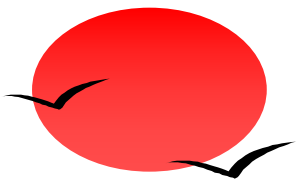


# 软件设计师

## 案例分析专题 试题4

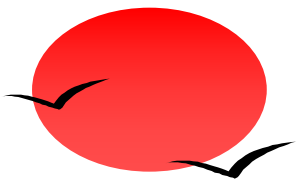
### C语言算法

讲师：诸葛老师



# 1 考点分析

- 根据考试大纲，**C语言算法**已经成为案例分析的固定**试题四**，占**15分**，主要考查常见数据结构和算法的C语言实现。
- **1. C语言**  
熟练掌握**C语言基础语法**即可。
- **2. 数据结构相关概念**  
熟练掌握数据结构相关概念，如线性表、栈、队列、树、图、查找、排序等。
- **3. 常见的算法及复杂度**  
熟练掌握**常见的算法并能以C语言的形式**来应用这些算法。常见的有迭代、穷举、递推、递归、回溯、贪心、动态规划和分治等，以及这些算法的复杂度。



## 2 C语言算法

### ■ 1. C语言

掌握C语言基本语法。

### ■ 2. 数据结构

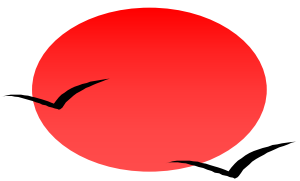
见第3章《数据结构》，灵活掌握数据结构中的相关算法。

### ■ 3. 算法设计与分析

见第8章《算法设计与分析》，尤其要掌握分治法、动态规划法、贪心法和回溯法的基本思想及典型实例。

### ■ 4. 算法复杂度

见第8章《算法设计与分析》。



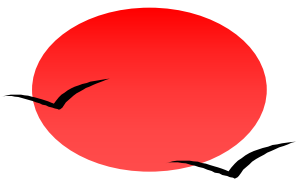
## 3 解题技巧

- C语言算法主要难在C代码填空上，建议是先不解决代码填空题（因为最难），先解决其他外围问题（如时间复杂度、算法技巧、取特殊值计算结果），最后解决代码填空，有助于理解整个题目，技巧如下：

- 1. 代码填空

第一问，最后解决，并不影响解决其他题目，要理解题目算法原理，才能得出答案。结合算法描述中的公式，以及算法代码中类似的分支，能够发现填空的答案在代码中其它地方已经给出。

要注意的是，当遇到有最小值或最大值参与比较时，若比较出来比最小值更小，接下来肯定要更新这个最小值以及其下标元素值。当遇到一些条件判断的填空时，要注意对应上下文查看哪些变量是作为控制的。



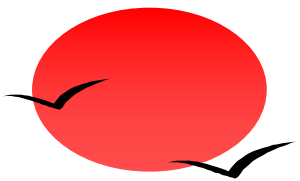
## 3 解题技巧

### ■ 2. 算法设计策略和时间复杂度

第二问，先做，考查采用哪一种算法设计策略很好分辨，涉及到分组就是分治法，局部最优就是贪心法，整体规划最优就是动态规划法，迷宫类的问题是回溯法，记住关键字很好区分；时间复杂度就是看C代码中的for循环层数和每一层的循环次数的量级（关于n的量级），涉及到二分必然有 $O(\log n)$ 。

### ■ 3. 特殊值计算

第三问，一般应该先做，不需要根据C代码，直接根据题目给出的算法原理，一步步推导即可得出答案，耐心推导并不难。但要注意，如果遇到算法原理十分复杂的，建议放弃，掌握问题1和问题2的技巧即可。



# 本节练习-C语言算法

- 阅读下列说明和代码，回答问题1至问题3，将解答写在答题纸的对应栏内。

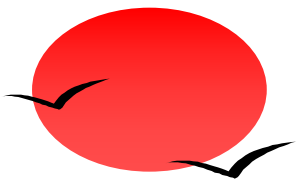
## 【说明】

排序是将一组无序的数据元素调整为非递减顺序的数据序列的过程，堆排序是一种常用的排序算法。用顺序存储结构存储堆中元素。非递减堆排序的步骤是：

(1) 将含 $n$ 个元素的待排序数列构造成一个初始大顶堆，存储在数组 $R(R[1], R[2], \dots, R[n])$ 中。此时堆的规模为 $n$ ，堆顶元素 $R[1]$ 就是序列中最大的元素， $R[n]$ 是堆中最后一个元素；

(2) 将堆顶元素和堆中最后一个元素交换，最后一个元素脱离堆结构，堆的规模减1，将堆中剩余的元素调整成大顶堆；

(3) 重复步骤(2)，直到只剩下最后一个元素在堆结构中，此时数组 $R$ 是一个非递减的数据序列。



# 本节练习-C语言算法

## ■ 【C代码】

下面是该算法的语言实现。

(1) 主要变量说明

n: 待排序的数组长度

R[]: 待排序数组, n个数放在R[1], R[2], ..., R[n]中

(2) 代码

```
#include<stdio.h>
```

```
#define MAXITEM 100
```

```
/*
```

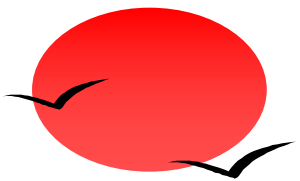
```
调整堆
```

```
R: 待排序数组;
```

```
V: 结点编号, 以v为根的二叉树,  $R[v] \geq R[2v]$ ,  $R[v] \geq R[2v + 1]$ , 且其左子树和右子树都是大顶堆;
```

```
n: 堆结构的规模, 即堆中的元素数
```

```
*/
```

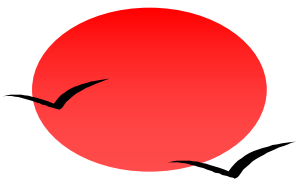


## 本节练习-C语言算法

```
void Heapify(int R[MAXITEM],int v,int n){
    int i,j;
    i=v;
    j=2*i;
    R[0]=R[i];
    while(j<=n){
        if(j<n&&R[j]<R[j+1]){
            j++;
        }
        if(____(1)____){
            R[i]=R[j];
            i=j;
            j=2*i;
        }
        else{
            j=n+1;
        }
    }
    R[i]=R[0];
}
```

```
/*堆排序，R为待排序数组；n为数组大小*/
void HeapSort(int R[MAXITEM],int n){
    int i;
    for(i=n/2;i>=1;i--){
        _____(2)_____;
    }
    for(i=n;____(3)____;i--){
        R[0]=R[i];
        R[i]=R[1];
        _____(4)____;
        Heapify(R,1,i-1);
    }
}
```





## 本节练习-C语言算法

- 【问题1】（8分）

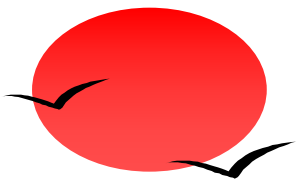
根据以上说明和代码，填充代码中的空（1）~（4）。

- 【问题2】（2分）

根据以上说明和代码，算法的时间复杂度为（5）（用符号O表示）。

- 【问题3】（5分）

考虑数据序列 $R=(7, 10, 13, 15, 4, 20, 19, 8)$ ， $n=8$ ，则构建的初始大顶堆为（6），第一个元素脱离堆结构，对剩余元素再调整成大顶堆后的数组R为（7）。



# 本节练习-C语言算法

- 【参考答案】

- 【问题1】

(1)  $R[0] < R[i]$

(2)  $\text{Heapify}(R, i, n)$

(3)  $i > 1$

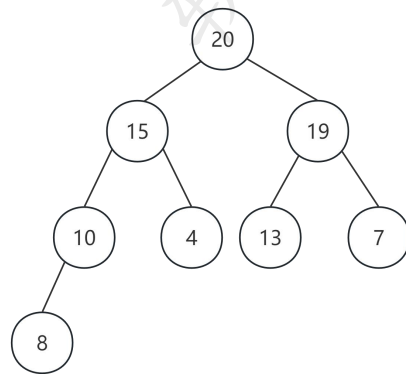
(4)  $R[1] = R[0]$

- 【问题2】

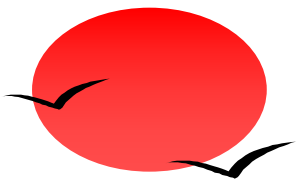
(5)  $O(n \log_2 n)$

- 【问题3】

(6)  $R = (20, 15, 19, 10, 4, 13, 7, 8)$



(7)  $R = (19, 15, 13, 10, 4, 8, 7, 20)$



## 本节练习-C语言算法

- 阅读下列说明和代码，回答问题1至问题3，将解答填入答题纸的对应栏内。

### 【说明】

某工程计算中经常要完成多个矩阵相乘（链乘）的计算任务，对矩阵相乘进行以下说明。

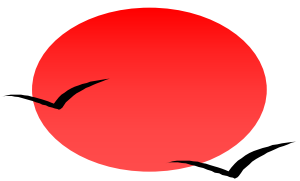
（1）两个矩阵相乘要求第一个矩阵的列数等于第二个矩阵的行数，计算量主要由进行乘法运算的次数决定，假设采用标准的矩阵相乘算法，计算 $A_{m \times n} * B_{n \times p}$ 需要 $m \times n \times p$ 次乘法运算，即时间复杂度为 $O(m * n * p)$ 。

（2）矩阵相乘满足结合律，多个矩阵相乘时不同的计算顺序会产生不同的计算量。以矩阵 $A1_{5 \times 100}$ ， $A2_{100 \times 8}$ ， $A3_{8 \times 50}$ 三个矩阵相乘为例，若按 $(A1 * A2) * A3$ 计算，则需要进行 $5 * 100 * 8 + 5 * 8 * 50 = 6000$ 次乘法运算，若按 $A1 * (A2 * A3)$ 计算，则需要进行 $100 * 8 * 50 + 5 * 100 * 50 = 65000$ 次乘法运算。

矩阵链乘问题可描述为：给定 $n$ 个矩阵，对较大的 $n$ ，可能计算的顺序数量非常庞大，用蛮力法确定计算顺序是不实际的。经过对问题进行分析，发现矩阵链乘问题具有最优子结构，即若 $A_1 * A_2 * \dots * A_n$ 的一个最优计算顺序从第 $k$ 个矩阵处断开，即分为 $A_1 * A_2 * \dots * A_k$ 和 $A_{k+1} * A_{k+2} * \dots * A_n$ 两个子问题，则该最优解应该包含 $A_1 * A_2 * \dots * A_k$ 的一个最优计算顺序和 $A_{k+1} * A_{k+2} * \dots * A_n$ 的一个最优计算顺序。据此构造递归式，

$$cost[i][j] = \begin{cases} 0 & \text{if } i = j \\ \min_{i \leq k < j} cost[i][k] + cost[k+1][j] + p_i * p_{k+1} * p_{j+1} & \text{if } i < j \end{cases}$$

其中， $cost[i][j]$ 表示 $A_{i+1} * A_{i+2} * \dots * A_{j+1}$ 的最优计算的代价。最终需要求解 $cost[0][n-1]$ 。



# 本节练习-C语言算法

## ■ 【代码】

算法实现采用自底向上的计算过程。首先计算两个矩阵相乘的计算量，然后依次计算3个矩阵、4个矩阵、...、n个矩阵相乘的最小计算量及最优计算顺序。下面是该算法的C语言实现。

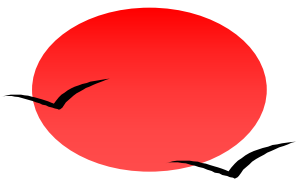
(1) 主要变量说明

n: 矩阵数

seq[]: 矩阵维数序列

cost[i][j]: 二维数组，长度为n\*n，其中元素cost[i][j]表示 $A_{i+1} * A_{i+2} * \dots * A_{j+1}$ 的最优计算的计算代价。

trace[i][j]: 二维数组，长度为n\*n，其中元素trace[i][j]表示 $A_{i+1} * A_{i+2} * \dots * A_{j+1}$ 的最优计算对应的划分位置，即k。



## 本节练习-C语言算法

(2) 函数cmm

```
#define N 100
```

```
int cost[N][N];
```

```
int trace[N][N];
```

```
int cmm(int n,int seq[]){
```

```
    int tempCost;
```

```
    int tempTrace;
```

```
    int i,j,k,p;
```

```
    int temp;
```

```
    for(i = 0; i < n ; i++ ){
```

```
        cost[i][i] = 0;
```

```
    }
```

```
    for(p = 1; p < n ; p++){
```

```
        for(i = 0; i < n-p ; i++){
```

```
            (1);
```

```
            tempCost = -1;
```

```
                for(k = i ; (2) ; k++){
```

```
                    temp = (3);
```

```
                    if(tempCost == -1 || tempCost > temp){
```

```
                        tempCost = temp;
```

```
                        tempTrace = k;
```

```
                    }
```

```
                }
```

```
                cost[i][j] = tempCost;
```

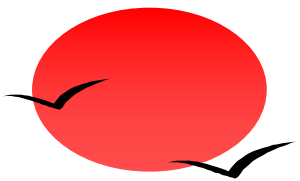
```
                (4);
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        return cost[0][n-1];
```

```
    }
```



## 本节练习-C语言算法

- 【问题1】（8分）

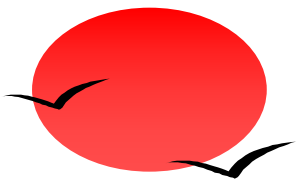
根据以上说明和代码，填充代码中的空（1）～（4）。

- 【问题2】（4分）

根据以上说明和代码，该问题采用了（5）算法设计策略，时间复杂度为（6）（用符号O表示）。

- 【问题3】（3分）

考虑实例 $n=4$ ，各个矩阵的维数：A1为 $15*5$ ，A2为 $5*10$ ，A3为 $10*20$ ，A4为 $20*25$ ，即维数序列为15，5，10，20和25。则根据上述代码得到的一个最优计算顺序为（7）（用加括号方式表示计算顺序），所需要的乘法运算次数为（8）。



# 本节练习-C语言算法

- 【参考答案】

- 【问题1】

1.  $j=i+p$

2.  $k < j$

3.  $\text{cost}[i][k] + \text{cost}[k+1][j] + \text{sep}[i] * \text{sep}[k+1] * \text{sep}[j+1]$

4.  $\text{trace}[i][j] = \text{tempTrace}$

- 【问题2】

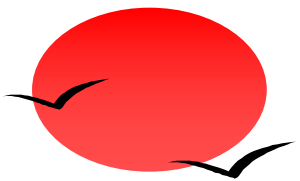
5. 动态规划

6.  $O(n^3)$

- 【问题3】

7.  $A1 * ((A2 * A3) * A4)$

8. 5375



感谢

---

***THANKS***

软件设计师QQ群: 759713504

诸葛老师微信: zhugeruankao