

安徽大学 2017—2018 学年第 1 学期

《大学物理 B(下)》(A 卷) 考试试题参考答案

一、单选题 (每小题 3 分, 共 30 分)

1. B 2. B 3. D 4. C 5. C 6. D 7. D 8. A 9. B 10. D

二、填空题 (每小题 3 分, 共 15 分)

11. $\frac{q_0 q}{6\pi\epsilon_0 R}$ 12. 1.26×10^{-5} 13. 0.4 14. $\frac{3\lambda}{2n}$ 15. 3.0

三、计算题 (共 55 分)

16. (本题 15 分)

解: 由高斯定理可得

$$\text{当 } r \geq R \text{ 时, } E_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$$

$$\text{当 } r < R \text{ 时, } E_2 = 0$$

沿径向路径积分, 可得 P_1 点的电势为

$$U_{P_1} = \int_r^\infty \vec{E}_1 \cdot d\vec{l} = \int_r^\infty \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$$

同理可得 P_2 、 P_3 点的电势分别为

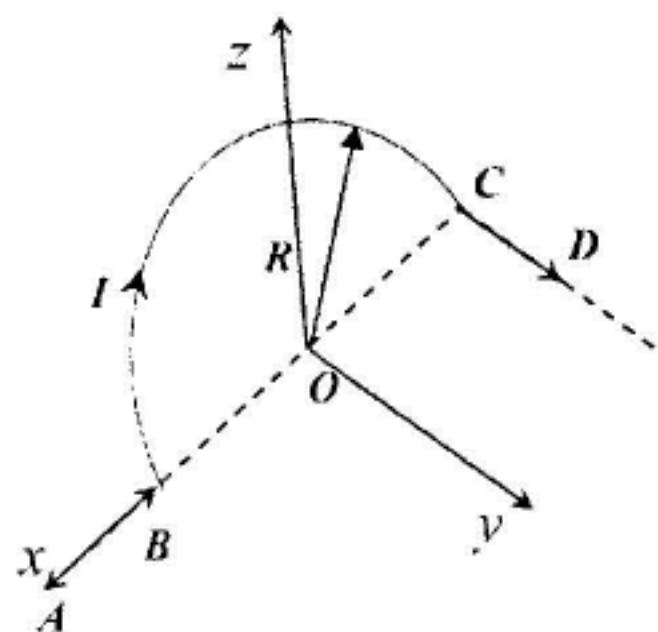
$$U_{P_2} = \int_R^\infty \vec{E}_1 \cdot d\vec{l} = \int_R^\infty \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 R}$$

$$U_{P_3} = \int_r^R \vec{E}_2 \cdot d\vec{l} + \int_R^\infty \vec{E}_1 \cdot d\vec{l} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 R}$$

17. (本题 15 分)

解: 根据圆环电流和无限长载流直导线产生的磁感应强度表达式, 可知:

半圆环在 O 点产生的磁感应强度大小为 $B_1 = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{2R}$, 方向为 y 轴负方向。



导线 AB 在 O 点产生的磁感应强度大小为 $B_2 = 0$ 。

导线 CD 在 O 点产生的磁感应强度大小为

$$B_3 = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{2\pi R}, \text{ 方向为 } z \text{ 轴负方向。}$$

故 $\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3$, 大小为 $B = \frac{\mu_0 I}{4R} \sqrt{1 + \left(\frac{1}{\pi}\right)^2}$ 。

方向为 yz 平面内, 与 $-y$ 轴成角 $\theta = \arctan \frac{1}{\pi}$ 。

18. (本题 10 分)

解: (1) 矩形回路所受合力大小为

$$F = F_1 - F_2 = (B_1 - B_2)I_2l = \left[\frac{\mu_0 I_1}{2\pi a} - \frac{\mu_0 I_1}{2\pi(a+b)} \right] I_2 l = 4.27 \times 10^{-4} \text{ N}$$

(2) 将矩形面积分成无穷多个小矩形, 宽度为 dx , 高为 l , 通过此小矩形的磁通量为

$$d\Phi_m = BdS = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi x} l dx$$

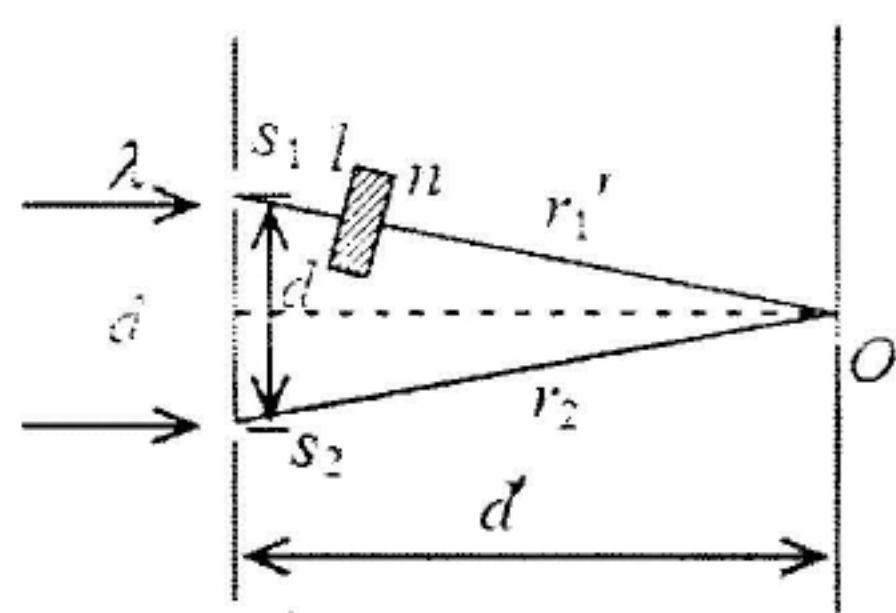
$$\text{通过矩形的总通量为 } \Phi_m = \int_a^{a+b} \frac{\mu_0 I_1 l}{2\pi} \frac{dx}{x} = \frac{\mu_0 I_1 l}{2\pi} \ln \frac{a+b}{a} = 1.05 \times 10^{-6} \text{ T} \cdot \text{m}^2$$

19. (本题 15 分)

解: (1)
$$x = k \cdot \frac{d'}{d} \lambda = 6 \text{ mm}$$

(2) 由双缝干涉可知, 覆盖薄膜前 O 点光程差 $\delta = r_1 - r_2 = 0$,

覆盖薄膜后 O 点光程差 $\delta' = r_1' - r_2 = r_1 - l + nl - r_2 = (n-1)l$



根据双缝干涉明纹条件 $\delta' = (n-1)l = k\lambda$, 可得

$$k = \frac{(n-1)l}{\lambda} = 3$$