

Föreläsning 9: Diskret sannolikhetssteori · 1MA020

Vilhelm Agdur¹

16 februari 2023

¹ vilhelm.agdur@math.uu.se

Vi introducerar den diskreta sannolikhets teorin, vilket är den som behandlar samma sorts objekt som kombinatoriken.

Varför har vi ett avsnitt om diskret sannolikhets teori² i en kurs om kombinatorik?

Diskret sannolikhets teori och kombinatorik studerar samma klass av objekt – diskreta strukturer – så områdena överlappar. Ofta är vad man ser i början när man lär sig om sannolikhets teori olika problem vars lösning kan sammanfattas som “översatt till ett problem med att räkna någonting, lös det kombinatorikproblemet, och översatt tillbaka till en sannolikhet”.

Så det är en anledning till att prata om diskret sannolikhets teori i denna kurs – vi kan få många exempel, och de exemplen är ofta mer praktiskt tillämpbara än motsvarande kombinatorikproblem. Så när man börjat tröttna på överdrivet abstrakta exempel, eller klämkäcka exempel om glasskiosker, kan sannolikhets teorin komma som en frisk fläkt.

Men det är så klart inte så att fälten bara överlappar i ena riktningen – det är precis lika sant att det finns många *kombinatoriska* problem där den enklaste och vackraste lösningen använder sannolikhets teori. Detta kallas för den *probabilistiska metoden*³ – i dess vanligaste form visar vi att något kombinatoriskt objekt måste existera genom att vi visar att ett slumpmässigt valt objekt kan ha egenskapen. I många fall känner vi inte till något konkret exempel på ett sådant objekt – bara att det måste existera.

Men låt oss börja med att definiera vad vi egentligen menar med diskret sannolikhet.

² I kursplanen kallat “klassisk sannolikhets teori”, vilket jag tolkar som en mer tvetydig term för “diskret sannolikhets teori”.

³ På engelska *the probabilistic method* – det finns en utsökt bok med just denna titel av Noga Alon och Joel Spencer som utforskar just detta ämne.

Den lämpar sig definitivt inte som första bok om varken sannolikhets teori eller kombinatorik, men har man läst någon kurs i vardera ämne och uppnått lite matematisk mognad är den nog ett bra men utmanande val av bok.

Händelser och sannolikheter

Övningar