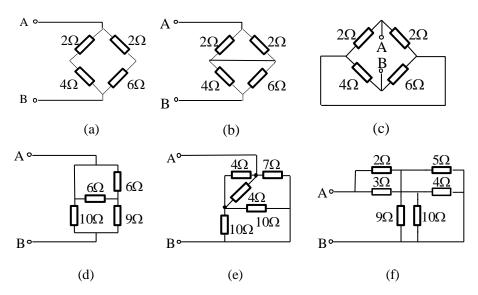
第2章 简单电阻电路的分析方法

2-1 求题图 2-1 所示各电路的入端电阻 R_{AB} 。



题图 2-1

P (a)
$$R_{AB} = (2+4)/(2+6) = \frac{6\times8}{6+8} = 3.43\Omega$$

(b)
$$R_{AB} = \frac{2 \times 2}{2 + 2} + \frac{4 \times 6}{4 + 6} = 1 + 2.4 = 3.40\Omega$$

(c)
$$R_{AB} = \frac{2 \times 2}{2 + 2} + \frac{4 \times 6}{4 + 6} = 1 + 2.4 = 3.40\Omega$$

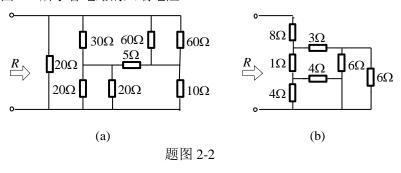
(d)
$$R_{AB} = (6/(6+9)/(10=5.45\Omega)$$

(e)
$$R_{AB} = [(4//4) + (10//10)]//7 = \frac{7}{2} = 3.50\Omega$$

(f) 将两个星形连接转换成三角形连接,求得 $R_{AB}=2.76\Omega$ 或按下式计算:

$$R_{AB} = (4//10+3)//(5//9+2) = \frac{2993}{1085} = 2.76\Omega$$

2-2 求题图 2-2 所示各电路的入端电阻 R。



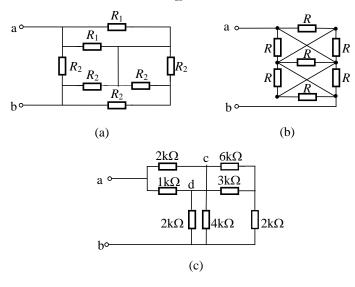
\mathbf{k} (a) 电桥平衡, 5Ω 电阻支路可开路,再利用串并联求得

$$R = 20/(30 + 20/20)/(60/60 + 10) = 10\Omega$$

(b) 利用串并联,可得

$$R=[(6//6)+3]//[(4//4)+1]+8=10 \Omega$$

2-3 求题图 2-3 所示各电路的入端电阻 R_{ab} 。



题图 2-3

解 (a) 为串并联网络,入端电阻为

$$R_{ab} = R_2 //[R_1 // R_1 + R_2 //(R_2 // R_2 + R_2)]$$

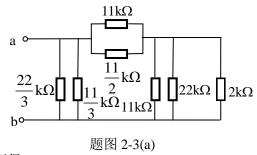
$$= R_2 //(0.5R_1 + 0.6R_2)$$

$$= \frac{(0.5R_1 + 0.6R_2)R_2}{0.5R_1 + 6.6R_2}$$

(b) 各电阻均为并联关系, 所以

$$R_{\rm ab} = \frac{R}{7} = 0.143R$$

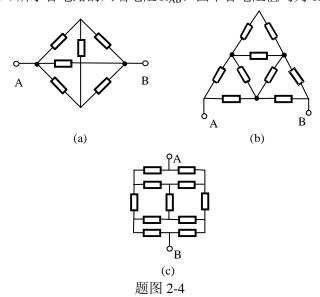
(c) 作 Y→∆变换, 如题图 2-3(a)所示。



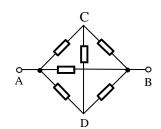
再利用串并联结果,可得

$$R_{ab} = 2.444 \times 10^3 //(3.667 \times 10^3 + 1.571 \times 10^3) = 1.67 \text{k}\Omega$$

2-4 求题图 2-4 所示各电路的入端电阻 R_{AB} 。图中各电阻值均为 1Ω 。



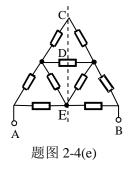
解 (a) 题图 2-4(a)中 C、D 两点等电位(题图 2-4(d)),实际为平衡电桥,由此可得 $R_{\rm AB}=1/\!/(1\!+\!1)/\!/(1\!+\!1)=0.5\Omega$

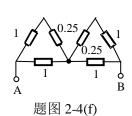


题图 2-4(d)

(b) 题图 2-4(b)可改画为题图 2-4(e)所示, 其中虚线上各点应等电位, 可用短路线连接, 则题图 2-4(e)可简化为题图 2-4(f)所示, 所以

$$R_{\rm AB} = 1/(0.25+1) + 1/(0.25+1) = 1.11\Omega$$

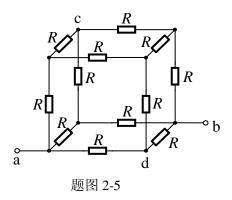




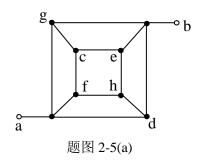
(c) 题图 2-4(c)以 AB 轴对称,所以有

$$R_{\rm AB} = 1//1 + (1//1)//(1//1 + 1 + 1//1) + 1//1 = 1.4\Omega$$

2-5 在题图 2-5 所示电路中,每个电阻值均为 R。试分别求入端电阻 R_{ab} 和 R_{cd} 。



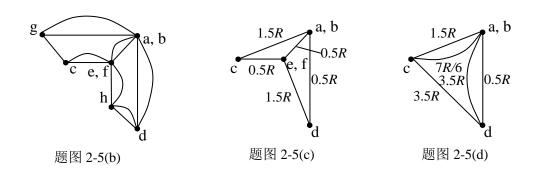
解 题图 2-5 所示电路可画成题图 2-5(b)所示平面形式,其中每一线段表示一电阻 R。



当以 a、b 为端口时,沿 a-f-e-b 轴对称,即 c 与 h 等电位可短接,g 与 d 等电位可短接,再利用电桥平衡,可得

$$R_{\rm ab} = (R + R//R)//(R//R) + (R + R//R)//(R//R) = 0.75R$$

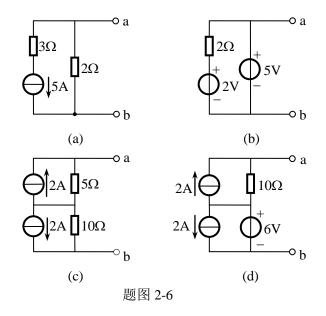
当以 c、d 为端口时,沿 g-c-h-d 轴对称,即 a 与 b 等电位可短接,e 与 f 等电位可短接,则题图 2-5(a)电路等效为题图 2-5(b)所示电路,进一步化简可得题图 2-5(c)所示电路,再对题图 2-5(c)所示电路作 $Y \rightarrow \Delta$ 变换得题图 2-5(d)所示电路。



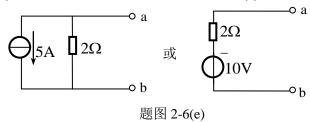
由题图 2-5(d)所示电路利用电阻串并联可得

$$R_{\rm cd} = 3.5R / [1.5R / (7R/6) + 3.5R / (0.5R)] = 0.833R$$

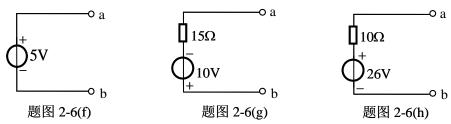
2-6 试将题图 2-6 中各电路化成最简单形式。



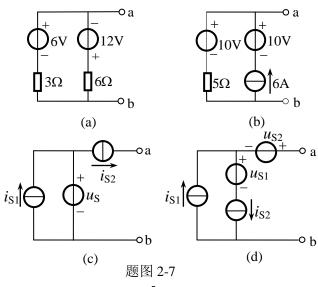
解 (a) 题图 2-6(a)所示电路最简形式等效电路如题图 2-6(e)所示。



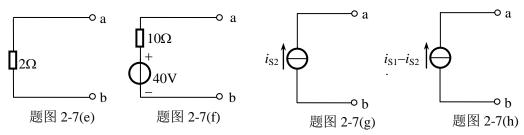
(b)、(c)、(d) 题图 2-6(b)、(c)和(d)所示电路最简形式等效电路分别如题图 2-6(f)、(g)和(h) 所示。



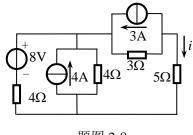
2-7 试将题图 2-7 中各电路化成最简单形式。



解 题图 2-7(a)、(b)、(c)和(d)所示各电路的最简单形式分别如题图 2-7(e)、(f)、(g)和(h) 所示。

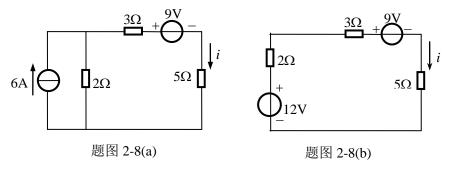


2-8 试用电源等效变换方法求题图 2-8 所示电路中的电流 i。



题图 2-8

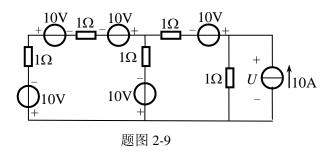
解 题图 2-8 经电源等效变换为题图 2-8(a)所示,进一步可变换为题图 2-8(b)所示。



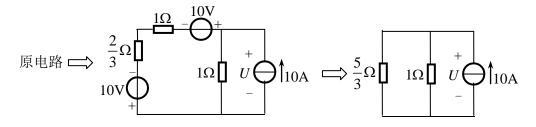
由题图 2-8(b)可得

$$i = \frac{12 - 9}{2 + 3 + 5} = 0.3A$$

2-9 试求题图 2-9 所示电路中的电压 U。



解 用电源等效变换,变换过程如题图 2-9(a)所示。

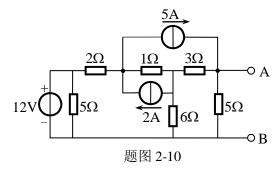


题图 2-9(a)

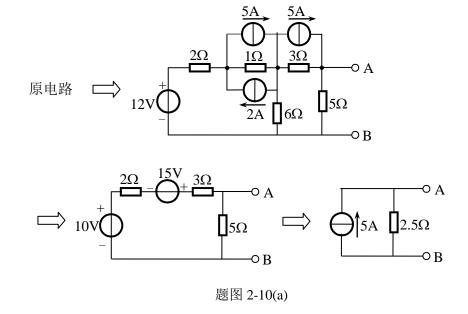
由等效电路可求得

$$U = \frac{\frac{5}{3} \times 1}{\frac{5}{3} + 1} \times 10 = 6.25$$
V

2-10 试将题图 2-10 所示电路化成最简单形式。

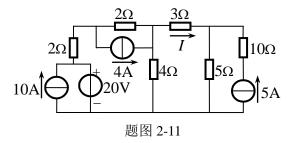


解 利用电源等效变换,变换过程如题图 2-10(a)所示。

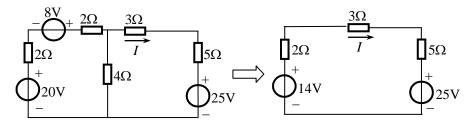


说明: 书后所附答案中对应电路不含 6Ω电阻。

2-11 试求题图 2-11 所示电路中的电流 I。



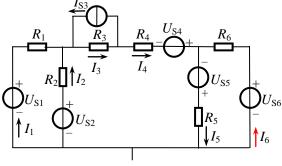
对原电路进行电源变换,变换过程如题图 2-11(a)所示。



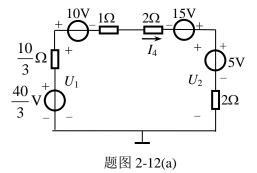
由等效电路得

$$I = \frac{14 - 25}{2 + 3 + 5} = -1.1A$$

2-12 题图 2-12 所示电路中,已知电压源电压 $U_{S1} = U_{S6} = 20$ V, $U_{S2} = U_{S5} = 10$ V, $U_{S4} = 15$ V, 电流源电流 $I_{S3}=10$ A,电阻 $R_1=10\Omega$, $R_2=5\Omega$, $R_3=1\Omega$, $R_4=2\Omega$, $R_5=R_6=4\Omega$ 。试求电路中各支 路的电流。



题图 2-12 题图 2-12 所示电路作电源等效变换,如题图 2-12(a)所示。



由等效电路得

$$I_4 = \frac{-10 + \frac{40}{3} - 5 + 15}{2 + 1 + \frac{10}{3} + 2} = 1.6A$$

$$U_1 = -\frac{10}{3} \times 1.6 + \frac{40}{3} = 8V, \quad U_2 = 5 + 2 \times 1.6 = 8.2V$$

再由原电路可得

$$I_{3} = I_{4} + I_{S4} = 1.6 + 10 = 11.6A$$

$$I_{1} = \frac{U_{S1} - U_{1}}{R_{1}} = \frac{20 - 8}{10} = 1.2A$$

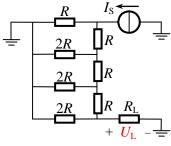
$$I_{2} = \frac{U_{S2} - U_{1}}{R_{2}} = \frac{10 - 8}{5} = 0.4A$$

$$I_{5} = \frac{U_{2} + U_{S5}}{R_{5}} = \frac{8.2 + 10}{4} = 4.55A$$

$$I_{6} = \frac{U_{S6} - U_{2}}{R_{c}} = \frac{20 - 8.2}{4} = 2.95A$$

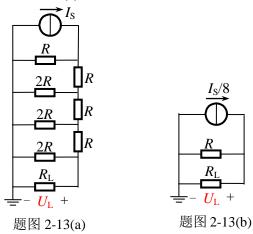
说明:注意 I_6 的参考方向。

2-13 求题图 2-13 所示电路中的电压 U_L 。设 I_S ,R, R_L 为已知。



题图 2-13

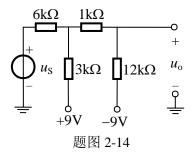
解 题图 2-13 所示电路可重画成题图 2-13(a)所示。



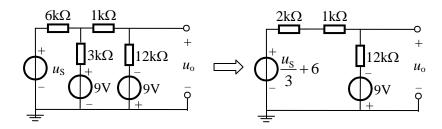
对电路逐级作电源等效变换,得等效电路题图 2-13(b)所示。由此可得

$$U_{\rm L} = \frac{RR_{\rm L}}{R + R_{\rm L}} \times \frac{I_{\rm S}}{8}$$

2-14 题图 2-14 所示电路中 $u_S=3\sin\omega t$ V。试求电压 u_o 。



解 题图 2-14 所示电路可重画并作电源等效变换如题图 2-14(a)所示。

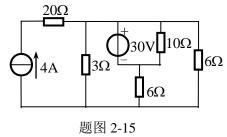


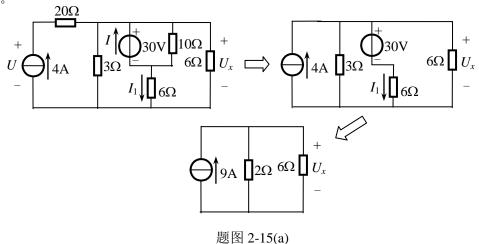
题图 2-14(a)

由等效电路可得

$$u_o = \frac{\frac{u_S}{3} + 6 + 9}{15 \times 10^3} \times 12 \times 10^3 - 9 = 3 + \frac{4u_S}{15} = 3 + 0.8 \sin \omega t \text{ V}$$

2-15 求题图 2-15 所示电路中电压源、电流源发出的功率。





由等效电路可求得

$$U_x = \frac{2 \times 6}{2 + 6} \times 9 = 13.5 \text{V}$$

再由变换前电路可得

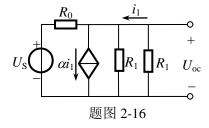
$$I = -I_1 + \frac{30}{10} = -\frac{U_x - 30}{6} + 3 = 5.75A$$
$$U = 20 \times 4 + U_x = 93.5V$$

电压源、电流源发出的功率分别为

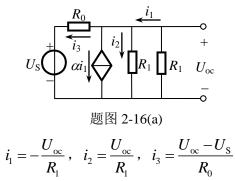
$$P_U = 30I = 30 \times 5.75 = 172.5$$
W

$$P_I = U \times 4 = 93.5 \times 4 = 374$$
W

2-16 试求题图 2-16 所示电路中的电压 $U_{\rm oc}$ 。



解 参考方向如题图 2-16(a)所示。



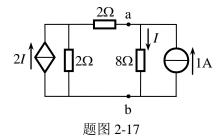
由 KCL,有

$$-i_1 + i_2 + \alpha i_1 + i_3 = (1 - \alpha) \frac{U_{\text{oc}}}{R_1} + \frac{U_{\text{oc}}}{R_1} + \frac{U_{\text{oc}} - U_{\text{S}}}{R_0} = 0$$

解得

$$U_{\rm oc} = \frac{R_{\rm l}U_{\rm S}}{(2-\alpha)R_{\rm 0} + R_{\rm l}}$$

2-17 试求题图 2-17 所示电路中的电压 U_{ab} 。



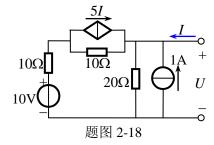
解 列写 KVL 方程如下:

$$8I = 2(1-I) + 2(2I+1-I)$$

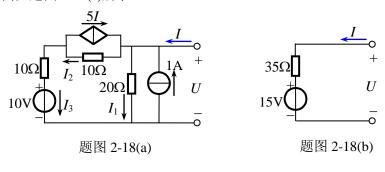
解得I = 0.5A。所以

$$U_{ab} = 8I = 4V$$

2-18 试将题图 2-18 所示电路化成最简单形式。



解 参考方向如题图 2-18(a)所示。



$$I_1 = \frac{U}{20}$$
, $I_2 = 5I - I_1 + 1 + I = 1 - \frac{U}{20} + 6I$

$$I_3 = -I_1 + 1 + I - \frac{U}{20} + 1 + I = 1 - \frac{U}{20} + I$$

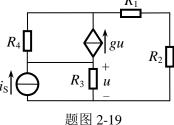
$$U = 10I_2 + 10I_3 + 10 = 10\left(1 - \frac{U}{20} + 6I\right) + 10\left(1 - \frac{U}{20} + I\right) + 10$$

解得

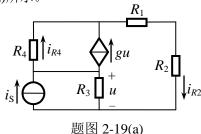
$$U = 35I + 15$$

所以,最简单形式的等效电路如题图 2-19(b)所示。

2-19 题图 2-19 所示电路中,已知 i_S =1.2A, R_1 =30 Ω , R_2 =40 Ω , R_3 =10 Ω , R_4 =20 Ω ,g=0.1S。 试求电压 u 。



解 参考方向如题图 2-19(a)所示。



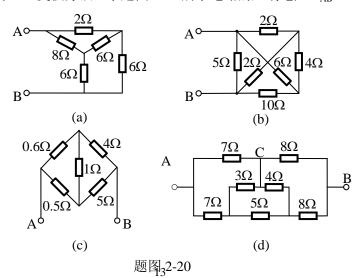
$$i_{R2} = i_{S} - \frac{u}{R_{3}} = 1.2 - 0.1u$$
, $i_{R4} = i_{R2} - gu = 1.2 - 0.2u$

由 KVL, 可得

$$u = R_4 i_{R4} + (R_1 + R_2) i_{R2} = 20 \times (1.2 - 0.2u) + 70 \times (1.2 - 0.1u)$$

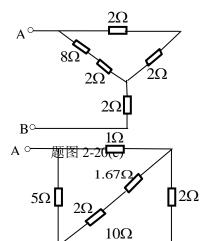
解得u = 9V。

2-20 用电阻的 $Y-\Delta$ 变换方法,求题图 2-20 所示电路的入端电阻 R_{AB} 。



解 对题图(a)~(d)分别进行 Δ →Y 变换。

(a) 题图 2-20(a)等效电路如题图 2-20(e)所示。 $R_{\rm AB} = (2+2) \, / \, (8+2) + 2 = 4.86 \, \Omega$



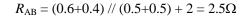
(b) 题图 2-20(b)等效电路如题图 2-20(f)所示。

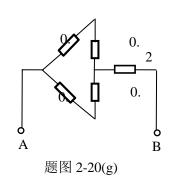
 $R_{AB} = 5 // [1 + (2+1.67) // (10+2)] = 1.94 \Omega$

题图 2-20(f)

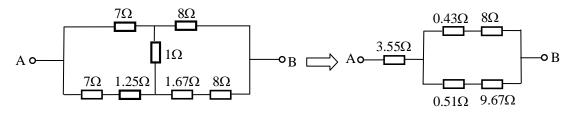
ВО

(c) 题图 2-20(c)等效电路如题图 2-20(g)所示。





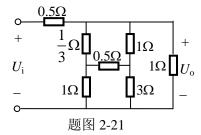
(d) 题图 2-20(d)等效变换过程如题图 2-20(h)所示。



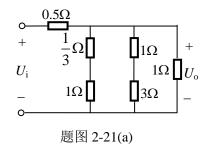
题图 2-20(h)

 $R_{AB} = 3.55 + (0.431+8) // (0.508+9.67) = 8.16 \Omega$

2-21 题图 2-21 所示电路中,设输入电压为 $U_{\rm i}$ 。试求电压比 $U_{\rm o}/U_{\rm i}$ 。



解法1 对题中求解问题,利用电桥平衡条件,原电路可等效为题图 2-21(a)所示。



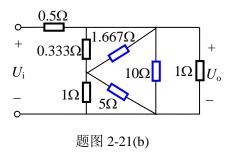
由等效电路有

$$(1/3+1)/(1+3)//1=0.5 \Omega$$

所以

$$\frac{U_{\circ}}{U_{i}} = \frac{0.5}{0.5 + 0.5} = 0.5$$

解法 2 (若未看出电桥平衡)可利用 Y-Δ变换,原电路可等效为题图 2-21(b)所示。



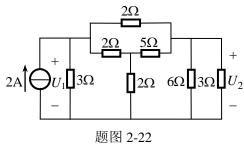
由电阻串并联关系可得

$$(0.333//1.667+1//5)//10//1=0.500 \Omega$$

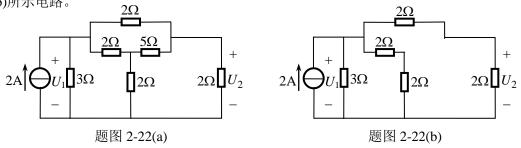
所以

$$\frac{U_{\circ}}{U_{\rm i}} = \frac{0.5}{0.5 + 0.500} = 0.500$$

2-22 电路如题图 2-22 所示。试求: (1) 电压 U_1 , U_2 ; (2) 电流源发出的功率。



解法 1 原电路可等效为题图 2-22(a)所示电路,再利用电桥平衡条件可等效为题图 2-22(b)所示电路。



由题图 2-22(b)可求得

$$U_1 = [3//(2+2)//(2+2)] \times 2 = \frac{6}{5} \times 2 = 2.4V$$

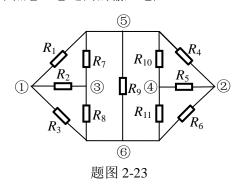
$$U_2 = \frac{2}{2+2}U_1 = 1.2V$$

电流源发出的功率为

$$P = U_1 \times 2 = 2.4 \times 2 = 4.8W$$

解法 2 可作中间部分 Y→Δ变换,再利用电阻串并联求解。

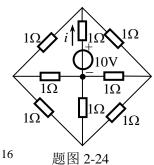
2-23 电路如题图 2-23 所示。已知电路参数 $R_1=R_6=2\Omega$, $R_2=R_5=3\Omega$, $R_3=R_4=R_7=R_9=R_{11}=6\Omega$, $R_8=R_{10}=18\Omega$ 。试求节点⑤、⑥之间的输入电阻。



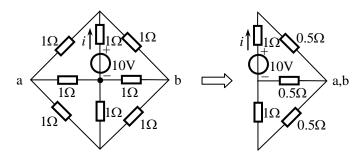
解 题图 2-23 所示节点⑤、⑥之间看入,左、右各有一平衡电桥,因此 R_2 、 R_5 可看作开路,所以输入电阻为

$$R_{56} = (R_1 + R_3) / (R_7 + R_8) / R_9 / (R_{10} + R_{11}) / (R_4 + R_6)$$
$$= (2+6) / (6+18) / 6 / (18+6) / (6+2)$$
$$= 2\Omega$$

2-24 求题图 2-24 所示电路中的电流 *i*。



解 由对称性可知,题图 2-24(a)中 a、b 两点等电位,可视为短路,可作等效变换如图。



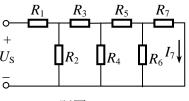
题图 2-24(a)

由等效电路可得

$$i = \frac{10}{1 + 0.5 + 0.5 //(0.5 + 1)} = \frac{10}{1.875} = 5.33A$$

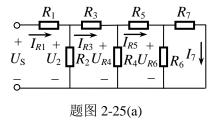
2-25 题图 2-25 所示电路中,已知 R_1 = R_3 = R_5 = R_7 =2 Ω , R_2 = R_4 = R_6 =20 Ω 。如果 I_7 =1A,试求:(1)电阻 R_2 , R_4 及 R_4 两端的电压;(2)电阻 R_1 , R_3 , R_5 及 R_7 中的电流;(3)电源电压 U_S 。

利用上述结果,推算 $U_S=100V$,电流 I_7 的值。



题图 2-25

解 参考方向如题图 2-25(a)所示。



 $I_7=1$ A 即 R_7 中的电流,根据电阻的串并联关系递推分别得到:

$$U_{R6} = R_7 I_7 = 2 \times 1 = 2V$$

$$I_{R5} = \frac{U_{R6}}{R_6} + I_{R7} = \frac{2}{20} + 1 = 1.1A$$

$$U_{R4} = R_5 I_{R5} + U_{R6} = 2 \times 1.1 + 2 = 4.2V$$

$$I_{R3} = \frac{U_{R4}}{R_4} + I_{R5} = \frac{4.2}{20} + 1.1 = 1.31A$$

$$U_{R2} = R_3 I_{R3} + U_{R4} = 2 \times 1.31 + 4.2 = 6.82 \text{V}$$

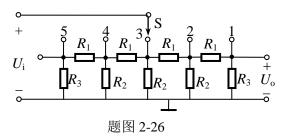
$$I_{R1} = \frac{U_{R2}}{R_2} + I_{R3} = \frac{6.82}{20} + 1.31 = 1.651A$$

$$U_{\rm S} = R_{\rm I}I_{R1} + U_{R2} = 2 \times 1.651 + 6.82 = 10.122 \text{V}$$

当 $U_{\rm S}$ =100V,可以推算出:

$$I_7 = \frac{100}{10.122} \times 1 = 9.88A$$

2-26 题图 2-26 所示电路为一衰减器的原理图。当开关 S 分别拨向 1 至 5 各档时, U_0/U_1 的值分别为 10^0 至 10^{-4} 。试求电阻 R_1 , R_2 和 R_3 的比值。



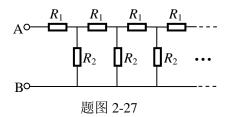
解 由设计要求,有

$$\begin{cases} \frac{R_3}{R_1 + R_3} = 10^{-1} \\ R_2 / / (R_1 + R_3) = R_3 \end{cases}$$

整理得 $R_1 = 9R_3$, $R_2 = \frac{10}{9}R_3$, 所以

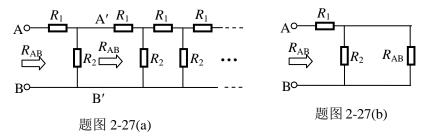
$$R_1: R_2: R_3 = 81:10:9$$

- **2-27** 题图 2-27 所示电路由许多单元构成,每个单元包含 R_1 和 R_2 两个电阻。设单元数 很多,视作无穷大。
 - (1) 设 R_1 =2 Ω , R_2 =1 Ω , 求 A, B 处的入端电阻;
- (2) 以 B 点为参考点,若每个节点电压是前一个节点电压的一半,问此时 R_2/R_1 的值是多少?



 \mathbf{R} (1)设入端电阻为 \mathbf{R}_{AB} ,因单元数视作无穷大,所以从题图 2-27(a)A'、B'看入入

端电阻也是 R_{AB} ,由此有题图 2-27(b)所示的等效电路。



由题图 2-27(b)可得

$$R_{AB} = R_1 + \frac{R_2 R_{AB}}{R_2 + R_{AB}}$$

整理得

$$R_{AB}^2 - R_1 R_{AB} - R_1 R_2 = 0$$

代入参数有

$$R_{AB}^2 - 2R_{AB} - 2 = 0$$

解得

$$R_{\rm AB} = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 8}}{2} = 1 \pm \sqrt{3}$$

舍去负值。所以 $R_{AB} = 1 + \sqrt{3} = 2.73\Omega$ 。

(2) 若每个节点电压是前一个节点电压的一半,则应有

$$\frac{\frac{R_2 R_{\text{AB}}}{R_2 + R_{\text{AB}}}}{R_{\text{AB}}} \times U = \frac{U}{2}$$

此时 $R_2 = R_{AB}$,则有

$$R_{\rm AB} = R_1 + \frac{R_2 R_{\rm AB}}{R_2 + R_{\rm AB}} = R_1 + \frac{R_2 R_2}{R_2 + R_2} = R_1 + \frac{R_2}{2} = R_2$$

所以
$$\frac{R_2}{R_1}=2$$
。

第2章 简单电阻电路的分析方法

- 2-1 (a) R_{AB} =3.43 Ω ; (b) R_{AB} =3.4 Ω ; (c) R_{AB} =3.4 Ω ; (d) R_{AB} =5.45 Ω ; (e) R_{AB} =3.5 Ω ; (f) R_{AB} =2.76 Ω
 - 2-2 (a) 电桥平衡, $R_{AB}=10\Omega$; (b) $R_{AB}=10\Omega$

2-3 (a)
$$R_{ab} = \frac{R_2(0.5R_1 + 0.6R_2)}{0.5R_1 + 1.6R_2}$$
; (b) $R_{ab} = R/7 = 0.143R$; (c) Y-Δ变换, $R_{ab} = 1.67\Omega$

- 2-4 (a)电桥平衡, R_{AB} =0.5 Ω ;(b)对称性, R_{AB} =1.11 Ω ;(c)对称性, R_{AB} =1.4 Ω
- 2-5 利用对称性及电桥平衡。 $R_{ab}=0.75R$, $R_{cd}=0.833R$
- 2-8 电源等效变换, i=0.3A
- 2-9 电源等效变换, U=6.25V
- 2-10 用电源等效变换简化为 5A 电流源与 2.5Ω电阻的串联支路
- 2-11 *I*= −1.1A
- 2-12 I_1 = 1.2A, I_2 = 0.4A, I_3 =11.6A, I_4 =1.6A, I_5 =4.55A, I_6 =2.95A
- 2-13 逐级进行电源等效变换, $U_{\rm L} = \frac{RR_{\rm L}}{8(R+R_{\rm L})}I_{\rm L}$
- 2-14 $u_0 = 3 + 0.8 \sin \omega t \text{ V}$
- 2-15 电压源发出 172.5W, 电流源发出 374W

2-16
$$U_{\text{oc}} = \frac{R_1 U_S}{R_1 + (2 - \alpha) R_0}$$

- 2-17 $U_{ab} = 4V$
- 2-18 15V 电压源与 35Ω电阻串联支路
- 2-19 *u*=9 V
- 2-20 Y-Δ变换。(a) R_{AB} =4.86Ω; (b) R_{AB} =1.94Ω; (c) R_{AB} =2.5Ω; (d) R_{AB} =8.17Ω
- 2-21 $U_0/U_1 = 0.5$
- 2-23 电桥平衡, R_2 及 R_5 支路电流为零, $R_{56}=2\Omega$
- 2-24 利用对称性简化,i=5.33A
- 2-25 (1) U_{R2} =6.82V, U_{R4} =4.2V, U_{R6} =2V; (2) I_{R1} =1.65A, I_{R3} =1.31A, I_{R5} =1.1A, I_{R7} =1A; (3) U_{S} =10.1V, I_{7} =9.88A
 - 2-26 R_1 : R_2 : R_3 =81 : 10 : 9
 - 2-27 利用极限的概念。 $R_{AB}=2.73 \Omega$, $R_2/R_1=2$