Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого Институт компьютерных наук и технологий Высшая школа программной инженерии

КУРСОВАЯ РАБОТА

Исследование краевой задачи

по дисциплине «Вычислительная математика»

Санкт-Петербург 2022г.

Оглавление

Условия задачи	3
Исходный код	4
Вывод программы	9
Вывод	11

Условия задачи

Задание N 11.

Исследование краевой задачи.

Решить нелинейную краевую задачу относительно y(x) на интервале $0 \le x \le 1$,

$$\frac{d^2y}{dx^2} = y^2 - 1; \quad y(0) = 0; \quad y(1) = 1.$$

применив метод стрельбы, используя подпрограммы RKF45 и ZEROIN.

"Пристрелку" нужно вести по y'(0) в диапазоне стрельбы [A,B]. Значения A и B задаются преподавателем.

Оценить общую погрешность результата и влияние на точность результата погрешности исходных данных.

Вариант N 11C.

A =
$$25 \int_{0}^{5} x^{2} \sqrt{1 + x^{2}} dx$$
; B = 1,5.

Рисунок 1. Условие задачи

Исходный код

```
main.f90:
program lab4 ZEROIN
  use Environment
  use Group Process
  ! Переменные для интегрирования QUANC8
  real(R) :: A integ, B integ, ABSERR, RELERR, RESULT, ERREST,
FLAG
  integer(I ) :: NOFUN=0
  ! Переменные для ZEROIN
  real(R) :: A, B, ANS, TOL
  ! переменные для RKF45
   \begin{array}{lll} real(R\_) & :: WORK(15), z(2), dz(2) \\ integer(I\_) & :: NEQN = 2, IFLAG = +1 \\ integer(I\_) & :: IWORK(5) \\ \end{array} 
  real(R)
                      :: T, TOUT
  ! Для циклов, ввода-вывода и прочего
                       :: i = 0, Out = 1, Out2 = 2
  integer(I)
  character(:), allocatable :: template, output file, csv file, format
  output file = "result.txt"
  csv file = "dots.csv"
  ! Вычисление посредством интегрирования границы А
  open (file=output file, newunit=Out, position="rewind")
    A integ = 0
    B integ = 0.5
    ABSERR = 1.E-06
    RELERR = 1.E-06
    call QUANC8(integralFunc, A integ, B integ, ABSERR, RELERR,
RESULT, ERREST, NOFUN, FLAG)
    format = "(a)"
    write(Out, format) "Для метода пристрелки сперва найдем границу
интервала."
```

```
format = "(a, 1f10.5)"
    result = result * 25
    write(Out, format) "A = ", result
    write(Out, *) " "
  close(Out)
  ! Вычисления lambda посредством ZEROIN
  open (file=output file, newunit=Out, position="append")
    A = result
    B = 1.5
    TOL = 10 ** (-6)
    ANS = zeroin(A, B, f, TOL)
    format = "(a)"
    write(Out, format) "функция ZEROIN вычислила lambda."
    format = "(a, 1f10.5)"
    write(Out, format) "lambda = ", ANS
    write(Out, *) " "
  close(Out)
  ! Вычисления RKF45 после найденного lambda
  open (file=output file, newunit=Out, position="append")
    RELERR = 1.E-6
    ABSERR = 1.E-6
    T = 0.0
    TOUT = 1.0
    z(1) = ANS
    z(2) = 0
    call RKF45(system, NEQN, z, T, TOUT, RELERR, ABSERR, IFLAG,
WORK, IWORK)
    format = "(a)"
    write(Out, format) "Подставим в RKF45 lambda и проведем вычисления
еще раз."
    format = "(a, 1f10.5)"
    write(Out, format) z1 = z(1)
    write(Out, format) z^2 = z^2
    write(Out, *) " "
  close(Out)
  ! Невязка
```

```
open (file=output file, newunit=Out, position="append")
    format = "(a, 1f10.8)"
    write(Out, format) "Невязка равна: ", 1 - z(2)
    write(Out, *) " "
  close(Out)
  ! Трассировка с шагом h=0.1 с 0 до 1
  open (file=output file, newunit=Out, position="append")
  open (file=csv file, newunit=Out2, position="rewind")
    RELERR = 1.E-6
    ABSERR = 1.E-6
    T = 0.0
    TOUT = 0.0
    z(1) = ANS
    z(2) = 0
    IFLAG = +1
    write(Out, "(a)") "Пошаговое вычисление:"
    do while (T < 1.000)
       format = "(2(a, 1f3.1))"
       write(Out, format) "От ", Т, " до ", TOUT
       call RKF45(system, NEON, z, T, TOUT, RELERR, ABSERR, IFLAG,
WORK, IWORK)
       format = "(a, 1f10.5)"
       write(Out, format) "RKF45, h=0.1, z1=", z(1)
       write(Out, format) "RKF45, h=0.1, z2=", z(2)
       if (IFLAG \neq 2) then
         write(Out, *) "Flag:", IFLAG
       end if
       write(Out, *) "---"
       ! Запись в сѕу точек
       format = "(2(1f8.6, a1), 1f8.6)"
       write(Out2, format) TOUT, ",", z(1), ",", z(2)
       T = TOUT
       TOUT = TOUT + 0.1
    end do
  close(Out2)
  close(Out)
end program lab4 ZEROIN
```

```
group_process.f90
module Group Process
  use Environment
contains
  ! функция для ZEROIN
  real(R) function f(lambda)
    ! Входные переменные
    real(R) :: lambda
    ! Локальные переменные
    ! Для RKF45
    real(R)
                       :: RELERR = 1.E-6, ABSERR = 1.E-6
                       :: WORK(15), z(2), dz(2)
    real(R)
                    :: NEQN = 2, IFLAG = +1
    integer(I_)
integer(I_)
                      :: IWORK(5)
                       :: T, TOUT
    real(R)
    ! Границы интегрирования
    T = 0
    TOUT = 1
    ! Начальные значения
    z(1) = lambda
    z(2) = 0
    call RKF45(system, NEQN, z, T, TOUT, RELERR, ABSERR, IFLAG,
WORK, IWORK)
    f = z(2) - 1
  end function f
  ! система дифф. уравнений
  real(R) function find dz1(z2)
    real(R) :: z2
    find dz1 = z2 * z2 - 1
  end function find dz1
  real(R) function find dz2(z1)
    real(R) :: z1
    find dz^2 = z^1
  end function find dz2
```

```
subroutine system(t, z, dz)
real(R_), intent(inout) :: t, z(2)
real(R_), intent(inout) :: dz(2)

dz(1) = find_dz1(z(2))
dz(2) = find_dz2(z(1))
end subroutine system

! подинтегральная функция
real(R_) function integralFunc(x)
! Параметры
real(R_) :: x

integralFunc = (x**2) * sqrt(1 + (x**2))
return
end function integralFunc
end module Group_Process
```

Вывод программы

```
Для метода пристрелки сперва найдем границу интервала.
1
2
    A =
           1.11661
3
4
    функция ZEROIN вычислила lambda.
5
    lambda =
               1.39361
6
7
    Подставим в RKF45 lambda и проведем вычисления еще раз.
    z1 = 0.78027
8
9
    z2 = 0.99998
10
    Невязка равна: 0.00002027
11
12
13
    Пошаговое вычисление:
14
   0т 0.0 до 0.0
   RKF45, h=0.1, z1= 1.39361
15
    RKF45, h=0.1, z2= 0.00000
16
17
    ___
18
    0т 0.0 до 0.1
    RKF45, h=0.1, z1= 1.29422
19
    RKF45, h=0.1, z2= 0.13438
20
21
22
    0т 0.1 до 0.2
23
    RKF45, h=0.1, z1= 1.19825
    RKF45, h=0.1, z2= 0.25896
24
25
    ---
26
    0т 0.2 до 0.3
    RKF45, h=0.1, z1= 1.10843
27
    RKF45, h=0.1, z2= 0.37423
28
29
```

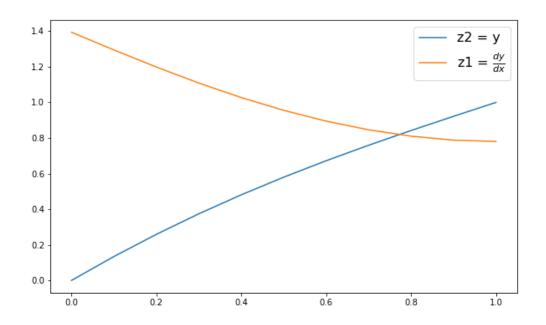
Рисунок 2. Скриншот файла вывода 1

```
0т 0.3 до 0.4
RKF45, h=0.1, z1= 1.02687
RKF45, h=0.1, z2= 0.48092
0т 0.4 до 0.5
RKF45, h=0.1, z1= 0.95515
RKF45, h=0.1, z2= 0.57993
0т 0.5 до 0.6
RKF45, h=0.1, z1= 0.89449
RKF45, h=0.1, z2= 0.67232
0т 0.6 до 0.7
RKF45, h=0.1, z1= 0.84584
RKF45, h=0.1, z2= 0.75923
0т 0.7 до 0.8
RKF45, h=0.1, z1= 0.81004
RKF45, h=0.1, z2= 0.84192
0т 0.8 до 0.9
RKF45, h=0.1, z1= 0.78788
RKF45, h=0.1, z2= 0.92170
0т 0.9 до 1.0
RKF45, h=0.1, z1= 0.78027
RKF45, h=0.1, z2= 0.99998
```

Рисунок 3. Скриншот файла вывода 2

Вывод

График посредством пошагового интегрирования:



При точности вычисления RKF45 1.Е-06, невязка составила 0.000020, что означает приемлемую точность для метода стрельбы, применимого посредством трех функций: QUANC8, ZEROIN и RKF45.