

Universidad Peruana de Ciencias Aplicadas  
Escuela de Ingeniería de Sistemas y Computación  
Carrera de Ciencias de la Computación

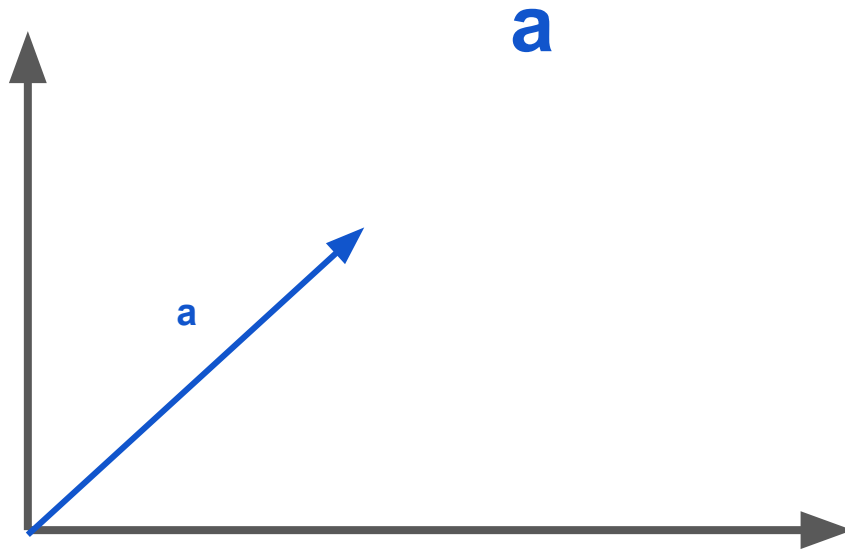
## **CC235 Procesamiento de Imágenes**

**Transformaciones geométricas**  
Prof. Peter Montalvo

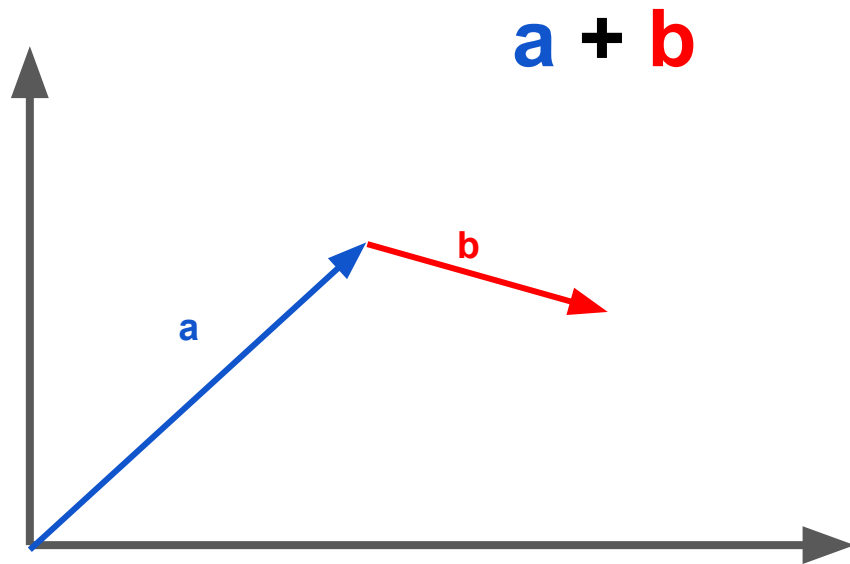
# Agenda

- Traslación
- Escala
- Rotación

# Suma de vectores

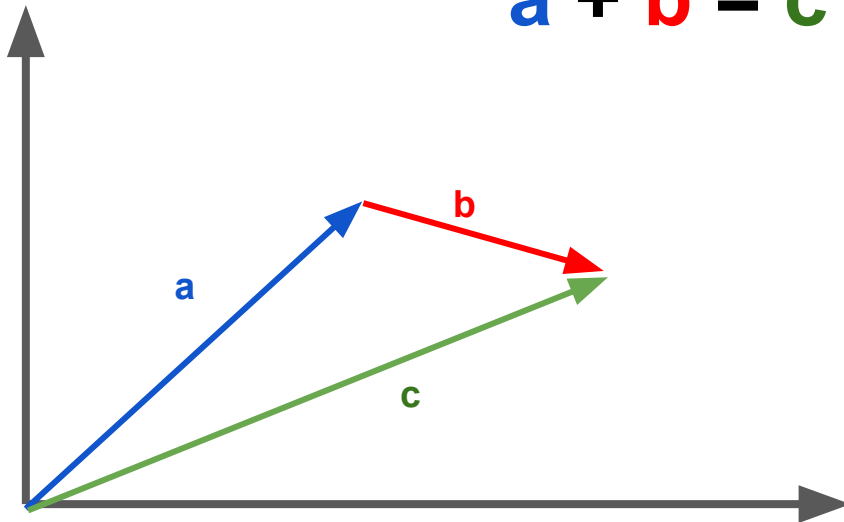


# Suma de vectores

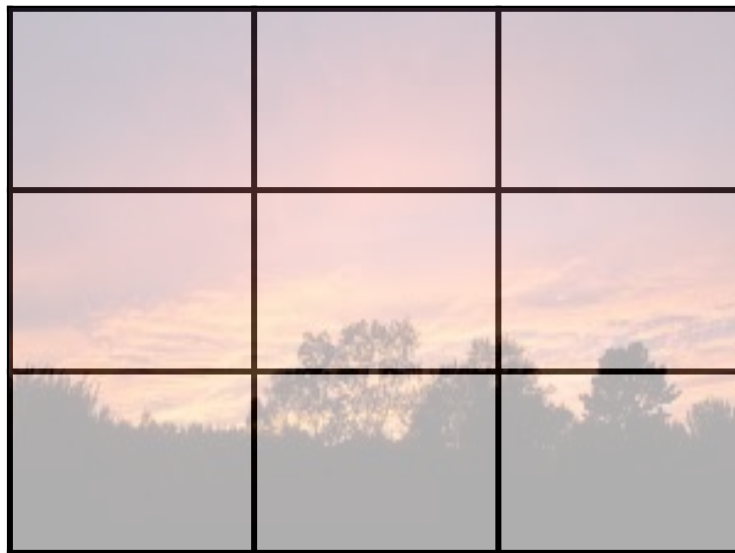
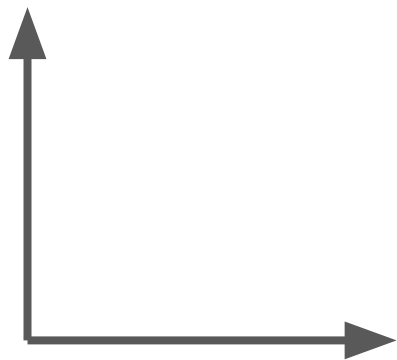


# Suma de vectores

$$\mathbf{a} + \mathbf{b} = \mathbf{c}$$

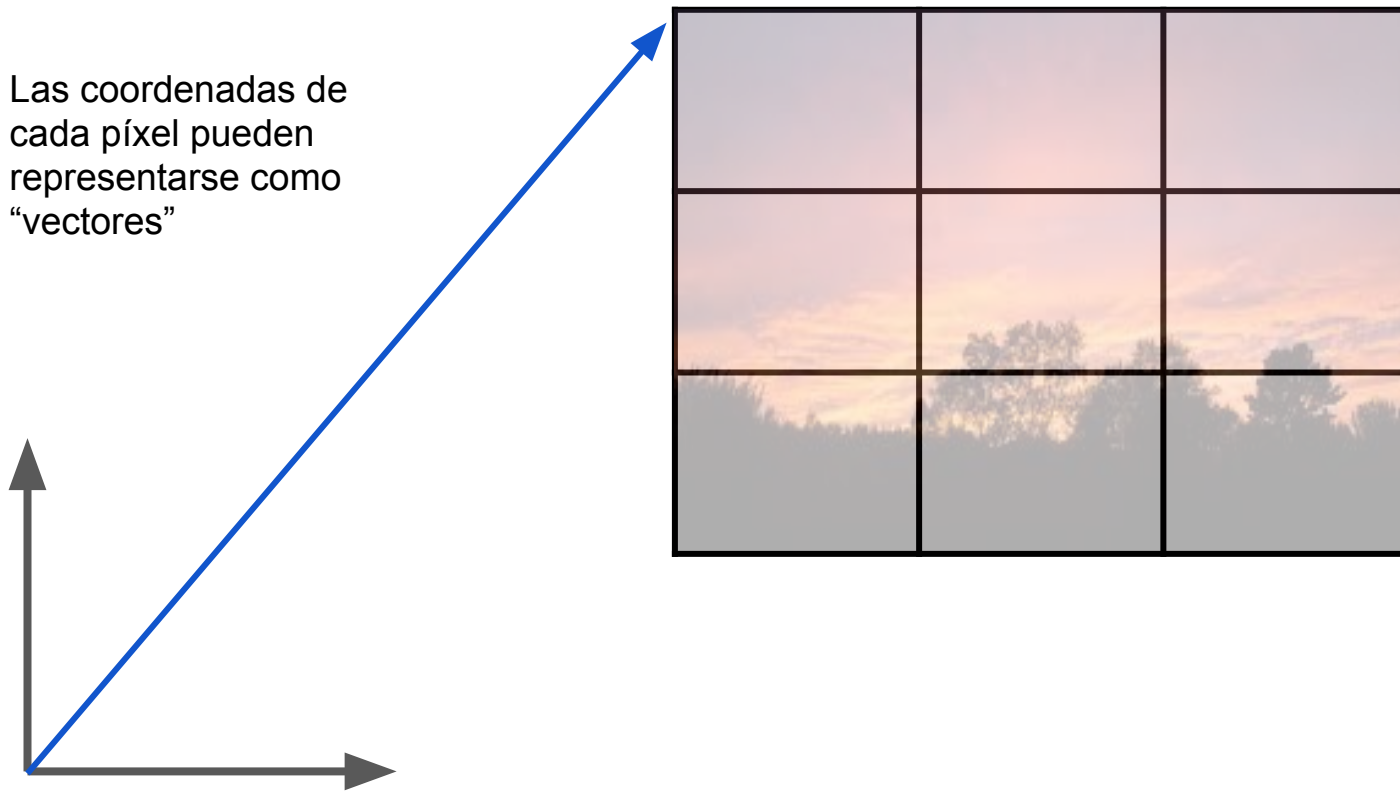


# Coordenadas



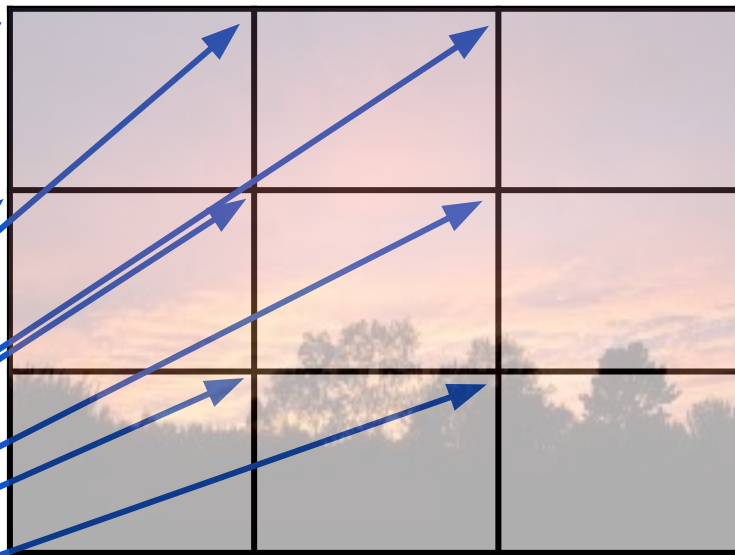
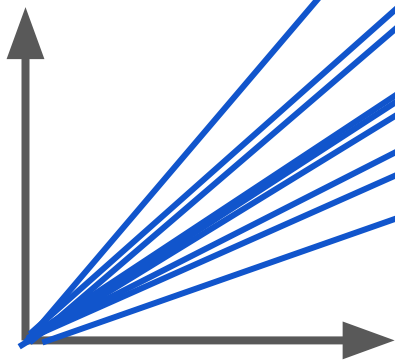
# Coordenadas

Las coordenadas de cada píxel pueden representarse como “vectores”



# Coordenadas

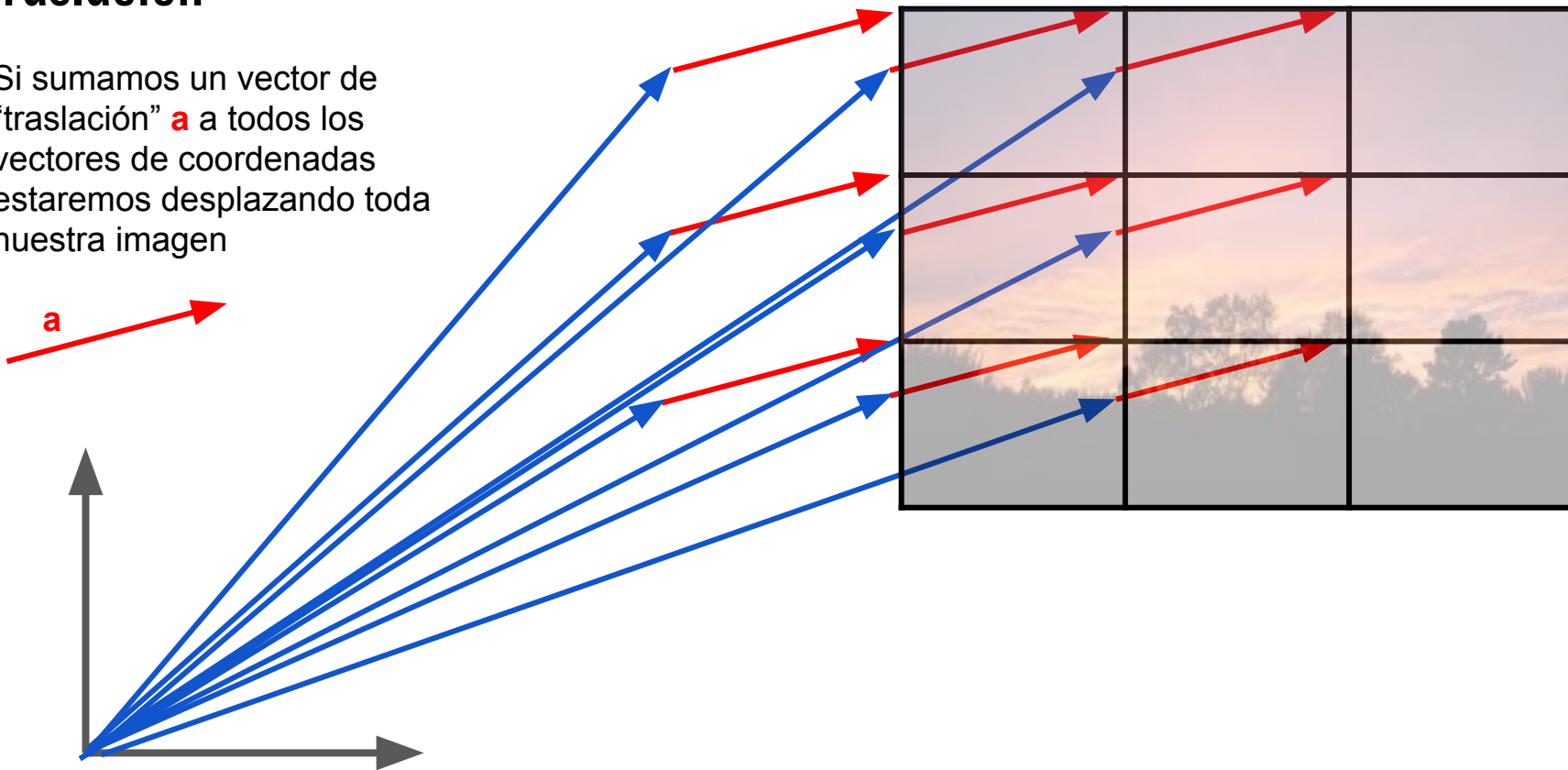
Si sumamos un vector de “traslación” **a** a todos los vectores de coordenadas estaremos desplazando toda nuestra imagen





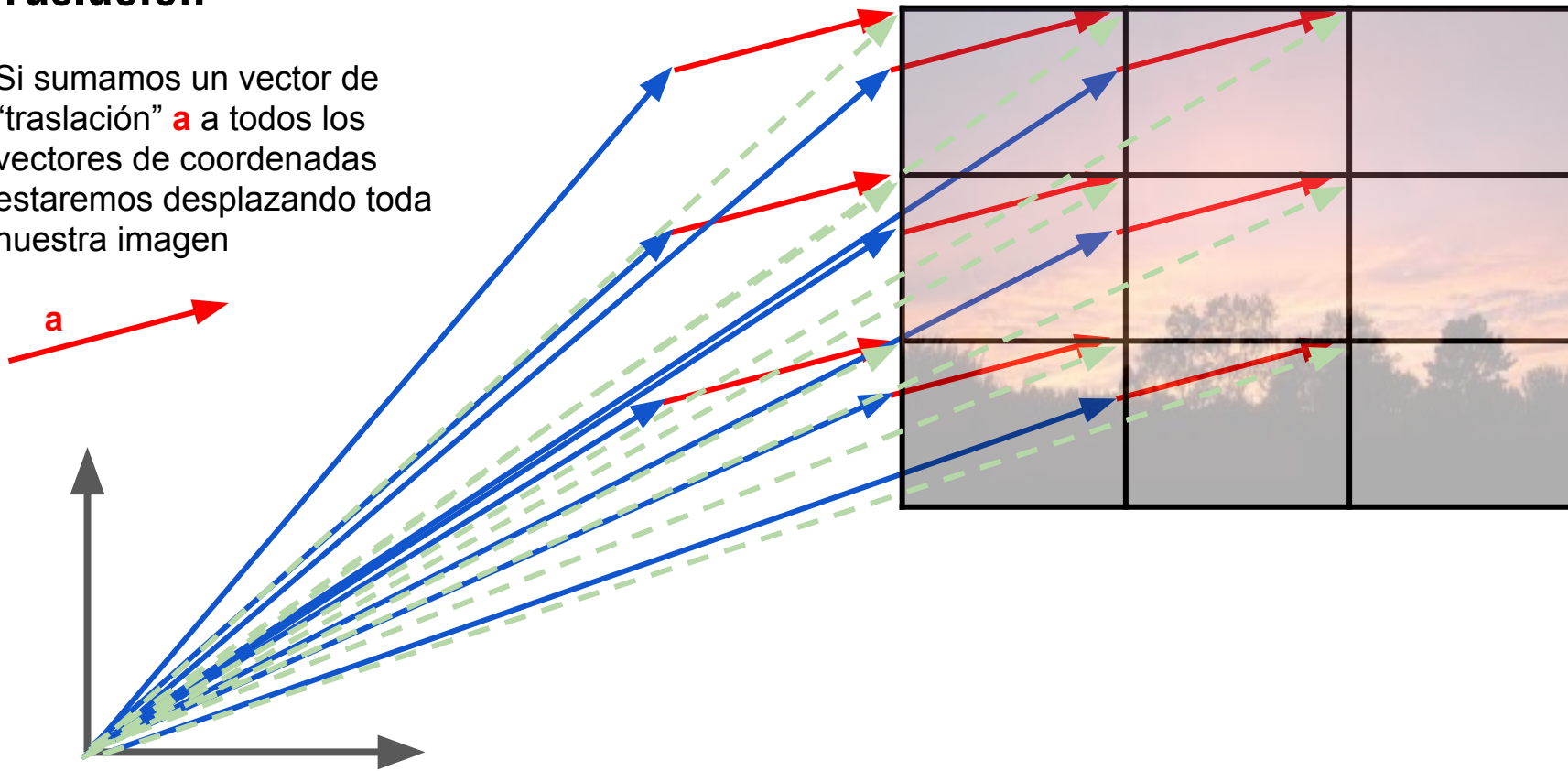
# Traslación

Si sumamos un vector de “traslación” **a** a todos los vectores de coordenadas estaremos desplazando toda nuestra imagen



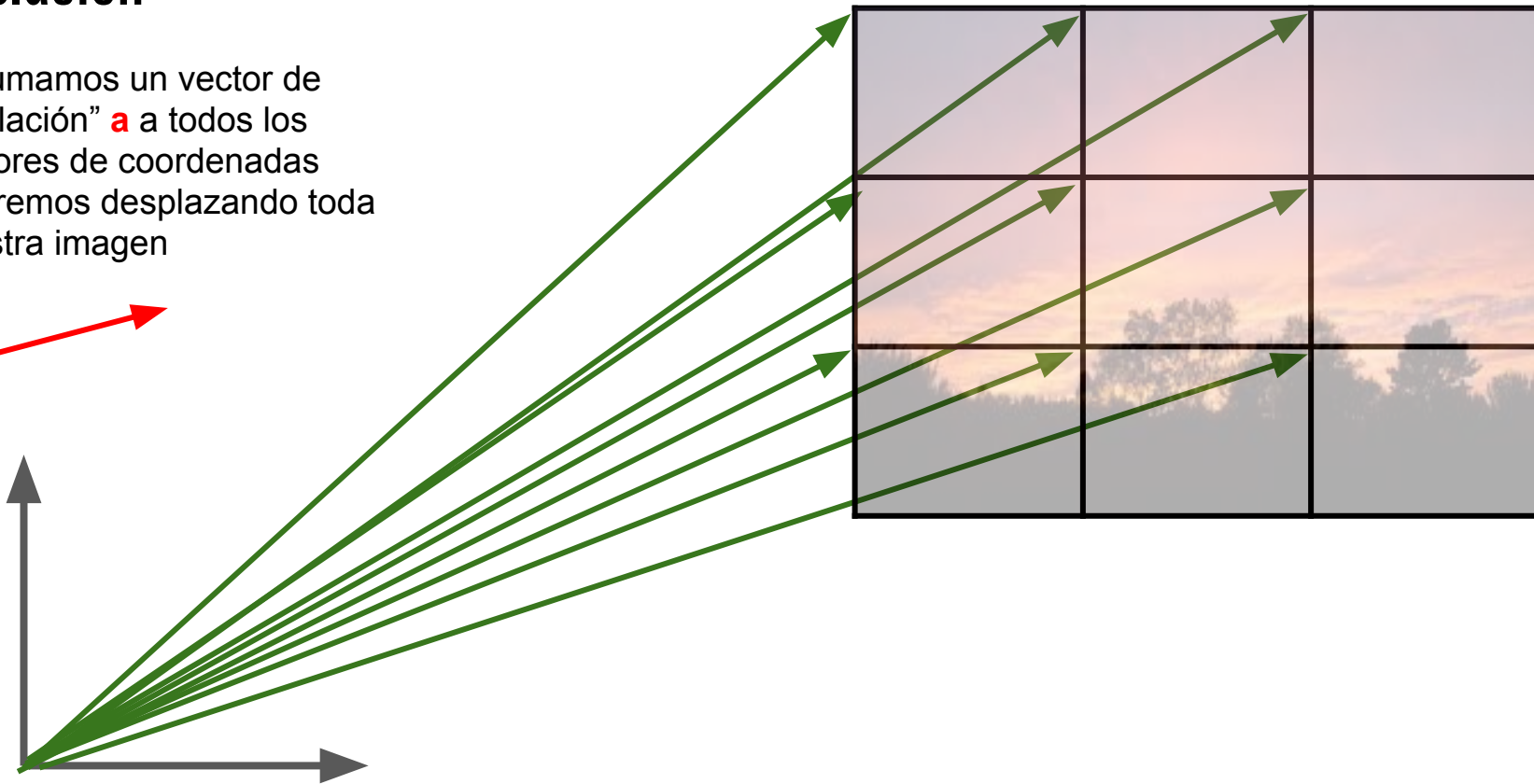
# Traslación

Si sumamos un vector de “traslación” **a** a todos los vectores de coordenadas estaremos desplazando toda nuestra imagen

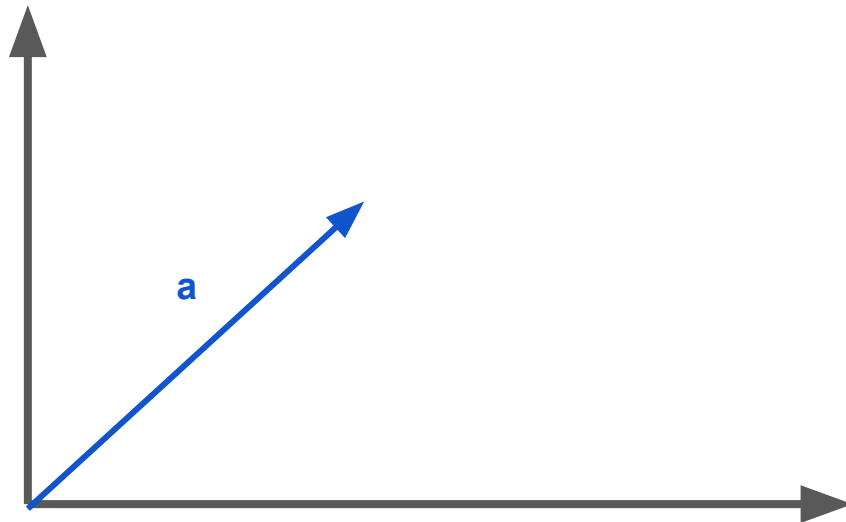


# Traslación

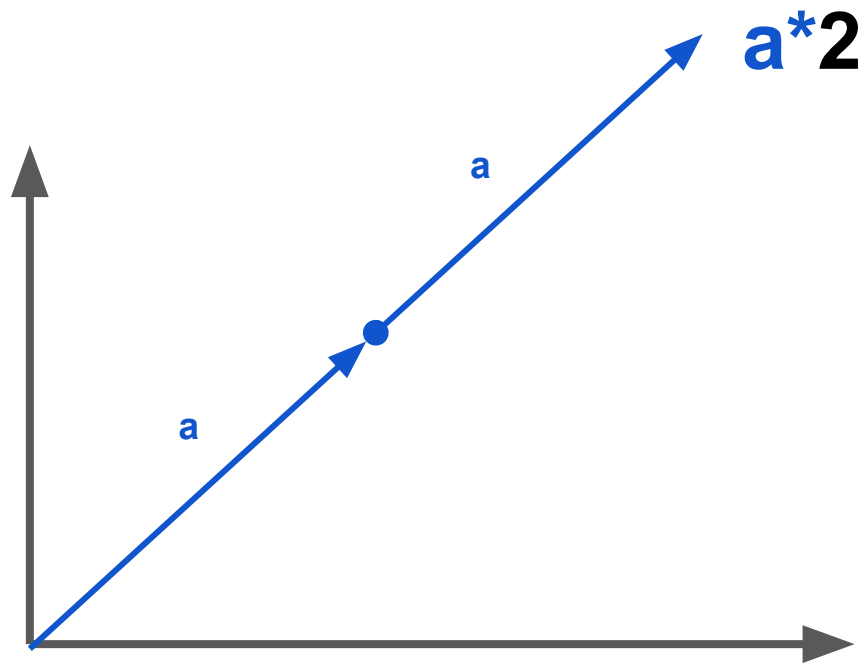
Si sumamos un vector de “traslación” **a** a todos los vectores de coordenadas estaremos desplazando toda nuestra imagen



# Multiplicación por escalar

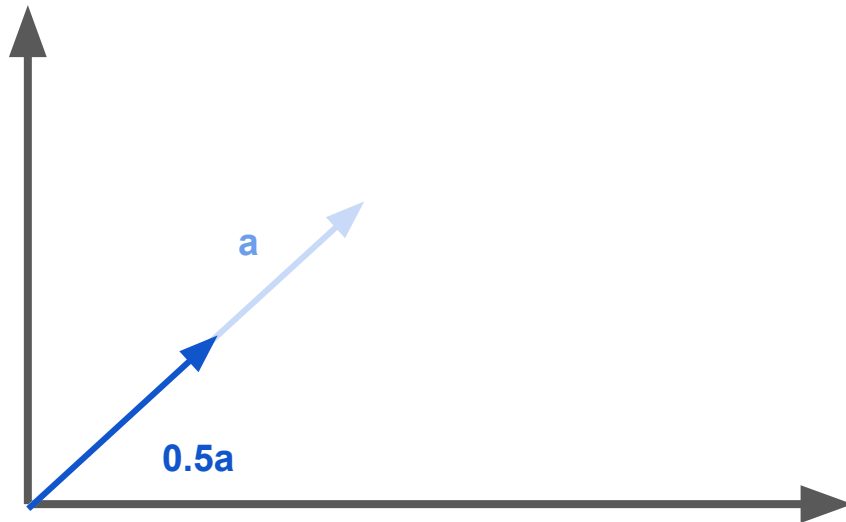


# Multiplicación por escalar

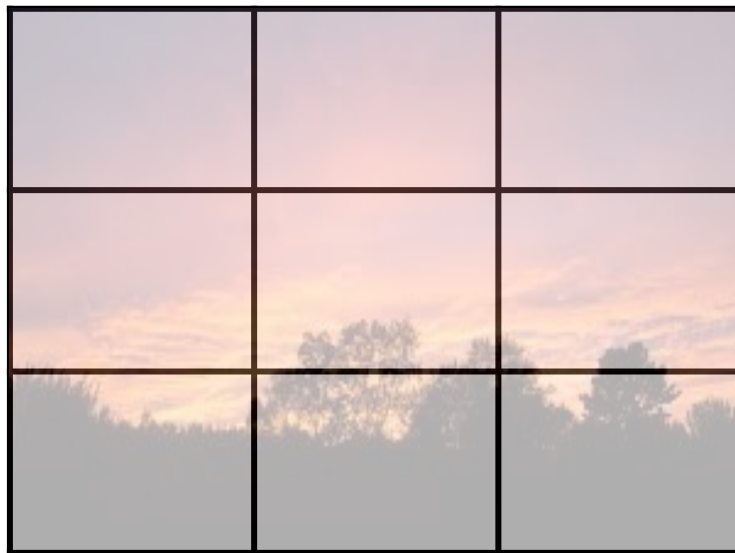
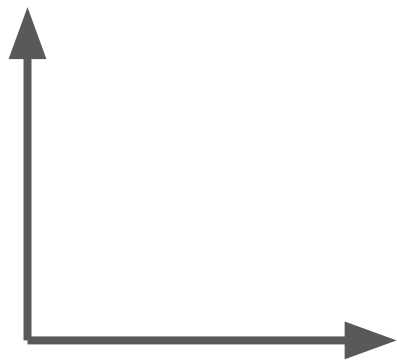


# Multiplicación por escalar

$$a * 0.5$$

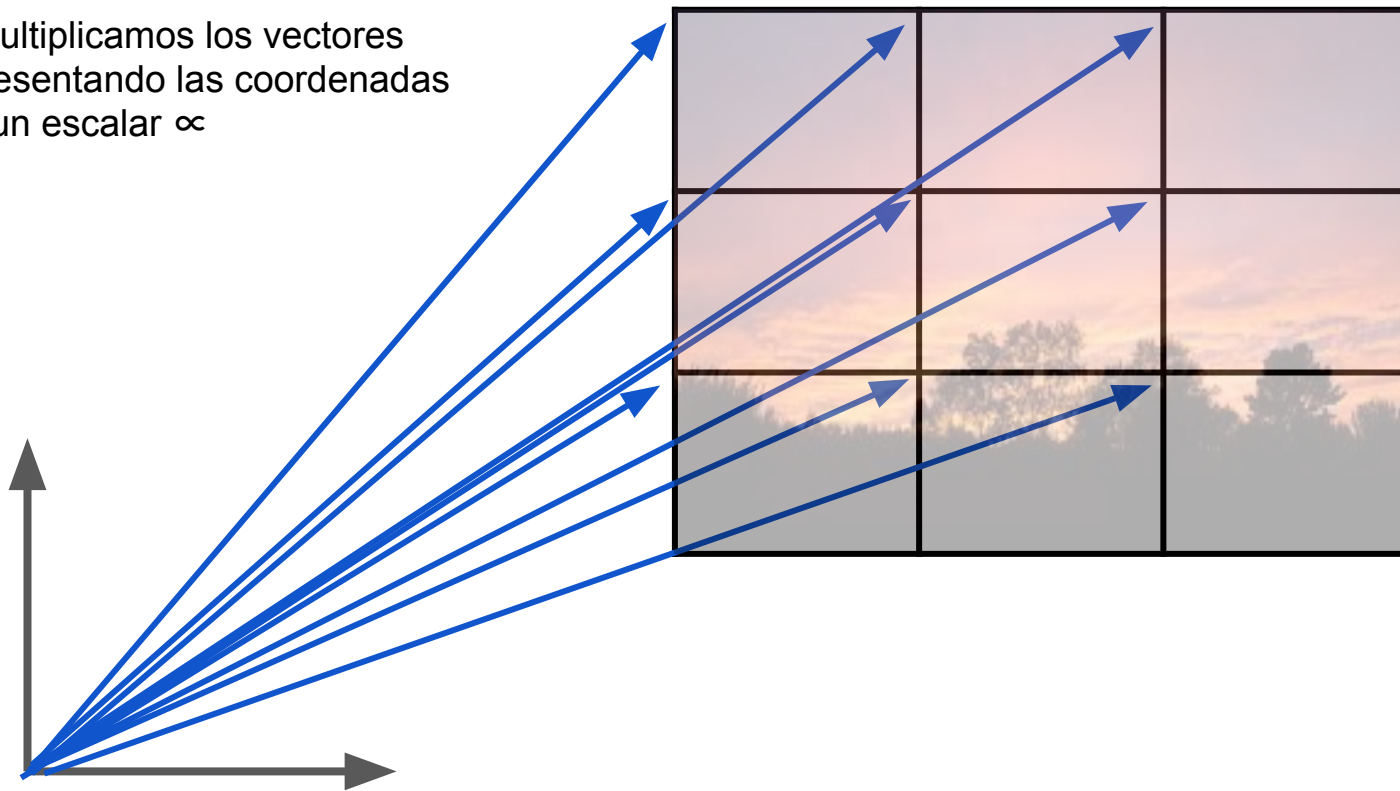


# Escala



# Escala

Si multiplicamos los vectores representando las coordenadas por un escalar  $\infty$

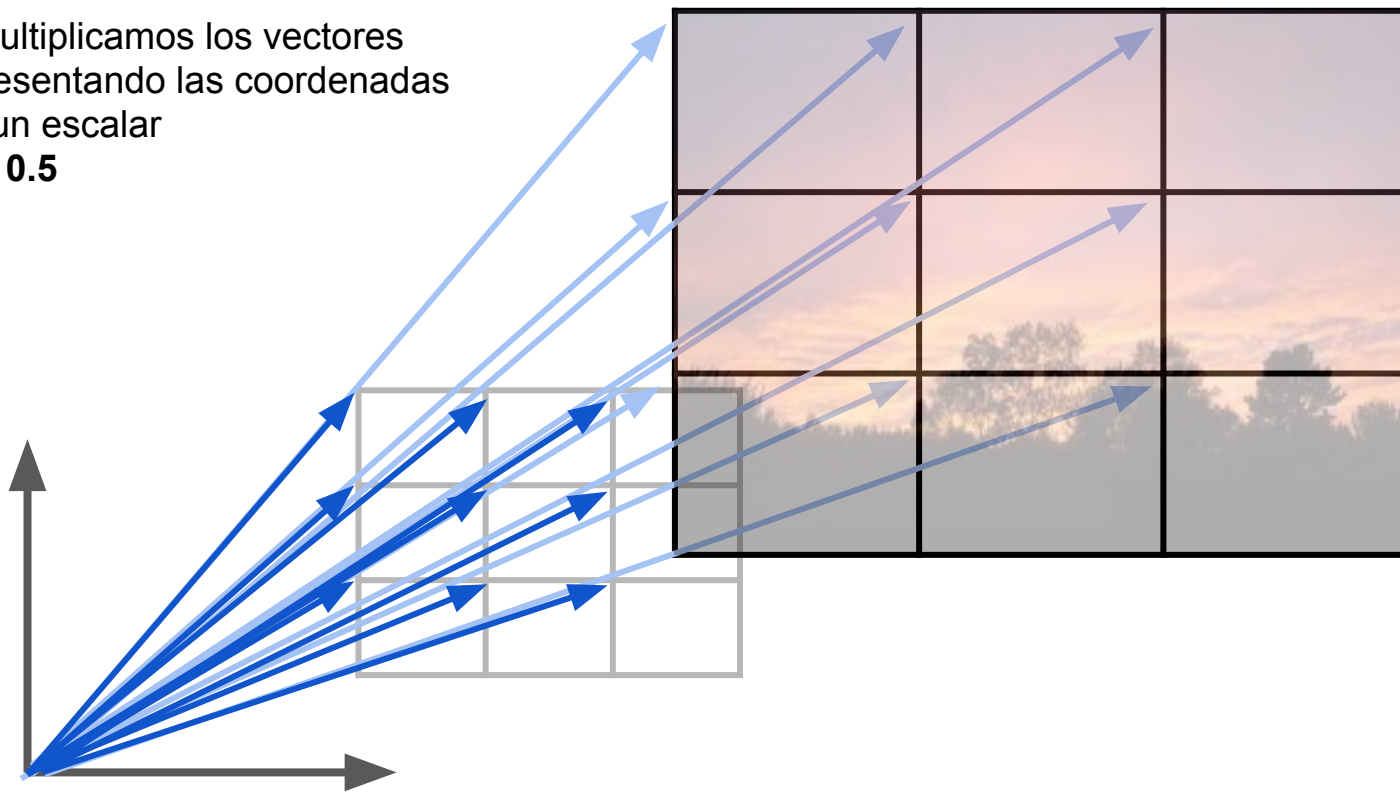




# Escala

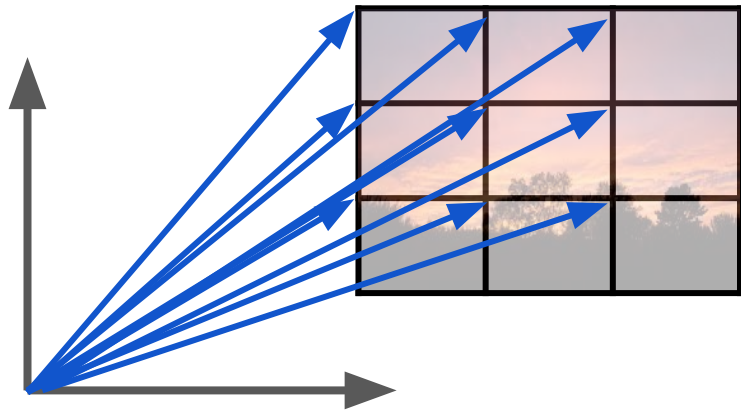
Si multiplicamos los vectores  
representando las coordenadas  
por un escalar

$$\alpha = 0.5$$

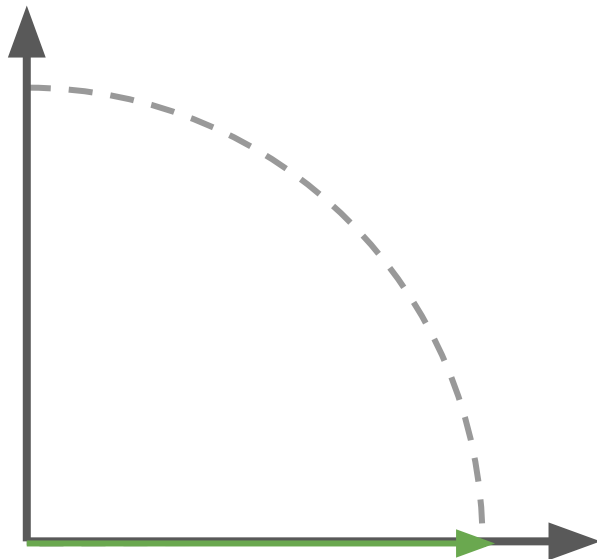


# Escala

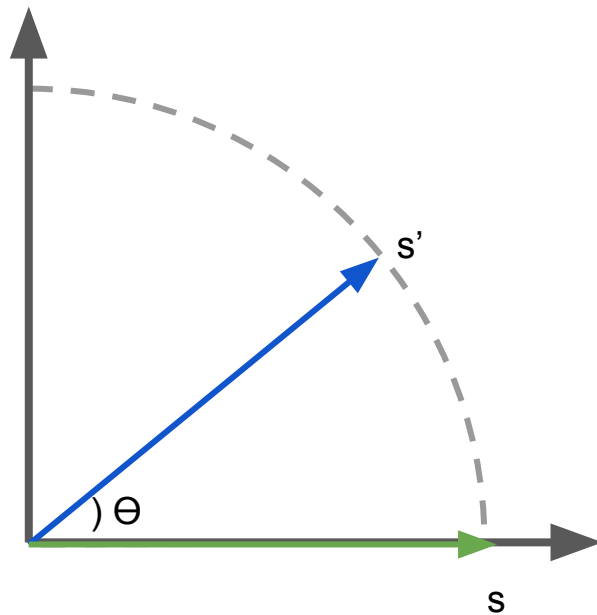
Si multiplicamos los vectores  
representando las coordenadas  
por un escalar  
 $\alpha = 0.5$



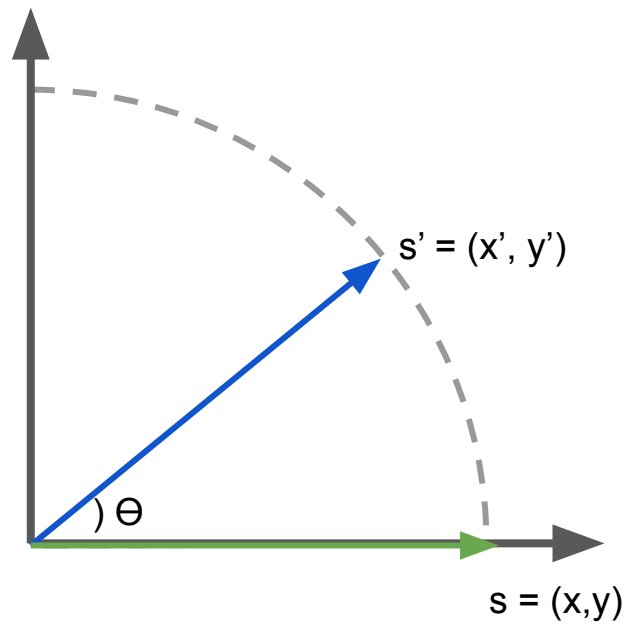
# Rotación



# Rotación

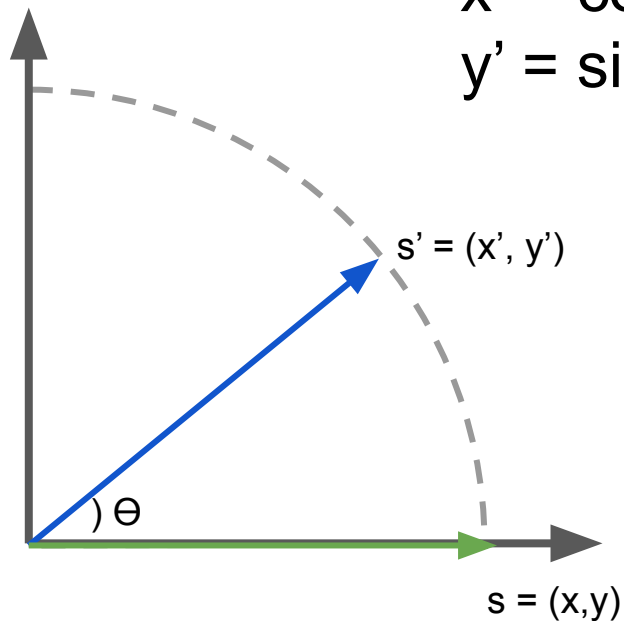


# Rotación

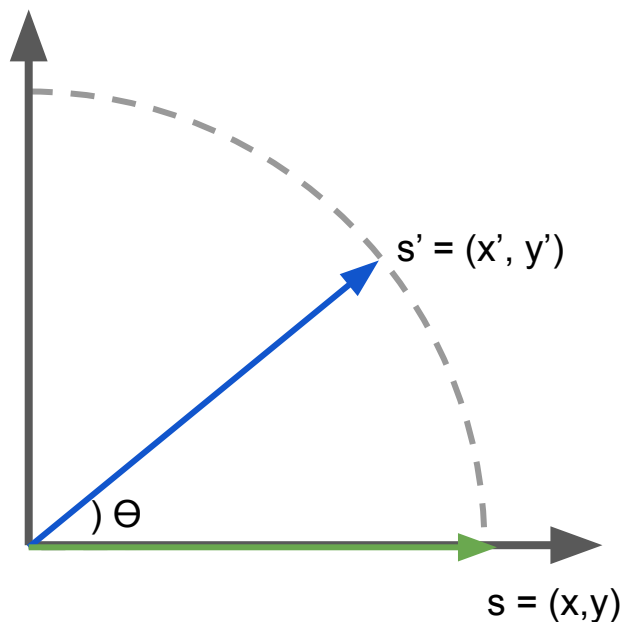


# Rotación

$$\begin{aligned}x' &= \cos(\Theta).x - \sin(\Theta).y \\ y' &= \sin(\Theta).x + \cos(\Theta).y\end{aligned}$$



# Matriz de rotación

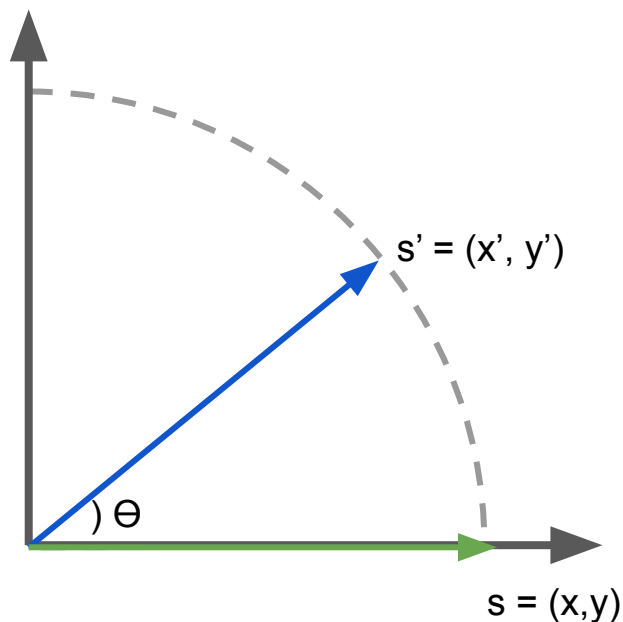


$$\begin{aligned}x' &= \cos(\theta).x - \sin(\theta).y \\y' &= \sin(\theta).x + \cos(\theta).y\end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} =$$

***Nota: Rotación en sentido antihorario***

# Matriz de rotación



***Nota: Rotación en sentido antihorario***

$$\begin{aligned}x' &= \cos(\Theta).x - \sin(\Theta).y \\ y' &= \sin(\Theta).x + \cos(\Theta).y\end{aligned}$$

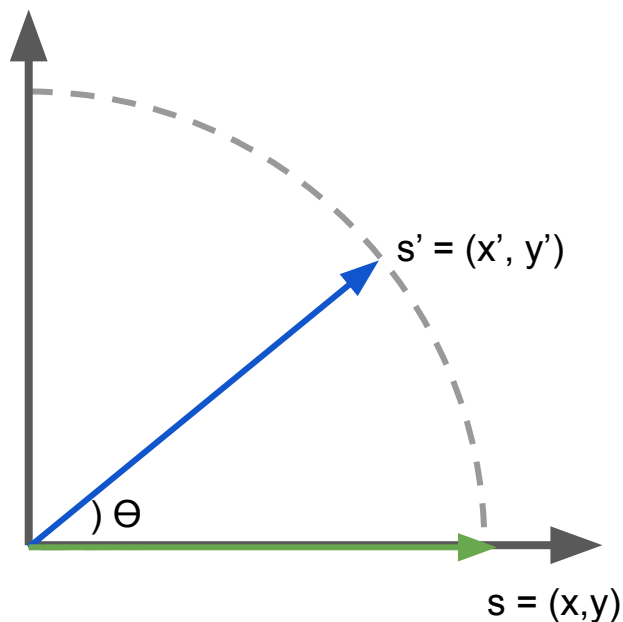
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\Theta) & -\sin(\Theta) \\ \sin(\Theta) & \cos(\Theta) \end{bmatrix}$$

⏟

Matriz de rotación



# Matriz de rotación

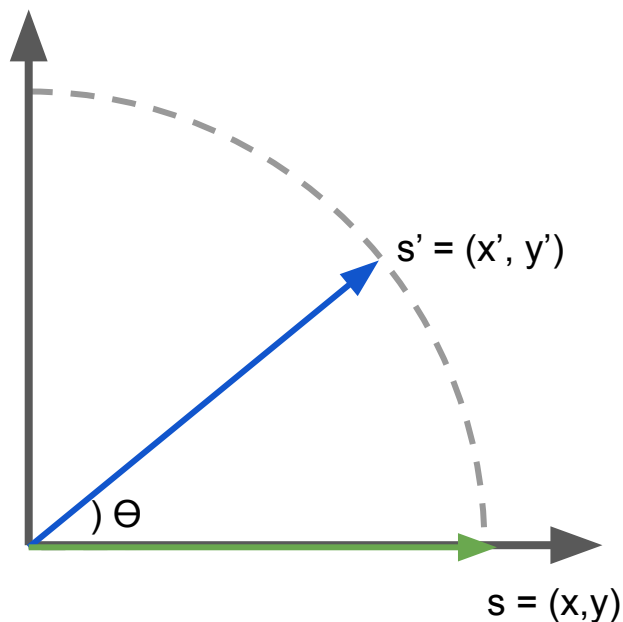


$$\begin{aligned}x' &= \cos(\Theta).x - \sin(\Theta).y \\y' &= \sin(\Theta).x + \cos(\Theta).y\end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\Theta) & -\sin(\Theta) \\ \sin(\Theta) & \cos(\Theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

***Nota: Rotación en sentido antihorario***

## Matriz de rotación: en sentido **horario**

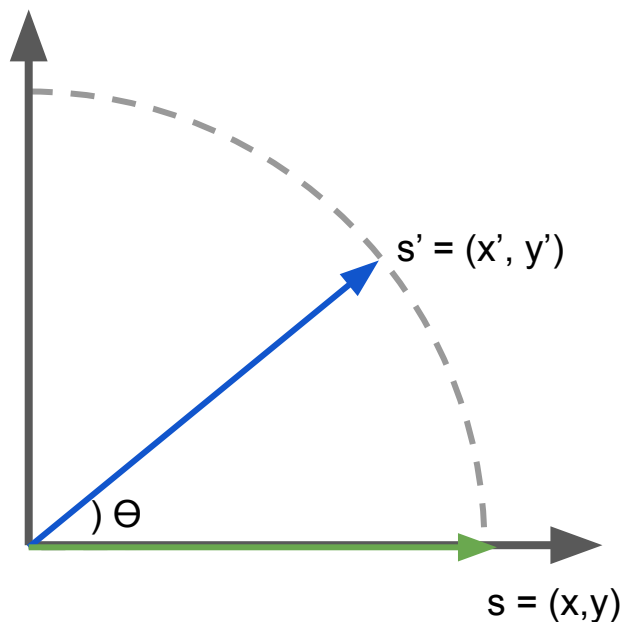


$$\begin{aligned}x' &= \cos(\Theta).x + \sin(\Theta).y \\y' &= -\sin(\Theta).x + \cos(\Theta).y\end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\Theta) & \sin(\Theta) \\ -\sin(\Theta) & \cos(\Theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

**Nota:** Rotación en sentido **horario**

# Matriz de rotación: en sentido horario



$$\begin{aligned}x' &= \cos(\Theta).x + \sin(\Theta).y \\ y' &= -\sin(\Theta).x + \cos(\Theta).y\end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\Theta) & \sin(\Theta) \\ -\sin(\Theta) & \cos(\Theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

***Nota: Rotación en sentido horario***