HarrixOptimizationAlgorithms. Сборник описаний алгоритмов оптимизации нулевого порядка. v. 1.7

А. Б. Сергиенко

22 февраля 2015 г.

Аннотация

В данном документе дано собрано множество описаний стандартных, нестандартных алгоритмов, модификаций стандартных. Здесь приведено лишь описание алгоритмов, а не их исследование эффективности. Большинство алгоритмов неэффективны. Это своеобразная «свалка» алгоритмов, которые используются автором. На данный документ можно ссылаться в своих работах, чтобы указать, что тот или иной алгоритм оптимизации подробно описан в этом документе. Тут нет исследований эффективности алгоритмов с данными операторами — это задача иных проектов. Здесь представлено только описание алгоритмов.

Оглавление

1	Введение	3	
2	Условные обозначения		
3			
4 Постановка задачи оптимизации			
5	Стандартный генетический алгоритм	6	
	5.1 Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках	6	
	5.2 Стандартный генетический алгоритм для решения задач на вещественных		
	строках	7	
6	Модификации генетического алгоритма	7	
	6.1 Генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с изменяю-		
	шимся соотношением числа поколений и размера популяции	7	

Ст	шсок	THEODOTANDLE	91
	7.2	Метод Монте-Карло (Monte-Carlo) для решения задач на вещественных строках	21
	7.1	Метод Монте-Карло (Monte-Carlo) для решения задач на бинарных строках	20
7	Алго	оритмы Монте-Карло	20
		дач на вещественных строках, где на четных поколениях целевая функция высчитывается как среднеарифметическое родителей	19
	6.10	ется как среднеарифметическое родителей	18
	6.9	Генетический алгоритм с двойным количеством поколений для решения задач на бинарных строках, где на четных поколениях целевая функция высчитыва-	
	6.8	Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с турнирной селекцией с возвращением, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции	17
	0.0	селекцией с возвращением, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции	15
	6.7	вание с возможностью полного копирования одного из родителей	14
	6.6	Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках, в котором есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещи-	
		есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей	13
	6.5	нирной селекцией, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции . Генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках, в котором	12
	6.4	Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с тур-	
	6.3	Генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с турнирной селекцией, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции	10
	6.2	няющимся соотношением числа поколений и размера популяции	9
	6.2	Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с изме-	

1 Введение

Это своеобразная «свалка» алгоритмов оптимизации, которые используются автором. Большинство алгоритмов неэффективны. Здесь они приведены, чтобы можно было ссылаться на них.

Данный документ представляет его версию 1.7 от 22 февраля 2015 г.

Последнюю версию документа можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

С автором можно связаться по адресу sergienkoanton@mail.ru или http://vk.com/harrix.

Сайт автора, где публикуются последние новости: http://blog.harrix.org/, а проекты располагаются по адресу http://harrix.org/.

2 Условные обозначения

 $a \in A$ — элемент a принадлежит множеству A.

 \bar{x} — обозначение вектора.

 $\arg f(x)$ — возвращает аргумент x, при котором функция принимает значение f(x).

Random(X) — случайный выбор элемента из множества X с равной вероятностью.

 $Random\left(\{x^i\mid p^i\}\right)$ — случайный выбор элемента x^i из множества X, при условии, что каждый элемент $x^i\in X$ имеет вероятность выбора равную p^i , то есть это обозначение равнозначно предыдущему.

random(a,b) — случайное действительное число из интервала [a;b].

int(a) — целая часть действительного числа a.

 $\mu(X)$ — мощность множества X.

Замечание. Оператор присваивания обозначается через знак «=», так же как и знак равенства.

Замечание. Индексация всех массивов в документе начинается с 1. Это стоит помнить при реализации алгоритма на С-подобных языках программирования, где индексация начинается с нуля.

Замечание. Вызывание трех функций: Random(X), $Random(\{x_i \mid p_i\})$, random(a,b) – происходит каждый раз, когда по ходу выполнения формул, они встречаются. Если формула

итерационная, то нельзя перед ее вызовом один раз определить, например, random(a,b) как константу и потом её использовать на протяжении всех итераций неизменной.

Замечание. Надстрочный индекс может обозначать как возведение в степень, так и индекс элемента. Конкретное обозначение определяется в контексте текста, в котором используется формула с надстрочным индексом.

Замечание. Если у нас имеется множество векторов, то подстрочный индекс обозначает номер компоненты конкретного вектора, а надстрочный индекс обозначает номер вектора во множестве, например, $\bar{x}^i \in X$ $(i=\overline{1,N}), \ \bar{x}^i_j \in \{0;1\}, \ (j=\overline{1,n}).$ В случае, если вектор имеет свое обозначение в виде подстрочной надписи, то компоненты вектора проставляются за скобками, например, $(\bar{x}_{max})_j = 0$ $(j=\overline{1,n}).$

Замечание. При выводе матриц и векторов элементы могут разделяться как пробелом, так и точкой с запятой, то есть обе записи $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}^T$ и $\begin{pmatrix} 1;1;1;1;1;1;1;1 \end{pmatrix}^T$ допустимы.

Замечание. При выводе множеств элементы разделяются только точкой с запятой, то есть допустима только такая запись: $\{1;1;1;1;1;1;1\}^{T}$.

3 Некоторая вводная информация

В каждом классе решаемых задач (задачи бинарной оптимизации, задачи вещественной оптимизации и др.) определен некий основной алгоритм. Обычно им является стандартный генетический алгоритм. И с ним сравниваются все остальные алгоритмы оптимизации, чтобы можно было выявить лучший алгоритм на множестве тестовых задач при определенных фиксированных настройках. Алгоритмы, которые ср

Алгоритмы представленные в данной работе бывают нескольких типов, которые описаны ниже.

Основной алгоритм оптимизации — некий алгоритм в классе решаемых задач (задачи бинарной оптимизации, задачи вещественной оптимизации и др.) относительно которого производится сравнение всех остальных алгоритмов. Данный алгоритм может со временем меняться. Это происходит в случае, если обнаруживается алгоритм, который по эффективности превосходит (или не хуже) предыдущий основной алгоритм оптимизации по всем параметрам на всех тестовых функциях.

Сравниваемый алгоритм оптимизации — некий алгоритм, который сравнивается по эффективности с основным алгоритмом и другими сравниваемыми алгоритмами по эффективности.

Добавочный алгоритм оптимизации — алгоритм оптимизации, который не сравнивается по эффективности с основным алгоритмом и другими сравниваемыми алгоритмами по эффективности. Этот алгоритм является промежуточным, и в нем проверяется эффективность какой-нибудь настройки алгоритма. Например, в стандартном генетическом алгоритме есть три вида скрещивания: одноточечное, двухточечное и равномерное. А мы решили проверить трех точечное скрещивание. Для этого создает добавочный алгоритм, в котором есть только один вид скрещивания — трехточечным, и проводим полное тестирование алгоритма. И в сравнении с обычным алгоритмом можем оценить эффектность данного оператора. Если покажет эффектность, то уже можем создать сравниваемый алгоритм, который или уберет какой-то параметр или внесет трехточечное скрещивание на равноправных правах с другими видами скрещивания, или же, если на всех тестовых задачах трехточечное скрещивание покажет преимущество, то добавочный алгоритм станет сравниваемым алгоритмом. При этом отметим, что если просто добавим этот оператор в наравне с другими операторами, то нам не нужно будет пересчитывать весь алгоритм, так как просто добавим исследования из предыдущего исследования основного алгоритма.

Исследовательский алгоритм оптимизации — также алгоритм оптимизации, который не сравнивается по эффективности с основным алгоритмом и другими сравниваемыми алгоритмами по эффективности. Его особенность, что в этом алгоритме «вшито» множество разных настроек, эффективность которых мы не знаем. Мы проводим полное исследование данного алгоритма, убираем неэффективные настройки или комбинации настроек и формируем уже сравниваемый алгоритм оптимизации.

4 Постановка задачи оптимизации

Рассмотрим постановку задачи оптимизации в общем случае, решаемую алгоритмами оптимизации.

Необходимо найти:

$$ar{x}_{max} = rg\max_{ar{x} \in X} f\left(ar{x}
ight)$$
, где
$$g_i\left(ar{x}
ight) \leqslant 0, i = \overline{1,m_1},$$

$$h_i\left(ar{x}
ight) = 0, j = \overline{1,m_2}.$$
 (1)

Здесь:

X — множество всех возможных решений,

 $f(\bar{x})$ — функционал, определенный на данном множестве, возвращающий действительное число из интервала $(-\infty;\infty)$,

 m_1 — число ограничений в виде неравенств,

 m_2 — число ограничений в виде равенств.

 $\bar{x} \in X$ имеет вид

$$\bar{x} = (x_1; \dots; x_i; \dots; x_n)^{\mathrm{T}}.$$
 (2)

В случае, если $m_1=0$ и $m_2=0$, имеем задачу безусловной оптимизации. В противном случае — условной оптимизации.

В случае, если X — множество всех бинарных векторов длины n таких что $x_i \in \{0;1\}$ ($i=\overline{1,n}$), то имеем задачу бинарной оптимизации (мощность поискового пространства X равна $\mu(X)=2^n$). Если X — множество всех вещественных векторов длины n таких что $x_i \in \{Left_i; Right_i\}$ ($i=\overline{1,n}$), то имеем задачу вещественной оптимизации и т. д.

Будем предполагать в дальнейшем, что $f(\bar{x})$ может представлять собой многоэкстремальный функционал, и вычислению подлежат только значения $f(\bar{x})$ (нет возможности вычислить производные от функционала и т. д.).

Если требуется найти минимум функционала $f(\bar{x})$, то рещаем задачу нахождения максимума функционала $-f(\bar{x})$.

Также обычно при решении задачи оптимизации нам дано число CountOfFitness — максимальное число вычислений целевой функции, которое нам дозволено использовать при запуске того или иного алгоритма оптимизации.

5 Стандартный генетический алгоритм

5.1 Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках

Тип алгоритма: основной алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

Название: стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках.

Подробное описание алгоритма представлено в данном проекте:

https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Число вариантов настроек алгоритма равно 54.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_StandartBinaryGeneticAlgorithm. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

5.2 Стандартный генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках

Тип алгоритма: основной алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_StandartRealGeneticAlgorithm.

Название: стандартный генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках.

Подробное описание алгоритма представлено в данном проекте:

https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Число вариантов настроек алгоритма равно 108.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_StandartBinaryGeneticAlgorithm. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6 Модификации генетического алгоритма

6.1 Генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с изменяющимся соотношением числа поколений и размера популяции

Тип алгоритма: исследовательский алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_BinaryGeneticAlgorithmWDPOfNOfGPS.

Название: генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с изменяющимся соотношением числа поколений и размера популяции.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на бинарных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что размер популяции и число поколений рассчитывается из числа вычислений целевой функции не как одинаковые величины (извлечение квадратного корня), а через некоторое соотношение.

Число поколений определяется по формуле:

$$NumberOfGenerations = int \left(CountOfFitness^{Proportion} \right). \tag{3}$$

Число поколений, соответственно, определяется по формуле:

$$PopulationSize = int \left(\frac{CountOfFitness}{NumberOfGenerations} \right). \tag{4}$$

Тут CountOfFitness — максимальное число вычислений целевой функции, а Proportion — **новый** параметр в алгоритме, который обозначает «долю» числа поколений от общего числа вычислений целевой функции.

Proportion может принимать значения в интервале [0;1], а именно:

$$Proportion \in \{0; 0.1; 0.2; 0.3; 0.4; 0.5; 0.6; 0.7; 0.8; 0.9; 1\}.$$
 (5)

To есть Proportion может принимать 11 значений.

По сравнению с стандартным генетическим алгоритмом число вариантов настроек алгоритма увеличивается в 11 раз и равно **594**.

Чем меньше Proportion, тем меньше будет число поколений.

При Proportion = 0.5 получим обычный стандартный генетический алгоритм. Число поколений будет равно $\sqrt{CountOfFitness}$ (без учета получения целой части числа).

При Proportion = 0 число поколений будет равно 1.

При Proportion = 1 число поколений будет равно CountOfFitness.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_BinaryGeneticAlgorithmWDPOfNOfGPS. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.2 Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с изменяющимся соотношением числа поколений и размера популяции

Тип алгоритма: исследовательский алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_RealGeneticAlgorithmWDPOfNOfGPS.

Название: генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с изменяющимся соотношением числа поколений и размера популяции.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на вещественных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что размер популяции и число поколений рассчитывается из числа вычислений целевой функции не как одинаковые величины (извлечение квадратного корня), а через некоторое соотношение.

Число поколений определяется по формуле:

$$NumberOfGenerations = int \left(CountOfFitness^{Proportion} \right). \tag{6}$$

Число поколений, соответственно, определяется по формуле:

$$PopulationSize = int \left(\frac{CountOfFitness}{NumberOfGenerations} \right). \tag{7}$$

Тут CountOfFitness — максимальное число вычислений целевой функции, а Proportion — **новый** параметр в алгоритме, который обозначает «долю» числа поколений от общего числа вычислений целевой функции.

Proportion может принимать значения в интервале [0;1], а именно:

$$Proportion \in \{0; 0.1; 0.2; 0.3; 0.4; 0.5; 0.6; 0.7; 0.8; 0.9; 1\}. \tag{8}$$

To есть Proportion может принимать 11 значений.

По сравнению с стандартным генетическим алгоритмом число вариантов настроек алгоритма увеличивается в 11 раз и равно **1188**.

Чем меньше Proportion, тем меньше будет число поколений.

При Proportion = 0.5 получим обычный стандартный генетический алгоритм. Число поколений будет равно $\sqrt{CountOfFitness}$ (без учета получения целой части числа).

При Proportion = 0 число поколений будет равно 1.

При Proportion = 1 число поколений будет равно CountOfFitness.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_RealGeneticAlgorithmWDPOfNOfGPS. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.3 Генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с турнирной селекцией, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции

Тип алгоритма: добавочный алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_BinaryGeneticAlgorithmWDTS.

Название: генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с турнирной селекцией, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на бинарных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что присутствует только турнирная селекция (пропорциональная и ранговая отсутствуют), но размер турнира может изменяться.

Так как основан на стандартном генетическом алгоритме, то размер популяции вычисляется, как квадратный корень из максимального числа вычислений целевой функции. Поэтому размер турнира SizeOfTournament может теоретически изменяться в пределах:

$$SizeOfTournament = \overline{1,int\left(\sqrt{CountOfFitness}\right)}. \tag{9}$$

Тут CountOfFitness — максимальное число вычислений целевой функции.

SizeOfTournament может принимать следующие значения в данном алгоритме:

Если записывать строго, то получится следующее множество:

$$SizeOfTournament \in \begin{cases} 2\\ 3\\ 4\\ int\left(\frac{1}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right) \\ int\left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\frac{2}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\sqrt{CountOfFitness}\right) \end{cases}$$

$$(11)$$

To есть SizeOfTournament может принимать 8 значений.

Число вариантов настроек алгоритма равно 144.

При SizeOfTournament = 2 получим обычный стандартный генетический алгоритм (без ранговой и пропорциональной селекции).

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_BinaryGeneticAlgorithmWDTS. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.4 Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с турнирной селекцией, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции

Тип алгоритма: добавочный алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_RealGeneticAlgorithmWDTS.

Название: генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с турнирной селекцией, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на вещественных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что присутствует только турнирная селекция (пропорциональная и ранговая отсутствуют), но размер турнира может изменяться.

Так как основан на стандартном генетическом алгоритме, то размер популяции вычисляется, как квадратный корень из максимального числа вычислений целевой функции. Поэтому размер турнира SizeOfTournament может теоретически изменяться в пределах:

$$SizeOfTournament = \overline{1,int\left(\sqrt{CountOfFitness}\right)}.$$
 (12)

Тут CountOfFitness — максимальное число вычислений целевой функции.

SizeOfTournament может принимать следующие значения в данном алгоритме:

Если записывать строго, то получится следующее множество:

$$SizeOfTournament \in \begin{cases} 2\\ 3\\ 4\\ int \left(\frac{1}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int \left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int \left(\frac{2}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int \left(\sqrt{CountOfFitness}\right) \end{cases}$$

$$(14)$$

To есть SizeOfTournament может принимать 8 значений.

Число вариантов настроек алгоритма равно 288.

При SizeOfTournament = 2 получим обычный стандартный генетический алгоритм (без ранговой и пропорциональной селекции).

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_RealGeneticAlgorithmWDTS. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.5 Генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках, в котором есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей

Тип алгоритма: исследовательский алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_BinaryGeneticAlgorithmWCC.

Название: генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках, в котором есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на бинарных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма тем, что есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей. Равномерное скрещивание отсутствует. То есть данным алгоритмом проверяем: есть ли разница в эффективности алгоритма, если точки разрыва при скрещивании делать и по краям родителей, а не только внутри хромосомы.

В качестве операторов-заменителей используются:

- SinglepointCrossoverWithCopying одноточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей;
- TwopointCrossoverWithCopying двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей;

Подробно прочитать о этих двух операторах с формулами и примерами можно тут:

https://github.com/Harrix/HarrixSetOfOperatorsAlgorithms

Число вариантов настроек алгоритма равно 36.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_BinaryGeneticAlgorithmWCC. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.6 Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках, в котором есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей

Тип алгоритма: исследовательский алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_RealGeneticAlgorithmWCC.

Название: генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках, в котором есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на вещественных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма тем, что есть только два вида скрещивания: одноточечное и двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей. Равномерное скрещивание отсутствует. То есть данным алгоритмом проверяем: есть ли разница в эффективности алгоритма, если точки разрыва при скрещивании делать и по краям родителей, а не только внутри хромосомы.

В качестве операторов-заменителей используются:

- SinglepointCrossoverWithCopying одноточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей;
- TwopointCrossoverWithCopying двухточечное скрещивание с возможностью полного копирования одного из родителей;

Подробно прочитать о этих двух операторах с формулами и примерами можно тут:

https://github.com/Harrix/HarrixSetOfOperatorsAlgorithms

Число вариантов настроек алгоритма равно 72.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_RealGeneticAlgorithmWCC. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.7 Генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с турнирной селекцией с возвращением, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции

Тип алгоритма: добавочный алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_BinaryGeneticAlgorithmTournamentSelectionWithReturn.

Название: генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках с турнирной селекцией с возвращением, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на бинарных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что присутствует только турнирная селекция, но и она измененная, и размер турнира может изменяться.

Подробное описание турнирной селекции с возвращением можно прочитать тут:

https://github.com/Harrix/HarrixSetOfOperatorsAlgorithms

Так как основан на стандартном генетическом алгоритме, то размер популяции вычисляется, как квадратный корень из максимального числа вычислений целевой функции. Поэтому размер турнира SizeOfTournament может теоретически изменяться в пределах:

$$SizeOfTournament = \overline{1,int\left(\sqrt{CountOfFitness}\right)}.$$
 (15)

Тут CountOfFitness — максимальное число вычислений целевой функции.

SizeOfTournament может принимать следующие значения в данном алгоритме:

$$SizeOfTournament \in egin{cases} 2 & 3 & & & & & \\ & 4 & & & & & & \\ & 5 & & & & & \\ 1/3 \text{ от популяции} & & & & \\ 1/2 \text{ от популяции} & & & & \\ 2/3 \text{ от популяции} & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & \\ & & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & \\ & & \\ & & \\ & \\ & & \\ &$$

Если записывать строго, то получится следующее множество:

$$SizeOfTournament \in \begin{cases} 2\\ 3\\ 4\\ 5\\ int\left(\frac{1}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\frac{2}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\sqrt{CountOfFitness}\right) \end{cases}$$

$$(17)$$

To есть SizeOfTournament может принимать 8 значений.

Число вариантов настроек алгоритма равно 144.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в виде функции HML_BinaryGeneticAlgorithmTournamentSelectionWithReturn. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.8 Генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с турнирной селекцией с возвращением, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции

Тип алгоритма: добавочный алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_RealGeneticAlgorithmTournamentSelectionWithReturn.

Название: генетический алгоритм для решения задач на вещественных строках с турнирной селекцией с возвращением, где размер турнира изменяется от 2 до размера популяции.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на вещественных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что присутствует только турнирная селекция, но и она измененная, и размер турнира может изменяться.

Подробное описание турнирной селекции с возвращением можно прочитать тут:

https://github.com/Harrix/HarrixSetOfOperatorsAlgorithms

Так как основан на стандартном генетическом алгоритме, то размер популяции вычисляется, как квадратный корень из максимального числа вычислений целевой функции. Поэтому размер турнира SizeOfTournament может теоретически изменяться в пределах:

$$SizeOfTournament = \overline{1,int\left(\sqrt{CountOfFitness}\right)}.$$
 (18)

Тут CountOfFitness — максимальное число вычислений целевой функции.

SizeOfTournament может принимать следующие значения в данном алгоритме:

Если записывать строго, то получится следующее множество:

$$SizeOfTournament \in \begin{cases} 2\\ 3\\ 4\\ 5\\ int\left(\frac{1}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\frac{2}{3} \cdot \sqrt{CountOfFitness}\right)\\ int\left(\sqrt{CountOfFitness}\right) \end{cases}$$

$$(20)$$

To есть SizeOfTournament может принимать 8 значений.

Число вариантов настроек алгоритма равно 288.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в виде функции HML_RealGeneticAlgorithmTournamentSelectionWithReturn. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.9 Генетический алгоритм с двойным количеством поколений для решения задач на бинарных строках, где на четных поколениях целевая функция высчитывается как среднеарифметическое родителей

Тип алгоритма: исследовательский алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_BinaryGeneticAlgorithmTwiceGenerations.

Название: генетический алгоритм с двойным количеством поколений для решения задач на бинарных строках, где на четных поколениях целевая функция высчитывается как среднеарифметическое родителей.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на бинарных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что количество популяций в два раза больше, чем в стандартном, при сохранении остальных параметров. Чтобы не превышать число вычислений целевой функции, на четных поколениях (считается, что первое — это инициализация ГА) значения целевой функции вычисляются как среднеарифметические родителей. При этом в учете лучшего решения учитываются только решения из нечетных поколений, где целевая функция вычисляется правильно. На самом деле число поколений не строго в два раза больше, чем в сГА, а в два раза больше минус один. Это объясняется, что последнее поколение будет поколением, где считаются значения целевых функций как среднеарифметические родителей, а, следовательно, лишнее. Хотя можно это лишнее поколение и прокрутить, но оно не будет влиять на выдаваемое решение.

Число вариантов настроек алгоритма равно 54.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_BinaryGeneticAlgorithmTwiceGenerations. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

6.10 Генетический алгоритм с двойным количеством поколений для решения задач на вещественных строках, где на четных поколениях целевая функция высчитывается как среднеарифметическое родителей

Тип алгоритма: исследовательский алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_RealGeneticAlgorithmTwiceGenerations.

Название: генетический алгоритм с двойным количеством поколений для решения задач на вещественных строках, где на четных поколениях целевая функция высчитывается как среднеарифметическое родителей.

Основан на стандартном генетическом алгоритме на вещественных строках: https://github.com/Harrix/Standard-Genetic-Algorithm.

Отличается от стандартного генетического алгоритма, тем, что количество популяций в два раза больше, чем в стандартном, при сохранении остальных параметров. Чтобы не превышать число вычислений целевой функции, на четных поколениях (считается, что первое — это инициализация ГА) значения целевой функции вычисляются как среднеарифметические родителей. При этом в учете лучшего решения учитываются только решения из нечетных поколений, где целевая функция вычисляется правильно. На самом деле число поколений не строго в два раза больше, чем в сГА, а в два раза больше минус один. Это объясняется, что последнее поколение будет поколением, где считаются значения целевых функций как среднеарифметические родителей, а, следовательно, лишнее. Хотя можно это лишнее поколение и прокрутить, но оно не будет влиять на выдаваемое решение.

Число вариантов настроек алгоритма равно 108.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_RealGeneticAlgorithmTwiceGenerations. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

7 Алгоритмы Монте-Карло

7.1 Метод Монте-Карло (Monte-Carlo) для решения задач на бинарных строках

Тип алгоритма: сравниваемый алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_BinaryMonteCarloAlgorithm.

Название: Метод Монте-Карло (Monte-Carlo) для решения задач на бинарных строках.

Наиболее простой алгоритм. Случайно генерируется по равномерному закону распределения CountOfFitness решений из допустимой области. Из них выбирается лучшее.

При сравнении с работой, например, стандартного генетического алгоритма CountOfFitness (число вычислений целевой функции) выбирается таким же, что и у стандартного генетического алгоритма.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_BinaryMonteCarloAlgorithm. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary

7.2 Метод Монте-Карло (Monte-Carlo) для решения задач на вещественных строках

Тип алгоритма: сравниваемый алгоритм оптимизации.

Идентификатор: HML_RealMonteCarloAlgorithm.

Название: Метод Монте-Карло (Monte-Carlo) для решения задач на вещественных строках.

Наиболее простой алгоритм. Случайно генерируется по равномерному закону распределения CountOfFitness решений из допустимой области. Из них выбирается лучшее.

При сравнении с работой, например, стандартного генетического алгоритма CountOfFitness (число вычислений целевой функции) выбирается таким же, что и у стандартного генетического алгоритма.

Результат исследований алгоритма можно посмотреть тут:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting

В библиотеке HarrixMathLibrary данный алгоритм реализован в вде функции HML_RealMonteCarloAlgorithm. Библиотеку можно найти тут:

https://github.com/Harrix/HarrixMathLibrary