4주차(1/3)

# 퍼셉트론

파이썬으로배우는기계학습

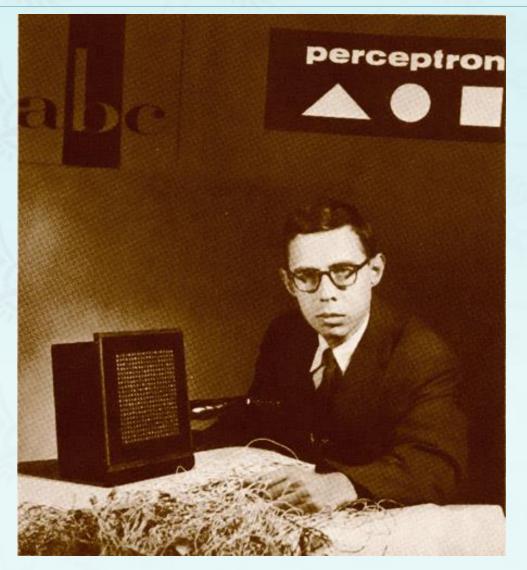
한동대학교 김영섭교수

### 퍼셉트론

- 학습 목표
  - 퍼셉트론의 구조와 학습방법을 이해한다.
- 학습 내용
  - 퍼셉트론의 역사와 구조
  - 퍼셉트론의 이진분류
  - 퍼셉트론의 학습방법
  - 과대적합과 과소적합

#### 1. 퍼셉트론의 역사: 퍼셉트론의 시작

- 인공 뉴론 → 뉴론, 노드, 퍼셉트론
- 퍼셉트론 → 최초의 인공신경망
  - 제안자: 프랑크 로젠블라트
     Frank Rosenblatt
  - 소속: 1957년 코넬 항공 연구소
  - 논문: The Perceptron: A
    Probabilistic Model for
    Information Storage and
    Organization in the Brain



프랑크 로젠블라트

- 인공 뉴론 → 뉴론, 노드, 퍼셉트론
- 퍼셉트론 → 최초의 인공신경망
  - 제안자: 프랑크 로젠블라트
     Frank Rosenblatt
  - 소속: 1957년 코넬 항공 연구소
  - 논문: The Perceptron: A Probabilistic Model for Information Storage and Organization in the Brain



마크 1 퍼셉트론

ARCHIVES

1958

## NEW NAVY DEVICE LEARNS BY DOING; Psychologist Shows Embryo of Computer Designed to Read and Grow Wiser

JULY 8, 1958

1958











WASHINGTON, July 7 (UPI) -- The Navy revealed the embryo of an electronic computer today that it expects will be able to walk, talk, see, write, reproduce itself and be conscious of its existence.

ARCHIVES

## NEW NAVY DEVICE LEARNS BY DOING; Psychologist Shows Embryo of Computer Designed to Read and Grow Wiser

JULY 8, 1958

1958











WASHINGTON, July 7 (UPI) -- The Navy revealed the embryo of an electronic computer today that it expects will be able to walk, talk, see, write, reproduce itself and be conscious of its existence.

ARCHIVES

## NEW NAVY DEVICE LEARNS BY DOING; Psychologist Shows Embryo of Computer Designed to Read and Grow Wiser

JULY 8, 1958 1958











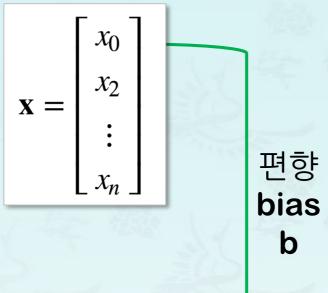
WASHINGTON, July 7 (UPI) -- The Navy revealed the embryo of an electronic computer today that it expects will be able to walk, talk, see, write, reproduce itself and be conscious of its existence.

- 로잔블란트의 전공은?
  - 1) 기계 공학
  - 2) 전기 공학
  - 3) 심리학
  - 4) 의학
  - 5) 생물학

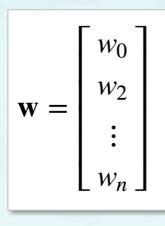


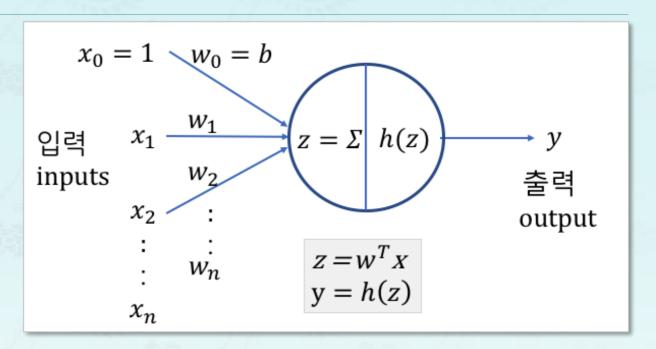
WASHINGTON, July 7 (UPI) -- The Navy revealed the embryo of an electronic computer today that it expects will be able to walk, talk, see, write, reproduce itself and be conscious of its existence.

■ 입력 **x** 



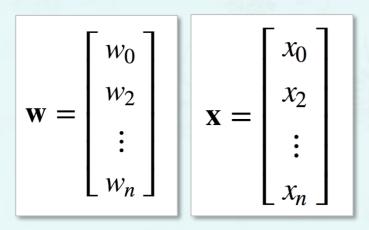
■ 가중치 w

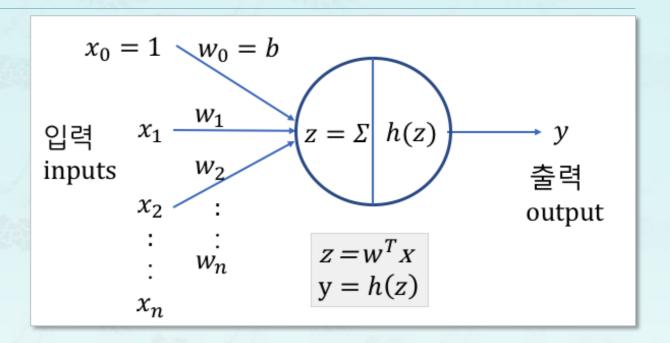




■ 순입력 z

$$z = w_0 x_0 + w_1 w_1 + \dots + w_n x_n$$
$$= \sum_{j=0}^{n} x_j w_j$$
$$= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$





```
x = np.array([0, 1, 2, 3])
w = np.array([0, 0.1, 0.2, 0.3])
z = np.dot(x, w)
print(z)
1.4 예제 풀이(1)
```

- 순입력 z 계산 예제:
  - 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
  - 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
  - 3. 순입력 z 를 계산하십시오.

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w, x)
print(z)

1.329056653793057 예제 풀이(2)
```

#### 3. 순입력 계산과정

・ 순입력  $\mathbf{z}$   $z = w_0 x_0 + w_1 w_1 + ... + w_n x_n$   $= \sum_{j=0}^{n} x_j w_j$   $= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$ 

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w, x)
print(z)
1.329056653793057 예제 풀이(2)
```

- 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
- 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
- 3. 순입력 z 를 계산하십시오.
- 예제 풀이(2)에 대한 생각:

· 순입력  $\mathbf{z}$   $z = w_0 x_0 + w_1 w_1 + \dots + w_n x_n$   $= \sum_{j=0}^{n} x_j w_j$   $= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$ 

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w, x)
print(z)
1.329056653793057 여제 풀이(2)
```

- 순입력 z 계산 예제:
  - 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
  - 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
  - 3. 순입력 z 를 계산하십시오.
- 예제 풀이(2)에 대한 생각:

- 순입력  $\mathbf{z}$   $z = w_0 x_0 + w_1 w_1 + \dots + w_n x_n$   $= \sum_{j=0}^{n} x_j w_j$   $= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$ 

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w, x)
print(z)
1.329056653793057 예제 풀이(2)
```

- 순입력 z 계산 예제:
  - 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
  - 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
  - 3. 순입력 z 를 계산하십시오.
- 예제 풀이(2)에 대한 생각:

순입력 z

$$z = w_0 x_0 + w_1 w_1 + \dots + w_n x_n$$

$$= \sum_{j=0}^{n} x_j w_j$$

$$= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

#### • 순입력 z 계산 예제:

- 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
- 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
- 3. 순입력 z 를 계산하십시오.

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w, x)
print(z)
```

1.329056653793057 예제 풀이(2)

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w.T, x)
print(z)
```

1.4781818847304011 예제 풀이**(3)** 

#### 순입력 z

$$z = w_0 x_0 + w_1 w_1 + \dots + w_n x_n$$

$$= \sum_{j=0}^{n} x_j w_j$$

$$= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

- 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
- 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
- 3. 순입력 z 를 계산하십시오.

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w, x)
print(z)

1.329056653793057 예제 풀이(2)
```

```
import numpy as np
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w.T, x)
print(z)

1.4781818847304011 예제 풀이(3)
```

- 순입력 z 계산 예제:
  - 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
  - 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
  - 3. 순입력 z 를 계산하십시오.
- 예제 풀이를 위한 추가 도움
  - 똑같은 난수 사용하여 디버깅을 용이하게 함
  - random 대신 random.seed() 사용

- 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
- 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
- 3. 순입력 z 를 계산하십시오.

```
import numpy as np
np.random.seed(0)
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w, x)
print(z)
3.5553656675063983 여제 풀이(2A)
```

```
import numpy as np
np.random.seed(0)
x = np.array(np.arange(4))
w = np.array(np.random.random(4))
z = np.dot(w.T, x)
print(z)
3.5553656675063983 예제 풀이(3A)
```

순입력 z

$$z = w_0 x_0 + w_1 w_1 + \dots + w_n x_n$$
$$= \sum_{j=0}^{n} x_j w_j$$
$$= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

print('x.shape={}, w.shape{}, w.T.shape{}'.
 format(x.shape, w.shape, w.T.shape))

x.shape=(4,), w.shape(4,), w.T.shape(4,)

- 관찰 **1**: 전치를 해도 형상이 같다.
- 관찰 2: 형상(4,)의 뜻을 모르겠다.

- 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
- 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
- 3. 순입력 z 를 계산하십시오.

- 입력 x, w:
  - 행 벡터
  - 형상 n x 1 혹은 (n, 1)

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_0 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{w} = \begin{bmatrix} w_0 \\ w_2 \\ \vdots \\ w_n \end{bmatrix}$$

- 1. 입력 x = [0, 1, 2, 3]
- 2. 가중치 w = [0부터 1사이의 작은 값]
- 3. 순입력 z 를 계산하십시오.
- 예제 풀이(2)에 대한 생각:

```
print(x)
print(w.T)
print(z)
print('shapes: x{}, w{}, w.T{}, z{}'.
  format(x.shape, w.shape, w.T.shape, z.shape))
[[0.5488135  0.71518937  0.60276338  0.54488318]]
[[3.55536567]]
shapes: x(4, 1), w(4, 1), w.T(1, 4), z(1, 1)
```

```
print(x)
print(w.T)
print(z)
print('shapes: x{}, w{}, w.T{}, z{}'.
 format(x.shape, w.shape, w.T.shape, z.shape))
[[0]]
[1]
 [2]
[[3.55536567]]
shapes: x(4, 1), w(4, 1), w.T(1, 4), z(1, 1)
```

```
print(x)
print(w.T)
print(z)
print('shapes: x{}, w{}, w.T{}, z{}'.
 format(x.shape, w.shape, w.T.shape, z.shape))
[[0]]
[1]
[2]
 [3]]
[[3.55536567]]
shapes: x(4, 1), w(4, 1), w.T(1, 4), z(1, 1)
```

```
print(x)
print(w.T)
print(z)
print('shapes: x{}, w{}, w.T{}, z{}'.
  format(x.shape, w.shape, w.T.shape, z.shape))
[[0]]
[1]
[2]
[3]]
[[0.5488135  0.71518937  0.60276338  0.54488318]]
[[3.55536567]]
shapes: x(4, 1), w(4, 1), w.T(1, 4), z(1, 1)
```

```
1
```

```
z = np.dot(w.T, x) squeeze()
print(z)
```

3.555365667506398

```
print(x)
print(w.T)
print(z)
print('shapes: x{}, w{}, w.T{}, z{}'.
  format(x.shape, w.shape, w.T.shape, z.shape))
[[0]]
[1]
[2]
[3]]
[[0.5488135  0.71518937  0.60276338  0.54488318]]
[[3.55536567]]
shapes: x(4, 1), w(4, 1), w.T(1, 4), z(1, 1)
```

```
1
```

```
z = np.dot(w.T, x) squeeze()
print(z)
```

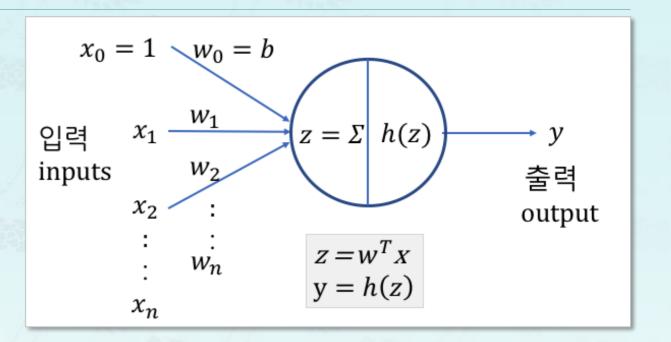
3.555365667506398

## 2. 퍼셉트론 이진 분류: 선형 이진 분류기

- 이진 분류(binary classification)
- 선형 이진 분류기
  - linear binary classifier

#### 2. 퍼셉트론 이진 분류: 선형 이진 분류기

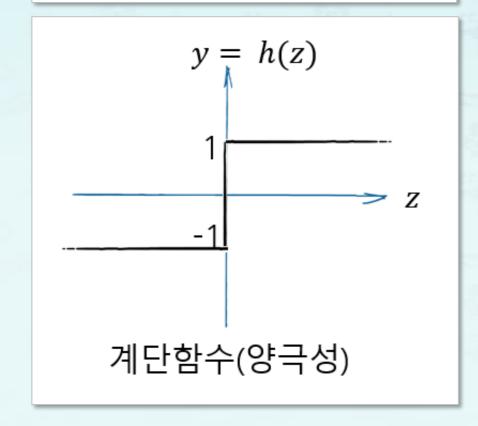
- 입력
- 가중치
- 활성화 함수
  - 시그모이드 함수
  - 계단함수
  - 쌍곡탄젠트 함수
  - 렐루(ReLU)함수

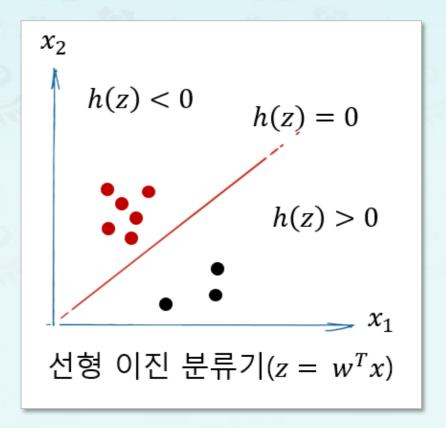


#### 2. 퍼셉트론 이진 분류: 선형 이진 분류기

• 이진 분류기의 활성화 함수

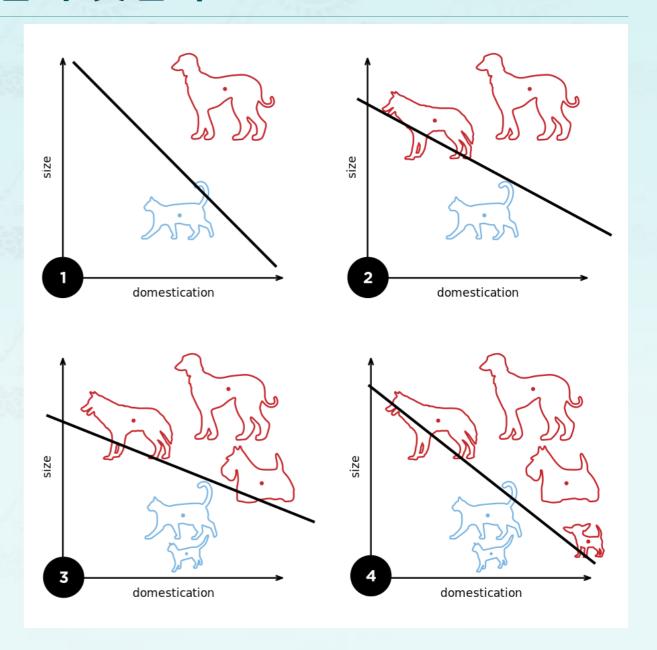
$$h(z) = \begin{cases} +1 & if \ z > 0 \\ -1 & otherwise. \end{cases}$$





## 3. 퍼셉트론의 학습방법: 학습이란 무엇인가

- 퍼셉트론의 학습 방법
- 학습 가중치의 변화



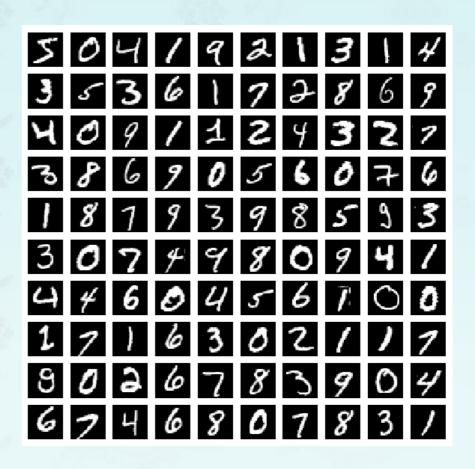
#### 4. 과대적합과 과소적합: 과대적합은 무엇인가

■ 완벽한 퍼셉트론?

학습데이터:

레이블(label): 5041921314 3536172869 4091...

• •



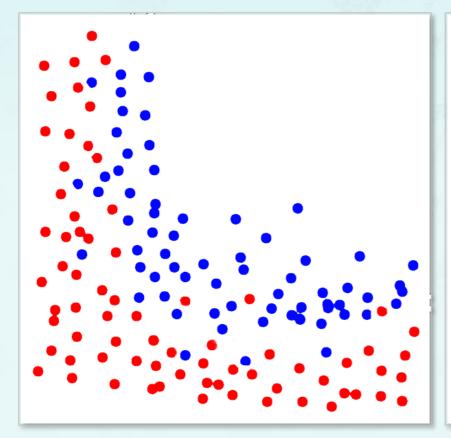


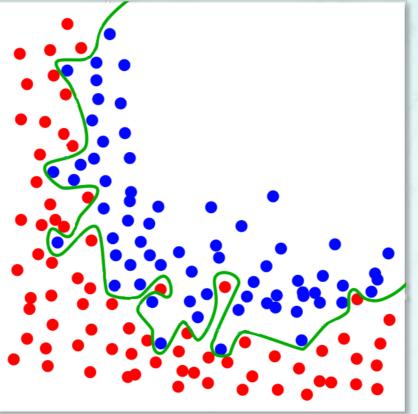
시험문제:

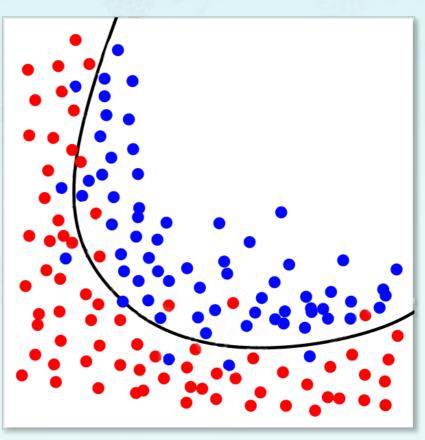
5717116302

## 4. 과대적합과 과소적합: 과대적합은 무엇인가

- 더 나은 분류를 하는 선은?
  - 1. 초록색 선
  - 2. 검은색 선



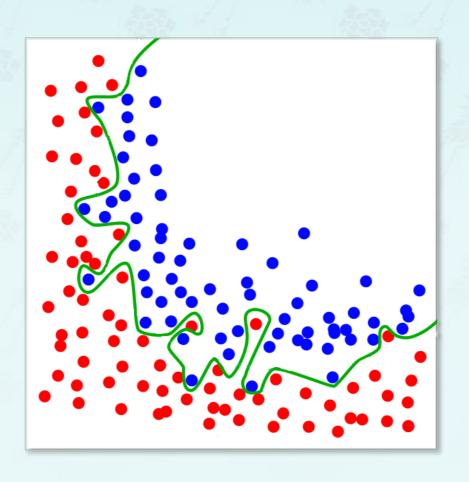




## 4. 과대적합과 과소적합: 과대적합과 과소적합은 언제 일어나는가

■ 과대적합: overfitting

■ 과소적합: underfitting



### 퍼셉트론

- 학습 정리
  - 퍼셉트론의 역사와 구조 학습
  - 퍼셉트론의 이진분류기와 활성화함수 학습
  - 퍼셉트론의 학습방법에서 가중치 조정 학습
  - 과대적합과 과소적합의 정의 학습
  - 과대적합과 과소적합의 발생 조건 학습