# Survival analysis or classification?

## Devoir maison obligatoire (Dauphine)

# Paul Hardouin 31 Janvier 2020

### Contents

1. Creation du label pour la tache de classification	2
2. Création des jeux TRAIN / TEST	3
3. Construction d'un modèle de Cox et d'un modèle de régression logistique	3
3.1. Construction d'un modèle de Cox	3
3.2. Construction d'un modèle de régression logistique	4
4. Prédiction des probabilités de rechute à 24 mois et matrices de confusion	5
4.1. Prédicion avec le modèle de Cox	5
4.2. Prédiction avec le modèle logistique	6
4.3. Comparaison des prédictions	6
5. Courbes ROC	7
6 Conclusion	7

Nous travaillons sur le jeu de données  $\mathbf{wpbc}$ , disponible sur https://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-databases/breast-cancer-wisconsin/wpbc.data.

Il est présenté sur

https://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-databases/breast-cancer-wisconsin/wpbc.names.

On souhaite prévoir la probabilité de rechute ("recurrent") à 24 mois. Pour cela, on veut comparer les méthodes de l'analyse de survie (modèles de Cox, survival random forests,  $\dots$ ) aux méthodes de classification. Les mesures de performances (notamment l'AUC) se feront sur un sous-échantillon de test forme de 20% a 30% des données, en faisant attention à bien stratifier.

#### 1. Création du label pour la tâche de classification

On charge les librairies.

```
library(survival)
library(fitdistrplus)
library(tidyverse)
library(KMsurv)
library(ggfortify)
library(caret)
library(pROC)
```

On lit les données, on renomme les variables, et on transforme les variables **lymph** et **recur** en données numériques.

```
wpbc = read_csv("wpbc.data",col_names = F)
names(wpbc) = c("id","recur","time",paste0("V",c(1:30)),"tumor_size","lymph")
wpbc$lymph=as.numeric(wpbc$lymph)
wpbc$recur=as.numeric(wpbc$recur=="R")
```

On crée ensuite le label qui sera nécessaire pour la tâche de classification.

```
wpbc$label = wpbc$recur & wpbc$time<=24
wpbc$label=as.numeric(wpbc$label)</pre>
```

Quelques individus n'ont pas de valeur pour la variable **lymph**. Comme cette variable est pertinente pour les modèles de prédiction (comme nous le verrons par la suite), et que cela ne concerne que 4/198 individus, répartis à proportion vis-à-vis du label, nous faisons le choix de supprimer ces 4 individus du jeu de données.

```
wpbc = wpbc[!is.na(wpbc$lymph),]
```

#### 2. Création des jeux TRAIN / TEST

On fixe la racine du générateur aléatoire. On crée ensuite un jeu de données test [30%] et un jeu train [70%], en faisant attention à bien stratifier selon le label de classification.

```
set.seed(123)
train.index <- createDataPartition(wpbc$label, p = .7, list = FALSE)
train <- wpbc[ train.index,]
test <- wpbc[-train.index,]</pre>
```

#### 3. Construction d'un modèle de Cox et d'un modèle de régression logistique

#### 3.1. Construction d'un modèle de Cox

Pour ce modèle, on disqualifie d'entrée les covariables **id** et **label**. On fait une recherche pas à pas en utilisant le critère AIC.

COX: on obtient un modèle avec 7 covariables.

```
cox_model = coxph(Surv(time,recur)~.-id-label, data = train)
cox_AIC = stepAIC(cox_model, trace = F)
cox_AIC
```

```
## Call:
## coxph(formula = Surv(time, recur) \sim V1 + V2 + V3 + V6 + V23 +
##
      V25 + lymph, data = train)
##
##
              coef exp(coef)
                                se(coef)
## V1
        -5.261e+00 5.190e-03 2.001e+00 -2.630 0.008547
## V2
        -1.722e-01 8.418e-01 6.115e-02 -2.817 0.004854
## V3
         7.560e-01 2.130e+00 3.003e-01 2.518 0.011808
## V6
        -3.878e+01 1.432e-17 1.447e+01 -2.680 0.007354
         6.041e-02 1.062e+00 1.731e-02 3.489 0.000485
## V23
## V25
         2.473e+01 5.503e+10 1.368e+01
                                          1.808 0.070582
## lymph 1.058e-01 1.112e+00 2.722e-02 3.887 0.000102
##
## Likelihood ratio test=36.93 on 7 df, p=4.845e-06
## n= 136, number of events= 28
```

#### 3.2. Construction d'un modèle de régression logistique

Pour ce modèle, on disqualifie d'entrée les covariables **id**, **recur**, et **time**. On fait une recherche pas à pas en utilisant le critère AIC (par defaut). On fait une recherche avec la méthode progressive.

#### CLASSIFICATION: on obtient un modèle avec 5 covariables.

```
m1 = glm(label~.-id-recur-time, family=binomial, data=train)
m0 = glm(label~1, family=binomial, data=train)
glm_AIC = step(m0, direction="both", scope=list(upper=m1,lower=m0))
summary(glm_AIC)
##
```

```
## Call:
##
  glm(formula = label ~ V24 + lymph + V9 + V25 + V2, family = binomial,
      data = train)
##
## Deviance Residuals:
##
      Min
                1Q
                     Median
                                  3Q
                                          Max
## -1.4808 -0.4391 -0.2627 -0.1298
                                       2.9027
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept) -8.785e-01 3.773e+00 -0.233 0.815874
## V24
               1.925e-03 5.568e-04
                                      3.458 0.000544 ***
               1.096e-01 4.318e-02
## lymph
                                      2.537 0.011172 *
## V9
              -4.495e+01 1.913e+01
                                     -2.349 0.018808 *
## V25
               4.605e+01 1.951e+01
                                      2.360 0.018288 *
## V2
              -1.363e-01 8.570e-02 -1.590 0.111852
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 102.481
                              on 135
                                      degrees of freedom
## Residual deviance: 69.963
                              on 130
                                      degrees of freedom
## AIC: 81.963
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

#### 4. Prédiction des probabilités de rechute à 24 mois et matrices de confusion

#### 4.1. Prédicion avec le modèle de Cox

Pour faire notre prédiction de rechute, on cherche d'abord à prédire la probabilité de survie (non rechute) à 24 mois. On prend alors la probabilité complémentaire pour obtenir la probabilité de rechute à 24 mois.

```
# Modèle de prédiction
    cox_final = coxph(cox_AIC$call$formula, data = train)
    prediction_model = survfit(cox_final)
    marqueurs = predict(cox_final,test)
    time = prediction_model$time
# Prédiction : on fait 1-.. car on veut pr
    cox_prediction = 1-exp(-prediction_model$cumhaz[time==24]*exp(marqueurs))
    cox_classification = round(cox_prediction)
# Matrice de confusion
    confusionMatrix(factor(cox_classification),factor(test$label))
```

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction 0 1
##
            0 44 9
##
            1 3 2
##
                  Accuracy : 0.7931
##
##
                    95% CI: (0.6665, 0.8883)
##
       No Information Rate: 0.8103
##
       P-Value [Acc > NIR] : 0.7012
##
##
                     Kappa: 0.1491
##
##
   Mcnemar's Test P-Value: 0.1489
##
               Sensitivity: 0.9362
##
               Specificity: 0.1818
##
            Pos Pred Value: 0.8302
##
##
            Neg Pred Value: 0.4000
##
                Prevalence: 0.8103
##
            Detection Rate: 0.7586
##
      Detection Prevalence: 0.9138
##
         Balanced Accuracy: 0.5590
##
          'Positive' Class : 0
##
##
```

#### 4.2. Prédiction avec le modèle logistique

```
# Modèle de prédiction
   glm_final = glm(glm_AIC$call$formula, family = binomial, data = train)
# Prédiction
   glm_prediction = predict(glm_final, test, type = "response")
   glm_classification = round(glm_prediction)
# Matrice de confusion
   confusionMatrix(factor(glm_classification),factor(test$label))
```

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction 0 1
##
            0 46 9
##
            1 1
##
##
                  Accuracy: 0.8276
                    95% CI: (0.7057, 0.9141)
##
##
       No Information Rate: 0.8103
       P-Value [Acc > NIR] : 0.44714
##
##
##
                     Kappa: 0.2225
##
##
   Mcnemar's Test P-Value : 0.02686
##
##
               Sensitivity: 0.9787
##
               Specificity: 0.1818
##
            Pos Pred Value: 0.8364
##
            Neg Pred Value: 0.6667
##
                Prevalence: 0.8103
            Detection Rate: 0.7931
##
##
      Detection Prevalence: 0.9483
##
         Balanced Accuracy: 0.5803
##
          'Positive' Class : 0
##
##
```

#### 4.3. Comparaison des prédictions

Les matrices de confusion montrent une une **accuracy** légèrement meilleure avec le modèle logistique qu'avec le modèle de Cox, même si les ordres de grandeur sont similaires.

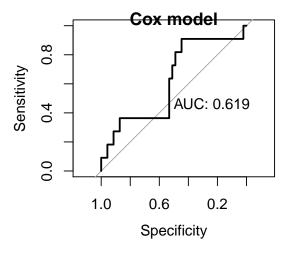
Modèle	Accuracy	FP	VP	FN	VN
COX	0.7931	3	2	9	44
$\operatorname{GLM}$	0.8276	1	2	9	46

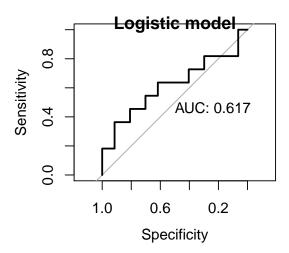
De plus que la taille de l'échantillon de test est faible. On voit que la différence se fait seulement sur 2 faux positifs au lieu de 2 vrais négatifs.

#### 5. Courbes ROC

```
# Plan d'affichage
  par(mfrow=c(1,2))
# ROC : Cox model
  roc_cox = roc(test$label,cox_prediction,smoothed=T,ci=F,plot=TRUE,print.auc=TRUE)
  title("Cox model",outer = F)
# ROC : logistic model
  roc_glm = roc(test$label,glm_prediction,smoothed=T,ci=F,plot=TRUE,print.auc=TRUE)
  title("Logistic model",outer = F)
```

```
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases</pre>
```





#### 6. Conclusion

On a ici 2 modèles avec des performances à peu près équivalentes en terme d'AUC. On peut noter des ruptures plus nettes de la courbe ROC pour le modèle de Cox. Un plus grand echantillon et/ou du bootstrapping nous permettrait d'affiner cette comparaison.