

# NumberTheory

## 과제

Square\_Multi(x,a,n)  $x^a \bmod n$  ( $|a|=k$ )

{

$z \leftarrow 1$

    for  $i \leftarrow k - 1$  to 0 do

$z \leftarrow z^2 \bmod n$

        if  $a_i == 1$  then  $z \leftarrow zx \bmod n$

    return  $z$

}

※참고

a 비트 수 구하기: BN\_num\_bits(a)

a의 i번째 비트가 1인지 확인: BN\_is\_bit\_set(a, i)

If  $x = 1239$  (decimal)

$a = 9$  (decimal)

Then  $a = 1001$  (binary)

$|a|=4$

$a_3$      $a_0$   
        ↓     ↓  
        1     1

$1239^9 = 1239^{1001_2}$

입출력 예:

```
FAST Exponentiation (Square and Multiply)
////////// x^(a) mod n = ? //////////
x:256
a:80
n:2203
result = 1679
```

```
Ext-Euclid(a, b)
{
    if b==0 then return (a, 1, 0)
    else
        (d', x', y') ← Ext-Euclid(b, a mod b)
        (d, x, y) ← (d', y', x' - [a/b]y')
        return (d, x, y)
}
```

$[a/b] = \text{int}(a / b)$  // 나눗셈 몫

입출력 예:

```
a: 161
b: 28
result :
7 -1 6
```