习题

4.1 若 $X \sim N(0,1)$,对任意实数 $\epsilon > 0$, 求证

$$P(X \geqslant \epsilon) \geqslant \frac{1}{3}e^{-\frac{(\epsilon+1)^2}{2}}$$

4.2 查资料学习Г分布并计算期望与方差. Г分布的概率密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\beta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} x^{\alpha - 1} e^{-x/\beta} & x > 0\\ 0 & x \leqslant 0. \end{cases}$$

- **4.4** 已知二维随机变量 (X,Y) 的分布函数为 F(x,y), 求概率 P(X > x, Y > y).