Week6 Perceptron

Phạm Ngọc Hải March 25, 2024

1 Ví dụ 1.

Ví dụ về xây dựng mô hình Perceptron

Khởi tạo dữ liệu 2D

```
[]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

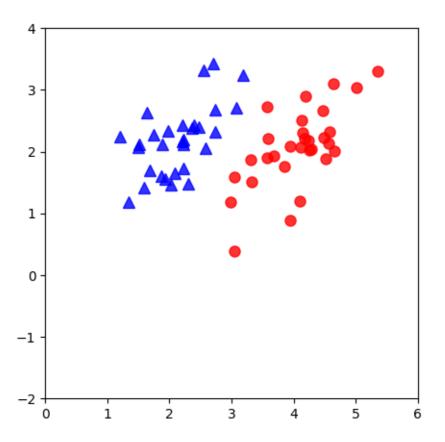
np.random.seed(2)

means = [[2, 2], [4, 2]]
cov = [[0.3, 0.2], [0.2, 0.3]]
N = 30
X0 = np.random.multivariate_normal(means[0], cov, N).T
X1 = np.random.multivariate_normal(means[1], cov, N).T

X = np.concatenate((X0, X1), axis=1)
y = np.concatenate((np.ones((1, N)), -1 * np.ones((1, N))), axis=1)
# Xbar
X = np.concatenate((np.ones((1, 2 * N)), X), axis=0)
```

Hiển thị kết quả

```
[]: fig, ax = plt.subplots(figsize=(5, 5))
ani = plt.cla()
#plot points
ani = plt.plot(X0[0, :], X0[1, :], 'b^', markersize = 8, alpha = .8)
ani = plt.plot(X1[0, :], X1[1, :], 'ro', markersize = 8, alpha = .8)
ani = plt.axis([0, 6, -2, 4])
plt.show()
```



1.1 Tự xây dựng hàm

Xây dựng hàm $y = h_w(x) = w_0 + w^T \ast x$

```
[]: # Define h_w(x):= W^T.x + w_0 = \bar{W}^T . \bar{x}

def h(w, x):
    return np.sign(np.dot(w.T, x))
```

Xây dựng hàm kiểm tra điều kiện dừng

```
[]: #Stop condition
def has_converged(X, y, w):
    return np.array_equal(h(w, X), y) #True if h(w, X) == y else False
```

Xây dựng hàm perceptron tìm bộ hệ số W theo phương pháp Gradient Descent

```
mix_id = np.random.permutation(N)
for i in range(N):
    xi = X[:, mix_id[i]].reshape(3, 1)
    yi = y[0, mix_id[i]]
    if h(w[-1], xi)[0] != yi:
        mis_points.append(mix_id[i])
        w_new = w[-1] + yi * xi

        w.append(w_new)

if has_converged(X, y, w[-1]):
        break
return (w, mis_points)
```

Gọi hàm và in ra trọng số W ở vòng lặp cuối

```
[]: d = X.shape[0]
w_init = np.random.randn(d, 1)
(w, m) = perceptron(X, y, w_init)
print(w[-1])

[[ 13.97858527]
[-15.02901929]
[ 14.38743059]]
```

Xây dựng hàm vẽ đường phân chia quan sát kết quả

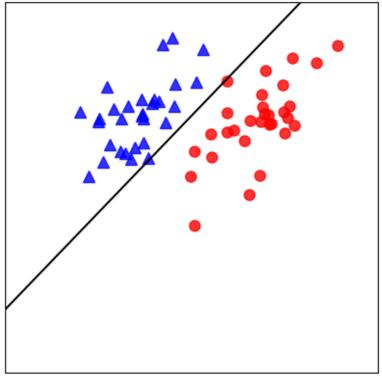
```
[]: def draw_line(w):
    w0, w1, w2 = w[0], w[1], w[2]
    if w2 != 0:
        x11, x12 = -100, 100
        return plt.plot([x11, x12], [-(w1 * x11 + w0) / w2, -(w1 * x12 + w0) /
        w2], "k")
    else:
        x10 = -w0 / w1
        return plt.plot([x10, x10], [-100, 100], "k")
```

Sử dụng hình ảnh động GIF để theo dõi kết quả tìm W qua các bước lặp. Tên ảnh kết quả là pla_vis.gif

```
[]: ## Visualization
import matplotlib.animation as animation
from matplotlib.animation import FuncAnimation

def viz_alg_1d_2(w):
    it = len(w)
    fig, ax = plt.subplots(figsize=(5, 5))
```

```
def update(i):
        ani = plt.cla()
        # points
        ani = plt.plot(X0[0, :], X0[1, :], "b^", markersize=8, alpha=0.8)
        ani = plt.plot(X1[0, :], X1[1, :], "ro", markersize=8, alpha=0.8)
        ani = plt.axis([0, 6, -2, 4])
        i2 = i if i < it else it - 1
        ani = draw_line(w[i2])
        if i < it - 1:</pre>
            # draw one misclassified point
            circle = plt.Circle((X[1, m[i]], X[2, m[i]]), 0.15, color="k",__
 →fill=False)
            ax.add_artist(circle)
        # hide axis
        cur_axes = plt.gca()
        cur_axes.axes.get_xaxis().set_ticks([])
        cur_axes.axes.get_yaxis().set_ticks([])
        label = "PLA: iter %d/%d" % (i2, it - 1)
        ax.set_xlabel(label)
        return ani, ax
    anim = FuncAnimation(fig, update, frames=np.arange(0, it + 2),
 →interval=1000)
    # save
    anim.save("W6_pla_vis.gif", dpi=100, writer="imagemagick")
    plt.show()
viz_alg_1d_2(w)
```



PLA: iter 75/75

1.2 Sử dụng thư viện

Init: Perceptron() trong thư viện Fit: .fit(X_train, y_train) Predict: .predict(X_validation) Hệ số: .coef_

2 Ví dụ 2

Phương pháp Perceptron cho dữ liệu sóng thủy âm Sonar

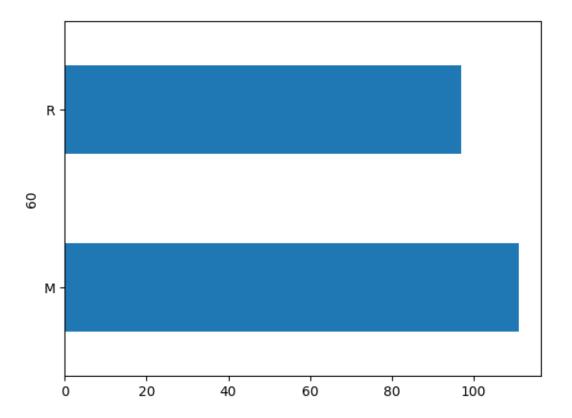
Tệp dữ liệu có 60 cột ứng với 60 thuộc tính (trường) không có tiêu đề, là tham số của các mẫu sóng âm phản hồi; cột thứ 61 là đầu ra phân loại (y), với ký tự "R" nghĩa là Rock; ký tự "M" nghĩa là Mine (vật thể kim loại hình trụ). Toàn bộ tệp có 208 bản ghi.

Thông tin thêm về dữ liệu có thể tìm hiểu tại link https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Connectionist+Bench+(Sonar,+Mines+vs.+Rocks) hoặc có thể lấy trong têp Sonar.all-data.csv đính kèm.

Trong ví dụ này chúng ta sử dụng thư viện matplotlib và seaborn để thực hiện việc hiển thị trực quan cấu trúc dữ liệu (tham khảo lại bài thực hành phần PCA).

2.1 Đọc data

```
[]: import numpy as np # linear algebra
     import pandas as pd # data processing, CSV file I/O (e.g. pd.read_csv)
    from matplotlib import pyplot
    import matplotlib.pyplot as plt
    import seaborn as sns
[]: main_df = pd.read_csv('data/sonar.all-data.csv',header=None)
    main df[:5]
[]:
           0
                           2
                                   3
                                           4
                                                   5
                                                          6
                                                                  7
                                                                          8
                   1
                                                                              \
    0 0.0200 0.0371 0.0428
                               0.0207 0.0954
                                              0.0986 0.1539
                                                              0.1601
                                                                      0.3109
                                              0.2583
    1 0.0453 0.0523
                      0.0843
                               0.0689
                                       0.1183
                                                      0.2156
                                                              0.3481
                                                                      0.3337
    2 0.0262 0.0582 0.1099
                               0.1083
                                       0.0974
                                              0.2280
                                                              0.3771
                                                                      0.5598
                                                      0.2431
    3 0.0100 0.0171 0.0623
                                       0.0205
                               0.0205
                                              0.0368
                                                      0.1098
                                                              0.1276
                                                                      0.0598
    4 0.0762 0.0666 0.0481 0.0394 0.0590 0.0649 0.1209
                                                              0.2467
                                                                      0.3564
           9
                      51
                              52
                                      53
                                              54
                                                     55
                                                             56
                                                                     57
       0.2111 ...
                  0.0027
                          0.0065
                                         0.0072 0.0167
                                  0.0159
                                                         0.0180
                                                                 0.0084
    1 0.2872
                  0.0084
                          0.0089
                                  0.0048
                                          0.0094 0.0191
                                                         0.0140
                                                                 0.0049
    2 0.6194 ... 0.0232
                         0.0166
                                          0.0180 0.0244 0.0316
                                  0.0095
                                                                0.0164
    3 0.1264
               ... 0.0121
                          0.0036
                                          0.0085 0.0073 0.0050
                                  0.0150
                                                                 0.0044
    4 0.4459
               ... 0.0031 0.0054 0.0105
                                         0.0110 0.0015 0.0072 0.0048
           58
                   59
                       60
       0.0090 0.0032
                        R.
    1 0.0052 0.0044
                        R
    2 0.0095 0.0078
                        R
    3 0.0040
               0.0117
                        R
    4 0.0107 0.0094
    [5 rows x 61 columns]
    Kiểm tra độ cân bằng dữ liệu
[]: main_df[60].value_counts().plot(kind='barh')
[]: <Axes: ylabel='60'>
```



Mã hóa nhãn của dữ liệu

```
[]: y_df = main_df[60]
targes_label = {'M': 1,'R': -1}
targes_df = [targes_label[item] for item in y_df]
print(targes_df[:10])
```

Loại bỏ cột nhãn khỏi X và đồng thời thêm cột dữ liệu $x_0=1$ vào bên trái

```
[]: inputs_df = main_df.drop(60, axis=1)
x0 = np.ones(( inputs_df.shape[0], 1))
X = np.concatenate((x0, inputs_df), axis = 1)
```

Phân chia train/test

```
[]: from sklearn.model_selection import train_test_split

X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(
    X, targes_df, test_size=0.30, random_state=42
)
```

```
[]: len(X_train[1])
```

[]: 61

print(w[-1])

2.2 sử dụng các hàm đã có ở Ví dụ 1, sau đó huấn luyện mô hình bằng tập dữ liệu X train, y train.

Chú ý chúng ta cần bỏ qua các phần lệnh phục vụ việc hiển thị kết quả dạng hình vẽ.

Define lại hàm điều kiện dùng và Perceptron cho phù hợp với dữ liệu mới

```
[]: \# Define h_w(x) := W^T.x + w_0 = \frac{W}^T. + \frac{W}^T. + \frac{W}^T.
     def h(w, x):
         return np.sign(np.dot(w.T, x))
[]: #Stop condition
     def has_converged(X, y, w, iter, iter_max):
         return np.array_equal(h(w, X), y) or iter >= iter_max #True if h(w, X) == y_{\sqcup}
      ⇔else False
[ ]: def perceptron(X, y, w_init):
         w = [w_init]
         N = X.shape[1]
         mis_points = [] # set of miss position points
         iter = 0
         while True:
             # mix data
             mix_id = np.random.permutation(N)
             for i in range(N):
                 xi = X[:, mix_id[i]].reshape(X.shape[0], 1)
                 yi = y[mix_id[i]]
                 if h(w[-1], xi)[0] != yi:
                      mis_points.append(mix_id[i])
                      w_new = w[-1] + yi * xi
                      w.append(w_new)
             iter += 1
             if has_converged(X, y, w[-1], iter=iter, iter_max=100):
                 break
         return (w, mis_points)
[]: X_train.shape
[]: (145, 61)
[]: d = X_train.shape[1]
     w_init = np.random.randn(d, 1)
     (w, m) = perceptron(X_train.T, y_train, w_init)
```

- [[-19.51549353]
- [8.4783404]
- [3.0473796]
- [-1.76819725]
- [25.45793226]
- [18.11251942]
- [-3.44987826]
- [-12.91432069]
- [-13.76814864]
- [12.82660517]
- [-3.88746975]
- [26.96751641]
- [16.70276886]
- [-4.54944513]
- [-5.19036106]
- [2.65021512]
- [-8.65523539]
- [3.0253903]
- [-0.22136196]
- [3.86076562]
- [0.89510557]
- [2.28829872]
- 2.20020012
- [6.65804216]
- [-1.10040095]
- [14.39158376]
- [-6.61639862]
- [-0.26164739]
- [0.8694338]
- [3.89260088]
- [-4.68572594]
- [15.58137744]
- [-29.59818276]
- [9.25271541]
- [11.67148951]
- [-8.89930037]
- [-1.07480891]
- [-5.56609902]
- [-13.49367682]
- [1.32799013]
- [11.16426092]
- [-16.53016749]
- [-3.269497]
- [-0.52447604]
- [16.74295764]
- [4.57334569]
- [8.49222394]
- [15.44394012]
- [1.63027713]

```
[ 14.5270577 ]
    [ 17.02975427]
    [-2.04464964]
    [ 5.67281596]
    [ 3.44000187]
    [ 1.77655422]
    [ 6.04957496]
    [ 1.8102306 ]
    [ -2.192323 ]
    [ -1.27174869]
    [ 2.59713359]
     [ 3.05637299]
    [ 1.61307937]]
[]: w[-1].shape
[]: (61, 1)
   2.3 Chạy với dữ liệu test đã có và tính độ chính xác
[]: # Áp dụng hàm dự đoán cho dữ liệu test
    predictions = h(w[-1], X_{test.T})
    # In kết quả dự đoán
    print(predictions[:5])
    [[ 1. -1. -1. -1. -1. 1. 1. -1. -1. 1.
                                          1. -1.
                                                  1. 1. 1.
      1. -1. -1. 1. -1. -1. 1. -1. 1. 1.
                                              1. -1. -1. -1. 1. -1.
      1. 1. 1. -1. -1. 1. -1. 1. 1.]]
[]: predictions.shape
[]: (1, 63)
[]: len(y_test)
[]: 63
[]: from sklearn.metrics import accuracy_score, precision_score, recall_score
    # Tinh accuracy
    accuracy = accuracy_score(y_test, predictions.T)
    # Tính precision với phương pháp trung bình macro
    precision = precision_score(y_test, predictions.T)
    # Tinh recall
```

```
recall = recall_score(y_test, predictions.T)

# In ket qud
print("Accuracy:", accuracy)
print("Precision:", precision)
print("Recall:", recall)
```

Accuracy: 0.8095238095238095 Precision: 0.8285714285714286 Recall: 0.8285714285714286

3 Ví dụ 3

Dữ liệu phân loại bệnh nhân ung thư vú của Đại học Wisconsin-Madison, Hoa Kỳ

Dữ liệu có 569 bản ghi (mẫu), với 30 thuộc tính. Bệnh nhân được chia làm hai loại: u lành tính (B – Begnin) có 357 mẫu và u ác tính (M – Malignant) có 212 mẫu.

3.1 Thực hiện Perceptron trên ví dụ này

```
[]: d = vd3_X_train.shape[1]
     w_init = np.random.randn(d, 1)
     (w, m) = perceptron(vd3_X_train.T, vd3_y_train, w_init)
     print(w[-1])
    [[ 1.57905605e+01]
     [ 1.51490884e+01]
     [ 1.05376181e+02]
     [ 8.00938952e+02]
     [-1.22079878e+00]
     [-9.97615811e-01]
     [-1.24810688e+00]
     [ 7.06633984e-01]
     [ 1.16739864e+00]
     [-7.61736587e-01]
     [-1.22471320e-01]
     [ 3.36128381e-01]
     [ 1.94807524e+00]
     [ 2.22785671e+01]
     [ 7.42231797e-01]
     [-1.57349009e+00]
     [-1.69175932e+00]
     [-7.98730110e-01]
     [ 6.25430209e-01]
     [-6.26529399e-01]
     [ 1.69513654e+01]
     [ 1.98633902e+01]
     [ 1.17060646e+02]
     [ 9.46838032e+02]
     [ 8.77563035e-01]
     [-3.82537583e-01]
     [ 8.19984653e-01]
     [ 8.81527185e-01]
     [ 3.27472316e-01]
```

```
[ 1.73724840e+00]]
[]: w[-1].shape
[]: (30, 1)
[]: # Áp dung hàm dư đoán cho dữ liêu test
   predictions = h(w[-1], vd3_X_test.T)
   # In kết quả dư đoán
   print(predictions[:5])
   1. 1. 1.]]
[]: vd3_X_test.shape
[]: (171, 30)
[]: predictions.shape
[]: (1, 171)
[ ]: vd3_y_test
[]: array([1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1,
        0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1,
        1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0,
        1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
        1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1,
        1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0,
        0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1,
        1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1])
  Tính các chỉ số đô chính xác
[]: from sklearn.metrics import accuracy_score, precision_score, recall_score
   # Tinh accuracy
   accuracy = accuracy_score(vd3_y_test, predictions.T)
   # Tính precision với phương pháp trung bình macro
   precision = precision_score(vd3_y_test, predictions.T)
```

```
# Tinh recall
recall = recall_score(vd3_y_test, predictions.T)

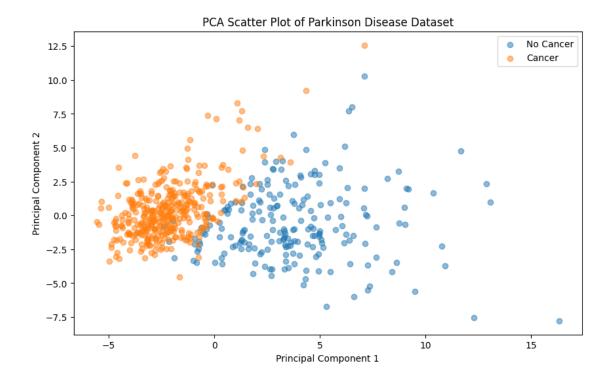
# In ket qud
print("Accuracy:", accuracy)
print("Precision:", precision)
print("Recall:", recall)
```

Accuracy: 0.631578947368421 Precision: 0.631578947368421

Recall: 1.0

3.2 Thực hiện giảm số chiều và trực quan hóa dữ liệu

```
[]: from sklearn.decomposition import PCA
    from sklearn.preprocessing import StandardScaler
    # Chuẩn hóa dữ liêu
    scaler = StandardScaler()
    X_scaled = scaler.fit_transform(cancer_data.data)
    # Giảm số chiều xuống còn 2 chiều
    pca = PCA(n_components=2)
    X_pca = pca.fit_transform(X_scaled)
    # Tao DataFrame mới từ dữ liêu giảm chiều
    pca_df = pd.DataFrame(data=X_pca, columns=['PC1', 'PC2'])
    pca_df['class'] = cancer_data.target
    # Vẽ biểu đồ scatter plot
    plt.figure(figsize=(10, 6))
    plt.scatter(pca_df[pca_df['class'] == 0]['PC1'], pca_df[pca_df['class'] ==_u
     ⇔0]['PC2'], label='No Cancer', alpha=0.5)
    plt.scatter(pca_df[pca_df['class'] == 1]['PC1'], pca_df[pca_df['class'] ==_u
     plt.title('PCA Scatter Plot of Parkinson Disease Dataset')
    plt.xlabel('Principal Component 1')
    plt.ylabel('Principal Component 2')
    plt.legend()
    plt.show()
```



3.3 Thực hiện lại bằng hồi quy Logistic và so sánh với trường hợp sử dụng Perceptron

```
[]: from sklearn.linear_model import LogisticRegression

# Khôi tạo mô hình hỗi quy logistic
vd3_logreg_model = LogisticRegression()

# Huấn luyện mô hình trên tập train
vd3_logreg_model.fit(vd3_X_train, vd3_y_train)

/home/harito/venv/py/lib/python3.11/site-
packages/sklearn/linear_model/_logistic.py:444: ConvergenceWarning: lbfgs failed
to converge (status=1):
STOP: TOTAL NO. of ITERATIONS REACHED LIMIT.

Increase the number of iterations (max_iter) or scale the data as shown in:
    https://scikit-learn.org/stable/modules/preprocessing.html
Please also refer to the documentation for alternative solver options:
    https://scikit-learn.org/stable/modules/linear_model.html#logistic-
regression
    n_iter_i = _check_optimize_result(
```

[]: LogisticRegression()

```
[]: # Dự đoán trên tập validation
vd3_y_pred = vd3_logreg_model.predict(vd3_X_test)
print(vd3_y_pred[:5])
```

[1 1 0 0 1]

```
[]: from sklearn.metrics import accuracy_score, precision_score, recall_score

# Tinh toán accuracy
vd3_accuracy = accuracy_score(vd3_y_test, vd3_y_pred)

# Tinh toán precision
vd3_precision = precision_score(vd3_y_test, vd3_y_pred)

# Tinh toán recall
vd3_recall = recall_score(vd3_y_test, vd3_y_pred)

print("Accuracy:", vd3_accuracy)
print("Precision:", vd3_precision)
print("Recall:", vd3_recall)
```

Accuracy: 0.9532163742690059 Precision: 0.9629629629629 Recall: 0.9629629629629

Kết luận so sánh: Sử dụng Logistic Regression cho các chỉ số độ chính xác tốt hơn so với dùng Perceptron

4 Ví dụ 4 (Bài tập tự thực hành - Nộp trong buổi thực hành)

So sánh thực hiện phương pháp Perceptron và $H\hat{o}i$ quy Logistic trên tập dữ liệu nguy cơ mắc bệnh tim mạch vành (CHD) trong 10 năm tới

4.1 Xử lý sơ bộ data như trong bài Hồi quy Logistic.

Đọc dữ liệu

```
[]: import pandas as pd
    df = pd.read_csv("data/framingham.csv")
    df.head()
    df.isnull().sum()
```

```
[]: male 0
age 0
education 105
currentSmoker 0
cigsPerDay 29
BPMeds 53
prevalentStroke 0
```

```
prevalentHyp
                      0
diabetes
                      0
totChol
                     50
sysBP
                      0
diaBP
                      0
BMI
                     19
heartRate
                      1
                    388
glucose
TenYearCHD
                      0
dtype: int64
```

Loại bỏ dữ liệu N/A trong dữ liệu

```
[]: df = df.dropna(how="any", axis=0)
```

Nhìn qua về dữ liệu

[]: print(df[:3])

	male	age	education	currentSmoker	cigsPerDay	BPMeds	prevalentStroke	\
0	1	39	4.0	0	0.0	0.0	0	
1	0	46	2.0	0	0.0	0.0	0	
2	1	48	1.0	1	20.0	0.0	0	

	prevalentHyp	diabetes	${\tt totChol}$	sysBP	diaBP	BMI	heartRate	glucose	\
0	0	0	195.0	106.0	70.0	26.97	80.0	77.0	
1	0	0	250.0	121.0	81.0	28.73	95.0	76.0	
2	0	0	245.0	127.5	80.0	25.34	75.0	70.0	

TenYearCHD

0 0 1 0 2 0

Phân chia Train: Validation = 7:3

```
[]: from sklearn.model_selection import train_test_split

# Chia dataframe thanh features (X) va target variable (y)
vd4_X = df.drop("TenYearCHD", axis=1)
vd4_y = df["TenYearCHD"]

# Them cot toan giá tri 1 vao DataFrame vd4_X
vd4_X['intercept'] = 1

# Chia dữ liệu thanh tập train và tập validation theo tỷ lệ 7:3
vd4_X_train, vd4_X_valid, vd4_y_train, vd4_y_valid = train_test_split(
    vd4_X, vd4_y, test_size=0.3, random_state=42
)
```

```
# Xem số lượng bản ghi trong mỗi tập

print("Số lượng bản ghi trong tập train:", len(vd4_X_train))

print("Số lượng bản ghi trong tập validation:", len(vd4_X_valid))
```

```
Số lượng bản ghi trong tập train: 2559
Số lượng bản ghi trong tập validation: 1097
```

4.2 Thực hiện phân loại bằng phương pháp Perceptron.

Tính các độ đo Accuracy, Precision và Recall để đánh giá kết quả.

```
[]: from sklearn.linear_model import Perceptron

# Khởi tạo mô hình hỗi quy logistic

vd4_perceptron_model = Perceptron()

# Huấn luyện mô hình trên tập train

vd4_perceptron_model.fit(vd4_X_train, vd4_y_train)
```

[]: Perceptron()

```
[]: # Dự đoán trên tập validation
vd4_y_pred_valid_perceptron = vd4_perceptron_model.predict(vd4_X_valid)
print(vd4_y_pred_valid_perceptron[:5])
```

[1 1 1 1 1]

Accuracy: 0.17502278942570648 Precision: 0.15873015873015872 Recall: 0.9770114942528736 4.3 Thực hiện phân loại bằng phương pháp Hồi quy Logistic trên cùng bộ dữ liệu training:validation đã có ở ý trên.

Tính các độ đo Accuracy, Precision và Recall và so sánh kết quả.

```
[]: from sklearn.linear_model import LogisticRegression
     # Khởi tao mô hình hồi quy logistic
     vd4_logreg_model = LogisticRegression()
     # Huấn luyện mô hình trên tập train
     vd4_logreg_model.fit(vd4_X_train, vd4_y_train)
    /home/harito/venv/py/lib/python3.11/site-
    packages/sklearn/linear_model/_logistic.py:444: ConvergenceWarning: lbfgs failed
    to converge (status=1):
    STOP: TOTAL NO. of ITERATIONS REACHED LIMIT.
    Increase the number of iterations (max_iter) or scale the data as shown in:
        https://scikit-learn.org/stable/modules/preprocessing.html
    Please also refer to the documentation for alternative solver options:
        https://scikit-learn.org/stable/modules/linear model.html#logistic-
    regression
      n_iter_i = _check_optimize_result(
[]: LogisticRegression()
[]: # Dư đoán trên tâp validation
     vd4_y_pred_valid_logreg = vd4_logreg_model.predict(vd4_X_valid)
     print(vd4_y_pred_valid_logreg[:5])
    [0 \ 0 \ 0 \ 0]
[]: from sklearn.metrics import accuracy score, precision score, recall score
     # Tinh toán accuracy
     vd4_accuracy_logreg = accuracy_score(vd4_y_valid, vd4_y_pred_valid_logreg)
     # Tinh toán precision
     vd4 precision logreg = precision score(vd4 y valid, vd4 y pred valid logreg)
     # Tinh toán recall
     vd4_recall_logreg = recall_score(vd4_y_valid, vd4_y_pred_valid_logreg)
     print("Accuracy:", vd4_accuracy_logreg)
     print("Precision:", vd4_precision_logreg)
     print("Recall:", vd4_recall_logreg)
    Accuracy: 0.8441203281677302
    Precision: 0.7142857142857143
```

Recall: 0.028735632183908046

4.4 Hãy giải thích về kết quả thu được của các mô hình cũng như nhận xét trên độ chính xác của mỗi mô hình.

Phương pháp Perceptron:

- Accuracy: 0.247 Tỷ lệ dự đoán chính xác trên tổng số mẫu.
- Precision: 0.163 Tỉ lệ số điểm dự đoán dương thực tế chính xác so với tổng số điểm dự đoán dương.
- Recall: 0.908 Tỉ lệ số điểm dự đoán dương thực tế chính xác so với tổng số điểm thực tế dương.

Với Perceptron, chúng ta thấy rằng độ chính xác (accuracy) thấp, chỉ khoảng 24.7%, trong khi độ chính xác của precision (độ chính xác của các dự đoán dương) thấp (chỉ khoảng 16.3%), và recall (tỉ lệ các điểm dương thực tế được dự đoán đúng) cao (khoảng 90.8%). Kết quả này cho thấy mô hình có xu hướng dự đoán sai nhiều mẫu âm tính và dự đoán đúng nhiều mẫu dương tính.

Phương pháp Logistic Regression:

- Accuracy: 0.841 Tỷ lệ dự đoán chính xác trên tổng số mẫu.
- Precision: 0.5 Tỉ lệ số điểm dự đoán dương thực tế chính xác so với tổng số điểm dự đoán dương.
- Recall: 0.034 Tỉ lệ số điểm dự đoán dương thực tế chính xác so với tổng số điểm thực tế dương.

Với Logistic Regression, chúng ta thấy rằng độ chính xác (accuracy) cao, đạt khoảng 84.1%, nhưng precision (độ chính xác của các dự đoán dương) thấp (chỉ khoảng 50%), và recall (tỉ lệ các điểm dương thực tế được dự đoán đúng) thấp (khoảng 3.4%). Kết quả này cho thấy mô hình có xu hướng dự đoán đúng nhiều mẫu âm tính, nhưng lại dự đoán sai nhiều mẫu dương tính.

Tóm lại, dựa trên các chỉ số đánh giá, mô hình Logistic Regression có độ chính xác cao hơn so với Perceptron. Tuy nhiên, cả hai mô hình đều có thể cần được cải thiện, đặc biệt là trong việc dự đoán các mẫu dương tính.