

回溯

剑指 38 字符串的排列

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/>

标签: 回溯

精选题解

- 面试题 38. 字符串的排列（回溯法，清晰图解）
 - <https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/solution/mian-shi-ti-38-zi-fu-chuan-de-pai-lie-hui-su-fa-by/>
- ※ 回溯法_面试题 38. 字符串的排列
 - <https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/solution/hui-su-fa-by-luo-jing-yu-yu/>

关键思路

类似“0047 全排列 II”。当然，还有一种通过交换数组元素+set 去重的方法，此处略。

复杂度

- 时间复杂度: $O(n!)$ 。其中 n 为字符串长度, n 个字符均不相同时, 全排列最多有 $n!$ 种可能。
- 空间复杂度: $SO(n)$ 。递归层数为 n ; visited 数组大小为 n ; temp 数组大小为 n 。

代码

JZ-38 字符串的排列.cpp	
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139043826/	
<pre>1 class Solution { 2 public: 3 vector<string> res; 4 string temp; 5 6 void dfs(string& s, int cnt, vector<bool>& visited) { 7 if (cnt==s.size()) { 8 res.push_back(temp); 9 return ; 10 } 11 for (int i=0; i<s.size(); ++i) {</pre>	

JZ-38 字符串的排列.cpp

```
12         if (visited[i] || i>0 && s[i]==s[i-1] && !visited[i-1])
13             continue;
14         temp.push_back(s[i]);
15         visited[i] = true;
16         dfs(s, cnt+1, visited);
17         visited[i] = false;
18         temp.pop_back();
19     }
20 }
21
22 vector<string> permutation(string s) {
23     if (s.empty())
24         return res;
25     sort(s.begin(), s.end());
26     vector<bool> visited(s.size(), false);
27     dfs(s, 0, visited);
28     return res;
29 }
30 };
31
```

0017 电话号码的字母组合

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/letter-combinations-of-a-phone-number/>

标签: 回溯, 深搜

精选题解

- <https://leetcode-cn.com/problems/letter-combinations-of-a-phone-number/solution/dian-hua-hao-ma-de-zi-mu-zu-he-by-leetcode-solutio/563076>

关键思路

利用字符串 vector 简化索引, 并将输入 digits 的数字字符映射到其在 board 中的索引。

```
32 vector<string> board = {"", "", "abc", "def", "ghi", "jkl", "mno", "pqrs",
33     "tuv", "wxyz"};
34     ...
34     int board_idx = digits[digit_idx] - '0';
```

复杂度

- 时间复杂度: $O(3^k \times 4^{n-k})$ 。n 为输入的字符串长度, k 为对应 3 个字母的字符个数。

- 空间复杂度：SO(n)。递归深度为 O(n)；临时数组大小为 n。

代码

0017 电话号码的字母组合.cpp	
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138862517/	
<pre>1 class Solution { 2 public: 3 vector<string> res; 4 string temp; 5 vector<string> board = {"", "", "abc", "def", "ghi", "jkl", "mno", 6 "pqrs", "tuv", "wxyz"}; 7 8 void dfs(int digit_idx, string& digits) { 9 if (digit_idx == digits.size()) { 10 res.push_back(temp); 11 return ; 12 } 13 int board_idx = digits[digit_idx] - '0'; 14 for (int i=0; i<board[board_idx].size(); ++i) { 15 temp.push_back(board[board_idx][i]); 16 dfs(digit_idx+1, digits); 17 temp.pop_back(); 18 } 19 } 20 21 vector<string> letterCombinations(string digits) { 22 if (digits.size() == 0) 23 return res; 24 dfs(0, digits); 25 return res; 26 } 27 }; 28</pre>	

0022 括号生成

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/generate-parentheses/>

标签: 字符串

精选题解

- 官方题解 - 括号生成
 - <https://leetcode-cn.com/problems/generate-parentheses/solution/gua-hao-sheng-cheng-by-leetcode-solution/>

关键思路

- 终止条件: `temp.size() == 2*n`。其中 `n` 表示生成的括号对数。
- 如果左括号个数小于 `n`，就增加一个左括号并递归。
- 如果右括号个数小于左括号个数，就增加一个右括号并递归。

复杂度

代码

0022 括号生成.cpp
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138867187/
<pre>1 class Solution { 2 public: 3 vector<string> res; 4 string temp; 5 6 void dfs(int n, int left, int right) { 7 if (temp.size() == 2*n) { 8 res.push_back(temp); 9 return ; 10 } 11 12 if (left < n) { 13 temp.push_back('('); 14 dfs(n, left+1, right); 15 temp.pop_back(); 16 } 17 if (right < left) { 18 temp.push_back(')'); 19 dfs(n, left, right+1); 20 temp.pop_back(); 21 } 22 } 23 24 vector<string> generateParenthesis(int n) { 25 dfs(n, 0, 0); 26 } 27 }</pre>

0022 括号生成.cpp

```
26         return res;
27     }
28 };
29
```

0039 组合总和

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum/>

标签: 回溯

精选题解

- 官方题解 - 组合总和
 - <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum/solution/zu-he-zong-he-by-leetcode-solution/>

关键思路

几个终止条件（必须保证先后顺序）：

- (1) `idx` 表示当前指向数字的索引，索引到达最后；
- (2) 和恰好为 `target`，此时需将 `temp` 加入结果数组；
- (3) 后面的数都比剩余的 `target` 大，要利用此条件需要在主函数中将 `candidates` 排序。

```
1  if (idx==candidates.size())
2      return ;
3  if (target==0) {
4      res.push_back(temp);
5      return ;
6  }
7
8  // This part must be after the previous part
9  if (target - candidates[idx] < 0) {
10     return ;
11 }
```

无非是取或不取当前数。区别有两点：

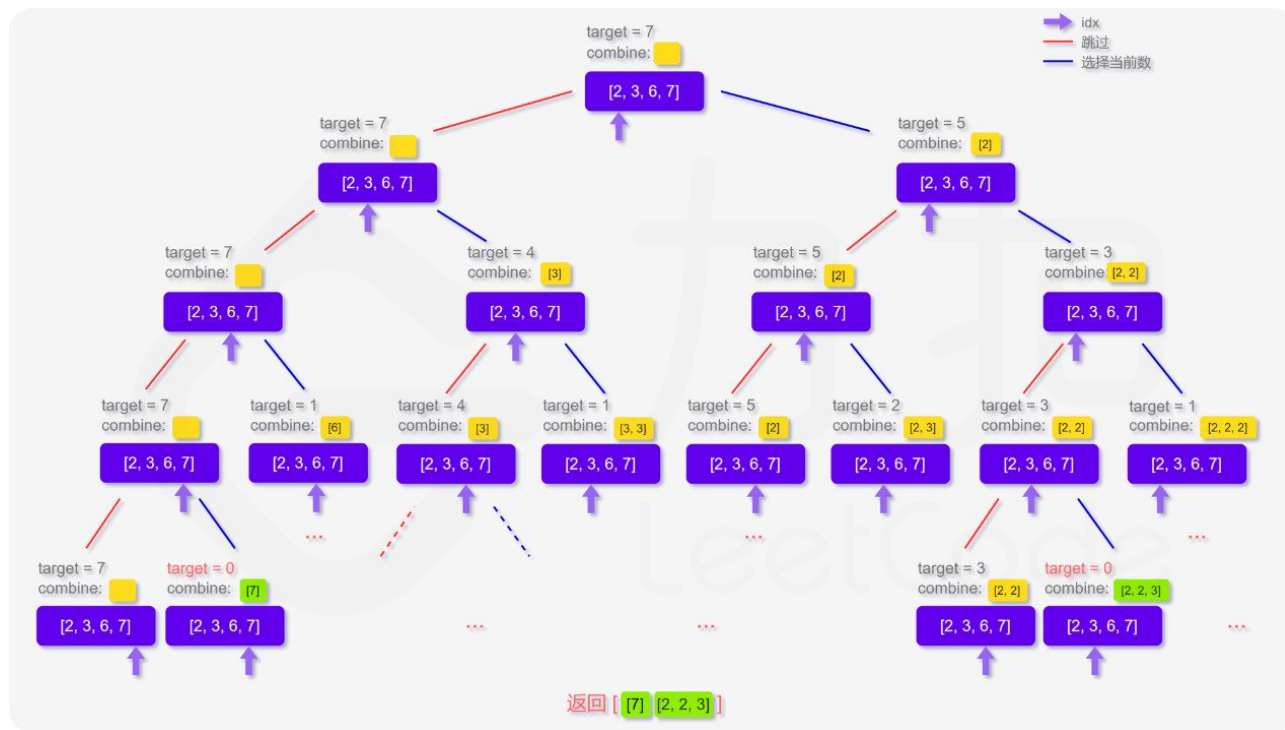
- (1) 是否出栈入栈（棕色部分）；
- (2) `dfs` 的参数变化（红色部分）。

```
1  // do not choose candidates[idx]
2  dfs(candidates, target, idx+1);
```

```

3
4 // choose candidates[idx]
5 temp.push_back(candidates[idx]);
6 dfs(candidates, target-candidates[idx], idx);
7 temp.pop_back();

```



复杂度

- 时间复杂度: $O(n \times 2^n)$ 。n 为数组中的元素个数，此处为一个松上界，因为存在大量提前返回和剪枝，因此实际情况远小于该复杂度。
- 空间复杂度: $SO(\text{target}/\min(\text{candidates}))$ 。递归层数和临时数组空间最多均为 $\text{target}/\min(\text{candidates})$ 。

代码

0039 组合总和.cpp

<https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138434940/>

```

1 class Solution {
2 public:
3     vector<vector<int>> res;
4     vector<int> temp;
5
6     void dfs(vector<int> & candidates, int target, int idx) {
7         if (idx==candidates.size())
8             return ;
9         if (target==0) {

```

0039 组合总和.cpp

```
10         res.push_back(temp);
11         return ;
12     }
13
14     // This part must be after the previous part
15     if (target - candidates[idx] < 0) {
16         return ;
17     }
18
19     // do not choose candidates[idx]
20     dfs(candidates, target, idx+1);
21
22     // choose candidates[idx]
23     temp.push_back(candidates[idx]);
24     dfs(candidates, target-candidates[idx], idx);
25     temp.pop_back();
26 }
27
28 vector<vector<int>> combinationSum(vector<int>& candidates, int target) {
29     sort(candidates.begin(), candidates.end());
30     dfs(candidates, target, 0);
31     return res;
32 }
33 };
34
```

0040 组合总和 II

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/>

标签: 回溯

精选题解

- 回溯算法 + 剪枝 (Java、Python)
 - <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-m-3/>
 - <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-m-3/225211>

关键思路

最重要的是保证选取的数不重复，和“0090 子集 II”中的思路类似，同一树层上不应有相同的数（[1,2] 和 [1,2] 不被允许），同一树枝上可以（[1,2,2] 允许）。

需要注意的是，在“0090 子集 II”的代码 1 中使用了 `used` 数组，判断条件多了 `!used[i]`，因此代码 2 对这个剪枝方法进行了改进，采用了本题下面的做法。

我们发现，在递归中，同一个 `for` 循环里面的数都是在同一树层中的，因此在同一个 `for` 循环中每个数只能使用一次。

使用 `candidates[i]==candidates[i-1]` 的含义是，将所有相同的数都跳过。

在大多数情况下，上面这条都是够的，只有当 `i==idx` 时，有可能出现这两个相同的数是在同一树枝，而不是同一树层，因为 `idx` 是循环起点，所以 `candidates[idx-1]` 在本层递归的 `for` 循环，而 `candidates[idx-1]` 必然在上层递归的 `for` 循环。所以加了一句 `i>idx` 的判断条件，用于排除这个例外情况。

```
1  for (int i=idx; i<candidates.size(); ++i) {
2      if (target - candidates[idx] < 0)
3          break;
4      if (i>idx && candidates[i] == candidates[i-1])
5          continue;
6      temp.push_back(candidates[i]);
7      dfs(candidates, target-candidates[i], i+1);
8      temp.pop_back();
9  }
```

复杂度

- 时间复杂度： $O(2^n \times n)$ 。 n 为 `candidates` 数组长度。递归时每个数都有选或不选两种可能，故有 $O(2^n)$ 的可能；每次复制符合条件的数组则需要 $O(n)$ 的时间。当然，这里是一个宽松的上界，因为在实际递归中，有很多提前返回和剪枝，因此要远小于该复杂度上界。
- 空间复杂度： $SO(n)$ 。递归深度最多为 n ；`temp` 数组最多 n 个数。

代码

0040 组合总和 II.cpp

<https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138838782/>

```
1  class Solution {
2  public:
3      vector<vector<int>> res;
4      vector<int> temp;
```


0040 组合总和 II.cpp

```
5
6     void dfs(vector<int>& candidates, int target, int idx) {
7         if (target==0) {
8             res.push_back(temp);
9             return ;
10        }
11
12        for (int i=idx; i<candidates.size(); ++i) {
13            if (target - candidates[idx] < 0)
14                break;
15            if (i>idx && candidates[i] == candidates[i-1])
16                continue;
17            temp.push_back(candidates[i]);
18            dfs(candidates, target-candidates[i], i+1);
19            temp.pop_back();
20        }
21    }
22
23    vector<vector<int>> combinationSum2(vector<int>& candidates, int target) {
24        sort(candidates.begin(), candidates.end());
25        dfs(candidates, target, 0);
26        return res;
27    }
28 };
29
```

0216 组合总和 III

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-iii/>

标签: 回溯

精选题解

- 官方题解 - 组合总和 III
 - <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-iii/solution/zu-he-zong-he-iii-by-leetcode-solution/>

关键思路

该题可以视为, 从 9 个数中取出 k 个数使之和为 n。同“0077 组合”类似, 只需满足个数为 k 且和为 n 即可。官方题解用了 accumulate 求和, 实际上没有利用好递归的特性。

剪枝: temp 数组个数大于 k, 或可取数组中个数加起来也不足 k。

无非是选和不选当前数这两种情况。

复杂度

时间复杂度: $O(C_9^k \times k)$ 。从 9 个数中取 k 个数; 复制每个符合条件的数组需 $O(k)$ 。

空间复杂度: $O(k)$ 。递归层数最多为 k; 临时数组大小为 k。

代码

0216 组合总和 III.cpp	
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138857702/	
1	class Solution {
2	public:
3	vector<vector<int>> res;
4	vector<int> temp;
5	
6	void dfs(int k, int target, int cur) {
7	if ((temp.size() + (9-cur+1) < k) temp.size() > k)
8	return ;
9	if (temp.size() == k && target == 0) {
10	res.push_back(temp);
11	return ;
12	}
13	
14	// not choose cur
15	dfs(k, target, cur+1);
16	
17	// choose cur
18	temp.push_back(cur);
19	dfs(k, target-cur, cur+1);
20	temp.pop_back();
21	}
22	
23	vector<vector<int>> combinationSum3(int k, int n) {
24	dfs(k, n, 1);
25	return res;
26	}
27	};
28	

0046 全排列

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/>

标签: 回溯

精选题解

- 回溯算法入门级详解 + 练习（持续更新）
 - <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/hui-su-suan-fa-python-dai-ma-java-dai-ma-by-liweiw/>
- 官方题解
 - <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/quan-pai-lie-by-leetcode-solution-2/>
- ※ C++ 回溯法/交换法/stl 简洁易懂的全排列
 - <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/c-hui-su-fa-jiao-huan-fa-stl-jian-ji-yi-dong-by-sm/>
- 精选代码
 - <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/quan-pai-lie-by-leetcode-solution-2/532710/>

复杂度

- 时间复杂度: $O(n \cdot n!)$ 。回溯复杂度 $O(n!)$; 每次新的生成数组需要复制 n 个元素。
- 空间复杂度: $SO(n)$ 。长度为 n 的标记数组; 递归时深度最大为 n 。

代码 1: 标记数组

0046 全排列.cpp
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/127476452/
<pre>1 class Solution { 2 public: 3 vector<vector<int>> res; 4 5 void backtrack(vector<int> &nums, vector<int> &current, vector<bool> &flags) { 6 if (current.size() == flags.size()) { 7 res.push_back(current); 8 } else { 9 for (int i=0; i<nums.size(); ++i) { 10 if (not flags[i]) { // nums[i] not in current 11 current.push_back(nums[i]); 12 flags[i] = true;</pre>

0046 全排列.cpp

```
13         backtrack(nums, current, flags);
14         current.pop_back();
15         flags[i] = false;
16     }
17 }
18 }
19 }
20
21 vector<vector<int>> permute(vector<int>& nums) {
22     if (nums.empty()) {
23         return {};
24     }
25     vector<bool> flags(nums.size(), false); // true: in current; false:
not in current
26     vector<int> current;
27     backtrack(nums, current, flags);
28     return res;
29 }
30 };
31
```

代码 2：交换元素

0046 全排列 - swap.cpp

<https://leetcode-cn.com/submissions/detail/127482585/>

```
1 class Solution {
2 public:
3     vector<vector<int>> res;
4
5     void backtrack(vector<int> &nums, int start, int end) {
6         if (start == end) {
7             res.push_back(nums);
8         } else {
9             for (int i=start; i<=end; ++i) {
10                 swap(nums[i], nums[start]);
11                 backtrack(nums, start+1, end);
12                 swap(nums[i], nums[start]);
13             }
14         }
15     }
16
17     vector<vector<int>> permute(vector<int>& nums) {
```

0046 全排列 - swap.cpp

```
18     if (nums.empty()) {
19         return {};
20     } else {
21         backtrack(nums, 0, nums.size()-1);
22         return res;
23     }
24 }
25 };
26
```

0047 全排列 II

题目: <https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/>

标签: 回溯

精选题解

- 官方题解
 - <https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/solution/quan-pai-lie-ii-by-leetcode-solution/>

关键思路

定义一个标记数组 `visited` 来标记已经填过的数。若 `visited[i]` 为 `true`, 表示第 `i` 个数已经使用了; 若 `visited[i]` 为 `false`, 表示第 `i` 个数尚未使用。

要解决重复问题, 只需保证在填第 `i` 个数时, 重复数字只被填入一次。方法: **对原数组排序, 保证相同数字都相邻, 然后每次填入的数一定是这个数所在重复数集合中「从左往右第一个未被填过的数字」**, 即如下的判断条件:

```
1  if (i > 0 && nums[i] == nums[i-1] && !visited[i-1]) {
2      continue;
3  }
```

假如排完序后的完整数组 `nums` 中有三个连续的数, 那么一定只有如下 4 种状态: `[x, x, x]`, `[√, x, x]`, `[√, √, x]`, `[√, √, √]`。(√ 表示已在生成的数组中, × 表示未在生成的数组中。)

复杂度

详见官方题解。

- 时间复杂度: $O(n \cdot n!)$ 。回溯复杂度 $O(n!)$; 每次新的生成数组需要复制 n 个元素。
- 空间复杂度: $SO(n)$ 。长度为 n 的标记数组; 递归时深度最大为 n 。

0047 全排列 II.cpp	
https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/submissions/	
1	<code>class Solution {</code>
2	<code> vector<int> visited;</code>
3	<code>public:</code>
4	<code> void backtrack(vector<int> &nums, vector<vector<int>> &res, int idx,</code> <code>vector<int> &current) {</code>
5	<code> if (idx==nums.size()) {</code>
6	<code> res.emplace_back(current);</code>
7	<code> // * C++ STL vector 添加元素 (push_back()和 emplace_back()) 详解</code>
8	<code> // * http://c.biancheng.net/view/6826.html</code>
9	<code> // push_back() 向容器尾部添加元素时, 首先会创建这个元素, 然后再将这个元</code> 素拷贝或者移动到容器中 (如果是拷贝的话, 事后会自行销毁先前创建的这个元素);
10	<code> // 而 emplace_back() 在实现时, 则是直接在容器尾部创建这个元素, 省去了拷</code> 贝或移动元素的过程。
11	<code> return ;</code>
12	<code> }</code>
13	
14	<code> for (int i=0; i<nums.size(); ++i) {</code>
15	<code> // 哪些情况不取当前的元素:</code>
16	<code> // 1. 已经访问过/在当前路径数组中</code>
17	<code> // 2. 和前一个数相等, 且前一个数未被填过 (表明该数不是第一个未填的数, 故</code> 仍然跳过)
18	<code> // 反过来理解, 如果前一个相等的数已经被填过, 那么此时就可以插入这后一</code> 个相等的数了,
19	<code> // 因为我们在上一层嵌套中, 已经保证前一个数当时是第一个未被填过的数了</code>
20	<code> // 此时意味着我们在当前路径数组中存在多个相等的数了</code>
21	<code> if (visited[i] (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !visited[i-1]))</code>
22	<code> continue;</code>
23	<code> current.emplace_back(nums[i]);</code>
24	<code> visited[i] = true;</code>
25	<code> backtrack(nums, res, idx+1, current);</code>
26	<code> visited[i] = false;</code>
27	<code> current.pop_back();</code>
28	<code> }</code>
29	<code> }</code>
30	
31	<code> vector<vector<int>> permuteUnique(vector<int>& nums) {</code>
32	<code> vector<vector<int>> res;</code>
33	<code> vector<int> current;</code>
34	<code> visited.resize(nums.size());</code>

0047 全排列 II.cpp

```
35         sort(nums.begin(), nums.end());
36         backtrack(nums, res, 0, current);
37         return res;
38     }
39 };
40
```

0077 组合

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/combinations/>

标签: 回溯

精选题解

- ※ 官方题解 - 组合
 - <https://leetcode-cn.com/problems/combinations/solution/zu-he-by-leetcode-solution/>
- 回溯算法 + 剪枝 (Java) - 组合
 - <https://leetcode-cn.com/problems/combinations/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-ma-/>

关键思路

合理剪枝: 剩余个数是否足够; 个数正好则加入并返回。

```
1  if (temp.size() + (n - cur + 1) < k)
2      return ;
```

选取当前数, 需要考虑入栈出栈; 不选取, 则跳到下一个。

```
1  // choose cur
2  temp.push_back(cur);
3  dfs(cur+1, n, k);
4  temp.pop_back();
5
6  // do not choose cur
7  dfs(cur+1, n, k);
```

复杂度

- 时间复杂度: $O(C_n^k \times k)$ 。其中 C_n^k 表示从 n 个数中取出 k 个数的组合数目, k 表示每次需要复制 k 个数。
- 空间复杂度: $O(n+k)=O(n)$ 。递归最大层数 n ; 临时数组空间 k 。

代码

0077 组合.cpp
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138357287/
<pre>1 class Solution { 2 public: 3 vector<vector<int>> res; // result 2d vector 4 vector<int> temp; // temp vector path 5 6 void dfs(int cur, int n, int k) { 7 // cur: current element index, choose or not 8 if (temp.size() + (n - cur + 1) < k) 9 return ; 10 if (temp.size() == k) { 11 res.push_back(temp); 12 return ; 13 } 14 15 // choose cur 16 temp.push_back(cur); 17 dfs(cur+1, n, k); 18 temp.pop_back(); 19 20 // do not choose cur 21 dfs(cur+1, n, k); 22 } 23 24 vector<vector<int>> combine(int n, int k) { 25 dfs(1, n, k); 26 return res; 27 } 28 }; 29</pre>

0078 子集

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/subsets/>

标签: 回溯, 位运算

精选题解

- 官方题解 - 子集

- <https://leetcode-cn.com/problems/subsets/solution/zi-ji-by-leetcode-solution/>

关键思路

每个位置有两种情况，选或者不选，所以类似“0077 组合” (p15)的思路。最后索引到达 n 就退出。

```
1 // choose nums[cur]
2 temp.push_back(nums[cur]);
3 dfs(cur+1, nums);
4 temp.pop_back();
5
6 // not choose nums[cur]
7 dfs(cur+1, nums);
```

复杂度

- 时间复杂度: $O(n \times 2^n)$ 。一共 2^n 个子集，每个子集需要 $O(n)$ 的时间来构造。
- 空间复杂度: $SO(n)$ 。递归栈空间 $O(n)$ ；临时数组空间 $O(n)$ 。

代码

0078 子集.cpp

<https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138375047/>

```
1 class Solution {
2 public:
3     vector<vector<int>> res;
4     vector<int> temp;
5
6     void dfs(int cur, vector<int> &nums) {
7         if (cur == nums.size()) {
8             res.push_back(temp);
9             return ;
10        }
11
12        // choose nums[cur]
13        temp.push_back(nums[cur]);
14        dfs(cur+1, nums);
15        temp.pop_back();
16
17        // not choose nums[cur]
18        dfs(cur+1, nums);
19    }
20}
```

0078 子集.cpp

```
21     vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
22         dfs(0, nums);
23         return res;
24     }
25 };
26
```

0090 子集 II

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/subsets-ii/>

标签: 回溯

精选题解

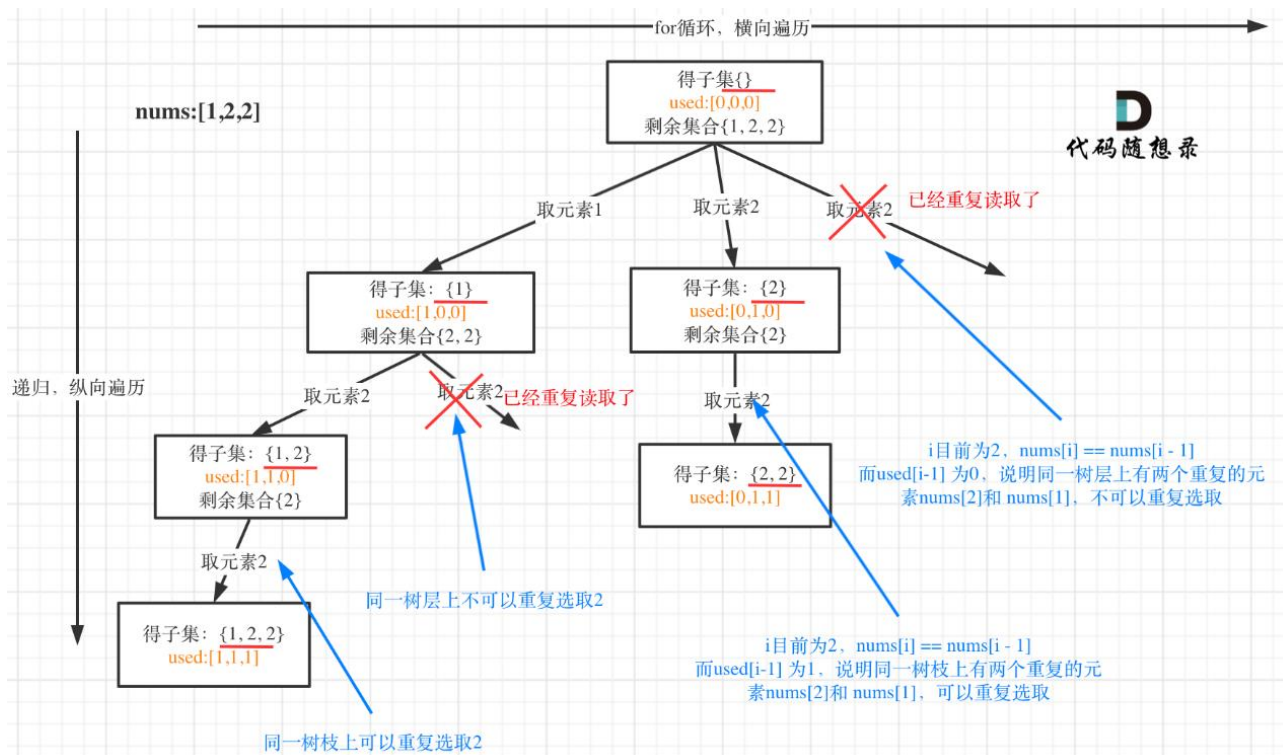
- 90. 子集 II: 【彻底理解子集问题如何去重】详解 - 子集 II

- <https://leetcode-cn.com/problems/subsets-ii/solution/90-zi-ji-iiche-di-li-jie-zi-ji-wen-ti-ru-he-qu-zho/>

关键思路

最重要的是理解 `used[i-1]` 的含义:

- (1) `true`: 同一**树枝**上选取过值相等的元素, 可以重复选取
- (2) `false`: 同一**树层**上选取过值相等的元素, 不可重复选取



类似“0047 全排列 II”，但有几点不同：

- (1) 循环遍历的起点是 `cur` 而不是 0。因此，也就不需要判断 `used[i]` 是否为 `true`，因为这时肯定是 `false`。
- (2) 可直接将 `temp` 加入 `res`，视为不选取 `nums[cur]`。

```
1 // not choose nums[cur]
2 res.push_back(temp);
3
4 // maybe choose nums[cur]
5 for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
6     if (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !used[i-1])
7         continue;
8     temp.push_back(nums[i]);
9     used[i] = true;
10    backtrack(i+1, nums, used);
11    used[i] = false;
12    temp.pop_back();
13 }
```

事实上，还可以对上面的剪枝进行优化，不需要使用 `used` 数组，可以参考“0040 组合总和 II”的题解，重点是下面第 2 行的蓝色语句。代码 2 就是采用了该剪枝方法的优化解法。

```
1 for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
2     if (i>cur && nums[i]==nums[i-1])
3         continue;
4     temp.push_back(nums[i]);
5     backtrack(i+1, nums);
6     temp.pop_back();
7 }
```

复杂度

时间复杂度： $O(2^n \times n)$ 。子集最多有 2^n 个（元素均不重复）；构造每个子集需要 $O(n)$ 的时间。

空间复杂度： $SO(n)$ 。递归栈空间 $O(n)$ ；临时数组空间 $O(n)$ 。

代码 1

0090 子集 II

<https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138389158/>

```
1 class Solution {
2 public:
3     vector<vector<int>> res;
```

0090 子集 II	
4	vector<int> temp;
5	
6	void backtrack(int cur, vector<int> &nums, vector<bool> &used) {
7	// not choose nums[cur]
8	res.push_back(temp);
9	
10	// maybe choose nums[cur]
11	for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
12	if (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !used[i-1])
13	continue;
14	temp.push_back(nums[i]);
15	used[i] = true;
16	backtrack(i+1, nums, used);
17	used[i] = false;
18	temp.pop_back();
19	}
20	}
21	
22	vector<vector<int>> subsetsWithDup(vector<int>& nums) {
23	vector<bool> used(nums.size(), false);
24	sort(nums.begin(), nums.end());
25	backtrack(0, nums, used);
26	return res;
27	}
28	};
29	

代码 2：不使用 used 数组的剪枝

0090 子集 II -v2.cpp	
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138841714/	
1	class Solution {
2	public:
3	vector<vector<int>> res;
4	vector<int> temp;
5	
6	void backtrack(int cur, vector<int> &nums) {
7	// not choose nums[cur]
8	res.push_back(temp);
9	
10	// maybe choose nums[cur]

0090 子集 II -v2.cpp

```
11     for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
12         if (i>cur && nums[i]==nums[i-1])
13             continue;
14         temp.push_back(nums[i]);
15         backtrack(i+1, nums);
16         temp.pop_back();
17     }
18 }
19
20 vector<vector<int>> subsetsWithDup(vector<int>& nums) {
21     sort(nums.begin(), nums.end());
22     backtrack(0, nums);
23     return res;
24 }
25 };
26
```

0079 单词搜索

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/word-search/>

标签: 回溯

精选题解

- ※ 官方题解 - 单词搜索
 - <https://leetcode-cn.com/problems/word-search/solution/dan-ci-sou-suo-by-leetcode-solution/>
- 在二维平面上使用回溯法 (Python 代码、Java 代码) - 单词搜索
 - <https://leetcode-cn.com/problems/word-search/solution/zai-er-wei-ping-mian-shang-shi-yong-hui-su-fa-pyth/>

关键思路

- `check(i,j,k,...)` 表示是否存在一条从 `board[i][j]` 出发的路径与单词子集 `word[k:]` 匹配。对 `k=0`, 遍历所有的 `i` 和 `j`, 即可得到二维网格中是否包含整个单词。
- 对不同方向的搜索, 可以建立一个 `vector<pair<int,int>>` 表示四个方向。
- 终止条件: `board[i][j] != word[k]`, 返回 `false`; `board[i][j] == word[k] && k == word.length()-1`, 返回 `true`。
- 访问 `board[i][j]` 时将其置为 `true`, 递归返回时不要忘记将其置为 `false`。

复杂度

详见官方题解。

- 时间复杂度： $O(M \times N \times 3^L)$ 。M 表示 board 的行数，N 表示 board 的列数，L 表示字符串长度。需要进行 $M \times N$ 次检查；每个后继字符至多有 3 个方向（除了第 2 个字符有 4 个方向），因此每次检查至多有 3^L 种分支；事实上由于提前返回和剪枝的存在，实际时间复杂度远低于这个理论上界。
- 空间复杂度： $SO(M \times N)$ 。visited 数组的空间为 $M \times N$ ；栈的深度至多为 $\min(L, M \times N)$ 。

代码

0079 单词搜索.cpp	
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138405047/	
<pre>1 class Solution { 2 public: 3 vector<pair<int,int>> directions{{0,1},{0,-1},{1,0},{-1,0}}; 4 // check(i,j,k,...): is exist a path starts from board[i][j] matches word[k:] 5 bool check(int i, int j, int k, vector<vector<char>> &board, vector<vector<bool>> &visited, string &word) { 6 if (board[i][j] != word[k]) 7 return false; 8 else if (k==word.length()-1) 9 return true; 10 11 visited[i][j] = true; 12 bool tmp_flag = false; 13 for (const auto& d: directions) { 14 int i_new = i + d.first; 15 int j_new = j + d.second; 16 if (i_new>=0 && i_new<board.size() && j_new>=0 && j_new<board[0].size()) { 17 if (visited[i_new][j_new]) 18 continue; 19 tmp_flag = check(i_new, j_new, k+1, board, visited, word); 20 if (tmp_flag) { 21 visited[i][j] = false; 22 return true; 23 } 24 } 25 } 26 visited[i][j] = false;</pre>	

0079 单词搜索.cpp

```
27     return false;
28 }
29
30 bool exist(vector<vector<char>>& board, string word) {
31     int row_num = board.size();
32     if (row_num<=0)
33         return false;
34     int col_num = board[0].size();
35     bool flag = false;
36     vector<vector<bool>> visited(row_num, vector<bool>(col_num));
37     for (int i=0; i<row_num; ++i) {
38         for (int j=0; j<col_num; ++j) {
39             flag = check(i, j, 0, board, visited, word);
40             if (flag)
41                 return true;
42         }
43     }
44     return false;
45 }
46 };
47
```

数学

链表

0002 两数相加

链接: <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/>

标签: 链表, 递归, 数学

精选题解

- 官方题解 - 两数相加

- <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/solution/liang-shu-xiang-jia-by-leetcode-solution/>
- 两数相加 – 两种解法
 - <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/solution/liang-shu-xiang-jia-by-gpe3dbjds1/>

关键思路

当 l1 和 l2 至少一个非空时，就不停地将和保存到 new 出来的新节点，并将 l1 和 l2 的指针指向后一个节点。

注意每次都需要加上进位，并计算新的进位。

还需要检查最后一次求和是否产生进位，如果产生了，还需 new 一个新结点存放进位 1。

使用哑结点可以避免边界条件：

```
1  ListNode *dummy = new ListNode(-1);
```

复杂度

- 时间复杂度：O(max(n1,n2))。其中 n1 和 n2 分别为两个链表中的节点个数。
- 空间复杂度：O(max(n1,n2))。作为结果返回的链表的结点个数。

代码

0002 两数相加.cpp

<https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139058623/>

```
1  /**
2   * Definition for singly-linked list.
3   * struct ListNode {
4   *     int val;
5   *     ListNode *next;
6   *     ListNode() : val(0), next(nullptr) {}
7   *     ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
8   *     ListNode(int x, ListNode *next) : val(x), next(next) {}
9   * };
10 */
11 class Solution {
12 public:
13     ListNode* addTwoNumbers(ListNode* l1, ListNode* l2) {
14         ListNode *dummy = new ListNode(-1);
15         ListNode *p = dummy;
16         int sum = 0;
17         int carry = 0;
18         while (l1 || l2) {
```


0002 两数相加.cpp

```
19         sum = 0;
20         if (l1) {
21             sum += l1->val;
22             l1 = l1->next;
23         }
24         if (l2) {
25             sum += l2->val;
26             l2 = l2->next;
27         }
28         sum += carry;
29         carry = sum / 10;
30         p->next = new ListNode(sum % 10);
31         p = p->next;
32     }
33     if (carry>0)
34         p->next = new ListNode(1);
35     return dummy->next;
36 }
37 };
38
```

0445 两数相加 II

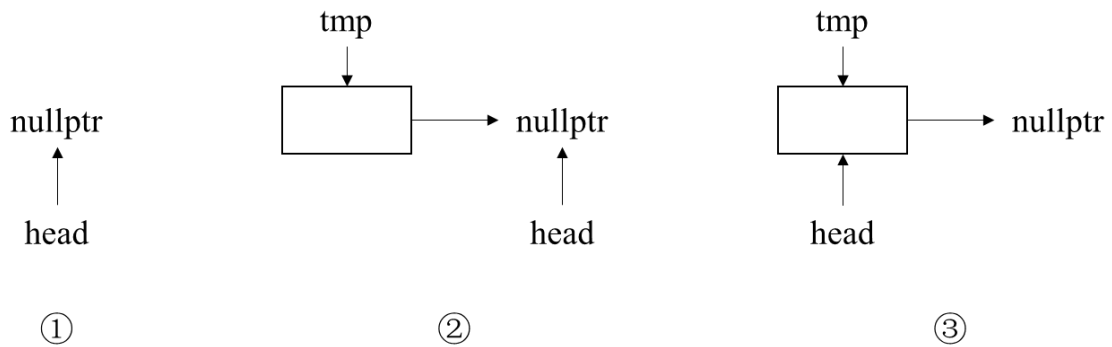
精选题解

- 官方题解 - 两数相加 II
- <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers-ii/solution/liang-shu-xiang-jia-ii-by-leetcode-solution/>

关键思路

与“0002 两数”基本类似，只是如下几点不同：

- (1) 由于头结点存储的是最高位的值，因此需要使用栈这种数据结构，先将列表入栈，再求和（代码第 12 ~ 20 行）；
- (2) 在求和时是从低位到高位，而生成的结果链表还应该是高位为头、低位为尾，因此结点需要反方向连接，如图①②③顺序所示（代码第 36 ~ 38 行）
- (3) 对循环进行了优化，将 $carry > 0$ 的判断条件也加上了，这样在循环结束后，就无需额外写判断 $carry$ 值并新增结点的操作（代码第 24 行）；



复杂度

- 时间复杂度： $O(\max(n1, n2))$ 。其中 $n1$ 和 $n2$ 分别为两个链表中的节点个数。
- 空间复杂度： $O(n1+n2)$ 。作为结果返回的链表的节点个数为 $O(\max(n1, n2))$ ；栈空间 $O(n1+n2)$ 。

代码

0445 两数相加 II.cpp
https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139069295/
<pre> 1 /** 2 * Definition for singly-linked list. 3 * struct ListNode { 4 * int val; 5 * ListNode *next; 6 * ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {} 7 * }; 8 */ 9 class Solution { 10 public: 11 ListNode* addTwoNumbers(ListNode* l1, ListNode* l2) { 12 stack<int> s1, s2; 13 while (l1) { 14 s1.push(l1->val); 15 l1 = l1->next; 16 } 17 while (l2) { 18 s2.push(l2->val); 19 l2 = l2->next; 20 } 21 ListNode *head = nullptr; 22 int sum = 0; 23 int carry = 0; 24 while (!s1.empty() !s2.empty() carry > 0) { </pre>

0445 两数相加 II.cpp

```
25         sum = 0;
26         if (!s1.empty()) {
27             sum += s1.top();
28             s1.pop();
29         }
30         if (!s2.empty()) {
31             sum += s2.top();
32             s2.pop();
33         }
34         sum += carry;
35         carry = sum / 10;
36         auto tmp = new ListNode(sum%10);
37         tmp->next = head;
38         head = tmp;
39     }
40     return head;
41 }
42 };
43
```