2주차(2/3)

# 넘파이 튜토리얼 1

파이썬으로배우는기계학습

한동대학교 김영섭교수

#### 넘파이 튜토리얼 1

- 학습 목표
  - 기계학습에서 왜 넘파이를 사용하는지 이해한다.
  - 넘파이 개념과 기본적인 사용법을 익힌다.
- 학습 내용
  - 넘파이의 특징
  - 왜 넘파이인가?
  - 배열의 속성
  - 배열의 인덱싱과 슬라이싱
  - 배열/행렬의 연산

# 넘파이 튜토리얼 1

- 넘파이의 특징
  - NumPy <u>Num</u>erical <u>Py</u>thon
  - 강력한 다차원 배열과 행렬 연산
  - 다양한 선형 대수학 함수와 난수
  - 간단한 코딩

#### 넘파이 튜토리얼 1

- NumPy 라이브러리 사용법
  - 1. import numpy
  - 2. import numpy as np

```
In [1]: import numpy
        numpy.__version__
Out[1]: '1.14.0'
In [2]: import numpy as np
        np.__version_
Out[2]: '1.14.0'
```

- 쉬운 다차원 행렬 연산
- 예제: 천만번 곱셈과 합

- 쉬운 다차원 행렬 연산
- 예제: 천만번 곱셈과 합
  - 1. 두 개의 list에 난수를 저장
  - 2. 두 개의 numpy 배열로 복사
  - 3. 각 원소별로 곱하고 합산
    - 한 번은 for loop로 실행
    - 한 번은 **numpy** 로 실행
  - 4. 두계산 방법의 비교

```
1 import numpy as np
2 n = 10000000
3 w = [np.random.random() for _ in range(n)]
4 x = [np.random.random() for _ in range(n)]
5
6 # 리스트의 값을 np배열로 복사
7 wnum = np.array(w) # ndarray type
8 xnum = np.array(x)
```

- 쉬운 다차원 행렬 연산
- 예제: 천만번 곱셈과 합
  - 1. 두 개의 list에 난수를 저장
  - 2. 두 개의 numpy 배열로 복사
  - 3. 각 원소별로 곱하고 합산
    - 한 번은 for loop로 실행
    - 한 번은 **numpy** 로 실행
  - 4. 두계산 방법의 비교

- 쉬운 다차원 행렬 연산
- 예제: 천만번 곱셈과 합
  - 1. 두 개의 list에 난수를 저장
  - 2. 두 개의 numpy 배열로 복사
  - 3. 각 원소별로 곱하고 합산
    - 한 번은 for loop로 실행
    - 한 번은 numpy 로 실행
  - 4. 두계산 방법의 비교

```
\frac{1.35}{0.00698} = 193.4
```

2500797.7812923864 Wall time: 6.98 ms

- 쉬운 다차원 행렬 연산
- 예제: 천만번 곱셈과 합
  - 1. 두 개의 list에 난수를 저장
  - 2. 두 개의 numpy 배열로 복사
  - 3. 각 원소별로 곱하고 합산
    - 한 번은 for loop로 실행
    - 한 번은 numpy 로 실행
  - 4. 두계산 방법의 비교

#### 속도 비교

```
\frac{1.35}{0.00698} = 193.4
```

#### 코드 비교

```
total = 0
for i in range(n):
   total += w[i]*x[i]
```

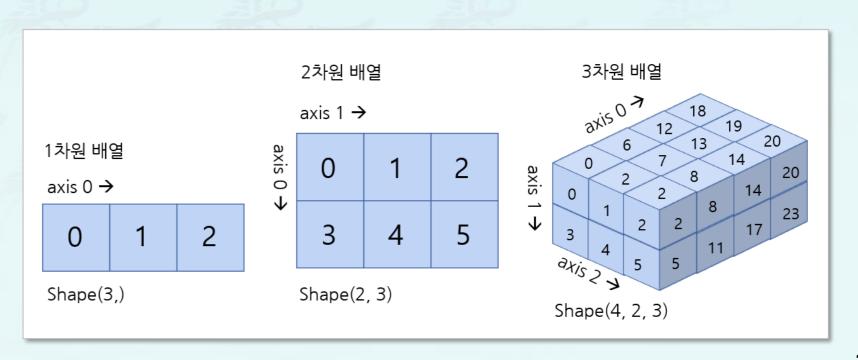
total = np.dot(wnum, xnum)

# NumPy배열의 속성

- ndarray 넘파이 클래스 이름
- ndarray 속성
  - ndim
  - shape
  - size
  - dtype

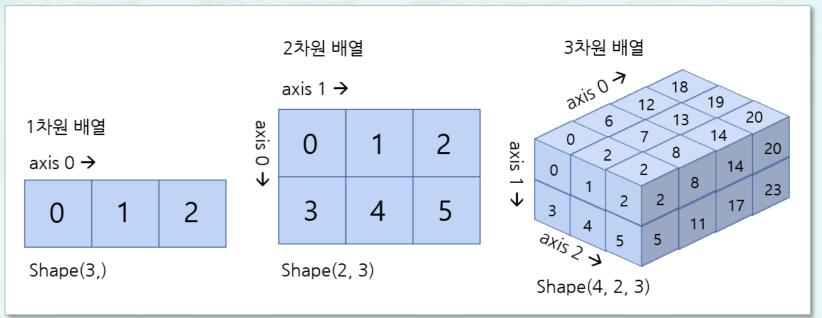
# NumPy배열의 속성

- ndarray 넘파이 클래스 이름
- ndarray 속성
  - ndim 차원, axis 개수, rank
  - shape
  - size
  - dtype



### NumPy배열의 속성

- ndarray 넘파이 클래스 이름
- ndarray 속성
  - ndim 차원, axis 개수, rank
  - shape 형상, 각 차원의 배열의 크기, 예: (n,m)
  - size 배열의 모든 원소의 개수
  - dtype 원소의 자료 형식, 예: float64, int32...



#### 배열의 속성 출력

pprint() 함수

- 배열 생성
  - np.array() 리스트, 튜플 이용

```
a = np.array([1,2,3,4]) # right - list

<math>a = np.array((1,2,3,4)) # right - tuple

<math>a = np.array(1,2,3,4) # wrong
```

1 | import numpy as np

- 배열 생성
  - np.array() 리스트, 튜플 이용
  - 배열 생성 함수

```
2  a = np.arange(12)
3  pprint(a)

type:<class 'numpy.ndarray'>, size:12
shape:(12,), ndim/rank:1, dtype:int32
Array's Data:
[ 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11]
```

- 배열 생성
  - np.array() 리스트, 튜플 이용
  - 배열 생성 함수

```
1 a = np.arange(12, dtype=float).reshape(3, 4)
 pprint(a)
type:<class 'numpy.ndarray'>, size:12
shape:(3, 4), ndim/rank:2, dtype:float64
Array's Data:
[[ 0. 1. 2. 3.]
 [ 4. 5. 6. 7.]
 [ 8. 9. 10. 11.]]
```

- 배열 생성 함수
  - zeros 모든 원소 0
  - ones 모든 원소 1
  - full 사용자가 지정한 한 값
  - empty 임의의 값
  - eye 단위 행렬

- 배열 생성 함수
  - zeros 모든 원소 0
  - ones 모든 원소 1
  - full 사용자가 지정한 한 값
  - empty 임의의 값
  - eye 단위 행렬

```
np.ones((3, 4))
array([[1., 1., 1., 1.],
       [1., 1., 1., 1.],
       [1., 1., 1., 1.]
np.full((2, 3), 7)
array([[7, 7, 7],
       [7, 7, 7]])
```

- 데이터 생성 함수
  - arange([start,] stop[, step,], dtype=None)
     start에서 stop미만까지, step간격으로 데이터 생성
  - linspace(start, stop, num=50, endpoint=True, retstep=False, dtype=None) start부터 stop의 범위에서 num 개의 데이터를 균일한 간격으로 생성
  - logspace(start, stop, num=50, endpoint=True, base=10.0, dtype=None) start부터 stop의 범위에서 로그 스케일로 num 개의 데이터를 생성

- 데이터 생성 함수
  - arange([start,] stop[, step,], dtype=None)
     start에서 stop미만까지, step간격으로 데이터 생성

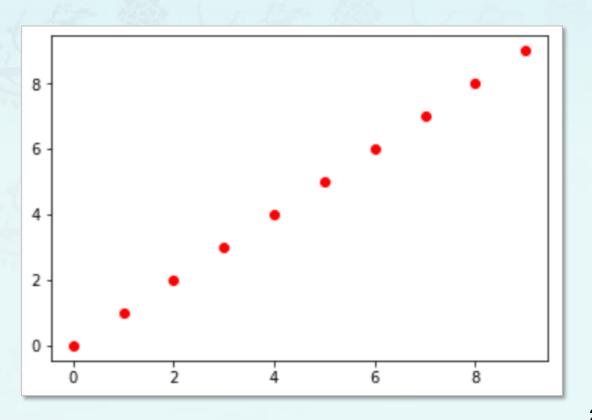
```
import matplotlib.pyplot as plt
matplotlib inline

a = np.arange(10)
plt.plot(a, 'or')
plt.show()
```

- 데이터 생성 함수
  - arange([start,] stop[, step,], dtype=None)
     start에서 stop미만까지, step간격으로 데이터 생성

```
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline

a = np.arange(10)
plt.plot(a, 'or')
plt.show()
```

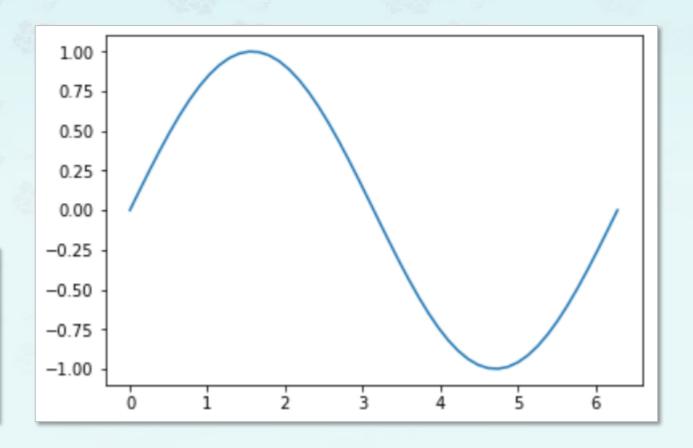


- 데이터 생성 함수
  - linspace(start, stop, num=50, endpoint=True, retstep=False, dtype=None) start부터 stop의 범위에서 num 개의 데이터를 균일한 간격으로 생성

```
1 x = np.linspace(0, 2*np.pi)
2 y = np.sin(x)
3 plt.plot(x, y)
4 plt.show()
```

- 데이터 생성 함수
  - linspace(start, stop, num=50, endpoint=True, retstep=False, dtype=None)
     start부터 stop의 범위에서 num 개의 데이터를 균일한 간격으로 생성

```
1 x = np.linspace(0, 2*np.pi)
2 y = np.sin(x)
3 plt.plot(x, y)
4 plt.show()
```



- 데이터 생성 함수
  - logspace(start, stop, num=50, endpoint=True, base=10.0, dtype=None) start부터 stop의 범위에서 로그 스케일로 num 개의 데이터를 생성
  - 출력 범위는 base<sup>start</sup> ~base<sup>end</sup>

출력 범위  $10^{0.1} \sim 10^2$ 

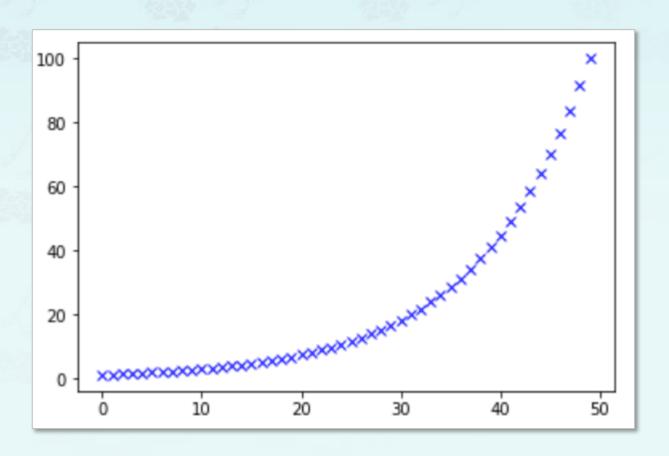


```
1 a = np.logspace(0.1, 2)
2 plt.plot(a, 'xb')
3 plt.show()
```

- 데이터 생성 함수
  - logspace(start, stop, num=50, endpoint=True, base=10.0, dtype=None) start부터 stop의 범위에서 로그 스케일로 num 개의 데이터를 생성
  - 출력 범위는 base<sup>start</sup> ~base<sup>end</sup>

출력 범위  $10^{0.1} \sim 10^2$ 

```
1 a = np.logspace(0.1, 2)
2 plt.plot(a, 'xb')
3 plt.show()
```



- 인덱싱(indexing)
  - 0 부터 시작
  - 1 배열의 끝(음수 indexing)
  - : 범위 지정(start:end)

- 인덱싱(indexing)
  - 0 부터 시작
  - -1 배열의 끝(음수 indexing)
  - : 범위 지정(start:end)
- 예:
  - 1. [2:5] 원소2, 3, 4
  - 2. [:5] 원소 0, 1, 2, 3, 4
  - 3. [5:] 원소 5부터 끝까지
  - 4. [:] 모든 원소

• 2차원 배열 인덱싱 연습



- 1. 원소 7:
- 2. 원소 12:
- 3. A의 마지막 원소:
- 4. A의 마지막 행:
- 5. A의 첫째 열:
- 6. A의 마지막 열:
- 7. A의 위, 왼쪽의 2x2:
- 8. A의 아래, 오른쪽 2x2:
- 9. A의 첫 2 열:
- 10. A 전체:

Α	2차원 배열: Shape(3,4)			
	1	2	3	4
	5	6	7	8
	9	10	11	12

• 2차원 배열 인덱싱 연습

1. 원소 7:

A[1,2]



- 2. 원소 12:
- 3. A의 마지막 원소:
- 4. A의 마지막 행:
- 5. A의 첫째 열:
- 6. A의 마지막 열:
- 7. A의 위, 왼쪽의 2x2:
- 8. A의 아래, 오른쪽 2x2:
- 9. A의 첫 2 열:
- 10. A 전체:

Α	2차원 배열: Shape(3,4)			
	1	2	3	4
	5	6	7	8
	9	10	11	12

• 2차원 배열 인덱싱 연습

1. 원소 7:

A[1,2]

2. 원소 12:

A[2, 3]



- 3. A의 마지막 원소:
  - 4. A의 마지막 행:
  - 5. A의 첫째 열:
  - 6. A의 마지막 열:
  - 7. A의 위, 왼쪽의 2x2:
  - 8. A의 아래, 오른쪽 2x2:
  - 9. A의 첫 2 열:
  - 10. A 전체:

Α	2차원 배열: Shape(3,4)			
	1	2	3	4
	5	6	7	8
	9	10	11	12

• 2차원 배열 인덱싱 연습

1. 원소 7:

A[1,2]

2. 원소 12:

A[2, 3]



- 3. A의 마지막 원소: A[-1, -1]
  - 4. A의 마지막 행:
  - 5. A의 첫째 열:
  - 6. A의 마지막 열:
  - 7. A의 위, 왼쪽의 2x2:
  - 8. A의 아래, 오른쪽 2x2:
  - 9. A의 첫 2 열:
  - 10. A 전체:

Α	2차원 배열: Shape(3,4)			
	1	2	3	4
	5	6	7	8
	9	10	11	12

• 2차원 배열 인덱싱 연습

1. 원소 7: A[1,2]

2. 원소 12: A[2, 3]

3. A의 마지막 원소: A[-1, -1]



- 4. A의 마지막 행:
- 5. A의 첫째 열:
- 6. A의 마지막 열:
- 7. A의 위, 왼쪽의 2x2:
- 8. A의 아래, 오른쪽 2x2:
- 9. A의 첫 2 열:
- 10. A 전체:

Α	2차원 배열: Shape(3,4)			
	1	2	3	4
	5	6	7	8
	9	10	11	12

• 2차원 배열 인덱싱 연습

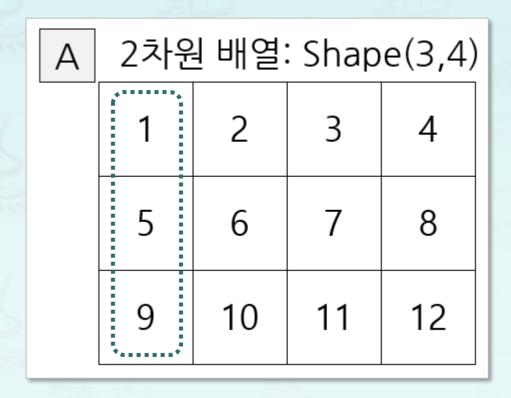
1. 원소 7: A[1,2]

2. 원소 12: A[2, 3]

3. A의 마지막 원소: A[-1, -1]

4. A의 마지막 행: A[-1]

- 5. A의 첫째 열:
- 6. A의 마지막 열:
- 7. A의 위, 왼쪽의 2x2:
- 8. A의 아래, 오른쪽 2x2:
- 9. A의 첫 2 열:
- 10. A 전체:



2차원 배열 인덱싱 연습

1. 원소 **7**: A[1,2]

2. 원소 12: A[2, 3]

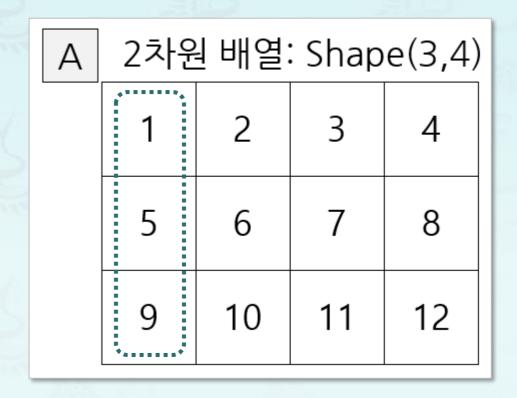
3. A의 마지막 원소: A[-1, -1]

4. A의 마지막 행: A[-1]



5. A의 첫째 열: A[:,0]

- 6. A의 마지막 열:
- 7. A의 위, 왼쪽의 2x2:
- 8. A의 아래, 오른쪽 2x2:
- 9. A의 첫 2 열:
- 10. A 전체:



• 2차원 배열 인덱싱 연습

1. 원소 7: A[1,2]

2. 원소 12: A[2, 3]

3. A의 마지막 원소: A[-1, -1]

4. A의 마지막 행: A[-1]

5. A의 첫째 열: A[:,0]

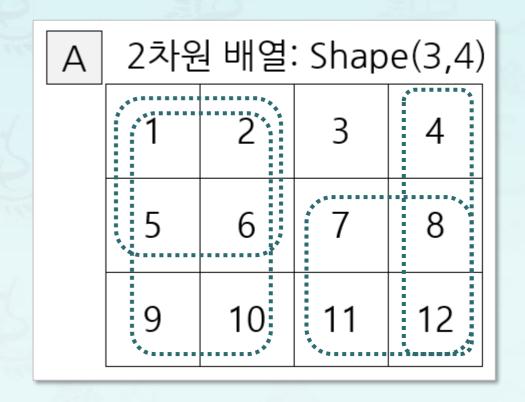
6. A의 마지막 열: A[:,-1]

7. A의 위, 왼쪽의 2x2: A[:2,:2]

8. A의 아래, 오른쪽 2x2: A[-2:, -2:]

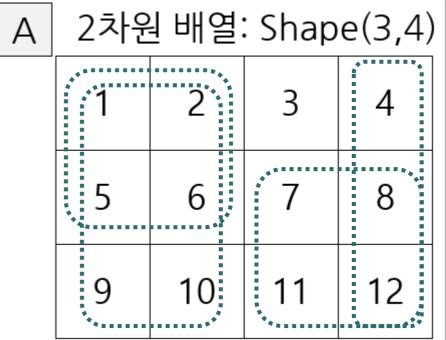
9. A의 첫 2 열: A[:,:2]

10. A 전체: A[:,:]



2차원 배열 인덱싱 연습

```
a = np.arange(1, 13).reshape(3,4)
   print(a[1,2])
   print(a[2, 3])
   print(a[-1, -1])
5 | print(a[-1])
   print(a[:,0])
   print(a[:,-1])
                                                  10
   print(a[:2, :2])
   print(a[-2:, -2:])
   print(a[:,:2])
10
   print(a[:,:])
```



## 배열 인덱싱과 슬라이싱

■ 슬라이싱 – 서브배열(subarray)

```
1  a = np.arange(1, 13).reshape(3,4)
2  b = a[:2, :2]
3  print(b)
4
5
```

Α	2차원 배열: Shape(3,4)					
	1	2	3	4		
	5	6	7	8		
	9	10	11	12		

## 배열 인덱싱과 슬라이싱

■ 슬라이싱 – 서브배열(subarray)

```
1  a = np.arange(1, 13).reshape(3,4)
2  b = a[:2, :2]
3  print(b)
4  b[0, 0] = 99
5  print(a)
```

Α	2차원 배열: Shape(3,4)					
	1	2	3	4		
	5	6	7	8		
	9	10	11	12		

■ 슬라이싱 – 서브배열(subarray)

```
1  a = np.arange(1, 13).reshape(3,4)
2  b = a[:2, :2]
3  print(b)
4  b[0, 0] = 99
5  print(a)
```

```
[[1 2]

[5 6]]

[99 2 3 4]

[5 6 7 8]

[9 10 11 12]]
```

Α	2차원 배열: Shape(3,4)					
	1	2	3	4		
	5	6	7	8		
	9	10	11	12		

```
1  a = np.arange(1, 13).reshape(3,4)
2  aa = a
3  aa[0, 0] = 99
4  print(a)

[[99  2  3  4]
[ 5  6  7  8]
[ 9 10 11 12]]
```

■ 배열을 복사하는 방법은?

■ 배열을 복사하는 방법은?

```
1  a = np.arange(1, 13).reshape(3,4)
2  aa = a.copy()
3  aa[0, 0] = 99
4  print(a)

[[ 1  2  3  4]
[ 5  6  7  8]
[ 9 10 11 12]]
```

## 불린 배열 인덱싱

■ 불린(Boolean)값으로 된 배열

```
1 a = np.random.random(7)
2 results = a > 0.6
3 print(results)

[False False False True True False]
```

#### 불린 배열 인덱싱

■ 불린(Boolean)값으로 된 배열

```
1  a = np.random.random(7)
2  results = a > 0.6
3  print(results)

[False False False True True False]
```

```
print(np.sum(results))
print(np.argwhere(results))

[[3]
[4]
[5]]
```

## 불린 배열 인덱싱

■ 불린(Boolean)값으로 된 배열

```
1 a = np.random.random(7)
2 results = a > 0.6
3 print(results)

[False False False True True False]
```

```
print(np.sum(results))
print(np.argwhere(results))

[[3]
[4]
[5]]
```

# 배열/행렬의 곱

- 두 열 백터  $\mathbf{x}, \mathbf{y} \in \mathbb{R}^m$ 
  - 내적:  $x^T y \rightarrow \Delta$  칼라
  - 외적:  $xy^T \rightarrow \mathbf{m} \mathbf{x} \mathbf{m}$  행렬

#### 배열/행렬의 곱

$$\mathbf{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_m \end{pmatrix}, \qquad \mathbf{y} = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_m \end{pmatrix}$$

• **내적:**  $x^Ty \rightarrow$  스칼라

$$\mathbf{x}^{\mathbf{T}} \cdot \mathbf{y} = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & \cdots & x_m \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_m \end{pmatrix}$$
$$= \sum_{i=1}^m x_i y_i$$
$$= x_1 y_1 + x_2 y_2 + \cdots + x_m y_m$$

■ 외적:  $xy^T \rightarrow \mathbf{m} \mathbf{x} \mathbf{m}$  행렬

#### 배열/행렬의 곱

$$\mathbf{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_m \end{pmatrix}, \qquad \mathbf{y} = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_m \end{pmatrix}$$

■ **내적:**  $x^Ty$   $\rightarrow$  스칼라

$$\mathbf{x}^{\mathbf{T}} \cdot \mathbf{y} = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & \cdots & x_m \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_m \end{pmatrix}$$
$$= \sum_{i=1}^m x_i y_i$$
$$= x_1 y_1 + x_2 y_2 + \cdots + x_m y_m$$

■ 외적:  $xy^T \rightarrow \mathbf{m} \times \mathbf{m}$  행렬

$$\mathbf{x} \cdot \mathbf{y^T} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_m \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_1 \ y_2 \ \cdots \ y_m \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} x_1 y_1 & x_1 y_2 & \cdots & x_1 y_m \\ x_2 y_1 & x_2 y_2 & \cdots & x_2 y_m \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_m y_1 & x_m y_2 & \cdots & x_m y_m \end{pmatrix}$$

# 넘파이 튜토리얼 1

- 학습 정리
  - 넘파이 사용 목적과 특징
  - 넘파이 개념과 사용법
    - 배열의 속성
    - 배열의 인덱싱과 슬라이싱
    - 배열/행렬의 연산
- 차시 예고
  - 2-3 넘파이 듀토리얼2

2주차(2/3)

# 넘파이 튜토리얼 1

파이썬으로배우는기계학습

한동대학교 김영섭교수

여러분 곁에 항상 열려 있는 K-MOOC 강의실에서 만나 뵙기를 바랍니다.