Université de montpellier Faculté des sciences



Département mathématique

TP 3

M2 MIND-SIAD

 $Support\ Vector\ Machine\ (SVM)$

Réalisé par : HAMOMI Majda

Septembre 2024

TABLE DES MATIÈRES

Introduction			3
0.1	Généralités et Fondements Mathématiques des SVM		3
	0.1.1	Introduction aux SVM	3
	0.1.2	Classification binaire supervisée	3
	0.1.3	SVM et espace de grande dimension	3
	0.1.4	Problème d'optimisation	4
	0.1.5	Contrôle de la complexité et régularisation	4
	0.1.6	Extensions au cas multi-classes	5
0.2	SVM sur le Dataset Iris		5
	0.2.1	Chargement des données et prétraitement	5
	0.2.2	SVM avec noyau linéaire	6
	0.2.3	SVM avec noyau polynomial	7
	0.2.4	Visualisation des résultats	8
0.3	Impac	t du Noyau Linéaire et du Paramètre C sur un Jeu Déséquilibré	10
0.4	Classification de visages		12
	0.4.1	Chargement et Préparation des Données	12
	0.4.2	Extraction des Caractéristiques	13
	0.4.3	Séparation des Données d'Entraı̂nement et de Test	14
	0.4.4	Ajustement du Modèle SVM avec Noyau Linéaire	14
	0.4.5	Prédiction des étiquettes des images de test	15
	0.4.6	Évaluation qualitative des prédictions	16
	0.4.7	Visualisation des coefficients pour un noyau linéaire	17
	0.4.8	Impact des Variables de Nuisance sur la Performance d'un	
		Modèle SVM	19
	0.4.9	Réduction de dimension avec PCA	20

Introduction

Les machines à vecteurs de support (SVM) sont des techniques de classification supervisée, particulièrement populaires pour leur capacité à gérer des problèmes de classification binaire en séparant les données à l'aide d'hyperplans optimaux. Ce TP vise à implémenter et évaluer des modèles SVM à travers plusieurs scénarios, en explorant différents noyaux, l'impact des paramètres de régularisation, l'ajout de variables de nuisance, et l'amélioration des performances avec la réduction de dimension via PCA.

0.1 Généralités et Fondements Mathématiques des SVM

0.1.1 Introduction aux SVM

Les Support Vector Machines (SVM), introduits par Vladimir Vapnik dans les années 90, sont utilisés pour résoudre des problèmes de classification binaire. Leur principe repose sur la recherche d'un hyperplan affine qui sépare au mieux les données appartenant à deux classes distinctes, tout en maximisant la marge de séparation entre elles. Cet hyperplan est défini comme celui qui maximise la distance minimale entre les points des deux classes, appelés vecteurs de support.

0.1.2 Classification binaire supervisée

Soit un jeu de données constitué d'observations $x = (x_1, ..., x_p) \in X \subset \mathbb{R}^p$ avec des étiquettes $y \in \{1, 1\}$. Dans le cadre de la classification binaire, le problème consiste à trouver une fonction $\hat{f}: X \to \{-1, 1\}$ qui prédit l'étiquette d'une nouvelle observation en fonction de sa position par rapport à un hyperplan séparateur.

L'hyperplan affine est défini par l'équation $\langle w, x \rangle + w_0 = 0$, où $w \in \mathbb{R}^p$ est un vecteur normal à l'hyperplan et w_0 est le biais. La règle de décision est donc la suivante :

$$\hat{f}(x) = \operatorname{sign}(\langle w, x \rangle + w_0).$$

Ainsi, selon que $\hat{f}(x)$ est positif ou négatif, l'étiquette prédite sera +1 ou -1.

0.1.3 SVM et espace de grande dimension

Dans le cas où les données ne sont pas linéairement séparables dans leur espace d'origine X, les SVM utilisent une fonction de transformation non linéaire Φ

qui projette les données dans un espace de plus grande dimension, appelé espace de caractéristiques (ou espace de Hilbert H). L'objectif est de rendre les données linéairement séparables dans cet espace transformé.

Cependant, il est souvent coûteux de calculer explicitement cette transformation. Pour contourner cela, les SVM utilisent l'astuce du noyau (kernel trick), qui permet de calculer directement les produits scalaires dans l'espace transformé sans avoir à effectuer explicitement la transformation :

$$K(x, x') = \langle \Phi(x), \Phi(x') \rangle.$$

Quelques noyaux classiques incluent :

- Noyau linéaire : $K(x, x') = \langle x, x' \rangle$,
- Noyau gaussien RBF : $K(x, x') = \exp(-\gamma ||x x'||^2)$,
- Noyau polynomial : $K(x, x') = (\alpha \langle x, x' \rangle + \beta)^{\delta}$.

0.1.4 Problème d'optimisation

Le classifieur SVM cherche à maximiser la marge entre les classes tout en minimisant l'erreur de classification. Ce problème est formulé comme suit :

$$\min_{w,w_0,\xi} \left(\frac{1}{2} \|w\|^2 + C \sum_{i=1}^n \xi_i \right),\,$$

sous les contraintes $\xi_i \geq 0$ et $y_i(\langle w, \Phi(x_i) \rangle + w_0) \geq 1 - \xi_i$ pour tout i.

La solution optimale peut être exprimée en fonction des vecteurs de support x_i , c'est-à-dire les points de données pour lesquels les contraintes sont actives ($\alpha_i \neq 0$ dans la formulation duale). Les vecteurs w et w_0 sont ajustés en résolvant un problème d'optimisation quadratique sous contraintes affines.

0.1.5 Contrôle de la complexité et régularisation

Le paramètre C joue un rôle clé dans le contrôle de la complexité du modèle. Un C élevé force le modèle à minimiser les erreurs de classification, au risque de surapprendre, tandis qu'un C faible favorise une meilleure généralisation en tolérant quelques erreurs de classification.

Une alternative au réglage direct de C est la méthode de ν -classification, qui permet de contrôler la fraction de vecteurs de support parmi les données d'apprentissage via un paramètre $\nu \in [0,1]$.

0.1.6 Extensions au cas multi-classes

Pour traiter des problèmes de classification multi-classes ($Y \in \{1, ..., K\}$), les approches les plus courantes sont :

- Un contre un : Construire un classifieur pour chaque paire de classes (K(K-1)/2 classifieurs en tout),
- Un contre tous : Construire un classifieur pour chaque classe k, en séparant les données où Y = k des autres classes.

0.2 SVM sur le Dataset Iris

Dans cette première partie, nous avons utilisé la bibliothèque scikit-learn pour implémenter les Support Vector Machines (SVM). Le dataset Iris contient trois classes de fleurs : Setosa, Versicolor et Virginica. Nous avons restreint cette étude à une classification binaire, en ne considérant que les deux premières classes (Setosa et Versicolor) et les deux premières variables. Le but est de comparer la performance d'un SVM avec noyau linéaire et un SVM avec noyau polynomial.

0.2.1 Chargement des données et prétraitement

Nous avons commencé par charger le jeu de données Iris et appliqué une normalisation pour centrer et réduire les données, à l'aide de la classe StandardScaler. Ensuite, nous avons filtré les observations pour ne garder que les deux premières classes et les deux premières variables. Une division des données en ensembles d'entraînement (50 %) et de test (50 %) a été effectuée pour évaluer les modèles.

```
# Filtrer pour garder uniquement les classes 1 et 2 et les
    deux premi res variables

X = X[y != 0, :2]
y = y[y != 0]

# Diviser les donn es en ensemble d'entra nement et de test
X, y = shuffle(X, y, random_state=42)
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y,
    test_size=0.5, random_state=42)
```

Listing 1 – Chargement des données et prétraitement

0.2.2 SVM avec noyau linéaire

Dans un premier temps, nous avons implémenté un SVM avec un noyau linéaire. Pour trouver le meilleur paramètre de régularisation C, nous avons utilisé une recherche par grille (GridSearchCV), en testant différentes valeurs de C sur une échelle logarithmique.

Listing 2 – Implémentation du SVM avec noyau linéaire

Résultats: Le meilleur paramètre C trouvé est de $\mathbf{0.2967}$, Le modèle avec un noyau linéaire obtient une précision de $\mathbf{66}$ % à la fois sur les données d'entraînement et sur les données de test. Cela indique que le modèle est bien régularisé et qu'il ne présente pas de sur-apprentissage ni de sous-apprentissage, mais que la séparation linéaire n'est pas parfaite pour ces données.

0.2.3 SVM avec noyau polynomial

Ensuite, nous avons utilisé un SVM avec un noyau polynomial pour capturer des relations non linéaires potentielles dans les données. Nous avons testé différentes valeurs du degré du polynôme, ainsi que du paramètre C et γ .

```
# D finir la grille de param tres pour le noyau polynomial
  Cs = list(np.logspace(-3, 3, 5))
  gammas = 10. ** np.arange(1, 2)
  degrees = np.r_[2, 3]
  parameters = {'kernel': ['poly'], 'C': Cs, 'gamma': gammas, '
     degree': degrees}
6
  # Utiliser GridSearchCV pour le noyau polynomial
  clf_poly = GridSearchCV(SVC(), parameters, cv=5)
  clf_poly.fit(X_train, y_train)
  # Afficher les meilleurs param tres et la pr cision
11
  print(clf_poly.best_params_)
  print('Generalization score for polynomial kernel: %s, %s' %
13
        (clf_poly.score(X_train, y_train),
         clf_poly.score(X_test, y_test)))
```

Listing 3 – Implémentation du SVM avec noyau polynomial

Résultats:

Meilleurs paramètres pour le noyau polynomial

- C=0.0316: Ce paramètre de régularisation est assez petit, ce qui suggère que le modèle tolère plus d'erreurs dans les données d'entraînement pour éviter de sur-apprendre. Le faible C permet au modèle de généraliser davantage, mais il risque aussi de sous-apprendre si les données sont bien séparées.
- degree = 1 : Le degré du noyau polynomial est de 1, ce qui signifie qu'en réalité, il se comporte comme un noyau linéaire. Cela suggère que le noyau polynomial n'a pas trouvé de relations non linéaires significatives dans les données.
- $\gamma = 10.0$: Le paramètre γ contrôle l'influence d'un seul point d'entraı̂nement. Un γ élevé (comme ici, 10.0) indique que le modèle considère les points proches de la frontière de décision de manière plus importante, ce qui peut potentiellement créer des frontières plus complexes.

Les scores de généralisation montrent que le modèle polynomial obtient une précision de 66~% sur l'ensemble d'entraînement, indiquant qu'il n'a pas sur-appris. La pré-

cision est identique sur l'ensemble de test, suggérant une généralisation cohérente, mais modérée. Cela indique que la complexité du noyau polynomial n'apporte pas d'amélioration par rapport à un modèle linéaire.

0.2.4 Visualisation des résultats

Enfin, nous avons visualisé les frontières de décision générées par les deux modèles (noyau linéaire et noyau polynomial). Les figures ci-dessous montrent les données projetées dans l'espace bidimensionnel ainsi que les frontières séparatrices.

```
import matplotlib.pyplot as plt
  def f_linear(xx):
3
       """Classifier: needed to avoid warning due to shape
          issues"""
       return clf_linear.predict(xx.reshape(1, -1))
  def f_poly(xx):
       """Classifier: needed to avoid warning due to shape
          issues"""
      return clf_poly.predict(xx.reshape(1, -1))
9
  def plot_2d(X, y):
11
      plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=y, cmap='autumn')
12
      plt.xlabel('Feature 1')
      plt.ylabel('Feature 2')
14
  def frontiere(f, X, y, step=50):
      x_{min}, x_{max} = X[:, 0].min() - 1, X[:, 0].max() + 1
17
      y_{min}, y_{max} = X[:, 1].min() - 1, X[:, 1].max() + 1
      xx, yy = np.meshgrid(np.linspace(x_min, x_max, step), np.
19
          linspace(y_min, y_max, step))
      Z = np.array([f(np.array([xx_, yy_])) for xx_, yy_ in zip
20
          (xx.ravel(), yy.ravel())])
      Z = Z.reshape(xx.shape)
      plt.contourf(xx, yy, Z, alpha=0.8, cmap='autumn')
      plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=y, edgecolor='k', s=20)
23
  plt.ion()
  plt.figure(figsize=(15, 5))
27
```

```
plt.subplot(131)
plot_2d(X, y)
plt.title("iris dataset")

plt.subplot(132)
frontiere(f_linear, X, y)
plt.title("linear kernel")

plt.subplot(133)
frontiere(f_poly, X, y)
plt.title("polynomial kernel")

plt.title("polynomial kernel")
```

Listing 4 – Visualisation des résultats

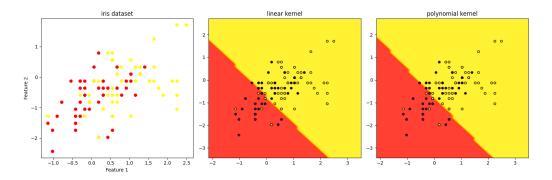


FIGURE 1 – Classifications avec noyaux linéaire et polynomial (degré 1)

La Figure 1 présente la classification des données du dataset Iris à l'aide d'un noyau linéaire avec des paramètres optimaux $\{C:0.031,\deg : 1,\gamma:10.0, \ker : poly\}$. Le modèle linéaire génère des frontières de décision bien définies, permettant une séparation efficace des classes. Les scores de généralisation, à 0.66 pour l'entraînement et le test, montrent que le modèle capture bien les tendances des données sans surajuster ou sous-ajuster. Un paramètre de régularisation C légèrement plus élevé favorise une bonne adaptation aux données d'entraînement tout en maintenant une capacité de généralisation solide. En conclusion, la Figure 1 illustre qu'un modèle linéaire est approprié et efficace pour cette tâche.

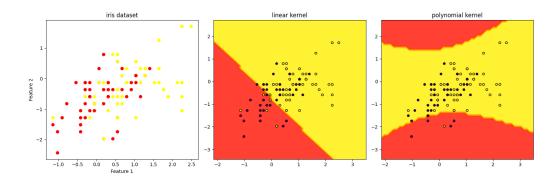
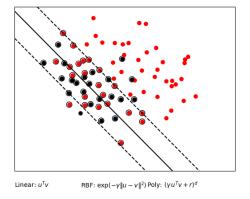


FIGURE 2 – Classifications avec novaux linéaire et polynomial (degré 2)

En revanche, la Figure 2 met en évidence l'effet d'une séparation quadratique des données avec un noyau polynomial de degré 2, utilisant les paramètres optimaux $\{C:0.001, \text{degree}: 2, \gamma:10.0, \text{kernel}: \text{poly}\}$. Bien que ce modèle soit capable de modéliser des frontières de décision plus complexes, il souffre d'une performance inférieure, comme en témoignent les scores de généralisation : 0.64 sur l'entraînement et 0.44 sur le test. Un faible paramètre C, égal à 0.001, indique que le modèle privilégie une grande marge de séparation, entraînant ainsi un underfitting où il ne capture pas suffisamment d'informations à partir des données d'entraînement. Cela se traduit par une difficulté à généraliser sur de nouvelles données, suggérant que la régularisation est trop forte.

0.3 Impact du Noyau Linéaire et du Paramètre C sur un Jeu Déséquilibré

Dans cette section, nous avons exécuté le fichier $svm_gui.py$ tout en générant un jeu de données très déséquilibré, avec une distribution de points où une classe représente au moins 90% des données et l'autre seulement 10%. En ajustant le paramètre de régularisation C dans un SVM avec noyau linéaire, nous avons obtenu les graphes suivants, illustrant l'impact de C sur la séparation des classes.



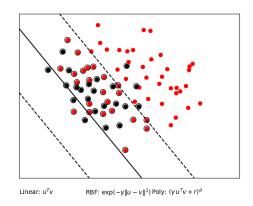


FIGURE 3 - SVM avec C = 1

FIGURE 4 - SVM avec C = 0.0019

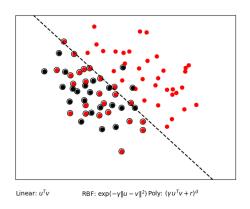


FIGURE 5 – SVM avec C = 0.00001

Lorsque le paramètre de régularisation C est élevé (comme dans la première image avec C=1), le SVM impose une séparation stricte des classes, minimisant les erreurs de classification mais avec une marge plus étroite. En réduisant C (deuxième image avec C=0.0019), le modèle devient plus souple, augmentant la largeur de la marge au prix de plus d'erreurs, notamment pour les points proches de la frontière de décision. Avec un C très faible (troisième image, C=0.00001), le SVM se concentre principalement sur l'élargissement de la marge, entraînant une séparation moins précise avec de nombreux points mal classés, particulièrement ceux de la classe minoritaire. Cela montre qu'un C trop petit conduit à une généralisation excessive, sacrifiant la précision au profit d'une marge plus large.

0.4 Classification de visages

0.4.1 Chargement et Préparation des Données

Nous avons commencé par télécharger et charger l'ensemble de données LFW en utilisant la fonction fetch_lfw_people de Scikit-learn. Nous avons sélectionné deux individus dans l'ensemble de données, à savoir "Tony Blair" et "Colin Powell". Ensuite, nous avons filtré les images pour ne conserver que celles de ces deux personnes.

Listing 5 – Chargement des données et prétraitement

Nous avons ensuite extrait les étiquettes pour chaque classe (0 pour Tony Blair et 1 pour Colin Powell) et préparé les données pour l'entraînement et les tests.



FIGURE 6 – Classifications avec noyaux linéaire et polynomial (degré 1)

0.4.2 Extraction des Caractéristiques

Pour extraire les caractéristiques des images, nous avons choisi d'utiliser la moyenne des intensités des pixels en niveaux de gris pour chaque image. Chaque image a ensuite été redimensionnée en un vecteur plat.

```
X = (np.mean(images, axis=3)).reshape(n_samples, -1)
X -= np.mean(X, axis=0)
X /= np.std(X, axis=0)
```

Listing 6 – Extraction des caractéristiques

Explication:

— Normalisation des données : Chaque pixel est centré (moyenne =0) et mis à l'échelle (écart-type =1) afin de standardiser les données avant l'entraînement du modèle.

0.4.3 Séparation des Données d'Entraînement et de Test

Les données ont été divisées en un ensemble d'entraînement (50%) et un ensemble de test (50%) à l'aide d'une permutation aléatoire. Cela permet de garantir que les résultats obtenus ne sont pas biaisés par une division spécifique des données.

Listing 7 – Séparation des données

Résultat :

- Ensemble d'entraînement : 50% des données.
- Ensemble de test : 50% des données.

0.4.4 Ajustement du Modèle SVM avec Noyau Linéaire

Nous avons entraîné plusieurs modèles SVM en utilisant un noyau linéaire avec différentes valeurs du paramètre de régularisation C (allant de 10^{-5} à 10^{5}). Le but était de déterminer la meilleure valeur de C en fonction de la précision sur l'ensemble de test.

```
Cs = 10. ** np.arange(-5, 6)
scores = []
for C in Cs:
    clf = SVC(kernel='linear', C=C)
    clf.fit(X_train, y_train)
    y_pred = clf.predict(X_test)
    scores.append(accuracy_score(y_test, y_pred ))
```

Listing 8 – Ajustement du modèle SVM

Ensuite, nous avons identifié la meilleure valeur de C et affiché la courbe des scores en fonction de C.

```
# Trouver la valeur de C qui donne le meilleur score
ind = np.argmax(scores)
print("Best C: {}".format(Cs[ind]))

# Afficher la courbe des scores en fonction de C
plt.figure()
plt.plot(Cs, scores)
```

```
plt.xlabel("Param tres de r gularisation C")
plt.ylabel("Scores d'apprentissage (accuracy)")
plt.xscale("log")
plt.tight_layout()
plt.show()

print("Best score: {}".format(np.max(scores)))
```

Listing 9 – Sélection de la meilleure valeur de C

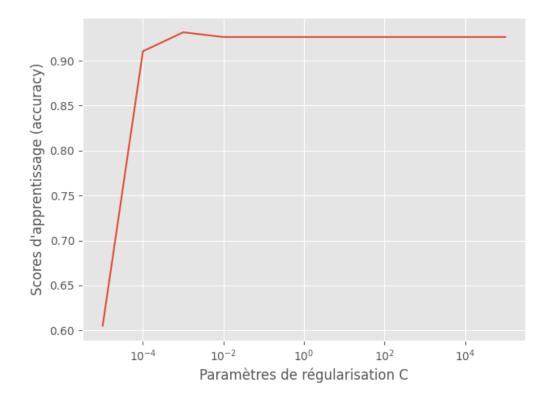


FIGURE 7 – Impact du Paramètre de Régularisation sur l'Accuracy

Les résultats indiquent que la meilleure régularisation est obtenue avec C=0.001, où le modèle atteint une précision de 93%. Avec des valeurs très faibles de C, la précision est d'environ 60%, mais elle augmente rapidement jusqu'à C=0.001, avant de se stabiliser. Cela montre que cette valeur de C fournit le bon équilibre entre généralisation et performance pour cette tâche de reconnaissance de visages.

0.4.5 Prédiction des étiquettes des images de test

Dans cette partie, nous utilisons le meilleur classificateur précédemment entraîné pour prédire les étiquettes des images de l'ensemble de test. Nous mesurons également le temps d'exécution et évaluons la précision du modèle. Le code utilisé est présenté ci-dessous.

```
# predict labels for the X_test images with the best
    classifier

clf = best_clf

t0 = time()

y_pred = clf.predict(X_test) # Pr diction des labels

print("done in %0.3fs" % (time() - t0))

print("Chance level : %s" % max(np.mean(y), 1. - np.mean(y)))

print("Accuracy : %s" % clf.score(X_test, y_test)) #

Accuracy du meilleur mod le
```

Listing 10 – Prédiction des étiquettes des images de test avec le meilleur classificateur

Résultats:

Temps d'exécution : 0.281s
Niveau de chance : 62.1%
Précision du modèle : 90%

0.4.6 Évaluation qualitative des prédictions

Nous avons généré des titres comparant la prédiction du modèle à la vérité terrain, et nous avons affiché une galerie d'images pour une évaluation visuelle des résultats.

```
# Fonction pour g n rer des titres selon la pr diction et
    la v rit terrain

def title(pred, true, names):
    pred_name = names[int(pred)]
    true_name = names[int(true)]

return f"Pred: {pred_name}\nTrue: {true_name}"

# Cr er les titres bas s sur les pr dictions
prediction_titles = [title(y_pred[i], y_test[i], names) for i
    in range(y_pred.shape[0])]

# Afficher la galerie d'images avec les pr dictions
plot_gallery(images_test, prediction_titles)
plt.show()
```

Listing 11 – Évaluation des prédictions avec Matplotlib



Figure 8 – Classification des Visages

Le modèle parvient globalement à bien prédire les visages de Colin Powell et Tony Blair, mais montre quelques erreurs de classification. Ces erreurs peuvent être dues à la variabilité et la qualités des images ou à des limitations du modèle.

0.4.7 Visualisation des coefficients pour un noyau linéaire

Nous avons affiché une carte de chaleur des coefficients si le modèle utilise un noyau linéaire. Cette carte montre l'importance de chaque pixel dans la prise de décision du modèle.

```
# Afficher les coefficients sous forme d'image (pour un noyau
        lin aire)
if clf.kernel == 'linear': # Ce plot fonctionne uniquement
    pour un noyau lin aire
    plt.figure()
```

Listing 12 – Visualisation des coefficients du modèle linéaire

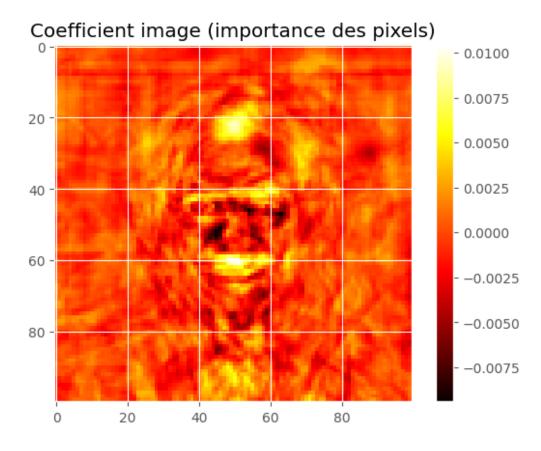


FIGURE 9 – Importance des Pixels pour la Classification avec un SVM

L'image montre une carte de chaleur des coefficients du modèle SVM linéaire, indiquant les pixels les plus influents pour la classification. Les zones lumineuses (jaune) représentent les pixels clés dans la prise de décision, tandis que les zones sombres (en rouge ou noir) ont un impact moindre.

0.4.8 Impact des Variables de Nuisance sur la Performance d'un Modèle SVM

L'objectif de ce code est de démontrer que l'ajout de variables de nuisance (bruit) aux données d'apprentissage dégrade la performance du modèle SVM. Nous allons d'abord exécuter le modèle SVM sur les données d'origine, puis ajouter des variables de nuisance et comparer les performances sur l'ensemble de test.

```
# Fonction pour entra ner et
                                   valuer
                                           le mod le SVM
     lin aire
  def run_svm_cv(_X, _y):
      # Permutation al atoire des donn es
      _indices = np.random.permutation(_X.shape[0])
      _train_idx, _test_idx = _indices[:_X.shape[0] // 2],
          _indices[_X.shape[0] // 2:]
      # S paration des donn es en ensembles d'entra nement
6
         et de test
      _X_train, _X_test = _X[_train_idx, :], _X[_test_idx, :]
      _y_train, _y_test = _y[_train_idx], _y[_test_idx]
      # Param tres pour SVM lin aire (variation de C sur une
         plage logarithmique)
      _parameters = {'kernel': ['linear'], 'C': list(np.
         logspace(-3, 3, 5))}
      _{\text{svr}} = \text{svm.SVC}()
      _clf_linear = GridSearchCV(_svr, _parameters)
13
      # Entra nement du mod le
      _clf_linear.fit(_X_train, _y_train)
      # Affichage des scores sur les ensembles d'entra nement
16
         et de test
      print('Generalization score for linear kernel: %s, %s \n'
17
          %
             (_clf_linear.score(_X_train, _y_train), _clf_linear
                .score(_X_test, _y_test)))
  # Ex cution du mod le SVM sur les donn es sans nuisance
19
  print("Score sans variable de nuisance")
20
  run_svm_cv(X, y)
```

```
# Ajout de variables de nuisance (bruit gaussien)
n_features = X.shape[1]
sigma = 1
```

```
noise = sigma * np.random.randn(n_samples, 300)
# Concat nation du bruit avec les donn es d'origine
X_noisy = np.concatenate((X, noise), axis=1)
X_noisy = X_noisy[np.random.permutation(X.shape[0])] #
Permutation al atoire
# Ex cution du mod le SVM sur les donn es avec variables de nuisance
print("Score avec variables de nuisance")
run_svm_cv(X_noisy, y)
```

```
Score sans variable de nuisance
Generalization score for linear kernel: 1.0, 0.9052631578947369
Score avec variables de nuisance
Generalization score for linear kernel: 1.0, 0.531578947368421
```

L'ajout de variables de nuisance aux données a un impact négatif important sur la performance du modèle SVM. Les variables de nuisance augmentent la dimension des données sans ajouter d'information utile, ce qui entraîne une baisse significative de la capacité du modèle à généraliser sur des données qu'il n'a pas vues.

0.4.9 Réduction de dimension avec PCA

Nous avons appliqué une réduction de dimension avec PCA sur des données bruitées, en utilisant un nombre ajustable de composantes principales. Nous avons fixé initialement le paramètre à 20 et affiché la variance expliquée pour vérifier si ces composantes capturent une quantité suffisante d'information dans les données.

Listing 13 – Application de PCA avec affichage de la variance expliquée

Avec 20 composantes principales, la réduction de dimension capture 67.68 % de la variance totale, conservant ainsi une bonne partie de l'information tout en réduisant la complexité. En revanche, avec seulement 3 composantes, seulement 35.35 % de la variance est expliquée, ce qui entraîne une perte significative d'information. Enfin, en augmentant à 30 composantes, la variance expliquée atteint 73.57 %, ce qui montre une légère amélioration par rapport aux 20 composantes, mais avec un gain modéré.

Conclusion générale

Les \mathbf{SVM} sont des outils de classification puissants, capables de traiter des données complexes grâce à des noyaux adaptés. Cependant, leur performance dépend fortement de la sélection des paramètres, comme C et le choix du noyau, ainsi que de la qualité des données. Les techniques de réduction de dimension, telles que \mathbf{PCA} , sont également cruciales pour améliorer la capacité du modèle à généraliser, surtout lorsque des variables de nuisance sont présentes.

Ce TP a permis d'acquérir une compréhension pratique de l'importance du réglage des hyperparamètres et de la gestion des données bruitées dans l'application des SVM à des problèmes de classification réels.