## **Capstone Design**

# 2018년 2학기

### 2018년 11월 8일

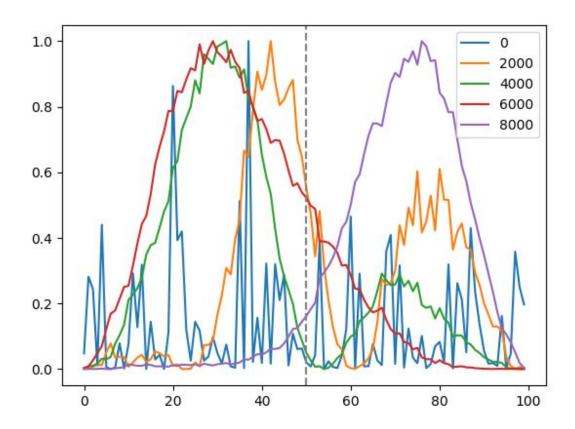
TensorFlow Optimizer의 특징과 현재 Wavefunction Model에 기반한 성능 평가

#### **Gradient Descent Optimizer**

- Neural Network의 가장 기본적인 학습 방법
- Gradient Descent: 기울기가 줄어드는 방향으로 일정 크기만큼 이동

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \eta \nabla_{\theta} J(\theta_t)$$

- $\theta$  parameter
   $J(\theta)$  cost function
   $\eta$  learning rate
- learning rate 값에 따라 local minima에 빠지거나 발산(overshooting)
- 전체 train data set에 대한 계산을 마친 후 parameter 업데이트 ➡ 계산 양 많음

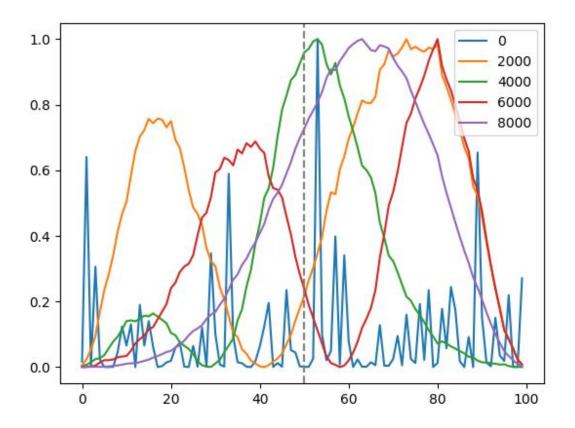


#### **Momentum Optimizer**

• Gradient Descent Optimizer를 관성의 원리를 통해 보완

$$\theta_{t+1} = \theta_t - v_{t+1}$$
 
$$v_{t+1} = \gamma v_t + \eta \nabla_\theta J(\theta_t)$$
 
$$\circ \quad \gamma \qquad \text{momentum constant (일반적으로 약 0.9)}$$
 
$$\circ \quad v_t \qquad \text{이동 벡터}$$

- local minima 문제 해결에 도움
- parameter를 갱신할 때마다 이동 벡터도 함께 갱신 ➡ 메모리 사용량 두 배



#### **Adagrad Optimizer**

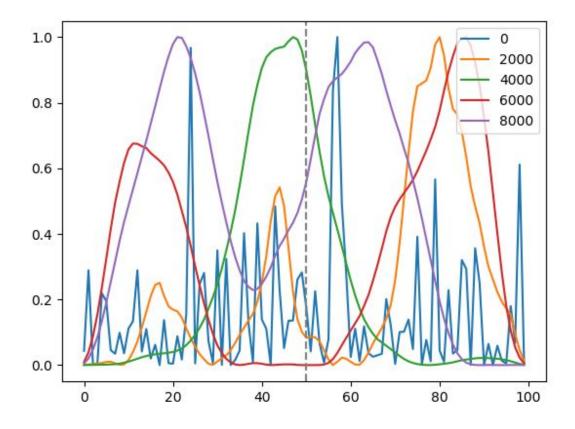
• 변화가 없을수록 크게 이동, 변화가 클수록 적게 이동

$$\boldsymbol{\theta}_{t+1} = \boldsymbol{\theta}_t - \frac{\boldsymbol{\eta}}{\sqrt{G_{t+1} + \varepsilon}} \cdot \nabla_{\boldsymbol{\theta}} J(\boldsymbol{\theta}_t)$$

$$G_{t+1} = G_t + (\nabla_{\theta} J(\theta_t))^2$$

$$\circ$$
  $G_t$  learning rate 조정 계수  $G_t = 0$  일 때 분모가 0이 되는 것을 방지 ( $10^{-8} \sim 10^{-4}$ )

- 빠르게 최적화 위치에 도달
- ullet  $G_t$ 가 단조 증가하므로 iteration이 커지면 learning rate가 줄어듦



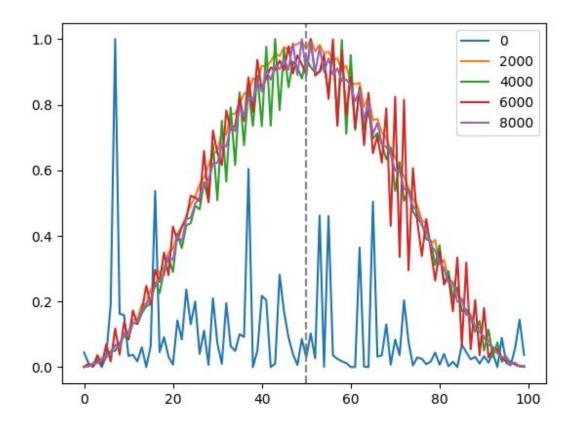
#### **RMSProp Optimizer**

• EMA를 도입하여 Adagrad를 보완

$$\boldsymbol{\theta}_{t+1} = \boldsymbol{\theta}_t - \frac{\boldsymbol{\eta}}{\sqrt{G_{t+1} + \varepsilon}} \cdot \nabla_{\boldsymbol{\theta}} J(\boldsymbol{\theta}_t)$$

$$G_{t+1} = \gamma G_t + (1 - \gamma)(\nabla_{\theta} J(\theta_t))^2$$

- $G_t$ 에 exponential moving average를 사용, iteration이 커져도 learning rate가 무조건적으로 줄어드는 것을 방지
- momentum optimization 기법을 함께 적용 가능

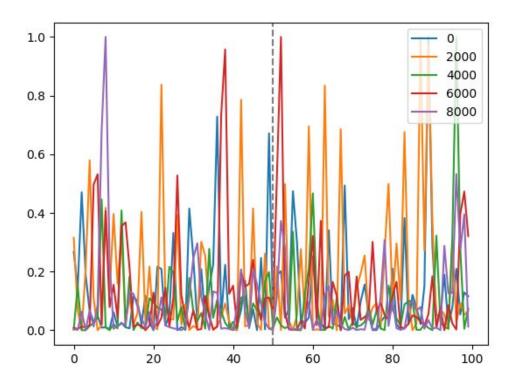


#### **Adadelta Optimizer**

• 변화하는 learning rate와 EMA를 도입하여 Adagrad를 보완

$$\begin{aligned} \boldsymbol{\theta}_{t+1} &= \boldsymbol{\theta}_t - \boldsymbol{\Delta}_{\boldsymbol{\theta}} \\ \boldsymbol{\Delta}_{\boldsymbol{\theta}} &= \frac{\sqrt{s+\epsilon}}{\sqrt{G+\epsilon}} \cdot \nabla_{\boldsymbol{\theta}} J(\boldsymbol{\theta}_t) \\ s_{t+1} &= \gamma s_t + (1-\gamma) \boldsymbol{\Delta}_{\boldsymbol{\theta}}^2 \\ G_{t+1} &= \gamma G_t + (1-\gamma) (\nabla_{\boldsymbol{\theta}} J(\boldsymbol{\theta}_t))^2 \end{aligned}$$

- 고정된 learning rate를 쓰는 것이 아니므로 Adagrad와 견주어 느림
- error 값의 변화가 천천히 반영되므로 최적화 성능이 낮음



#### **Adam Optimizer**

● RMSProp과 Momentum의 결합으로 현재 NN에서 가장 많이 사용됨

$$\begin{split} \boldsymbol{\theta}_{t+1} &= \boldsymbol{\theta}_t - \frac{\boldsymbol{\eta}}{\sqrt{\hat{v_t} + \epsilon}} \hat{m_t} \\ \hat{m_t} &= \frac{m_t}{1 - \beta_1^t} \\ \hat{v_t} &= \frac{v_t}{1 - \beta_2^t} \\ m_{t+1} &= \beta_1 m_t + (1 - \beta_1) \nabla_{\boldsymbol{\theta}} J(\boldsymbol{\theta}_t) \\ v_{t+1} &= \beta_2 v_t + (1 - \beta_2) (\nabla_{\boldsymbol{\theta}} J(\boldsymbol{\theta}_t))^2 \end{split}$$

