# Tugas Besar IF2220 Probabilitas dan Statistika

# Penarikan Kesimpulan dan Pengujian Hipotesis

# Anggota:

- 1. Primanda Adyatma Hafiz 13520022
- 2. Hansel Valentino Tanoto 13520046

#### # module

```
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import scipy.stats as st
import seaborn as sns
import math
```

#### Read File

```
# set kolom
columns_name = ['pH', 'Hardness', 'Solids', 'Chloramines', 'Sulfate',
'Conductivity', 'OrganicCarbon', 'Trihalomethanes', 'Turbidity',
'Potability']
```

#### # read file

```
water_potability = pd.read_csv('water_potability.csv', header=None,
names=columns_name)
water_potability.index.name = 'id'
```

# # display data

water\_potability

	Hq	Hardness	Solids	Chloramines	Sulfate	\
id	•					
1	8.316766	214.373394	22018.417441	8.059332	356.886136	
2	9.092223	181.101509	17978.986339	6.546600	310.135738	
3	5.584087	188.313324	28748.687739	7.544869	326.678363	
4	10.223862	248.071735	28749.716544	7.513408	393.663396	
5	8.635849	203.361523	13672.091764	4.563009	303.309771	
2006	8.197353	203.105091	27701.794055	6.472914	328.886838	
2007	8.989900	215.047358	15921.412018	6.297312	312.931022	
2008	6.702547	207.321086	17246.920347	7.708117	304.510230	
2009	11.491011	94.812545	37188.826022	9.263166	258.930600	
2010	6.069616	186.659040	26138.780191	7.747547	345.700257	

Conductivity OrganicCarbon Trihalomethanes Turbidity Potability id

1	363.266516	18.436524	100.341674	4.628771
2	398.410813	11.558279	31.997993	4.075075
3	280.467916	8.399735	54.917862	2.559708
4	283.651634	13.789695	84.603556	2.672989
5	474.607645	12.363817	62.798309	4.401425
	• • •	• • •		
2006 1	444.612724	14.250875	62.906205	3.361833
2007 1	390.410231	9.899115	55.069304	4.613843
2008 1	329.266002	16.217303	28.878601	3.442983
2009 1	439.893618	16.172755	41.558501	4.369264
2010 1	415.886955	12.067620	60.419921	3.669712

[2010 rows x 10 columns]

# **Info Atribut**

water\_potability.info()

<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
Int64Index: 2010 entries, 1 to 2010
Data columns (total 10 columns):

#	Column	Non-Null Count	Dtype
0	рН	2010 non-null	float64
1	Hardness	2010 non-null	float64
2	Solids	2010 non-null	float64
3	Chloramines	2010 non-null	float64
4	Sulfate	2010 non-null	float64
5	Conductivity	2010 non-null	float64
6	OrganicCarbon	2010 non-null	float64
7	Trihalomethanes	2010 non-null	float64
8	Turbidity	2010 non-null	float64
9	Potability	2010 non-null	int64

dtypes: float64(9), int64(1)

memory usage: 172.7 KB

#### Soal 1

Menulis deskripsi statistika (Descriptive Statistics) dari semua kolom pada data yang bersifat numerik, terdiri dari mean, median, modus, standar deviasi, variansi, range, nilai minimum, maksimum, kuartil, IQR, skewness dan kurtosis.

```
a. Mean, Standar Deviasi, Nilai Minimum, Quartile, Nilai Maksimum, Median, Variance, Range,
IQR, Skewness, dan Kurtosis
numeric data = water potability.loc[:, water potability.columns!
='Potability']
desc = numeric data.describe()
# Median
desc.loc['median'] = numeric data.median()
# Variance
desc.loc['variance'] = numeric data.var()
# Range
desc.loc['range'] = numeric data.max()-numeric data.min()
# Interquartile Range
desc.loc['IQR'] = numeric data.quantile(0.75) -
numeric data.quantile(0.25)
# Skewness
desc.loc['skewness'] = numeric data.skew()
# Kurtosis
desc.loc['kurtosis'] = numeric data.kurtosis()
desc
                           Hardness
                                           Solids Chloramines
                    рΗ
Sulfate
          2010.000000
                        2010.000000
                                     2.010000e+03
                                                    2010.000000
count
2010.000000
             7.087193
                         195.969209
                                     2.190467e+04
                                                       7.134322
mean
333.211376
                          32.643166 8.625398e+03
                                                       1.585214
std
             1.572803
41.211111
             0.227499
                          73.492234 3.209426e+02
                                                       1.390871
min
129.000000
                         176.740657 1.561441e+04
25%
             6.090785
                                                       6.138326
307,626986
             7.029490
                         197.203525
                                     2.092688e+04
                                                       7.142014
50%
332.214113
75%
             8.053006
                         216.447589
                                     2.717053e+04
                                                       8.109933
```

339.20	0014/	14 0	00000	217	338124	E 640	867e+04	1 10	127000		
max 481.0	30642	14.0	00000	31/.	338124	5.048	8676+04	+ 13.	12/000		
media		7.0	29490	197.	203525	2.092	688e+04	17.	142014		
varia	nce	2.4	73709	1065.	576277	7.439	749e+07	7 2.	512904		
range	355672	13.7	72501	243.	845890	5.616	773e+04	1 11.	736129		
352.03 IQR 51.643		1.9	62221	39.	706932	1.155	612e+04	1 1.	971607		
skewn	ess	0.0	48535	-0.	085321	5.910	114e-01	0.	013003	-	
0.045 kurto: 0.786	sis	0.6	26904	0.	525480	3.373	203e-01	1 0.	549782		
count mean std min 25% 50% 75% max median varian range IQR skewne kurtos b. Mod # Modus	n nce ( ess sis us	2010. 426. 80. 201. 366. 423. 482. 753. 423. 5512. 551. 115. 0.	tivity 000000 476708 701872 619737 619219 438372 209772 342620 438372 792113 722883 590553 268012 237206	26	anicCarb 010.0000 14.3579 3.3257 2.2000 12.1225 14.3232 16.6835 27.0067 14.3232 11.0607 24.8067 4.5610 -0.0202 0.0310	00 40 70 00 30 86 62 07 86 46 07 31	2010 . 66 . 16 . 55 . 66 . 77 . 124 . 66 . 258 . 115 . 21 .	ethanes .000000 .400717 .081109 .577013 .949993 .482041 .294613 .000000 .482041 .602066 .422987 .344620 .051383 .223017	2010.0 3.9 0.7 1.4 3.4 3.9 4.5 6.4 3.9 0.6 5.6	01dity 000000 069497 (80471 50000 42882 067374 04749 067374 09135 044749 071781 032266 049831	
<pre>Modus = numeric_data.mode() Modus</pre>											
0 1 2 3 4	0.227 0.989 1.437 1.757	9912 1782 7037	Hard 73.49 77.49 81.71 94.09	9586 10895 91307	320. 1198. 1351. 1372.	Solids 942611 943699 906979 091043 962804	1 1 2 2	camines .390871 .920271 .397985 .456014 .458609	Sul 129.00 180.20 182.39 187.17	06746 07370 0714	\
2005 2006 2007 2008 2009	11.568 11.898 12.246 13.349 14.000	3078 5928 9889	286.56 287.97 300.29 306.62 317.33	75540 92476 27481	50793. 53735. 55334. 56351. 56488.	899194 702799 396304	12 12 13	.580026 .626900 .653362 .043806	458.44 460.16 475.73 476.53 481.03	7069 87460 89717	

359.268147

```
Conductivity
                    OrganicCarbon
                                    Trihalomethanes
                                                      Turbidity
0
        201.619737
                          2.200000
                                            8.577013
                                                       1.450000
1
        210.319182
                          4.371899
                                           14.343161
                                                       1.492207
2
        233,907965
                          4.466772
                                           15.684877
                                                       1.496101
3
        245.859632
                          4.861631
                                           16.291505
                                                       1.680554
4
        252.968328
                          4.966862
                                           17.527765
                                                       1.812529
        666,690618
                         23.569645
                                          114.034946
                                                       6.307678
2005
2006
        669.725086
                         23.604298
                                          114.208671
                                                       6.357439
2007
        695.369528
                         23.917601
                                          116.161622
                                                       6.389161
2008
        708.226364
                         24.755392
                                          120.030077
                                                       6.494249
2009
        753.342620
                         27.006707
                                          124.000000
                                                       6.494749
```

### [2010 rows $\times$ 9 columns]

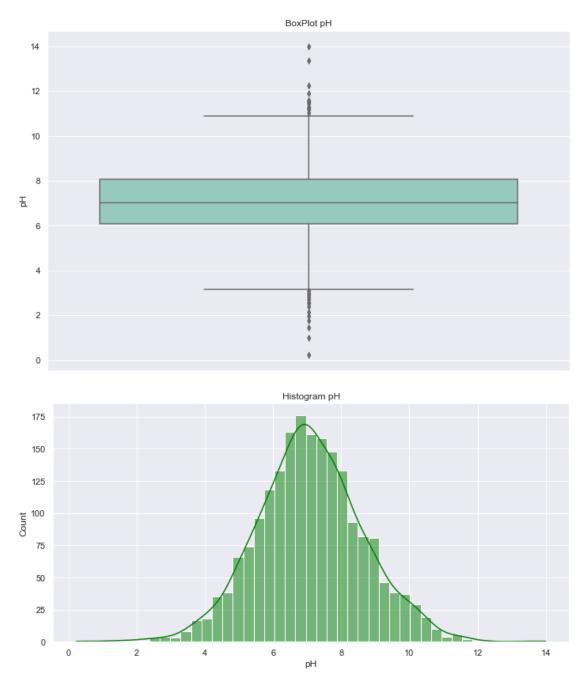
Data atribut non target bersifat unik sehingga setiap data hanya muncul 1 kali.
 Akibatnya setiap atribut non target merupakan modus. Jadi, masing-masing atribut memiliki modus sebanyak jumlah data, yaitu 2010 buah.

### Soal 2

Membuat Visualisasi plot distribusi, dalam bentuk histogram dan boxplot untuk setiap kolom numerik. Berikan uraian penjelasan kondisi setiap kolom berdasarkan kedua plot tersebut.

```
a. Atribut pH
sns.set_style("whitegrid")
sns.set(rc={"figure.figsize":(12, 8)})

# Visualisai pH
sns.boxplot(y = 'pH', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot pH')
plt.show()
sns.displot(x = 'pH', data = water_potability, kde = True, color =
'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram pH')
plt.show()
print("Skewness =", water_potability['pH'].skew())
print("Kurtosis =", water_potability['pH'].kurtosis())
```

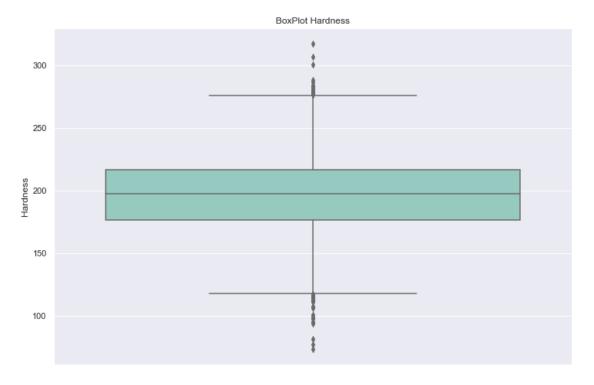


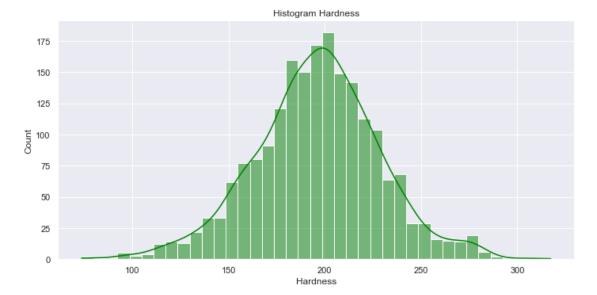
Skewness = 0.04853451405270669 Kurtosis = 0.6269041256617065

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang cukup simetris meskipun terdapat sedikit kecondongan distribusi data ke arah kiri. Hal ini sesuai dengan nilai skewness dtaa pH yang bernilai lebih besar dari 0 meskipun tidak terlalu signifikan (masih mendekati nol).
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data pH memiliki pencilan (outlier) yang cukup banyak. Hal ini sesuai dengan nilai kurtosis pH yang lebih besar dari 0 (leptokurtic)

yang menandakan data lebih terkonsentrasi di area tengah sehingga terdapat banyak pencilan di bagian ekor (tail) kanan dan kiri.

```
b. Atribut Hardness
# Visualisai Hardness
sns.boxplot(y = 'Hardness', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot Hardness')
plt.show()
sns.displot(x = 'Hardness', data = water_potability, kde = True, color
= 'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram Hardness')
plt.show()
print("Skewness = ", water_potability['Hardness'].skew())
print("Kurtosis = ", water_potability['Hardness'].kurtosis())
```

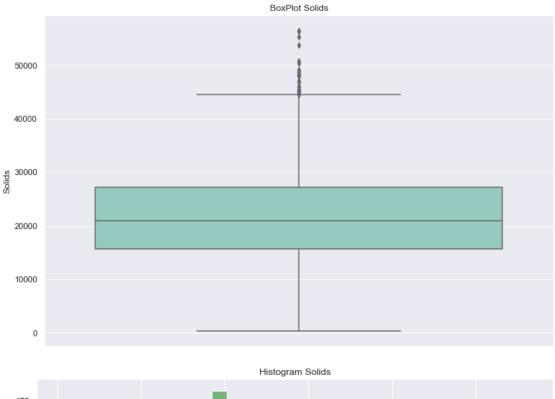


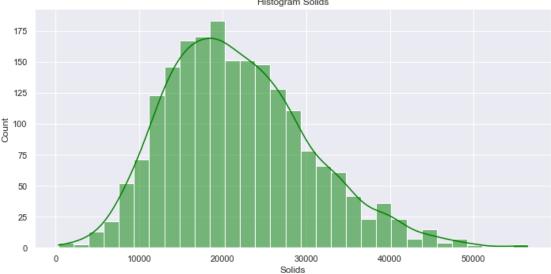


Skewness = -0.08532104172868622 Kurtosis = 0.5254804942991402

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang cukup simetris meskipun masih sedikit condong ke kanan karena nilai skewness-nya yang negatif.
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data Hardness juga memiliki pencilan (outlier) yang cukup banyak. Hal ini sesuai dengan nilai kurtosis yang lebih besar dari 0 (leptokurtic) yang artinya data lebih terkonsentrasi di area sekitar mean (tengah) sehingga terdapat banyak data yang dikategorikan sebagai pencilan di bagian ekor (tail) kanan dan kiri.

```
c. Atribut Solids
# Visualisai Solids
sns.boxplot(y = 'Solids', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot Solids')
plt.show()
sns.displot(x = 'Solids', data = water_potability, kde = True, color =
'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram Solids')
plt.show()
print("Skewness =", water_potability['Solids'].skew())
print("Kurtosis =", water_potability['Solids'].kurtosis())
```



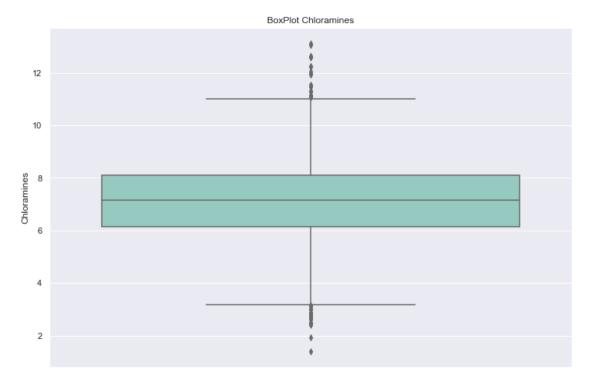


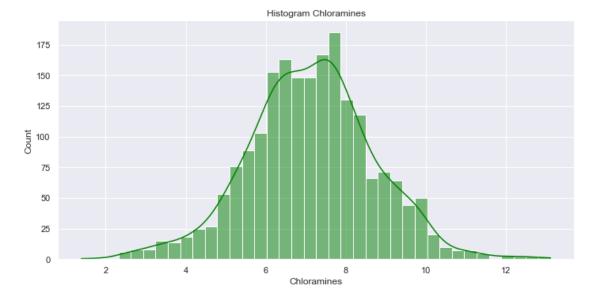
Skewness = 0.5910113724580447 Kurtosis = 0.33732026745944976

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang tidak simetris yaitu distribusi data lebih condong ke satu sisi. Hal ini sesuai dengan nilai skewnessnya yang positif (tidak sama dengan nol). Artinya distribusi data Solids lebih terkonsentrasi pada data bernilai rendah (sekitar 10000-30000) atau ekor bagian kiri pada histogram.
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data Solids memiliki pencilan (outlier) terutama pada data yang bernilai tinggi (kurang lebih di atas 45000). Outliers juga dapat dilihat pada histogram di bagian kanan (ada gap di data bernilai sekitar 50000). Hal

ini disebabkan nilai kurtosis yang lebih besar dari 0 (leptokurtic) sehingga data lebih terkonsentrasi di area sekitar mean dan data pada bagian ujung pun dikategorikan sebagai pencilan. Namun, nilai kurtosis data Solids lebih rendah dibanding 2 data sebelumnya sehingga nilai pencilannya pun lebih sedikit.

```
d. Atribut Chloramines
# Visualisai Chloramines
sns.boxplot(y = 'Chloramines', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot Chloramines')
plt.show()
sns.displot(x = 'Chloramines', data = water_potability, kde = True,
color = 'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram
Chloramines')
plt.show()
print("Skewness = ", water_potability['Chloramines'].skew())
print("Kurtosis = ", water_potability['Chloramines'].kurtosis())
```

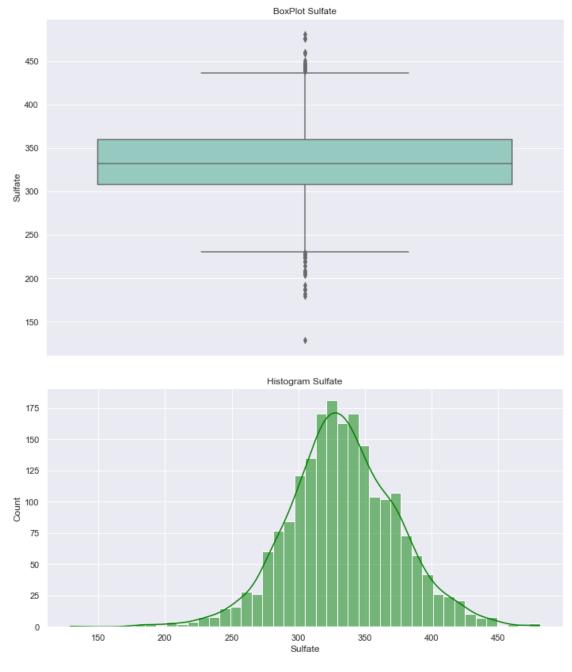




Skewness = 0.013003497779569528 Kurtosis = 0.5497821097667472

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang cukup simetris. Hal ini didukung dengan data skewness yang sangat mendekati 0, meskipun masih tergolong positively skewed karena bernilai lebih besar dari 0.
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data Chloramines juga memiliki pencilan (outlier) yang cukup banyak karena memiliki nilai kurtosis yang lebih besar dari 0 (leptokurtic). Artinya, distribusi data lebih terkonsentrasi di bagian tengah sehingga meninggalkan banyak pencilan di ekor (tail) kanan dan kiri histogram.

```
e. Atribut Sulfate
# Visualisai Sulfate
sns.boxplot(y = 'Sulfate', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot Sulfate')
plt.show()
sns.displot(x = 'Sulfate', data = water_potability, kde = True, color
= 'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram Sulfate')
plt.show()
print("Skewness =", water_potability['Sulfate'].skew())
print("Kurtosis =", water_potability['Sulfate'].kurtosis())
```

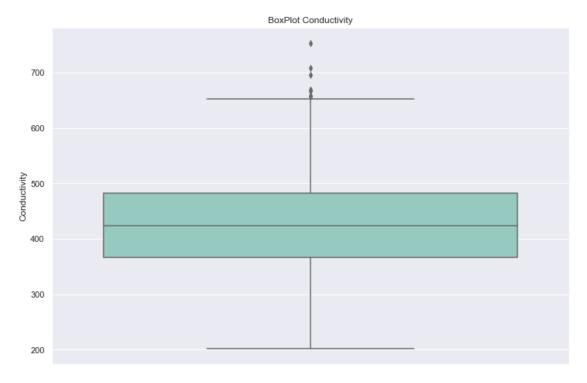


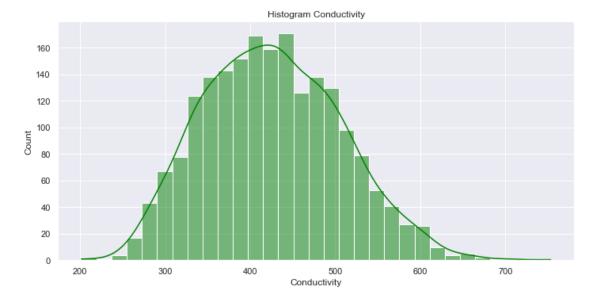
Skewness = -0.04572780443653543Kurtosis = 0.7868544988131605

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang tidak simetris, yaitu distribusi data lebih condong ke data bernilai besar (sekitar 275-400) atau daerah kanan pada histogram. Hal ini sesuai dengan nilai skewness yang negatif.
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data Sulfate memiliki pencilan (outlier) yang cukup banyak yang didominasi data bernilai rendah (sekitar di bawah 230). Hal ini juga dapat dilihat pada histogram di bagian kiri di mana terdapat data yang "terpisah" dari kumpulan data lainnya. Hal ini juga sesuai dengan nilai kurtosis yang

lebih besar dari 0 (leptokurtic) dan cukup besar dibanding data-data sebelumnya, artinya distribusi data Sulfate lebih terkonsentrasi pada data sekitar mean sehingga menimbulkan banyak pencilan di bagian kiri dan kanan histogram.

```
f. Atribut Conductivity
# Visualisai Conductivity
sns.boxplot(y = 'Conductivity', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot Conductivity')
plt.show()
sns.displot(x = 'Conductivity', data = water_potability, kde = True,
color = 'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram
Conductivity')
plt.show()
print("Skewness = ", water_potability['Conductivity'].skew())
print("Kurtosis = ", water_potability['Conductivity'].kurtosis())
```

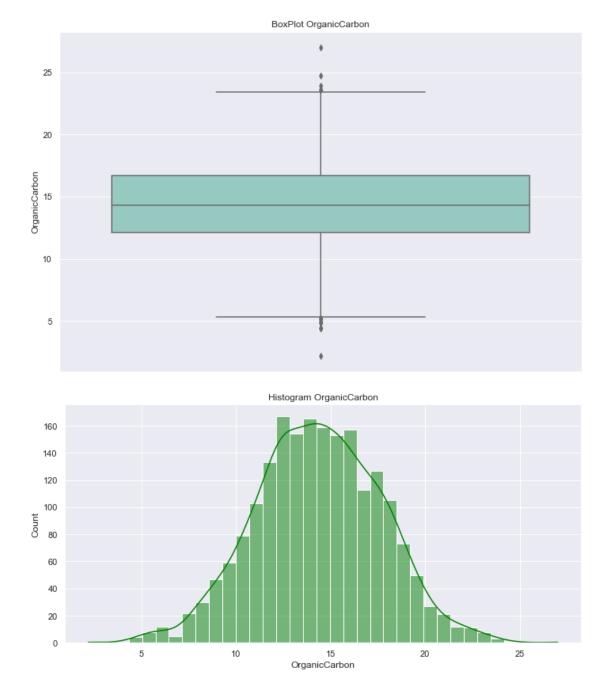




Skewness = 0.26801233302645316 Kurtosis = -0.23720600574806516

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang tidak simetris, yaitu distribusi data lebih condong ke suatu sisi. Hal ini sesuai dengan nilai skewnessnya yang positif (tidak sama dengan nol). Artinya distribusi data Solids lebih terkonsentrasi pada data bernilai rendah (sekitar 300-550) atau data bagian kiri pada histogram.
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data Conductivity memiliki pencilan terutama pada data yang bernilai besar (kurang lebih di atas 650) namun tidak terlalu banyak. Hal ini karena data Conductivity memiliki nilai kurtosis yang lebih kecil dari 0 (playkurtic), artinya data lebih tersebar ke arah ekor kanan dan kiri sehingga frekuensi data pencilan pun menurun.

```
g. Atribut OrganicCarbon
# Visualisai OrganicCarbon
sns.boxplot(y = 'OrganicCarbon', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot OrganicCarbon')
plt.show()
sns.displot(x = 'OrganicCarbon', data = water_potability, kde = True,
color = 'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram
OrganicCarbon')
plt.show()
print("Skewness = ", water_potability['OrganicCarbon'].skew())
print("Kurtosis = ", water_potability['OrganicCarbon'].kurtosis())
```

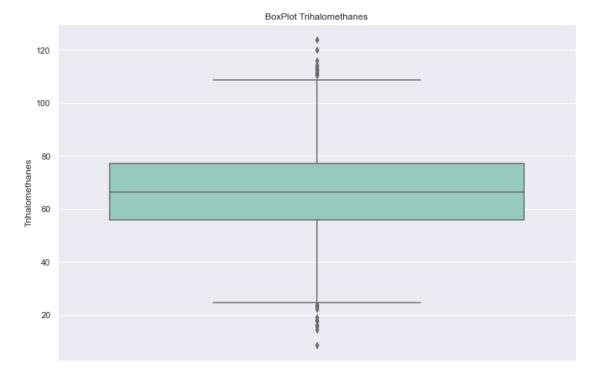


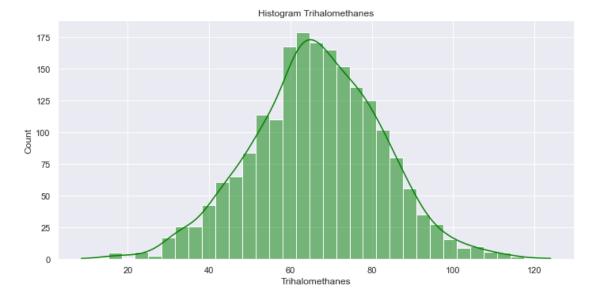
Skewness = -0.02021975629181238Kurtosis = 0.031018388192253

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang cukup simetris, tetapi terdapat seikit kecenderungan data yang condong ke kanan (data bernilai besar). Hal ini juga sesuai dengan nilai skewnness yang negatif (artinya data bersifat negatively skewed).
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data OrganicCarbon juga memiliki pencilan (outlier), tetapi terlihat tidak sebanyak atribut lainnya karena nilai kurtosisnya yang

juga kecil (mendekati nol), meskipun masih tergolong leptokurtic (data masih lebih terkonsentrasi ke daerah sekitar mean dibanding distribusi normal).

```
h. Atribut Trihalomethanes
# Visualisai Trihalomethanes
sns.boxplot(y = 'Trihalomethanes', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot Trihalomethanes')
plt.show()
sns.displot(x = 'Trihalomethanes', data = water_potability, kde =
True, color = 'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram Trihalomethanes')
plt.show()
print("Skewness = ", water_potability['Trihalomethanes'].skew())
print("Kurtosis = ", water_potability['Trihalomethanes'].kurtosis())
```

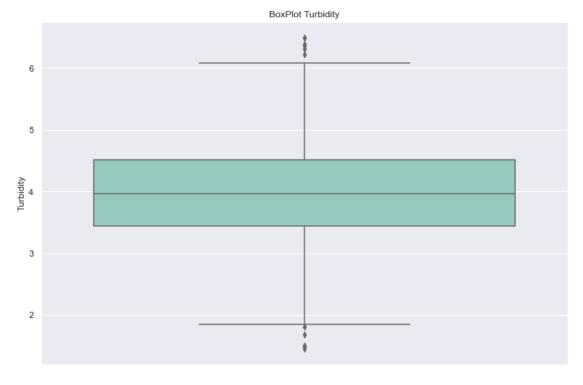


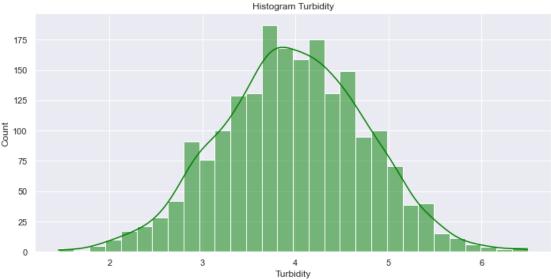


Skewness = -0.05138268451619478 Kurtosis = 0.2230167810639787

- Dapat dilihat boxplot dan histogram sekilas memiliki bentuk yang cukup simetris, tetapi pada bagian tengah terlihat data lebih condong ke kanan (data bernilai besar), sesuai dengan nilai skewness-nya yang negatif. Kurva data Trihalomethanes juga terlihat lebih lancip pada bagian tengah yang menandakan data lebih terkonsentrasi di sekitar mean dan median.
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data Trihalomethanes juga memiliki pencilan (outlier) yang cukup banyak karena nilai kurtosisnya yang lebih besar dari nol. Artinya, data tergolong leptokurtic, yaitu distribusi data lebih terkonsentrasi di bagian tengah sehingga meninggalkan banyak pencilan di ekor (tail) kanan dan kiri histogram.

```
i. Atribut Turbidity
# Visualisai Turbidity
sns.boxplot(y = 'Turbidity', data = water_potability, palette =
'Set3').set(title = 'BoxPlot Turbidity')
plt.show()
sns.displot(x = 'Turbidity', data = water_potability, kde = True,
color = 'Green', height = 5, aspect = 2).set(title = 'Histogram Turbidity')
plt.show()
print("Skewness =", water_potability['Turbidity'].skew())
print("Kurtosis =", water_potability['Turbidity'].kurtosis())
```





Skewness = -0.03226597968019271 Kurtosis = -0.049830796949249745

- Dapat dilihat boxplot dan histogram memiliki bentuk yang cukup simetris, tetapi terlihat distribusi data memiliki sedikit kecondongan ke kanan, sesuai nilai skewness-nya yang negatif.
- Berdasarkan boxplot, dapat dilihat data Turbidity juga memiliki pencilan (outlier), tetapi juga terlihat tidak terlalu banyak karena nilai kurtosisnya yang lebih kecil dari 0. Artinya distribusi data tergolong playkurtic, yaitu data lebih tersebar ke arah ekor kanan dan kiri sehingga frekuensi data pencilan pun menurun.

#### Soal 3

Menentukan setiap kolom numerik berdistribusi normal atau tidak

Metode yang digunakan yakni dengan melihat kelancipan dari histogram (kurtosis) serta kesimetrian dari histogram (skewness). Sebuah data dikatakan berdistribusi normal bila distribusi nilainya tidak membentuk histogram yang terlalu landai ataupun terlalu lancip serta histogram juga simetri pada titik mean, median, dan modus

Pada program ini sebuah data akan diklasifikasikan sebagai data yang berdistribusi normal bila:

- | kurtosis | < 0.3
- | skewness | < 0.1</li>

Nilai tersebut diambil berdasarkan hasil observasi nilai parameter kurtosis dan skewness untuk data yang distribusinya mendekati distribusi normal

## a. Atribut pH

Berdasarkan grafik distribusi data atribut pH dari histogram diperoleh nilai skewness = 0.049 dan kurtosis = 0.627. Oleh karena itu data tidak dapat diklasifikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

#### b. Atribut Hardness

Berdasarkan grafik distribusi data atribut Hardness dari histogram diperoleh nilai skewness = -0.085 dan kurtosis = 0.525. Oleh karena itu data tidak dapat diklasifikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

#### c. Atribut Solids

Berdasarkan grafik distribusi data atribut Solids dari histogram diperoleh nilai skewness = 0.591 dan kurtosis = 0.337. Oleh karena itu data tidak dapat diklasifikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

#### d. Atribut Chloramines

Berdasarkan grafik distribusi data atribut Chloramines dari histogram diperoleh nilai skewness = 0.013 dan kurtosis = 0.55. Oleh karena itu data tidak dapat diklasifikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

# e. Atribut Sulfate

Berdasarkan grafik distribusi data atribut Sulfate dari histogram diperoleh nilai skewness = -0.046 dan kurtosis = 0.787. Oleh karena itu data tidak dapat diklasifikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

#### f. Atribut Conductivity

Berdasarkan grafik distribusi data atribut Conductivity dari histogram diperoleh nilai skewness = 0.268 dan kurtosis = -0.237. Oleh karena itu data tidak dapat diklasifikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

#### g. Atribut OrganicCarbon

Berdasarkan grafik distribusi data atribut OrganicCarbon dari histogram diperoleh nilai skewness = -0.02 dan kurtosis = 0.031. Oleh karena itu data dapat diklasfikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

### h. Atribut Trihalomethanes

Berdasarkan grafik distribusi data atribut Trihalomethanes dari histogram diperoleh nilai skewness = -0.051 dan kurtosis = 0.223. Oleh karena itu data dapat diklasfikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

#### i. Atribut Turbidity

Berdasarkan grafik distribusi data atribut Trihalomethanes dari histogram diperoleh nilai skewness = -0.032 dan kurtosis = -0.05. Oleh karena itu data dapat diklasfikasikan sebagai data yang berdistribusi normal

#### Soal 4

Melakukan test hipotesis 1 sampel, dengan menuliskan 6 langkah testing dan menampilkan juga boxplotnya untuk kolom/bagian yang bersesuaian.

```
comparison symbol = ['<', '≠', '>']
```

```
def uji_hipotesis_mean(case, atribut, x_bar, mu_0, sigma, n, alpha):
# Uji hipotesis mean satu sampel jika nilai standar deviasi diketahui
    symbol = comparison_symbol[case]
    print("Uji Hipotesis (mean):")

# LANGKAH 1
    print("1. Hipotesis nol\n H₀: μ = {}".format(mu_0))

# LANGKAH 2
    print("2. Hipotesis alternatif\n H₁: μ {} {} ({}-tailed
test)".format(symbol, mu_0, "Two" if case == 1 else "One"))

# LANGKAH 3
    print("3. Tingkat signifikan\n α = {}".format(alpha))

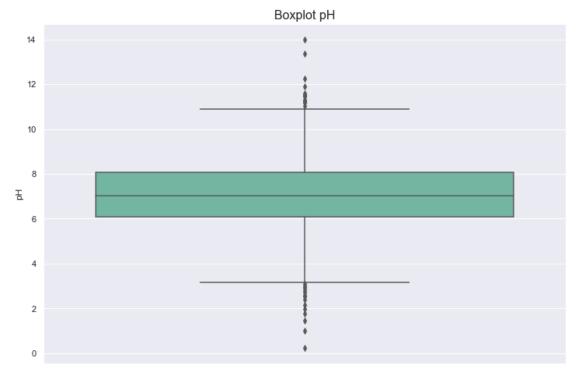
# LANGKAH 4
    print("4. Uji statistik menggunakan distribusi normal")
```

```
print(" Daerah kritis adalah ", end="")
    z = st.norm.ppf((1 - alpha / 2) if case == 1 else (1 - alpha))
    \# H_1 < \mu_0
    if (case == 0):
         print("z < -Z\alpha = \{:.3f\}".format(-z 0))
        print(" Nilai Z\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 -
\alpha = \{\}" format(1 - alpha))
    # H_1 \neq \mu_0
    elif (case == 1):
         print("z < -Z_{2}^{1}\alpha = \{:.3f\} atau z > Z_{2}^{1}\alpha = \{:.3f\}".format(-z 0,
z 0))
        print(" Nilai Z_{2}^{1}\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1
-\frac{1}{2}\alpha = \{\}".format(1 - alpha/2))
    \# H_1 > \mu_0
    else:
         print("z > Z\alpha = \{:.3f\}".format(z 0))
         print(" Nilai Z\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 -
\alpha = \{\}".format(1 - alpha))
    # LANGKAH 5
    print("5. Perhitungan nilai uji statistik dan P-Value")
    print(" z = (\bar{x} - \mu_0) / (\sigma / \sqrt{n})")
    print(" z = (\{\} - \{\}) / (\{\} / \sqrt{\{\}})".format(x_bar, mu_0, sigma,
n))
    z = (x bar - mu 0) / (sigma / np.sqrt(n))
    print(" z = {:.3f}".format(z))
    \# H_1 < \mu_0
    if (case == 0):
         p value = st.norm.cdf(z)
         print(" P-Value = P(Z < \{:.3f\}) = \{:.4f\}".format(z,
p value))
    # H_1 \neq \mu_0
    elif (case == 1):
         p_value = (2 * st.norm.cdf(z)) if z < 0 else (2 *
st.norm.sf(z))
         print(" P-Value = 2 × P(Z \{ \} \{ :.3f \}) = \{ :.4f \}".format("<" if
z < 0 else ">", z, p value))
    # H_1 > \mu_0
    else:
         p value = st.norm.sf(z)
                  P-Value = P(Z > \{:.3f\}) = \{:.4f\}".format(z,
         print("
p value))
    # LANGKAH 6
    print("6. Kesimpulan")
    # tidak menolak
    if (p_value > alpha):
        print(" Tidak menolak H₀ karena z berada di luar daerah
kritis dan nilai P > \alpha")
                  sehingga dapat disimpulkan tidak cukup bukti nilai
         print("
```

```
rata-rata {} {} {} {}".format(atribut, symbol, mu 0))
    # menolak
    else:
        print("
                  Tolak H<sub>0</sub> karena z berada di dalam daerah kritis dan
nilai P < \alpha")
        print("
                   sehingga dapat disimpulkan nilai rata-rata {} {}
{}".format(atribut, symbol, mu 0))
    print()
def uji hipotesis proporsi(case, atribut, p 0, x, n, alpha):
# Uji hipotesis proporsi satu sampel untuk n besar (distribusi
binomial dapat didekati dengan distribusi normal)
    symbol = comparison symbol[case]
    print("Uji Hipotesis (proportion):")
    # LANGKAH 1
    print("1. Hipotesis nol\n H_0: p = \{\}".format(p 0))
    # LANGKAH 2
    print("2. Hipotesis alternatif\n H1: p {} {} ({}-tailed
test)".format(symbol, p 0, "Two" if case == 1 else "One"))
    # LANGKAH 3
    print("3. Tingkat signifikan\n \alpha = \{\}".format(alpha))
    # LANGKAH 4
    print("4. Uji statistik menggunakan distribusi binomial dengan p =
\{\}\ dan\ n = \{\}.".format(p_0, n)\}
    p hat = x / n
    print("
               Karena n cukup besar, perhitungan dapat didekati
menggunakan distribusi normal dengan \hat{p} = x / n = \{\}" format(p_hat))
    print(" Daerah kritis adalah ", end="")
    z = st.norm.ppf((1 - alpha / 2) if case == 1 else (1 - alpha))
    \# H_1 < \mu_0
    if (case == 0):
        print("z < -Z\alpha = \{:.3f\}".format(-z 0))
        print(" Nilai Z\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 -
\alpha = \{\}".format(1 - alpha))
    # H_1 \neq \mu_0
    elif (case == 1):
        print("z < -Z_{2}^{1}\alpha = {:.3f} atau z > Z_{2}^{1}\alpha = {:.3f}".format(-z 0,
z 0))
        print(" Nilai Z_{2}^{1}\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1
-\frac{1}{2}\alpha = \{\}".format(1 - alpha/2))
    # H_1 > \mu_0
    else:
        print("z > Z\alpha = \{:.3f\}".format(z_0))
        print(" Nilai Z\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 -
```

```
\alpha = \{\}".format(1 - alpha))
    # LANGKAH 5
    print("5. Perhitungan nilai uji statistik dan P-Value")
    print(" z = (\hat{p} - p_0) / \sqrt{(p_0 q_0/n)}")
print(" z = (\{\} - \{\}) / \sqrt{((\{\}) (\{\}) / \{\})}".format(p_hat, p_0,
p_0, (1 - p_0), n)
    z = (p hat - p 0) / np.sqrt(p 0 * (1 - p 0) / n)
    print(\overline{z}) = \overline{\{:.3f\}}".format(\overline{z})
    \# H_1 < \mu_0
    if (case == 0):
         p value = st.norm.cdf(z)
         P-Value = P(Z < {:.3f}) = {:.4f}".format(z,
p value))
    # H_1 \neq \mu_0
    elif (case == 1):
         p value = (2 * st.norm.cdf(z)) if z < 0 else (2 * st.norm.cdf(z))
st.norm.sf(z))
         print(" P-Value = 2 \times P(Z \{ \} \{ : .3f \}) = \{ : .4f \} ".format(" < " if ]
z < 0 else ">", z, p_value))
    \# H_1 > \mu_0
    else:
         p value = st.norm.sf(z)
         P-Value = P(Z > \{:.3f\}) = \{:.4f\}".format(z,
p value))
    # LANGKAH 6
    print("6. Kesimpulan")
    # tidak menolak
    if (p value > alpha):
         print(" Tidak menolak Ho karena z berada di luar daerah
kritis dan nilai P > \alpha")
         print(" sehingga dapat disimpulkan tidak cukup bukti
proporsi nilai {} {} {} {}".format(atribut, symbol, p 0))
    # menolak
    else:
         print("
                    Tolak H<sub>0</sub> karena z berada di dalam daerah kritis dan
nilai P < \alpha")
                   sehingga dapat disimpulkan proporsi nilai {} {}
{}".format(atribut, symbol, p 0))
    print()
a. Nilai Rata-rata pH di atas 7?
# Variabel
mu \ 0 = 7
alpha = 0.05
x bar = water potability['pH'].mean()
sigma = water_potability['pH'].std()
n = len(water potability)
print("Diketahui:\n \bar{x} = \{\}\n \sigma = \{\}\n n = \{\}\n \mu_0 = \{\}\
```

```
n".format(x bar, sigma, n, mu 0))
print("Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = \{\}
n".format(alpha))
# Uii Hipotesis
uji hipotesis mean(2, "pH", x bar, mu 0, sigma, n, alpha)
# Visualisasi Boxplot
print("Boxplot:")
sns.boxplot(y = 'pH', data = water_potability, palette = 'Set2')
plt.title("Boxplot pH", size = 16)
Diketahui:
  \bar{x} = 7.0871927687138285
  \sigma = 1.5728029470456655
  n = 2010
  u_0 = 7
Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (mean):
1. Hipotesis nol
   H_0: \mu = 7
2. Hipotesis alternatif
   H_1: \mu > 7 (One-tailed test)
3. Tingkat signifikan
   \alpha = 0.05
4. Uji statistik menggunakan distribusi normal
   Daerah kritis adalah z > Z\alpha = 1.645
   Nilai Z\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 - \alpha = 0.95
5. Perhitungan nilai uji statistik dan P-Value
   z = (\bar{x} - \mu_0) / (\sigma / \sqrt{n})
   z = (7.0871927687138285 - 7) / (1.5728029470456655 / <math>\sqrt{2010})
   z = 2.485
   P-Value = P(Z > 2.485) = 0.0065
6. Kesimpulan
   Tolak H<sub>0</sub> karena z berada di dalam daerah kritis dan nilai P < α
   sehingga dapat disimpulkan nilai rata-rata pH > 7
Boxplot:
Text(0.5, 1.0, 'Boxplot pH')
```



```
b. Nilai Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205?
# Variabel
mu \ 0 = 205
alpha = 0.05
x_bar = water_potability['Hardness'].mean()
sigma = water_potability['Hardness'].std()
n = len(water_potability)
print("Diketahui:\n \bar{x} = \{\} \setminus n = \{
{}".format(x_bar, sigma, n, mu_0))
print("Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = \{\}\setminus
n".format(alpha))
# Uii Hipotesis
uji_hipotesis_mean(1, "Hardness", x_bar, mu_0, sigma, n, alpha)
# Visualisasi Boxplot
print("Boxplot:")
sns.boxplot(y = 'Hardness', data = water potability, palette = 'Set3')
plt.title("Boxplot Hardness", size = 16)
Diketahui:
             \bar{x} = 195.96920903783524
              \sigma = 32.643165859429864
              n = 2010
              \mu_0 = 205
Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (mean):
```

```
1. Hipotesis nol H_0: \mu = 205
```

2. Hipotesis alternatif

 $H_1$ :  $\mu \neq 205$  (Two-tailed test)

3. Tingkat signifikan  $\alpha = 0.05$ 

4. Uji statistik menggunakan distribusi normal Daerah kritis adalah z <  $-Z^{1}/2\alpha$  = -1.960 atau z >  $Z^{1}/2\alpha$  = 1.960 Nilai  $Z^{1}/2\alpha$  adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 -  $\frac{1}{2}\alpha$  = 0.975

5. Perhitungan nilai uji statistik dan P-Value

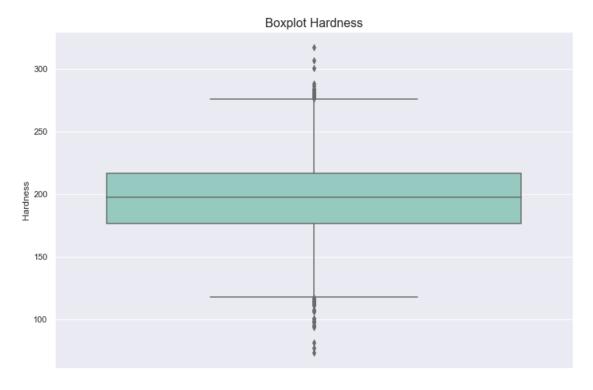
$$\begin{array}{l} z = (\bar{x} - \mu_0) \ / \ (\sigma \ / \ \sqrt{n}) \\ z = (195.96920903783524 - 205) \ / \ (32.643165859429864 \ / \ \sqrt{2010}) \\ z = -12.403 \\ P\text{-Value} = 2 \times P(Z < -12.403) = 0.0000 \end{array}$$

6. Kesimpulan

Tolak H₀ karena z berada di dalam daerah kritis dan nilai P < α sehingga dapat disimpulkan nilai rata-rata Hardness ≠ 205

### Boxplot:

Text(0.5, 1.0, 'Boxplot Hardness')



```
c. Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900?
# Variabel
mu_0 = 21900
alpha = 0.05
x_bar = water_potability.head(100)['Solids'].mean()
sigma = water_potability.head(100)['Solids'].std()
```

```
n = 100
print("Diketahui:\n \bar{x} = \{\} \setminus n = \{
{}".format(x bar, sigma, n, mu 0))
print("Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = \{\}
n".format(alpha))
# Uii Hipotesis
uji hipotesis mean(1, "100 baris pertama kolom Solids", x bar, mu 0,
sigma, n, alpha)
# Visualisasi Boxplot
print("Boxplot:")
sns.boxplot(y = 'Solids', data = water_potability, palette = 'Paired')
plt.title("Boxplot Solids", size = 16)
Diketahui:
         \bar{x} = 22347.334446383426
         \sigma = 7935.967706199006
         n = 100
         \mu_0 = 21900
Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (mean):
1. Hipotesis nol
             H_0: \mu = 21900
2. Hipotesis alternatif
             H_1: \mu \neq 21900 (Two-tailed test)
3. Tingkat signifikan
             \alpha = 0.05
4. Uji statistik menggunakan distribusi normal
             Daerah kritis adalah z < -Z_{2}^{1}\alpha = -1.960 atau z > Z_{2}^{1}\alpha = 1.960
             Nilai Z_2^1\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 - \frac{1}{2}\alpha = 0.975
5. Perhitungan nilai uji statistik dan P-Value
             z = (\bar{x} - \mu_0) / (\sigma / \sqrt{n})
             z = (22347.334446383426 - 21900) / (7935.967706199006 / <math>\sqrt{100})
             z = 0.564
             P-Value = 2 \times P(Z > 0.564) = 0.5730
6. Kesimpulan
             Tidak menolak H₀ karena z berada di luar daerah kritis dan nilai P
             sehingga dapat disimpulkan tidak cukup bukti nilai rata-rata 100
baris pertama kolom Solids ≠ 21900
Boxplot:
Text(0.5, 1.0, 'Boxplot Solids')
```

```
50000
40000
20000
10000
```

```
d. Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama dengan 10%?
# Variabel
p \theta = 10/100
alpha = 0.05
x = (water potability['Conductivity'] > 450).sum()
n = len(water potability)
print("Diketahui:\n p_0 = \{\}\n x = \{\}\n n = \{\}\".format(p_0, x, n))
print("Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = \{\}
n".format(alpha))
# Uji Hipotesis
uji hipotesis proporsi(1, "Conductivity yang lebih dari 450", p 0, x,
n, alpha)
# Visualisasi Boxplot
print("Boxplot:")
sns.boxplot(y = 'Conductivity', data = water potability, palette =
'Pastel2')
plt.title("Boxplot Conductivity", size = 16)
Diketahui:
  p_0 = 0.1
  x = 745
  n = 2010
Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (proportion):
1. Hipotesis nol
```

 $H_0: p = 0.1$ 

2. Hipotesis alternatif

 $H_1: p \neq 0.1$  (Two-tailed test)

3. Tingkat signifikan

 $\alpha = 0.05$ 

4. Uji statistik menggunakan distribusi binomial dengan p=0.1 dan n=2010.

Karena n cukup besar, perhitungan dapat didekati menggunakan distribusi normal dengan  $\hat{p} = x / n = 0.3706467661691542$ 

Daerah kritis adalah z <  $-Z_{2}^{1}\alpha$  = -1.960 atau z >  $Z_{2}^{1}\alpha$  = 1.960

Nilai  $Z_{2}^{1}\alpha$  adalah nilai z yang memenuhi  $P(Z < z) = 1 - \frac{1}{2}\alpha = 0.975$ 

5. Perhitungan nilai uji statistik dan P-Value

 $z = (\hat{p} - p_0) / \sqrt{(p_0 q_0/n)}$ 

 $z = (0.3706467661691542 - 0.1) / \sqrt{((0.1) (0.9) / 2010)}$ 

z = 40.446

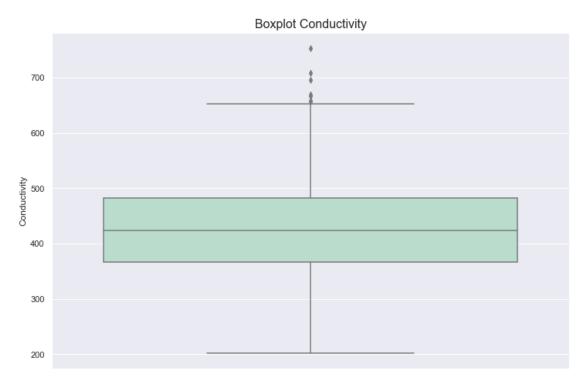
 $P-Value = 2 \times P(Z > 40.446) = 0.0000$ 

6. Kesimpulan

Tolak  $H_0$  karena z berada di dalam daerah kritis dan nilai  $P < \alpha$  sehingga dapat disimpulkan proporsi nilai Conductivity yang lebih dari  $450 \neq 0.1$ 

# Boxplot:

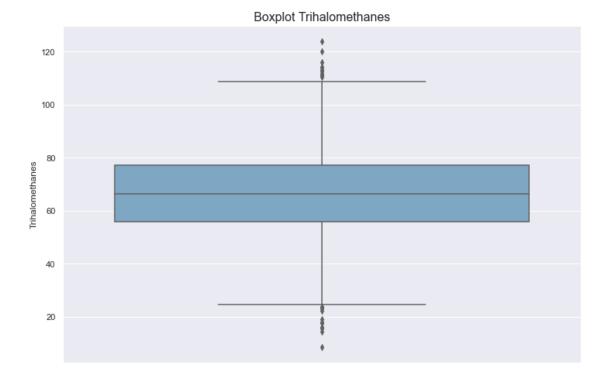
Text(0.5, 1.0, 'Boxplot Conductivity')



e. Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5%? # Variabel

 $p \theta = 5/100$ 

```
alpha = 0.05
x = (water potability['Trihalomethanes'] < 40).sum()</pre>
n = len(water potability)
print("Diketahui:\n p_0 = \{\} \setminus n \in \{\} \setminus n \in \{\}\}".format(p 0, x, n))
print("Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = \{\}\
n".format(alpha))
# Uji Hipotesis
uji hipotesis proporsi(0, "Trihalomethanes yang kurang dari 40", p 0,
x, n, alpha)
# Visualisasi Boxplot
print("Boxplot:")
sns.boxplot(y = 'Trihalomethanes', data = water potability, palette =
'PuBu')
plt.title("Boxplot Trihalomethanes", size = 16)
Diketahui:
  p_0 = 0.05
  x = 106
  n = 2010
Asumsi: Tingkat kepercayaan adalah 95% sehingga \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (proportion):
1. Hipotesis nol
   H_0: p = 0.05
2. Hipotesis alternatif
   H_1: p < 0.05 (One-tailed test)
3. Tingkat signifikan
   \alpha = 0.05
4. Uji statistik menggunakan distribusi binomial dengan p = 0.05 dan n
= 2010.
   Karena n cukup besar, perhitungan dapat didekati menggunakan
distribusi normal dengan \hat{p} = x / n = 0.0527363184079602
   Daerah kritis adalah z < -Z\alpha = -1.645
   Nilai Z\alpha adalah nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 - \alpha = 0.95
5. Perhitungan nilai uji statistik dan P-Value
   z = (\hat{p} - p_0) / \sqrt{(p_0 q_0/n)}
   z = (0.0527363184079602 - 0.05) / \sqrt{(0.05) (0.95) / 2010}
   z = 0.563
   P-Value = P(Z < 0.563) = 0.7132
6. Kesimpulan
   Tidak menolak H₀ karena z berada di luar daerah kritis dan nilai P
   sehingga dapat disimpulkan tidak cukup bukti proporsi nilai
Trihalomethanes yang kurang dari 40 < 0.05
Boxplot:
Text(0.5, 1.0, 'Boxplot Trihalomethanes')
```



#### Soal 5

Melakukan test hipotesis 2 sampel, dengan menuliskan 6 langkah testing dan menampilkan juga boxplotnya untuk kolom/bagian yang bersesuaian.

```
a. Data kolom Sulfate dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-
rata kedua bagian tersebut sama?
# Split data into two
dataSulfate1=water_potability["Sulfate"][:len(water_potability)//2]
dataSulfate2=water_potability["Sulfate"][len(water_potability)//2:len(
water potability)]
d 0 = 0
x bar 1=dataSulfate1.mean()
x_bar_2=dataSulfate2.mean()
 sigma 1=dataSulfate1.std()
sigma 2=dataSulfate2.std()
alpha=0.05
n 1=len(dataSulfate1)
n 2=len(dataSulfate2)
h = 0 = 0
z 01=st.norm.ppf(alpha/2)
z = 02 = st.norm.ppf(1 - alpha/2)
print("Diketahui:\n \bar{x}_1 = \{\} \setminus n \quad \bar{x}_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\}
 \{\} \ n_2 = \{\} \ n_0 = \{\} \ \alpha = \{\} \
n".format(x bar 1,x bar 2,sigma 1,sigma 2,n 1,n 2,d 0,alpha))
print("Uji Hipotesis (mean):")
```

```
print("1. Hipotesis nol\n H_0: \mu_1 - \mu_2 = \{\}".format(h 0))
print("2. Hipotesis alternatif\n H_1: \mu_1 - \mu_2 > \{\} atau \mu_1 - \mu_2 < \{\}
(Two tailed test)".format(h_0,h_0))
print("3. Tingkat signifikan\n \alpha = \{\}".format(alpha))
print("4. Daerah kritis\n z < \{:.3f\} atau z > \{:.3f\} , diperoleh
dari nilai z yang memenuhi P(Z < z) = \alpha/2 = \{\} atau P(Z < z) = 1 - \alpha/2
= \{\}".format(z 01,z 02,alpha/2, (1 - alpha/2)))
print("5. Perhitungan p-value")
print(" z = ((\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - d_0) / (\sqrt{(\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2)})")
print(" z = (({} - {}) - {}) / (\sqrt{({})^2/{}} +
\{\}^2/\{\}\}".format(x_bar_1,x_bar_2, d_0, sigma_1, n_1,sigma_2,n_2))
z = ((x bar 1-x bar 2) - d 0) /
\verb|math.sqrt(sigma_1**2/n_1+sigma_2**2/n_2)|
print(" z = \{:.3f\}".format(z))
P = 2*(1-st.norm.cdf(abs(z)))
print("P = {} ".format(P))
print("6. Kesimpulan")
if (P < alpha):
               Nilai P < α, maka tolak H<sub>0</sub> dan dapat disimpulkan nilai
    print("
rata-rata Sulfate bagian awal dan bagian akhir berbeda")
else:
               Nilai P >= \alpha, maka tidak menolak H_0 dan dapat
    print("
disimpulkan tidak cukup bukti nilai rata-rata Sulfate bagian awal dan
bagian akhir berbeda")
print("\nBoxplot:")
sns.boxplot(data = [dataSulfate1, dataSulfate2], palette = 'Set2')
plt.title("Data bagian awal (kiri) dan bagian akhir (kanan) kolom
Sulfate", size=18)
plt.ylabel("Sulfate")
plt.show()
Diketahui:
  \bar{x}_1 = 331.30532950549565
  \bar{x}_2 = 335.11742332488245
  \sigma_1 = 41.332754590968776
  \sigma_2 = 41.02112948764952
  n_1 = 1005
  n_2 = 1005
  d_0 = 0
  \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (mean):
1. Hipotesis nol
   H_0: \mu_1 - \mu_2 = 0
2. Hipotesis alternatif
   H<sub>1</sub>: \mu_1 - \mu_2 > 0 atau \mu_1 - \mu_2 < 0 (Two tailed test)
3. Tingkat signifikan
   \alpha = 0.05
```

# 4. Daerah kritis

z<-1.960 atau z>1.960 , diperoleh dari nilai z yang memenuhi P(Z < z) =  $\alpha/2$  = 0.025 atau P(Z < z) = 1 -  $\alpha/2$  = 0.975

5. Perhitungan p-value

```
 \begin{array}{l} z = ((\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - d_0) \ / \ (\sqrt{(\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2)} \\ z = ((331.30532950549565 - 335.11742332488245) - 0) \ / \ (\sqrt{(41.332754590968776^2/1005 + 41.02112948764952^2/1005)} \\ z = -2.075 \end{array}
```

P = 0.03796160438512852

# 6. Kesimpulan

Nilai P <  $\alpha$ , maka tolak H $_{\theta}$  dan dapat disimpulkan nilai rata-rata Sulfate bagian awal dan bagian akhir berbeda

## Boxplot:



b. Data kolom OrganicCarbon dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata bagian awal lebih besar dari pada bagian akhir sebesar 0.15? # Split data into two

```
dataOrganicCarbon1=water_potability["OrganicCarbon"]
[:len(water_potability)//2]
dataOrganicCarbon2=water_potability["OrganicCarbon"]
[len(water_potability)//2:len(water_potability)]

d_0=0.15
x_bar_1=dataOrganicCarbon1.mean()
x_bar_2=dataOrganicCarbon2.mean()
sigma 1=dataOrganicCarbon1.std()
```

```
sigma 2=dataOrganicCarbon2.std()
alpha=0.05
n 1=len(dataOrganicCarbon1)
n 2=len(dataOrganicCarbon2)
h = 0.15
z 0=st.norm.ppf(1 - alpha)
print("Diketahui:\n \bar{x}_1 = \{\} \setminus n \quad \bar{x}_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\}
{} n_2 = {} n_0 = {} n_0 = {} n_0 = {} 
n".format(x bar 1,x bar 2,sigma 1,sigma 2,n 1,n 2,d 0,alpha))
print("Uji Hipotesis (mean):")
print("1. Hipotesis nol\n H_0: \mu_1 - \mu_2 = \{\}".format(h 0))
print("2. Hipotesis alternatif\n H_1: \mu_1-\mu_2 > \{\} (One tailed
test)".format(h 0))
print("3. Tingkat signifikan\n \alpha = \{\}".format(alpha))
print("4. Daerah kritis\ z > \{:.3f\} , diperoleh dari nilai z yang
memenuhi P(Z < z) = 1 - \alpha = \{\}" format(z_0,1-alpha))
print("5. Perhitungan p-value")
print(" z = ((\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - d_0) / (\sqrt{(\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2)})
print(" z = ((\{\} - \{\}) - \{\}) / (\sqrt{(\{\}^2/\{\} + \sigma_2^2/n_2)})
\{\}^2/\{\}\} ".format(x bar 1,x bar 2, d 0, sigma 1, n 1,sigma 2,n 2))
z = ((x_bar_1-x_bar_2) - \overline{d}_0)
math.sqrt(sigma 1**2/n 1+sigma 2**2/n 2)
print(" z = \{\overline{...3f}\}". \overline{format(z)})
P = 1-st.norm.cdf(z)
print(" P = {} ".format(P))
print("6. Kesimpulan")
if (P < alpha):
                                                    Nilai P < \alpha, maka tolak H_0 dan dapat disimpulkan selisih
                print("
nilai rata-rata OrganicCarbon bagian awal dan bagian akhir lebih dari
{}".format(h 0))
else:
                                                      Nilai P >= \alpha, maka tidak menolak H_0 dan dapat
disimpulkan tidak cukup bukti selisih nilai rata-rata OrganicCarbon
bagian awal dan bagian akhir lebih dari {}".format(h 0))
print("\nBoxplot:")
sns.boxplot(data = [dataOrganicCarbon1, dataOrganicCarbon2], palette =
 'Set2')
plt.title("Data bagian awal (kiri) dan bagian akhir (kanan) kolom
OrganicCarbon", size=18)
plt.ylabel("OrganicCarbon")
plt.show()
Diketahui:
        \bar{x}_1 = 14.253972723723393
        \bar{x}_2 = 14.461907080372756
        \sigma_1 = 3.3511620707420766
        \sigma_2 = 3.2985726887318214
```

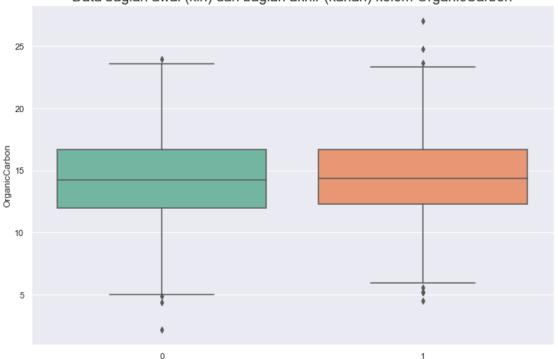
```
n_1 = 1005
  n_2 = 1005
  d_{\theta} = 0.15
  \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (mean):
1. Hipotesis nol
   H_0: \mu_1 - \mu_2 = 0.15
2. Hipotesis alternatif
   H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0.15
                          (One tailed test)
3. Tingkat signifikan
   \alpha = 0.05
4. Daerah kritis
   z > 1.645 , diperoleh dari nilai z yang memenuhi P(Z < z) = 1 - \alpha =
0.95
5. Perhitungan p-value
   z = ((\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - d_0) / (\sqrt{(\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2)})
   z = ((14.253972723723393 - 14.461907080372756) - 0.15) /
(\sqrt{(3.3511620707420766^2/1005 + 3.2985726887318214^2/1005)})
   z = -2.413
   P = 0.9920922480912
6. Kesimpulan
```

# Boxplot:

bagian akhir lebih dari 0.15



Nilai  $P >= \alpha$ , maka tidak menolak  $H_0$  dan dapat disimpulkan tidak cukup bukti selisih nilai rata-rata OrganicCarbon bagian awal dan

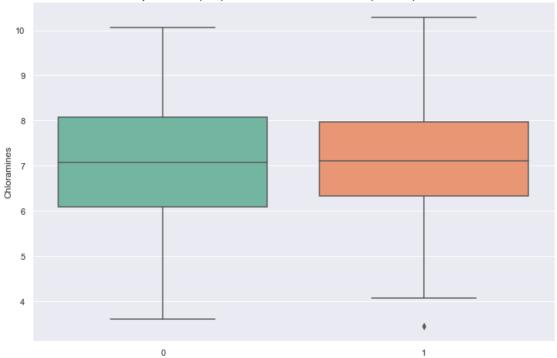


```
c. Rata-rata 100 baris pertama kolom Chloramines sama dengan 100 baris terakhirnya?
# Split data into two
dataChloramines1=water potability["Chloramines"][:100]
dataChloramines2=water potability["Chloramines"][-100:]
x bar 1=dataChloramines1.mean()
x bar 2=dataChloramines2.mean()
sigma 1=dataChloramines1.std()
 sigma 2=dataChloramines2.std()
alpha=0.05
n 1=len(dataChloramines1)
n 2=len(dataChloramines2)
h 0=0
 z 01=st.norm.ppf(alpha/2)
 z = 02 = st.norm.ppf(1 - alpha/2)
print("Diketahui:\n \bar{x}_1 = \{\} \setminus n \quad \bar{x}_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\} \setminus n \quad \sigma_1 = \{\} \setminus n \quad \sigma_2 = \{\}
 \{\} \setminus n \quad n_2 = \{\} \setminus n \quad d_0 = \{\} \setminus n \quad \alpha =
n".format(x bar 1,x bar 2,sigma 1,sigma 2,n 1,n 2,d 0,alpha))
print("Uji Hipotesis (mean):")
print("1. Hipotesis nol\n H_0: \mu_1 - \mu_2 = \{\}".format(h 0))
print("2. Hipotesis alternatif\n H<sub>1</sub>: \mu_1 - \mu_2 > \{\} atau \mu_1 - \mu_2 < \{\}
 (Two tailed test)".format(h 0,h 0))
print("3. Tingkat signifikan\n \alpha = \{\}".format(alpha))
print("4. Daerah kritis\n z < \{:.3f\} atau z > \{:.3f\}, diperoleh
dari nilai z yang memenuhi P(Z < z) = \alpha/2 = \{\} atau P(Z < z) = 1 - \alpha/2
= \{\}".format(z_01,z_02,alpha/2, (1 - alpha/2)))
print("5. Perhitungan p-value")
print(" z = ((\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - d_0) / (\sqrt{(\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2)})")
print(" z = ((\{\} - \{\}) - \{\}) / (\sqrt{(\{\}^2/\{\}} + \{\})))
 {}^{2}/{})".format(x_bar_1,x_bar_2, d_0, sigma_1, n_1,sigma_2,n_2))
 z = ((x bar 1-x bar 2) - d 0) /
math.sqrt(sigma_1**2/n_1+sigma_2**2/n_2)
print(" z = \{:.3f\}".format(z))
P = 2*(1-st.norm.cdf(abs(z)))
print(" P = {} ".format(P))
print("6. Kesimpulan")
if (P < alpha):</pre>
                                                                                        Nilai P < α, maka tolak H<sub>0</sub> dan dapat disimpulkan nilai
                          print("
 rata-rata Chloramines bagian awal dan bagian akhir berbeda")
else:
                          print("
                                                                                         Nilai P >= \alpha, maka tidak menolak H_0 dan dapat
disimpulkan tidak cukup bukti nilai rata-rata Chloramines bagian awal
dan bagian akhir berbeda")
print("\nBoxplot:")
sns.boxplot(data = [dataChloramines1, dataChloramines2], palette =
  'Set2')
```

```
plt.title("Data 100 baris pertama (kiri) dan 100 baris terakhir
(kanan) kolom Chloramines", size=18)
plt.ylabel("Chloramines")
plt.show()
Diketahui:
  \bar{x}_1 = 7.007771140423921
  \bar{x}_2 = 7.147197636249925
  \sigma_1 = 1.4808922939392726
  \sigma_2 = 1.306806325954166
  n_1 = 100
  n_2 = 100
  d_{\Theta} = 0
  \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (mean):
1. Hipotesis nol
   H_0: \mu_1 - \mu_2 = 0
2. Hipotesis alternatif
   H<sub>1</sub>: \mu_1 - \mu_2 > 0 atau \mu_1 - \mu_2 < 0 (Two tailed test)
3. Tingkat signifikan
   \alpha = 0.05
4. Daerah kritis
   z < -1.960 atau z > 1.960 , diperoleh dari nilai z yang memenuhi
P(Z < z) = \alpha/2 = 0.025 atau P(Z < z) = 1 - \alpha/2 = 0.975
5. Perhitungan p-value
   z = ((\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - d_0) / (\sqrt{(\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2)})
   z = ((7.007771140423921 - 7.147197636249925) - 0) /
(\sqrt{(1.4808922939392726^2/100 + 1.306806325954166^2/100)})
   z = -0.706
   P = 0.48022390604502796
6. Kesimpulan
   Nilai P >= \alpha, maka tidak menolak H_0 dan dapat disimpulkan tidak
cukup bukti nilai rata-rata Chloramines bagian awal dan bagian akhir
berbeda
```

Boxplot:





d. Proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4, adalah lebih besar daripada, proporsi
nilai yang sama di bagian akhir Turbidity ?
# Split data into two
dataTurbidity1=water\_potability["Turbidity"]
[:len(water\_potability)//2]
dataTurbidity1=dataTurbidity1[dataTurbidity1>4]
dataTurbidity2=water\_potability["Turbidity"]
[len(water\_potability)//2:len(water\_potability)]
dataTurbidity2=dataTurbidity2[dataTurbidity2>4]

```
alpha=0.05
n_1=len(water_potability)//2
n_2=len(water_potability)-len(water_potability)//2
p_1=len(dataTurbidity1)/n_1
p_2=len(dataTurbidity2)/n_2
h_0=0
z_0=st.norm.ppf(1 - alpha)
p=(p_1*n_1+p_2*n_2)/(n_1+n_2)
q=1-p
```

```
print("Diketahui:\n \hat{p}_1 = \{\}\n \hat{p}_2 = \{\}\n n_1 = \{\}\n n_2 = \{\}\n q = \{\}\n'.format(p_1,p_2,n_1,n_2,alpha,p,q)\} print("Uji Hipotesis (proportion):") print("1. Hipotesis nol\n H<sub>0</sub>: p<sub>1</sub>-p<sub>2</sub> = \{\}".format(h_0)) print("2. Hipotesis alternatif\n H<sub>1</sub>: p<sub>1</sub>-p<sub>2</sub> > \{\} (One tailed test)".format(h_0)) print("3. Tingkat signifikan\n \alpha = \{\}".format(alpha))
```

```
print("4. Daerah kritis\n z > {:.3f}), diperoleh dari nilai z yang
memenuhi dan P(Z < z) = 1 - \alpha = \{\}".format(z 0, (1 - alpha)))
print("5. Perhitungan p-value")
print(" z = (\hat{p}_1 - \hat{p}_2) / (\sqrt{(pq (1/n_1 + 1/n_2))}")
print(" z = (\{\} - \{\}) / (\sqrt{(\{\}*\{\} (1/\{\} + 1/\{\}))})".format(p_1, p_2,
p, q, n 1, n 2))
z = (p \overline{1} - p \overline{2}) / math.sqrt(p*q*(1/n 1+1/n 2))
print(\overline{z} = {:.3f} \cdot format(z))
P = 1-st.norm.cdf(z)
print(" P = {}".format(P))
print("6. Kesimpulan")
if (P < alpha):
    print("
              Nilai P < α, maka tolak H<sub>0</sub> dan dapat disimpulkan
proporsi Turbidity di bagian awal yang lebih dari 4 lebih besar
dibandingkan proporsi nilai yang sama di akhir Turbidity")
else:
               Nilai P >= \alpha, maka tidak menolak H_0 dan dapat
    print("
disimpulkan tidak cukup bukti proporsi Turbidity di bagian awal yang
lebih dari 4 lebih besar dibandingkan proporsi nilai yang sama di
akhir Turbidity")
print("\nBoxplot:")
sns.boxplot(data = [dataTurbidity1, dataTurbidity2], palette = 'Set2')
plt.title("Data bagian awal (kiri) dan bagian akhir (kanan) kolom
Turbidity yang nilainya lebih dari 4", size=18)
plt.ylabel("Turbidity")
plt.show()
Diketahui:
  \hat{p}_1 = 0.4835820895522388
  \hat{p}_2 = 0.48656716417910445
  n_1 = 1005
  n_2 = 1005
  \alpha = 0.05
  p = 0.48507462686567165
  q = 0.5149253731343284
Uji Hipotesis (proportion):
1. Hipotesis nol
   H_0: p_1-p_2 = 0
2. Hipotesis alternatif
   H_1: p_1-p_2 > 0 (One tailed test)
3. Tingkat signifikan
   \alpha = 0.05
4. Daerah kritis
   z > 1.645 , diperoleh dari nilai z yang memenuhi dan P(Z < z) = 1 -
\alpha = 0.95
5. Perhitungan p-value
   z = (\hat{p}_1 - \hat{p}_2) / (\sqrt{(pq (1/n_1 + 1/n_2))})
```

```
z = (0.4835820895522388 - 0.48656716417910445) / (\sqrt{(0.48507462686567165*0.5149253731343284 (1/1005 + 1/1005))} 

z = -0.134

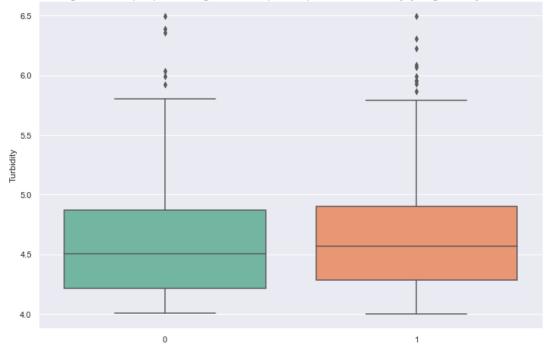
P = 0.5532550575911831
```

6. Kesimpulan

Nilai  $P >= \alpha$ , maka tidak menolak  $H_{\theta}$  dan dapat disimpulkan tidak cukup bukti proporsi Turbidity di bagian awal yang lebih dari 4 lebih besar dibandingkan proporsi nilai yang sama di akhir Turbidity

## Boxplot:

Data bagian awal (kiri) dan bagian akhir (kanan) kolom Turbidity yang nilainya lebih dari 4



e. Bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya? # Split data into two

```
dataSulfate1=water_potability["Sulfate"][:len(water_potability)//2] dataSulfate2=water_potability["Sulfate"][len(water_potability)//2:]  s_1 = dataSulfate1.std() \\ s_2 = dataSulfate2.std() \\ alpha = 0.05 \\ n_1 = len(dataSulfate1) \\ n_2 = len(dataSulfate2) \\ h_0 = 0 \\ f_1 = st.f.ppf(q = alpha/2, dfn = n_1 - 1, dfd = n_2 - 1) \\ f_2 = st.f.ppf(q = 1 - alpha/2, dfn = n_1 - 1, dfd = n_2 - 1) \\ print("Diketahui: \n s_1 = {} \n s_2 = {} \n n_1 = {} \n s_2 = {} \n n_2 = {} \n \alpha = {} \n s_3 = {} \n s_4 = {} \n s_5 = {} \n s
```

```
print("1. Hipotesis nol\n H_0: \sigma_1 - \sigma_2 = \{\}".format(h 0))
print("2. Hipotesis alternatif\n H_1: \sigma_1 - \sigma_2 > \{\} atau \sigma_1 - \sigma_2 < \{\}
(Two tailed test)".format(h_0,h_0))
print("3. Tingkat signifikan\n \alpha = \{\}".format(alpha))
print("4. Daerah kritis\n f < \{:.3f\} atau f > \{:.3f\}, diperoleh
dari nilai f yang memenuhi P(F > f) = 1 - \alpha/2 = \{\} atau P(F > f) = \alpha/2
= \{\}".format(f 1, f 2, (1 - alpha/2), alpha/2,))
print("5. Perhitungan p-value")
print(" f = S_1^2/S_2^2")
print(" f = \{\}^2/\{\}^2".format(s_1,s_2))
f = max(s 1**2/s 2**2,s 2**2/s 1**2)
print(" f = {:.3f}".format(f))
P = 2*(1-st.f.cdf(f,n_1-1,n_2-1))
print("P = {}".format(P))
print("6. Kesimpulan")
if (P < alpha):
              Nilai P < \alpha, maka tolak H<sub>0</sub> dan dapat disimpulkan nilai
    print("
variansi Sulfate bagian awal dan bagian akhir berbeda")
               Nilai P >= α, maka tidak menolak H<sub>0</sub> dan dapat
    print("
disimpulkan tidak cukup bukti nilai variansi Sulfate bagian awal dan
bagian akhir berbeda")
print("\nBoxplot:")
sns.boxplot(data = [dataSulfate1, dataSulfate2], palette = 'Set2')
plt.title("Data bagian awal (kiri) dan bagian akhir (kanan) kolom
Sulfate", size=18)
plt.ylabel("Sulfate")
plt.show()
Diketahui:
  s_1 = 1.4808922939392726
  s_2 = 1.306806325954166
  n_1 = 1005
  n_2 = 1005
  \alpha = 0.05
Uji Hipotesis (variance):
1. Hipotesis nol
   H_0: \sigma_1 - \sigma_2 = 0
2. Hipotesis alternatif
   H_1: \sigma_1 - \sigma_2 > 0 atau \sigma_1 - \sigma_2 < 0 (Two tailed test)
3. Tingkat signifikan
   \alpha = 0.05
4. Daerah kritis
   f < 0.884 atau f > 1.132 , diperoleh dari nilai f yang memenuhi P(F
> f) = 1 - \alpha/2 = 0.975 atau P(F > f) = \alpha/2 = 0.025
5. Perhitungan p-value
   f = S_1^2/S_2^2
```

```
f = 41.332754590968776^2/41.02112948764952^2
```

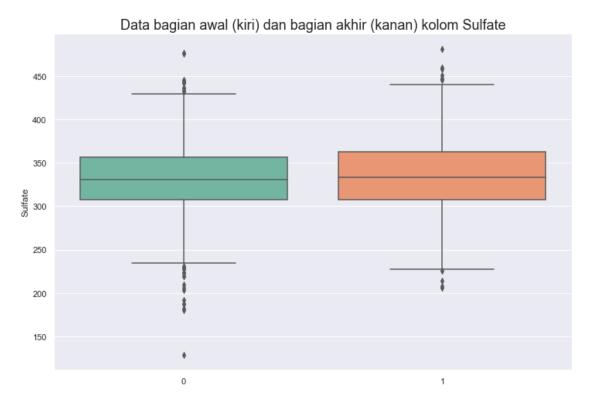
f = 1.015

P = 0.8105332960349165

## 6. Kesimpulan

Nilai P >=  $\alpha$ , maka tidak menolak H $_{\theta}$  dan dapat disimpulkan tidak cukup bukti nilai variansi Sulfate bagian awal dan bagian akhir berbeda

## Boxplot:

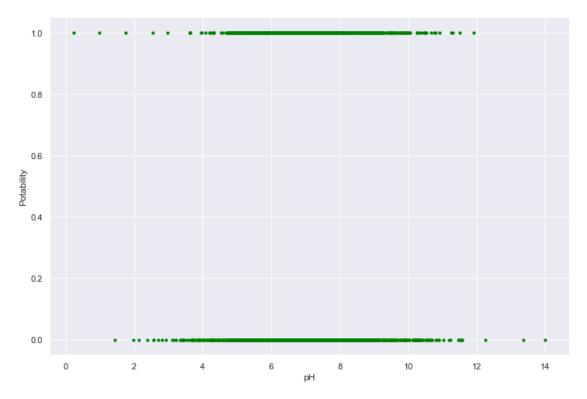


## Soal 6

Test korelasi: tentukan apakah setiap kolom non-target berkorelasi dengan kolom target, dengan menggambarkan juga scatter plot nya. Gunakan correlation test.

Metode yang digunakan yaitu dengan mengecek koefisien korelasi untuk setiap atribut non-target terhadap atribut target. Jika diperoleh koefisien korelasi lebih dari 0.5 maka akan disimpulkan bahwa kedua atribut memiliki korelasi saling berbanding lurus. Sedangkan bila diperoleh koefisien korelasi kurang dari -0.5 akan disimpulkan bahwa kedua atribut memiliki korelasi saling berbanding terbalik. Kemudian bila tidak memenuhi dua kasus tersebut maka akan disimpulkan bahwa kedua atribut tidak berkorelasi

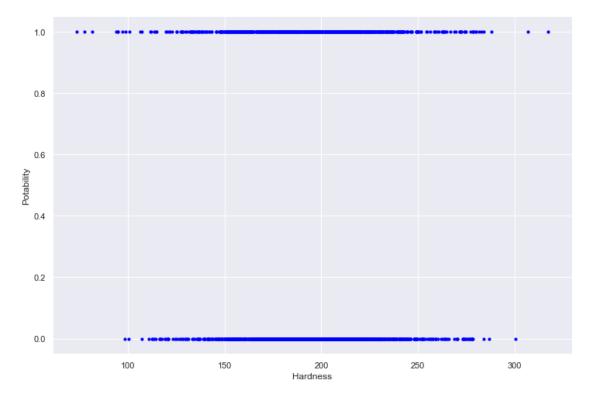
```
a. Korelasi pH - Potability
water_potability.plot.scatter(x="pH",y="Potability",s=10,c="green")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["pH"].corr(water_potability["Potability"]))
```



Koefisien korelasi = 0.015475094408433492

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut pH dan Potability tidak saling berkorelasi

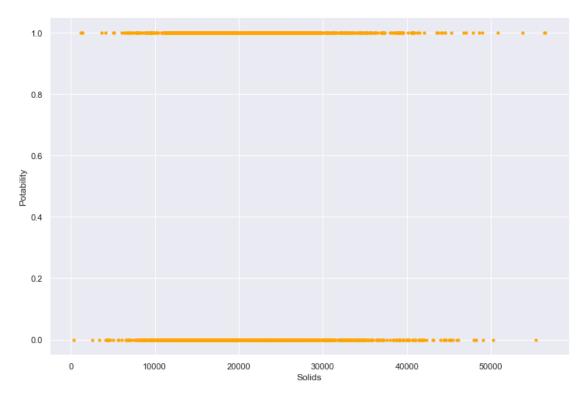
```
b. Korelasi Hardness - Potability
water_potability.plot.scatter(x="Hardness",y="Potability",s=10,c="blue
")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["Hardness"].corr(water_potability["Potability"]))
```



Koefisien korelasi = -0.0014631528959479442

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut Hardness dan Potability tidak saling berkorelasi

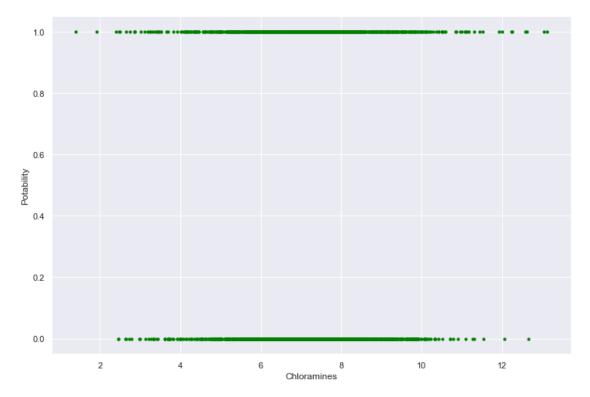
```
c. Korelasi Solids - Potability
water_potability.plot.scatter(x="Solids",y="Potability",s=10,c="orange
")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["Solids"].corr(water_potability["Potability"]))
```



Koefisien korelasi = 0.0389765781817347

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut Solids dan Potability tidak saling berkorelasi

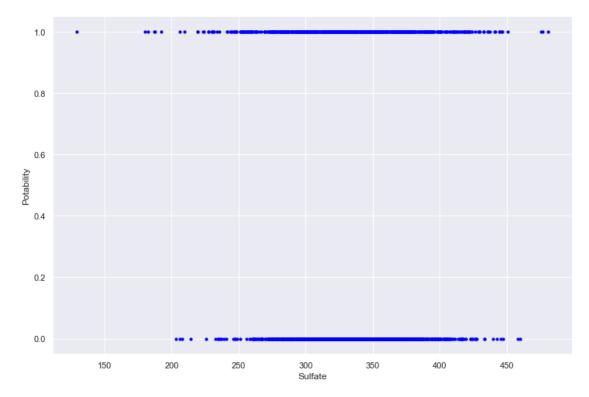
```
d. Korelasi Chloramines - Potability
water_potability.plot.scatter(x="Chloramines",y="Potability",s=10,c="g
reen")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["Chloramines"].corr(water_potability["Potability"]
))
```



Koefisien korelasi = 0.020778921840524087

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut Chloramines dan Potability tidak saling berkorelasi

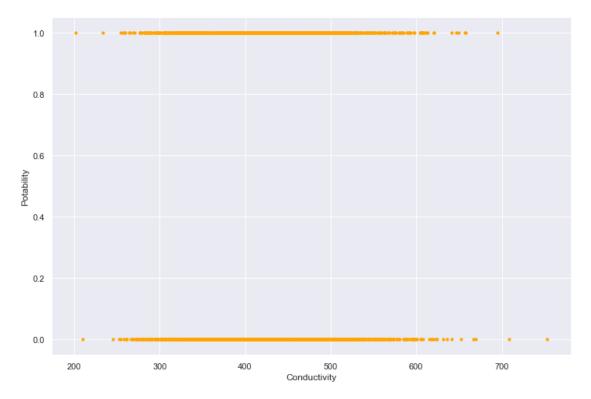
```
e. Korelasi Sulfate - Potability
water_potability.plot.scatter(x="Sulfate",y="Potability",s=10,c="blue")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["Sulfate"].corr(water_potability["Potability"]))
```



Koefisien korelasi = -0.01570316441927379

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut Sulfate dan Potability tidak saling berkorelasi

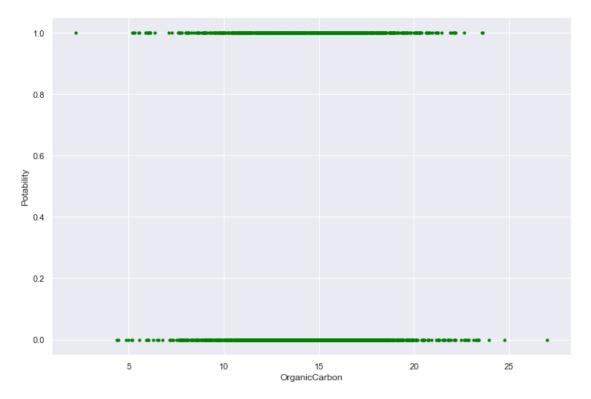
```
f. Korelasi Conductivity - Potability
water_potability.plot.scatter(x="Conductivity",y="Potability",s=10,c="
orange")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["Conductivity"].corr(water_potability["Potability"
]))
```



Koefisien korelasi = -0.016257120111377105

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut Conductivity dan Potability tidak saling berkorelasi

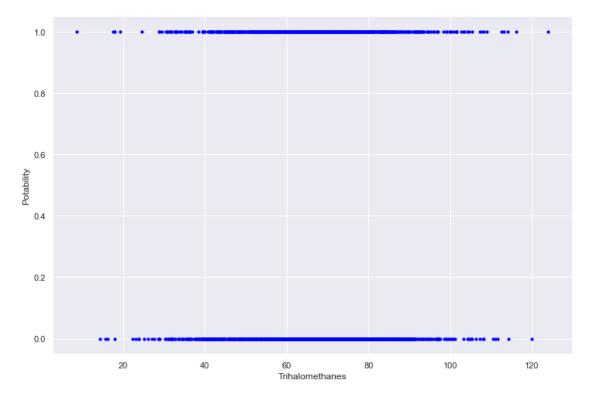
```
g. Korelasi OrganicCarbon - Potability
water_potability.plot.scatter(x="0rganicCarbon",y="Potability",s=10,c=
"green")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["0rganicCarbon"].corr(water_potability["Potability"]))
```



Koefisien korelasi = -0.015488461910747282

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut OrganicCarbon dan Potability tidak saling berkorelasi

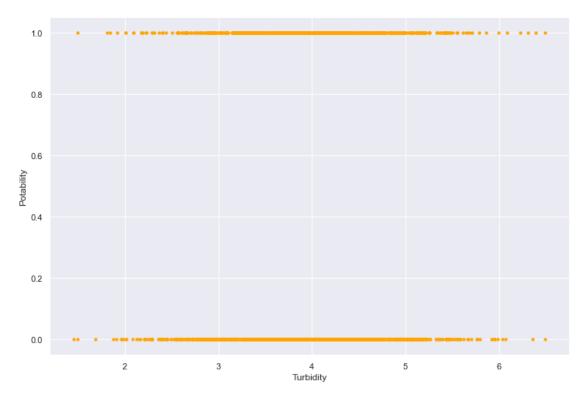
```
h. Korelasi Trihalomethanes - Potability
water_potability.plot.scatter(x="Trihalomethanes",y="Potability",s=10,
c="blue")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["Trihalomethanes"].corr(water_potability["Potability"]))
```



Koefisien korelasi = 0.009236711064713004

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut Trihalomethanes dan Potability tidak saling berkorelasi

```
i. Korelasi Turbidity - Potability
water_potability.plot.scatter(x="Turbidity",y="Potability",s=10,c="ora
nge")
plt.show()
print("Koefisien korelasi
=",water_potability["Turbidity"].corr(water_potability["Potability"]))
```



Koefisien korelasi = 0.022331042640622675

Karena koefisien korelasi mendekati nol serta lebih dari -0.5 dan kurang dari 0.5 maka dapat disimpulkan atribut Turbidity dan Potability tidak saling berkorelasi