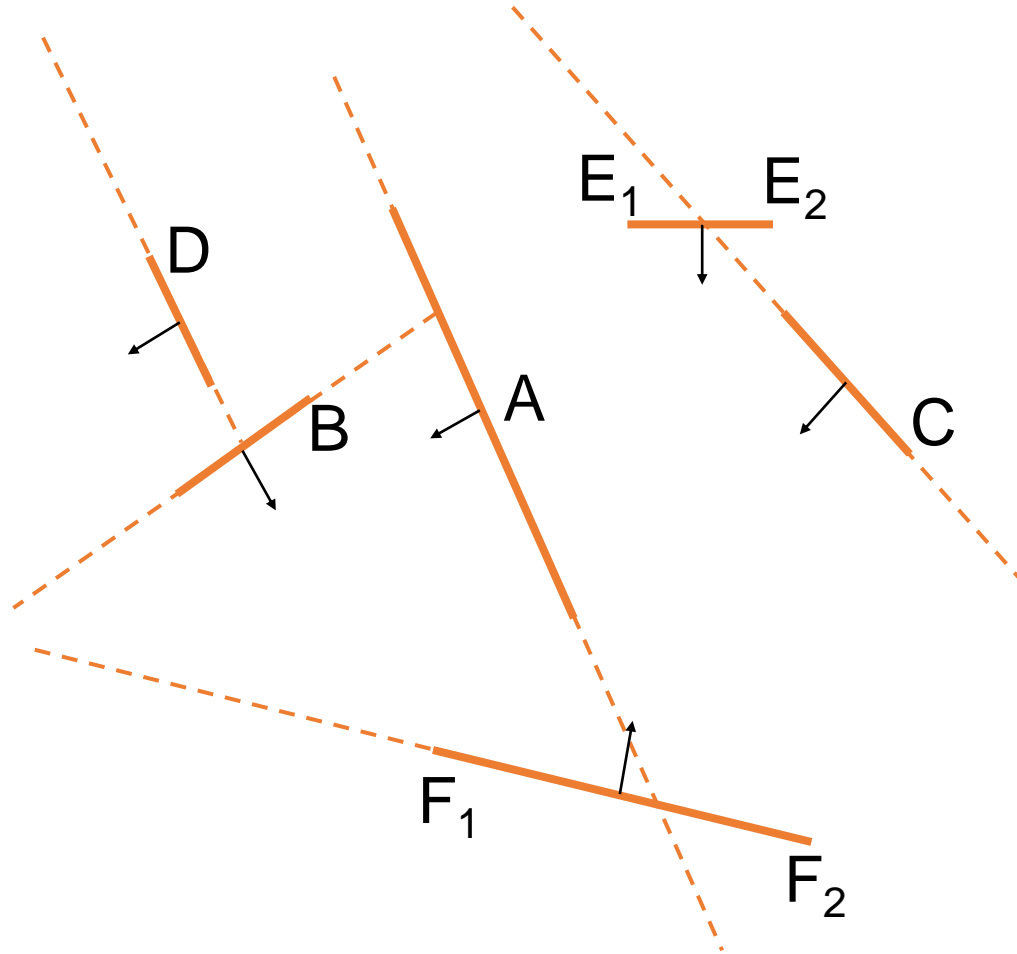
Binary Space Partitioning



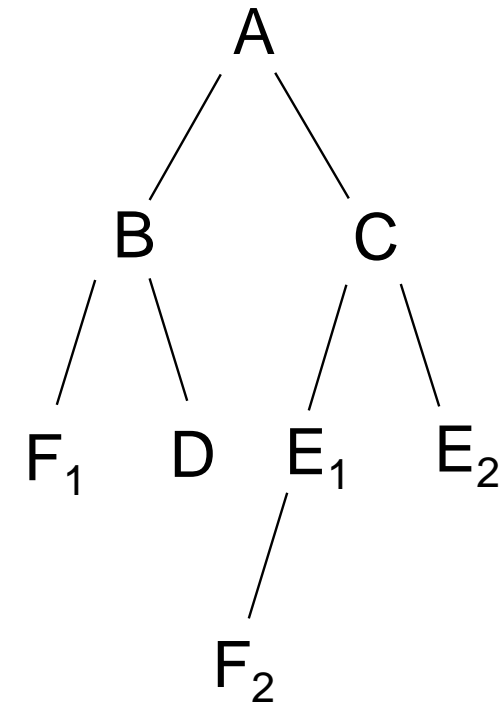
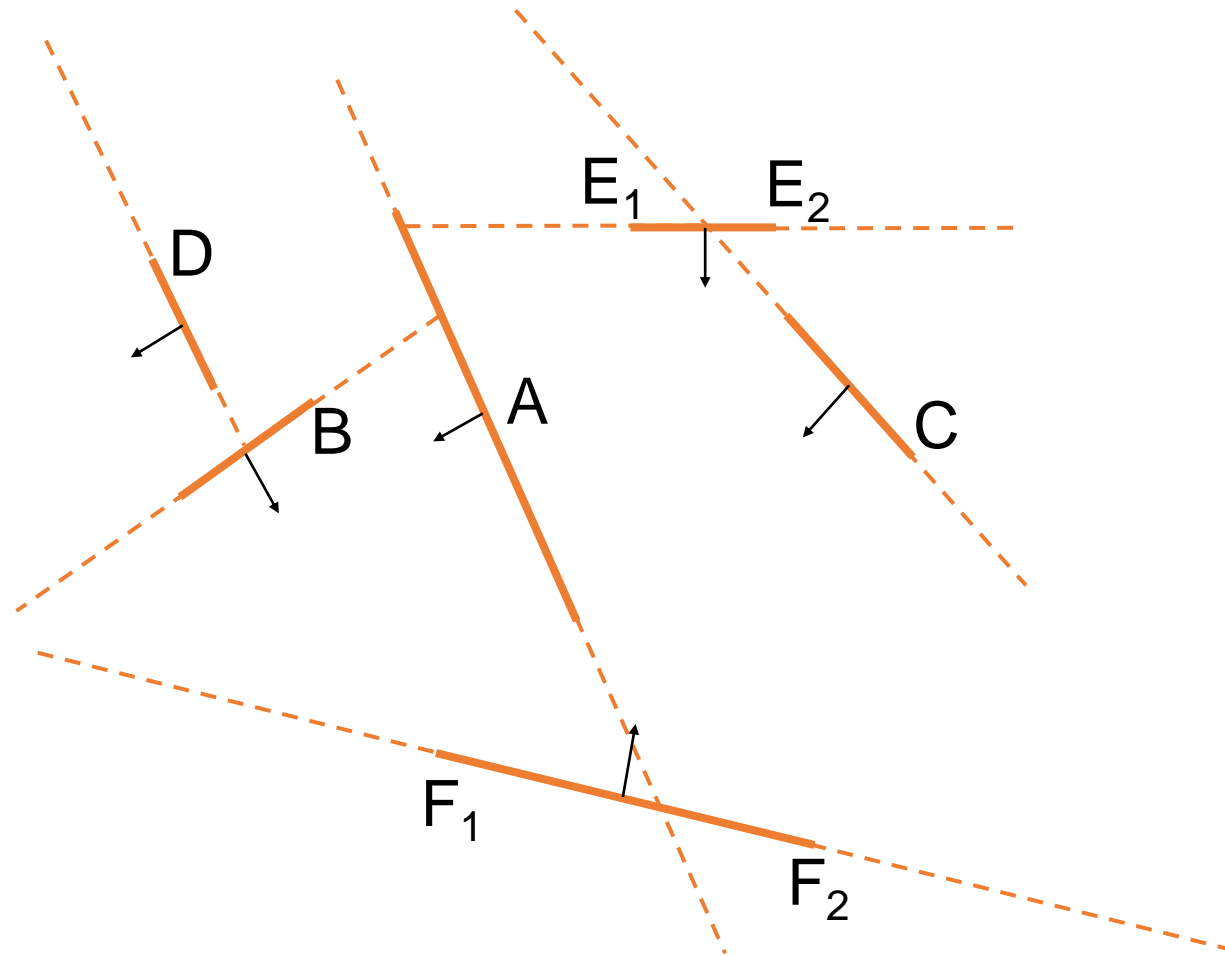
Binary Space Partitioning



Binary Space Partitioning

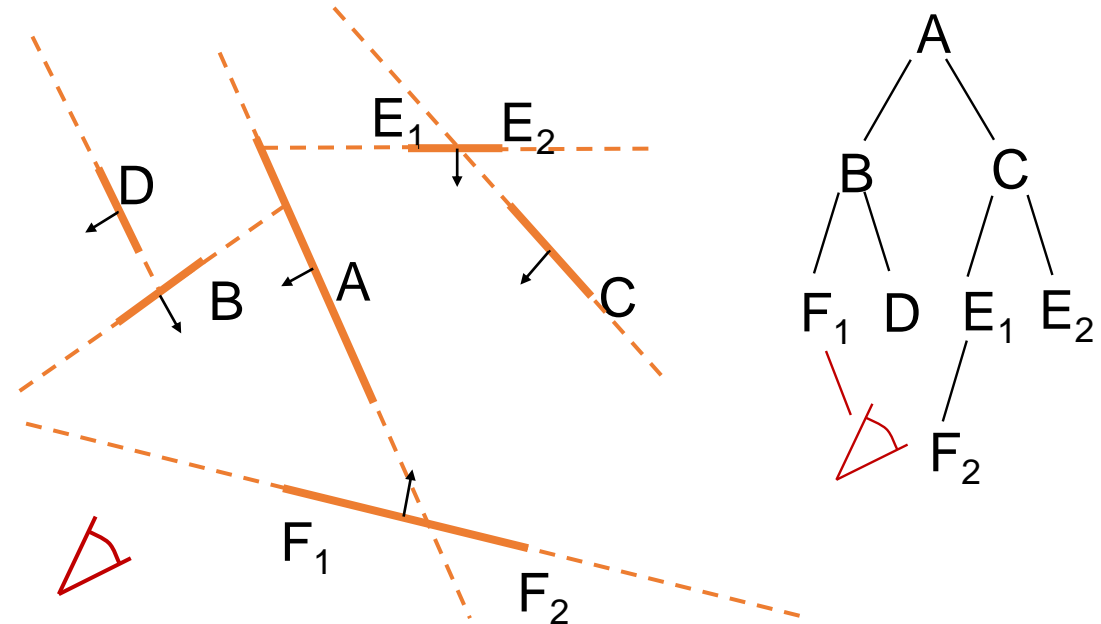


Binary Space Partitioning



BSP: Reihenfolge für Maleralgorithmus

- Sortierte Liste von Polygonen durch Traversierung erstellen
- Identifiziere dazu Halbraum H_{v*} in dem Augpunkt *nicht* liegt
- (Inorder-) Traversierungs-Reihenfolge:
 1. H_{v*}
 2. Knoten (Polygon)
 3. H_v
- Lsg. im Bsp.: $E_2, C, E_1, F_2, A, D, B, F_1$
- Problem
 - Berechnung der Hierarchien aufwendig
 - Daher nur für statische Szenen geeignet
 - Ungeeignet für sehr dynamische Szenen

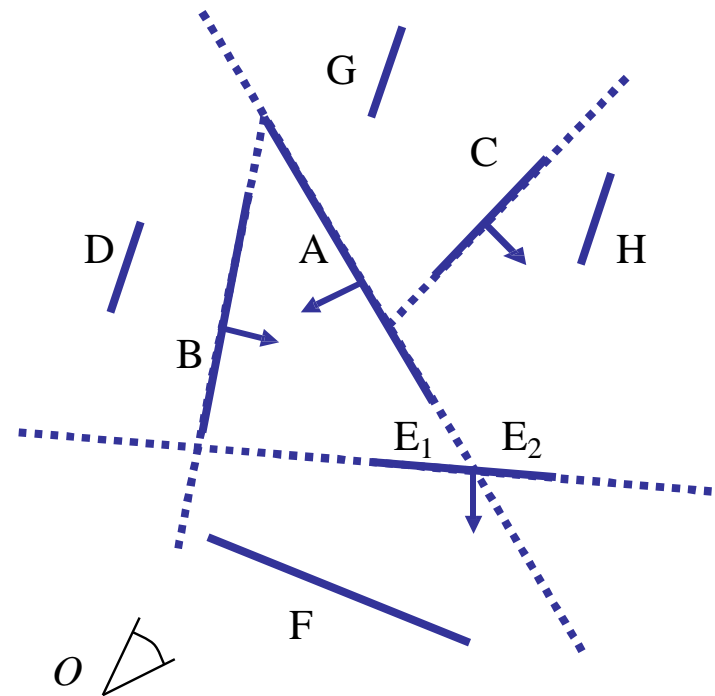


Zusammenfassung BSP-Baum

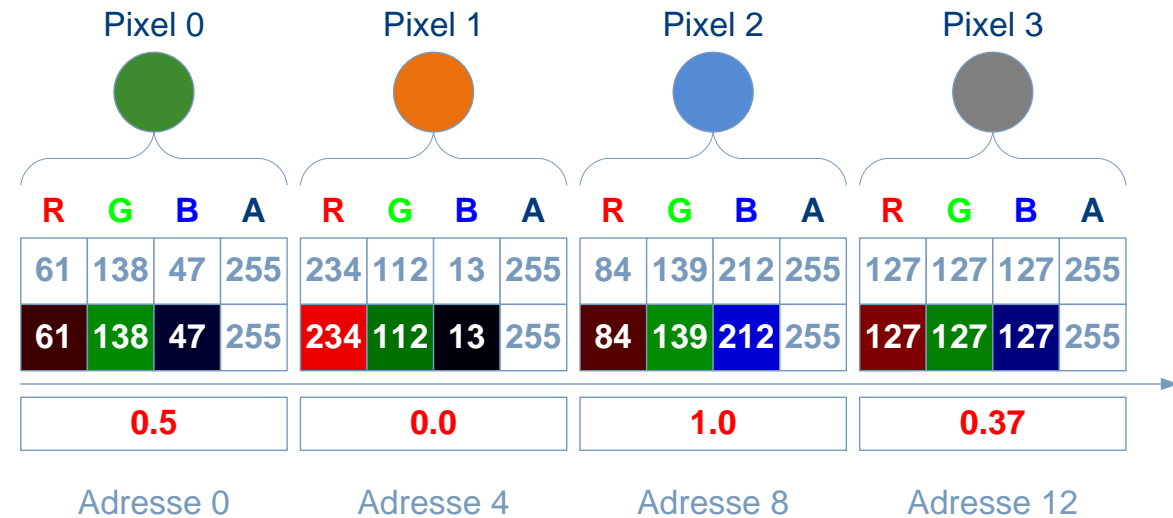
- Binärer Suchbaum, der aus Polygonliste (Polygon A, Polygon B usw.) erstellt wird
 - Aufbau eines solchen Baumes recht teuer, daher nur für statische Szenen geeignet
 - Einfügekriterium nicht "<" wie bei Zahlenfolge, sondern ob neu einzufügendes Polygon vor oder hinter dem Polygon liegt, das im betrachteten Knoten abgespeichert ist
 - Richtung ergibt sich aus Normalenrichtung, wobei jedes Polygon den Raum durch die Ebene, die es aufspannt, immer weiter unterteilt
- Traversiert man Baum in-order von links nach rechts (Schema left - node - right), erhält man aufsteigend sortierte Folge
 - Maleralgorithmus löst Verdeckungsproblem jedoch dadurch, dass man (vom Betrachter aus) von hinten nach vorne sortiert (d.h. back-to-front)
 - Befindet sich Betrachter / Kamera bezogen auf Wurzel des Baumes im vorderen Bereich, sortiert man stattdessen absteigend, weshalb man von hinten anfängt zu traversieren (right - node - left)
 - Befindet sich Betrachter mitten in Szene, kann man Kamera (nur gedacht) an entsprechende Position im Knoten hängen und Traversieren abbrechen, ist man an diesem Knoten angelangt

Übung 1

- Beschreiben Sie die Sichtbarkeit der Kanten A bis H (back-to-front) in Bezug auf den Betrachter O mit Hilfe eines BSP-Baums!

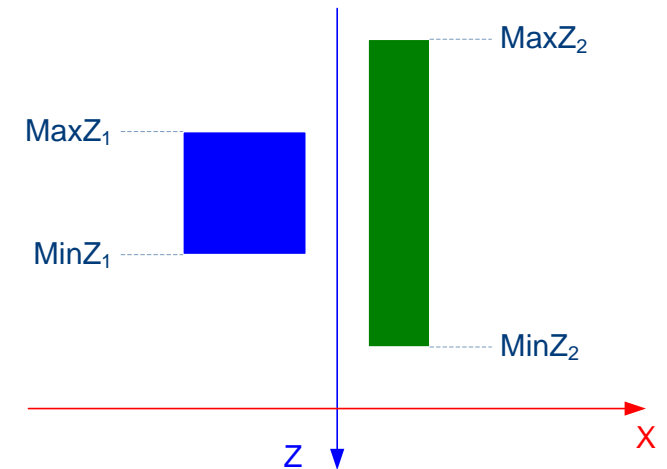


Der Tiefenpuffer



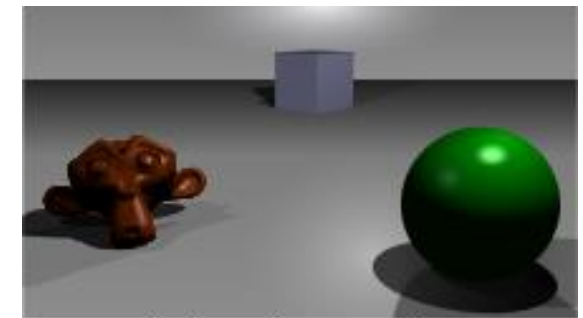
Sortierprobleme revisited

- Unterschiedliche Form, gleicher Mittelpunkt
- Was ist der richtige Bezugspunkt für Sortierung?
 - Bei Wahl des minimalen z-Wertes liegt Blau hinter Grün
 - Bei Wahl des maximalen z-Wertes liegt Blau vor Grün
 - Bei Wahl des mittleren z-Wertes nicht entscheidbar
- Sortierung führt zu nicht eindeutigen Ergebnissen
 - Erzeugt damit Darstellungsfehler
 - Korrektur durch Unterteilung der Objekte und Polygone
 - → Verfahren aufwendig
 - Gesucht: modernerer Ansatz!



Punktorientierte Algorithmen

- Problem bisher
 - Linien- und Flächentests liefern Sichtbarkeit nur implizit
 - Durch wenige Punkttests und Ausnutzung von Kohärenz
- Lösung
 - Untersuchung einzelner Bildpunkte auf Verdeckung bzw. Sichtbarkeit
- Einfachste Art der Verdeckungsrechnung
 - Punkttests liefern Sichtbarkeit explizit
 - Größte Anzahl von einfachen Tests
- Punktorientierte Verfahren zweckmäßig für Rasterdisplays
 - Bildraumverfahren: Testelement und Ausgabeelement stimmen überein
 - Geräteabhängig: Genauigkeit entspricht Auflösung des Ausgabegeräts



A simple three-dimensional scene



Z-buffer representation

Tiefenpuffer (Depth Buffer)

- Für jeden Bildpunkt wird auch z-Wert gespeichert: Tiefenbild
 - Bereits '74 vorgeschlagen, aber aus Kostengründen damals nicht realisiert
 - Ist weiterer Puffer mit einem Tiefenwert pro Pixel
 - Tiefenwerte entsprechen z-Wert im Eye Space (z-Buffer)
- Initialisierung
 - Bildspeicher mit Hintergrundfarbe füllen (z.B. Schwarz)
 - Farbwerte bilden zusammenhängendes Array (pro Pixel 4 Byte für RGBA)
 - Tiefenspeicher mit maximalem z-Wert (1.0 entspricht max. Distanz)
 - *float* mit Wertebereich von 0.0 (Near Plane) bis 1.0 (Far Plane)
 - Früher bzw. mobile Geräte 16 – 24 Bit, heute bis zu 32 Bit
- Alle Objekte der Szene werden nacheinander mit Tiefe gerastert
 - Besondere Reihenfolge nicht erforderlich 😊



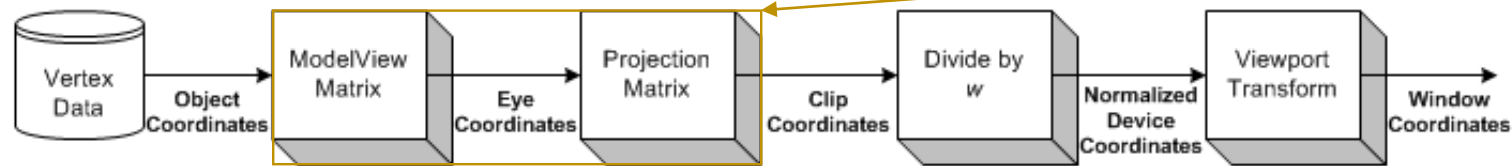
Algorithmus

- Szene wird zunächst perspektivisch transformiert
 - Perspektivische Abbildung erhält Tiefe (\rightarrow keine reine Projektion)
 - Tiefenberechnung erfolgt automatisch bei Transformation in (4D) Clip Space bzw. (3D) NDC
- Bestimmung des sichtbaren Punktes ist Tiefenvergleich
 - Bei Projektion auf xy-Ebene müssen nur z-Werte verglichen werden
 - Nach Behandlung aller Objekte steht im Framebuffer gewünschtes Bild der sichtbaren Flächen
- Für jeden Bildpunkt (x, y) eines darzustellenden Dreiecks tue:
 1. Berechne Tiefe $z(x, y)$
 2. Neue Tiefe $z(x, y)$ kleiner als der unter (x, y) gespeicherte Wert?
 - Schreibe Tiefe $z(x, y)$ an Stelle (x, y) in z-Buffer
 - Schreibe zugehörige Farbe c an Stelle (x, y) im Bildspeicher

Einordnung in 3D-Graphik-Pipeline

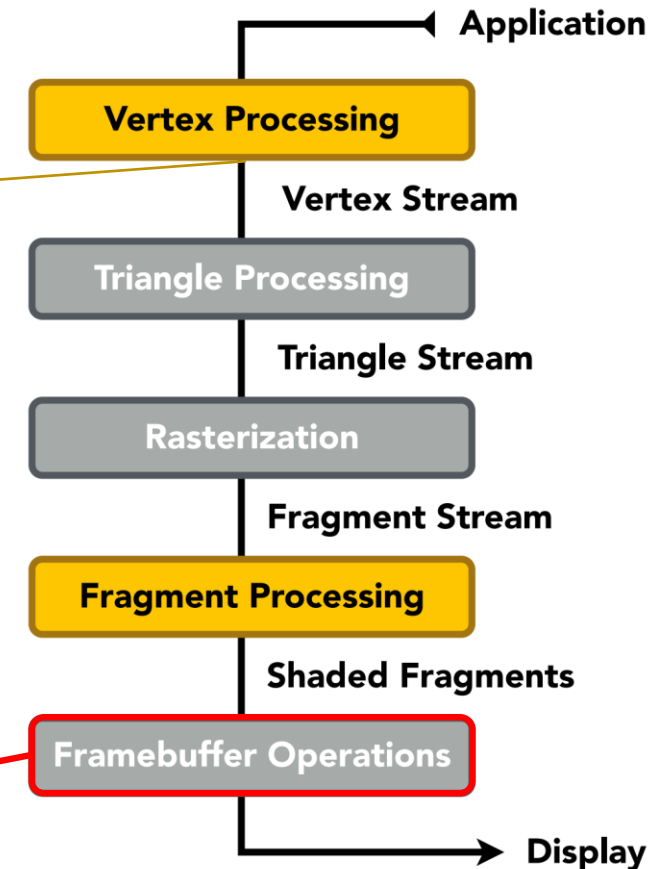
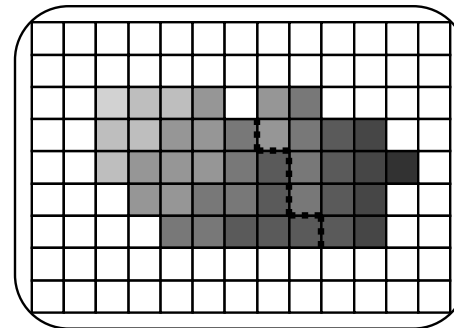
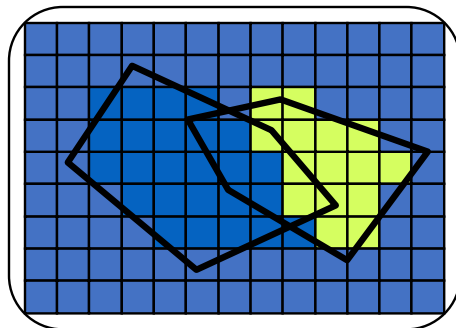
- Jeder Vertex durchläuft in Graphik-Pipeline verschiedene Koordinatentransformationen

- Fragmente bei Rasterisierung durch Interpolation über Fläche



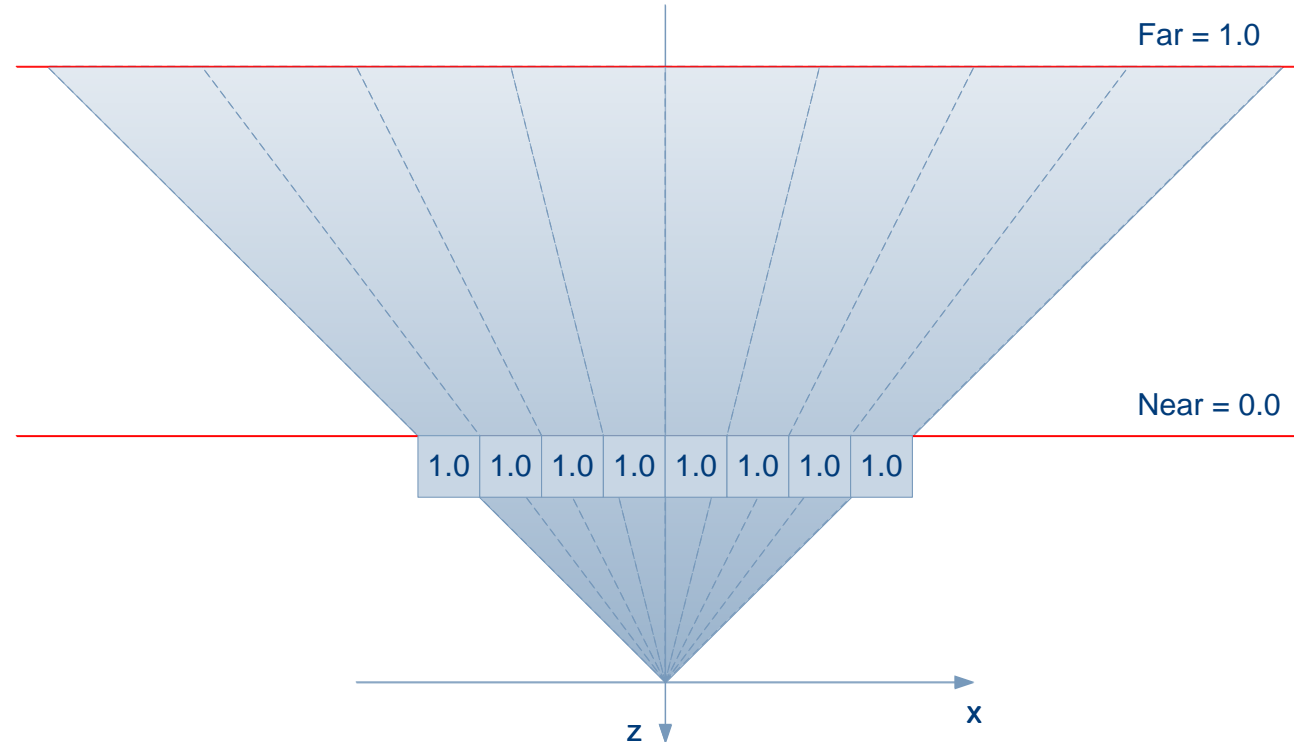
- Zu jedem Pixel wird aktuelle Entfernung zu Auge gespeichert

- Nur wenn Tiefe des aktuellen Pixels kleiner als in Depth Buffer gespeicherte ist, wird es geschrieben



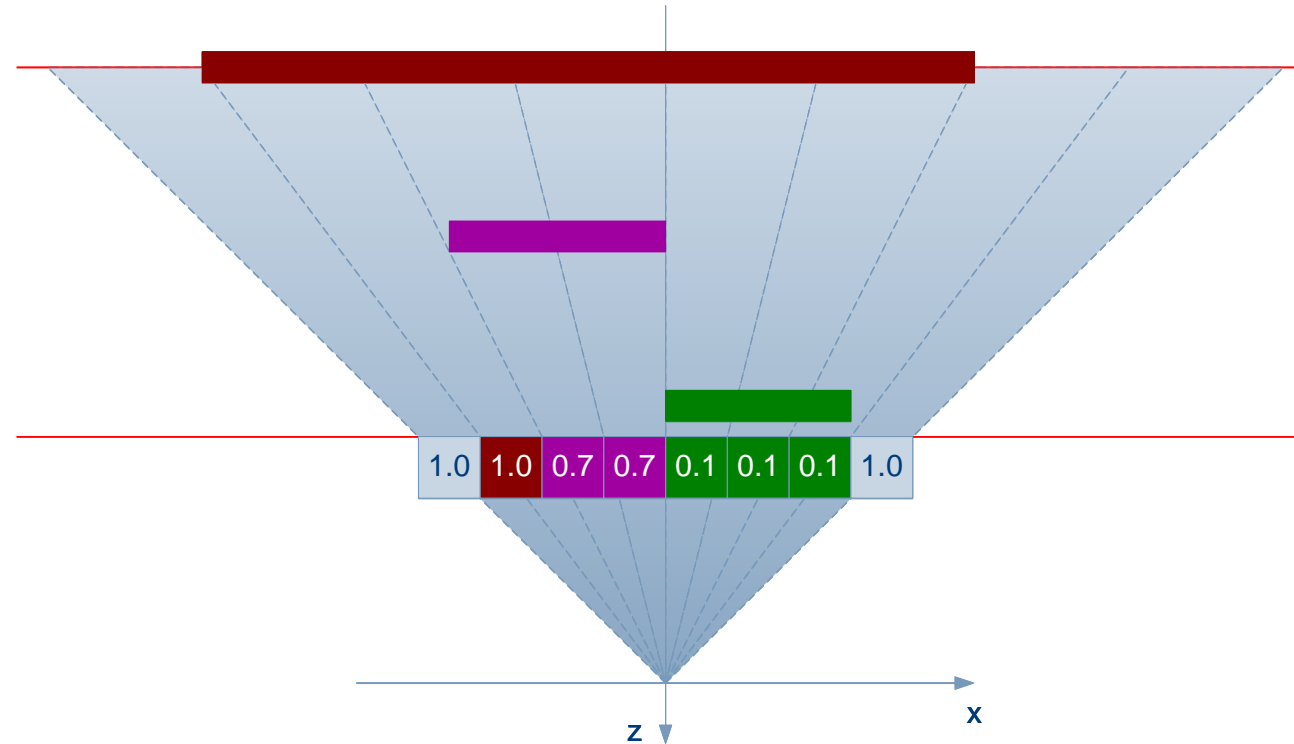
Beispiel

- Betrachte Querschnitt Viewfrustum in xz-Ebene



Beispiel

- Objekte nacheinander einfügen bzw. darstellen



Verdeckungsrechnung aktivieren

- Beispiel WebGL (OpenGL im Browser mit JavaScript → OpenGL analog)

- Initialisierung:

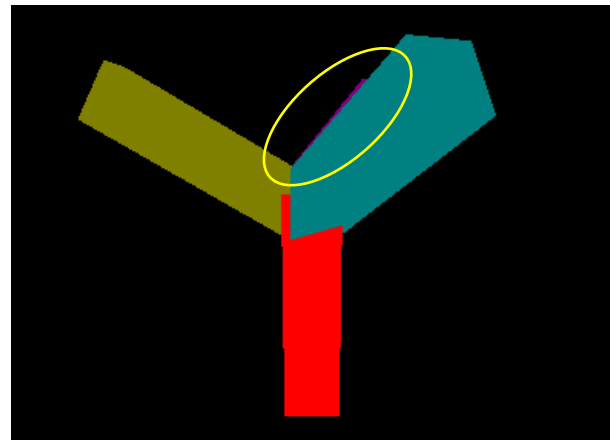
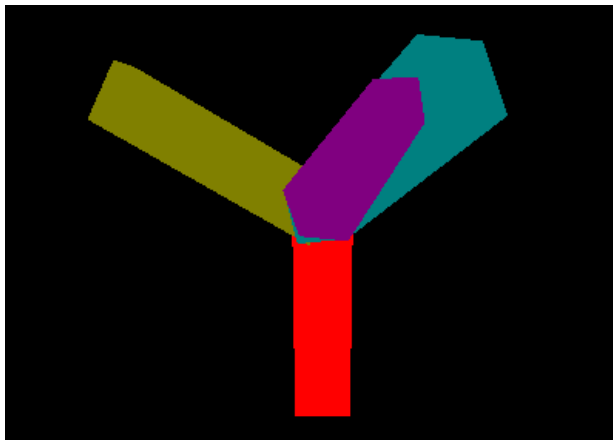
```
gl = canvas.getContext('webgl', {alpha:true, depth:true});
```

- Setzen des sog. Tiefenbits:

```
gl.clear(gl.COLOR_BUFFER_BIT | gl.DEPTH_BUFFER_BIT);
```

- Tiefentest einschalten und Vergleichs-Funktion wählen (z.B. LESS, LEQUAL):

```
gl.enable(gl.DEPTH_TEST);      gl.depthFunc(gl.LEQUAL);
```

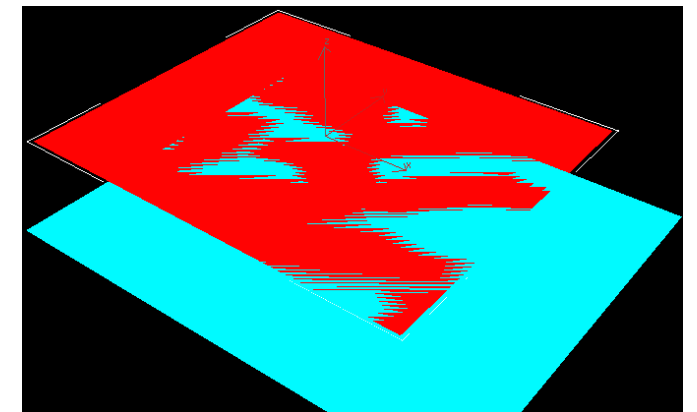


Vorteile

- Skaliert sehr gut: jede 3D-Szene mit jeder Art von Objekten kann behandelt werden
 - Komplexität unabhängig von Tiefenkomplexität
 - Speicherung von z nur für sichtbaren Bildpunkt
 - Suche des minimalen z -Wertes pro Pixel
- In fertige Szene können sogar nachträglich Objekte eingefügt werden
 - Spezielle Zusatzobjekte in 3D-Szene mit korrekter Verdeckung darstellbar
 - Z.B. 3D-Cursor in VR, Annotationen usw.
 - Auch für Kombination mit Kameraaufnahmen interessant
- Sehr leicht in Hardware realisierbar

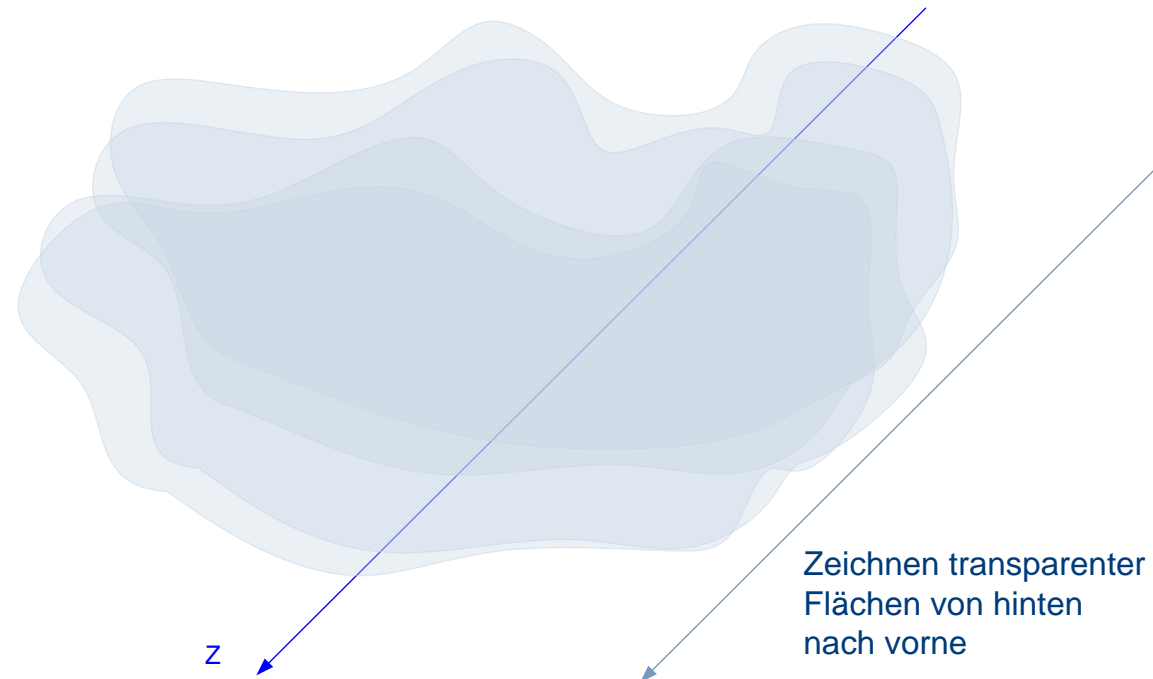
Nachteile

- Pro Bildpunkt wird nur ein Objekt gespeichert
 - Abtastfehler, die durch höhere Auflösung verkleinert aber nicht beseitigt werden
- Genauigkeit des Tiefenpuffers beschränkt
 - Verschiedene Objekte erhalten gleichen z-Wert
 - Mangelnde Genauigkeit führt zu „z-Fighting“ → Near/Far Clipping Plane passend wählen
 - Geringere Genauigkeit mit wachsender Entfernung
 - Tiefenwerte nicht linear verteilt
 - Farbe von Objektreihenfolge bei Rasterisierung bestimmt
 - Probleme bei Animationen
- Transparenzen schwierig ☹️



Transparente Flächen

- In transparente und nicht-transparente Objekte trennen
 - Zeichnen der transparenten Objekte erst am Ende
 - Sortierung entlang der z-Achse, dann Zeichnen von hinten nach vorne



Übung 2

- Gegeben seien die drei Objekte A, B und C
- Bestimmen Sie die Sichtbarkeit mit Hilfe des z-Buffer-Algorithmus' (Einfüge-Reihenfolge sei A-B-C)
 - Nutzen Sie die Tiefenvergleichsfunktion „LEQUAL“ (\leq)
 - Welches Ergebnis würde alternativ „LESS“ ($<$) liefern?

A

1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1
1	1	.5	1	1	1
1	1	.5	.5	1	1
1	1	.5	.5	.5	1
1	1	1	1	1	1

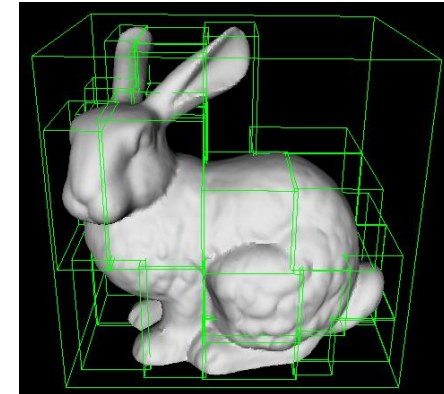
B

1	1	1	1	1	1
1	.7	.6	.2	.3	1
1	.6	.2	.3	1	1
1	.2	.3	1	1	1
1	.3	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1

C

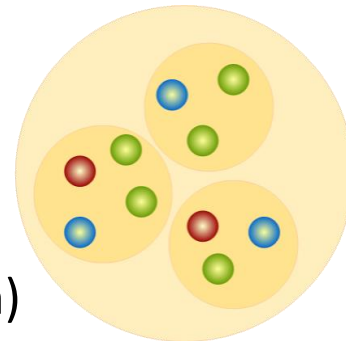
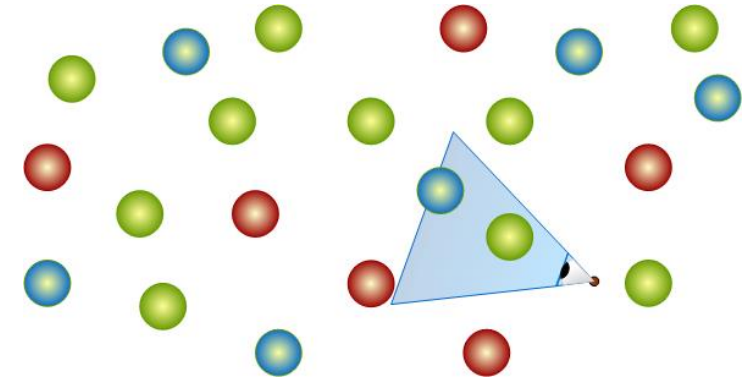
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1
1	1	.2	.2	.2	1
1	1	.2	.2	1	1
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1

Räumliche Datenstrukturen



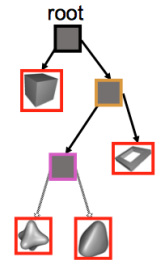
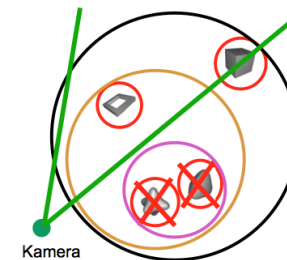
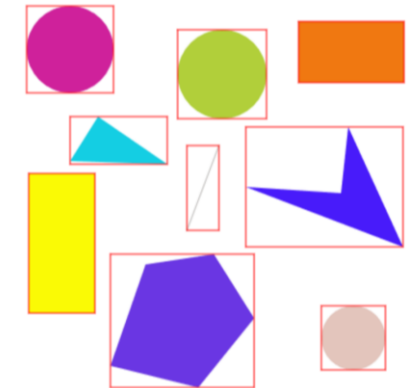
Verwaltung großer Objektmengen

- Hauptproblem großer Datenmengen ist Suche
 - Schnelle Objektselektion?
 - Nächster Nachbar?
 - Alle Objekte innerhalb eines Bereichs?
- Typischer Anwendungsfall: Viewfrustum Culling
 - Welche Objekte liegen innerhalb Sichtpyramide?
- Hierarchische Datenstrukturen reduzieren meist Anzahl der Tests
 - Lösungsansatz also über Gruppierung von Objekten
 - Szenengraph hier gut nutzbar
 - Für jeden Teilgraphen Bounding Volume bestimmen (und Frustum dagegen testen)



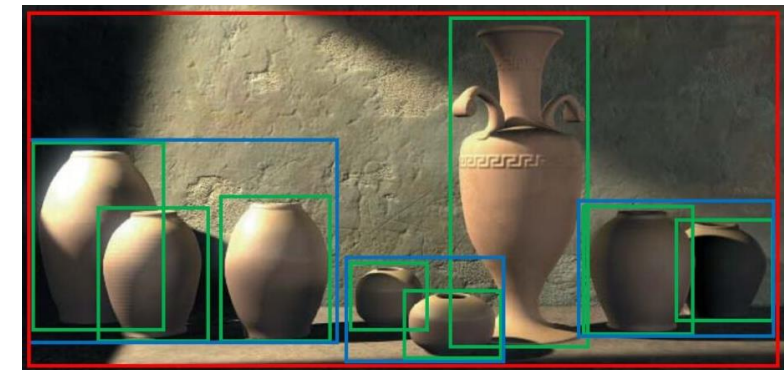
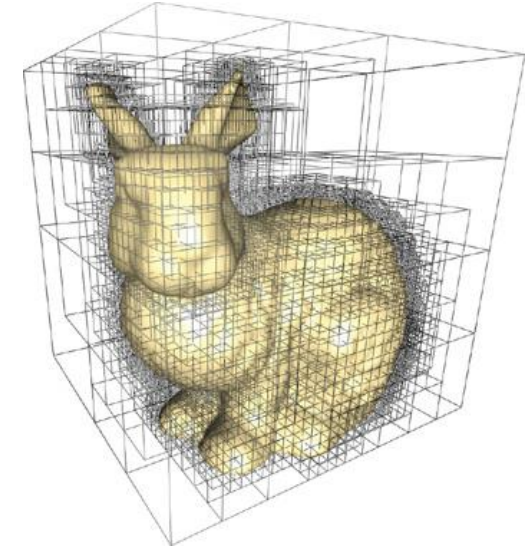
Problemstellung

- Räumliche Suchanfragen müssen schnell sein und sehr viele Objekte testen
 - Wichtig für Culling, Picking, Collision Detection etc.
 - Sollte in sublinearer Zeitkomplexität erfolgen
- Lösung:
 - Schnelles Verwerfen
 - Test vereinfachen durch grobe Vorauswahl
 - Umgebe dazu Objekte mit einfachem Hüllkörper, z.B. Bounding Box
 - Exaktere Untersuchung nur für Objekte, die Hüllkörper-Test bestehen
 - Bei linearer Organisation der Daten aber immer noch n Tests
 - Divide and Conquer
 - Verwalte graphische Objekte in Baumstruktur
 - Verwerfe komplette Teilbäume mittels einfacher Tests



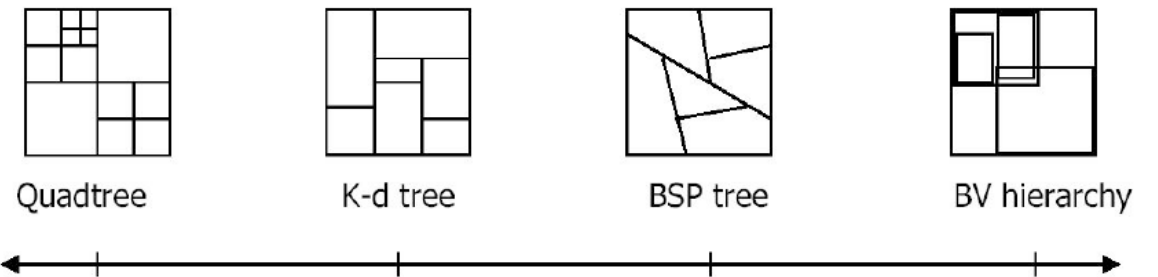
Räumliche Datenstrukturen

- Zwei Kategorien (Mischformen möglich)
 - Raumunterteilungsschemata (Space Partitioning)
 - Unterteilen Raum in disjunkte Mengen/Zellen
 - Jeder Punkt im Raum gehört zu genau einer Zelle
 - Ein Objekt kann sich aber in mehreren Zellen befinden
 - Objektunterteilungsschemata (Object Partitioning)
 - Unterteilen Objekte in disjunkte Mengen/Teile
 - Jeder Punkt im Raum kann zu mehreren Teilen gehören
 - Aber ein Teilobjekt gehört zu genau einem Teil
- Performance Trade-Offs verschiedener Strukturen
 - Speicher- vs. Zeitverbrauch
 - Zeit für Aufbau der Datenstruktur, Aktualisierung, Abfragen

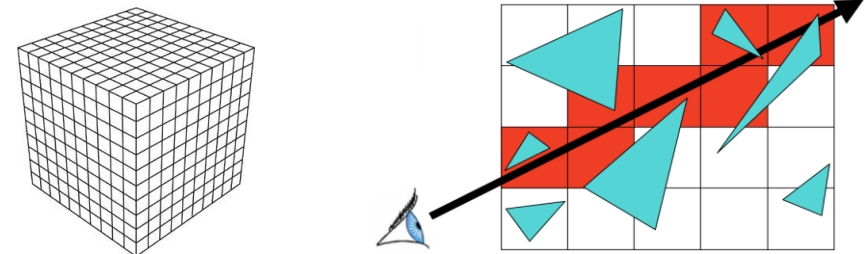


Raum- und Objektunterteilung

- Objektunterteilung
 - Hüllkörperhierarchie
 - Z.B. Bounding Box Hierarchie
- Raumunterteilung
 - Hierarchisch
 - Uniform: Quad-/Octree
 - k-d-Baum
 - BSP-Baum
 - Gitter
 - Rectilinear (Sonderfall regulär)
 - Curvilinear (d.h. gekrümmt)
 - Unstrukturiert



- k-d-Bäume erweitern Konzept binärer Suchbäume
 - Auf mehrere Dimensionen durch k-dimensionale Schlüssel
 - Unterteilungsebenen/-geraden sind an Achsen ausgerichtet
- Teste, ob Punkt in linkem oder in rechtem Teilbaum liegt
 - Abwechselnd z.B. mit x-, y- und z-Koordinaten vergleichen

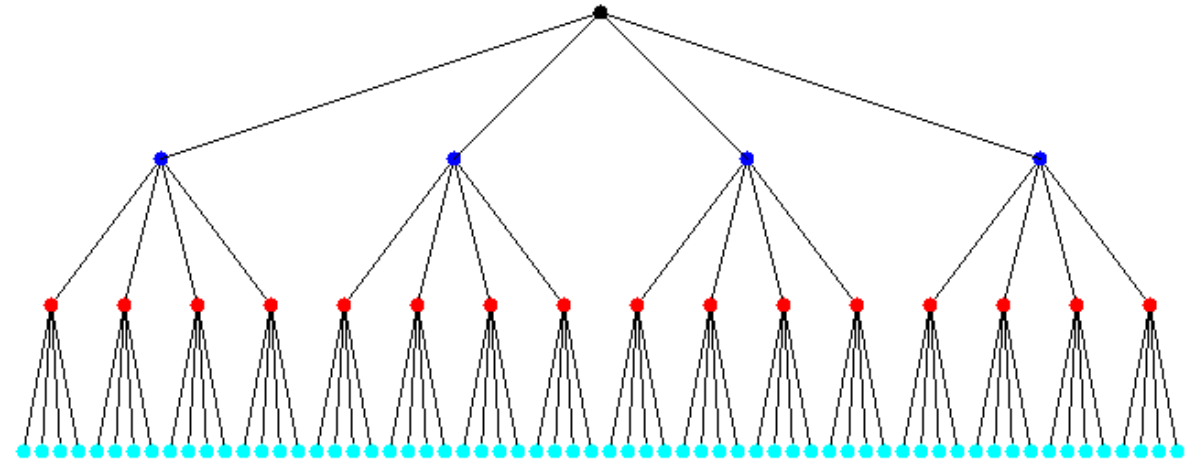
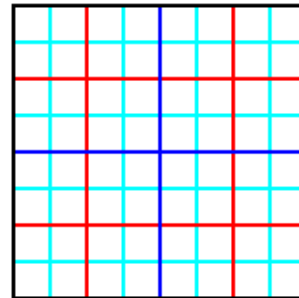


Quadtree

- Baumstruktur (hierarchische Datenstruktur zur Raumunterteilung)

- Knoten enthalten Daten und weitere Knoten

- Beispiel:
Vollständiger
Quadtree mit
4 Leveln:



- Jeder Knoten umfasst rechteckigen Bereich

- Besitzt max. vier Kindknoten, ggfs. Parent, sowie (i.d.R. nur) ein Datenelement
- Kind-Bereiche entstehen durch Halbieren von jeweils Breite und Höhe

Aufbau

- Rekursive Struktur

Quadtree {

// Attribute:

Liste mit Szenenobjekten

Children (max. 4 Quadtree Nodes)

Verweis auf Parent

BoundingBox (Region in Ebene)

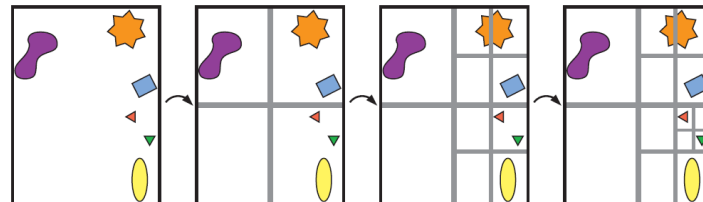
// Wichtige Methoden:

Konstruktor

insert(obj);

find(x, y);

}



- Baum für 2D-Bereichssuche

- Innere Knoten

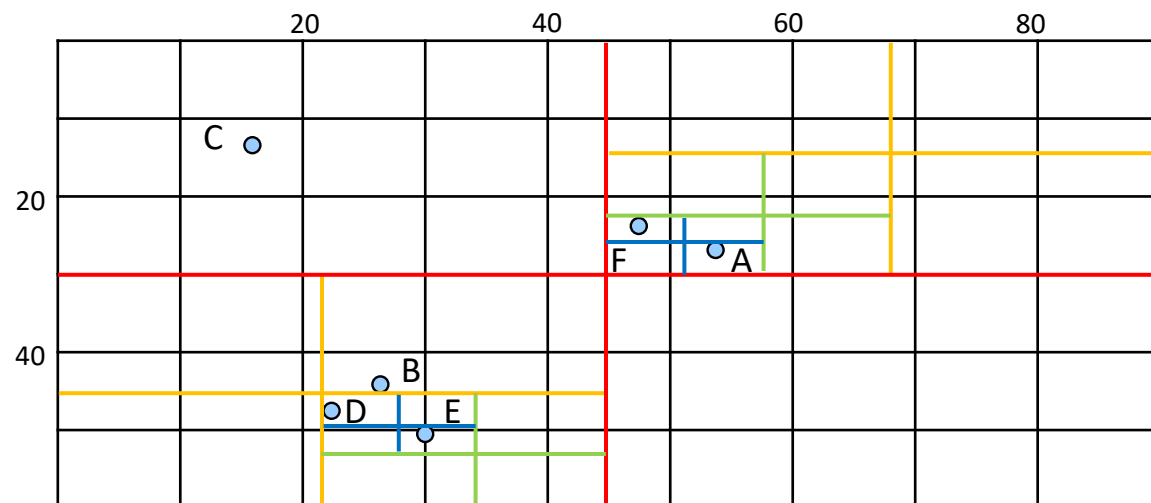
- Haben 4 Kinder (können leer sein), die je einen Quadranten der Region ihres Parents darstellen

- Halten i.d.R. keine Daten

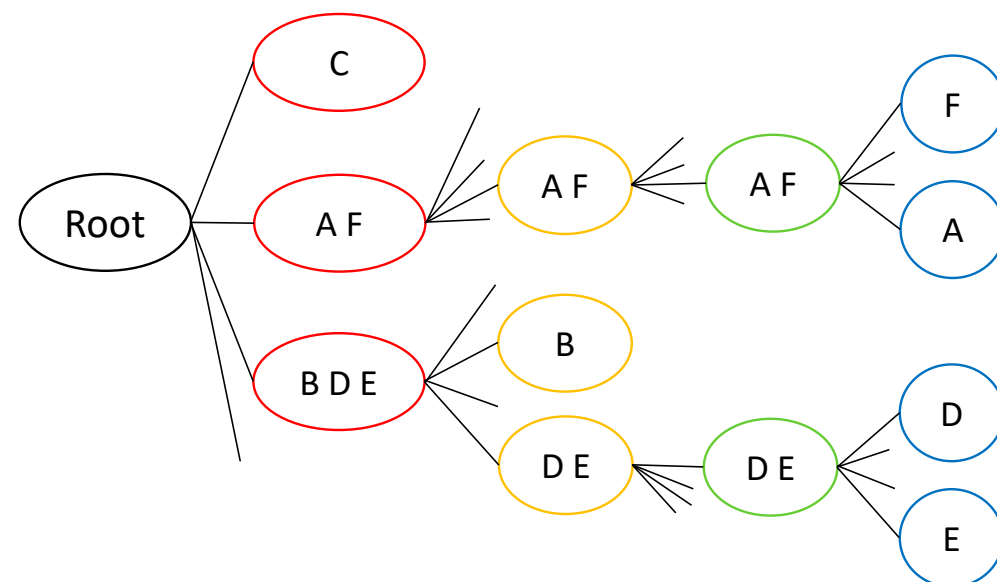
- Blattknoten

- Halten i.d.R. einen einzelnen Datenwert (nur z.B. bei Point-Region Quadtree)
- Bereich wird beim Einfügen unterteilt, so dass nicht mehr als ein Punkt existiert

Beispiel

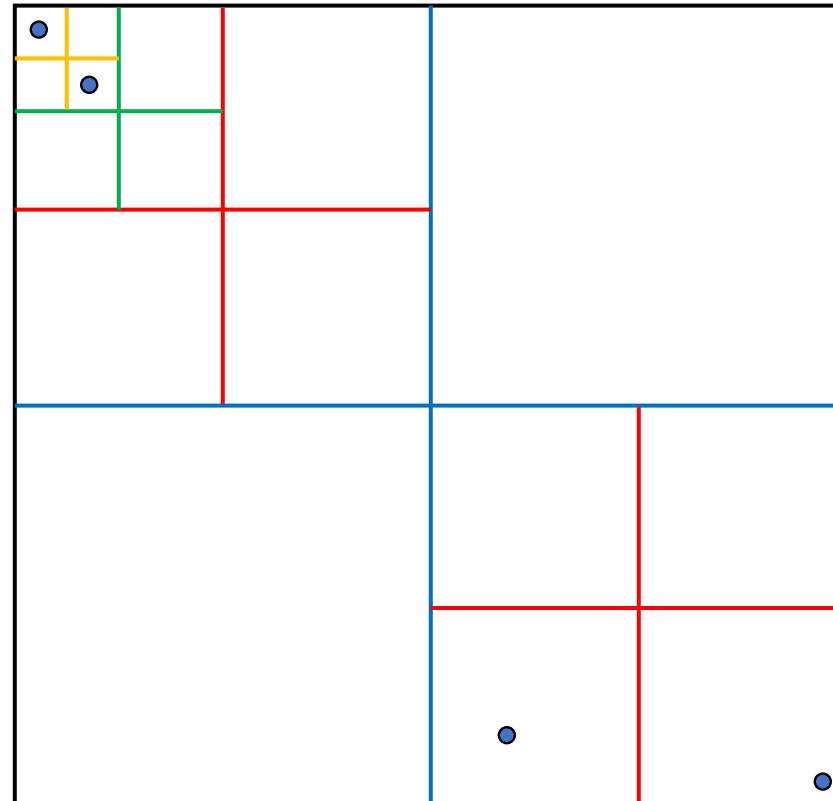


0	1
2	3

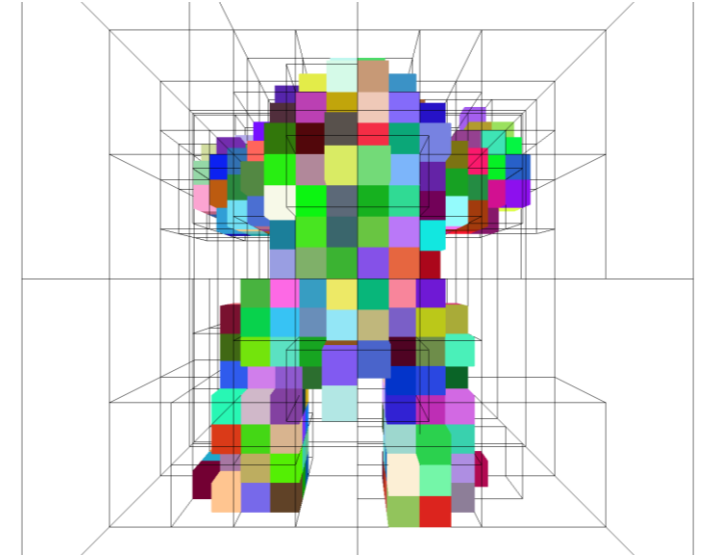
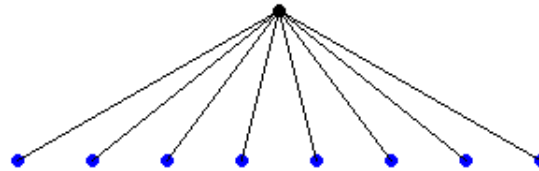
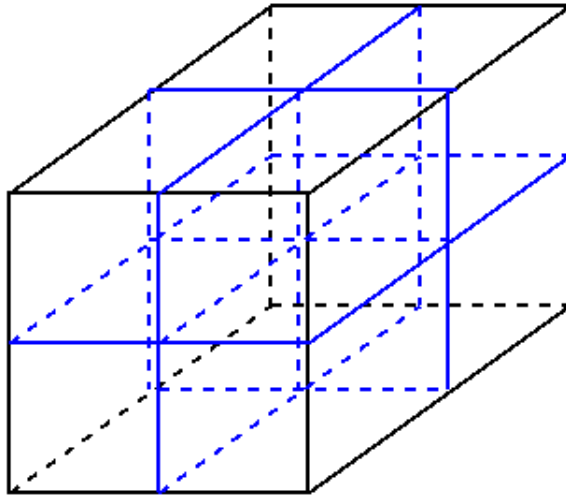


Probleme

- Baum nicht balanciert, falls Objekte nicht gleichmäßig verteilt
 - Zu viele unnötige Unterteilungen
 - DS passt nicht zu Daten
 - Verschlechtert Performance
- Lösungsmöglichkeiten
 - Nicht gleichmäßig/regulär unterteilen
 - Loose Quadtree



Octree



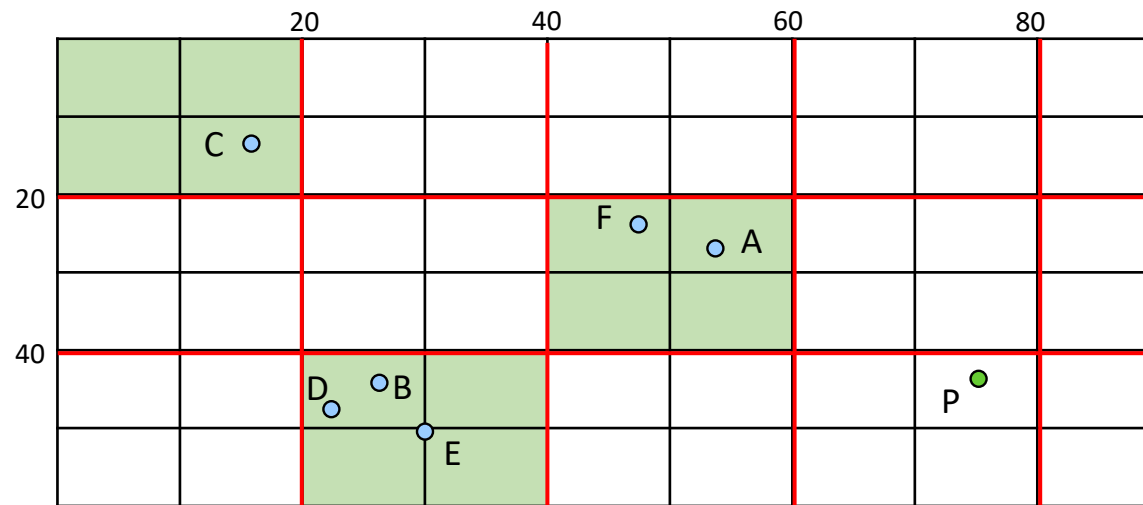
- Wie Quadtree, aber in 3D
 - Hat damit je drei Unterteilungsebenen (entlang x, y, z)
 - Jeder Knoten umfasst quaderförmigen Bereich
 - Besitzt max. 8 Kindknoten, ggfs. Parentpointer

Reguläres Gitter (Grid)

- Berechnung von Hierarchien leider oft recht aufwendig, damit ungeeignet für massiv dynamische Szenarien
- Reguläres Gitter ist einfache Datenstruktur zur Raumunterteilung
 - Unterteilt Raum in achsparallele rechtwinklige Bereiche, wobei Kanten entlang einer Achse immer gleiche Länge haben (beim Spezialfall „kartesisches Gitter“ sind alle Kantenlängen gleich)
 - Keine Berechnung einer Hierarchie erforderlich
- Zur Einordnung graphischer Objekten in eine Region (über Bezugspunkte wie Mittel- oder Schwerpunkt), um dynamische Objekte einfach verwalten und suchen zu können
 - Unterteilt Raum in disjunkte Zellen, wobei sich ein Objekt über mehrere Zellen erstrecken kann
 - Gitter ist effizient traversierbare DS mit konstantem Suchaufwand über 2D- (oder 3D-) Position (die unmittelbar Index einer Gitterzelle ergibt), und ermöglicht schnellen Zugriff auf Nachbarn
 - Nachteile: Zelle ist kleinste Einheit (daher lineare Suche der Elemente innerhalb einer Region), speicheraufwendig, kann sich der Geometrie nicht anpassen

Reguläres Gitter (Grid)

- Bsp., Verwaltung von n 2D-Punkten: A(54,26), B(26,44), C(15,12), D(22,48), E(30,50), F(48,24)



Zellengröße alternativ aus gewünschter Anzahl der Gitterzellen bestimmen (bei 5 x 3 Grid wäre Zellengröße 18 x 20 px)

- Region ($w=90$, $h=60$) mit achsparallelem Gitter überlagern (Zellenbreite: $g_x=20$, Höhe: $g_y=20$)
 - 15 Zellen, davon 3 belegt (\rightarrow verweisen auf Objekte oder NULL)
- Ges.: Position von P (75, 43) im Gitter (\rightarrow Indizes über Teilen durch Zellengröße g_x bzw. g_y)
 - Zellennr. in X-Richtung: $75 / 20 = 3$, in Y-Richtung: $43 / 20 = 2$

Vielen Dank!

Noch Fragen?

