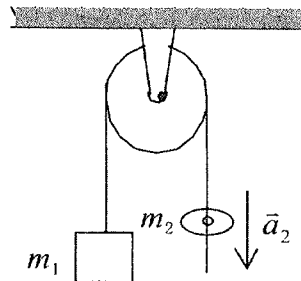


注：试题含答题纸共 6 页，满分 100 分

一、选择题（将正确答案的字母填写在答题纸的相应位置，每小题 3 分，共 30 分）

1. 一条轻绳跨过一轻滑轮(滑轮与轴间摩擦可忽略)，在绳的一端挂一质量为 m_1 的物体，在另一侧有一质量为 m_2 的环，当环相对于绳以恒定的加速度 a_2 沿绳向下滑动时，环与绳间的摩擦力为：



- (A) $\frac{(2g - a_2)m_1m_2}{m_1 + m_2}$. (B) $\frac{(2g - a_2)m_1m_2}{m_1 - m_2}$.
(C) $\frac{(2g + a_2)m_1m_2}{m_1 + m_2}$. (D) $\frac{(2g + a_2)m_1m_2}{m_1 - m_2}$.

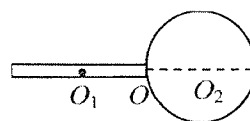
[]

2. 对于一个物体来说，在下列的哪种情况下系统的机械能守恒：

- (A) 合外力为 0. (B) 合外力不作功.
(C) 外力和非保守内力都不做功. (D) 外力和保守内力都不做功.

[]

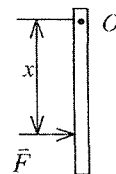
3. 一刚体由匀质细杆和匀质球体两部分构成，杆在球体直径的延长线上，如图所示。球体的半径为 R ，杆长为 $2R$ ，杆和球体的质量均为 m 。若杆对通过其中点 O_1 ，与杆垂直的轴的转动惯量为 J_1 ，球体对通过球心 O_2 的转动惯量为 J_2 ，则整个刚体对通过杆与球体的固结点 O 且与杆垂直的轴的转动惯量为：



- (A) $J = J_1 + J_2$. (B) $J = (J_1 + mR^2) + (J_2 + mR^2)$.
(C) $J = mR^2 + mR^2$. (D) $J = [J_1 + m(2R)^2] + [J_2 + m(2R)^2]$.

[]

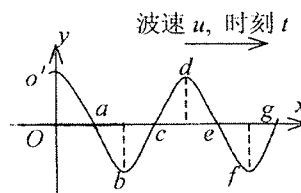
4. 如图所示，将一根质量为 m 、长为 l 的均匀细杆悬挂于通过其一端的固定光滑水平轴 O 上。今在悬点下方距离 x 处施以水平冲力 \vec{F} ，使杆开始摆动，要使得在悬点处杆与轴之间不产生水平方向的作用力，则施力 \vec{F} 的位置 x 应等于：



- (A) $3l/8$. (B) $l/2$.
(C) $2l/3$. (D) l .

[]

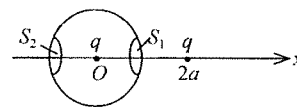
5. 一列机械横波在 t 时刻的波形曲线如图所示，则该时刻能量为最小值的媒质质元的位置是：



- (A) o', b, d, f . (B) a, c, e, g .
(C) a, b . (D) d, e .

[]

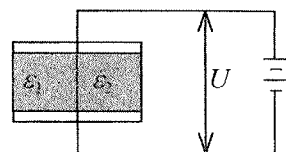
6. 有两个电荷都是 $+q$ 的点电荷, 相距为 $2a$. 今以左边的点电荷所在处为球心, 以 a 为半径作一球形高斯面. 在球面上取两块相等的小面积 S_1 和 S_2 , 其位置如图所示. 设通过 S_1 和 S_2 的电场强度通量分别为 Φ_1 和 Φ_2 , 通过整个球面的电场强度通量为 Φ_S , 则



- (A) $\Phi_1 > \Phi_2$, $\Phi_S = q/\epsilon_0$. (B) $\Phi_1 < \Phi_2$, $\Phi_S = 2q/\epsilon_0$.
(C) $\Phi_1 = \Phi_2$, $\Phi_S = q/\epsilon_0$. (D) $\Phi_1 < \Phi_2$, $\Phi_S = q/\epsilon_0$.

[]

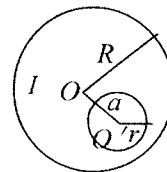
7. 一平行板电容器与电源相连, 电源端电压为 U , 电容器极板间距离为 d . 电容器中充满二块大小相同、介电常量(电容率)分别为 ϵ_1 、 ϵ_2 的均匀介质板, 如图所示, 则左、右两侧介质中的电位移矢量 \bar{D} 的大小分别为:



- (A) $\epsilon_0 U/d$, $\epsilon_0 U/d$. (B) $\epsilon_1 U/d$, $\epsilon_2 U/d$.
(C) $\epsilon_0 \epsilon_1 U/d$, $\epsilon_0 \epsilon_2 U/d$. (D) $U/(\epsilon_1 d)$, $U/(\epsilon_2 d)$.

[]

8. 在半径为 R 的长直金属圆柱体内部挖去一个半径为 r 的长直圆柱体, 两柱体轴线平行, 其间距为 a , 如图. 今在此导体上通以电流 I , 电流在截面上均匀分布, 则空心部分轴线上 O' 点的磁感强度的大小为:



- (A) $\frac{\mu_0 I}{2\pi a} \cdot \frac{a^2}{R^2}$ (B) $\frac{\mu_0 I}{2\pi a} \cdot \frac{a^2 - r^2}{R^2}$
(C) $\frac{\mu_0 I}{2\pi a} \cdot \frac{a^2}{R^2 - r^2}$ (D) $\frac{\mu_0 I}{2\pi a} \left(\frac{a^2}{R^2} - \frac{r^2}{a^2} \right)$

[]

9. 将形状完全相同的铜环和木环静止放置, 并使通过两环面的磁通量随时间的变化率相等, 则不计自感时:

- (A) 铜环中有感应电动势, 木环中无感应电动势.
(B) 铜环中感应电动势大, 木环中感应电动势小.
(C) 铜环中感应电动势小, 木环中感应电动势大.
(D) 两环中感应电动势相等.

[]

10. 对于单匝线圈取自感系数的定义式为 $L = \Phi/I$. 当线圈的几何形状、大小及周围磁介质分布不变, 且无铁磁性物质时, 若线圈中的电流强度变小, 则线圈的自感系数 L

- (A) 变大, 与电流成反比关系. (B) 不变.
(C) 变大, 但与电流不成反比关系. (D) 变小.

[]

二、填空题(将正确答案填写在答题纸的相应位置, 每小题 3 分, 共 30 分)

1. 两辆车 A 和 B, 在笔直的公路上同向行驶, 它们从同一起始线上同时出发, 并且由出发点开始计时, 行驶的距离 x 与行驶时间 t 的函数关系式: $x_A = 4t + t^2$, $x_B = 2t^2 + 2t^3$ (SI),

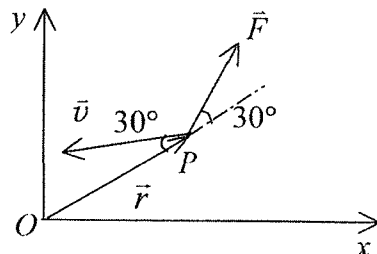
(1) 它们刚离开出发点时, 行驶在前面的一辆车是_____;

(2) 出发后, B 车相对 A 车速度为零的时刻是_____.

2. 质点 P 的质量为 2kg, 位置矢量为 \vec{r} , 速度为 \vec{v} , 它受到力 \vec{F} 的作用. 这三个矢量均在 Oxy 面内, 某时刻它们的方向如图所示, 且

$r = 3.0 \text{ m}$, $v = 4.0 \text{ m/s}$, $F = 2 \text{ N}$, 则此刻该质点对原点 O 的角动量

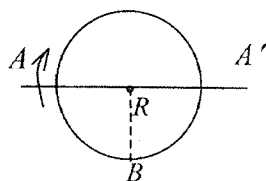
$\vec{L} =$ _____; 作用在质点上的力对原点的力矩 $\vec{M} =$ _____.



3. 如图所示, 一质量为 m 、半径为 R 的薄圆盘, 可绕通过其一直径的

光滑固定轴 AA' 转动, 转动惯量 $J = mR^2/4$. 该圆盘从静止开始在恒力矩 M 作用下转动, t 秒后位于圆盘边缘上与轴 AA' 的垂直距离为 R 的 B 点的切向加速

度 $a_t =$ _____, 法向加速度 $a_n =$ _____.



4. 一平面简谐波沿 Ox 轴正向传播, 波动表达式为 $y = A \cos[\omega(t - x/u) + \pi/4]$, 则 $x_1 = L_1$

处质点的振动方程是_____;

$x_2 = -L_2$ 处质点的振动和 $x_1 = L_1$ 处质点的振动的相位差为 $\phi_2 - \phi_1 =$ _____.

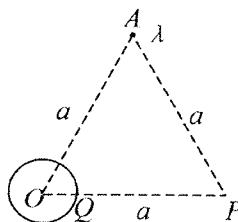
5. 一机车汽笛频率为 750 Hz, 机车以时速 90 公里远离静止的观察者. 观察者听到的声音的频率是(设空气中声速为 340 m/s) _____ Hz.

6. 如图所示, 一电荷线密度为 λ 的无限长带电直线垂直通过图面上的 A 点; 一

带有电荷 Q 的均匀带电球体, 其球心处于 O 点. $\triangle AOP$ 是边长为 a 的等边三角

形. 为了使 P 点处场强方向垂直于 OP , 则 λ 和 Q 的数量之间应满足_____

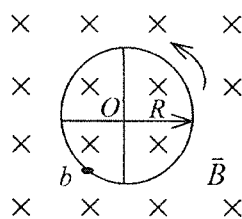
关系, 且 λ 与 Q 为_____号电荷.



7. 四根辐条的金属轮子在均匀磁场 \vec{B} 中转动, 转轴与 \vec{B} 平行, 轮子和辐条都是

导体, 辐条长为 R , 轮子转速为每秒 n 转, 则轮子中心 O 与轮边缘 b 之间的感

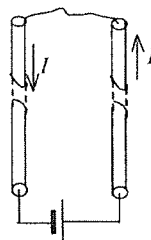
应电动势为_____, 电势最高点是在_____处.



8. 两根很长的平行直导线, 其间距离为 a , 与电源组成闭合回路, 如图. 已知导线上的

电流为 I , 在保持 I 不变的情况下, 若将导线间的距离增大, 则空间的

总磁能将_____. (填增大, 减小或不变)



9. 由 $\oint_L \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$ 式表明_____一定伴随有电场, 该电场的电

场线_____ (填是或不是) 闭合曲线; _____ (填能或不能) 引入电势的概念.

10. 给电容为 C 的平行板电容器充电, 电流为 $i = 0.2e^{-t}$ (SI), $t = 0$ 时电容器极板上无电荷. 则

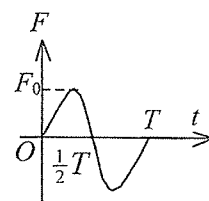
充电期间极板间电压 U 随时间 t 变化的关系为_____;

t 时刻极板间总的位移电流 I_d (忽略边缘效应) 为_____.

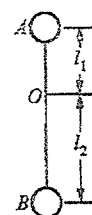
三、 计算题（每小题 10 分，共 40 分）

1. 质量为 m 的质点开始时静止，在如图所示合力 F 的作用下沿直线运动，已知 $F = F_0 \sin(2\pi t / T)$ ，方向与直线平行，求：

- (1) 在 0 到 T 时间内，力 \vec{F} 的冲量大小；
- (2) 在 $t = \frac{1}{2}T$ 时刻质点动量的大小；
- (3) 在 0 到 $\frac{1}{2}T$ 时间内，力 \vec{F} 所作的总功.



2. 如图，一细棒两端装有质量均为 m 的小球 A, B ，可绕水平轴 O 自由转动，且 $OA=l_1$ ， $OB=l_2$ 。若细棒的质量可忽略不计，求细棒作角度很小 ($\theta < 0.4\text{rad}$) 的摆动时的周期.

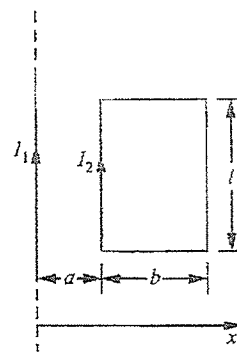


3. 有一电荷面密度为 σ 的“无限大”均匀带电平面. 若以该平面处为电势零点, 试求带电平面周围空间的电势分布.

4. 如图, 一根无限长直导线载有电流 I_1 , 矩形回路与它共面, 且矩形的长边与直导线平行. 回路中载有电流 I_2 , 矩形的长为 l , 宽为 b , 矩形靠近直导线的一边距直导线为 a .

(1) 试求 I_1 作用在矩形回路上的合力;

(2) 试证明: 当矩形线圈足够小时, 线圈受到的合力 F 的大小为: $F = p_m \frac{\partial B}{\partial x}$. 其中 p_m 为矩形线圈的磁矩, $\frac{\partial B}{\partial x}$ 为直导线产生的磁场沿垂直于直导线方向 (图中 x 方向) 上的磁场梯度.



一、 选择题 (每题 3 分, 共 30 分)

1. (A) 2. (C) 3. (B) 4. (C) 5. (A) 6. (D) 7. (B) 8. (C) 9. (D) 10. (B)

二、 填空题 (每题 3 分, 共 30 分, 注: 单位错误总共扣 1 分, 数量级错误扣 1 分)

1. A 1 分

$t = 0.67 \text{ s}$ 或 $(2/3)\text{s}$ 2 分

2. $12\bar{k} \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ 2 分

$3\bar{k} \text{ N} \cdot \text{m}$ 1 分 (无矢量符号扣 1 分, 注意必须扣)

3. $4M/(mR)$ 1 分

$\frac{16M^2t^2}{m^2R^3}$ 2 分

4. $y_1 = A \cos[\omega(t - L_1/u) + \pi/4];$ 1 分

$\frac{\omega(L_1 + L_2)}{u}$ 2 分

5. 699 3 分

6. $\lambda = Q/a$ 2 分

异号 1 分

7. $\pi B n R^2$ 2 分

O 1 分

8. 增大 3 分

9. 变化的磁场 1 分

是 1 分

不能 1 分

10. $\frac{0.2}{C}(1 - e^{-t})$ 2 分

$0.2e^{-t}$ 1 分

三、 计算题 (每小题 10 分, 共 40 分)

1. 解: (1)
$$I_1 = \int_0^T F(t) dt = \int_0^T F_0 \sin(2\pi t/T) dt = -\frac{TF_0}{2\pi} \cos \frac{2\pi t}{T} \Big|_0^T = 0 \quad 3 \text{ 分}$$

(2)
$$I_2 = \int_0^{T/2} F(t) dt = -\frac{TF_0}{2\pi} \cos \frac{2\pi t}{T} \Big|_0^{T/2} = \frac{TF_0}{\pi}$$

由动量定理, $I_2 = p - p_0 \quad p_0 = 0$

$t = \frac{1}{2}T$ 时刻质点动量的大小 $p = \frac{TF_0}{\pi} \quad 4 \text{ 分}$

(3) $a = F/m = F_0 \sin(2\pi t/T)/m$

由于 $v_0 = 0$, 所以
$$v = \int_0^T a dt = \int_0^T \frac{F_0}{m} \sin \frac{2\pi t}{T} dt = -\frac{TF_0}{2\pi m} \cos \frac{2\pi t}{T} \Big|_0^T$$
$$= -\frac{TF_0}{2\pi m} \left[\cos \left(\frac{2\pi t}{T} \right) - 1 \right]$$

由动能定理 $W = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$

$t = 0$ 时 $v_0 = 0$, $t = \frac{1}{2}T$ 时 $v = TF_0/(\pi m)$

$\therefore W = T^2 F_0^2 / (2\pi^2 m) \quad 3 \text{ 分}$

也可以直接用第二问结果, 利用动量和动能关系求解.

2. 解: 系统在重力矩作用下摆动如图所示, 由定轴转动定理, 有:

$$I_O \frac{d^2\theta}{dt^2} = mgl_1 \sin \theta - mgl_2 \sin \theta \quad 2 \text{ 分}$$

式中装置对 O 轴的转动惯量为

$$I_O = ml_1^2 + ml_2^2, \quad 2 \text{ 分}$$

由以上两个方程得到

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{(l_2 - l_1)g}{l_1^2 + l_2^2} \sin \theta = 0,$$

当角度很小时, 作小角近似, $\sin \theta \approx \theta$, 于是有

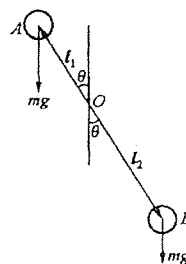
$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{(l_2 - l_1)g}{l_1^2 + l_2^2} \theta = 0, \quad 2 \text{ 分}$$

与简谐振动的微分方程 $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$ 对比可知, 该装置振动的角频率为

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{(l_2 - l_1)g}{l_1^2 + l_2^2}},$$

周期为

$$T = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi \sqrt{\frac{l_1^2 + l_2^2}{(l_2 - l_1)g}}. \quad 4 \text{ 分}$$



3. 解: 选坐标原点在带电平面所在处, x 轴垂直于平面. 由高斯定理可得场强分布为:

$$E = \pm \sigma / (2\epsilon_0)$$

4 分

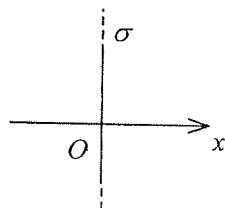
(式中“+”对 $x > 0$ 区域, “-”对 $x < 0$ 区域). 平面外任意点 x 处电势:

在 $x \leq 0$ 区域

$$U = \int_x^0 E dx = \int_x^0 \frac{-\sigma}{2\epsilon_0} dx = \frac{\sigma x}{2\epsilon_0} \quad 3 \text{ 分}$$

在 $x \geq 0$ 区域

$$U = \int_x^0 E dx = \int_x^0 \frac{\sigma}{2\epsilon_0} dx = \frac{-\sigma x}{2\epsilon_0} \quad 3 \text{ 分}$$



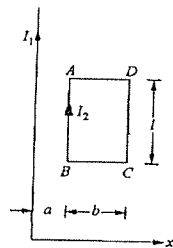
4. 解: (1) 矩形载流回路中 AD 边与 BC 边受

无限长直载流导线的作用力相等反向, 抵消. AB 边与 CD 边受力分别为

$$F_{AB} = I_2 l B_{AB} = \frac{\mu_0 I_1 I_2 l}{2\pi a},$$

$$F_{CD} = I_2 l B_{CD} = \frac{\mu_0 I_1 I_2 l}{2\pi(a+b)},$$

4 分



F_{AB} 的方向向左, F_{CD} 的方向向右. 故矩形回路所受 I_1 的合力为

$$F = F_{AB} - F_{CD} = \frac{\mu_0 I_1 I_2 l}{2\pi} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{a+b} \right)$$

$$= \frac{\mu_0 I_1 I_2 l b}{2\pi a(a+b)}$$

1 分

合力 F 的方向向左, 即矩形回路被 I_1 吸引.

1 分

- (2) 矩形载流回路的磁矩为

$$p_m = I_2 S = I_2 l b,$$

代入, 可将矩形回路所受 I_1 的合力写为

$$F = \frac{\mu_0 I_1 I_2 l b}{2\pi a(a+b)} = \frac{\mu_0 I_1 p_m}{2\pi a(a+b)}.$$

1 分

无限长直载流导线在与之相距(垂直距离)为 x 处的磁场以及 x 方向的磁场梯度为

$$B(x) = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi x},$$

$$\frac{\partial B}{\partial x} = -\frac{\mu_0 I_1}{2\pi x^2},$$

1 分

当线圈很小, 即当 $b \ll a$ 时, 线圈与直导线相距 $x \approx a$, 即 $a(a+b) \approx a^2 \approx x^2$, 代入, 得

$$F = \frac{\mu_0 I_1 p_m}{2\pi a(a+b)} \approx \frac{\mu_0 I_1 p_m}{2\pi x^2} = p_m \frac{\partial B}{\partial x} \quad 2 \text{ 分}$$