

# Tutorato 11

Sara Trabucco

10 Dicembre, 2025

## Esercizi

### Esercizio 1.

Supponiamo di avere un campione  $\underline{X}$  di ampiezza  $n = 80$  estratto da una popolazione normale e di avere il seguente sistema d'ipotesi:

$$H_0 : \mu = 15$$

$$H_1 : \mu > 15$$

Dal campione abbiamo ottenuto

$$\sum_{i=1}^{80} x_i = 1279$$

$$\sum_{i=1}^{80} x_i^2 = 20782$$

- Verificare l'ipotesi nulla per un livello di significatività pari a 0.05;
- Quanto vale il  $p$ -value in questo caso? E la regione di rifiuto?

### Esercizio 2.

Nel solito negozio stavolta si vuole verificare se la campagna pubblicitaria effettuata nei mesi precedenti abbia dato i suoi frutti. Sappiamo che il numero di clienti in una giornata lavorativa segue una distribuzione di Poisson.

Il direttore vorrebbe in particolare verificare se il numero medio di clienti giornalieri è ora superiore a 20 e considera la campagna pubblicitaria un successo solo se si registrano almeno 152 clienti totali in una settimana.

- a. Calcolare la probabilità di errore del I tipo;
- b. Supponendo che il vero  $\lambda$  sia pari a 23, determinare la potenza del test;
- c. Quan'è il  $p$ -value se sono stati registrati 155 clienti totali questa settimana?

### Esercizio 3.

La concentrazione di mercurio nei pesci gatto è distribuita come una normale di media  $\mu$  e varianza  $\sigma^2$ ; la concentrazione su un campione di 25 pesci gatto è risultata pari a 1.31ppm (parti per milione) e scarto quadratico medio pari a 0.3ppm. Il limite raccomandato è pari a 1.25ppm.

- a. Si verifichi al livello  $\alpha = 0.02$  se la specie di pesci gatto studiata è non tossica per l'organismo;
- b. Si determini il livello di significatività osservato;
- c. Tre anni dopo, in un campione di 37 pesci gatto il livello medio di mercurio rilevato è stato pari a 1.2ppm con scarto quadratico medio pari a 0.2ppm. Assumendo che la varianza di tale popolazione sia la stessa di tre anni prima, si verifichi al livello  $\alpha = 0.05$  l'ipotesi di uguaglianza tra livelli di mercurio nei due periodi;
- d. Nel punto c. si è assunta omoschedasticità tra le due popolazioni; si conduca un test al livello 0.05 per l'uguaglianza delle varianze utilizzando le informazioni date nei punti precedenti.