# 回溯

## 剑指 38 字符串的排列

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/>

标签：回溯

### 精选题解

* 面试题38. 字符串的排列（回溯法，清晰图解）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/solution/mian-shi-ti-38-zi-fu-chuan-de-pai-lie-hui-su-fa-by/>
* **※ 回溯法\_面试题38. 字符串的排列**
  + <https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/solution/hui-su-fa-by-luo-jing-yu-yu/>

### 关键思路

类似“0047 全排列 II”。当然，还有一种通过交换数组元素+set去重的方法，此处略。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n!)。其中n为字符串长度，n个字符均不相同时，全排列最多有n!种可能。
* 空间复杂度：SO(n)。递归层数为n；visited数组大小为n；temp数组大小为n。

### 代码

| **JZ-38 字符串的排列.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139043826/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<string> res; 4. string temp; 5. void dfs(string& s, int cnt, vector<bool>& visited) { 6. if (cnt==s.size()) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. for (int i=0; i<s.size(); ++i) { 11. if (visited[i] || i>0 && s[i]==s[i-1] && !visited[i-1]) 12. continue; 13. temp.push\_back(s[i]); 14. visited[i] = true; 15. dfs(s, cnt+1, visited); 16. visited[i] = false; 17. temp.pop\_back(); 18. } 19. } 20. vector<string> permutation(string s) { 21. if (s.empty()) 22. return res; 23. sort(s.begin(), s.end()); 24. vector<bool> visited(s.size(), false); 25. dfs(s, 0, visited); 26. return res; 27. } 28. }; |

## 0017 电话号码的字母组合

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/letter-combinations-of-a-phone-number/>

标签：回溯，深搜

### 精选题解

* + <https://leetcode-cn.com/problems/letter-combinations-of-a-phone-number/solution/dian-hua-hao-ma-de-zi-mu-zu-he-by-leetcode-solutio/563076>

### 关键思路

利用字符串vector简化索引，并将输入digits的数字字符映射到其在board中的索引。

1. vector<string> board = {"", "", "abc", "def", "ghi", "jkl", "mno", "pqrs", "tuv", "wxyz"};
2. …
3. int board\_idx = digits[digit\_idx] - '0';

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。n为输入的字符串长度，k为对应3个字母的字符个数。
* 空间复杂度：SO(n)。递归深度为O(n)；临时数组大小为n。

### 代码

| **0017 电话号码的字母组合.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138862517/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<string> res; 4. string temp; 5. vector<string> board = {"", "", "abc", "def", "ghi", "jkl", "mno", "pqrs", "tuv", "wxyz"}; 6. void dfs(int digit\_idx, string& digits) { 7. if (digit\_idx == digits.size()) { 8. res.push\_back(temp); 9. return ; 10. } 11. int board\_idx = digits[digit\_idx] - '0'; 12. for (int i=0; i<board[board\_idx].size(); ++i) { 13. temp.push\_back(board[board\_idx][i]); 14. dfs(digit\_idx+1, digits); 15. temp.pop\_back(); 16. } 17. } 18. vector<string> letterCombinations(string digits) { 19. if (digits.size() == 0) 20. return res; 21. dfs(0, digits); 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0022 括号生成

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/generate-parentheses/>

标签：字符串

### 精选题解

* 官方题解 - 括号生成
  + https://leetcode-cn.com/problems/generate-parentheses/solution/gua-hao-sheng-cheng-by-leetcode-solution/

### 关键思路

* 终止条件：temp.size() == 2\*n。其中n表示生成的括号对数。
* 如果左括号个数小于n，就增加一个左括号并递归。
* 如果右括号个数小于左括号个数，就增加一个右括号并递归。

### 复杂度

### 代码

| **0022 括号生成.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138867187/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<string> res; 4. string temp; 5. void dfs(int n, int left, int right) { 6. if (temp.size() == 2\*n) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. if (left < n) { 11. temp.push\_back('('); 12. dfs(n, left+1, right); 13. temp.pop\_back(); 14. } 15. if (right < left) { 16. temp.push\_back(')'); 17. dfs(n, left, right+1); 18. temp.pop\_back(); 19. } 20. } 21. vector<string> generateParenthesis(int n) { 22. dfs(n, 0, 0); 23. return res; 24. } 25. }; |

## 0039 组合总和

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum/>

标签：回溯

### 精选题解

* 官方题解 - 组合总和
  + https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum/solution/zu-he-zong-he-by-leetcode-solution/

### 关键思路

几个终止条件（必须保证先后顺序）：

1. idx表示当前指向数字的索引，索引到达最后；
2. 和恰好为target，此时需将temp加入结果数组；
3. 后面的数都比剩余的target大，要利用此条件需要在主函数中将candidates排序。
4. if (idx==candidates.size())
5. return ;
6. if (target==0) {
7. res.push\_back(temp);
8. return ;
9. }
10. // This part must be after the previous part
11. if (target - candidates[idx] < 0) {
12. return ;
13. }

无非是取或不取当前数。区别有两点：

（1）是否出栈入栈（棕色部分）；

（2）dfs的参数变化（红色部分）。

1. // do not choose candidates[idx]
2. dfs(candidates, target, idx+1);
3. // choose candidates[idx]
4. temp.push\_back(candidates[idx]);
5. dfs(candidates, target-candidates[idx], idx);
6. temp.pop\_back();



### 复杂度

* 时间复杂度：O()。n为数组中的元素个数，此处为一个松上界，因为存在大量提前返回和剪枝，因此实际情况远小于该复杂度。
* 空间复杂度：SO(target/min(candidates))。递归层数和临时数组空间最多均为target/min(canditates)。

### 代码

| **0039 组合总和.cpp** |
| --- |
| <https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138434940/> |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(vector<int> & candidates, int target, int idx) { 6. if (idx==candidates.size()) 7. return ; 8. if (target==0) { 9. res.push\_back(temp); 10. return ; 11. } 13. *// This part must be after the previous part* 14. if (target - candidates[idx] < 0) { 15. return ; 16. } 17. *// do not choose candidates[idx]* 18. dfs(candidates, target, idx+1); 19. *// choose candidates[idx]* 20. temp.push\_back(candidates[idx]); 21. dfs(candidates, target-candidates[idx], idx); 22. temp.pop\_back(); 23. } 24. vector<vector<int>> combinationSum(vector<int>& candidates, int target) { 25. sort(candidates.begin(), candidates.end()); 26. dfs(candidates, target, 0); 27. return res; 28. } 29. }; |

## 0040 组合总和 II

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 回溯算法 + 剪枝（Java、Python）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-m-3/>
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-m-3/225211>

### 关键思路

最重要的是保证选取的数不重复，和“0090 子集 II”中的思路类似，同一树层上不应有相同的数（[1,2] 和 [1,2] 不被允许），同一树枝上可以（[1,2,2] 允许）。

需要注意的是，在“0090 子集 II”的代码1中使用了used数组，判断条件多了!used[i]，因此代码2对这个剪枝方法进行了改进，采用了本题下面的做法。

我们发现，在递归中，**同一个for循环里面的数都是在同一树层中的**，因此在同一个for循环中每个数只能使用一次。

使用candidates[i]==canditates[i-1] 的含义是，将所有相同的数都跳过。

在大多数情况下，上面这条都是够的，只有当i==idx时，有可能出现这两个相同的数是在同一树枝，而不是同一树层，因为idx是循环起点，所以candidates[idx-1] 在本层递归的for循环，而canditates[idx-1] 必然在上层递归的for循环。所以加了一句i>idx的判断条件，用于排除这个例外情况。

1. for (int i=idx; i<candidates.size(); ++i) {
2. if (target - candidates[idx] < 0)
3. break;
4. if (i>idx && candidates[i] == candidates[i-1])
5. continue;
6. temp.push\_back(candidates[i]);
7. dfs(candidates, target-candidates[i], i+1);
8. temp.pop\_back();
9. }

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。n为candidates数组长度。递归时每个数都有选或不选两种可能，故有O()的可能；每次复制符合条件的数组则需要O(n)的时间。当然，这里是一个宽松的上界，因为在实际递归中，有很多提前返回和剪枝，因此要远小于该复杂度上界。
* 空间复杂度：SO(n)。递归深度最多为n；temp数组最多n个数。

### 代码

| **0040 组合总和 II.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138838782/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(vector<int>& candidates, int target, int idx) { 6. if (target==0) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. for (int i=idx; i<candidates.size(); ++i) { 11. if (target - candidates[idx] < 0) 12. break; 13. if (i>idx && candidates[i] == candidates[i-1]) 14. continue; 15. temp.push\_back(candidates[i]); 16. dfs(candidates, target-candidates[i], i+1); 17. temp.pop\_back(); 18. } 19. } 20. vector<vector<int>> combinationSum2(vector<int>& candidates, int target) { 21. sort(candidates.begin(), candidates.end()); 22. dfs(candidates, target, 0); 23. return res; 24. } 25. }; |

## 0216 组合总和 III

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-iii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 官方题解 - 组合总和 III
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-iii/solution/zu-he-zong-he-iii-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

该题可以视为，从9个数中取出k个数使之和为n。同“0077 组合”类似，只需满足个数为k且和为n即可。官方题解用了accumulate求和，实际上没有利用好递归的特性。

剪枝：temp数组个数大于k，或可取数组中个数加起来也不足k。

无非是选和不选当前数这两种情况。

### 复杂度

时间复杂度：O()。从9个数中取k个数；复制每个符合条件的数组需O(k)。

空间复杂度：O(k)。递归层数最多为k；临时数组大小为k。

### 代码

| **0216 组合总和 III.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138857702/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(int k, int target, int cur) { 6. if ( (temp.size() + (9-cur+1) < k) || temp.size() > k) 7. return ; 8. if (temp.size() == k && target == 0) { 9. res.push\_back(temp); 10. return ; 11. } 12. *// not choose cur* 13. dfs(k, target, cur+1); 14. *// choose cur* 15. temp.push\_back(cur); 16. dfs(k, target-cur, cur+1); 17. temp.pop\_back(); 18. } 20. vector<vector<int>> combinationSum3(int k, int n) { 21. dfs(k, n, 1); 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0046 全排列

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/permutations/>

标签：回溯

### 精选题解

* 回溯算法入门级详解 + 练习（持续更新）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/hui-su-suan-fa-python-dai-ma-java-dai-ma-by-liweiw/>
* 官方题解
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/quan-pai-lie-by-leetcode-solution-2/>
* **※ C++ 回溯法/交换法/stl 简洁易懂的全排列**
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/c-hui-su-fa-jiao-huan-fa-stl-jian-ji-yi-dong-by-sm/>
* 精选代码
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/quan-pai-lie-by-leetcode-solution-2/532710/>

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n\*n!)。回溯复杂度O(n!)；每次新的生成数组需要复制n个元素。
* 空间复杂度：SO(n)。长度为n的标记数组；递归时深度最大为n。

### 代码1：标记数组

| **0046 全排列.cpp** |
| --- |
| <https://leetcode-cn.com/submissions/detail/127476452/> |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. void backtrack(vector<int> &nums, vector<int> &current, vector<bool> &flags) { 5. **if** (current.size() == flags.size()) { 6. res.push\_back(current); 7. } **else** { 8. **for** (int i=0; i<nums.size(); ++i) { 9. **if** (not flags[i]) { // nums[i] not in current 10. current.push\_back(nums[i]); 11. flags[i] = true; 12. backtrack(nums, current, flags); 13. current.pop\_back(); 14. flags[i] = false; 15. } 16. } 17. } 18. } 19. vector<vector<int>> permute(vector<int>& nums) { 20. **if** (nums.empty()) { 21. **return** {}; 22. } 23. vector<bool> flags(nums.size(), false); // true: in current; false: not in current 24. vector<int> current; 25. backtrack(nums, current, flags); 26. **return** res; 27. } 28. }; |

### 代码2：交换元素

| **0046 全排列 - swap.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/127482585/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. void backtrack(vector<int> &nums, int start, int end) { 5. **if** (start == end) { 6. res.push\_back(nums); 7. } **else** { 8. **for** (int i=start; i<=end; ++i) { 9. swap(nums[i], nums[start]); 10. backtrack(nums, start+1, end); 11. swap(nums[i], nums[start]); 12. } 13. } 14. } 15. vector<vector<int>> permute(vector<int>& nums) { 16. **if** (nums.empty()) { 17. **return** {}; 18. } **else** { 19. backtrack(nums, 0, nums.size()-1); 20. **return** res; 21. } 22. } 23. }; |

## 0047 全排列 II

题目：<https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 官方题解
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/solution/quan-pai-lie-ii-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

定义一个标记数组visited来标记已经填过的数。若visited[i] 为true，表示第i个数已经使用了；若visited[i] 为false，表示第i个数尚未使用。

要解决重复问题，只需保证在填第i个数时，重复数字只被填入一次。方法：对原数组排序，保证相同数字都相邻，然后每次填入的数一定是这个数所在重复数集合中「从左往右第一个未被填过的数字」，即如下的判断条件：

1. if (i > 0 && nums[i] == nums[i-1] && !visited[i-1]) {
2. continue;
3. }

假如排完序后的完整数组nums中有三个连续的数，那么一定只有如下4种状态：[×, ×, ×]，[√, ×, ×]，[√, √, ×]，[√, √, √]。（√ 表示已在生成的数组中，× 表示未在生成的数组中。）

### 复杂度

详见官方题解。

* 时间复杂度：O(n\*n!)。回溯复杂度O(n!)；每次新的生成数组需要复制n个元素。
* 空间复杂度：SO(n)。长度为n的标记数组；递归时深度最大为n。

### 代码

| **0047 全排列 II.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/submissions/ |
| 1. class Solution { 2. vector<int> visited; 3. public: 4. void backtrack(vector<int> &nums, vector<vector<int>> &res, int idx, vector<int> &current) { 5. **if** (idx==nums.size()) { 6. res.emplace\_back(current); 7. // \* C++ STL vector 添加元素（push\_back()和emplace\_back()）详解 8. // \* http://c.biancheng.net/view/6826.html 9. // push\_back() 向容器尾部添加元素时，首先会创建这个元素，然后再将这个元素拷贝或者移动到容器中（如果是拷贝的话，事后会自行销毁先前创建的这个元素）； 10. // 而 emplace\_back() 在实现时，则是直接在容器尾部创建这个元素，省去了拷贝或移动元素的过程。 11. **return** ; 12. } 13. **for** (int i=0; i<nums.size(); ++i) { 14. // 哪些情况不取当前的元素： 15. // 1. 已经访问过/在当前路径数组中 16. // 2. 和前一个数相等，且前一个数未被填过（表明该数不是第一个未填的数，故仍然跳过） 17. // 反过来理解，如果前一个相等的数已经被填过，那么此时就可以插入这后一个相等的数了， 18. // 因为我们在上一层嵌套中，已经保证前一个数当时是第一个未被填过的数了 19. // 此时意味着我们在当前路径数组中存在多个相等的数了 20. **if** (visited[i] || (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !visited[i-1])) 21. **continue**; 22. current.emplace\_back(nums[i]); 23. visited[i] = true; 24. backtrack(nums, res, idx+1, current); 25. visited[i] = false; 26. current.pop\_back(); 27. } 28. } 29. vector<vector<int>> permuteUnique(vector<int>& nums) { 30. vector<vector<int>> res; 31. vector<int> current; 32. visited.resize(nums.size()); 33. sort(nums.begin(), nums.end()); 34. backtrack(nums, res, 0, current); 35. **return** res; 36. } 37. }; |

## 0077 组合

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combinations/>

标签：回溯

### 精选题解

* **※ 官方题解 - 组合**
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combinations/solution/zu-he-by-leetcode-solution/>
* 回溯算法 + 剪枝（Java） - 组合
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combinations/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-ma-/>

### 关键思路

合理剪枝：剩余个数是否足够；个数正好则加入并返回。

1. if (temp.size() + (n - cur + 1) < k)
2. return ;

选取当前数，需要考虑入栈出栈；不选取，则跳到下一个。

1. // choose cur
2. temp.push\_back(cur);
3. dfs(cur+1, n, k);
4. temp.pop\_back();
5. // do not choose cur
6. dfs(cur+1, n, k);

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。其中表示从n个数中取出k个数的组合数目，k表示每次需要复制k个数。
* 空间复杂度：O(n+k)=O(n)。递归最大层数n；临时数组空间k。

### 代码

| **0077 组合.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138357287/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; // result 2d vector 4. vector<int> temp; // temp vector path 5. void dfs(int cur, int n, int k) { 6. // cur: current element index, choose or not 7. if (temp.size() + (n - cur + 1) < k) 8. return ; 9. if (temp.size() == k) { 10. res.push\_back(temp); 11. return ; 12. } 13. // choose cur 14. temp.push\_back(cur); 15. dfs(cur+1, n, k); 16. temp.pop\_back(); 17. // do not choose cur 18. dfs(cur+1, n, k); 19. } 20. vector<vector<int>> combine(int n, int k) { 21. dfs(1, n, k); 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0078 子集

链接：https://leetcode-cn.com/problems/subsets/

标签：回溯，位运算

### 精选题解

* 官方题解 - 子集
  + <https://leetcode-cn.com/problems/subsets/solution/zi-ji-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

每个位置有两种情况，选或者不选，所以类似“0077组合”(p15)的思路。最后索引到达n就退出。

1. *// choose nums[cur]*
2. temp.push\_back(nums[cur]);
3. dfs(cur+1, nums);
4. temp.pop\_back();
5. *// not choose nums[cur]*
6. dfs(cur+1, nums);

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。一共个子集，每个子集需要O(n)的时间来构造。
* 空间复杂度：SO(n)。递归栈空间O(n)；临时数组空间O(n)。

### 代码

| **0078 子集.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138375047/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(int cur, vector<int> &nums) { 6. if (cur == nums.size()) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. *// choose nums[cur]* 11. temp.push\_back(nums[cur]); 12. dfs(cur+1, nums); 13. temp.pop\_back(); 14. *// not choose nums[cur]* 15. dfs(cur+1, nums); 16. } 17. vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) { 18. dfs(0, nums); 19. return res; 20. } 21. }; |

## 0090 子集 II

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/subsets-ii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 90. 子集 II:【彻底理解子集问题如何去重】详解 - 子集 II
  + <https://leetcode-cn.com/problems/subsets-ii/solution/90-zi-ji-iiche-di-li-jie-zi-ji-wen-ti-ru-he-qu-zho/>

### 关键思路

最重要的是理解used[i-1] 的含义：

1. true：同一**树枝**上选取过值相等的元素，可以重复选取
2. false：同一**树层**上选取过值相等的元素，不可重复选取



类似“0047 全排列 II”，但有几点不同：

1. 循环遍历的起点是cur而不是0。因此，也就不需要判断used[i] 是否为true，因为这时肯定是false。
2. 可直接将temp加入res，视为不选取nums[cur]。
3. // not choose nums[cur]
4. res.push\_back(temp);
5. // maybe choose nums[cur]
6. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
7. if (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !used[i-1])
8. continue;
9. temp.push\_back(nums[i]);
10. used[i] = true;
11. backtrack(i+1, nums, used);
12. used[i] = false;
13. temp.pop\_back();
14. }

事实上，还可以对上面的剪枝进行优化，不需要使用used数组，可以参考“0040 组合总和 II”的题解，重点是下面第2行的蓝色语句。代码2就是采用了该剪枝方法的优化解法。

1. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
2. if (i>cur && nums[i]==nums[i-1])
3. continue;
4. temp.push\_back(nums[i]);
5. backtrack(i+1, nums);
6. temp.pop\_back();
7. }

### 复杂度

时间复杂度：O()。子集最多有个（元素均不重复）；构造每个子集需要O(n)的时间。

空间复杂度：SO(n)。递归栈空间O(n)；临时数组空间O(n)。

### 代码1

| **0090 子集 II** |
| --- |
| <https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138389158/> |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void backtrack(int cur, vector<int> &nums, vector<bool> &used) { 6. *// not choose nums[cur]* 7. res.push\_back(temp); 8. *// maybe choose nums[cur]* 9. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) { 10. if (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !used[i-1]) 11. continue; 12. temp.push\_back(nums[i]); 13. used[i] = true; 14. backtrack(i+1, nums, used); 15. used[i] = false; 16. temp.pop\_back(); 17. } 18. } 19. vector<vector<int>> subsetsWithDup(vector<int>& nums) { 20. vector<bool> used(nums.size(), false); 21. sort(nums.begin(), nums.end()); 22. backtrack(0, nums, used); 23. return res; 24. } 25. }; |

### 代码2：不使用used数组的剪枝

| **0090 子集 II -v2.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138841714/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void backtrack(int cur, vector<int> &nums) { 6. *// not choose nums[cur]* 7. res.push\_back(temp); 8. *// maybe choose nums[cur]* 9. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) { 10. if (i>cur && nums[i]==nums[i-1]) 11. continue; 12. temp.push\_back(nums[i]); 13. backtrack(i+1, nums); 14. temp.pop\_back(); 15. } 16. } 17. vector<vector<int>> subsetsWithDup(vector<int>& nums) { 18. sort(nums.begin(), nums.end()); 19. backtrack(0, nums); 20. return res; 21. } 22. }; |

## 0079 单词搜索

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/word-search/>

标签：回溯

### 精选题解

* ※ 官方题解 - 单词搜索
  + <https://leetcode-cn.com/problems/word-search/solution/dan-ci-sou-suo-by-leetcode-solution/>
* 在二维平面上使用回溯法（Python 代码、Java 代码） - 单词搜索
  + <https://leetcode-cn.com/problems/word-search/solution/zai-er-wei-ping-mian-shang-shi-yong-hui-su-fa-pyth/>

### 关键思路

* check(i,j,k,…) 表示是否存在一条从board[i][j] 出发的路径与单词子集word[k:]匹配。对k=0，遍历所有的i和j，即可得到二维网格中是否包含整个单词。
* 对不同方向的搜索，可以建立一个vector<pair<int,int>> 表示四个方向。
* 终止条件：board[i][j] != word[k]，返回false；board[i][j] == word[k] && k == word.length()-1，返回true。
* 访问board[i][j] 时将其置为true，递归返回时不要忘记将其置为false。

### 复杂度

详见官方题解。

* 时间复杂度：O()。M表示board的行数，N表示board的列数，L表示字符串长度。需要进行次检查；每个后继字符至多有3个方向（除了第2个字符有4个方向），因此每次检查至多有种分支；事实上由于提前返回和剪枝的存在，实际时间复杂度远低于这个理论上界。
* 空间复杂度：SO()。visited数组的空间为；栈的深度至多为。

### 代码

| **0079 单词搜索.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138405047/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<pair<int,int>> directions{{0,1},{0,-1},{1,0},{-1,0}}; 4. *// check(i,j,k,...): is exist a path starts from board[i][j] matches word[k:]* 5. bool check(int i, int j, int k, vector<vector<char>> &board, vector<vector<bool>> &visited, string &word) { 6. if (board[i][j] != word[k]) 7. return false; 8. else if (k==word.length()-1) 9. return true; 10. visited[i][j] = true; 11. bool tmp\_flag = false; 12. for (const auto& d: directions) { 13. int i\_new = i + d.first; 14. int j\_new = j + d.second; 15. if (i\_new>=0 && i\_new<board.size() && j\_new>=0 && j\_new<board[0].size()) { 16. if (visited[i\_new][j\_new]) 17. continue; 18. tmp\_flag = check(i\_new, j\_new, k+1, board, visited, word); 19. if (tmp\_flag) { 20. visited[i][j] = false; 21. return true; 22. } 23. } 24. } 25. visited[i][j] = false; 26. return false; 27. } 28. bool exist(vector<vector<char>>& board, string word) { 29. int row\_num = board.size(); 30. if (row\_num<=0) 31. return false; 32. int col\_num = board[0].size(); 33. bool flag = false; 34. vector<vector<bool>> visited(row\_num, vector<bool>(col\_num)); 35. for (int i=0; i<row\_num; ++i) { 36. for (int j=0; j<col\_num; ++j) { 37. flag = check(i, j, 0, board, visited, word); 38. if (flag) 39. return true; 40. } 41. } 42. return false; 43. } 44. }; |

# 数学

## 0007 整数反转

链接：https://leetcode-cn.com/problems/reverse-integer/

标签：数学

### 精选题解

* 官方题解 - 整数反转
  + <https://leetcode-cn.com/problems/reverse-integer/solution/zheng-shu-fan-zhuan-by-leetcode/>
  + https://leetcode-cn.com/problems/reverse-integer/solution/zheng-shu-fan-zhuan-by-leetcode/82512

### 关键思路

* 每次对x模10，得到最低位数字pop，利用公式res=res\*10+pop得到反转后的整数。
* 需要考虑溢出。也即需要判断结果res是否在res\*10+pop后溢出，以正整数为例，当res > INT\_MAX/10，或者res == INT\_MAX/10 且 pop > INT\_MAX%10时，结果会溢出（代码第8行）；负整数类似（代码第10行）。
* 事实上，对于32位有符号整数，最大值INT\_MAX为2,147,483,647（231-1），最小值INT\_MIN为-2,147,483,648（-231），故INT\_MAX%10的值为7，INT\_MIN%10的值为-8，因此有些解答也直接使用这两个硬编码的数。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(log(x))。x中数字个数为 。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0007 整数反转.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139089583/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int reverse(int x) { 4. int res = 0; 5. while (x != 0) { 6. int pop = x % 10; 7. x = x / 10; 8. if (res>INT\_MAX/10 || (res==INT\_MAX/10 && pop > INT\_MAX%10)) 9. return 0; 10. if (res<INT\_MIN/10 || (res==INT\_MIN/10 && pop < INT\_MIN%10)) 11. return 0; 12. res = res \* 10 + pop; 13. } 14. return res; 15. } 16. }; |

## 0009 回文数

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/palindrome-number/>

标签：数学

### 精选题解

* 官方题解 - 回文数
  + https://leetcode-cn.com/problems/palindrome-number/solution/hui-wen-shu-by-leetcode-solution/

### 关键思路

* 如果对整个数进行反转，判断是否与原数相等，可能会发生溢出的问题。
* 因此考虑反转数字的后一半，如果反转后的数和前一半相等，则为回文数。
  + 需要考虑位数是奇数还是偶数。
  + 剪枝：x为负，或者个位为0且自身非0。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(logn)。循环次数为x的位数（除以二）。
* 空间复杂度：SO(1)。

### 代码

| **0009 回文数.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140135642/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. bool isPalindrome(int x) { 4. if (x<0 || (x%10==0 && x!=0)) 5. return false; 6. int rev = 0; 7. while (rev < x) { 8. rev = rev \* 10 + x % 10; 9. x = x / 10; 10. } 11. return (x == rev || x == rev/10); 12. } 13. }; |

## 0050 Pow(x, n)

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/powx-n/>

标签：数学，二分，位运算

### 精选题解

* 官方题解 - Pow(x, n)
  + <https://leetcode-cn.com/problems/powx-n/solution/powx-n-by-leetcode-solution/>
* 50. Pow(x, n) （快速幂，清晰图解） - Pow(x, n)
  + https://leetcode-cn.com/problems/powx-n/solution/50-powx-n-kuai-su-mi-qing-xi-tu-jie-by-jyd/

### 关键思路

实际上就是快速幂。有两种理解角度，一种是对n进行二进制表示，另一种是对乘法进行分治。分治方法可以结合递归的写法。本文则从二进制角度思考，采用迭代写法。

* 假设n的二进制表示为 ，那么n的十进制表示为 ，则 的十进制表示为 ，更进一步地，只保留 中值为1的项，也即 ，其中 。
* 所以只需要求解两个子问题：
  + 计算 的值，其中
    - 循环执行 x = x \* x 即可
  + 获取 的值，其中 ：
    - 通过n&1判断n的二进制表示中最后一位是否为1，若为1则将res乘上此时的x
    - 通过n>>1不断向右移位，找到为1的二进制位。
* 如果n为负，则计算 也即 即可。
  + 由于INT\_MIN的绝对值比INT\_MAX大1，因此需要单独处理，也即。



### 复杂度

* 时间复杂度：O(logn)。n的二进制位数。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0050 pow(x,n).cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140385874/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. double myPow(double x, int n) { 4. if (x==0) 5. return 0; 6. double res=1; 7. if (n<0) { 8. if (n==INT\_MIN) { *// 最小的负数会溢出* 9. return myPow(x,n+1) \* x; 10. } else { 11. x = 1/x; 12. n = -n; 13. } 14. } 15. while (n) { 16. if (n&1) { *// 如果该位为 1，则将 res 乘上此时的 x* 17. res \*= x; 18. } 19. x \*= x; 20. n >>= 1; 21. } 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0069 x的平方根

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/sqrtx/>

标签：数学，二分

### 精选题解

* 官方题解 - x 的平方根 - 力扣（LeetCode）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/sqrtx/solution/x-de-ping-fang-gen-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

二分法和牛顿迭代法。牛顿迭代法过程可见官方题解，很详尽。

二分法：

* 下界low为0，上界high为x，计算mid\*mid是否比x大
* 由于mid\*mid可能会溢出，因此在做乘法时需要事先将mid转换成long long，也即

1. (long long) mid \* mid <= x

牛顿迭代法：



* 令 为传入的参数x（不是后面函数中的x），那么 的平方根就是函数 的零点。
* 牛顿法的核心思路：利用泰勒级数，从初值向零点快速逼近。
  + 用图形语言来讲，就是从函数曲线上的点 作切线与 轴相交于 。
  + 新的交点 比旧的交点 离零点更近。
  + 经过多次迭代就能得到一个无比接近零点的交点，通常认为其与零点的插值小于 就足够了。
* 选取迭代初值 。
  + 已知 的两个零点分别为 和 。
  + 该函数为下凸函数，不断逼近零点且不会越过零点，为取到正根，初值取*C*。
* 设前一次迭代的零点为 ，则函数上该点为 ，切线斜率为 ，切线方程为 ，得新零点 。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(logx)。二分法的迭代次数。牛顿迭代法也是这个时间复杂度，但是由于是二次收敛，因此比二分法更快。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码1 – 二分法

| **0069 x的平方根.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140390739/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int mySqrt(int x) { 4. int res = 0; 5. int low = 0, high = x; 6. while (low <= high) { 7. int mid = low + (high-low)/2; 8. if ((long long) mid\*mid <= x) { *// 防止整型溢出，做乘法时转成 long long* 9. res = mid; 10. low = mid + 1; 11. } else { 12. high = mid - 1; 13. } 14. } 15. return res; 16. } 17. }; |

### 代码2 – 牛顿迭代法

| **0069 x的平方根 - 牛顿迭代法.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140579199/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int mySqrt(int x) { 4. if (x == 0) 5. return 0; 6. double C = x, x\_old = x, x\_new; 7. while (1) { 8. x\_new = 0.5 \* (x\_old + C/x\_old); 9. if (fabs(x\_new - x\_old) < 1e-7) 10. break; 11. x\_old = x\_new; 12. } 13. return int(x\_old); 14. } 15. }; |

# 链表

## 0002 两数相加

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/>

标签：链表，递归，数学

### 精选题解

* 官方题解 - 两数相加
  + <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/solution/liang-shu-xiang-jia-by-leetcode-solution/>
* 两数相加 – 两种解法
  + https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/solution/liang-shu-xiang-jia-by-gpe3dbjds1/

### 关键思路

当l1和l2至少一个非空时，就不停地将和保存到new出来的新节点，并将l1和l2的指针指向后一个节点。

注意每次都需要加上进位，并计算新的进位。

还需要检查最后一次求和是否产生进位，如果产生了，还需new一个新结点存放进位1。

使用哑结点可以避免边界条件：

1. ListNode \*dummy = new ListNode(-1);

### 复杂度

* 时间复杂度：O(max(n1,n2))。其中n1和n2分别为两个链表中的节点个数。
* 空间复杂度：SO(max(n1,n2))。作为结果返回的链表的结点个数。

### 代码

| **0002 两数相加.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139058623/ |
| 1. /\*\* 2. \* Definition for singly-linked list. 3. \* struct ListNode { 4. \* int val; 5. \* ListNode \*next; 6. \* ListNode() : val(0), next(nullptr) {} 7. \* ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {} 8. \* ListNode(int x, ListNode \*next) : val(x), next(next) {} 9. \* }; 10. \*/ 11. **class** **Solution** { 12. **public**: 13. ListNode\* addTwoNumbers(ListNode\* l1, ListNode\* l2) { 14. ListNode \*dummy = **new** ListNode(-1); 15. ListNode \*p = dummy; 16. int sum = 0; 17. int carry = 0; 18. **while** (l1 || l2) { 19. sum = 0; 20. **if** (l1) { 21. sum += l1->val; 22. l1 = l1->next; 23. } 24. **if** (l2) { 25. sum += l2->val; 26. l2 = l2->next; 27. } 28. sum += carry; 29. carry = sum / 10; 30. p->next = **new** ListNode(sum % 10); 31. p = p->next; 32. } 33. **if** (carry>0) 34. p->next = **new** ListNode(1); 35. **return** dummy->next; 36. } 37. }; |

## 0445 两数相加 II

链接：https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers-ii/

### 精选题解

* 官方题解 - 两数相加 II
* <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers-ii/solution/liang-shu-xiang-jia-ii-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

与“0002 两数”基本类似，只是如下几点不同：

1. 由于头结点存储的是最高位的值，因此需要使用栈这种数据结构，先将列表入栈，再求和（代码第12 ~ 20行）；
2. 在求和时是从低位到高位，而生成的结果链表还应该是高位为头、低位为尾，因此结点需要反方向连接，如图①②③顺序所示（代码第36 ~ 38行）
3. 对循环进行了优化，将carry>0的判断条件也加上了，这样在循环结束后，就无需额外写判断carry值并新增结点的操作（代码第24行）；



### 复杂度

* 时间复杂度：O(max(n1,n2))。其中n1和n2分别为两个链表中的节点个数。
* 空间复杂度：SO(n1+n2)。作为结果返回的链表的结点个数为O(max(n1,n2))；栈空间O(n1+n2)。

### 代码

| **0445 两数相加 II.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139069295/ |
| 1. /\*\* 2. \* Definition for singly-linked list. 3. \* struct ListNode { 4. \* int val; 5. \* ListNode \*next; 6. \* ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {} 7. \* }; 8. \*/ 9. **class** **Solution** { 10. **public**: 11. ListNode\* addTwoNumbers(ListNode\* l1, ListNode\* l2) { 12. stack<int> s1, s2; 13. **while** (l1) { 14. s1.push(l1->val); 15. l1 = l1->next; 16. } 17. **while** (l2) { 18. s2.push(l2->val); 19. l2 = l2->next; 20. } 21. ListNode \*head = **nullptr**; 22. int sum = 0; 23. int carry = 0; 24. **while** (!s1.empty() || !s2.empty() || carry>0) { 25. sum = 0; 26. **if** (!s1.empty()) { 27. sum += s1.top(); 28. s1.pop(); 29. } 30. **if** (!s2.empty()) { 31. sum += s2.top(); 32. s2.pop(); 33. } 34. sum += carry; 35. carry = sum / 10; 36. **auto** tmp = **new** ListNode(sum%10); 37. tmp->next = head; 38. head = tmp; 39. } 40. **return** head; 41. } 42. }; |