

Curvature:

(11/11/20)

$$1 + 1 =$$

Intrínseca: É a curvatura definida em cada ponto da variedade de Riemann. (M, g, ∇)

Extínseca: É definida para objetos incorporados em outro espaço de modo que se relaciona com o raio de curvatura de círculos que tocam o objeto.

Geometria do plano:

- 1) O transporte paralelo de um vetor ao longo de um circuito fechado deixa o vetor inalterado.
- 2) Derivadas covariantes de tensores comutam.
- 3) Geodésicas paralelas inicialmente paralelas permanecem paralelas.

Prelúdio à Curvatura:

A propriedade 1) no caso da esfera descrita por $\{\theta, \phi\}$ é um elemento de linha,

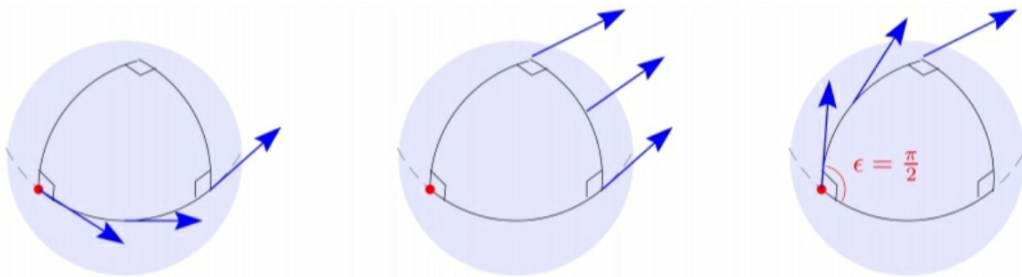
$$ds^2 = a^2(d\theta^2 + \sin^2\theta d\phi^2)$$

Com a métrica $\text{diag}(1, R^2, R^2 \sin^2\theta)$ escrevemos os símbolos de Christoffel não nulos

$$\Gamma_{\phi\phi}^{\theta} = -\sin\theta \cos\theta$$

$$\Gamma_{\theta\phi}^{\phi} = \cot\theta$$

Com isso podemos então considerar um vetor \vec{V} e transportá-lo paralelamente ao longo de um circuito fechado.

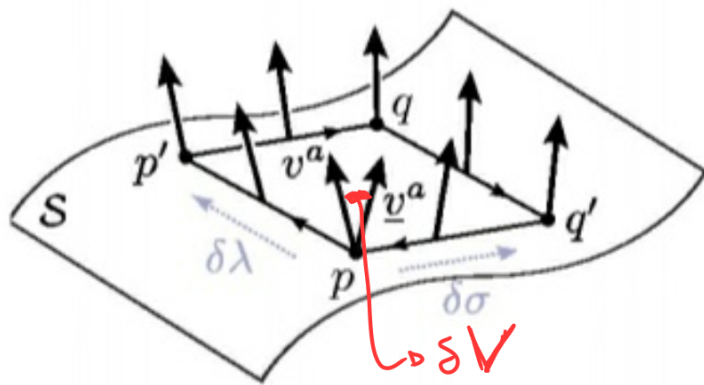


O resultado é que ao realizarmos o transporte de \vec{V} no circuito fechado vemos que \vec{V} no início

difere-se de V no final.

Esse resultado depende da curvatura total contida no circuito fechado.

* Curvatura num ponto é visualizada por um transporte paralelo num caminho fechado infinitesimal.



Nesse circuito temos dois vetores que direcionam o transporte,

$$\lambda = \delta \lambda \Phi_\lambda \quad ; \quad \sigma = \delta \sigma \Phi_\sigma$$

As transportermos há uma diferença δV no vetor V . As componentes de δV^μ são

$$\delta V^\mu \Phi_\mu = R^\mu_{\alpha\beta\gamma} K^\alpha \delta x^\beta$$

↳ tensor de curvatura de Riemann