Förberedelser till datorövningen i Flerdimensionell analys

Uppgifterna i texten hänvisar till övningsboken Övningar i flerdimesionell analys. Förse dina figurer med en kortfattad förklaring av hur du tänker. Ange även skärningar med axlarna och eventuella asymptoter.

Uppgift 1: Rita kurvorna

$$y = \ln(x-1)$$
, $y = \sin(x+1) - 1$, $y = 2(x+1)^3$.

Utnyttja de förflyttnings- och omskalningsregler för kurvor du har lärt dig.

Uppgift 2: Skriv först kurvorna från uppgifterna **2.2ab** och **2.4b** på parameterform¹, och rita dem sedan.

Uppgift 3: Rita kurvorna från 2.3.

Uppgift 4: Rita fem nivåkurvor till var och en av följande funktioner

$$f(x,y) = x^2 + y^2$$
, $f(x,y) = \sqrt{x^2 + y^2}$, $f(x,y) = x^2 + 4y^2$, $f(x,y) = y^2$.

Skissera, utifrån dessa, ett principutseende för motsvarande funktionsytor.

Uppgift 5: Skriv följande ytor på parameterform¹ (här kan Exempel 2.33 på sidan 54 i läroboken vara till god hjälp)

$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} + z^2 = 1,$$

$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} + z^2 = 1, \quad x \ge 0,$$

$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} + z^2 = 1, \quad x \ge 0, y \ge 0.$$

Skissera därefter själva ytorna.

Uppgift 6: Använd rotationssymmetrin för att skissera ytorna

$$x^2 + y^2 - z^2 = 1$$
, $x^2 + y^2 - z^2 = -1$.

¹Obs att en parameterform även skall inkludera intervall för parametrarna.