# 回溯、搜索

## 0017 电话号码的字母组合

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/letter-combinations-of-a-phone-number/>

标签：回溯，深搜

### 精选题解

* + <https://leetcode-cn.com/problems/letter-combinations-of-a-phone-number/solution/dian-hua-hao-ma-de-zi-mu-zu-he-by-leetcode-solutio/563076>

### 关键思路

利用字符串vector简化索引，并将输入digits的数字字符映射到其在board中的索引。

1. vector<string> board = {"", "", "abc", "def", "ghi", "jkl", "mno", "pqrs", "tuv", "wxyz"};
2. …
3. int board\_idx = digits[digit\_idx] - '0';

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。n为输入的字符串长度，k为对应3个字母的字符个数。
* 空间复杂度：SO(n)。递归深度为O(n)；临时数组大小为n。

### 代码

| **0017 电话号码的字母组合.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138862517/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<string> res; 4. string temp; 5. vector<string> board = {"", "", "abc", "def", "ghi", "jkl", "mno", "pqrs", "tuv", "wxyz"}; 6. void dfs(int digit\_idx, string& digits) { 7. if (digit\_idx == digits.size()) { 8. res.push\_back(temp); 9. return ; 10. } 11. int board\_idx = digits[digit\_idx] - '0'; 12. for (int i=0; i<board[board\_idx].size(); ++i) { 13. temp.push\_back(board[board\_idx][i]); 14. dfs(digit\_idx+1, digits); 15. temp.pop\_back(); 16. } 17. } 18. vector<string> letterCombinations(string digits) { 19. if (digits.size() == 0) 20. return res; 21. dfs(0, digits); 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0022 括号生成

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/generate-parentheses/>

标签：字符串

### 精选题解

* 官方题解 - 括号生成
  + https://leetcode-cn.com/problems/generate-parentheses/solution/gua-hao-sheng-cheng-by-leetcode-solution/

### 关键思路

* 终止条件：temp.size() == 2\*n。其中n表示生成的括号对数。
* 如果左括号个数小于n，就增加一个左括号并递归。
* 如果右括号个数小于左括号个数，就增加一个右括号并递归。

### 复杂度

### 代码

| **0022 括号生成.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138867187/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<string> res; 4. string temp; 5. void dfs(int n, int left, int right) { 6. if (temp.size() == 2\*n) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. if (left < n) { 11. temp.push\_back('('); 12. dfs(n, left+1, right); 13. temp.pop\_back(); 14. } 15. if (right < left) { 16. temp.push\_back(')'); 17. dfs(n, left, right+1); 18. temp.pop\_back(); 19. } 20. } 21. vector<string> generateParenthesis(int n) { 22. dfs(n, 0, 0); 23. return res; 24. } 25. }; |

## 0039 组合总和

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum/>

标签：回溯

### 精选题解

* 官方题解 - 组合总和
  + https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum/solution/zu-he-zong-he-by-leetcode-solution/

### 关键思路

几个终止条件（必须保证先后顺序）：

1. idx表示当前指向数字的索引，索引到达最后；
2. 和恰好为target，此时需将temp加入结果数组；
3. 后面的数都比剩余的target大，要利用此条件需要在主函数中将candidates排序。
4. if (idx==candidates.size())
5. return ;
6. if (target==0) {
7. res.push\_back(temp);
8. return ;
9. }
10. // This part must be after the previous part
11. if (target - candidates[idx] < 0) {
12. return ;
13. }

无非是取或不取当前数。区别有两点：

（1）是否出栈入栈（棕色部分）；

（2）dfs的参数变化（红色部分）。

1. // do not choose candidates[idx]
2. dfs(candidates, target, idx+1);
3. // choose candidates[idx]
4. temp.push\_back(candidates[idx]);
5. dfs(candidates, target-candidates[idx], idx);
6. temp.pop\_back();



### 复杂度

* 时间复杂度：O()。n为数组中的元素个数，此处为一个松上界，因为存在大量提前返回和剪枝，因此实际情况远小于该复杂度。
* 空间复杂度：SO(target/min(candidates))。递归层数和临时数组空间最多均为target/min(canditates)。

### 代码

| **0039 组合总和.cpp** |
| --- |
| <https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138434940/> |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(vector<int> & candidates, int target, int idx) { 6. if (idx==candidates.size()) 7. return ; 8. if (target==0) { 9. res.push\_back(temp); 10. return ; 11. } 13. *// This part must be after the previous part* 14. if (target - candidates[idx] < 0) { 15. return ; 16. } 17. *// do not choose candidates[idx]* 18. dfs(candidates, target, idx+1); 19. *// choose candidates[idx]* 20. temp.push\_back(candidates[idx]); 21. dfs(candidates, target-candidates[idx], idx); 22. temp.pop\_back(); 23. } 24. vector<vector<int>> combinationSum(vector<int>& candidates, int target) { 25. sort(candidates.begin(), candidates.end()); 26. dfs(candidates, target, 0); 27. return res; 28. } 29. }; |

## 0040 组合总和 II

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 回溯算法 + 剪枝（Java、Python）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-m-3/>
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-m-3/225211>

### 关键思路

最重要的是保证选取的数不重复，和“0090 子集 II”中的思路类似，同一树层上不应有相同的数（[1,2] 和 [1,2] 不被允许），同一树枝上可以（[1,2,2] 允许）。

需要注意的是，在“0090 子集 II”的代码1中使用了used数组，判断条件多了!used[i]，因此代码2对这个剪枝方法进行了改进，采用了本题下面的做法。

我们发现，在递归中，**同一个for循环里面的数都是在同一树层中的**，因此在同一个for循环中每个数只能使用一次。

使用candidates[i]==canditates[i-1] 的含义是，将所有相同的数都跳过。

在大多数情况下，上面这条都是够的，只有当i==idx时，有可能出现这两个相同的数是在同一树枝，而不是同一树层，因为idx是循环起点，所以candidates[idx-1] 在本层递归的for循环，而canditates[idx-1] 必然在上层递归的for循环。所以加了一句i>idx的判断条件，用于排除这个例外情况。

1. for (int i=idx; i<candidates.size(); ++i) {
2. if (target - candidates[idx] < 0)
3. break;
4. if (i>idx && candidates[i] == candidates[i-1])
5. continue;
6. temp.push\_back(candidates[i]);
7. dfs(candidates, target-candidates[i], i+1);
8. temp.pop\_back();
9. }

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。n为candidates数组长度。递归时每个数都有选或不选两种可能，故有O()的可能；每次复制符合条件的数组则需要O(n)的时间。当然，这里是一个宽松的上界，因为在实际递归中，有很多提前返回和剪枝，因此要远小于该复杂度上界。
* 空间复杂度：SO(n)。递归深度最多为n；temp数组最多n个数。

### 代码

| **0040 组合总和 II.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138838782/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(vector<int>& candidates, int target, int idx) { 6. if (target==0) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. for (int i=idx; i<candidates.size(); ++i) { 11. if (target - candidates[idx] < 0) 12. break; 13. if (i>idx && candidates[i] == candidates[i-1]) 14. continue; 15. temp.push\_back(candidates[i]); 16. dfs(candidates, target-candidates[i], i+1); 17. temp.pop\_back(); 18. } 19. } 20. vector<vector<int>> combinationSum2(vector<int>& candidates, int target) { 21. sort(candidates.begin(), candidates.end()); 22. dfs(candidates, target, 0); 23. return res; 24. } 25. }; |

## 0216 组合总和 III

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-iii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 官方题解 - 组合总和 III
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-iii/solution/zu-he-zong-he-iii-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

该题可以视为，从9个数中取出k个数使之和为n。同“0077 组合”类似，只需满足个数为k且和为n即可。官方题解用了accumulate求和，实际上没有利用好递归的特性。

剪枝：temp数组个数大于k，或可取数组中个数加起来也不足k。

无非是选和不选当前数这两种情况。

### 复杂度

时间复杂度：O()。从9个数中取k个数；复制每个符合条件的数组需O(k)。

空间复杂度：O(k)。递归层数最多为k；临时数组大小为k。

### 代码

| **0216 组合总和 III.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138857702/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(int k, int target, int cur) { 6. if ( (temp.size() + (9-cur+1) < k) || temp.size() > k) 7. return ; 8. if (temp.size() == k && target == 0) { 9. res.push\_back(temp); 10. return ; 11. } 12. *// not choose cur* 13. dfs(k, target, cur+1); 14. *// choose cur* 15. temp.push\_back(cur); 16. dfs(k, target-cur, cur+1); 17. temp.pop\_back(); 18. } 20. vector<vector<int>> combinationSum3(int k, int n) { 21. dfs(k, n, 1); 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0046 全排列

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/permutations/>

标签：回溯

### 精选题解

* 回溯算法入门级详解 + 练习（持续更新）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/hui-su-suan-fa-python-dai-ma-java-dai-ma-by-liweiw/>
* 官方题解
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/quan-pai-lie-by-leetcode-solution-2/>
* **※ C++ 回溯法/交换法/stl 简洁易懂的全排列**
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/c-hui-su-fa-jiao-huan-fa-stl-jian-ji-yi-dong-by-sm/>
* 精选代码
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations/solution/quan-pai-lie-by-leetcode-solution-2/532710/>

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n\*n!)。回溯复杂度O(n!)；每次新的生成数组需要复制n个元素。
* 空间复杂度：SO(n)。长度为n的标记数组；递归时深度最大为n。

### 代码1：标记数组

| **0046 全排列.cpp** |
| --- |
| <https://leetcode-cn.com/submissions/detail/127476452/> |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. void backtrack(vector<int> &nums, vector<int> &current, vector<bool> &flags) { 5. **if** (current.size() == flags.size()) { 6. res.push\_back(current); 7. } **else** { 8. **for** (int i=0; i<nums.size(); ++i) { 9. **if** (not flags[i]) { // nums[i] not in current 10. current.push\_back(nums[i]); 11. flags[i] = true; 12. backtrack(nums, current, flags); 13. current.pop\_back(); 14. flags[i] = false; 15. } 16. } 17. } 18. } 19. vector<vector<int>> permute(vector<int>& nums) { 20. **if** (nums.empty()) { 21. **return** {}; 22. } 23. vector<bool> flags(nums.size(), false); // true: in current; false: not in current 24. vector<int> current; 25. backtrack(nums, current, flags); 26. **return** res; 27. } 28. }; |

### 代码2：交换元素

| **0046 全排列 - swap.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/127482585/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. void backtrack(vector<int> &nums, int start, int end) { 5. **if** (start == end) { 6. res.push\_back(nums); 7. } **else** { 8. **for** (int i=start; i<=end; ++i) { 9. swap(nums[i], nums[start]); 10. backtrack(nums, start+1, end); 11. swap(nums[i], nums[start]); 12. } 13. } 14. } 15. vector<vector<int>> permute(vector<int>& nums) { 16. **if** (nums.empty()) { 17. **return** {}; 18. } **else** { 19. backtrack(nums, 0, nums.size()-1); 20. **return** res; 21. } 22. } 23. }; |

## 0047 全排列 II

题目：<https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 官方题解
  + <https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/solution/quan-pai-lie-ii-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

定义一个标记数组visited来标记已经填过的数。若visited[i] 为true，表示第i个数已经使用了；若visited[i] 为false，表示第i个数尚未使用。

要解决重复问题，只需保证在填第i个数时，重复数字只被填入一次。方法：对原数组排序，保证相同数字都相邻，然后每次填入的数一定是这个数所在重复数集合中「从左往右第一个未被填过的数字」，即如下的判断条件：

1. if (i > 0 && nums[i] == nums[i-1] && !visited[i-1]) {
2. continue;
3. }

假如排完序后的完整数组nums中有三个连续的数，那么一定只有如下4种状态：[×, ×, ×]，[√, ×, ×]，[√, √, ×]，[√, √, √]。（√ 表示已在生成的数组中，× 表示未在生成的数组中。）

### 复杂度

详见官方题解。

* 时间复杂度：O(n\*n!)。回溯复杂度O(n!)；每次新的生成数组需要复制n个元素。
* 空间复杂度：SO(n)。长度为n的标记数组；递归时深度最大为n。

### 代码

| **0047 全排列 II.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/problems/permutations-ii/submissions/ |
| 1. class Solution { 2. vector<int> visited; 3. public: 4. void backtrack(vector<int> &nums, vector<vector<int>> &res, int idx, vector<int> &current) { 5. **if** (idx==nums.size()) { 6. res.emplace\_back(current); 7. // \* C++ STL vector 添加元素（push\_back()和emplace\_back()）详解 8. // \* http://c.biancheng.net/view/6826.html 9. // push\_back() 向容器尾部添加元素时，首先会创建这个元素，然后再将这个元素拷贝或者移动到容器中（如果是拷贝的话，事后会自行销毁先前创建的这个元素）； 10. // 而 emplace\_back() 在实现时，则是直接在容器尾部创建这个元素，省去了拷贝或移动元素的过程。 11. **return** ; 12. } 13. **for** (int i=0; i<nums.size(); ++i) { 14. // 哪些情况不取当前的元素： 15. // 1. 已经访问过/在当前路径数组中 16. // 2. 和前一个数相等，且前一个数未被填过（表明该数不是第一个未填的数，故仍然跳过） 17. // 反过来理解，如果前一个相等的数已经被填过，那么此时就可以插入这后一个相等的数了， 18. // 因为我们在上一层嵌套中，已经保证前一个数当时是第一个未被填过的数了 19. // 此时意味着我们在当前路径数组中存在多个相等的数了 20. **if** (visited[i] || (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !visited[i-1])) 21. **continue**; 22. current.emplace\_back(nums[i]); 23. visited[i] = true; 24. backtrack(nums, res, idx+1, current); 25. visited[i] = false; 26. current.pop\_back(); 27. } 28. } 29. vector<vector<int>> permuteUnique(vector<int>& nums) { 30. vector<vector<int>> res; 31. vector<int> current; 32. visited.resize(nums.size()); 33. sort(nums.begin(), nums.end()); 34. backtrack(nums, res, 0, current); 35. **return** res; 36. } 37. }; |

## 0077 组合

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combinations/>

标签：回溯

### 精选题解

* **※ 官方题解 - 组合**
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combinations/solution/zu-he-by-leetcode-solution/>
* 回溯算法 + 剪枝（Java） - 组合
  + <https://leetcode-cn.com/problems/combinations/solution/hui-su-suan-fa-jian-zhi-python-dai-ma-java-dai-ma-/>

### 关键思路

合理剪枝：剩余个数是否足够；个数正好则加入并返回。

1. if (temp.size() + (n - cur + 1) < k)
2. return ;

选取当前数，需要考虑入栈出栈；不选取，则跳到下一个。

1. // choose cur
2. temp.push\_back(cur);
3. dfs(cur+1, n, k);
4. temp.pop\_back();
5. // do not choose cur
6. dfs(cur+1, n, k);

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。其中表示从n个数中取出k个数的组合数目，k表示每次需要复制k个数。
* 空间复杂度：O(n+k)=O(n)。递归最大层数n；临时数组空间k。

### 代码

| **0077 组合.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138357287/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; // result 2d vector 4. vector<int> temp; // temp vector path 5. void dfs(int cur, int n, int k) { 6. // cur: current element index, choose or not 7. if (temp.size() + (n - cur + 1) < k) 8. return ; 9. if (temp.size() == k) { 10. res.push\_back(temp); 11. return ; 12. } 13. // choose cur 14. temp.push\_back(cur); 15. dfs(cur+1, n, k); 16. temp.pop\_back(); 17. // do not choose cur 18. dfs(cur+1, n, k); 19. } 20. vector<vector<int>> combine(int n, int k) { 21. dfs(1, n, k); 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0078 子集

链接：https://leetcode-cn.com/problems/subsets/

标签：回溯，位运算

### 精选题解

* 官方题解 - 子集
  + <https://leetcode-cn.com/problems/subsets/solution/zi-ji-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

每个位置有两种情况，选或者不选，所以类似“0077组合”(p15)的思路。最后索引到达n就退出。

1. *// choose nums[cur]*
2. temp.push\_back(nums[cur]);
3. dfs(cur+1, nums);
4. temp.pop\_back();
5. *// not choose nums[cur]*
6. dfs(cur+1, nums);

### 复杂度

* 时间复杂度：O()。一共个子集，每个子集需要O(n)的时间来构造。
* 空间复杂度：SO(n)。递归栈空间O(n)；临时数组空间O(n)。

### 代码

| **0078 子集.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138375047/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void dfs(int cur, vector<int> &nums) { 6. if (cur == nums.size()) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. *// choose nums[cur]* 11. temp.push\_back(nums[cur]); 12. dfs(cur+1, nums); 13. temp.pop\_back(); 14. *// not choose nums[cur]* 15. dfs(cur+1, nums); 16. } 17. vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) { 18. dfs(0, nums); 19. return res; 20. } 21. }; |

## 0090 子集 II

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/subsets-ii/>

标签：回溯

### 精选题解

* 90. 子集 II:【彻底理解子集问题如何去重】详解 - 子集 II
  + <https://leetcode-cn.com/problems/subsets-ii/solution/90-zi-ji-iiche-di-li-jie-zi-ji-wen-ti-ru-he-qu-zho/>

### 关键思路

最重要的是理解used[i-1] 的含义：

1. true：同一**树枝**上选取过值相等的元素，可以重复选取
2. false：同一**树层**上选取过值相等的元素，不可重复选取



类似“0047 全排列 II”，但有几点不同：

1. 循环遍历的起点是cur而不是0。因此，也就不需要判断used[i] 是否为true，因为这时肯定是false。
2. 可直接将temp加入res，视为不选取nums[cur]。
3. // not choose nums[cur]
4. res.push\_back(temp);
5. // maybe choose nums[cur]
6. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
7. if (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !used[i-1])
8. continue;
9. temp.push\_back(nums[i]);
10. used[i] = true;
11. backtrack(i+1, nums, used);
12. used[i] = false;
13. temp.pop\_back();
14. }

事实上，还可以对上面的剪枝进行优化，不需要使用used数组，可以参考“0040 组合总和 II”的题解，重点是下面第2行的蓝色语句。代码2就是采用了该剪枝方法的优化解法。

1. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) {
2. if (i>cur && nums[i]==nums[i-1])
3. continue;
4. temp.push\_back(nums[i]);
5. backtrack(i+1, nums);
6. temp.pop\_back();
7. }

### 复杂度

时间复杂度：O()。子集最多有个（元素均不重复）；构造每个子集需要O(n)的时间。

空间复杂度：SO(n)。递归栈空间O(n)；临时数组空间O(n)。

### 代码1

| **0090 子集 II** |
| --- |
| <https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138389158/> |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void backtrack(int cur, vector<int> &nums, vector<bool> &used) { 6. *// not choose nums[cur]* 7. res.push\_back(temp); 8. *// maybe choose nums[cur]* 9. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) { 10. if (i>0 && nums[i]==nums[i-1] && !used[i-1]) 11. continue; 12. temp.push\_back(nums[i]); 13. used[i] = true; 14. backtrack(i+1, nums, used); 15. used[i] = false; 16. temp.pop\_back(); 17. } 18. } 19. vector<vector<int>> subsetsWithDup(vector<int>& nums) { 20. vector<bool> used(nums.size(), false); 21. sort(nums.begin(), nums.end()); 22. backtrack(0, nums, used); 23. return res; 24. } 25. }; |

### 代码2：不使用used数组的剪枝

| **0090 子集 II -v2.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138841714/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<vector<int>> res; 4. vector<int> temp; 5. void backtrack(int cur, vector<int> &nums) { 6. *// not choose nums[cur]* 7. res.push\_back(temp); 8. *// maybe choose nums[cur]* 9. for (int i=cur; i<nums.size(); ++i) { 10. if (i>cur && nums[i]==nums[i-1]) 11. continue; 12. temp.push\_back(nums[i]); 13. backtrack(i+1, nums); 14. temp.pop\_back(); 15. } 16. } 17. vector<vector<int>> subsetsWithDup(vector<int>& nums) { 18. sort(nums.begin(), nums.end()); 19. backtrack(0, nums); 20. return res; 21. } 22. }; |

## 0079 单词搜索 + 剑指 12 矩阵中的路径

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/word-search/>

标签：回溯

### 精选题解

* ※ 官方题解 - 单词搜索
  + <https://leetcode-cn.com/problems/word-search/solution/dan-ci-sou-suo-by-leetcode-solution/>
* 在二维平面上使用回溯法（Python 代码、Java 代码） - 单词搜索
  + <https://leetcode-cn.com/problems/word-search/solution/zai-er-wei-ping-mian-shang-shi-yong-hui-su-fa-pyth/>

### 关键思路

* check(i,j,k,…) 表示是否存在一条从board[i][j] 出发的路径与单词子集word[k:]匹配。对k=0，遍历所有的i和j，即可得到二维网格中是否包含整个单词。
* 对不同方向的搜索，可以建立一个vector<pair<int,int>> 表示四个方向。
* 终止条件：board[i][j] != word[k]，返回false；board[i][j] == word[k] && k == word.length()-1，返回true。
* 访问board[i][j] 时将其置为true，递归返回时不要忘记将其置为false。

### 复杂度

详见官方题解。

* 时间复杂度：O()。M表示board的行数，N表示board的列数，L表示字符串长度。需要进行次检查；每个后继字符至多有3个方向（除了第2个字符有4个方向），因此每次检查至多有种分支；事实上由于提前返回和剪枝的存在，实际时间复杂度远低于这个理论上界。
* 空间复杂度：SO()。visited数组的空间为；栈的深度至多为。

### 代码

| **0079 单词搜索.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/138405047/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<pair<int,int>> directions{{0,1},{0,-1},{1,0},{-1,0}}; 4. *// check(i,j,k,...): is exist a path starts from board[i][j] matches word[k:]* 5. bool check(int i, int j, int k, vector<vector<char>> &board, vector<vector<bool>> &visited, string &word) { 6. if (board[i][j] != word[k]) 7. return false; 8. else if (k==word.length()-1) 9. return true; 10. visited[i][j] = true; 11. for (const auto& d: directions) { 12. int i\_new = i + d.first; 13. int j\_new = j + d.second; 14. if (i\_new>=0 && i\_new<board.size() && j\_new>=0 && j\_new<board[0].size()) { 15. if (visited[i\_new][j\_new]) 16. continue; 17. if (check(i\_new, j\_new, k+1, board, visited, word)) { 18. visited[i][j] = false; 19. return true; 20. } 21. } 22. } 23. visited[i][j] = false; 24. return false; 25. } 26. bool exist(vector<vector<char>>& board, string word) { 27. int row\_num = board.size(); 28. if (row\_num<=0) 29. return false; 30. int col\_num = board[0].size(); 31. bool flag = false; 32. vector<vector<bool>> visited(row\_num, vector<bool>(col\_num)); 33. for (int i=0; i<row\_num; ++i) { 34. for (int j=0; j<col\_num; ++j) { 35. flag = check(i, j, 0, board, visited, word); 36. if (flag) 37. return true; 38. } 39. } 40. return false; 41. } 42. }; |

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/ju-zhen-zhong-de-lu-jing-lcof/>

标签：深搜

### 精选题解

* 面试题12. 矩阵中的路径（ DFS + 剪枝 ，清晰图解） - 矩阵中的路径
  + https://leetcode-cn.com/problems/ju-zhen-zhong-de-lu-jing-lcof/solution/mian-shi-ti-12-ju-zhen-zhong-de-lu-jing-shen-du-yo/

### 关键思路

同“0079 单词搜索”。

### 复杂度

### 代码

## 剑指 13 机器人的运动范围

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/ji-qi-ren-de-yun-dong-fan-wei-lcof/>

标签：回溯

### 精选题解

* 官方题解 - 机器人的运动范围
  + https://leetcode-cn.com/problems/ji-qi-ren-de-yun-dong-fan-wei-lcof/solution/ji-qi-ren-de-yun-dong-fan-wei-by-leetcode-solution/
* 面试题13. 机器人的运动范围（ 回溯算法，DFS / BFS ，清晰图解）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/ji-qi-ren-de-yun-dong-fan-wei-lcof/solution/mian-shi-ti-13-ji-qi-ren-de-yun-dong-fan-wei-dfs-b/>
* DFS和BFS两种解决方式 - 机器人的运动范围
  + <https://leetcode-cn.com/problems/ji-qi-ren-de-yun-dong-fan-wei-lcof/solution/dfshe-bfsliang-chong-jie-jue-fang-shi-by-sdwwld/>
* 图解 BFS + DFS - 机器人的运动范围
  + https://leetcode-cn.com/problems/ji-qi-ren-de-yun-dong-fan-wei-lcof/solution/bfs-by-z1m/

### 关键思路

审题！审题！审题！

* 这里的k并不是指移动k步，而仅仅是对行坐标和列坐标数位之和的一个人为限定
* 如果看不懂解法中的某个奇怪的做法，一般都是因为对题意理解有误

第一种思路是经典回溯，可用深搜，只需将“行列数位和是否大于k”加入到搜索终止条件中（代码1）。

* 尽管机器人在运动时有如下三种情形，但是使用dfs向右向下可以保证覆盖完整：



（a）未连通



（b）部分连通



（c）全连通



只需向右向下即可保证覆盖所有可达解

* dfs的返回值含义为：当前分支有多少可达的格子。递推公式为：
  + dfs(i, j) = 1 + dfs(i+1, j) + dfs(i, j+1)



* 还需使用visited数组记录访问过的数组，若该格子被访问过，则终止搜索，比如上图中坐标 (1,1) 就可以同时由 (1,0) 向右或者 (0,1) 向下得到。

第二种思路是直接迭代递推（代码2）。

* 使用数组reachable，表示格子是否可以到达
* 若当前格子的左方格子或上方格子可达，则当前格子可达，对其标记并为计数加1

### 复杂度

时间复杂度：O()。遍历所有格子。

空间复杂度：O()。dfs中的visited，或是递推中的reachable。

### 代码1 – DFS

| **JZ-13 机器人的运动范围 - dfs.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/142175514/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int digitSum(int x) { 4. int sum = 0; 5. while (x!=0) { 6. sum += x % 10; 7. x /= 10; 8. } 9. return sum; 10. } 11. int dfs(int m, int n, int k, int i, int j, vector<vector<bool>>& visited) { 12. if (i>=m || j>=n || visited[i][j] || digitSum(i)+digitSum(j)>k) 13. return 0; 14. visited[i][j] = true; 15. return 1 + dfs(m, n, k, i+1, j, visited) + dfs(m, n, k, i, j+1, visited); 16. } 17. int movingCount(int m, int n, int k) { 18. vector<vector<bool>> visited(m, vector<bool>(n, false)); 19. return dfs(m, n, k, 0, 0, visited); 20. } 21. }; |

### 代码2 – 迭代递推

| **JZ-13 机器人的运动范围 - iterative.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/142178886/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int digitSum(int x) { 4. int sum = 0; 5. while (x!=0) { 6. sum += x % 10; 7. x /= 10; 8. } 9. return sum; 10. } 11. int movingCount(int m, int n, int k) { 12. if (k==0) 13. return 1; 14. int res = 1; 15. vector<vector<int>> reachable(m, vector<int>(n, 0)); 16. reachable[0][0] = 1; 17. for (int i=0; i<m; ++i) { 18. for (int j=0; j<n; ++j) { 19. if ( (i==0 && j==0) || digitSum(i)+digitSum(j)>k) 20. continue; 21. if (i>=1) 22. reachable[i][j] |= reachable[i-1][j]; 23. if (j>=1) 24. reachable[i][j] |= reachable[i][j-1]; 25. res += reachable[i][j]; 26. } 27. } 28. return res; 29. } 30. }; |

## 剑指 38 字符串的排列

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/>

标签：回溯

### 精选题解

* 面试题38. 字符串的排列（回溯法，清晰图解）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/solution/mian-shi-ti-38-zi-fu-chuan-de-pai-lie-hui-su-fa-by/>
* **※ 回溯法\_面试题38. 字符串的排列**
  + <https://leetcode-cn.com/problems/zi-fu-chuan-de-pai-lie-lcof/solution/hui-su-fa-by-luo-jing-yu-yu/>

### 关键思路

类似“0047 全排列 II”。当然，还有一种通过交换数组元素+set去重的方法，此处略。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n!)。其中n为字符串长度，n个字符均不相同时，全排列最多有n!种可能。
* 空间复杂度：SO(n)。递归层数为n；visited数组大小为n；temp数组大小为n。

### 代码

| **JZ-38 字符串的排列.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139043826/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<string> res; 4. string temp; 5. void dfs(string& s, int cnt, vector<bool>& visited) { 6. if (cnt==s.size()) { 7. res.push\_back(temp); 8. return ; 9. } 10. for (int i=0; i<s.size(); ++i) { 11. if (visited[i] || i>0 && s[i]==s[i-1] && !visited[i-1]) 12. continue; 13. temp.push\_back(s[i]); 14. visited[i] = true; 15. dfs(s, cnt+1, visited); 16. visited[i] = false; 17. temp.pop\_back(); 18. } 19. } 20. vector<string> permutation(string s) { 21. if (s.empty()) 22. return res; 23. sort(s.begin(), s.end()); 24. vector<bool> visited(s.size(), false); 25. dfs(s, 0, visited); 26. return res; 27. } 28. }; |

# 数学

## 0007 整数反转

链接：https://leetcode-cn.com/problems/reverse-integer/

标签：数学

### 精选题解

* 官方题解 - 整数反转
  + <https://leetcode-cn.com/problems/reverse-integer/solution/zheng-shu-fan-zhuan-by-leetcode/>
  + https://leetcode-cn.com/problems/reverse-integer/solution/zheng-shu-fan-zhuan-by-leetcode/82512

### 关键思路

* 每次对x模10，得到最低位数字pop，利用公式res=res\*10+pop得到反转后的整数。
* 需要考虑溢出。也即需要判断结果res是否在res\*10+pop后溢出，以正整数为例，当res > INT\_MAX/10，或者res == INT\_MAX/10 且 pop > INT\_MAX%10时，结果会溢出（代码第8行）；负整数类似（代码第10行）。
* 事实上，对于32位有符号整数，最大值INT\_MAX为2,147,483,647（231-1），最小值INT\_MIN为-2,147,483,648（-231），故INT\_MAX%10的值为7，INT\_MIN%10的值为-8，因此有些解答也直接使用这两个硬编码的数。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(log(x))。x中数字个数为 。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0007 整数反转.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139089583/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int reverse(int x) { 4. int res = 0; 5. while (x != 0) { 6. int pop = x % 10; 7. x = x / 10; 8. if (res>INT\_MAX/10 || (res==INT\_MAX/10 && pop > INT\_MAX%10)) 9. return 0; 10. if (res<INT\_MIN/10 || (res==INT\_MIN/10 && pop < INT\_MIN%10)) 11. return 0; 12. res = res \* 10 + pop; 13. } 14. return res; 15. } 16. }; |

## 0009 回文数

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/palindrome-number/>

标签：数学

### 精选题解

* 官方题解 - 回文数
  + https://leetcode-cn.com/problems/palindrome-number/solution/hui-wen-shu-by-leetcode-solution/

### 关键思路

* 如果对整个数进行反转，判断是否与原数相等，可能会发生溢出的问题。
* 因此考虑反转数字的后一半，如果反转后的数和前一半相等，则为回文数。
  + 需要考虑位数是奇数还是偶数。
  + 剪枝：x为负，或者个位为0且自身非0。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(logn)。循环次数为x的位数（除以二）。
* 空间复杂度：SO(1)。

### 代码

| **0009 回文数.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140135642/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. bool isPalindrome(int x) { 4. if (x<0 || (x%10==0 && x!=0)) 5. return false; 6. int rev = 0; 7. while (rev < x) { 8. rev = rev \* 10 + x % 10; 9. x = x / 10; 10. } 11. return (x == rev || x == rev/10); 12. } 13. }; |

## 0050 Pow(x, n)

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/powx-n/>

标签：数学，二分，位运算

### 精选题解

* 官方题解 - Pow(x, n)
  + <https://leetcode-cn.com/problems/powx-n/solution/powx-n-by-leetcode-solution/>
* 50. Pow(x, n) （快速幂，清晰图解） - Pow(x, n)
  + https://leetcode-cn.com/problems/powx-n/solution/50-powx-n-kuai-su-mi-qing-xi-tu-jie-by-jyd/

### 关键思路

实际上就是快速幂。有两种理解角度，一种是对n进行二进制表示，另一种是对乘法进行分治。分治方法可以结合递归的写法。本文则从二进制角度思考，采用迭代写法。

* 假设n的二进制表示为 ，那么n的十进制表示为 ，则 的十进制表示为 ，更进一步地，只保留 中值为1的项，也即 ，其中 。
* 所以只需要求解两个子问题：
  + 计算 的值，其中
    - 循环执行 x = x \* x 即可
  + 获取 的值，其中 ：
    - 通过n&1判断n的二进制表示中最后一位是否为1，若为1则将res乘上此时的x
    - 通过n>>1不断向右移位，找到为1的二进制位。
* 如果n为负，则计算 也即 即可。
  + 由于INT\_MIN的绝对值比INT\_MAX大1，因此需要单独处理，也即。



### 复杂度

* 时间复杂度：O(logn)。n的二进制位数。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0050 pow(x,n).cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140385874/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. double myPow(double x, int n) { 4. if (x==0) 5. return 0; 6. double res=1; 7. if (n<0) { 8. if (n==INT\_MIN) { *// 最小的负数会溢出* 9. return myPow(x,n+1) \* x; 10. } else { 11. x = 1/x; 12. n = -n; 13. } 14. } 15. while (n) { 16. if (n&1) { *// 如果该位为 1，则将 res 乘上此时的 x* 17. res \*= x; 18. } 19. x \*= x; 20. n >>= 1; 21. } 22. return res; 23. } 24. }; |

## 0069 x的平方根

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/sqrtx/>

标签：数学，二分

### 精选题解

* 官方题解 - x 的平方根 - 力扣（LeetCode）
  + <https://leetcode-cn.com/problems/sqrtx/solution/x-de-ping-fang-gen-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

二分法和牛顿迭代法。

二分法：

* 下界low为0，上界high为x，计算mid\*mid是否比x大
* 由于mid\*mid可能会溢出，因此在做乘法时需要事先将mid转换成long long，也即

1. (long long) mid \* mid <= x

牛顿迭代法：（更详尽的过程可见官方题解）



* 令 为传入的参数x（不是后面函数中的x），那么 的平方根就是函数 的零点。
* 牛顿法的核心思路：利用泰勒级数，从初值向零点快速逼近。
  + 用图形语言来讲，就是从函数曲线上的点 作切线与 轴相交于 。
  + 新的交点 比旧的交点 离零点更近。
  + 经过多次迭代就能得到一个无比接近零点的交点，通常认为其与零点的插值小于 就足够了。
* 选取迭代初值 。
  + 已知 的两个零点分别为 和 。
  + 该函数为下凸函数，不断逼近零点且不会越过零点，为取到正根，初值取*C*。
* 设前一次迭代的零点为 ，则函数上该点为 ，切线斜率为 ，切线方程为 ，得新零点 。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(logx)。二分法的迭代次数。牛顿迭代法也是这个时间复杂度，但是由于是二次收敛，因此比二分法更快。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码1 – 二分法

| **0069 x的平方根.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140390739/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int mySqrt(int x) { 4. int res = 0; 5. int low = 0, high = x; 6. while (low <= high) { 7. int mid = low + (high-low)/2; 8. if ((long long) mid\*mid <= x) { *// 防止整型溢出，做乘法时转成 long long* 9. res = mid; 10. low = mid + 1; 11. } else { 12. high = mid - 1; 13. } 14. } 15. return res; 16. } 17. }; |

### 代码2 – 牛顿迭代法

| **0069 x的平方根 - 牛顿迭代法.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140579199/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int mySqrt(int x) { 4. if (x == 0) 5. return 0; 6. double C = x, x\_old = x, x\_new; 7. while (1) { 8. x\_new = 0.5 \* (x\_old + C/x\_old); 9. if (fabs(x\_new - x\_old) < 1e-7) 10. break; 11. x\_old = x\_new; 12. } 13. return int(x\_old); 14. } 15. }; |

## 0171 Excel表列序号

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/excel-sheet-column-number/>

标签：数学

### 精选题解

略。

### 关键思路

略。

### 复杂度

略。

### 代码

| **0171 Excel表列序号.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140581112/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int titleToNumber(string s) { 4. int res = 0; 5. for (auto &ch: s) { 6. res = res\*26 + (ch-'A'+1); 7. } 8. return res; 9. } 10. }; |

## 0172 阶乘后的零

### 精选题解

* 详细通俗的思路分析 - 阶乘后的零
  + https://leetcode-cn.com/problems/factorial-trailing-zeroes/solution/xiang-xi-tong-su-de-si-lu-fen-xi-by-windliang-3/

### 关键思路

* 数字中0的个数取决于2\*5的对数，而因子2的个数远大于因子5的个数，故只需求因子5的个数。
* 5，52，53，…，5k分别包含1，2，……，k个因子5，也即每隔5个数有1个因子5，每隔52个数有2个因子5，每隔5k个数有k个因子5。
* 只需不断对n除以5，并累加上除的结果，就能知道因子5的总个数（代码5 ~ 7行）。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(logn)。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0172 阶乘后的零.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140584272/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int trailingZeroes(int n) { 4. int res = 0; 5. while (n>0) { 6. res += n/5; 7. n /= 5; 8. } 9. return res; 10. } 11. }; |

## 0202 快乐数

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/happy-number/>

标签：哈希表，数学，双指针

### 精选题解

* 官方题解 - 快乐数
  + <https://leetcode-cn.com/problems/happy-number/solution/kuai-le-shu-by-leetcode-solution/>
* 使用“快慢指针”思想找出循环，不要使用集合或递归！！ - 快乐数
  + <https://leetcode-cn.com/problems/happy-number/solution/shi-yong-kuai-man-zhi-zhen-si-xiang-zhao-chu-xun-h/>
* 202. 快乐数:【set在哈希法中的应用】详解 - 快乐数
  + <https://leetcode-cn.com/problems/happy-number/solution/202-kuai-le-shu-setzai-ha-xi-fa-zhong-de-ying-yong/>

### 关键思路

两种方法：

1. 哈希表。
   * 用哈希表unordered\_set<int> set记录出现过的数（代码1第13行）。
   * 如果该数为1，则返回true（代码1第15 ~ 16行）；
   * 如果新产生的数在set（不含1）中，则表明存在循环，否则将其加入set中（代码1第18 ~ 21行）。
2. 快慢指针。将每个计算得到的数视为链表上的节点，该题则转化为检测链表是否有环。
   * 如果n是快乐数，即最终会落到1，那么快指针会比慢指针先到1；
   * 如果n不是快乐数，那么快指针和慢指针会在环中的某个数上相遇。
   * 也即Floyd算法（代码2第15 ~ 17行），可参考“0141 环形链表”。

每次计算各位数的平方和作为下一个数，最终会有三种情况：

1. 落到1。这种情况为快乐数。



1. 进入循环，永远不会到1。



1. 值越来越大，达到无穷大。这种情况不存在。3位数不超过243，4位或4位以上的数每次计算后都会减少，一直减少到3位数为止。所以无论如何，值都不会变到无穷大。

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **位数** | **该位数下最大数** | **各位平方和** |
| 1 | 9 | 81 |
| 2 | 99 | 162 |
| 3 | 999 | 243 |
| 4 | 9999 | 324 |
| 13 | 9999999999999 | 1053 |

### 复杂度

详细可看官方题解。

* 时间复杂度：O(logn)。
  + 计算一个n位数各位平方和的时间成本为O(logn)，也即和其位数线性相关。
  + 当位数小于3时，可以确定一定是常数复杂度的；位数大于3时，每一次新的计算都是在外面再嵌套一层log，这些个log嵌套后，总复杂度还是log，也即O(243⋅3+logn+loglogn+logloglogn)... = O(log n)O(logn)。
  + 快慢指针法约为哈希表法的3倍，因为每次循环要计算3次各位平方和。
* 空间复杂度：
  + 哈希表法为O(logn)。当n足够大时，主要取决于n；当n较小时，位数最终都不超过3位，因此循环的次数有限，退化成O(1)。
  + 快慢指针法为O(1)。保存快慢指针。

### 代码1 – 哈希表

| **0202 快乐数 - 哈希表.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140605079/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int squareSum(int x) { 4. int sum = 0; 5. while (x>0) { 6. sum += (x%10) \* (x%10); *// 注意加上括号，运算优先级* 7. x /= 10; 8. } 9. return sum; 10. } 11. bool isHappy(int n) { 12. unordered\_set<int> set; 13. while (1) { 14. if (n==1) 15. return true; 16. n = squareSum(n); 17. if (set.find(n) != set.end()) { 18. return false; 19. } else { 20. set.insert(n); 21. } 22. } 23. } 24. }; |

### 代码2 – 快慢指针

| **0202 快乐数 - 快慢指针.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/140599733/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int squareSum(int x) { 4. int sum = 0; 5. while (x>0) { 6. sum += (x%10) \* (x%10); *// 注意加上括号，运算优先级* 7. x /= 10; 8. } 9. return sum; 10. } 11. bool isHappy(int n) { 12. int slow = n, fast = n; 13. do { 14. slow = squareSum(slow); 15. fast = squareSum(squareSum(fast)); 16. } while (slow != fast); 17. return slow == 1; 18. } 19. }; |

## 0231 2的幂

链接：https://leetcode-cn.com/problems/power-of-two/

标签：数学，位运算

### 精选题解

* 2 的幂 （位运算，极简解法+图表解析） - 2的幂
  + <https://leetcode-cn.com/problems/power-of-two/solution/power-of-two-er-jin-zhi-ji-jian-by-jyd/>
  + <https://leetcode-cn.com/problems/power-of-two/solution/power-of-two-er-jin-zhi-ji-jian-by-jyd/251869>

### 关键思路

满足n&(n-1)==0的数即为2的幂。

* 充分性：n & n-1把n最低位的1变0，若n & n-1 == 0，说明n只有一个1，也即n为2的幂。
* 必要性：若n为2的幂，则n的最高位为1、其余位为0，n-1的最高位为0，其余位为1，则n&(n-1)==0。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(1)。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0231 2的幂.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/142118868/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. bool isPowerOfTwo(int n) { 4. return n>0 && (n&(n-1))==0; 5. } 6. }; |

## 0326 3的幂

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/power-of-three/>

标签：数学

### 精选题解

* 官方题解 - 3的幂
  + https://leetcode-cn.com/problems/power-of-three/solution/3de-mi-by-leetcode/

### 关键思路

* n>=3时，当余数模3为0时一直除以3，到终止时，只有n==1返回true，其余情况都是false。
* n < 3（包含负数）时，只有n==1是3的幂。所以边界条件简化成n<1则返回false。

### 复杂度

* 时间复杂度：O（logn）。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0326 3的幂.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/142115739/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. bool isPowerOfThree(int n) { 4. if (n < 1) 5. return false; 6. while (n % 3 == 0) { 7. n /= 3; 8. } 9. return n == 1; 10. } 11. }; |

## 0258 各位相加

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/add-digits/>

标签：数学

### 精选题解

* 详细通俗的思路分析，多解法 - 各位相加
  + <https://leetcode-cn.com/problems/add-digits/solution/xiang-xi-tong-su-de-si-lu-fen-xi-duo-jie-fa-by-5-7/>
* 如何证明一个数的数根(digital root)就是它对9的余数？ - 知乎
  + https://www.zhihu.com/question/30972581

### 关键思路

一种是暴力解法。两层while循环，外循环记录内循环各位相加的结果，内循环不断对10取模相加，最终外循环得到小于10的数，即为此题结果。

另一种是数学公式。题中所求的通常称为数根。先列一些数找规律：

原数: 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29

数根: 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 2

可以看到，num的树根为 (num - 1) % 9 + 1。这种先减1再加1的写法是为了照顾各种边界情况。也就是说，一个数模9，和它的各位之和模9，结果相同。

证明可以看上面的知乎回答链接，这里简要写一下：将该数表示为 ，其中 表示每一位上的数字，又 ，所以 。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(logn)/O(1)。暴力法的复杂度为O(logn+log(logn)+…) = O(logn)。公式法的复杂度为O(1)。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码1 – 暴力解法

| **0258 各位相加 – 暴力.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141361715/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int addDigits(int num) { 4. while (num >= 10) { 5. int next = 0; 6. while (num > 0) { 7. next += num % 10; 8. num = num / 10; 9. } 10. num = next; 11. } 12. return num; 13. } 14. }; |

### 代码2 – 公式法

| **0258 各位相加 – 公式.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141362718/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int addDigits(int num) { 4. return (num-1) % 9 + 1; 5. } 6. }; |

## 0268 丢失的数字

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/missing-number/>

标签：数学，位运算

### 精选题解

* 官方题解 - 丢失的数字
  + https://leetcode-cn.com/problems/missing-number/solution/que-shi-shu-zi-by-leetcode/

### 关键思路

两种比较好的方法。

* 一种是利用求和公式 ，先算出和，再逐个减掉数组中的数。
* 另一种是位运算，一个数异或两次得到全0。这里有个小技巧，设res初值为n，则将res不断异或上i^nums[i]，其中i从0到n-1。这样相当于异或了(n+1)+n个数，最后只异或了一次的就是丢失的数字。代码使用了这个方法。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n)。无论是求和公式还是位运算，都要遍历n个数。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

| **0268 丢失的数字.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141433837/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int missingNumber(vector<int>& nums) { 4. int res = nums.size(); 5. for (int i=0; i<nums.size(); ++i) { 6. res ^= i ^ nums[i]; 7. } 8. return res; 9. } 10. }; |

## 0728 自除数

链接：https://leetcode-cn.com/problems/self-dividing-numbers/

标签：数学

### 精选题解

* 官方题解 - 自除数
  + <https://leetcode-cn.com/problems/self-dividing-numbers/solution/zi-chu-shu-by-leetcode/>
  + <https://leetcode-cn.com/problems/self-dividing-numbers/solution/zi-chu-shu-by-leetcode/744077>

### 关键思路

见代码。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(nlogn)。区间内共有n个数，每个数至多除logn次。
* 空间复杂度：O(n)。结果数组大小。

### 代码

| **0728 自除数.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/142134166/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<int> selfDividingNumbers(int left, int right) { 4. vector<int> res; 5. for (int num=left; num<=right; ++num) { 6. int tmp = num; 7. int mod = 0; 8. while (tmp!=0) { 9. mod = tmp % 10; 10. if (mod==0 || num%mod!=0) 11. break; 12. tmp /= 10; 13. } 14. if (tmp==0) 15. res.push\_back(num); 16. } 17. return res; 18. } 19. }; |

# 链表

## 0002 两数相加

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/>

标签：链表，递归，数学

### 精选题解

* 官方题解 - 两数相加
  + <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/solution/liang-shu-xiang-jia-by-leetcode-solution/>
* 两数相加 – 两种解法
  + https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers/solution/liang-shu-xiang-jia-by-gpe3dbjds1/

### 关键思路

当l1和l2至少一个非空时，就不停地将和保存到new出来的新节点，并将l1和l2的指针指向后一个节点。

注意每次都需要加上进位，并计算新的进位。

还需要检查最后一次求和是否产生进位，如果产生了，还需new一个新结点存放进位1。

使用哑结点可以避免边界条件：

1. ListNode \*dummy = new ListNode(-1);

### 复杂度

* 时间复杂度：O(max(n1,n2))。其中n1和n2分别为两个链表中的节点个数。
* 空间复杂度：SO(max(n1,n2))。作为结果返回的链表的结点个数。

### 代码

| **0002 两数相加.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139058623/ |
| 1. /\*\* 2. \* Definition for singly-linked list. 3. \* struct ListNode { 4. \* int val; 5. \* ListNode \*next; 6. \* ListNode() : val(0), next(nullptr) {} 7. \* ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {} 8. \* ListNode(int x, ListNode \*next) : val(x), next(next) {} 9. \* }; 10. \*/ 11. **class** **Solution** { 12. **public**: 13. ListNode\* addTwoNumbers(ListNode\* l1, ListNode\* l2) { 14. ListNode \*dummy = **new** ListNode(-1); 15. ListNode \*p = dummy; 16. int sum = 0; 17. int carry = 0; 18. **while** (l1 || l2) { 19. sum = 0; 20. **if** (l1) { 21. sum += l1->val; 22. l1 = l1->next; 23. } 24. **if** (l2) { 25. sum += l2->val; 26. l2 = l2->next; 27. } 28. sum += carry; 29. carry = sum / 10; 30. p->next = **new** ListNode(sum % 10); 31. p = p->next; 32. } 33. **if** (carry>0) 34. p->next = **new** ListNode(1); 35. **return** dummy->next; 36. } 37. }; |

## 0445 两数相加 II

链接：https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers-ii/

### 精选题解

* 官方题解 - 两数相加 II
* <https://leetcode-cn.com/problems/add-two-numbers-ii/solution/liang-shu-xiang-jia-ii-by-leetcode-solution/>

### 关键思路

与“0002 两数”基本类似，只是如下几点不同：

1. 由于头结点存储的是最高位的值，因此需要使用栈这种数据结构，先将列表入栈，再求和（代码第12 ~ 20行）；
2. 在求和时是从低位到高位，而生成的结果链表还应该是高位为头、低位为尾，因此结点需要反方向连接，如图①②③顺序所示（代码第36 ~ 38行）
3. 对循环进行了优化，将carry>0的判断条件也加上了，这样在循环结束后，就无需额外写判断carry值并新增结点的操作（代码第24行）；



### 复杂度

* 时间复杂度：O(max(n1,n2))。其中n1和n2分别为两个链表中的节点个数。
* 空间复杂度：SO(n1+n2)。作为结果返回的链表的结点个数为O(max(n1,n2))；栈空间O(n1+n2)。

### 代码

| **0445 两数相加 II.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/139069295/ |
| 1. /\*\* 2. \* Definition for singly-linked list. 3. \* struct ListNode { 4. \* int val; 5. \* ListNode \*next; 6. \* ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {} 7. \* }; 8. \*/ 9. **class** **Solution** { 10. **public**: 11. ListNode\* addTwoNumbers(ListNode\* l1, ListNode\* l2) { 12. stack<int> s1, s2; 13. **while** (l1) { 14. s1.push(l1->val); 15. l1 = l1->next; 16. } 17. **while** (l2) { 18. s2.push(l2->val); 19. l2 = l2->next; 20. } 21. ListNode \*head = **nullptr**; 22. int sum = 0; 23. int carry = 0; 24. **while** (!s1.empty() || !s2.empty() || carry>0) { 25. sum = 0; 26. **if** (!s1.empty()) { 27. sum += s1.top(); 28. s1.pop(); 29. } 30. **if** (!s2.empty()) { 31. sum += s2.top(); 32. s2.pop(); 33. } 34. sum += carry; 35. carry = sum / 10; 36. **auto** tmp = **new** ListNode(sum%10); 37. tmp->next = head; 38. head = tmp; 39. } 40. **return** head; 41. } 42. }; |

# 树

## 剑指 33 二叉搜索树的后序遍历序列

链接：https://leetcode-cn.com/problems/er-cha-sou-suo-shu-de-hou-xu-bian-li-xu-lie-lcof/

标签：树

### 精选题解

### 关键思路

### 复杂度

### 代码

# 双指针

## 剑指 21 调整数组顺序使奇数位于偶数前面

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/diao-zheng-shu-zu-shun-xu-shi-qi-shu-wei-yu-ou-shu-qian-mian-lcof/>

标签：双指针

### 精选题解

* 首尾双指针，快慢双指针 - 调整数组顺序使奇数位于偶数前面
  + https://leetcode-cn.com/problems/diao-zheng-shu-zu-shun-xu-shi-qi-shu-wei-yu-ou-shu-qian-mian-lcof/solution/ti-jie-shou-wei-shuang-zhi-zhen-kuai-man-shuang-zh/

### 关键思路

双指针。

* 当left<right时，left从左往右，遇到偶数则停下，right从右往左，遇到奇数则停下
* 当left和right都停下时，交换二者指向的元素，并且left++和right--
  + ++和--是因为交换过的两个数肯定是正确的位置，无须重复判断
* 重复上面的流程直到left>=right
* 判断奇数和偶数时，如果使用 (nums[left]&1)==1的写法，需要在&运算符的两侧加上括号，因为其运算优先级较低，不加括号会优先运算1==1。
  + 所以通常还是建议使用nums[left]%2==1的写法，既直观也不容易出错
* 代码中有几个细节和技巧值得记住
  + 第5~13行中while、if和continue配合使用的技巧，有效避免了更复杂的判断逻辑
  + 第14行中left++和right--的简洁写法

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n)。遍历整个数组。
* 空间复杂度：O(1)。两个整型“指针”。

### 代码

| **JZ-21 调整数组顺序使奇数位于偶数前面.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/142187503/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<int> exchange(vector<int>& nums) { 4. int left = 0, right = nums.size()-1; 5. while (left<right) { 6. if (nums[left] % 2 == 1) { 7. ++left; 8. continue; 9. } 10. if (nums[right] % 2 == 0) { 11. --right; 12. continue; 13. } 14. swap(nums[left++], nums[right--]); 15. } 16. return nums; 17. } 18. }; |

# 栈

## 0227 基本计算器 II + 0224 基本计算器

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/basic-calculator-ii/solution/>

https://leetcode-cn.com/problems/basic-calculator/solution/

标签：栈，字符串

### 精选题解

* 拆解复杂问题：实现一个完整计算器 - 基本计算器 II
  + <https://leetcode-cn.com/problems/basic-calculator-ii/solution/chai-jie-fu-za-wen-ti-shi-xian-yi-ge-wan-zheng-ji-/>
  + <https://leetcode-cn.com/problems/basic-calculator-ii/solution/chai-jie-fu-za-wen-ti-shi-xian-yi-ge-wan-zheng-ji-/330884>

### 关键思路

此题建议拿纸笔模拟一下出栈入栈和括号递归的过程，就容易理解了。下面是一个典型的输入例子。

(1 + (3 - 2) \* 5 + 8 / 4)

基本思路如下：

* 运算符op初始设为加号’+’，之后遇到**新的运算符、右括号或字符串末尾**，就将当前的数入栈（加减号），或者将旧的运算符和当前的数运算后再入栈（乘除号），并更新运算符op，重置数字num。**遇到右括号或字符串末尾，则将栈清空。**
  + 清空栈实质上就是将其中的数累加，换句话说，栈中只保留经过运算符“运算”后的数。
  + 很多题解都单独考虑忽视空格，这是因为他们的方法在判断是否更新运算符时，采用了(s[i]<’0’ || s[i]>’9’) 这种写法（代码第20行），实际上这样做并不严谨。
  + 应当采取的做法是，只考虑有可能更新运算符的情况，也即遇到运算符、右括号和字符串末尾（代码第21行），这样其他的字符就自动被忽略。

以上式为例，简述流程：

* 1后面遇到加号+，此时初始运算符为+，则将 +1入栈，更新运算符为 +；
* ……（处理括号的部分下面单独写）
* 8后面遇到除号 /，此时暂存运算符为 +，则将 +8 入栈，更新运算符为 /；
* 遇到4后面的右括号，此时暂存运算符为 /，故将运算得到的num也即4，和栈顶的 +8 结合运算，+8/4=+2，将其入栈。
* 此时已到末尾，将栈中数字累加

如何处理括号：括号本质上就是下一层递归。

* 遇到左括号 (：进入递归。注意在进入下一层递归时，字符串索引应当以引用传递，索引需要 ++i；回到本层递归时，也需要 ++i（代码第17行），这样可以直接继续处理其匹配的右括号后面一个字符。
* 遇到右括号 )：右括号是本层递归的终止标志。一方面，和遇到其他运算符相似，需要将当前数作运算，然后入栈出栈（代码第21行）；另一方面，和遇到字符串末尾相似，需要跳出循环（代码第43 ~ 45 行），将栈中数字累加清空（代码第49 ~ 53 行），最终跳出本层递归。
* 注意，每次新的递归层中，申请的栈都只属于该层，因此最后清空栈时得到的就是本层的计算结果，所以最后只需返回一个数就行。

如何结合数字，很简单，直接num = num\*10+(s[i]-‘0’)。

* 注意后面必须加括号，否则类型转换会出错（代码第12 ~ 14行）。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n)。其中n表示字符串长度。遍历所有字符，对k个字符，伴随的操作时间都不超过O(k)。
  + 空间复杂度：O(n)。申请的变量栈stk空间最多O(n/2)个数；递归最多有O(n/2)的栈空间。

### 代码

|  |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141344102/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. vector<char> op\_v = {'+','-','\*','/'}; 4. int helper(string &s, int &i) { 5. char op = '+'; 6. stack<int> stk; 7. int num = 0; 8. int res = 0; 9. int top = 0; 10. for (i; i<s.size(); ++i) { 11. if (s[i]>='0' && s[i]<='9') { *// 计算数字* 12. num = num \* 10 + (s[i]-'0'); 13. } 14. if (s[i]=='(') { *// 左括号进入递归，在新的递归中，stk 和 op 都被重置* 15. num = helper(s, ++i); 16. ++i; *// 出了右括号，将指针右移一位* 17. } 18. *// if (i >= s.size()-1 || ((s[i]<'0' || s[i]>'9') && s[i] != ' ')) {* 19. if (i>=s.size()-1 || find(op\_v.begin(), op\_v.end(), s[i]) != op\_v.end() || s[i]==')') { 20. *// 遇到新的运算符、右括号和字符串末尾，则出栈入栈，这一写法无需考虑其他特殊字符（比如空格）* 21. if (op=='+') { 22. stk.push(num); 23. } 24. if (op=='-') { 25. stk.push(-num); 26. } 27. if (op=='\*') { 28. top = stk.top(); 29. stk.pop(); 30. stk.push(top\*num); 31. } 32. if (op=='/') { 33. top = stk.top(); 34. stk.pop(); 35. stk.push(top/num); 36. } 37. op = s[i]; *// 更新下一次的运算符，注意必须写在处理完运算符的步骤后面* 38. num = 0; 39. } 40. if (s[i]==')') { *// 右括号跳出循环，执行末尾的清栈步骤，然后回到上一层递归* 41. break; 42. } 43. } 44. *// 计算栈中数字之和* 45. while (!stk.empty()) { 46. res += stk.top(); 47. stk.pop(); 48. } 49. return res; 50. } 51. int calculate(string s) { 52. int i = 0; 53. return helper(s, i); 54. } 55. }; |

## 0946 验证栈序列 + 剑指 31 栈的压入、弹出序列

链接：https://leetcode-cn.com/problems/zhan-de-ya-ru-dan-chu-xu-lie-lcof/

标签：栈

### 精选题解

* 面试题31. 栈的压入、弹出序列（模拟，清晰图解） - 栈的压入、弹出序列
  + https://leetcode-cn.com/problems/zhan-de-ya-ru-dan-chu-xu-lie-lcof/solution/mian-shi-ti-31-zhan-de-ya-ru-dan-chu-xu-lie-mo-n-2/

### 关键思路

* 使用一个栈s来模拟入栈过程，依次将pushed中的元素入栈，用i指向popped中的元素
* 当s非空且s.top()==popped[i] 时，弹出s栈顶并将i加1，重复该判断直到二者不等

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n)。遍历所有元素，以及出栈入栈操作。
* 空间复杂度：O(n)。申请的栈空间大小。

### 代码

| **0946 验证栈序列 + JZ-31 栈的压入、弹出序列.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/142195251/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. bool validateStackSequences(vector<int>& pushed, vector<int>& popped) { 4. stack<int> s; 5. int i = 0; 6. for (auto num: pushed) { 7. s.push(num); 8. while (!s.empty() && s.top() == popped[i]) { 9. s.pop(); 10. ++i; 11. } 12. } 13. return s.empty(); 14. } 15. }; |

# 动态规划

## 0263 丑数

链接：https://leetcode-cn.com/problems/ugly-number/

标签：数学

### 精选题解

* C语言简单解决263.丑数 - 丑数
  + https://leetcode-cn.com/problems/ugly-number/solution/cyu-yan-jian-dan-jie-jue-263chou-shu-by-t4gpd/

### 关键思路

很简单，直接看代码。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(logn)。最多除 次。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码

|  |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141431329/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. bool isUgly(int num) { 4. if (num<=0) 5. return false; 6. while (num != 1) { 7. if (num%2==0) 8. num /= 2; 9. else if (num%3==0) 10. num /= 3; 11. else if (num%5==0) 12. num /= 5; 13. else 14. return false; 15. } 17. return true; 18. } 19. }; |

## 0264 丑数 II + 剑指 49 丑数 II

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/chou-shu-lcof/>

https://leetcode-cn.com/problems/ugly-number-ii

标签：数学，动态规划

### 精选题解

* 丑数II， 合并 3 个有序数组， 清晰的推导思路 - 丑数
  + <https://leetcode-cn.com/problems/chou-shu-lcof/solution/chou-shu-ii-qing-xi-de-tui-dao-si-lu-by-mrsate/>
* 面试题49. 丑数（动态规划，清晰图解） - 丑数
  + <https://leetcode-cn.com/problems/chou-shu-lcof/solution/mian-shi-ti-49-chou-shu-dong-tai-gui-hua-qing-xi-t/>

### 关键思路

相当于合并3个有序数组，nums2、nums3和nums5，分别储存每个丑数只乘2、3、5得到的数。任何一个丑数乘上2、3、5之后都必定落在这这三个数组之一，因此将这三个数组合并之后就得到真正的丑数数组，设为dp，不过由于这三个数组存在重合，因此需要去重。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| i | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
| dp[i] | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 8 | 9 |  |
| nums2 | 1 | 1\*2 | 2\*2 | 3\*2 | 4\*2 | 5\*2 | 6\*2 | 8\*2 | 9\*2 |
| nums3 | 1 | 1\*3 | 2\*3 | 3\*3 | 4\*3 | 5\*3 | 6\*3 | 8\*3 | 9\*3 |
| nums5 | 1 | 1\*5 | 2\*5 | 3\*5 | 4\*5 | 5\*5 | 6\*5 | 8\*5 | 9\*5 |

p2、p3、p5的含义有点不好理解。p*k*的含义是，最新添加进dp并且包含因子*k*的数，在数组nums*k*中的索引。这里的最新不是指最新的dp[i]，而是指包含因子*k*的数中最新添加的。

以下表中i=3一列为例。此时dp[i]=4，p2=2，p3=1，p5=0，也即，包含因子2的最新的丑数为nums2[p2] =4，包含因子3的最新的丑数为nums3[p1]=3，包含因子5的最新的丑数为nums5[p5]=1。其中dp[p2]=4与当前的dp[i]吻合。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| i | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| dp[i] | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 8 | 9 | 10 | 12 | 15 | 16 | 18 |
| p2 | 0 | 1 | 1 | 2 | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 8 |
| p3 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 5 | 5 | 6 |
| p5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 3 | 3 | 3 |
| dp[p2]\*2 | 2 | 4 | 4 | 6 | 6 | 8 | 10 | 10 | 12 | 16 | 16 | 18 |  |
| dp[p3]\*3 | 3 | 3 | 6 | 6 | 6 | 9 | 9 | 12 | 12 | 15 | 18 | 18 |  |
| dp[p5]\*5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 10 | 10 | 10 | 10 | 15 | 15 | 20 | 20 |  |

那么如何得到当前丑数的下一个丑数呢？只需要计算出三个nums*k*的数组的下一个数，其中最小的就是下一个丑数。如果这个新的丑数和nums*k*中的最新的数相等，则表明该丑数包含在该数组中，则将对应的p*k*加1。

所以我们的代码需要做两件事：

（1）得到三个数组中下一个最小值，作为合并后数组的下一个值（代码第8行）；

（2）通过移动三个数组索引来保证去重（代码第9 ~ 11行），并且由于可能在多个数组中出现，因此每个if是独立的。

### 复杂度

* 时间复杂度：O(n)。遍历n个数。
* 空间复杂度：O(n)。dp数组大小。

### 代码

| **JZ-49 0264 丑数 II.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141425392/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int nthUglyNumber(int n) { 4. vector<int> dp(n,1); 5. dp[0] = 1; 6. int p2=0, p3=0, p5=0; 7. for (int i=1; i<n; ++i) { 8. dp[i] = min(min(dp[p2]\*2, dp[p3]\*3), dp[p5]\*5); 9. if (dp[i]==dp[p2]\*2) ++p2; 10. if (dp[i]==dp[p3]\*3) ++p3; 11. if (dp[i]==dp[p5]\*5) ++p5; 12. } 13. return dp[n-1]; 14. } 15. }; |

## 0279 完全平方数

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/perfect-squares/>

标签：数学，动态规划

### 精选题解

* 画解算法：279. 完全平方数 - 完全平方数
  + <https://leetcode-cn.com/problems/perfect-squares/solution/hua-jie-suan-fa-279-wan-quan-ping-fang-shu-by-guan/>
* 官方题解 - 完全平方数
  + https://leetcode-cn.com/problems/perfect-squares/solution/wan-quan-ping-fang-shu-by-leetcode/

### 关键思路

一种是动态规划，一种是数学定理。

动态规划：

* 用dp[i] 表示将和为i的完全平方数的最小个数，初值为i（组成的数全为1）
* 则dp[i] = min(dp[i], dp[i-j\*j])，for j from 1 to ，for i from 1 to n
* 返回 dp[n]

数学定理：

* 四平方和定理：每个自然数都可以表示为四个整数的平方和，因此题中每个输入的结果最多为4。
  + 若 ，返回4
  + 若n本身的完全平方数，返回1
  + 若n能由两个完全平方数表示，返回2
  + 其余情况返回3
* 上面之所以用这样的判断顺序，主要是为了降低时间复杂度，毕竟判断是否是平方数代价较大，尽可能早地判断其他情形了。

### 复杂度 – 动态规划

* 时间复杂度：O()。外层遍历n个数，内层遍历 个数。
* 空间复杂度：O(n)。dp数组的大小。

### 复杂度 – 数学定理

* 时间复杂度：O()。判断能否用两个完全平方数表示时，需要遍历 个数。
* 空间复杂度：O(1)。

### 代码1 – 动态规划

| **0279 完全平方数 – 动态规划.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141556794/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int numSquares(int n) { 4. vector<int> dp(n+1,0); 5. for (int i=1; i<=n; ++i) { 6. dp[i] = i; 7. for (int j=1; i-j\*j>=0; ++j) { 8. dp[i] = min(dp[i], dp[i-j\*j]+1); 9. } 10. } 11. return dp[n]; 12. } 13. }; |

### 代码2 – 数学定理

| **0279 完全平方数 – 公式.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141560552/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. bool isSquare(int x) { 4. int sq = int(sqrt(x)); 5. return sq\*sq==x; 6. } 7. int numSquares(int n) { 8. while (n%4==0) 9. n>>=2; 10. if (n%8==7) 11. return 4; 12. if (isSquare(n)) 13. return 1; 14. for (int i=1; i<=int(sqrt(n)); ++i){ 15. if (isSquare(n-i\*i)) 16. return 2; 17. } 18. return 3; 19. } 20. }; |

## 0313 超级丑数

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/super-ugly-number/>

标签：数学，堆

### 精选题解

### 关键思路

动态规划，思路和“剑指49 / 0264丑数 II”基本一致，只不过数组nums*k*从原来的3个变成了primes.size() 个了。注意dp初始值应当用INT\_MAX填充。

### 复杂度

### 代码

| **0313 超级丑数.cpp** |
| --- |
| https://leetcode-cn.com/submissions/detail/141979048/ |
| 1. class Solution { 2. public: 3. int nthSuperUglyNumber(int n, vector<int>& primes) { 4. vector<int> dp(n, INT\_MAX); 5. dp[0] = 1; 6. vector<int> ps(primes.size(), 0); 7. for (int i=1; i<n; ++i) { 8. for (int j=0; j<primes.size(); ++j) { 9. dp[i] = min(dp[i], dp[ps[j]] \* primes[j]); 10. } 11. for (int j=0; j<primes.size(); ++j) { 12. if (dp[i] == dp[ps[j]] \* primes[j]) { 13. ++ps[j]; 14. } 15. } 16. } 17. return dp[n-1]; 18. } 19. }; |