

INTELIGENCIA ARTIFICIAL

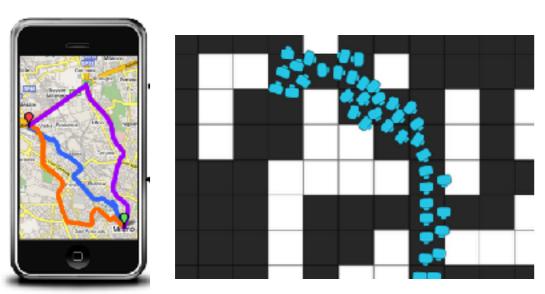
TEMA: Algoritmos de Búsqueda

MSc. Ing. Harold F. Murcia Harold.Murcia@unibague.edu.co





En ciencias de la computación, A * (pronunciado "A estrella") es un algoritmo informático que se utiliza ampliamente en la búsqueda de caminos y el gráfico de recorrido, el proceso de planear una ruta eficiente transitable entre puntos, llamados nodos. Destaca por su rendimiento y precisión, goza de amplio uso.



La representación es la siguiente:

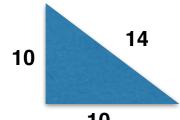
$$f(n) = g(n) + h(n)$$

g(n) es la distancia total que se toma de ir de la posición inicial a la posición actual

h(n) es la distancia estimada desde la posición inicial a la posición de destino de final, en este caso se usa una función heurística para calcular el valor estimado

f(n) es la suma de g(n) y h(n), y es el valor calculado más corto.





10					
A1	A2	A3	A4	A5	A6
B1	B2	B3	B4	B5	B6
C1	C2	C3	C4	C5	C6
D1	D2	D3	D4	D5	D6
E1	E2	E3	E4	E5	E6
F1	F2	F3	F4	F5	F6
G1	G2	G3	G4	G5	G6

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G + H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

Listas

Lista Abierta

Lista de nodos que debe ser chequeda

Lista Cerrada

Lista de nodos que han sido chequeados



Inicio

Fin





Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G + H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

Listas

Lista Abierta

Lista de nodos que debe ser chequeda

Lista Cerrada

Lista de nodos que han sido chequeados

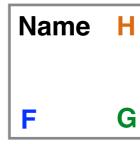


Inicio

Fin

A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50





A1	60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
	10		14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
			10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
	10		14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

Nodo

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)
F = G+H

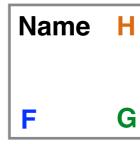
Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta B1, B2; C2; D2; D1

Lista Cerrada





		_			_				
A1	60	A2	50	A3 40	A4 3	A5	20	A6	30
B1		B2		B3	B4 2	B5	10	B6	20
60	10		14						
C1	C1	C2	30	C3	C4 1 0	C5	0	C6	10
2		40	10						
D1	50	D2	40	D3	D4 2	D 5	10	D6	20
60	10	54	14						
E1	60	E2	50	E3 40	E4 3	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3 50	F4 4) F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3 60	G4 5	G 5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G + H

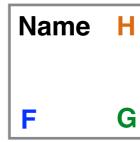
Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta B1, B2; C2; D2; D1

Lista Cerrada





60 A2 **30** A5 A1 **50** АЗ 40 A4 20 A6 **50** B2 B4 10 B1 40 B3 **20** B5 B6 20 10 54 **60** 14 C1 **C**3 **10** C5 C2 30 C4 C6 10 40 10 **50** D2 D3 40 D4 **20** D5 10 D6 D1 20 **60** 10 54 14 E1 **60** E2 **50** E3 **40** E4 **30** E5 20 E6 F1 **70** F2 **60** F3 **50** F4 **40** F5 **30** F6 40 **80** G2 **70** G3 **60** G4 G6 G1 G5 40 50 **50**

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)
F = G+H

Padre : Nodo del que se deriva la ruta

Listas

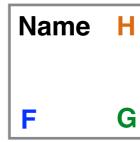
Lista Abierta B1, B2; C2; D2; D1

Lista Cerrada

Posición Actual

¿ Cuál es el vecino con menor F?





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
D4	FO	DO	40	D2		D4	20	DE	10	DC	20
B1	1	B2		B3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
		-						_			

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

B1, B2; D2; D1

Lista Cerrada C1, C2

.

Posición Actual C2

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso B1: (10+14) <10 El movimiento no se mejora





60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
100		14								
C1	C2		C3		C4	10	C5	0	C6	10
	40	10								
50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
10	54	14								
60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
	50 10 50 10 60	40 50 D2 10 54 60 E2	50 B2 40 10 54 14 C1 C2 30 40 10 50 D2 40 10 54 14 60 E2 50	50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3	50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3 40 70 F2 60 F3 50	50 B2 40 B3 B4 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 40 10 50 D2 40 D3 D4 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 70 F2 60 F3 50 F4	50 B2 40 B3 B4 20 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 70 F2 60 F3 50 F4 40	50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 40 D3 D4 20 D5 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5	50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 0 40 D3 D4 20 D5 10 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5 20 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5 30	50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 B6 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 0 C6 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 D5 10 D6 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5 20 E6 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5 30 F6

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

B1, B2; D2; D1

Lista Cerrada C1, C2

Posición Actual

C2

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso B2: (10+10) <14





A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
B1	50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta B1, B2; D2; D1

Lista Cerrada C1, C2

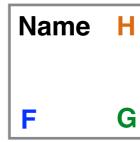
Posición Actual

С

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso D2: (10+10) <14





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
D4	FO	DO	40	D2		D4	20	DE	10	DC	20
B1	1	B2		B3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
		-						_			

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta B1, B2; D2; D1

Lista Cerrada

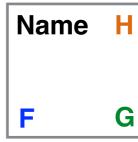
C1, C2

Posición Actual

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso D1: (10+14) <10





				_	_	
60	A2	50	A3 40	A4 30	A5 20	A6 30
50	52	40	B3	B4 20	B5 10	B6 20
10	54	14				
C1	C2	30	C3	C4 10	C5 0	C6 10
	40	10				
50	D2	40	D3	D4 20	D5 10	D6 20
10	54	14				
60	£2	50	E3 40	E4 30	E5 20	E6
70	F2	60	F3 50	F4 40	F5 30	F6 40
80	G2	70	G3 60	G4 50	G5 40	G6 50
	50 10 50 10 60	50 52 10 54 C1 C2 40 50 D2 10 54 60 E2	50 52 40 10 54 14 C1 C2 30 40 10 50 D2 40 10 54 14 60 E2 50	50 52 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3 40 70 F2 60 F3 50	50 52 40 B3 B4 20 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 70 F2 60 F3 50 F4 40	50 82 40 B3 B4 20 B5 10 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 0 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 D5 10 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5 20 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5 30

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

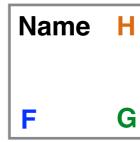
B1, B2; D2; D1

Lista Cerrada C1, C2

Posición Actual C2

Dos opciones con F=54 Criterio de elección: Azar, primero





A1	60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
B1	50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10		14	20		5.		20			
C1	C1		30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de Nodo

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G + H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

Listas

Lista Abierta

B1; D2; D1

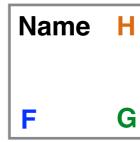
Lista Cerrada C1, C2; B2

Posición Actual

В2

Revisar vecinos de B2 sin tener en cuenta posibilidades no transitables o las que se encuentran en lista cerrada





				_		_					
A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	5 4	14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	5 4	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E 5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
-											

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G + H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

B1; D2; D1

Lista Cerrada C1, C2; B2

Posición Actual

B2

Comprobar B1





A1	60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
B1	50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10		14	20		5.		20			
C1	C1		30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

B1; D2; D1

Lista Cerrada C1, C2; B2

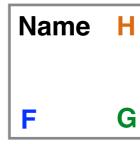
Posición Actual

B2

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso B1: (14+10) <10





A1	60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
B1	50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10		14	20		5.		20			
C1	C1		30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

B1; D2; D1

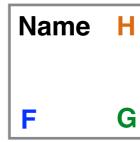
Lista Cerrada C1, C2; B2

Posición Actual

B2

A1,A2 ni A3 están en ninguna lista.





					_	_				
60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
10	54	14								
C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
	40	10								
50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
10	54	14								
60	E2	50	E3	40	E4	30	E 5	20	E6	
70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
	50 10 50 10 60	40 50 D2 10 54 60 E2	50 B2 40 10 54 14 C1 C2 30 40 10 50 D2 40 10 54 14 60 E2 50	50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3	50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3 40 70 F2 60 F3 50	50 B2 40 B3 B4 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 40 D3 D4 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 70 F2 60 F3 50 F4	50 82 40 B3 B4 20 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 70 F2 60 F3 50 F4 40	50 82 40 B3 B4 20 B5 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 D5 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5	50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 0 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 D5 10 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5 20 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5 30	50 82 40 83 84 20 85 10 86 10 54 14

Información de

Nodo H (Heurística)

G (Movimiento de costo)

F = G+H

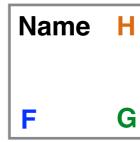
Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta B1; D2; D1; A1;A2;A3

> Lista Cerrada C1, C2; B2





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
88	28	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
						5					

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta B1; D2; D1; A1;A2;A3

> Lista Cerrada C1, C2; B2

Posición Actual B2

Calcular F





A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
88	28	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

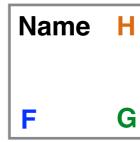
Lista Abierta B1; D2; D1; A1;A2;A3

> Lista Cerrada C1, C2; B2

Posición Actual B2

¿Quién tiene menor F?





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
88	28	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

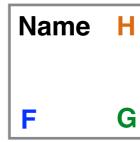
Lista Abierta D2; D1; A1;A2;A3

Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

Posición Actual B1

B1 pasa de lista abierta alista cerrada





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
88	28	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	1 4								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de Nodo

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G + H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

D2; D1; A1;A2;A3

Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

Posición Actual

B1

Como C1; C2 y B2 ya están en lista cerro, las únicas opciones disponibles son A1 y A2





A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
88	28	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E 5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)
F = G+H

Padre : Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

D2; D1; A1;A2;A3

Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

Posición Actual B1

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso A1: (10+10) <28 Se procede a editar A1





A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
88	28	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	ЕЗ	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
							•				

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta

D2; D1; A1;A2;A3

Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

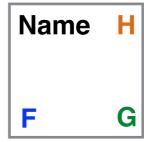
Posición Actual B1

Analizar vecinos de lista

abierta para saber si G mejora. Caso A1:

(10+10) <28 Se procede a editar A1





									•	<u> </u>
A1	60	A2	50	A3 40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68 28						
B1	50	B2	40	B3	B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	1 4							
C1	C1	C2	30	C3	C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0							
D1	50	D2	40	D3	D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14							
E1	60	E2	50	E3 40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3 50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3 60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

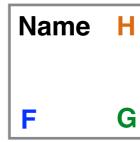
Lista Abierta D2; D1; A1;A2;A3

Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

Posición Actual B1

A1 cambia de padre, y se recalcula su valor F





A1	60	A2	50	A3 40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68 28	3					
B1	50	B2	40	B3	В4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14							
C1	C1	C2	30	C3	C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0							
D1	50	D2	40	D3	D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14							
E1	60	E2	50	E3 40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3 50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3 6 0	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+HPadre : Nodo del que se deriva

Listas

la ruta

Lista Abierta D2; D1; A1;A2;A3

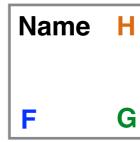
Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

Posición Actual

B1

Para efectos del ejemplo no se revisarán los nodos D1,D2. Aunque el algoritmo debería comprobarlos





A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	ЕЗ	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística) G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A3

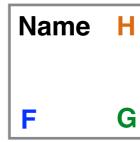
Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

Posición Actual B1

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso A2: (10+14) <24





A1	60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	28						
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	1 4								
C ₁	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A3

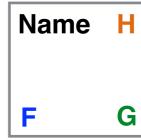
Lista Cerrada B1; C1, C2; B2

Posición Actual

В1

¿Cuál es el menor F de los elementos de lista abierta?





			_			_				
60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
20	74	24	68	28						
50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
10	54	1 4								
C1	C2	30	СЗ		C4	10	C5	0	C6	10
	40	1 0								
50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
10	54	14								
60	E2	50	E3	40	E4	30	E 5	20	E6	
70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
	50 10 50 10 60	50 D210 5460 E270 F2	20 74 24 50 B2 40 10 54 14 C1 C2 30 40 10 50 D2 40 10 54 14 60 E2 50	20 74 24 68 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3 40 70 F2 60 F3 50	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 B4 10 54 14 50 C1 C2 30 C3 C4 40 D3 D4 10 54 14 60 E2 50 E3 40 E4 60 F3 50 F4	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 B4 20 10 54 14 50 C1 C2 30 C3 C4 10 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 10 54 14 50 E2 50 E3 40 E4 30 F4 40 F2 60 F3 50 F4 40	20 74 24 68 28 B4 20 B5 10 54 14 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 40 10 D3 D4 20 D5 10 54 14 C1 C5 50 D2 40 D3 D4 20 D5 10 54 14 C1 C5 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5	20 74 24 68 28	20 74 24 68 28

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2

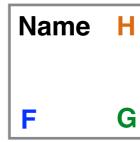
Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3

Posición Actual

А3

A3 cambia de lista abierta a lista cerrada





A1	60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	* 28						
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	1 4								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)
F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

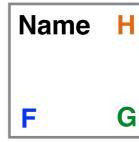
Lista Abierta A1;A2

Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3

Posición Actual

Comprobar vecinos de A3





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	* 28						
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	1 4								
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3

Posición Actual

А3

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso A2: (28+10) <24





60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
20	74	24	68	* 28						
50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
10	54	14								
C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
	40	1 0								
50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
10	54	14								
60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
	20 50 10 50 10 60	50 D210 5460 E270 F2	20 74 24 50 B2 40 10 54 14 C1 C2 30 40 10 50 D2 40 10 54 14 60 E2 50	20 74 24 68 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3 40 70 F2 60 F3 50	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 B4 64 65 C1 C2 30 C3 C4 40 D3 D4 66 E2 50 E3 40 E4 66 F3 50 F4	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 B4 20 10 54 14 50 C1 C2 30 C3 C4 10 40 10 50 D2 40 D3 D4 20 10 54 14 50 E2 50 E3 40 E4 30 F4 40 F2 60 F3 50 F4 40	20 74 24 68 28	20 74 24 68 28	20 74 24 68 28

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

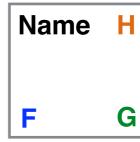
F = G+H

Padre : Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A4;B4 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	* 28		28+10				
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	1 4				28+14				
C ₁	C1	C2	30	СЗ		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de Nodo

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G + H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A4;B4 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3

Posición Actual

АЗ

Calcular nuevos valores de G





		_		_		_					
A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	* 28	68	38				
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14			62	42				
C ₁	C1	C2	30	СЗ		C4	10	C 5	0	C6	10
		40	10								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	ЕЗ	40	E4	30	E 5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

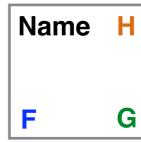
Lista Abierta A1;A2;A4;B4 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3

Posición Actual

АЗ

Calcular nuevos valores de F





_	_					_				
60	A2	50	А3	40	A4	30	A5	20	A6	30
20	74	24	68	* 28	68	38				
50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
10	54	1 4			62	42				
C1	C2	30	СЗ		C4	10	C5	0	C6	10
	40	10								
50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
10	54	14								
60	E2	50	E3	40	E4	30	E 5	20	E6	
70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
	20 50 10 50 10 60	40 50 D2 10 54 60 E2	20 74 24 50 B2 40 10 54 14 C1 C2 30 40 10 50 D2 40 10 54 14 60 E2 50	20 74 24 68 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3 40 70 F2 60 F3 50	20 74 24 68 28 68 50 B2 40 B3 B4 10 54 14 62 C1 C2 30 C3 C4 40 10 D3 D4 10 54 14 D4 60 E2 50 E3 40 E4 70 F2 60 F3 50 F4	20 74 24 68 28 68 38 50 B2 40 B3 B4 20 10 54 14 62 42 C1 C2 30 C3 C4 10 40 10 D3 D4 20 10 54 14 0 D4 20 60 E2 50 E3 40 E4 30 70 F2 60 F3 50 F4 40	20 74 24 68 28 68 38 50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 54 14 62 42 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 40 10 D3 D4 20 D5 10 54 14 0 D4 20 D5 60 E2 50 E3 40 E4 30 E5 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5	20 74 24 68 28 68 38 50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 10 54 14 62 42 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 0 40 10 D3 D4 20 D5 10 10 54 14 40 E4 30 E5 20 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5 30	20 74 24 68 28 68 38 50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 B6 10 54 14 62 42 42 40 66 62 42 66 <

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

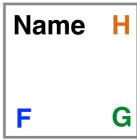
Lista Abierta A1;A2;A4;B4 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3

Posición Actual

А3

¿Cuál es el menor F de los elementos de lista abierta?





A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	28	68	38				
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14			62	42				
C ₁	C1	C2	30	СЗ		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

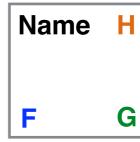
Lista Abierta A1;A2;A4 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4

Posición Actual

В4

B4 pasa de lista abierta a lista cerrada





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	* 28	68	38				
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14			62	42				
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)
F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva

la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A4 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4

Posición Actual

В4

Comprobar vecinos de B4.





Información de Nodo

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A4 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4

Posición Actual

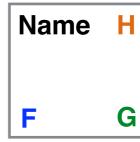
B4

Analizar vecinos de lista abierta para saber si G mejora.

Caso A4: (42+10) <38

A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	* 28	68	38				
B1	50	B2	40	В3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	14			62	42				
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C 5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50





A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	* 28	68	38				
B1	50	B2	40	ВЗ		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14			62	42				
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	1 0								
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)
F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva

la ruta

Listas

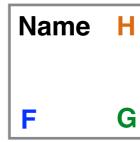
Lista Abierta A1;A2;A4; A5;B5;C4;C5 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4

Posición Actual

В4

Agregar nuevos elementos a lista abierta





_												
A1	60	A2	50	АЗ	40	A4		30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	28	68	3	38				
B1	50	B2	40	В3		B4	7	20	B5	10	B6	20
60	10	54	* 14			62		42				
C ₁	C1	C2	30	СЗ		C4		10	C 5	0	C6	10
X		40	10									
D1	50	D2	40	D3		D4		20	D5	10	D6	20
60	10	54	14									
E1	60	E2	50	ЕЗ	40	E4		30	E 5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4		40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4		50	G5	40	G6	50

Información de

<u>Nodo</u>

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

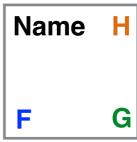
Lista Abierta A1;A2;A4; A5;B5;C4;C5 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4

Posición Actual

В4

Calcular menor F posible





						_					
A1	60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	28	68	38		56		
B1	50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
60	10	54	1 4			62	42		52		
C1	C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10				52		56		
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
E1	70	E2 F2	60	E3	50	F4	40	F5	30	F6	

Información de

<u>Nodo</u>

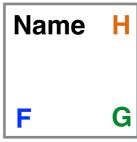
H (Heurística)
G (Movimiento de costo)
F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A4; A5;B5;C4;C5 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4





			_							
60	A2	50	A3	40	A4	30	A5	20	A6	30
20	74	24	68	* 28	68	38	76	56		
50	B2	40	B3		B4	20	B5	10	B6	20
10	54	1 4			62	42	62	52		
C1	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
	40	1 0			62	52	56	56		
50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
10	54	14								
60	E2	50	E3	40	E4	30	E5	20	E6	
70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50
	20 50 10 50 10 60	40 50 D2 10 54 60 E2	20 74 24 50 B2 40 10 54 14 C1 C2 30 40 10 50 D2 40 10 54 14 60 E2 50	20 74 24 68 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3	20 74 24 68 28 50 B2 40 B3 10 54 14 C1 C2 30 C3 40 10 50 D2 40 D3 10 54 14 60 E2 50 E3 40 70 F2 60 F3 50	20 74 24 68 28 68 50 B2 40 B3 B4 10 54 14 62 C1 C2 30 C3 C4 40 10 62 50 D2 40 D3 D4 10 54 14 40 E4 60 E2 50 E3 40 E4 70 F2 60 F3 50 F4	20 74 24 68 28 68 38 50 B2 40 B3 B4 20 10 54 14 62 42 C1 C2 30 C3 C4 10 40 10 62 52 50 D2 40 D3 D4 20 10 54 14 40 E4 30 70 F2 60 F3 50 F4 40	20 74 24 68 28 68 38 76 50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 54 14 62 42 62 40 10 62 52 56 50 D2 40 D3 D4 20 D5 10 54 14 40 E4 30 E5 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5	20 74 24 68 28 68 38 76 56 50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 10 54 14 62 42 62 52 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 0 40 10 62 52 56 56 50 D2 40 D3 D4 20 D5 10 10 54 14 40 E4 30 E5 20 70 F2 60 F3 50 F4 40 F5 30	20 74 24 68 28 68 38 76 56 50 B2 40 B3 B4 20 B5 10 B6 10 54 14 62 42 62 52 C1 C2 30 C3 C4 10 C5 0 C6 40 10 62 52 56 50

Información de Nodo

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

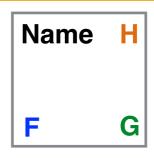
F = G+H

Padre: Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A4; A5;B5;C4;C5 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4





A1	60	A2	50	АЗ	40	A4	30	A5	20	A6	30
80	20	74	24	68	28	68	38	76	56		
B1	50	B2	40	ВЗ		В4	20	B5	10	B6	20
60	10	5 4	* 14			62	42	62	52		
C ₁	C)	C2	30	C3		C4	10	C5	0	C6	10
		40	10			62	52	56	56		
D1	50	D2	40	D3		D4	20	D5	10	D6	20
60	10	54	14								
E1	60	E2	50	ЕЗ	40	E4	30	E5	20	E6	
F1	70	F2	60	F3	50	F4	40	F5	30	F6	40
G1	80	G2	70	G3	60	G4	50	G5	40	G6	50

Información de Nodo

H (Heurística)
G (Movimiento de costo)

F = G+H

Padre : Nodo del que se deriva la ruta

<u>Listas</u>

Lista Abierta A1;A2;A4; A5;B5;C4;C5 Lista Cerrada B1; C1, C2; B2; A3;B4



Mayor información:

- https://www.youtube.com/watch?v=X-5JMScsZ14
- Libro Inteligencia Artificial un Enfoque Moderno -Russell, 2da edición Capitulo 4.



Actividad

Utilizando lenguaje Python, y empleando el algoritmo A*, programe un aplicativo que solicite al usuario una de las ciudades del mapa indicado en la figura 3.2, de manera que genere la ruta optima para llegar a Bucarest.

	266	361 11	244
Arad	366	Mehadia	241
Bucarest	0	Neamt	234
Craiova	160	Oradea	380
Dobreta	242	Pitesti	100
Eforie	161	Rimnicu Vilcea	193
Fagaras	176	Sibiu	253
Giurgiu	77	Timisoara	329
Hirsova	151	Urziceni	80
Iasi	226	Vaslui	199
Lugoj	244	Zerind	374

Valores de h_{DLR} . Distancias en línea recta a Bucarest.

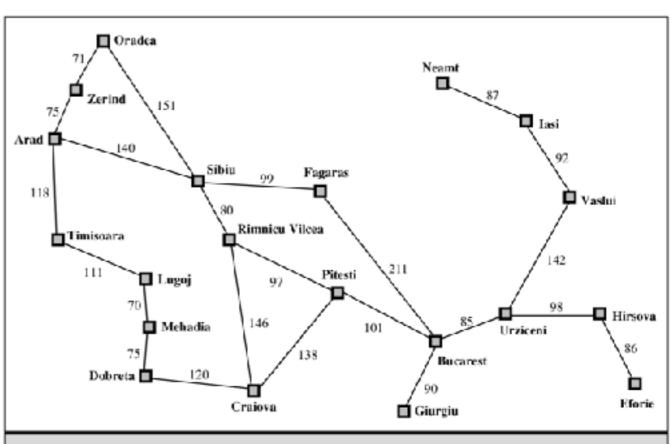


Figura 3.2 Un mapa de carreteras simplificado de parte de Rumanía.