Théorie de la décision Chapitre 1: Introduction

Hamrita Mohamed Essaied

Institut des Hautes Études commerciales

Septembre 2022

Hamrita M.E (IHECSo)



- Matériels
- Pormulation d'un problème
- 3 Dominance
- 4 L'arbre de décision
- 6 Risque et incertitude



Hamrita M.E (IHECSo) Théorie de la décision 2022 2/16

- Matériels



Matériels

Supports pédagogiques

Hamrita M.E (IHECSo)

Les supports pédagogiques sont déposés à l'entrepôt Github. Tous les documents sont consultables depuis l'adresse suivante:

https://github.com/Hamrita/DT



4 / 16

◆ロト ◆昼 ト ◆ 夏 ト ◆ 夏 ト 今 ② へ ② へ ② ト ◆ □ ト ◆

Matériels

Supports pédagogiques

Les supports pédagogiques sont déposés à l'entrepôt Github. Tous les documents sont consultables depuis l'adresse suivante:

https://github.com/Hamrita/DT

Références bibliographiques

- Roch Ouellet, Yves Nobert, Régis Parent (2016) Méthodes d'optimisation pour la gestion (Chap 9); Gaëtan Morin, ISBN: 978-2-89632-002-8.
- Bernard W. Taylor III (2006) Introduction to Management Science (Chap 12), Pearson, ISBN: 13: 978-1-29-209291-1.
- David R. Anderson, Dennis J. Sweeney, Thomas A. Williams, Jeffrey D. Camm, James J. Cochran, Michael J. Fry, Jeffrey W. Ohlmann (2019) An Introduction to Management Science- Quantitative Approaches to Decision Making (Chap 13), Cengage, ISBN: 978-1-337-40652

Hamrita M.E. (IHECSo) Théorie de la décision 2022

- Matériels
- Pormulation d'un problème
- Ominance
- 4 L'arbre de décision
- Bisque et incertitude



Un problème de décision est composé de trois éléments:

• A: l'ensemble des actions (décisions possibles).



 4 □ ▶ 4 ∰ ▶ 4 ∄ ▶ 4 ∄ ▶ 2
 2 √ 2 ○

 Hamrita M.E (IHECSo)
 Tricorie, de la décision
 2022 6 / 16

Un problème de décision est composé de trois éléments:

- A: l'ensemble des actions (décisions possibles).
- E: l'ensemble des états de la nature.



Un problème de décision est composé de trois éléments:

- A: l'ensemble des actions (décisions possibles).
- E: l'ensemble des états de la nature.
- c(a, e): résultat (profit ou coût) de l'exécution de l'action $a \in A$ de l'état de la nature $e \in E$.



4 D > 4 B > 4 B > 4 B > 9 Q C

Un problème de décision est composé de trois éléments:

- A: l'ensemble des actions (décisions possibles).
- E: l'ensemble des états de la nature.
- c(a, e): résultat (profit ou coût) de l'exécution de l'action $a \in A$ de l'état de la nature $e \in E$.



4 D > 4 B > 4 B > 4 B > 9 Q C

Un problème de décision est composé de trois éléments:

- A: l'ensemble des actions (décisions possibles).
- E: l'ensemble des états de la nature.
- c(a, e): résultat (profit ou coût) de l'exécution de l'action $a \in A$ de l'état de la nature $e \in E$.

c(a, e) est généralement représenté sous la forme d'un tableau appelé matrice de décision ou Payoff table.



4□ > 4□ > 4≡ > 4≡ > 3 9 9 9

Exemple

Exemple 1

Un investisseur est devant l'achat l'un des trois types de biens immobiliers; immeuble d'appartements, immeuble de bureaux ou un entrepôt. Le profit de l'investisseur dépend des conditions économiques futures (bonnes ou mauvaises). La matrice de décision est donnée comme suit:



Hamrita M.E (IHECSo) Théorie de la décision 2022 7/16

Exemple

Exemple 1

Un investisseur est devant l'achat l'un des trois types de biens immobiliers; immeuble d'appartements, immeuble de bureaux ou un entrepôt. Le profit de l'investisseur dépend des conditions économiques futures (bonnes ou mauvaises). La matrice de décision est donnée comme suit:

	États de la nature		
Actions	e ₁ : Bonnes	e ₂ : Mauvaises	
a ₁ : Appartements	50.000	30.000	
a ₂ : Bureaux	100.000	-40.000	
a ₃ : Entrepôt	30.000	10.000	

$$A = \{a_1, a_2, a_3\}, E = \{e_1, e_2\} \text{ et } c(a_1, e_2) = 30.000.$$



Hamrita M.E (IHECSo) 7 / 16

- **Dominance**



Définition 1

 $a \in \mathcal{A}$ domine (strictement) $b \in \mathcal{A}$, noté $A \succsim b$ si:

• $c(a, e) \ge c(b, e) \forall e \in E$,

Remarque

La relation ≿ est une relation binaire **transitive** et **asymétrique**;

- Transitivité: $a \gtrsim b$ et $b \gtrsim c \Longrightarrow a \gtrsim c$.
- Asymétrie: $a \succeq b \implies b \succeq a$.



Hamrita M.E (IHECSo) Théorie de la décision 2022 9/16

Définition 1

 $a \in \mathcal{A}$ domine (strictement) $b \in \mathcal{A}$, noté $A \succsim b$ si:

- $c(a, e) \ge c(b, e) \forall e \in E$,
- $\exists e \in E \text{ tel que } c(a, e) > c(b, e).$

Remarque

La relation ≿ est une relation binaire **transitive** et **asymétrique**;

- Transitivité: $a \gtrsim b$ et $b \gtrsim c \Longrightarrow a \gtrsim c$.
- Asymétrie: $a \succeq b \implies b \succeq a$.



Hamrita M.E (IHECSo) Théorie de la décision 2022 9/16

Définition 2

 $a \in \mathcal{A}$ est efficace si elle n'est dominée par aucune autre action de \mathcal{A} . L'ensemble des actions efficace, \mathcal{A}^* est une partie de \mathcal{A} , $\mathcal{A}^* \subseteq \mathcal{A}$.

$$\mathcal{A}^* = \{ a \in \mathcal{A} : Non (b \succsim a), \forall b \in \mathcal{A} \}$$



Définition 2

 $a \in \mathcal{A}$ est efficace si elle n'est dominée par aucune autre action de \mathcal{A} . L'ensemble des actions efficace, \mathcal{A}^* est une partie de \mathcal{A} , $\mathcal{A}^* \subseteq \mathcal{A}$.

$$\mathcal{A}^* = \{ a \in \mathcal{A} : Non (b \succsim a), \forall b \in \mathcal{A} \}$$

Reprenons l'exemple 1, on a $(a_2, e_1) \succsim (a_1, e_1) \succsim (a_3, e_1)$, mais $(a_2, e_2) \not\succeq (a_1, e_2)$.

L'ensemble des actions efficaces est l'ensemble ${\cal A}$ car il n'y a aucune action dominante.



Exemple 2

Actions	États de la nature			
	e_1	e_2	<i>e</i> ₃	<i>e</i> ₄
a ₁	100	100	100	100
a_2	90	90	80	<i>85</i>
a ₃	105	70	85	95

$$A = \{a_1, a_2, a_3\}$$
 et $E = \{e_1, e_2, e_3, e_4\}$.
On a $a_1 \succsim a_2$, donc $A^* = \{a_1, a_3\}$.



- 4 L'arbre de décision



L'arbre de décision

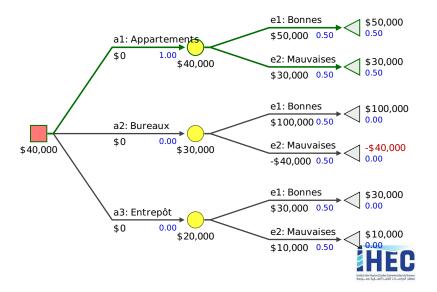
Un problème de décision peut être représenté par un graphique appelé arbre de décision .

- : un point de décision (action).
- : un noeud d'évènement (état de la nature).



Hamrita M.E (IHECSo) Théorie de la décision 2022 13 / 16

L'arbre de décision de l'exemple 1 est donnée comme suit:



- Matériels
- Pormulation d'un problème
- 3 Dominance
- 4 L'arbre de décision
- Sisque et incertitude



Risque et incertitude

Les notions de **risque** et **incertitude** sont différenciées par l'**existence** ou **non** des probabilités associées aux différents états de la nature.



4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 9

Risque et incertitude

Les notions de **risque** et **incertitude** sont différenciées par l'**existence** ou **non** des probabilités associées aux différents états de la nature. Les deux exemples précédents, sont des problèmes dans l'incertain.



◆□ ▶ ◆□ ▶ ◆■ ▶ ◆■ ▶ ■ めの○