# Исследование алгоритма оптимизации MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm - Повторные исследования

# Сергиенко Антон Борисович

# 2 марта 2014 г.

# Содержание

1	Вво	дная информация	4		
2	Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)				
	2.1	Информация об исследовании	5		
	2.2	Параметры алгоритма оптимизации	5		
	2.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	6		
	2.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	17		
	2.5	Надёжность $R$	28		
3	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичесалгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)			
	3.1	Информация об исследовании	40		
	3.2	Параметры алгоритма оптимизации	41		
	3.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	41		
	3.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	52		
	3.5	Надёжность $R$	63		
4	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичес- алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)			
	4.1	Информация об исследовании	75		

	4.2	Параметры алгоритма оптимизации	76
	4.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	76
	4.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	87
	4.5	Надёжность $R$	98
5	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичес алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функци мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)	
	5.1	Информация об исследовании	110
	5.2	Параметры алгоритма оптимизации	111
	5.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	111
	5.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	122
	5.5	Надёжность $R$	133
6	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичес алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функци мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)	
	6.1	Информация об исследовании	145
	6.2	Параметры алгоритма оптимизации	146
	6.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	146
	6.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	157
	6.5	Надёжность $R$	168
7	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичес алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функци мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)	
	7.1	Информация об исследовании	180
	7.2	Параметры алгоритма оптимизации	181
	7.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	181
	7.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	192
	7.5	Надёжность $R$	203
8	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичес алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функци мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)	
	8.1	Информация об исследовании	215
	8.2	Параметры алгоритма оптимизации	216

	8.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	216
	8.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	227
	8.5	Надёжность $R$	238
9	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичес алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функциі мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)	
	9.1	Информация об исследовании	250
	9.2	Параметры алгоритма оптимизации	251
	9.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	251
	9.4	Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	262
	9.5	Надёжность $R$	273
	«Cy	алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функциимма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)	285
	_	мма всех элементов оинарного вектора» (размерность равна тоо) Информация об исследовании	
		Параметры алгоритма оптимизации	
		Ошибка по входным параметрам $E_x$	286
		Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	297
		Надёжность $R$	308
11	кий	ледование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетичес алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функциі мма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)	
	11.1	Информация об исследовании	320
	11.2	Параметры алгоритма оптимизации	321
	11.3	Ошибка по входным параметрам $E_x$	321
		Ошибка по значениям целевой функции $E_y$	332
	11 5	Налёжность В	3/13

## 1 Вводная информация

Данный файл и другие исследования располагаются по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixPDFDataOfOptimizationTesting.

Анализ данных исследований можно посмотреть по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixAnalysisPDFDataOfOptimizationTesting.

Данные исследований взяты из базы исследований алгоритмов оптимизации:

https://github.com/Harrix/HarrixDataOfOptimizationTesting.

О методологии проведения исследований можно прочитать в описании формата данных «Harrix Optimization Testing» в главе «Идея проведения исследований эффективности алгоритмов» по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixFileFormats.

Описание алгоритма оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms.

Описание тестовых функций можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

С автором можно связаться по адресу sergienkoanton@mail.ru или http://vk.com/harrix. Сайт автора, где публикуются последние новости: http://blog.harrix.org, а проекты располагаются по адресу http://harrix.org.

2 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

#### 2.1 Информация об исследовании

Автор исследования: Сергиенко Антон Борисович.

27.01.2014 23:17:11. Дата создания исследования:

27.01.2014 23:17:11. Дата создания исследования:

MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm. Идентификатор алгоритма:

Стандартный генетический алгоритм для решения Полное название алгоритма:

задач на бинарных строках.

**Идентификатор исследуемой тестовой** MHL\_TestFunction\_SumVector.

функции:

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

20 Размерность тестовой функции:

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов: 100

Максимальное допустимое число вычислений целевой функции: 225

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

12150000 Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

#### Параметры алгоритма оптимизации 2.2

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 1 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \begin{pmatrix} Tun \ cenekuuu \\ Tun \ ckneeuuusahuus \\ Tun \ мутации \\ Tun \ формирования \ нового \ поколения \end{pmatrix}. \tag{1}$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \mbox{Ранговая селекция} \mbox{Турнирная селекция} \mbox{} \end{array} 
ight\}. \eqno(2)$$

$$Parameters^2 \in \left\{ egin{array}{l} O \partial homoчечное \ c крещивание \ Pas номерное \ c крещивание$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} \textit{Слабая мутация} \\ \textit{Средняя мутация} \\ \textit{Сильная мутация} \end{array} 
ight\}. \eqno(4)$$

### 2.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

$N_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0665 0.0655 0.062 0.052 0.0575 0.062 0.057 0.064 0.061	0.06075	1.90139e-05
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0425 0.045 0.044 0.045 0.048 0.0445 0.041 0.042 0.04 0.04	0.0435	5.33333e-06

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.073 0.073 0.0695 0.0615 0.0755 0.0705 0.0695 0.072 0.076 0.064	0.07045	2.16917e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.036 0.041 0.0275 0.039 0.037 0.0365 0.041 0.0395 0.039 0.0375	0.0374	1.51556e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1335 0.133 0.135 0.124 0.134 0.124 0.1285 0.133 0.132 0.127	0.1304	1.74333e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.098 0.097 0.094 0.095 0.0955 0.0905 0.1065 0.1075 0.0955 0.1	0.09795	2.9025e-05
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0535 0.0535 0.061 0.0475 0.057 0.052 0.06 0.055 0.0645 0.0545	0.05585	2.4225e-05
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Пропорциональная селекция	Пропорциональная селекция

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.041 0.04 0.036 0.038 0.0345 0.044 0.0325 0.0375 0.0335 0.0375	0.03745	1.25806e-05
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.068 0.061 0.072 0.063 0.068 0.0655 0.0715 0.0635 0.069 0.0645	0.0666	1.36e-05
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0365 0.0395 0.038 0.0405 0.0335 0.0315 0.035 0.033 0.037 0.036	0.03605	8.24722e-06
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1285 0.1315 0.1345 0.1385 0.134 0.1325 0.138 0.1225 0.126 0.133	0.1319	2.53778e-05
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0955 0.102 0.1005 0.1005 0.098 0.1065 0.1005 0.099 0.098 0.1	0.10005	8.46944e-06

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.03 0.029 0.036 0.026 0.029 0.0295 0.0285 0.032 0.032 0.032	0.02985	8.50278e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0175 0.0155 0.0195 0.0185 0.021 0.0235 0.022 0.0205 0.0175 0.018	0.01935	5.83611e-06
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.06 0.0535 0.056 0.0515 0.0485 0.0495 0.0545 0.057 0.054 0.052	0.05365	1.21139e-05
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.024 0.0245 0.024 0.021 0.0295 0.0225 0.0175 0.0285 0.023 0.0205	0.0235	1.27778e-05
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1295 0.1295 0.1245 0.129 0.1265 0.1205 0.1225 0.1315 0.117 0.124	0.12545	2.11917e-05

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09 0.1025 0.091 0.096 0.085 0.098 0.0955 0.095 0.092 0.0905	0.09355	2.39694e-05
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.062 0.0755 0.0725 0.075 0.0755 0.071 0.074 0.068 0.073 0.0705	0.0717	1.74556e-05
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.048 0.047 0.0455 0.046 0.053 0.052 0.0435 0.0475 0.053 0.0415	0.0477	1.54556e-05
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0785 0.0845 0.0835 0.0735 0.0795 0.078 0.0805 0.0775 0.086 0.085	0.08065	1.60583e-05
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0415 0.047 0.045 0.0455 0.044 0.044 0.0355 0.044 0.044 0.0475	0.0438	1.14e-05

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.136 0.1415 0.132 0.1285 0.142 0.141 0.145 0.1375 0.1405 0.1425	0.13865	2.65583e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.106 0.108 0.105 0.099 0.102 0.1045 0.1045 0.103 0.1115 0.102	0.10455	1.20806e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0575 0.0655 0.0675 0.0675 0.066 0.0675 0.0595 0.0645 0.071 0.063	0.06495	1.63028e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05 0.044 0.044 0.041 0.036 0.0365 0.043 0.032 0.043 0.035	0.04045	2.95806e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08 0.071 0.0795 0.0745 0.0755 0.0775 0.072 0.0855 0.0805 0.08	0.0776	1.94333e-05
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Олибо Одноточечное скрещивание Олибо	Ранговая селекция         0.136           Одноточечное скрещивание         0.142           Сильная мутация         0.141           Только потомки         0.145           0.1375         0.1405           0.1425         0.106           0.1425         0.106           0.1425         0.108           0.102         0.105           0.108         0.109           Одноточечное скрещивание         0.099           Сильная мутация         0.1045           1.045         0.1045           7.0145         0.1045           0.103         0.1115           0.1015         0.003           0.102         0.0575           0.0675         0.0675           0.0675         0.0675           0.0665         0.0675           0.0675         0.0645           0.071         0.063           0.071         0.063           0.044         0.044           0.047         0.044           0.048         0.044           0.049         0.043           0.035         0.043           0.036         0.044           0.037         0.043

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0365 0.0455 0.039 0.044 0.0355 0.041 0.0375 0.038 0.043	0.04	1.11111e-05
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.134 0.137 0.1385 0.1345 0.1325 0.141 0.142 0.148 0.1355 0.1345	0.13775	2.25139e-05
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1005 0.101 0.1085 0.1075 0.0975 0.098 0.103 0.101 0.0995 0.097	0.10135	1.56694e-05
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.036 0.0395 0.0305 0.038 0.0335 0.039 0.043 0.0385 0.0415 0.036	0.03755	1.36917e-05
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.0265 0.0245 0.017 0.02 0.02 0.0245 0.027 0.0215	0.02325	1.55139e-05

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.072 0.061 0.0605 0.0625 0.061 0.0585 0.064 0.0585 0.0595	0.06165	1.63361e-05
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.028 0.029 0.031 0.026 0.0245 0.0295 0.0335 0.0225 0.027 0.0285	0.02795	1.0025e-05
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.131 0.1365 0.134 0.136 0.1355 0.137 0.1385 0.1345 0.125 0.13	0.1338	1.64e-05
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1015 0.099 0.1055 0.103 0.107 0.102 0.103 0.0935 0.0985 0.0995	0.10125	1.48472e-05
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.055 0.057 0.063 0.0555 0.071 0.0595 0.059 0.063 0.0625 0.061	0.06065	2.19472e-05

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.041 0.039 0.034 0.0365 0.043 0.0375 0.0445 0.039 0.0385	0.0393	9.34444e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0695 0.066 0.07 0.063 0.067 0.0665 0.0715 0.074 0.0675 0.068	0.0683	9.56667e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.037 0.046 0.0345 0.0375 0.0375 0.035 0.035 0.0295 0.037 0.0355	0.03645	1.68028e-05
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.135 0.125 0.137 0.128 0.1345 0.126 0.131 0.129 0.1245	0.12985	1.92806e-05
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1 0.1 0.0995 0.0925 0.098 0.1 0.099 0.0925 0.0945 0.101	0.0977	1.06778e-05

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

Nº	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0565 0.0505 0.048 0.0535 0.051 0.0575 0.0535 0.053 0.051	0.05215	1.1225e-05
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0365 0.0375 0.039 0.0335 0.034 0.0365 0.039 0.037 0.046 0.035	0.0374	1.26e-05
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.068 0.0695 0.0635 0.059 0.0675 0.068 0.065 0.0625 0.0715 0.072	0.06665	1.70028e-05
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.031 0.0225 0.0325 0.026 0.0275 0.031 0.0375 0.0335 0.0375 0.0325	0.03115	2.2725e-05
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.138 0.1345 0.1355 0.1325 0.131 0.132 0.133 0.1345 0.133 0.1315	0.13355	4.46944e-06

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.096 0.1 0.0985 0.1015 0.1035 0.102 0.0975 0.103 0.096 0.099	0.0997	7.56667e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0265 0.028 0.028 0.028 0.027 0.0215 0.024 0.0275 0.026 0.0265	0.0263	4.34444e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.023 0.014 0.0175 0.0215 0.022 0.0195 0.015 0.015 0.0175 0.0185	0.01835	9.89167e-06
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.049 0.042 0.0425 0.0555 0.05 0.046 0.0545 0.056 0.0425	0.0482	3.15111e-05
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.015 0.0185 0.0215 0.0195 0.0195 0.018 0.016 0.0165 0.025 0.0215	0.0191	9.04444e-06

Таблица 1. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.123 0.1205 0.1295 0.123 0.122 0.1235 0.131 0.124 0.13 0.125	0.12515	1.35028e-05
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0965 0.095 0.0935 0.085 0.093 0.0945 0.095 0.092 0.0955 0.097	0.0937	1.16778e-05

## ${f 2.4}$ Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0665 0.0655 0.062 0.052 0.0575 0.062 0.057 0.064 0.061	0.06075	1.90139e-05
		0.06	Продолжение на сле	дующей страни

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0425 0.045 0.044 0.045 0.048 0.0445 0.041 0.042 0.04 0.043	0.0435	5.33333e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.073 0.073 0.0695 0.0615 0.0755 0.0705 0.0695 0.072 0.076 0.064	0.07045	2.16917e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.036 0.041 0.0275 0.039 0.037 0.0365 0.041 0.0395 0.039 0.0375	0.0374	1.51556e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1335 0.133 0.135 0.124 0.134 0.124 0.1285 0.133 0.132 0.127	0.1304	1.74333e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.098 0.097 0.094 0.095 0.0955 0.0905 0.1065 0.1075 0.0955 0.1	0.09795	2.9025e-05
	Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное окрещивание Одноточечное окрещи	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное одноточечное скрещивание Одноточечное одноточечное одноточечное одноточечное од

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0535 0.0535 0.061 0.0475 0.057 0.052 0.06 0.055 0.0645	0.05585	2.4225e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.041 0.04 0.036 0.038 0.0345 0.044 0.0325 0.0375 0.0335 0.0375	0.03745	1.25806e-05
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.068 0.061 0.072 0.063 0.068 0.0655 0.0715 0.0635 0.069 0.0645	0.0666	1.36e-05
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0365 0.0395 0.038 0.0405 0.0335 0.0315 0.035 0.033 0.037 0.036	0.03605	8.24722e-06
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1285 0.1315 0.1345 0.1385 0.134 0.1325 0.138 0.1225 0.126 0.133	0.1319	2.53778e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

$\mathcal{N}_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0955 0.102 0.1005 0.1005 0.098 0.1065 0.1005 0.099 0.098 0.1	0.10005	8.46944e-06
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.03 0.029 0.036 0.026 0.029 0.0295 0.0285 0.032 0.032 0.0265	0.02985	8.50278e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0175 0.0155 0.0195 0.0185 0.021 0.0235 0.022 0.0205 0.0175 0.018	0.01935	5.83611e-06
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.06 0.0535 0.056 0.0515 0.0485 0.0495 0.0545 0.057 0.054	0.05365	1.21139e-05
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.024 0.0245 0.024 0.021 0.0295 0.0225 0.0175 0.0285 0.023 0.0205	0.0235	1.27778e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1295 0.1295 0.1245 0.129 0.1265 0.1205 0.1225 0.1315 0.117 0.124	0.12545	2.11917e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09 0.1025 0.091 0.096 0.085 0.098 0.0955 0.095 0.092 0.0905	0.09355	2.39694e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.062 0.0755 0.0725 0.075 0.0755 0.071 0.074 0.068 0.073 0.0705	0.0717	1.74556e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.048 0.047 0.0455 0.046 0.053 0.052 0.0435 0.0475 0.053 0.0415	0.0477	1.54556e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0785 0.0845 0.0835 0.0735 0.0795 0.078 0.0805 0.0775 0.086 0.085	0.08065	1.60583e-05
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	О.1295   О.1295   О.1295   О.1295   О.1295   О.1245   О.1245   О.1245   О.1296   О.1297   О.1297   О.1296   О.1297   О.1297   О.1296   О.1297   О.1296   О.1296   О.1296   О.1295   О.1295   О.1295   О.1205   О.1315   О.117   О.1124   О.09   О.1025   О.091   О.096   О.096   О.096   О.096   О.098   О.098   О.098   О.098   О.098   О.098   О.099   О.099   О.099   О.099   О.099   О.099   О.099   О.099   О.099   О.090   О.0755   О.0725   О.0725   О.075   О.075   О.075   О.075   О.074   О.068   О.073   О.070   О.075   О.048   О.047   О.045   О.047   О.045   О.046   О.047   О.045   О.053   О.0415   О.073   О.073   О.0735   О.084   О.0735   О.0845   О.0835   О.0845   О.0835   О.0845   О.0835   О.0415   О.0775   О.086	О.1295   О.1295   О.1295   О.1295   О.1295   О.1295   О.1295   О.1245   О.1245   О.1295   О.1245   О.1295   О.1265   О.1265   О.1265   О.1205   О.1205   О.1205   О.1315   О.117   О.124   О.09   О.1025   О.091   О.091   О.091   О.091   О.091   О.091   О.096   О.092   О.093   О.0755   О.0755   О.0755   О.0755   О.0755   О.0755   О.0755   О.0755   О.0755   О.0765   О.0765   О.068   О.073   О.0705   О.068   О.075   О.068   О.075   О.052   О.064   О.045   О.0455   О.0475   О.053   О.0415   О.0475   О.053   О.0415   О.0475   О.053   О.0415   О.0785   О.0845   О.0835   О.0415   О.0835   О.0415   О.0835   О.0415   О.0835   О.0415   О.0835   О.0845   О.0835   О.0845   О.0835   О.0415   О.0865   О.0805   О.0775   О.0866   О.0866   О.0775   О.0866   О.086

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0415 0.047 0.045 0.0455 0.044 0.0355 0.044 0.044 0.044	0.0438	1.14e-05
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.136 0.1415 0.132 0.1285 0.142 0.141 0.145 0.1375 0.1405 0.1425	0.13865	2.65583e-05
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.106 0.108 0.105 0.099 0.102 0.1045 0.1045 0.103 0.1115 0.102	0.10455	1.20806e-05
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0575 0.0655 0.0675 0.0675 0.066 0.0675 0.0595 0.0645 0.071	0.06495	1.63028e-05
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05 0.044 0.044 0.041 0.036 0.0365 0.043 0.032 0.043 0.035	0.04045	2.95806e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08 0.071 0.0795 0.0745 0.0755 0.0775 0.072 0.0855 0.0805 0.08	0.0776	1.94333e-05
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0365 0.0455 0.039 0.044 0.04 0.0355 0.041 0.0375 0.038 0.043	0.04	1.11111e-05
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.134 0.137 0.1385 0.1345 0.1325 0.141 0.142 0.148 0.1355 0.1345	0.13775	2.25139e-05
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1005 0.101 0.1085 0.1075 0.0975 0.098 0.103 0.101 0.0995 0.097	0.10135	1.56694e-05
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.036 0.0395 0.0305 0.038 0.0335 0.039 0.043 0.0385 0.0415 0.036	0.03755	1.36917e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.0265 0.0245 0.017 0.02 0.02 0.0245 0.027 0.0215	0.02325	1.55139e-05
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.072 0.061 0.0605 0.0625 0.061 0.0585 0.064 0.0585 0.0595	0.06165	1.63361e-05
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.028 0.029 0.031 0.026 0.0245 0.0295 0.0335 0.0225 0.027 0.0285	0.02795	1.0025e-05
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.131 0.1365 0.134 0.136 0.1355 0.137 0.1385 0.1345 0.125 0.13	0.1338	1.64e-05
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1015 0.099 0.1055 0.103 0.107 0.102 0.103 0.0935 0.0985 0.0995	0.10125	1.48472e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.055 0.057 0.063 0.0555 0.071 0.0595 0.059 0.063 0.0625 0.061	0.06065	2.19472e-05
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.041 0.039 0.034 0.0365 0.043 0.0375 0.0445 0.039 0.0385	0.0393	9.34444e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0695 0.066 0.07 0.063 0.067 0.0665 0.0715 0.074 0.0675 0.068	0.0683	9.56667e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.037 0.046 0.0345 0.0375 0.0375 0.035 0.0295 0.037 0.0355	0.03645	1.68028e-05
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.135 0.125 0.137 0.128 0.1345 0.126 0.131 0.129 0.1245 0.1285	0.12985	1.92806e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1 0.1 0.0995 0.0925 0.098 0.1 0.099 0.0925 0.0945 0.101	0.0977	1.06778e-05
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0565 0.0505 0.048 0.0535 0.051 0.0575 0.0535 0.053 0.053	0.05215	1.1225e-05
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0365 0.0375 0.039 0.0335 0.034 0.0365 0.039 0.037 0.046 0.035	0.0374	1.26e-05
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.068 0.0695 0.0635 0.059 0.0675 0.068 0.065 0.0625 0.0715 0.072	0.06665	1.70028e-05
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.031 0.0225 0.0325 0.026 0.0275 0.031 0.0375 0.0335 0.0375 0.0325	0.03115	2.2725e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.138 0.1345 0.1355 0.1325 0.131 0.132 0.133 0.1345 0.133 0.1315	0.13355	4.46944e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.096 0.1 0.0985 0.1015 0.1035 0.102 0.0975 0.103 0.096 0.099	0.0997	7.56667e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0265 0.028 0.028 0.028 0.027 0.0215 0.024 0.0275 0.026 0.0265	0.0263	4.34444e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.023 0.014 0.0175 0.0215 0.022 0.0195 0.015 0.015 0.0175 0.0185	0.01835	9.89167e-06
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.049 0.042 0.0425 0.0555 0.05 0.046 0.0545 0.056 0.0425 0.044	0.0482	3.15111e-05

Таблица 2. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.015 0.0185 0.0215 0.0195 0.0195 0.018 0.016 0.0165 0.025 0.0215	0.0191	9.04444e-06
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.123 0.1205 0.1295 0.123 0.122 0.1235 0.131 0.124 0.13 0.125	0.12515	1.35028e-05
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0965 0.095 0.0935 0.085 0.093 0.0945 0.095 0.092 0.0955 0.097	0.0937	1.16778e-05

## 2.5 Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.16 0.25 0.16 0.26 0.22 0.18 0.25 0.19 0.22 0.24	0.213	0.00144556
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.4 0.4 0.39 0.39 0.29 0.36 0.41 0.34 0.37 0.39	0.374	0.00131556
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.12 0.16 0.21 0.18 0.13 0.13 0.13 0.07 0.15	0.143	0.00140111
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.43 0.38 0.51 0.4 0.41 0.42 0.4 0.37 0.42 0.43	0.417	0.00146778
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0.02 0 0.02 0.01 0.01 0.02 0 0	0.008	8.44444e-05

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.07 0.03 0.04 0.03 0.06 0.03 0.04 0.04 0.04	0.038	0.000284444
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.3 0.24 0.27 0.32 0.28 0.33 0.27 0.26 0.25 0.26	0.278	0.000884444
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.45 0.41 0.44 0.37 0.43 0.37 0.48 0.42 0.43 0.42	0.422	0.00112889
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.12 0.23 0.15 0.2 0.15 0.2 0.14 0.19 0.16 0.16	0.17	0.00113333
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.43 0.35 0.39 0.4 0.45 0.51 0.42 0.45 0.4 0.42	0.422	0.00184

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

$\mathcal{N}_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.02 0 0.03 0 0.01 0 0 0.02 0	0.008	0.000128889
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.04 0.03 0.04 0.02 0.03 0.03 0.03 0.03 0.05 0.02	0.033	9e-05
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.55 0.51 0.46 0.54 0.56 0.55 0.48 0.52 0.59	0.531	0.00152111
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.7 0.72 0.68 0.66 0.62 0.59 0.6 0.65 0.65 0.66 0.71	0.659	0.00203222
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.19 0.2 0.18 0.28 0.32 0.26 0.26 0.22 0.26 0.22	0.241	0.00192111

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

$N_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.61 0.56 0.54 0.6 0.56 0.6 0.68 0.55 0.61 0.6	0.591	0.00167667
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.01 0 0.01 0.01 0 0 0.02 0.01 0	0.007	4.55556e-05
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06 0.03 0.04 0.05 0.09 0.03 0.02 0.04 0.02 0.07	0.045	0.000516667
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.19 0.17 0.16 0.17 0.08 0.17 0.18 0.18 0.18 0.21 0.14	0.165	0.00122778
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.35 0.31 0.36 0.37 0.26 0.27 0.34 0.32 0.31 0.34	0.323	0.00133444

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08 0.07 0.05 0.13 0.07 0.11 0.13 0.11 0.04 0.06	0.085	0.00107222
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.39 0.26 0.33 0.29 0.35 0.34 0.46 0.37 0.34 0.27	0.34	0.00353333
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.01 0.01 0.01 0.01 0 0 0 0 0	0.004	2.66667e-05
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.01 0.03 0.05 0.04 0.03 0.02 0.04 0	0.03	0.000266667
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.21 0.21 0.16 0.14 0.21 0.17 0.24 0.22 0.15 0.18	0.189	0.00112111

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.3 0.34 0.33 0.4 0.45 0.42 0.33 0.51 0.33 0.48	0.389	0.00538778
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07 0.16 0.13 0.1 0.09 0.13 0.12 0.08 0.07 0.09	0.104	0.000893333
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.4 0.31 0.42 0.36 0.38 0.47 0.34 0.42 0.4 0.43	0.385	0.00218333
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0.02 0 0.02 0 0.02 0.01 0 0	0.007	9e-05
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.07 0.04 0.02 0.03 0.07 0.01 0.02 0.06 0.03	0.037	0.00049

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.41 0.44 0.53 0.43 0.44 0.4 0.36 0.49 0.4 0.4	0.434	0.00231556
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.51 0.56 0.62 0.68 0.64 0.64 0.58 0.58 0.58 0.63 0.65	0.609	0.00256556
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.13 0.19 0.2 0.19 0.16 0.22 0.17 0.17 0.21 0.22	0.186	0.000826667
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.49 0.53 0.46 0.56 0.61 0.49 0.46 0.59 0.52 0.53	0.524	0.00262667
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0.01 0 0 0 0 0.01 0.01 0 0	0.004	2.66667e-05

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.04 0.03 0.04 0.02 0.04 0.03 0.07 0.04 0.04	0.037	0.000201111
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.28 0.25 0.19 0.3 0.18 0.21 0.24 0.26 0.18 0.15	0.224	0.00242667
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.4 0.37 0.37 0.46 0.4 0.37 0.39 0.37 0.4	0.393	0.000756667
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.13 0.19 0.19 0.22 0.13 0.11 0.14 0.09 0.17 0.19	0.156	0.00176
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.4 0.29 0.43 0.4 0.39 0.43 0.45 0.53 0.41 0.42	0.415	0.00351667

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.01 0.01 0.01 0 0.01 0 0 0.01 0.01 0.01	0.007	2.33333e-05
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.02 0.03 0.05 0.05 0.04 0 0.04 0.01 0.06	0.033	0.000356667
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.23 0.27 0.3 0.28 0.28 0.25 0.27 0.23 0.28 0.3	0.269	0.000632222
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.47 0.41 0.45 0.47 0.45 0.41 0.37 0.42 0.36 0.42	0.423	0.00144556
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.14 0.11 0.15 0.23 0.18 0.19 0.2 0.2 0.12 0.11	0.163	0.00182333

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.48 0.6 0.45 0.53 0.53 0.49 0.4 0.47 0.36 0.46	0.477	0.00462333
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0.01 0.01 0 0 0.01 0 0 0.03 0.01	0.007	9e-05
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.01 0.04 0.03 0.01 0.05 0.04 0.04 0.04 0.04	0.035	0.000205556
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.59 0.56 0.54 0.56 0.54 0.61 0.6 0.53 0.54 0.53	0.56	0.000888889
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.62 0.73 0.68 0.63 0.63 0.66 0.7 0.73 0.72 0.65	0.675	0.00185

Таблица 3. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 20)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.25 0.38 0.4 0.2 0.3 0.3 0.2 0.22 0.32 0.38	0.295	0.00576111
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.74 0.66 0.62 0.66 0.67 0.66 0.69 0.69 0.53 0.61	0.653	0.00320111
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.01 0 0 0.01 0.03 0 0.01 0 0 0.02	0.008	0.000106667
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.03 0.02 0.08 0.05 0.01 0.05 0.07 0.03 0.04	0.041	0.000476667

## Исследование эффективности алгоритма 3 оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

#### 3.1 Информация об исследовании

Сергиенко Антон Борисович. Автор исследования:

27.01.2014 23:17:39. Дата создания исследования:

27.01.2014 23:17:39. Дата создания исследования:

MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm. Идентификатор алгоритма:

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

Идентификатор исследуемой тестовой

функции:

MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

30 Размерность тестовой функции:

10 Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма:

100 Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

400 Максимальное допустимое число вычислений целевой функции:

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

54 Количество комбинаций вариантов настроек:

21600000 Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во

всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

## 3.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 6 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \begin{pmatrix} Tun \ cenekuuu \\ Tun \ ckpewubahus \\ Tun \ mymauuu \\ Tun \ формирования \ нового \ поколения \end{pmatrix}. \tag{6}$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(7)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Слабая мутация} \ \mbox{Средняя мутация} \ \mbox{Сильная мутация} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(9)$$

# 3.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0686667 0.0663333 0.0673333 0.0726667 0.0673333 0.0743333 0.0686667 0.0676667 0.074 0.0653333	0.0692333	1.04951e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0513333 0.0473333 0.051 0.0506667 0.0496667 0.0503333 0.0466667 0.048 0.044	0.0485333	5.95556e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0726667 0.0836667 0.0793333 0.0766667 0.0766667 0.082 0.083 0.0756667 0.08	0.0791667	1.31913e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0423333 0.0443333 0.0433333 0.0396667 0.047 0.042 0.0453333 0.049 0.043	0.0440333	6.99874e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149667 0.150333 0.143 0.154667 0.154667 0.147333 0.150667 0.151333 0.147667 0.157333	0.150667	1.74321e-05
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция одноточечное и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация	Пропорциональная селекция Ологабебг Олобебаз Олобебаз Олобебаз Олобебаз Олобеба Олобе	Пропорциональная селекция Олотабебг Олобебег Олобебег Олобебег Олобебег Олобебег Олобебег Олота

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.104667 0.106667 0.107 0.112 0.111 0.108 0.102333 0.108333 0.100333 0.111667	0.1072	1.52157e-05
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0623333 0.054 0.059 0.058 0.065 0.06 0.0586667 0.0526667 0.061 0.0593333	0.059	1.31604e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0356667 0.0366667 0.036 0.041 0.0386667 0.0393333 0.0443333 0.038 0.0333333	0.0380667	9.37773e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07 0.0763333 0.0743333 0.078 0.0733333 0.0763333 0.073 0.0746667 0.0733333 0.0793333	0.0748666	7.36293e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0396667 0.0423333 0.0386667 0.042 0.0383333 0.0386667 0.037 0.0416667 0.0353333 0.0416667	0.0395333	5.56053e-06

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.140667 0.145333 0.132 0.148333 0.154333 0.14		
	0.146333 0.147667 0.148333 0.148	0.1451	3.77776e-05
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.106 0.102667 0.113 0.107 0.101333 0.108 0.100667 0.106 0.106 0.103333	0.1054	1.32048e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.024 0.027 0.026 0.0243333 0.0263333 0.0276667 0.028 0.023 0.026 0.024	0.0256333	2.92471e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0186667 0.012 0.024 0.0186667 0.018 0.0163333 0.0143333 0.0143333 0.0166667	0.0169	1.06927e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0486667 0.0503333 0.047 0.0443333 0.0496667 0.05 0.0526667 0.0466667 0.054	0.0488333	9.85806e-06
	Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация	Пропорциональная селекция  Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция  Равномерное скрещивание  Слабая мутация  Только потомки  Пропорциональная селекция  Равномерное скрещивание  Слабая мутация  Пропорциональная селекция  Равномерное скрещивание  Слабая мутация  Пропорциональная селекция  Равномерное скрещивание  Слабая мутация  Только потомки  Пропорциональная селекция  Равномерное обрещивание  Слабая мутация  Только потомки и копия  лучшего индивида  Пропорциональная селекция  Равномерное скрещивание  Слабая мутация  Только потомки и копия  лучшего индивида  Пропорциональная селекция  Равномерное скрещей обебат  Оли (12)  Оли (12)  Оли (13333)  Оли (143333)  Оли (143333)  Оли (143333)  Оли (166667)  Оли (16	Пропорциональная селекция Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Олибе

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.021 0.0236667 0.022 0.0233333 0.0233333 0.0216667 0.023 0.026 0.022 0.0223333	0.0228333	1.95678e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.133333 0.137 0.135333 0.142333 0.138 0.140333 0.140667 0.137 0.138333 0.130667	0.1373	1.23563e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.102667 0.107 0.0956667 0.0986667 0.103333 0.100667 0.100667 0.104333 0.104667	0.102167	1.09194e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0793333 0.0703333 0.0766667 0.0853333 0.0746667 0.072 0.0756667 0.073 0.076	0.0754	1.98962e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.049 0.0543333 0.0443333 0.0466667 0.0486667 0.0473333 0.0476667 0.0513333 0.049	0.0482667	9.13085e-06
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное окрещивание Одноточечное окрешивание Одноточечное окрешивание Од	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Опробебот Опобебот Опоб

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0746667 0.0826667 0.0843333 0.0826667 0.0836667 0.0803333 0.0853333 0.0853333 0.0833333	0.0821	9.11225e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.045 0.0423333 0.0423333 0.0423333 0.0406667 0.043 0.0486667 0.046 0.043	0.0439333	5.79758e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145333 0.149333 0.153333 0.145333 0.152667 0.145667 0.152667 0.149 0.149333	0.149167	9.29062e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.108667 0.111333 0.106333 0.105 0.111 0.107 0.116 0.110667 0.104 0.111	0.1091	1.30384e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0556667 0.064 0.062 0.0606667 0.056 0.056 0.0606667 0.0536667 0.0596667	0.0592	1.32148e-05
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное одношание Одноточечное одношание	Ранговая селекция Оложовобого оложового оложо

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0343333 0.0396667 0.0396667 0.0396667 0.0333333 0.043 0.043 0.043 0.037 0.043	0.0392667	1.19458e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0786667 0.078 0.077 0.0683333 0.0766667 0.066 0.0733333 0.074 0.0706667 0.0766667	0.0739333	1.87359e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0433333 0.0446667 0.038 0.038 0.037 0.0446667 0.0446667 0.0363333 0.0396667	0.0407333	1.14026e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.144 0.138 0.152333 0.146333 0.151 0.146 0.144 0.146 0.151 0.158667	0.147733	3.25142e-05
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107333 0.106 0.104667 0.0973333 0.108333 0.107667 0.105 0.113333 0.106333 0.106	0.1062	1.57079e-05
	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное крещивание Сильная мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Олоза Оло	Ранговая селекция

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0296667 0.0283333 0.028 0.0253333 0.0266667 0.0273333 0.027 0.0253333 0.0206667 0.0276667	0.0266	6.06912e-06
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.013 0.0133333 0.0133333 0.014 0.0183333 0.0166667 0.0186667 0.021 0.0176667 0.016	0.0162	7.51117e-06
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0526667 0.053 0.052 0.0453333 0.0526667 0.047 0.047 0.0516667 0.052 0.0543333	0.0507667	9.63091e-06
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0186667 0.0216667 0.024 0.0216667 0.0206667 0.023 0.018 0.0206667 0.0156667 0.0173333	0.0201334	6.9926e-06
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.136 0.142333 0.138 0.138 0.135333 0.139 0.136 0.141 0.144 0.135667	0.138533	9.16518e-06

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.101667 0.105667 0.107333 0.105333 0.102333 0.108667 0.101 0.101 0.106 0.102	0.1041	7.95193e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0596667 0.0673333 0.0656667 0.0603333 0.0623333 0.07 0.0643333 0.0543333 0.05603333	0.0625333	1.99309e-05
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0426667 0.043 0.0456667 0.0426667 0.042 0.037 0.04 0.0396667 0.042 0.049	0.0423667	1.08259e-05
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0733333 0.0713333 0.0696667 0.071 0.0686667 0.075 0.0703333 0.069 0.0736667	0.0708667	6.54809e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.039 0.034 0.033 0.032 0.0433333 0.034 0.039 0.0353333 0.0353333	0.0365667	1.38037e-05

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.135333 0.141667 0.141333 0.145333 0.138667 0.145667 0.143667 0.139333 0.137667 0.141	0.140967	1.10732e-05
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.100667 0.096 0.104333 0.106667 0.105 0.100333 0.0993333 0.1 0.101	0.102133	1.3857e-05
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0466667 0.0473333 0.0536667 0.0546667 0.0416667 0.0513333 0.0543333 0.0543333 0.06	0.0519333	2.81431e-05
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0376667 0.03 0.0316667 0.0353333 0.034 0.0343333 0.0403333 0.0336667 0.0343333 0.0376667	0.0349	9.1617e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0676667 0.064 0.066 0.0653333 0.0673333 0.0586667 0.0613333 0.0626667 0.0636667	0.0634667	1.12148e-05
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное обрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация	Турнирная селекция О.141667 О.141333 Одноточечное скрещивание О.138667 Сильная мутация О.145667 Только потомки О.143667 О.193333 О.137667 О.141  Турнирная селекция О.100667 О.096 Олобеб О.104333 Олоточечное скрещивание Сильная мутация О.106667 Олобе О.105 Олобе О	О.135333

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

$\mathcal{N}_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0396667 0.0326667 0.034 0.0313333 0.0323333 0.0316667 0.0303333 0.034 0.0303333 0.0336667	0.033	7.35812e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145667 0.138 0.147333 0.143333 0.143667 0.139 0.145333 0.142 0.139333 0.135	0.141867	1.53875e-05
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.103 0.0983333 0.102 0.095 0.101333 0.103333 0.0983333 0.100667 0.104333 0.113667	0.102	2.47166e-05
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0176667 0.018 0.015 0.0173333 0.0176667 0.0193333 0.021 0.0196667 0.017 0.0156667	0.0178333	3.26542e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0146667 0.0133333 0.011 0.016 0.009 0.0113333 0.0106667 0.013 0.0143333 0.0123333	0.0125667	4.49506e-06

Таблица 4. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0446667 0.039 0.0423333 0.0406667 0.041 0.037 0.031 0.039 0.044 0.0396667	0.0398333	1.51667e-05
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.013 0.0166667 0.0163333 0.0133333 0.0153333 0.0176667 0.0156667 0.0176667 0.015	0.0154	3.03217e-06
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.128 0.127 0.131 0.129 0.132333 0.130667 0.126667 0.127333 0.129 0.130667	0.129167	3.73451e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0993333 0.097 0.0963333 0.097 0.0976667 0.104667 0.0993333 0.0913333 0.0956667 0.0966667	0.0975	1.134e-05

## ${f 3.4}$ Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0686667 0.0663333 0.0673333 0.0726667 0.0673333 0.0743333 0.0686667 0.0676667 0.074 0.0653333	0.0692333	1.04951e-05
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0513333 0.0473333 0.051 0.0506667 0.0496667 0.0503333 0.0466667 0.048 0.044 0.0463333	0.0485333	5.95556e-06
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0726667 0.0836667 0.0793333 0.0766667 0.0766667 0.082 0.083 0.0756667 0.08	0.0791667	1.31913e-05
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0423333 0.0443333 0.0433333 0.0396667 0.047 0.042 0.0453333 0.049 0.043 0.0443333	0.0440333	6.99874e-06
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149667 0.150333 0.143 0.154667 0.154667 0.147333 0.150667 0.151333 0.147667 0.157333	0.150667	1.74321e-05

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.104667 0.106667 0.107 0.112 0.111 0.108 0.102333 0.108333 0.100333	0.1072	1.52157e-05
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0623333 0.054 0.059 0.058 0.065 0.06 0.0586667 0.0526667 0.061 0.0593333	0.059	1.31604e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0356667 0.0366667 0.036 0.041 0.0386667 0.0393333 0.0443333 0.038 0.0333333 0.0376667	0.0380667	9.37773e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07 0.0763333 0.0743333 0.078 0.0733333 0.0763333 0.073 0.0746667 0.0733333 0.0793333	0.0748666	7.36293e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0396667 0.0423333 0.0386667 0.042 0.0383333 0.0386667 0.037 0.0416667 0.0353333 0.0416667	0.0395333	5.56053e-06

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.140667 0.145333 0.132 0.148333 0.154333 0.14 0.146333 0.147667 0.148333 0.148	0.1451	3.77776e-05
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.106 0.102667 0.113 0.107 0.101333 0.108 0.100667 0.106 0.106 0.103333	0.1054	1.32048e-05
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.024 0.027 0.026 0.0243333 0.0263333 0.0276667 0.028 0.023 0.026 0.024	0.0256333	2.92471e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0186667 0.012 0.024 0.0186667 0.018 0.0163333 0.0143333 0.0143333 0.0166667	0.0169	1.06927e-05
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0486667 0.0503333 0.047 0.0443333 0.0496667 0.05 0.0526667 0.0466667 0.054	0.0488333	9.85806e-06

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.021 0.0236667 0.022 0.0233333 0.0233333 0.0216667 0.023 0.026 0.022 0.0223333	0.0228333	1.95678e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.133333 0.137 0.135333 0.142333 0.138 0.140333 0.140667 0.137 0.138333 0.130667	0.1373	1.23563e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.102667 0.107 0.0956667 0.0986667 0.103333 0.100667 0.100667 0.104333 0.104667	0.102167	1.09194e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0793333 0.0703333 0.0766667 0.0853333 0.0746667 0.072 0.0756667 0.073 0.076	0.0754	1.98962e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.049 0.0543333 0.0443333 0.0443333 0.0466667 0.0486667 0.0473333 0.0476667 0.0513333 0.049	0.0482667	9.13085e-06
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное окрещивание Одноточечное окрешивание Одното	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Сильная м

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0746667 0.0826667 0.0843333 0.0826667 0.0836667 0.0806667 0.0803333 0.0853333 0.0853333	0.0821	9.11225e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.045 0.0423333 0.0423333 0.0423333 0.0406667 0.043 0.0486667 0.046 0.043	0.0439333	5.79758e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145333 0.149333 0.153333 0.145333 0.152667 0.145667 0.152667 0.149 0.149333 0.149	0.149167	9.29062e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.108667 0.111333 0.106333 0.105 0.111 0.107 0.116 0.110667 0.104 0.111	0.1091	1.30384e-05
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0556667 0.064 0.062 0.0606667 0.056 0.056 0.0606667 0.0536667 0.0596667 0.0636667	0.0592	1.32148e-05

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0343333 0.0396667 0.0396667 0.0396667 0.0333333 0.043 0.043 0.037 0.043 0.043	0.0392667	1.19458e-05
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0786667 0.078 0.077 0.0683333 0.0766667 0.066 0.0733333 0.074 0.0706667 0.0766667	0.0739333	1.87359e-05
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0433333 0.0446667 0.038 0.038 0.037 0.0446667 0.0446667 0.0363333 0.0396667	0.0407333	1.14026e-05
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.144 0.138 0.152333 0.146333 0.151 0.146 0.144 0.146 0.151 0.158667	0.147733	3.25142e-05
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107333 0.106 0.104667 0.0973333 0.108333 0.107667 0.105 0.113333 0.106333	0.1062	1.57079e-05

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0296667 0.0283333 0.028 0.0253333 0.0266667 0.0273333 0.027 0.0253333 0.0206667 0.0276667	0.0266	6.06912e-06
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.013 0.0133333 0.0133333 0.014 0.0183333 0.0166667 0.0186667 0.021 0.0176667 0.016	0.0162	7.51117e-06
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0526667 0.053 0.052 0.0453333 0.0526667 0.047 0.047 0.0516667 0.052 0.0543333	0.0507667	9.63091e-06
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0186667 0.0216667 0.024 0.0216667 0.0206667 0.023 0.018 0.0206667 0.0156667 0.0173333	0.0201334	6.9926e-06
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.136 0.142333 0.138 0.138 0.135333 0.139 0.136 0.141 0.144 0.135667	0.138533	9.16518e-06

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.101667 0.105667 0.107333 0.105333 0.102333 0.108667 0.101 0.101 0.106 0.102	0.1041	7.95193e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0596667 0.0673333 0.0656667 0.0603333 0.0623333 0.07 0.0643333 0.0543333 0.0503333	0.0625333	1.99309e-05
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0426667 0.043 0.0456667 0.0426667 0.042 0.037 0.04 0.0396667 0.042 0.049	0.0423667	1.08259e-05
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0733333 0.0713333 0.0696667 0.071 0.0686667 0.0666667 0.075 0.0703333 0.069 0.0736667	0.0708667	6.54809e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.039 0.034 0.033 0.032 0.0433333 0.034 0.039 0.0353333 0.0353333	0.0365667	1.38037e-05

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.135333 0.141667 0.141333 0.145333 0.138667 0.145667 0.143667 0.139333 0.137667 0.141	0.140967	1.10732e-05
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.100667 0.096 0.104333 0.106667 0.105 0.100333 0.0993333 0.1 0.101	0.102133	1.3857e-05
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0466667 0.0473333 0.0536667 0.0546667 0.0416667 0.0513333 0.0543333 0.0543333 0.06	0.0519333	2.81431e-05
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0376667 0.03 0.0316667 0.0353333 0.034 0.0343333 0.0403333 0.0336667 0.0343333 0.0376667	0.0349	9.1617e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0676667 0.064 0.066 0.0653333 0.0673333 0.0586667 0.0613333 0.0626667 0.0636667	0.0634667	1.12148e-05
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция двуточечное окрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация	Турнирная селекция О.141667 О.141333 Одноточечное скрещивание О.138667 Сильная мутация О.145667 Только потомки О.143667 О.139333 О.137667 О.141  О.100667 О.096 О.104333 Оллогомки О.10667 О.096 О.104333 Оллогомки О.105 Ологомки О.105 Ологомки О.105 Ологомки О.101 О.101 О.108  Олобабебет Турнирная селекция О.0466667 О.0473333 О.0536667 Турнирная селекция О.0546333 Олобабебет Турнирная селекция О.0543333 Олобабебет Турнирная селекция О.0316667 Олозабая мутация Олобабабат Только потомки и копия Олобабабат Только потомки и копия Олобабабат Только потомки и копия Олобабабат Турнирная селекция Олобабабат Только потомки и копия Олобабабат Только потомки и копия Олобабабат Турнирная селекция Олобабабат Турнирная селекция Олобабабат Только потомки олобабабат Только потомки Олобабабат Только потомки Олобабабат	Пурнириая селекция Ольбебт Олобебт Ольбебт Олобебт Ол

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0396667 0.0326667 0.034 0.0313333 0.0323333 0.0316667 0.0303333 0.034 0.0303333 0.0336667	0.033	7.35812e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145667 0.138 0.147333 0.143333 0.143667 0.139 0.145333 0.142 0.139333 0.135	0.141867	1.53875e-05
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.103 0.0983333 0.102 0.095 0.101333 0.103333 0.0983333 0.100667 0.104333 0.113667	0.102	2.47166e-05
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0176667 0.018 0.015 0.0173333 0.0176667 0.0193333 0.021 0.0196667 0.017 0.0156667	0.0178333	3.26542e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0146667 0.0133333 0.011 0.016 0.009 0.0113333 0.0106667 0.013 0.0143333 0.0123333	0.0125667	4.49506e-06

Таблица 5. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0446667 0.039 0.0423333 0.0406667 0.041 0.037 0.031 0.039 0.044 0.0396667	0.0398333	1.51667e-05
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.013 0.0166667 0.0163333 0.0133333 0.0153333 0.0176667 0.0156667 0.0176667 0.015	0.0154	3.03217e-06
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.128 0.127 0.131 0.129 0.132333 0.130667 0.126667 0.127333 0.129 0.130667	0.129167	3.73451e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0993333 0.097 0.0963333 0.097 0.0976667 0.104667 0.0993333 0.0913333 0.0956667 0.0966667	0.0975	1.134e-05

## **3.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.03 0.07 0.08 0.06 0.07 0.05 0.03 0.05 0.01 0.1	0.055	0.000716667
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.19 0.2 0.14 0.15 0.16 0.19 0.18 0.18 0.18 0.18	0.176	0.000382222
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.03 0.01 0.04 0.01 0.05 0.01 0.04 0.04 0.04 0.05 0	0.028	0.000351111
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.19 0.18 0.18 0.18 0.18 0.2 0.2 0.15 0.19	0.184	0.000204444
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.01 0.01 0 0 0 0.01 0.02 0.01 0.01	0.008	4e-05
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.12 0.15 0.08 0.08 0.07 0.09 0.1 0.11 0.09 0.09	0.098	0.000551111
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.27 0.28 0.31 0.22 0.24 0.29 0.23 0.27 0.34 0.32	0.277	0.00155667
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.01 0.06 0.04 0.03 0.04 0.02 0.07 0.04 0.04	0.035	0.00045
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.3 0.2 0.25 0.18 0.22 0.23 0.24 0.2 0.32 0.32 0.22	0.236	0.00196

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0.01 0 0 0.01	0.002	1.77778e-05
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0.01 0.01 0	0.002	1.77778e-05
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.47 0.4 0.46 0.44 0.42 0.42 0.41 0.48 0.48 0.48	0.444	0.000893333
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.58 0.69 0.45 0.59 0.55 0.62 0.63 0.62 0.6 0.6	0.593	0.00386778
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.16 0.14 0.16 0.16 0.17 0.16 0.12 0.2 0.09 0.21	0.157	0.00122333

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.46 0.46 0.46 0.43 0.5 0.42 0.5 0.42 0.48	0.461	0.000898889
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0.01 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0 0.03 0 0.01 0.01 0 0	0.006	9.33333e-05
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.05 0.05 0.04 0.02 0.06 0.05 0.04 0.03 0.08 0.05	0.047	0.000267778
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.14 0.09 0.18 0.18 0.2 0.12 0.16 0.15 0.19 0.18	0.159	0.00118778

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.03 0.01 0.02 0.01 0.02 0.02 0.02 0.02 0.01 0.01 0.02	0.017	4.55556e-05
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.19 0.17 0.2 0.24 0.25 0.23 0.18 0.13 0.19 0.17	0.195	0.00133889
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0 0 0 0 0.01 0 0.01 0	0.003	2.33333e-05
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.16 0.06 0.12 0.06 0.06 0.17 0.1 0.16 0.1 0.07	0.106	0.00198222

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

$N_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.33 0.17 0.22 0.18 0.31 0.22 0.21 0.23 0.22 0.26	0.235	0.00265
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.04 0.03 0.03 0.04 0.02 0.06 0.07 0.07 0.01 0.04	0.041	0.00041
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.16 0.11 0.26 0.19 0.26 0.18 0.16 0.25 0.19 0.19	0.195	0.00238333
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0.01 0.02 0 0 0 0	0.003	4.55556e-05

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.37 0.4 0.39 0.4 0.39 0.45 0.36 0.46 0.52 0.4	0.414	0.00236
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.68 0.69 0.65 0.65 0.58 0.57 0.5 0.53 0.58 0.63	0.606	0.00407111
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09 0.12 0.14 0.15 0.1 0.22 0.15 0.11 0.16 0.17	0.141	0.00147667
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.51 0.52 0.42 0.44 0.53 0.43 0.56 0.48 0.59 0.58	0.506	0.00382667
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.02 0.01 0.01 0 0 0 0.02 0 0.01	0.008	6.22222e-05
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.08 0.11 0.11 0.09 0.1 0.11 0.1 0.14 0.06 0.08	0.098	0.000484444
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.22 0.23 0.2 0.19 0.18 0.24 0.25 0.26 0.23 0.14	0.214	0.00133778
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.03 0.04 0.08 0.02 0.1 0.08 0.01 0.02 0.04 0.02	0.044	0.000982222
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.26 0.24 0.33 0.34 0.17 0.28 0.23 0.25 0.29 0.19	0.258	0.00299556

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.02 0 0 0.01 0.01 0 0	0.006	7.11111e-05
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.16 0.21 0.19 0.12 0.28 0.14 0.18 0.16 0.12 0.13	0.169	0.00243222
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.32 0.35 0.34 0.24 0.31 0.3 0.32 0.3 0.35 0.35	0.313	0.00104556
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.03 0.07 0.07 0.1 0.02 0.02 0.04 0.07 0.08 0.08	0.058	0.000795556

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.27 0.28 0.28 0.33 0.27 0.28 0.34 0.32 0.41 0.3	0.308	0.00192889
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0.01 0 0 0 0 0.02 0 0.01	0.004	4.88889e-05
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.57 0.59 0.59 0.58 0.57 0.52 0.5 0.5 0.5 0.5	0.559	0.00152111
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.59 0.66 0.68 0.63 0.74 0.73 0.74 0.68 0.63 0.63	0.676	0.00256

Таблица 6. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 30)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.16 0.22 0.19 0.24 0.19 0.17 0.29 0.21 0.22 0.23	0.212	0.00141778
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.64 0.58 0.58 0.66 0.59 0.57 0.62 0.58 0.6 0.65	0.607	0.00109
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0.01 0 0	0.001	1e-05
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0 0 0 0 0 0 0.02 0 0.01	0.004	4.88889e-05

# 4 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

## 4.1 Информация об исследовании

Автор исследования: Сергиенко Антон Борисович.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:18:53.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:18:53.

**Идентификатор алгоритма**: MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

Идентификатор исследуемой тестовой

функции:

MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

Размерность тестовой функции: 40

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

Максимальное допустимое число вычислений целевой функции: 576

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во 31104000

всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

### 4.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 11 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \left(egin{array}{c} Tun \ ceлекции \ Tun \ cкрещивания \ Tun \ мутации \ Tun \ формирования нового поколения \ \end{array}
ight). \eqno(11)$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(12)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} \it{C}\it{n}\it{a}\it{b}\it{a}\it{s}\it{m}\it{y}\it{m}\it{a}\it{u}\it{u}\it{s} \ \it{C}\it{u}\it{n}\it{b}\it{h}\it{a}\it{s}\it{m}\it{y}\it{m}\it{a}\it{u}\it{u}\it{s} \ \it{C}\it{u}\it{n}\it{b}\it{h}\it{a}\it{s}\it{m}\it{y}\it{m}\it{a}\it{u}\it{u}\it{s} \ \it{d}\it{s}\it{u}\it{s} \ \it{u}\it{s} \ \it{d}\it{u}\it{s} \ \it{d}\it{s}\it{u}\it{s} \ \it{d}\it{s}\it{u}\it{s} \ \it{u}\it{s} \ \it{d}\it{u}\it{s} \ \it{d}\it{s}\it{u}\it{s} \ \it{d}\it{u}\it{s} \ \it{d}\it{u}\it{$$

# **4.3** Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07875 0.0765 0.0805 0.0795 0.08275 0.07975 0.08125 0.085 0.08175 0.07775	0.08035	6.15556e-06
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05825 0.05375 0.0565 0.058 0.0595 0.0605 0.05325 0.05475 0.06025 0.05675	0.05715	6.82222e-06
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0905 0.08625 0.0865 0.0835 0.08575 0.085 0.09075 0.08925 0.08825 0.08925	0.0875	6.01389e-06
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05275 0.05425 0.05325 0.0495 0.0505 0.05225 0.0545 0.057 0.04975 0.05625	0.053	6.68056e-06
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.15325 0.156 0.154 0.15775 0.16225 0.15375 0.15925 0.154 0.15475 0.1535	0.15585	8.98889e-06

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.10925 0.115 0.11725 0.11375 0.1155 0.11375 0.11225 0.111 0.116 0.10975	0.11335	7.37778e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0655 0.06875 0.06625 0.06175 0.0605 0.06275 0.06375 0.0675 0.0625 0.06225	0.06415	7.35e-06
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04275 0.0485 0.0425 0.04625 0.04725 0.0435 0.05125 0.0515 0.0445	0.046175	1.13062e-05
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07575 0.08175 0.077 0.083 0.08075 0.07825 0.07975 0.0815 0.08275 0.0775	0.0798	6.49722e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04775 0.0465 0.0425 0.0475 0.0445 0.05075 0.0465 0.0435 0.045 0.0475	0.0462	5.775e-06

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

	0.150		
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.156 0.15175 0.15275 0.15225 0.15025 0.15275 0.151 0.15825 0.16075 0.154	0.153975	1.13257e-05
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105 0.11725 0.1125 0.11025 0.11175 0.10875 0.11825 0.1155 0.1155 0.11525 0.11325	0.112775	1.64368e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.03 0.02475 0.02275 0.02125 0.02175 0.02575 0.02575 0.0275 0.0225 0.0195	0.02415	1.01556e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01975 0.01525 0.01825 0.01575 0.01825 0.01575 0.017 0.01825 0.0175 0.016	0.017175	2.15347e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.05325 0.0495 0.053 0.0525 0.05 0.05075 0.04825 0.05575 0.0535 0.0505	0.0517	5.15e-06
	Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  О.15275  Только потомки  О.1511  О.15825 О.16075 О.154  О.105 О.11725 О.11725 О.11725 О.11025 О.11175 О.11025 О.11175 Только потомки и копия Только потомки и копия О.11825 О.11525 О.11525 О.11525 О.11525 О.11525 О.11325  О.03 О.02475 О.02275 О.02275 О.02275 О.02275 О.02275 О.0225 О.0195  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание О.02175 О.0225 О.0195  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация О.02575 О.0225 О.0195  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация О.01575 О.01525 О.0195  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание О.01575 О.01525 О.0195  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание О.01575 О.0175 О.016  О.05325 О.0495 О.053 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация О.05075 О.0535	Двуточечное скрещивание Сильная мутация О.15275 Только потомки О.151 О.15825 О.16075 О.154 О.105 О.154 О.105 О.11725 О.11725 О.11025 О.11725 О.11825 О.11825 О.11825 О.11825 О.11825 О.11325 О.11325 О.11325 О.03 О.02475 О.02275 О.02275 О.02275 О.02275 О.02275 О.02275 О.02275 О.02257 О.02257 О.02257 О.0225 О.0195 О.0195 О.0195 О.0195 О.0195 О.0195 О.0195 О.01575 О.01825 О.0175 О.01825 О.01825 О.0175 О.01825 О.01825 О.0175 О.016 О.05325 О.0175 О.016 Пропорциональная селекция О.01825 О.0175 О.016 О.05325 О.0495 О.053 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание О.01825 О.0175 О.016 О.05325 О.0495 О.053 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание О.05325 О.0495 О.053 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание О.05325 О.0495 О.05335 Пропорциональная селекция О.05575 О.05355

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03075 0.02475 0.0245 0.02375 0.023 0.029 0.0285 0.02525 0.02375 0.0255	0.025875	6.82292e-06
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1445 0.139 0.1415 0.144 0.14575 0.14125 0.14325 0.1395 0.1435 0.14375	0.1426	4.85e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105 0.0985 0.10225 0.105 0.108 0.10275 0.1075 0.10225 0.1085 0.10075	0.10405	1.09972e-05
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.076 0.0765 0.07825 0.0775 0.0755 0.07775 0.07925 0.0795 0.07325 0.07775	0.077125	3.51736e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04775 0.05325 0.05475 0.05425 0.04925 0.05025 0.05075 0.05325 0.05 0.05	0.051575	5.36181e-06

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08225 0.0855 0.08375 0.08575 0.08625 0.08225 0.081 0.082 0.08275	0.083	5.70833e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.049 0.05275 0.04775 0.04475 0.0475 0.0455 0.05125 0.047 0.045 0.05125	0.048175	7.94514e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.16075 0.161 0.15575 0.157 0.15475 0.15225 0.157 0.14975 0.15175 0.15375	0.155375	1.37257e-05
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1115 0.116 0.11225 0.11275 0.1145 0.1175 0.11375 0.11275 0.112	0.11415	5.89167e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0695 0.06725 0.06025 0.0645 0.05275 0.062 0.06075 0.0665 0.057	0.0625	2.54722e-05

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04575 0.0455 0.0445 0.05125 0.041 0.041 0.0425 0.04325 0.04275 0.04025	0.043775	1.04507e-05
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07475 0.0745 0.07175 0.075 0.0735 0.08025 0.07225 0.0765 0.077	0.07545	7.60833e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0395 0.046 0.04175 0.0395 0.036 0.039 0.04025 0.04325 0.0395 0.0425	0.040725	7.60347e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.15625 0.15375 0.15025 0.156 0.154 0.151 0.15675 0.149 0.149 0.15075	0.152675	9.19514e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11075 0.11 0.11175 0.112 0.1105 0.10725 0.1085 0.11075 0.1135 0.1135	0.11085	3.94722e-06

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.02 0.02025 0.01925 0.01875 0.01875 0.01925 0.0235 0.02175 0.0255 0.02075	0.020775	4.93681e-06
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.016 0.01325 0.01425 0.01525 0.01275 0.01325 0.01275 0.01325 0.015 0.0165	0.014225	1.90903e-06
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.039 0.0425 0.04325 0.04675 0.048 0.04725 0.0425 0.045 0.044	0.0441	7.40556e-06
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.018 0.017 0.015 0.02025 0.0165 0.01825 0.01675 0.01975 0.024 0.01725	0.018275	6.42292e-06
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.13625 0.1395 0.1435 0.1445 0.1385 0.13925 0.14575 0.1365 0.13875 0.14025	0.140275	1.06451e-05

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09925 0.09625 0.09825 0.10525 0.10275 0.10425 0.102 0.102 0.102 0.09875	0.1014	9.82222e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0695 0.07075 0.06725 0.0685 0.066 0.071 0.06775 0.069 0.07025 0.069	0.0689	2.51667e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.054 0.048 0.04775 0.04975 0.052 0.04725 0.04575 0.04875 0.0475 0.04625	0.0487	6.63611e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0755 0.07175 0.0755 0.07325 0.07275 0.07425 0.073 0.0715 0.07425 0.076	0.073775	2.50625e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04175 0.0395 0.041 0.04325 0.045 0.04225 0.0465 0.0425 0.0425 0.0425 0.0435	0.04275	3.90278e-06

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.141 0.1465 0.14925 0.151 0.14425 0.14575 0.14725 0.146 0.1465 0.15125	0.146875	9.51736e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.10575 0.10375 0.10875 0.1085 0.1085 0.10525 0.10825 0.106 0.10475 0.107	0.10665	3.23889e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.057 0.05325 0.05625 0.05725 0.05275 0.0525 0.052 0.054 0.054 0.0525	0.054175	3.88958e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03725 0.03925 0.0455 0.03675 0.035 0.03175 0.0385 0.0355 0.03675 0.03575	0.0372	1.27472e-05
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.06475 0.0625 0.06125 0.06325 0.06325 0.06225 0.06425 0.066 0.065	0.063775	2.29792e-06

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

$\mathcal{N}_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.038 0.03275 0.03575 0.0335 0.0375 0.035 0.0355 0.03975 0.035 0.039	0.036175	5.34792e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.144 0.145 0.14525 0.1415 0.14775 0.14075 0.14475 0.13875 0.13975 0.14575	0.143325	8.68125e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1045 0.10575 0.11025 0.105 0.10325 0.1055 0.1055 0.107 0.10575 0.10225	0.105475	4.64514e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.017 0.0135 0.01575 0.01675 0.01525 0.016 0.0185 0.015 0.01525 0.014	0.0157	2.15e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0135 0.01225 0.01425 0.0115 0.01125 0.0135 0.01025 0.00825 0.011 0.01075	0.01165	3.21111e-06

Таблица 7. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0385 0.03175 0.03475 0.0365 0.03575 0.03675 0.04025 0.03775 0.03225 0.03375	0.0358	7.4e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01525 0.0145 0.01425 0.0125 0.01325 0.015 0.01675 0.00975 0.013 0.013	0.013725	3.61736e-06
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1305 0.129 0.13075 0.12675 0.133 0.134 0.13225 0.1335 0.13275 0.13475	0.131725	6.11736e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.093 0.09625 0.09475 0.099 0.099 0.09525 0.0945 0.102 0.09225 0.0965	0.09625	9.01389e-06

# **4.4** Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07875 0.0765 0.0805 0.0795 0.08275 0.07975 0.08125 0.085 0.08175 0.07775	0.08035	6.15556e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05825 0.05375 0.0565 0.058 0.0595 0.0605 0.05325 0.05475 0.06025 0.05675	0.05715	6.82222e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0905 0.08625 0.0865 0.0835 0.08575 0.085 0.09075 0.08925 0.08825 0.08925	0.0875	6.01389e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05275 0.05425 0.05325 0.0495 0.0505 0.05225 0.0545 0.057 0.04975 0.05625	0.053	6.68056e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.15325 0.156 0.154 0.15775 0.16225 0.15375 0.15925 0.154 0.15475 0.1535	0.15585	8.98889e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Одобобобобобобобобобобобобобобобобобобоб	Пропорциональная селекция Одноточенное скрещивание Слабая мутация Пропорциональная селекция Одноточенное скрещивание Слабая мутация Пропорциональная селекция Одноточенное скрещивание Слабая мутация Одноточенное скрещивание Слабая мутация Одноточенное скрещивание Слабая мутация Одноточенное скрещивание Слабая мутация Олобо Олоб

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.10925 0.115 0.11725 0.11375 0.1155 0.11375 0.11225 0.111 0.116 0.10975	0.11335	7.37778e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0655 0.06875 0.06625 0.06175 0.0605 0.06275 0.06375 0.0675 0.0625 0.0625	0.06415	7.35e-06
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04275 0.0485 0.0425 0.04625 0.04725 0.0435 0.05125 0.0515 0.0445 0.04375	0.046175	1.13062e-05
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07575 0.08175 0.077 0.083 0.08075 0.07825 0.07975 0.0815 0.08275 0.0775	0.0798	6.49722e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04775 0.0465 0.0425 0.0475 0.0445 0.05075 0.0465 0.0435 0.045 0.0475	0.0462	5.775e-06

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.156 0.15175 0.15275 0.15225 0.15025 0.15275 0.151 0.15825 0.16075 0.154	0.153975	1.13257e-05
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105 0.11725 0.1125 0.11025 0.11175 0.10875 0.11825 0.1155 0.1155 0.11525 0.11325	0.112775	1.64368e-05
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.03 0.02475 0.02275 0.02125 0.02175 0.02575 0.02575 0.0275 0.0225 0.0195	0.02415	1.01556e-05
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01975 0.01525 0.01825 0.01575 0.01825 0.01575 0.017 0.01825 0.0175 0.016	0.017175	2.15347e-06
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.05325 0.0495 0.053 0.0525 0.05 0.05075 0.04825 0.05575 0.0535 0.0505	0.0517	5.15e-06

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03075 0.02475 0.0245 0.02375 0.023 0.029 0.0285 0.02525 0.02375 0.0255	0.025875	6.82292e-06
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1445 0.139 0.1415 0.144 0.14575 0.14125 0.14325 0.1395 0.1435 0.14375	0.1426	4.85e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105 0.0985 0.10225 0.105 0.108 0.10275 0.1075 0.10225 0.1085 0.10075	0.10405	1.09972e-05
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.076 0.0765 0.07825 0.0775 0.0755 0.07775 0.07925 0.0795 0.07325 0.07775	0.077125	3.51736e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04775 0.05325 0.05475 0.05425 0.04925 0.05025 0.05075 0.05325 0.05 0.05	0.051575	5.36181e-06

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08225 0.0855 0.08375 0.08575 0.08625 0.08225 0.081 0.082 0.08275 0.0785	0.083	5.70833e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.049 0.05275 0.04775 0.04475 0.0475 0.0455 0.05125 0.047 0.045 0.05125	0.048175	7.94514e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.16075 0.161 0.15575 0.157 0.15475 0.15225 0.157 0.14975 0.15175 0.15375	0.155375	1.37257e-05
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1115 0.116 0.11225 0.11275 0.1145 0.1175 0.11375 0.11275 0.112	0.11415	5.89167e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0695 0.06725 0.06025 0.0645 0.05275 0.062 0.06075 0.0665 0.057	0.0625	2.54722e-05

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04575 0.0455 0.0445 0.05125 0.041 0.041 0.0425 0.04325 0.04275 0.04025	0.043775	1.04507e-05
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07475 0.0745 0.07175 0.075 0.0735 0.08025 0.07225 0.0765 0.077	0.07545	7.60833e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0395 0.046 0.04175 0.0395 0.036 0.039 0.04025 0.04325 0.0395 0.0425	0.040725	7.60347e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.15625 0.15375 0.15025 0.156 0.154 0.151 0.15675 0.149 0.149 0.15075	0.152675	9.19514e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11075 0.11 0.11175 0.112 0.1105 0.10725 0.1085 0.11075 0.1135 0.1135	0.11085	3.94722e-06

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.02 0.02025 0.01925 0.01875 0.01875 0.01925 0.0235 0.02175 0.0255 0.02075	0.020775	4.93681e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.016 0.01325 0.01425 0.01525 0.01275 0.01325 0.01275 0.01325 0.015 0.0165	0.014225	1.90903e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.039 0.0425 0.04325 0.04675 0.048 0.04725 0.0425 0.045 0.044 0.04275	0.0441	7.40556e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.018 0.017 0.015 0.02025 0.0165 0.01825 0.01675 0.01975 0.024 0.01725	0.018275	6.42292e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.13625 0.1395 0.1435 0.1445 0.1385 0.13925 0.14575 0.1365 0.13875 0.14025	0.140275	1.06451e-05
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Ранговая селекция Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Ол1925 Ол235 Ол235 Ол2275 Ол2255 Ол2275 Ол2255 Ол2255 Ол2275 Ол2275 Ол2255 Ол2275 Ол2255 Ол2275 Ол2255 Ол2275 Ол1825 Ол1825 Ол1825 Ол1825 Ол1525 Ол1525 Ол1525 Ол1525 Ол1525 Ол155 Ол165 Ол165 Ол165 Ол165 Ол165 Ол165 Ол1725 Ол165 Ол1725 Ол18 Ол17 Ол15 Ол165 Ол18 Ол17 Ол17 Ол15 Ол165 Ол18 Ол17 Ол17 Ол15 Ол165 Ол18 Ол17 Ол17 Ол15 Ол165 Ол1395 Ол1365 Ол13875	Ранговая селекция       0.02         Равномерное скрещивание       0.01875         Слабая мутация       0.0235         Только потомки       0.0235         0.02175       0.0255         0.02075       0.0255         0.02075       0.016         0.01625       0.01425         0.01425       0.01425         0.01425       0.01525         0.01525       0.01525         0.01275       0.01325         0.01275       0.01325         0.01275       0.01525         0.01275       0.01525         0.015       0.01275         0.015       0.015         0.016       0.01275         0.015       0.015         0.016       0.01275         0.015       0.0165         0.016       0.01275         0.0425       0.0425         0.0425       0.0485         0.048       0.04725         0.049       0.0425         0.049       0.0425         0.049       0.0425         0.040       0.04275         0.018       0.017         0.018       0.017         0.018

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09925 0.09625 0.09825 0.10525 0.10525 0.10525 0.10425 0.102 0.102 0.09875	0.1014	9.82222e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0695 0.07075 0.06725 0.0685 0.066 0.071 0.06775 0.069 0.07025 0.069	0.0689	2.51667e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.054 0.048 0.04775 0.04975 0.052 0.04725 0.04575 0.04875 0.0475	0.0487	6.63611e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0755 0.07175 0.0755 0.07325 0.07275 0.07425 0.073 0.0715 0.07425 0.076	0.073775	2.50625e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04175 0.0395 0.041 0.04325 0.045 0.04225 0.0465 0.0425 0.0425 0.0425 0.0435	0.04275	3.90278e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия Лурнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное осрещивание Орноточечное осрещив	Ранговая селекция Ранговая селекция Олояза

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.141 0.1465 0.14925 0.151 0.14425 0.14575 0.14725 0.146 0.1465 0.15125	0.146875	9.51736e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.10575 0.10375 0.10875 0.1085 0.1085 0.10525 0.10825 0.106 0.10475 0.107	0.10665	3.23889e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.057 0.05325 0.05625 0.05725 0.05275 0.0525 0.052 0.05425 0.054 0.0525	0.054175	3.88958e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03725 0.03925 0.0455 0.03675 0.035 0.03175 0.0385 0.0355 0.03675 0.03575	0.0372	1.27472e-05
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.06475 0.0625 0.06125 0.06325 0.06325 0.06225 0.06425 0.066 0.065	0.063775	2.29792e-06

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.038 0.03275 0.03575 0.0335 0.0375 0.035 0.0355 0.03975 0.035 0.039	0.036175	5.34792e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.144 0.145 0.14525 0.1415 0.14775 0.14075 0.14475 0.13875 0.13975 0.14575	0.143325	8.68125e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1045 0.10575 0.11025 0.105 0.10325 0.1055 0.1055 0.107 0.10575 0.10225	0.105475	4.64514e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.017 0.0135 0.01575 0.01675 0.01525 0.016 0.0185 0.015 0.01525 0.014	0.0157	2.15e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0135 0.01225 0.01425 0.0115 0.01125 0.0135 0.01025 0.00825 0.011 0.01075	0.01165	3.21111e-06

Таблица 8. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0385 0.03175 0.03475 0.0365 0.03575 0.03675 0.04025 0.03775 0.03225 0.03375	0.0358	7.4e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01525 0.0145 0.01425 0.0125 0.01325 0.015 0.01675 0.00975 0.013	0.013725	3.61736e-06
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1305 0.129 0.13075 0.12675 0.133 0.134 0.13225 0.1335 0.13275 0.13475	0.131725	6.11736e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.093 0.09625 0.09475 0.099 0.099 0.09525 0.0945 0.102 0.09225 0.0965	0.09625	9.01389e-06

### **4.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.02 0.01 0.02 0.03 0 0.02 0.04 0.02 0.02 0.02 0.02	0.019	0.000121111
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07 0.03 0.03 0.04 0.06 0.06 0.04 0.06 0.06 0.02 0.06	0.047	0.00029
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.02 0.02 0 0.01 0.01 0.03 0.01 0	0.01	0.000111111
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.05 0.05 0.1 0.05 0.04 0.04 0.04 0.1 0.07	0.058	0.000573333
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.05 0.04 0.01 0.06 0.01 0.05 0.03 0.03 0.07 0.04	0.039	0.000387778
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.15 0.09 0.12 0.11 0.1 0.14 0.06 0.02 0.1 0.08	0.097	0.00144556
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.03 0.01 0.02 0.01 0 0.01 0.01 0.01 0.01 0.02 0.02	0.014	7.11111e-05
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07 0.06 0.12 0.11 0.15 0.07 0.08 0.12 0.11 0.09	0.098	0.000817778

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.23 0.29 0.36 0.4 0.35 0.28 0.32 0.32 0.32 0.38 0.41	0.334	0.00324889
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.43 0.53 0.43 0.48 0.48 0.47 0.51 0.48 0.51 0.47	0.479	0.00105444
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.05 0.09 0.07 0.05 0.1 0.05 0.11 0.06 0.06	0.07	0.000488889

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.22 0.31 0.35 0.33 0.38 0.19 0.26 0.28 0.39 0.33	0.304	0.00436
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0.01 0 0	0.001	1e-05
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.02 0 0 0.01 0 0.02 0.02 0 0.02 0	0.009	9.88889e-05
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.14 0.02 0.06 0.04 0.09 0.05 0.07 0.03 0.06 0.06	0.062	0.00115111

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0.01 0.01 0.01 0 0 0 0.01 0.01	0.005	2.77778e-05
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.08 0.04 0.07 0.11 0.11 0.06 0.07 0.07	0.071	0.000654444
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.01 0.01 0.07 0.06 0.05 0.03 0.05 0.04 0.05 0.04	0.041	0.000387778

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07 0.16 0.09 0.04 0.12 0.14 0.14 0.08 0.09 0.14	0.107	0.00149
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.03 0.01 0.04 0.01 0.03 0.01 0.01 0	0.015	0.000183333
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11 0.07 0.1 0.13 0.12 0.16 0.15 0.09 0.11 0.09	0.113	0.000778889
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.46 0.42 0.47 0.42 0.42 0.44 0.38 0.37 0.32 0.42	0.412	0.00199556
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.46 0.55 0.6 0.57 0.54 0.58 0.61 0.58 0.54 0.48	0.551	0.00238778
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09 0.1 0.07 0.06 0.05 0.05 0.05 0.11 0.09 0.11	0.078	0.000617778
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.43 0.49 0.52 0.44 0.5 0.42 0.49 0.36 0.33 0.44	0.442	0.00377333
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

$N_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.02 0.01 0.04 0.04 0.05 0.01 0.02 0.04 0.04	0.031	0.00021
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06 0.1 0.11 0.05 0.04 0.1 0.12 0.07 0.12 0.11	0.088	0.000906667
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.01 0.01 0 0.04 0.02 0 0.04 0.02 0.01	0.015	0.000227778
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1 0.13 0.14 0.09 0.07 0.1 0.09 0.06 0.13 0.09	0.1	0.000688889

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07 0.05 0.05 0.03 0.07 0.06 0.07 0.04 0.1 0.11	0.065	0.000627778
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.18 0.13 0.11 0.16 0.22 0.26 0.15 0.22 0.19	0.179	0.00205444
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.05 0 0.03 0.01 0.01 0.04 0.04 0.04 0.01 0.01 0.01	0.023	0.00029

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.14 0.22 0.2 0.17 0.16 0.18 0.19 0.12 0.15 0.12	0.165	0.00111667
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0.01 0 0 0 0	0.001	1e-05
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.46 0.59 0.56 0.5 0.5 0.5 0.52 0.44 0.51 0.56 0.52	0.516	0.00209333
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.61 0.61 0.55 0.64 0.61 0.56 0.64 0.74 0.63 0.63	0.622	0.00268444

Таблица 9. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 40)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.11 0.2 0.15 0.13 0.13 0.14 0.09 0.11 0.21 0.15	0.142	0.00146222
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.51 0.51 0.52 0.58 0.6 0.5 0.46 0.68 0.54 0.57	0.547	0.00393444
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0 0 0 0 0 0 0	0.001	1e-05

# 5 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

### 5.1 Информация об исследовании

Автор исследования: Сергиенко Антон Борисович.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:20:34.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:20:34.

**Идентификатор алгоритма**: MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

Идентификатор исследуемой тестовой

функции:

MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

Размерность тестовой функции: 50

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

Максимальное допустимое число вычислений целевой функции: 784

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во 42336000

всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

#### 5.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 16 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \begin{pmatrix} Tun \ cenekuuu \\ Tun \ ckneeuuubahuu \\ Tun \ mymauuu \\ Tun \ формирования \ нового \ поколения \end{pmatrix}. \tag{16}$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(17)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} C$$
лабая мутация  $C$ редняя мутация  $C$ ильная мутация  $C$ 

# 5.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0864 0.0824 0.0858 0.0848 0.0828 0.0812 0.0832 0.0814 0.0814	0.08368	5.13067e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0672 0.0622 0.061 0.0662 0.066 0.0608 0.0654 0.0628 0.0626 0.0636	0.06378	5.17733e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.093 0.0922 0.0918 0.0878 0.0896 0.0908 0.086 0.0938 0.0944 0.095	0.09144	8.53156e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0564 0.057 0.0578 0.057 0.0588 0.0584 0.0558 0.0558 0.0652	0.0569	4.77556e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.159 0.1632 0.1618 0.1608 0.1602 0.1624 0.1618 0.1636 0.1644 0.1638	0.1621	2.98e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Пропорциональная селекция Олеха Оле	Пропорциональная селекция

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1156 0.12 0.1216 0.1214 0.123 0.1206 0.1184 0.116 0.1164 0.116	0.1189	7.62889e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0696 0.0694 0.0682 0.0674 0.0706 0.0628 0.0644 0.0678 0.0604 0.0666	0.06672	1.05618e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.053 0.0506 0.0504 0.0464 0.0502 0.0516 0.05 0.0448 0.051 0.0514	0.04994	6.116e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0824 0.0794 0.0828 0.0838 0.0772 0.078 0.0778 0.0798 0.0816 0.0822	0.0805	5.55778e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.049 0.0486 0.0488 0.0492 0.049 0.0544 0.0448 0.0484 0.0484	0.04926	5.94711e-06

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1588 0.1618 0.1536 0.1574 0.1566 0.1616 0.1628 0.1596 0.1564 0.161	0.15896	8.62933e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1142 0.1146 0.1164 0.115 0.1144 0.1114 0.1144 0.1124 0.1156 0.1182	0.11466	3.62711e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0206 0.02 0.0214 0.022 0.0244 0.0212 0.0212 0.0208 0.024 0.0208	0.02164	2.10489e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0138 0.0156 0.0162 0.014 0.0156 0.0146 0.0164 0.0168 0.0148 0.015	0.01528	1.024e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0488 0.0494 0.0506 0.052 0.0508 0.0452 0.0468 0.0476 0.0476 0.0512	0.049	4.78222e-06
	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Силько потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Ол114 Ол1156 Ол1182 Ол206 Ол2 Ол214 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Ол212 Только потомки Ол212 Ол208 Ол224 Ол208 Ол24 Ол208 Ол24 Ол208 Ол24 Ол208 Ол24 Ол208 Ол138 Ол156 Ол162 Ол162 Ол162 Ол163 Ол164 Ол164 Ол164 Лучшего индивида Ол164 Лолько потомки и копия Ол164 Лолько потомки и копия Ол164 Лучшего индивида Ол168 Ол168 Ол168 Ол168 Ол169 Ол16	О.1588

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0212 0.0244 0.0226 0.0248 0.0212 0.0198 0.0232 0.0212 0.0188 0.0238	0.0221	3.94889e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1444 0.1404 0.1484 0.1424 0.1426 0.144 0.1444 0.146 0.1432 0.1482	0.1444	6.42667e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1024 0.1088 0.106 0.1042 0.1068 0.1072 0.108 0.1076 0.1062 0.106	0.10632	3.52178e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0788 0.077 0.0826 0.0776 0.0802 0.0784 0.0748 0.0804 0.075 0.078	0.07828	5.79733e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.058 0.0576 0.0596 0.0532 0.0542 0.0554 0.0516 0.059 0.0622 0.0552	0.0566	1.05333e-05
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Ологе Ранговая селекция Олого Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Слабая мутация Олого	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Полоко потомки и копия лучшего индивида Олога

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0826 0.0844 0.0842 0.0844 0.085 0.0802 0.082 0.086 0.081 0.0846	0.08344	3.55378e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0518 0.0456 0.0432 0.0486 0.0468 0.0554 0.0468 0.0496 0.0492	0.04918	1.5284e-05
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.159 0.1596 0.1592 0.156 0.159 0.1604 0.155 0.1596 0.1558 0.1574	0.1581	3.60222e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1106 0.1136 0.116 0.1174 0.1188 0.1174 0.115 0.1136 0.1196 0.111	0.1153	9.61111e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0616 0.0608 0.0614 0.059 0.0632 0.0632 0.0572 0.0594 0.062 0.0564	0.06042	5.55956e-06

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0456 0.0448 0.0446 0.0382 0.044 0.0442 0.0454 0.042	0.04356	5.55378e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0772 0.0732 0.0698 0.077 0.07 0.0656 0.0712 0.0722 0.0724 0.0746	0.07232	1.22062e-05
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.041 0.042 0.0412 0.0426 0.0434 0.0414 0.0426 0.039 0.0446 0.0416	0.04194	2.28489e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1536 0.1528 0.1496 0.1552 0.155 0.1542 0.1552 0.1516 0.1542 0.157	0.15384	4.38044e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1108 0.1112 0.1168 0.1128 0.1138 0.1156 0.1144 0.1174 0.115 0.1096	0.11374	6.81822e-06

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0156 0.0156 0.0154 0.018 0.0152 0.0176 0.0164 0.0184 0.0188 0.0182	0.01692	2.00178e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0104 0.0118 0.0074 0.0118 0.014 0.0116 0.0118 0.0094 0.0106 0.0124	0.01112	3.23733e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0382 0.0362 0.04 0.037 0.0408 0.041 0.0458 0.036 0.037	0.03892	9.23733e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0176 0.016 0.0148 0.0148 0.0148 0.0156 0.0184 0.0198 0.0152 0.0142	0.01612	3.44178e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1372 0.1378 0.1356 0.1352 0.1354 0.1392 0.1376 0.139 0.1366 0.1394	0.1373	2.51778e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация	Ранговая селекция О.0156 О.0156 О.0156 О.0156 О.0154 Равномерное скрещивание Слабая мутация О.0176 Только потомки О.0184 О.0184 О.0188 О.0188 О.0182 О.0104 О.0118 Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация О.0118 О.0118 О.0074 Равномерное скрещивание Слабая мутация О.0116 Только потомки и копия лучшего индивида О.0094 О.0106 О.0124 О.0382 О.0362 О.04 Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация О.041 Только потомки О.0458 О.036 О.037 О.0166 О.016 О.0168 О.0148 Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация О.0148 О.0149 О.0152 О.0142 О.01376 О.0152 О.0142 О.01376 О.0152 О.0142 О.01376 О.0152 О.0142 О.037 О.0370	О.0156

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0968 0.0986 0.101 0.0938 0.1022 0.1024 0.1002 0.101 0.0982 0.0994	0.09936	6.976e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0726 0.071 0.0712 0.0758 0.0716 0.0672 0.0718 0.069 0.0712 0.0684	0.07098	5.764e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0516 0.0504 0.0544 0.0506 0.0448 0.0526 0.0508 0.0562 0.051	0.05158	9.21289e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0682 0.0742 0.0762 0.0748 0.0712 0.0756 0.0764 0.0732 0.0744 0.0728	0.0737	6.29556e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0438 0.0416 0.0458 0.0424 0.0438 0.0422 0.0422 0.046 0.044 0.042	0.04338	2.47511e-06

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149 0.1522 0.1508 0.1514 0.151 0.1504 0.147 0.1514 0.1492 0.147	0.14994	3.35156e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1078 0.108 0.1152 0.1144 0.112 0.1144 0.1104 0.109 0.1014 0.1108	0.11034	1.70227e-05
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0516 0.0524 0.0556 0.0526 0.0538 0.055 0.0556 0.0486 0.0526 0.0536	0.05314	4.48044e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.036 0.039 0.0372 0.036 0.0368 0.0392 0.0362 0.0342 0.0402 0.0398	0.03746	3.92933e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0618 0.0672 0.063 0.0628 0.0618 0.064 0.061 0.0654 0.0648 0.0652	0.0637	3.83333e-06
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Турнирная селекция 0.1514 Одноточечное скрещивание 0.151 Сильная мутация 0.1504 Только потомки 0.147 Одноточечное скрещивание 0.1514 Одноточечное скрещивание 0.1514 Одноточечное скрещивание 0.1147 Одноточечное скрещивание 0.1152 Одноточечное скрещивание 0.1112 Сильная мутация 0.1144 Только потомки и копия 0.1104 лучшего индивида 0.109 Оло516 Оло524 Оло526 Двуточечное скрещивание 0.0538 Слабая мутация 0.055 Только потомки 0.0556 Оло526 Оло526 Оло526 Оло536 Оло36 Оло39 Турнирная селекция 0.0362 Оло536 Оло36 Оло39 Турнирная селекция 0.0362 Лурнирная селекция 0.0362 Оло536 Оло36 Оло39 Турнирная селекция 0.0362 Оло536 Оло36 Оло39 Турнирная селекция 0.0362 Оло536 Оло36 Оло39 Турнирная селекция 0.0362 Оло536 Оло39 Турнирная селекция 0.0362 Оло398 Оло618 Оло672 Оло63 Турнирная селекция 0.0628 Двуточечное скрещивание 0.0618 Средняя мутация 0.064 Оло63 Турнирная селекция 0.0628 Двуточечное скрещивание 0.0618 Средняя мутация 0.064 Оло654 Оло654	0.149

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0406 0.0398 0.0384 0.0386 0.0362 0.0336 0.0356 0.0364 0.0372	0.03734	4.30267e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1478 0.1446 0.1466 0.1424 0.142 0.1444 0.1488 0.146 0.1454 0.1504	0.14584	7.15378e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1078 0.1106 0.1048 0.104 0.1088 0.1118 0.1068 0.1082 0.109 0.1114	0.10832	6.79289e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0112 0.0122 0.0136 0.0116 0.0142 0.0142 0.0122 0.0116 0.0142 0.0142	0.01268	1.504e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0098 0.01 0.011 0.009 0.0086 0.01 0.0092 0.008 0.007 0.0106	0.00932	1.48622e-06

Таблица 10. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0294 0.029 0.0286 0.0284 0.03 0.0342 0.0268 0.0264 0.0274 0.0296	0.02898	4.804e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0126 0.0126 0.0128 0.0102 0.0124 0.0094 0.0102 0.0104 0.0098 0.012	0.01124	1.82044e-06
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1312 0.1332 0.1222 0.1276 0.1276 0.1322 0.1296 0.1276 0.1324 0.1322	0.12958	1.15151e-05
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0936 0.0976 0.0942 0.0932 0.0918 0.0924 0.0966 0.0946 0.0924 0.0958	0.09422	3.73733e-06

# 5.4 Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0864 0.0824 0.0858 0.0848 0.0828 0.0812 0.0832 0.0814 0.0814	0.08368	5.13067e-06
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0672 0.0622 0.061 0.0662 0.066 0.0608 0.0654 0.0628 0.0626 0.0636	0.06378	5.17733e-06
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.093 0.0922 0.0918 0.0878 0.0896 0.0908 0.086 0.0938 0.0944 0.095	0.09144	8.53156e-06
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0564 0.057 0.0578 0.057 0.0588 0.0584 0.0558 0.0558 0.06 0.052	0.0569	4.77556e-06
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.159 0.1632 0.1618 0.1608 0.1602 0.1624 0.1618 0.1636 0.1644 0.1638	0.1621	2.98e-06

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1156 0.12 0.1216 0.1214 0.123 0.1206 0.1184 0.116 0.1164 0.116	0.1189	7.62889e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0696 0.0694 0.0682 0.0674 0.0706 0.0628 0.0644 0.0678 0.0604 0.0666	0.06672	1.05618e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.053 0.0506 0.0504 0.0464 0.0502 0.0516 0.05 0.0448 0.051 0.0514	0.04994	6.116e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0824 0.0794 0.0828 0.0838 0.0772 0.078 0.0778 0.0798 0.0816 0.0822	0.0805	5.55778e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.049 0.0486 0.0488 0.0492 0.049 0.0544 0.0448 0.0484 0.0484	0.04926	5.94711e-06

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1588 0.1618 0.1536 0.1574 0.1566 0.1616 0.1628 0.1596 0.1564 0.161	0.15896	8.62933e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1142 0.1146 0.1164 0.115 0.1144 0.1114 0.1144 0.1124 0.1156 0.1182	0.11466	3.62711e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0206 0.02 0.0214 0.022 0.0244 0.0212 0.0212 0.0208 0.024 0.0208	0.02164	2.10489e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0138 0.0156 0.0162 0.014 0.0156 0.0146 0.0164 0.0168 0.0148 0.015	0.01528	1.024e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0488 0.0494 0.0506 0.052 0.0508 0.0452 0.0468 0.0476 0.0476 0.0512	0.049	4.78222e-06
	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Силько потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Полько потомки и копия Лина Пропорциональная Опита Опи	Пропорциональная селекция Пропорциональная селекция Пвуточечное скрещивание Сильная мутация Полько потомки Ольбе Олобе Ольбе

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0212 0.0244 0.0226 0.0248 0.0212 0.0198 0.0232 0.0212 0.0188 0.0238	0.0221	3.94889e-06
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1444 0.1404 0.1484 0.1424 0.1426 0.144 0.1444 0.146 0.1432 0.1482	0.1444	6.42667e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1024 0.1088 0.106 0.1042 0.1068 0.1072 0.108 0.1076 0.1062 0.106	0.10632	3.52178e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0788 0.077 0.0826 0.0776 0.0802 0.0784 0.0748 0.0804 0.075 0.078	0.07828	5.79733e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.058 0.0576 0.0596 0.0532 0.0542 0.0554 0.0516 0.059 0.0622 0.0552	0.0566	1.05333e-05

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0826 0.0844 0.0842 0.0844 0.085 0.0802 0.082 0.086 0.081	0.08344	3.55378e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0518 0.0456 0.0432 0.0486 0.0468 0.0554 0.0468 0.0496 0.0492 0.0548	0.04918	1.5284e-05
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.159 0.1596 0.1592 0.156 0.159 0.1604 0.155 0.1596 0.1558 0.1574	0.1581	3.60222e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1106 0.1136 0.116 0.1174 0.1188 0.1174 0.115 0.1136 0.1196 0.111	0.1153	9.61111e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0616 0.0608 0.0614 0.059 0.0632 0.0632 0.0572 0.0594 0.062 0.0564	0.06042	5.55956e-06

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

No	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0456 0.0448 0.0446 0.0382 0.044 0.0442 0.0454 0.042 0.0414 0.0454	0.04356	5.55378e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0772 0.0732 0.0698 0.077 0.07 0.0656 0.0712 0.0722 0.0724 0.0746	0.07232	1.22062e-05
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.041 0.042 0.0412 0.0426 0.0434 0.0414 0.0426 0.039 0.0446 0.0416	0.04194	2.28489e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1536 0.1528 0.1496 0.1552 0.155 0.1542 0.1552 0.1516 0.1542 0.157	0.15384	4.38044e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1108 0.1112 0.1168 0.1128 0.1138 0.1156 0.1144 0.1174 0.115 0.1096	0.11374	6.81822e-06

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0156 0.0156 0.0154 0.018 0.0152 0.0176 0.0164 0.0184 0.0188 0.0182	0.01692	2.00178e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0104 0.0118 0.0074 0.0118 0.014 0.0116 0.0118 0.0094 0.0106 0.0124	0.01112	3.23733e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0382 0.0362 0.04 0.037 0.0408 0.041 0.0458 0.036 0.037	0.03892	9.23733e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0176 0.016 0.0148 0.0148 0.0148 0.0156 0.0184 0.0198 0.0152 0.0142	0.01612	3.44178e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1372 0.1378 0.1356 0.1352 0.1354 0.1392 0.1376 0.139 0.1366 0.1394	0.1373	2.51778e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Равномерное скрещивание Олотомки	О.0156   О.0156   О.0156   О.0154

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0968 0.0986 0.101 0.0938 0.1022 0.1024 0.1002 0.101 0.0982 0.0994	0.09936	6.976e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0726 0.071 0.0712 0.0758 0.0716 0.0672 0.0718 0.069 0.0712 0.0684	0.07098	5.764e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0516 0.0504 0.0544 0.0506 0.0448 0.0526 0.0508 0.0562 0.051	0.05158	9.21289e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0682 0.0742 0.0762 0.0748 0.0712 0.0756 0.0764 0.0732 0.0744	0.0737	6.29556e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0438 0.0416 0.0458 0.0424 0.0438 0.0422 0.0422 0.046 0.044 0.042	0.04338	2.47511e-06

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149 0.1522 0.1508 0.1514 0.151 0.1504 0.147 0.1514 0.1492 0.147	0.14994	3.35156e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1078 0.108 0.1152 0.1144 0.112 0.1144 0.1104 0.109 0.1014 0.1108	0.11034	1.70227e-05
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0516 0.0524 0.0556 0.0526 0.0538 0.055 0.0556 0.0486 0.0526 0.0536	0.05314	4.48044e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.036 0.039 0.0372 0.036 0.0368 0.0392 0.0362 0.0342 0.0402 0.0398	0.03746	3.92933e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0618 0.0672 0.063 0.0628 0.0618 0.064 0.061 0.0654 0.0648 0.0652	0.0637	3.83333e-06
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное одноточеное Одноточечное одноточеное Одноточеное Одноточечное Одноточечное Одноточечное Одноточечное Одноточечное Одноточечное Одноточечное Одноточечное Одноточечное Одобот Одноточечное Одноточечно	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Одноточеное скрещивание Одноточеное скрещивание Одноточеное скрещивание Одноточеное одноточеное скрещивание Одноточеное скрещивание Одноточеное одноточен

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0406 0.0398 0.0384 0.0386 0.0362 0.0336 0.0356 0.0364 0.0372	0.03734	4.30267e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1478 0.1446 0.1466 0.1424 0.142 0.1444 0.1488 0.146 0.1454 0.1504	0.14584	7.15378e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1078 0.1106 0.1048 0.104 0.1088 0.1118 0.1068 0.1082 0.109 0.1114	0.10832	6.79289e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0112 0.0122 0.0136 0.0116 0.0142 0.0142 0.0122 0.0116 0.0142 0.0142	0.01268	1.504e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0098 0.01 0.011 0.009 0.0086 0.01 0.0092 0.008 0.007 0.0106	0.00932	1.48622e-06

Таблица 11. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0294 0.029 0.0286 0.0284 0.03 0.0342 0.0268 0.0264 0.0274 0.0296	0.02898	4.804e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0126 0.0126 0.0128 0.0102 0.0124 0.0094 0.0102 0.0104 0.0098 0.012	0.01124	1.82044e-06
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1312 0.1332 0.1222 0.1276 0.1276 0.1322 0.1296 0.1276 0.1324 0.1322	0.12958	1.15151e-05
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0936 0.0976 0.0942 0.0932 0.0918 0.0924 0.0966 0.0946 0.0924 0.0958	0.09422	3.73733e-06

#### **5.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.01 0.01 0.01 0 0.01 0 0 0 0.01 0	0.006	2.66667e-05
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.01 0.02 0.02 0.01 0.03 0.01 0.01 0.02 0.01	0.015	5e-05
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0.01 0.01 0 0 0 0	0.002	1.77778e-05
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0 0.02 0.01 0.01 0.03 0.01 0.02 0.01 0.03	0.017	0.000112222
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0.01 0.01 0.05 0 0.03 0.01 0.02 0.04	0.017	0.000312222
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.01 0.05 0.1 0.09 0.03 0.05 0.04 0.02 0.06	0.048	0.00084
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.04 0.02 0.02 0.06 0.04 0.05 0.07 0.03 0.04	0.04	0.000266667

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.25 0.29 0.36 0.35 0.26 0.31 0.33 0.33 0.29 0.3	0.307	0.00131222
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.49 0.45 0.43 0.5 0.39 0.46 0.44 0.46 0.48 0.5	0.46	0.0012
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.04 0.01 0.03 0.02 0.04 0.06 0.02 0.04 0.04 0.04	0.034	0.000204444

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.3 0.24 0.24 0.28 0.25 0.32 0.26 0.32 0.33 0.26	0.28	0.00122222
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0.01 0.01 0.01 0.01 0.01	0.004	2.66667e-05
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.02 0 0.03 0.04 0.04 0.05 0 0	0.023	0.000334444

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0.01 0 0 0.02 0 0 0	0.003	4.55556e-05
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.03 0.05 0.04 0.02 0 0.04 0.04 0.02 0.01	0.027	0.000245556
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.04 0.03 0.03 0.02 0.02 0.02 0.03 0.02 0.02 0.02 0.02	0.023	0.000112222

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.06 0.08 0.07 0.05 0.08 0.06 0.07 0.09 0.09	0.069	0.000276667
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0.01 0 0 0.01 0.01 0 0	0.003	2.33333e-05
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.08 0.01 0.07 0.08 0.05 0.07 0.07 0.06 0.03 0.06	0.058	0.000506667
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.41 0.44 0.4 0.41 0.46 0.4 0.42 0.36 0.33 0.38	0.401	0.00141
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.6 0.56 0.69 0.56 0.48 0.52 0.54 0.6 0.6 0.6	0.568	0.00337333
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09 0.05 0.06 0.11 0.07 0.05 0.04 0.07 0.08 0.07	0.069	0.000432222
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.41 0.44 0.43 0.41 0.38 0.41 0.32 0.35 0.42 0.46	0.403	0.00177889
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0.02 0.01 0 0.03 0.01 0.01 0.01 0	0.01	8.88889e-05
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.06 0.03 0.03 0.03 0.03 0.04 0.01 0.03 0.04	0.034	0.00016
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0.01 0 0 0	0.002	1.77778e-05
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05 0.08 0.02 0.03 0.03 0.06 0.03 0.03 0.06 0.03	0.043	0.000356667

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.01 0.03 0.01 0.02 0.03 0 0.02 0.06 0.03 0.02	0.023	0.000267778
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.08 0.12 0.08 0.12 0.08 0.07 0.05 0.12 0.06 0.06	0.084	0.000715556
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0.01 0.01 0.02 0 0.01	0.005	5e-05

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07 0.05 0.07 0.11 0.06 0.11 0.08 0.05 0.09 0.1	0.079	0.000521111
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.55 0.49 0.51 0.54 0.52 0.47 0.52 0.55 0.48 0.53	0.516	0.000804444
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.61 0.62 0.57 0.65 0.62 0.57 0.59 0.64 0.68 0.6	0.615	0.00122778

Таблица 12. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 50)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.14 0.12 0.16 0.13 0.08 0.09 0.21 0.13 0.16 0.16	0.138	0.00141778
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.49 0.53 0.49 0.57 0.47 0.57 0.57 0.57 0.57 0.57	0.536	0.00160444
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

#### Исследование эффективности алгоритма 6 оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

## Информация об исследовании

Сергиенко Антон Борисович. Автор исследования:

27.01.2014 23:23:05. Дата создания исследования:

27.01.2014 23:23:05. Дата создания исследования:

Идентификатор алгоритма: MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

Идентификатор исследуемой тестовой

функции:

MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

60 Размерность тестовой функции:

10 Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма:

100 Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

1024 Максимальное допустимое число вычислений целевой функции:

4 Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации:

54 Количество комбинаций вариантов настроек:

55296000 Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во

всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

#### 6.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 21 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \left(egin{array}{c} Tun \ cenekuuu \ Tun \ ckneeuuubahun \ Tun \ мутации \ Tun \ формирования нового поколения \ \end{array}
ight). \eqno(21)$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(22)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} \textit{Слабая мутация} \\ \textit{Средняя мутация} \\ \textit{Сильная мутация} \end{array} 
ight\}. \eqno(24)$$

# 6.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0913333 0.0873333 0.086 0.0878333 0.09 0.088 0.0831667 0.0845 0.087	0.0872333	5.66784e-06
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0661667 0.0655 0.0686667 0.0648333 0.0685 0.0658333 0.0698333 0.068 0.0658333 0.0658333	0.0667	3.7272e-06
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0906667 0.0918333 0.0898333 0.092 0.095 0.0928333 0.087 0.0915 0.100167 0.094	0.0924834	1.22009e-05
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.059 0.0603333 0.0608333 0.0566667 0.0586667 0.0575 0.0561667 0.0578333 0.0601667 0.0625	0.0589667	3.99255e-06
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.166833 0.163167 0.1655 0.1635 0.164833 0.163333 0.161833 0.1655 0.164333 0.167833	0.164666	3.29611e-06

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.122167 0.120833 0.125 0.124667 0.124 0.122333 0.121667 0.116667 0.119833 0.1225	0.121967	6.12224e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0713333 0.0726667 0.0693333 0.0691667 0.073 0.0723333 0.0708333 0.0673333 0.0681667 0.0653333	0.06995	6.37688e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0518333 0.0531667 0.0523333 0.0531667 0.0545 0.0525 0.0463333 0.0526667 0.0535 0.0505	0.05205	5.15469e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0835 0.0808333 0.0798333 0.0801667 0.0826667 0.0793333 0.0795 0.0823333 0.0871667 0.082	0.0817333	5.7297e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0465 0.0515 0.0513333 0.047 0.0481667 0.0508333 0.046 0.053 0.0495 0.0516667	0.04955	6.14844e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Олебазззз Олебаззз Олеба Олебаззз Олеба Олебаззз Олеба Олебаззз Олеба Олебаззз Олеба Олебаззз Олеба Олеба Олебаззз Олеба Олеба Олебаззз Олеба Олеба Олеба Олебаззз Олеба Олеба Олеба Олеба Олебаззз Олеба Олеба Олеба Олеба Олебаззз Олеба Ол	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Полько потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Полько потомки и копия Лолько по

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.157667 0.162833 0.164333 0.165 0.167833 0.163 0.157 0.1575 0.159167 0.157333	0.161167	1.52274e-05
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1185 0.115667 0.120333 0.121 0.1145 0.1165 0.115167 0.117 0.119333 0.118167	0.117617	4.88858e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0201667 0.0176667 0.0183333 0.0183333 0.0193333 0.0215 0.0193333 0.019 0.0261667 0.0206667	0.02005	5.95717e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.016 0.0135 0.0151667 0.0183333 0.0146667 0.0133333 0.0135 0.0148333 0.0133333	0.0145667	2.71728e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.046 0.0495 0.0471667 0.0398333 0.0461667 0.0475 0.0488333 0.0471667 0.0495 0.044	0.0465667	8.48276e-06
	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки и копия Равномерное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Лолько потомки  Омаба  Омаба Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Омаба Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Омаба Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Омаба Ом	О.157667   О.162833   О.16433   О.16433   О.165   О.167833   О.161167   О.157   О.157   О.157   О.157   О.157   О.157   О.157   О.157   О.157   О.157333   О.1185   О.1185   О.1185   О.1185   О.1185   О.1185   О.1185   О.119333   О.121   О.1145   О.1165   О.117   О.119333   О.118167   О.117   О.119333   О.118167   О.1183333   О.118167   О.1183333   О.118167   О.1183333   О.118167   О.1183333   О.118167   О.0166   О.0135   О.020667   О.0206667   О.020667   О.0206667   О.020667   О.020667

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0206667 0.0226667 0.0201667 0.0215 0.02 0.0223333 0.0208333 0.0203333 0.0223333	0.0209	1.8654e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.143667 0.140833 0.145 0.147 0.145 0.145833 0.147333 0.142667 0.147	0.144733	4.66768e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.109167 0.107833 0.104167 0.106333 0.107833 0.1035 0.109167 0.106833 0.109667 0.104667	0.106917	4.89051e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0791667 0.077 0.0798333 0.0788333 0.0788333 0.0805 0.0755 0.0806667 0.0795 0.08	0.0789833	2.58921e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0546667 0.062 0.0563333 0.0556667 0.0575 0.0581667 0.0555 0.0573333 0.0646667 0.057	0.0578833	9.7349e-06
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Одноточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки  Одноточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки и копия Полько потомки и копия Только потомки и копия Одноточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки и копия Лолько потомки и копия Полько потомки	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Полько потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное одното

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0791667 0.082 0.0785 0.0793333 0.0805 0.0791667 0.0808333 0.0836667 0.0805	0.08075	3.53239e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0501667 0.0466667 0.0496667 0.0535 0.0488333 0.0498333 0.0475 0.0476667 0.051	0.0495833	4.09411e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1575 0.155333 0.157167 0.157333 0.153333 0.156667 0.152833 0.161833 0.1535 0.156667	0.156217	7.07455e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.116333 0.110167 0.116667 0.117833 0.116167 0.118 0.1105 0.113667 0.117167 0.114667	0.115117	8.11097e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0543333 0.0561667 0.0575 0.058 0.0586667 0.0616667 0.0578333 0.0581667 0.0558333 0.0556667	0.0573833	4.14851e-06

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.046 0.0433333 0.044 0.0426667 0.0423333 0.0436667 0.0406667 0.0435 0.0441667	0.0434833	2.00894e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0705 0.0675 0.0683333 0.0658333 0.0676667 0.0673333 0.0673333 0.0666667 0.0698333 0.0703333	0.0681333	2.52344e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0425 0.042 0.0386667 0.0418333 0.0398333 0.0415 0.0408333 0.04 0.0421667 0.04	0.0409333	1.59382e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1535 0.146 0.154667 0.152833 0.152167 0.153667 0.152167 0.1515 0.1525 0.154	0.1523	5.83232e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118 0.1175 0.110833 0.113833 0.115833 0.110833 0.116 0.113167 0.113333 0.117667	0.1147	7.26496e-06
	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное крещивание Сильная мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Олифабебт Олифа	Ранговая селекция

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0121667 0.0135 0.0133333 0.0113333 0.0103333 0.0095 0.00916667 0.0131667 0.012 0.0118333	0.0116333	2.40001e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00883333 0.00933333 0.005 0.0075 0.0113333 0.00866667 0.00733333 0.0095 0.00766667 0.00983333	0.0085	2.9938e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.031 0.0306667 0.0301667 0.032 0.0316667 0.0293333 0.0313333 0.0318333 0.0315 0.0308333	0.0310333	6.77779e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0133333 0.0115 0.0136667 0.0121667 0.0131667 0.0143333 0.012 0.0121667 0.0116667 0.0108333	0.0124833	1.2003e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.132167 0.132333 0.131167 0.133167 0.134833 0.132 0.133833 0.129667 0.135167 0.132167	0.13265	2.76163e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция	Ранговая селекция Ранговая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Олизазаз	Ранговая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Олизаза

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0963333 0.0951667 0.1 0.102333 0.0998333 0.0991667 0.0961667 0.095 0.100667 0.0953333	0.098	7.20975e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0713333 0.0701667 0.0731667 0.076 0.067 0.078 0.071 0.0725 0.072 0.0718333	0.0723	9.17161e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0566667 0.0553333 0.0533333 0.0488333 0.0566667 0.0525 0.0486667 0.0516667 0.0536667	0.0530833	7.91515e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.072 0.0765 0.0685 0.0775 0.0733333 0.073 0.0735 0.071 0.0725 0.0695	0.0727333	7.76666e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0445 0.0428333 0.0466667 0.0435 0.0455 0.0436667 0.0433333 0.0475 0.0453333 0.0428333	0.0445667	2.66177e-06

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149333 0.149333 0.150167 0.147333 0.1485 0.144333 0.147167 0.151 0.153333 0.1525	0.1493	7.09765e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11 0.110333 0.1125 0.111333 0.110333 0.111333 0.112167 0.108667 0.112833 0.111	0.11105	1.61126e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0538333 0.0501667 0.0506667 0.0535 0.0513333 0.0525 0.0473333 0.0506667 0.0495 0.053	0.05125	4.06944e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0353333 0.0398333 0.04 0.0395 0.0373333 0.0388333 0.0426667 0.0396667 0.04 0.042	0.0395167	4.3794e-06
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0573333 0.0598333 0.0613333 0.0578333 0.0615 0.0575 0.0661667 0.058 0.0625 0.0578333	0.0599833	8.34237e-06

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0345 0.0373333 0.034 0.037 0.0351667 0.0353333 0.0351667 0.0356667 0.036	0.0354833	1.71266e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1465 0.1445 0.142167 0.141833 0.142 0.1455 0.144833 0.144333 0.144333	0.144483	5.73774e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107167 0.105 0.108667 0.105667 0.1055 0.104833 0.106667 0.1085 0.105 0.105	0.106233	2.08806e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0106667 0.00866667 0.00966667 0.00733333 0.0101667 0.00866667 0.00833333 0.008 0.0065	0.00880001	1.76422e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00733333 0.00616667 0.00716667 0.006 0.00566667 0.00783333 0.006333333 0.007	0.00675	6.80554e-07

Таблица 13. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0215 0.024 0.0246667 0.0211667 0.0205 0.0236667 0.0256667 0.0236667 0.0255 0.0245	0.0234833	3.31143e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.009 0.00966667 0.008 0.00966667 0.00783333 0.00866667 0.0085 0.0085 0.00766667 0.009	0.00865	4.90433e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.127 0.125167 0.124167 0.126333 0.125 0.127333 0.126667 0.127 0.126667 0.125333	0.126067	1.13686e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0916667 0.0903333 0.091 0.0876667 0.0926667 0.093 0.0915 0.0903333 0.091 0.0931667	0.0912333	2.62471e-06

# ${f 6.4}$ Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0913333 0.0873333 0.086 0.0878333 0.09 0.088 0.0831667 0.0845 0.087	0.0872333	5.66784e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0661667 0.0655 0.0686667 0.0648333 0.0685 0.0658333 0.0698333 0.068 0.0658333 0.0658333	0.0667	3.7272e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0906667 0.0918333 0.0898333 0.092 0.095 0.0928333 0.087 0.0915 0.100167 0.094	0.0924834	1.22009e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.059 0.0603333 0.0608333 0.0566667 0.0586667 0.0575 0.0561667 0.0578333 0.0601667	0.0589667	3.99255e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.166833 0.163167 0.1655 0.1635 0.164833 0.163333 0.161833 0.1655 0.164333 0.167833	0.164666	3.29611e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция одноточечное и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Олеб Олеб Олеб Олеб Олеб Олеб Олеб Олеб	Пропорциональная селекция Олеко потомки Олеко потом Потом Олеко Потом Олек

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.122167 0.120833 0.125 0.124667 0.124 0.122333 0.121667 0.116667 0.119833 0.1225	0.121967	6.12224e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0713333 0.0726667 0.0693333 0.0691667 0.073 0.0723333 0.0708333 0.0673333 0.0681667 0.0653333	0.06995	6.37688e-06
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0518333 0.0531667 0.0523333 0.0531667 0.0545 0.0525 0.0463333 0.0526667 0.0535 0.0505	0.05205	5.15469e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0835 0.0808333 0.0798333 0.0801667 0.0826667 0.0793333 0.0795 0.0823333 0.0871667 0.082	0.0817333	5.7297e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0465 0.0515 0.0513333 0.047 0.0481667 0.0508333 0.046 0.053 0.0495 0.0516667	0.04955	6.14844e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.157667 0.162833 0.164333 0.165 0.167833 0.163 0.157 0.1575 0.159167 0.157333	0.161167	1.52274e-05
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1185 0.115667 0.120333 0.121 0.1145 0.1165 0.115167 0.117 0.119333 0.118167	0.117617	4.88858e-06
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0201667 0.0176667 0.0183333 0.0183333 0.0193333 0.0215 0.0193333 0.019 0.0261667 0.0206667	0.02005	5.95717e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.016 0.0135 0.0151667 0.0183333 0.0146667 0.0133333 0.0135 0.0148333 0.0133333	0.0145667	2.71728e-06
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.046 0.0495 0.0471667 0.0398333 0.0461667 0.0475 0.0488333 0.0471667 0.0495 0.044	0.0465667	8.48276e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

$N_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0206667 0.0226667 0.0201667 0.0215 0.02 0.0223333 0.0208333 0.0203333 0.0223333	0.0209	1.8654e-06
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.143667 0.140833 0.145 0.147 0.145 0.145833 0.147333 0.142667 0.147	0.144733	4.66768e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.109167 0.107833 0.104167 0.106333 0.107833 0.1035 0.109167 0.106833 0.109667 0.104667	0.106917	4.89051e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0791667 0.077 0.0798333 0.0788333 0.0788333 0.0805 0.0755 0.0806667 0.0795 0.08	0.0789833	2.58921e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0546667 0.062 0.0563333 0.0556667 0.0575 0.0581667 0.0555 0.0573333 0.0646667 0.057	0.0578833	9.7349e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0791667 0.082 0.0785 0.0793333 0.0805 0.0791667 0.0808333 0.0836667 0.0805	0.08075	3.53239e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0501667 0.0466667 0.0496667 0.0535 0.0488333 0.0498333 0.0475 0.0476667 0.051	0.0495833	4.09411e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1575 0.155333 0.157167 0.157333 0.153333 0.156667 0.152833 0.161833 0.1535 0.156667	0.156217	7.07455e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.116333 0.110167 0.116667 0.117833 0.116167 0.118 0.1105 0.113667 0.117167 0.114667	0.115117	8.11097e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0543333 0.0561667 0.0575 0.058 0.0586667 0.0616667 0.0578333 0.0581667 0.0558333 0.0556667	0.0573833	4.14851e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.046 0.0433333 0.044 0.0426667 0.0423333 0.0436667 0.0406667 0.0435 0.0441667	0.0434833	2.00894e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0705 0.0675 0.0683333 0.0658333 0.0676667 0.0673333 0.0673333 0.0666667 0.0698333 0.0703333	0.0681333	2.52344e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0425 0.042 0.0386667 0.0418333 0.0398333 0.0415 0.0408333 0.04 0.0421667 0.04	0.0409333	1.59382e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1535 0.146 0.154667 0.152833 0.152167 0.153667 0.152167 0.1515 0.1525 0.154	0.1523	5.83232e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118 0.1175 0.110833 0.113833 0.115833 0.110833 0.116 0.113167 0.113333 0.117667	0.1147	7.26496e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0121667 0.0135 0.0133333 0.0113333 0.0103333 0.0095 0.00916667 0.0131667 0.012 0.0118333	0.0116333	2.40001e-06
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00883333 0.00933333 0.005 0.0075 0.0113333 0.00866667 0.00733333 0.0095 0.00766667 0.00983333	0.0085	2.9938e-06
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.031 0.0306667 0.0301667 0.032 0.0316667 0.0293333 0.0313333 0.0318333 0.0315 0.0308333	0.0310333	6.77779e-07
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0133333 0.0115 0.0136667 0.0121667 0.0131667 0.0143333 0.012 0.0121667 0.0116667 0.0108333	0.0124833	1.2003e-06
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.132167 0.132333 0.131167 0.133167 0.134833 0.132 0.133833 0.129667 0.135167 0.132167	0.13265	2.76163e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

$\mathcal{N}_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0963333 0.0951667 0.1 0.102333 0.0998333 0.0991667 0.0961667 0.095	0.098	7.20975e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0713333 0.0701667 0.0731667 0.076 0.067 0.078 0.071 0.0725 0.072	0.0723	9.17161e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0566667 0.0553333 0.0533333 0.0488333 0.0566667 0.0525 0.0486667 0.0516667 0.0536667	0.0530833	7.91515e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.072 0.0765 0.0685 0.0775 0.0733333 0.073 0.0735 0.071 0.0725 0.0695	0.0727333	7.76666e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0445 0.0428333 0.0466667 0.0435 0.0455 0.0436667 0.0433333 0.0475 0.0453333 0.0428333	0.0445667	2.66177e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149333 0.149333 0.150167 0.147333 0.1485 0.144333 0.147167 0.151 0.153333 0.1525	0.1493	7.09765e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11 0.110333 0.1125 0.111333 0.110333 0.111333 0.112167 0.108667 0.112833 0.111	0.11105	1.61126e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0538333 0.0501667 0.0506667 0.0535 0.0513333 0.0525 0.0473333 0.0506667 0.0495 0.053	0.05125	4.06944e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0353333 0.0398333 0.04 0.0395 0.0373333 0.0388333 0.0426667 0.0396667 0.04 0.042	0.0395167	4.3794e-06
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0573333 0.0598333 0.0613333 0.0578333 0.0615 0.0575 0.0661667 0.058 0.0625 0.0578333	0.0599833	8.34237e-06

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0345 0.0373333 0.034 0.037 0.0351667 0.0353333 0.0351667 0.0356667 0.036	0.0354833	1.71266e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1465 0.1445 0.142167 0.141833 0.142 0.1455 0.144833 0.144333 0.1435 0.149667	0.144483	5.73774e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107167 0.105 0.108667 0.105667 0.1055 0.104833 0.106667 0.1085 0.105 0.105	0.106233	2.08806e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0106667 0.00866667 0.00966667 0.00733333 0.0101667 0.00866667 0.00833333 0.008 0.0065	0.00880001	1.76422e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00733333 0.00616667 0.00716667 0.006 0.00566667 0.00783333 0.006333333 0.007	0.00675	6.80554e-07
	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия Только потомки и копия Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Равномерное скрещивание Слабая мутация Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Только потомки и копия Лолько	Турнирная селекция Только потомки и копия Турнирная селекция Только потомки и копия Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Омобебебт Омобебет Омобебебт Омобебет Омобебет Омобебет Омобебет Омобебет Омобебет Омоб

Таблица 14. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0215 0.024 0.0246667 0.0211667 0.0205 0.0236667 0.0256667 0.0236667 0.0255 0.0245	0.0234833	3.31143e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.009 0.00966667 0.008 0.00966667 0.00783333 0.00866667 0.0085 0.0085 0.00766667 0.009	0.00865	4.90433e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.127 0.125167 0.124167 0.126333 0.125 0.127333 0.126667 0.127 0.126667 0.125333	0.126067	1.13686e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0916667 0.0903333 0.091 0.0876667 0.0926667 0.093 0.0915 0.0903333 0.091 0.0931667	0.0912333	2.62471e-06

### **6.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.02 0.01 0.01 0 0.01 0 0.01 0 0.01	0.009	5.44444e-05
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0.01 0 0.01 0 0.02 0 0	0.005	5e-05
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0 Продолжение на сле	0

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.01 0 0 0.02 0 0 0.01 0.01 0	0.005	5e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.02 0 0.02 0 0.02 0.05 0 0.03 0.01	0.016	0.000248889
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.01 0.01 0 0 0 0 0 0 0	0.002	1.77778e-05
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0.01 0.02 0.01 0.01 0.02 0 0.03 0.01	0.012	8.44444e-05

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.28 0.32 0.27 0.35 0.32 0.26 0.34 0.33 0.15 0.27	0.289	0.00343222
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.34 0.43 0.4 0.37 0.42 0.39 0.4 0.36 0.45 0.4	0.396	0.00109333
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.01 0 0.05 0.06 0.01 0 0.01 0 0.03 0.02	0.019	0.000454444

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.25 0.19 0.22 0.22 0.25 0.24 0.21 0.2 0.17 0.29	0.224	0.00120444
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.02 0.01	0.003	4.55556e-05
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.02 0.03 0.01 0.01 0.01 0.01 0.01 0.01 0.01	0.014	9.33333e-05

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.03 0.02 0 0.02 0.02 0.02 0.02 0.01 0.02 0	0.016	9.33333e-05
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.02 0 0.02 0.05 0.01 0.01 0 0.01 0	0.013	0.000223333

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05 0.02 0.01 0.04 0.02 0.06 0.04 0.06 0.02 0.05	0.037	0.000334444
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0.01 0 0 0.01 0 0	0.002	1.77778e-05
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.02 0.05 0.04 0.01 0.05 0.04 0.04 0.04 0.04	0.035	0.000183333
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.49 0.46 0.41 0.5 0.47 0.56 0.6 0.45 0.46 0.41	0.481	0.00365444
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.58 0.53 0.76 0.6 0.43 0.59 0.67 0.55 0.6	0.581	0.00818778
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08 0.08 0.09 0.1 0.07 0.06 0.08 0.11 0.07 0.12	0.086	0.00036
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.44 0.44 0.38 0.42 0.42 0.38 0.52 0.45 0.45 0.5	0.44	0.00202222
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0.02 0.01 0.02 0 0.03 0.02 0.02 0.02	0.014	9.33333e-05
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05 0.06 0.01 0.03 0.03 0.02 0.01 0.03 0.02 0.02	0.028	0.000262222

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.02 0.04 0.01 0.03 0.01 0.01 0.03 0.01 0.02 0.02	0.02	0.000111111
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1 0.05 0.06 0.05 0.07 0.08 0.04 0.04 0.04 0.04	0.056	0.000471111
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.01 0 0 0 0 0 0 0 0 0.01 0.01 0.02	0.005	5e-05

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.08 0.03 0.09 0.06 0.08 0.1 0.08 0.07 0.05 0.05	0.069	0.000454444
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.55 0.6 0.54 0.65 0.55 0.57 0.63 0.59 0.67	0.588	0.00237333
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.64 0.7 0.62 0.68 0.67 0.6 0.67 0.65 0.63 0.69	0.655	0.00105

Таблица 15. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 60)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.14 0.18 0.19 0.19 0.25 0.19 0.16 0.14 0.15 0.18	0.177	0.00106778
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.54 0.51 0.62 0.56 0.6 0.55 0.61 0.57 0.61 0.52	0.569	0.00156556
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

# 7 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

## 7.1 Информация об исследовании

Автор исследования: Сергиенко Антон Борисович.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:27:00.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:27:00.

**Идентификатор алгоритма**: MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

Идентификатор исследуемой тестовой

функции:

MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

Размерность тестовой функции: 70

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

Максимальное допустимое число вычислений целевой функции: 1296

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во 69984000 всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

### 7.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 26 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \begin{pmatrix} Tun \ cenekuuu \\ Tun \ ckneeuuubahuu \\ Tun \ mymauuu \\ Tun \ формирования \ нового \ поколения \end{pmatrix}. \tag{26}$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(27)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} C$$
лабая мутация  $C$ редняя мутация  $C$ ильная мутация  $C$ 

# 7.3 Ошибка по входным параметрам $E_{x}$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0935714 0.0885714 0.0871429 0.0917143 0.0858571 0.0905714 0.0928571 0.0904286 0.0874286 0.0894286	0.0897571	6.4537e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0731429 0.0692857 0.0664286 0.0718571 0.0675714 0.069 0.0718571 0.073 0.0684286 0.0737143	0.0704286	6.70748e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0985714 0.098 0.0927143 0.0914286 0.091 0.0911429 0.0921429 0.0862857 0.097 0.0938571	0.0932143	1.42369e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0575714 0.0628571 0.0608571 0.0598571 0.0618571 0.0637143 0.061 0.0642857 0.0645714 0.066	0.0622571	6.37556e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.168714 0.164429 0.165714 0.167286 0.168286 0.171571 0.166857 0.167857 0.166286 0.170429	0.167743	4.59278e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция одноточечное и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация	Пропорциональная селекция Олектра Оле	Пропорциональная селекция Олузати Олу

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.120286 0.119286 0.124 0.125857 0.122143 0.122429 0.119286 0.125429 0.126857 0.120714	0.122629	7.75555e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07 0.0697143 0.068 0.0661429 0.0681429 0.0682857 0.0702857 0.0674286 0.0655714 0.0688571	0.0682429	2.45372e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.052 0.057 0.0511429 0.0538571 0.0575714 0.0534286 0.0522857 0.0534286 0.0554286 0.0554286	0.0538714	4.60518e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0855714 0.0785714 0.0817143 0.0801429 0.0802857 0.0801429 0.077 0.0818571 0.0804286 0.0744286	0.0800143	8.86818e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0495714 0.0521429 0.0508571 0.0492857 0.0545714 0.0534286 0.0498571 0.0491429 0.051 0.0501429	0.051	3.38322e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки копия Полько потомки копия Только потомки копия Только потомки и копия Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Олобатальная Олоб	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Полько потомки копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Полько потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Полоко потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Полоко потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Полько потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Полько потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Полько потомки и копия Лаучшего индивида

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.162 0.158 0.162 0.161571 0.158857 0.162143 0.161286 0.165429 0.159714 0.16	0.1611	4.38629e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118 0.118 0.118714 0.111714 0.122286 0.118714 0.116429 0.122 0.122857 0.115429	0.118414	1.17617e-05
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0212857 0.0155714 0.0187143 0.0191429 0.0191429 0.0185714 0.0165714 0.0158571 0.0175714 0.0198571	0.0182286	3.32068e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0125714 0.011 0.0115714 0.0121429 0.011 0.0118571 0.0112857 0.0125714 0.0107143 0.0127143	0.0117428	5.43305e-07
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0428571 0.0437143 0.0435714 0.0408571 0.0464286 0.0417143 0.0414286 0.0478571 0.0444286 0.0434286	0.0436286	4.79909e-06
	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки О.161286 О.16243 О.162143 Только потомки О.161286 О.165429 О.159714 О.16 О.118 О.118 О.118 О.118 О.118 О.118 О.118 О.118 О.118714 О.116429 О.122286 Сильная мутация О.118714 О.116 О.118 О.118714 О.116429 О.122857 О.115429 О.122857 О.115429 О.122857 О.115429 О.0212857 О.0155714 О.0187143 О.0191429 Слабая мутация О.0185714 О.0165714 О.0165714 О.0165714 О.0165714 О.0165714 О.0175714 О.0198571 О.0125714 О.011 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация О.0125714 О.011 О.0115714 О.0115714 О.0112857 О.0125714 О.011 О.0115714 О.0112857 О.0125714 О.011 О.0115714 О.0112857 О.0125714 О.0127143 О.0125714 О.0117143 О.0127143 О.04371143 О.04371143 О.04371143 О.043571 Равномерное скрещивание Средняя мутация О.044286 Средняя мутация О.04478571 О.0444286	О.162

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0202857 0.0211429 0.0195714 0.0187143 0.018 0.0195714 0.0194286 0.0192857 0.0198571 0.019	0.0194857	7.35607e-07
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.142714 0.138857 0.145714 0.146571 0.143857 0.140143 0.141429 0.143 0.138714 0.140143	0.142114	7.49054e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105571 0.105143 0.106857 0.109429 0.108143 0.102714 0.105857 0.102857 0.107571 0.107143	0.106129	4.70105e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0758571 0.0744286 0.0735714 0.0738571 0.0755714 0.0757143 0.0765714 0.0791429 0.075 0.0768571	0.0756571	2.66761e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0615714 0.0568571 0.0564286 0.0585714 0.0602857 0.061 0.0585714 0.0568571 0.0578571 0.0584286	0.0586428	3.19842e-06
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Оличеное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия Только потомки и копия Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия Только потомки и копия Лонето индивида  Олиточенное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия Лонето индивида  Олиточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки  Одноточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки  Одноточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки и копия Одноточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное окрещивание Одноточечное окрещивание Одноточечное окрещивание Одноточечное окрещивание Одноточечное окрещивание Одноточечное окрешивание Одноточечное окрешивание Одноточечное окрешивание Одноточечное окрешивание Одноточечное окрешивание Одноточечное окрешивание Одноточ	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Олия Олия Только потомки и копия лучшего индивида Олия Только потомки и копия Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Олия Только потомки и копия Лолько потомки и копия Лолько потомки и копия Лолько потомки и копия Олия Только потомки и копия Одноточечное скрещивание Слабая мутация Олия Только потомки и копия Олия Только потом пистом потом потом пистом потом потом пистом потом потом пистом потом

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0785714 0.0741429 0.0767143 0.0761429 0.0804286 0.0792857 0.0772857 0.077 0.0788571 0.0777143	0.0776143	3.18838e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0492857 0.0491429 0.0525714 0.049 0.05 0.0477143 0.0478571 0.0511429 0.0492857 0.0514286	0.0497429	2.42995e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.153857 0.155714 0.152429 0.152429 0.158429 0.153429 0.159286 0.152714 0.153286 0.154714	0.154629	6.05544e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.115571 0.115286 0.117571 0.116571 0.115429 0.118857 0.117 0.116571 0.116 0.114143	0.1163	1.76128e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0548571 0.0524286 0.0525714 0.0544286 0.0568571 0.0512857 0.0524286 0.0551429 0.0565714 0.0548571	0.0541428	3.5419e-06
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Ол16571 Ол16571 Ол16571 Ол16571 Ол16571 Ол524286 Ол0525714 Ол0524286 Ол0525714 Ол0524286 Ол0524286 Ол0524286 Ол0551429 Ол0565714	О.0785714

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0384286 0.0397143 0.0421429 0.0434286 0.0412857 0.0404286 0.0385714 0.0438571 0.0427143	0.0410286	3.83582e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0661429 0.059 0.0624286 0.0628571 0.0632857 0.0658571 0.0615714 0.0661429 0.0662857 0.0635714	0.0637143	5.82316e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0408571 0.037 0.0388571 0.037 0.0374286 0.0405714 0.0392857 0.0402857 0.0397143 0.0361429	0.0387143	2.88882e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.150429 0.148429 0.153143 0.149571 0.149571 0.146286 0.151571 0.144857 0.150857 0.149857	0.149457	5.93538e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.112857 0.113714 0.114143 0.108714 0.114143 0.108 0.108714 0.111714 0.109857 0.107429	0.110928	7.1711e-06
	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное крещивание Сильная мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Олабат оберента оберен	Ранговая селекция

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.008 0.0101429 0.008 0.00742857 0.00714286 0.0115714 0.00885714 0.00757143 0.00842857 0.00842857	0.00855714	1.84331e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00614286 0.00557143 0.00628571 0.00557143 0.007 0.00542857 0.00571429 0.00757143 0.008 0.00657143	0.00638572	7.98412e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0242857 0.0231429 0.0234286 0.0251429 0.0248571 0.0231429 0.0228571 0.0257143 0.0248571 0.026	0.0243429	1.30248e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00957143 0.00985714 0.00771429 0.00914286 0.0104286 0.00942857 0.0105714 0.009 0.00842857 0.00828571	0.00924286	8.52833e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.125714 0.123857 0.126143 0.121714 0.126 0.123143 0.123857 0.124286 0.129 0.126714	0.125043	4.34496e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация	Ранговая селекция Ранговая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Олот42857 Равномерное скрещивание Слабая мутация Олот57143 Оло885714 Олот57143 Оло885714 Олот57143 Оло842857 Оло842857 Оло842857 Оло842857 Оло628571 Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида Олоб57143 Оло657143 Оло657143 Оло242857 Оло231429 Оло234286 Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Оло257143 Оло228571 Оло26 Оло257143 Оло257143 Оло257143 Оло248571 Оло26 Оло957143 Оло257143 Оло248571 Оло26 Оло957143 Оло257143 Оло248571 Оло26 Оло957143 Оло985714 Оло771429 Оло985714 Оло771429 Оло985714 Оло771429 Оло985714 Оло771429 Оло942857 Оло842857 Оло842857 Оло828571 Оло828571 Оло64 Оло94286 Оло942857 Оло828571 Оло828571 Олобо потомки и копия Лучшего индивида Оло94286 Оло942857 Оло828571 Оло828571 Оло64 Оло942857 Оло828571 Оло64 Оло94286 Оло942857 Оло828571 Оло64 Оло94286 Оло942857 Оло828571 Оло64 Оло942857 Оло828571 Оло64 Оло94286 Оло942857 Оло828571 Оло64 Оло94286 Оло942857 Оло828571 Оло64 Оло94286 Оло942857 Оло828571 Оло64 Оло94286 Оло942857 Оло828571	Ранговая селекция Олобаба

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0944286 0.0938571 0.0982857 0.0914286 0.0935714 0.097 0.095 0.0974286 0.093 0.0925714	0.0946571	5.09389e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0711429 0.0735714 0.0731429 0.073 0.0732857 0.0722857 0.0727143 0.072 0.0687143 0.0721429	0.0722	2.01902e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0537143 0.0531429 0.0531429 0.0531429 0.0515714 0.0527143 0.0501429 0.0567143 0.052 0.0532857	0.0529572	2.85737e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0708571 0.0702857 0.0695714 0.0668571 0.0724286 0.0698571 0.0681429 0.0687143 0.07 0.0688571	0.0695571	2.36033e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.047 0.0447143 0.0435714 0.0461429 0.0454286 0.0438571 0.0454286 0.0451429 0.0457143 0.0428571	0.0449857	1.58033e-06

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149714 0.145286 0.145143 0.148714 0.152143 0.148571 0.147857 0.147143 0.150143	0.148486	4.89412e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107714 0.111714 0.111714 0.115143 0.110571 0.113143 0.111857 0.107286 0.110143 0.112571	0.111186	5.68273e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0475714 0.0485714 0.0478571 0.0494286 0.0477143 0.0501429 0.0501429 0.052 0.0487143 0.05	0.0492143	1.95582e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0381429 0.0381429 0.0382857 0.0342857 0.0415714 0.0397143 0.0361429 0.0378571 0.0387143 0.0372857	0.0380143	3.78887e-06
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.056 0.0604286 0.061 0.058 0.0557143 0.0547143 0.0555714 0.0602857 0.0562857 0.0558571	0.0573857	5.53313e-06

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0331429 0.0334286 0.0341429 0.0348571 0.0334286 0.0314286 0.0328571 0.0337143 0.0367143 0.0322857	0.0336	2.09433e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.143 0.146571 0.144857 0.145714 0.144 0.143 0.147286 0.145571 0.147 0.142429	0.144943	3.12527e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107429 0.107571 0.103286 0.104571 0.106143 0.106143 0.105143 0.105857 0.105429 0.106571	0.105914	1.77848e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.009 0.00628571 0.00871429 0.007 0.00671429 0.00714286 0.00728571 0.00514286 0.00657143 0.00628571	0.00701429	1.30816e-06
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00514286 0.00728571 0.00685714 0.00642857 0.00671429 0.00528571 0.005 0.00514286 0.00571429 0.007	0.00605714	7.90021e-07

Таблица 16. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0171429 0.0194286 0.0198571 0.0174286 0.0197143 0.018 0.0202857 0.0188571 0.0187143 0.0195714	0.0189	1.14758e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.006 0.00871429 0.00814286 0.00642857 0.00671429 0.00628571 0.006 0.00714286 0.00585714 0.00614286	0.00674286	9.51478e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.119 0.121571 0.119714 0.117143 0.123714 0.118 0.119714 0.120571 0.120571 0.118857	0.119886	3.49059e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0848571 0.0912857 0.0915714 0.09 0.0844286 0.0908571 0.0888571 0.089 0.0877143	0.0888571	6.31289e-06

### **7.4** Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0935714 0.0885714 0.0871429 0.0917143 0.0858571 0.0905714 0.0928571 0.0904286 0.0874286 0.0894286	0.0897571	6.4537e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0731429 0.0692857 0.0664286 0.0718571 0.0675714 0.069 0.0718571 0.073 0.0684286 0.0737143	0.0704286	6.70748e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0985714 0.098 0.0927143 0.0914286 0.091 0.0911429 0.0921429 0.0862857 0.097 0.0938571	0.0932143	1.42369e-05
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0575714 0.0628571 0.0608571 0.0598571 0.0618571 0.0637143 0.061 0.0642857 0.0645714 0.066	0.0622571	6.37556e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.168714 0.164429 0.165714 0.167286 0.168286 0.171571 0.166857 0.167857 0.166286 0.170429	0.167743	4.59278e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция одноточечное и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация	Пропорциональная селекция Олембара Оле	Пропорциональная селекция Олуз 114 Олуз 1143 Олуз 1144

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.120286 0.119286 0.124 0.125857 0.122143 0.122429 0.119286 0.125429 0.126857 0.120714	0.122629	7.75555e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07 0.0697143 0.068 0.0661429 0.0681429 0.0682857 0.0702857 0.0674286 0.0655714 0.0688571	0.0682429	2.45372e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.052 0.057 0.0511429 0.0538571 0.0575714 0.0534286 0.0522857 0.0534286 0.0554286 0.0554286	0.0538714	4.60518e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0855714 0.0785714 0.0817143 0.0801429 0.0802857 0.0801429 0.077 0.0818571 0.0804286 0.0744286	0.0800143	8.86818e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0495714 0.0521429 0.0508571 0.0492857 0.0545714 0.0534286 0.0498571 0.0491429 0.051 0.0501429	0.051	3.38322e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Олектрания Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Олектрания Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Олектрания Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Олектрания Полько потомки и копия Лолько потомки и копия Лолько потомки и копия Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Пропорциональная селекция Двуточечное обрещивание Средняя мутация Пропорциональная селекция Двуточечное обрещь на представления	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Полоко потомки и копия лучшего индивида Олектрания Пропорциональная селекция Пропорциональна

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.162 0.158 0.162 0.161571 0.158857 0.162143 0.161286 0.165429 0.159714 0.16	0.1611	4.38629e-06
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118 0.118 0.118714 0.111714 0.122286 0.118714 0.116429 0.122 0.122857 0.115429	0.118414	1.17617e-05
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0212857 0.0155714 0.0187143 0.0191429 0.0191429 0.0185714 0.0165714 0.0158571 0.0175714 0.0198571	0.0182286	3.32068e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0125714 0.011 0.0115714 0.0121429 0.011 0.0118571 0.0112857 0.0125714 0.0107143 0.0127143	0.0117428	5.43305e-07
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0428571 0.0437143 0.0435714 0.0408571 0.0464286 0.0417143 0.0414286 0.0478571 0.0444286 0.0434286	0.0436286	4.79909e-06

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0202857 0.0211429 0.0195714 0.0187143 0.018 0.0195714 0.0194286 0.0192857 0.0198571 0.019	0.0194857	7.35607e-07
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.142714 0.138857 0.145714 0.146571 0.143857 0.140143 0.141429 0.143 0.138714 0.140143	0.142114	7.49054e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105571 0.105143 0.106857 0.109429 0.108143 0.102714 0.105857 0.102857 0.107571 0.107143	0.106129	4.70105e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0758571 0.0744286 0.0735714 0.0738571 0.0755714 0.0757143 0.0765714 0.0791429 0.075 0.0768571	0.0756571	2.66761e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0615714 0.0568571 0.0564286 0.0585714 0.0602857 0.061 0.0585714 0.0568571 0.0578571 0.0584286	0.0586428	3.19842e-06

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0785714 0.0741429 0.0767143 0.0761429 0.0804286 0.0792857 0.0772857 0.077 0.0788571 0.0777143	0.0776143	3.18838e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0492857 0.0491429 0.0525714 0.049 0.05 0.0477143 0.0478571 0.0511429 0.0492857 0.0514286	0.0497429	2.42995e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.153857 0.155714 0.152429 0.152429 0.158429 0.153429 0.159286 0.152714 0.153286 0.154714	0.154629	6.05544e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.115571 0.115286 0.117571 0.116571 0.115429 0.118857 0.117 0.116571 0.116 0.114143	0.1163	1.76128e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0548571 0.0524286 0.0525714 0.0544286 0.0568571 0.0512857 0.0524286 0.0551429 0.0565714 0.0548571	0.0541428	3.5419e-06
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Средняя мутация Соредняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное одноточечное одноточечное одноточечное Сильная мутация Одноточечное одношивание	О.0785714   О.0741429   О.0761429   О.0761429   О.0761429   О.0761429   О.0761429   О.0761429   О.0761429   О.0792857   О.0772857   О.0772857   О.0772857   О.077   О.078571   О.0777143   О.078571   О.0777143   О.078571   О.0777143   О.09525714   О.09525714   О.09525714   О.09525714   О.09525714   О.09525714   О.09525714   О.0978571   О.078571   О.078571   О.078571   О.0778571   О.0778571   О.078571   О.078571   О.078571   О.078571   О.051429   О.0514296   О.0514296   О.0514296   О.0514296   О.0514296   О.0514296   О.0514296   О.0514296   О.0514296   О.051429   О.0514299   О.158429   О.158714   О.158286   О.152714   О.158286   О.154714   О.158286   О.154714   О.115286   О.154714   О.115286   О.154714   О.115286   О.154714   О.115286   О.154714   О.115286   О.154714   О.115286   О.154714   О.116571   О.0524286   О.05525714   О.0565714   О.0565714   О.05665714   О.0566

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0384286 0.0397143 0.0421429 0.0434286 0.0412857 0.0404286 0.0385714 0.0438571 0.0427143 0.0397143	0.0410286	3.83582e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0661429 0.059 0.0624286 0.0628571 0.0632857 0.0658571 0.0615714 0.0661429 0.0662857 0.0635714	0.0637143	5.82316e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0408571 0.037 0.0388571 0.037 0.0374286 0.0405714 0.0392857 0.0402857 0.0397143 0.0361429	0.0387143	2.88882e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.150429 0.148429 0.153143 0.149571 0.149571 0.146286 0.151571 0.144857 0.150857 0.149857	0.149457	5.93538e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.112857 0.113714 0.114143 0.108714 0.114143 0.108 0.108714 0.111714 0.109857 0.107429	0.110928	7.1711e-06

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.008 0.0101429 0.008 0.00742857 0.00714286 0.0115714 0.00885714 0.00757143 0.00842857 0.00842857	0.00855714	1.84331e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00614286 0.00557143 0.00628571 0.00557143 0.007 0.00542857 0.00571429 0.00757143 0.008 0.00657143	0.00638572	7.98412e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0242857 0.0231429 0.0234286 0.0251429 0.0248571 0.0231429 0.0228571 0.0257143 0.0248571 0.026	0.0243429	1.30248e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00957143 0.00985714 0.00771429 0.00914286 0.0104286 0.00942857 0.0105714 0.009 0.00842857 0.00828571	0.00924286	8.52833e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.125714 0.123857 0.126143 0.121714 0.126 0.123143 0.123857 0.124286 0.129 0.126714	0.125043	4.34496e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация	Ранговая селекция Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Ранговая селекция Ранговая селекция Ранговая селекция Рановерное скрещивание Слабая мутация Рановерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Олоба Олоба Олоба Олоба Олоба Олоба Солоба Олоба Солоба Олоба Солоба Олоба Олоб	Ранговая селекция Ранговая селекция Ранговая селекция Ранговая селекция Олот42857 Равномерное скрещивание Слабая мутация Олов85714 Олот57143 Олов42857 Олов42857 Олов42857 Олов42857 Олов42857 Олов42857 Олов42857 Олоб57143 Олоб57143 Олоб57143 Олоб2871 Олоб57143 Олоб2871 Олоб57143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб231429 Оло231429 Оло248571 Олоб6 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67143 Олоб67144 Олоб771429 Оло94286 Олоб7144 Олоб771429 Оло94286 Олоб67144 Олоб771429 Оло94286 Олоб7144 Олоб67144 Олоб7144 О

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0944286 0.0938571 0.0982857 0.0914286 0.0935714 0.097 0.095 0.0974286 0.093 0.0925714	0.0946571	5.09389e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0711429 0.0735714 0.0731429 0.073 0.0732857 0.0722857 0.0727143 0.072 0.0687143 0.0721429	0.0722	2.01902e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0537143 0.0531429 0.0531429 0.0531429 0.0515714 0.0527143 0.0501429 0.0567143 0.052 0.0532857	0.0529572	2.85737e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0708571 0.0702857 0.0695714 0.0668571 0.0724286 0.0698571 0.0681429 0.0687143 0.07 0.0688571	0.0695571	2.36033e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.047 0.0447143 0.0435714 0.0461429 0.0454286 0.0438571 0.0454286 0.0451429 0.0457143 0.0428571	0.0449857	1.58033e-06

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.149714 0.145286 0.145143 0.148714 0.152143 0.148571 0.147857 0.147143 0.150143	0.148486	4.89412e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107714 0.111714 0.111714 0.115143 0.110571 0.113143 0.111857 0.107286 0.110143 0.112571	0.111186	5.68273e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0475714 0.0485714 0.0478571 0.0494286 0.0477143 0.0501429 0.0501429 0.052 0.0487143 0.05	0.0492143	1.95582e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0381429 0.0381429 0.0382857 0.0342857 0.0415714 0.0397143 0.0361429 0.0378571 0.0387143 0.0372857	0.0380143	3.78887e-06
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.056 0.0604286 0.061 0.058 0.0557143 0.0547143 0.0555714 0.0602857 0.0562857 0.0558571	0.0573857	5.53313e-06

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0331429 0.0334286 0.0341429 0.0348571 0.0334286 0.0314286 0.0328571 0.0337143 0.0367143 0.0322857	0.0336	2.09433e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.143 0.146571 0.144857 0.145714 0.144 0.143 0.147286 0.145571 0.147 0.142429	0.144943	3.12527e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.107429 0.107571 0.103286 0.104571 0.106143 0.106143 0.105143 0.105429 0.105429 0.106571	0.105914	1.77848e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.009 0.00628571 0.00871429 0.007 0.00671429 0.00714286 0.00728571 0.00514286 0.00657143 0.00628571	0.00701429	1.30816e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00514286 0.00728571 0.00685714 0.00642857 0.00671429 0.00528571 0.005 0.00514286 0.00571429 0.007	0.00605714	7.90021e-07
	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация  Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация  Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация  Только потомки  Турнирная селекция Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего потомки  Турнирная селекция Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки  Турнирная селекция Только потомки и копия Лолько потомки и копия Лоль	Турнириая селекция

Таблица 17. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0171429 0.0194286 0.0198571 0.0174286 0.0197143 0.018 0.0202857 0.0188571 0.0187143 0.0195714	0.0189	1.14758e-06
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.006 0.00871429 0.00814286 0.00642857 0.00671429 0.00628571 0.006 0.00714286 0.00585714 0.00614286	0.00674286	9.51478e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.119 0.121571 0.119714 0.117143 0.123714 0.118 0.119714 0.120571 0.120571 0.118857	0.119886	3.49059e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0848571 0.0912857 0.0915714 0.09 0.0844286 0.0908571 0.0888571 0.089 0.0877143 0.09	0.0888571	6.31289e-06

### **7.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

$N_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0.01 0 0	0.001	1e-05
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0.002	1.77778e-05
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	О Продолжение на сле	0

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0.01 0 0 0 0.01 0 0	0.002	1.77778e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0.01 0.01 0 0 0 0.01 0.02 0 0.02	0.008	6.22222e-05
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0.01 0 0 0.01 0.01 0.01 0.02 0.01 0.01	0.008	4e-05

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.24 0.37 0.23 0.23 0.32 0.28 0.28 0.33 0.28 0.28	0.276	0.00278222
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.42 0.44 0.42 0.44 0.41 0.38 0.42 0.33 0.45 0.4	0.411	0.00123222
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.02 0.02 0.02 0.02 0.01 0.01 0.02 0.01 0.02 0.01 0.02	0.018	4e-05

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

$\mathcal{N}_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.14 0.15 0.16 0.24 0.26 0.2 0.17 0.2 0.2 0.17	0.189	0.00149889
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0.02 0.03 0.02 0 0 0.01 0.03 0	0.012	0.000151111

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0.01 0 0	0.001	1e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.01 0 0 0 0.01 0 0 0	0.004	4.88889e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.01 0.02 0.01 0 0.01 0.01 0 0 0.01	0.007	4.55556e-05
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки О О О О О О О О О О О О О О О О О О О	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.03 0.01 0.03 0.05 0.04 0.07 0.03 0.05 0.05	0.04	0.000266667
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0.01	0.001	1e-05
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0.04 0.03 0.04 0.02 0.01 0.03 0.05 0.01 0.03	0.028	0.000173333
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.59 0.43 0.56 0.59 0.6 0.49 0.53 0.59 0.58 0.53	0.549	0.00301
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.68 0.66 0.63 0.67 0.61 0.66 0.66 0.62 0.55 0.68	0.642	0.00164
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.15 0.12 0.12 0.1 0.1 0.16 0.1 0.07 0.12 0.07	0.111	0.000876667
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.51 0.49 0.53 0.53 0.47 0.46 0.43 0.51 0.54 0.52	0.499	0.00127667
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

$N_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0.01 0 0 0 0 0 0.01 0.03 0	0.005	9.44444e-05
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0 0.01 0 0.02 0 0.01 0.01 0 0.04	0.011	0.000165556

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0.03 0 0.02 0.03 0.01 0.03 0 0.02	0.014	0.000182222
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05 0.07 0.03 0.05 0.02 0.04 0.08 0.07 0.01 0.03	0.045	0.000538889
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0.001	1e-05

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.04 0.02 0.04 0.08 0.04 0.04 0.04 0.04 0.02	0.04	0.000266667
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.5 0.65 0.5 0.64 0.61 0.58 0.57 0.69 0.61 0.64	0.599	0.00392111
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.74 0.59 0.6 0.67 0.62 0.71 0.69 0.71 0.67 0.57	0.657	0.00340111

Таблица 18. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 70)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.22 0.18 0.16 0.19 0.21 0.23 0.15 0.24 0.18 0.15	0.191	0.00107667
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.61 0.55 0.53 0.58 0.61 0.65 0.64 0.6 0.64	0.602	0.00152889
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

# 8 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

### 8.1 Информация об исследовании

Автор исследования: Сергиенко Антон Борисович.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:32:14.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:32:14.

**Идентификатор алгоритма**: MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

Идентификатор исследуемой тестовой

функции:

MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

Размерность тестовой функции:

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

Максимальное допустимое число вычислений целевой функции: 1521

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во 82134000

всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

### 8.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 31 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \left(egin{array}{c} Tun \ cenekuuu \ Tun \ ckneeuuubahun \ Tun \ мутации \ Tun \ формирования нового поколения \ \end{array}
ight). \eqno(31)$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(32)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{\it Средняя мутация} \ \mbox{\it Сильная мутация} \ \mbox{\it C} \mbox{\it } \mbo$$

## 8.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.093875 0.0965 0.09575 0.091875 0.0955 0.098125 0.098125 0.09575 0.096 0.092125	0.0953625	4.68212e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.075875 0.078375 0.07425 0.071625 0.07575 0.077 0.077375 0.075 0.07425 0.07625	0.075575	3.68125e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09825 0.097875 0.099375 0.096 0.1 0.096125 0.098125 0.096 0.09675 0.0965	0.0975	2.09028e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.068375 0.068125 0.066125 0.06975 0.068375 0.067875 0.068625 0.067375 0.067375	0.0674375	4.0599e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.166375 0.16875 0.16875 0.170625 0.16825 0.168 0.167875 0.165625 0.172125 0.1725	0.168887	5.0849e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Пропорциональная селекция Олем (Слабая мутация Олем (Средняя мутация Олем (Средная мутация Олем (Среднам (Сред	Пропорциональная селекция Одноточенное скрещивание Слабая мутация         0.091875 0.098125 0.098125 0.098125 0.098125 0.0966 0.092125         0.0953625           Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное обрежительный представления Одноточечное скрещивание Одноточечное обрежительный представления Одноточечное обрежительный представления представления представления предс

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1225 0.127375 0.12725 0.126625 0.124875 0.123375 0.12325 0.1245 0.123375 0.125875	0.1249	3.20764e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0725 0.07125 0.0695 0.076 0.078625 0.07025 0.070125 0.073625 0.075375	0.0732625	9.22378e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.056625 0.0565 0.058625 0.055375 0.058 0.056375 0.056125 0.05875 0.060375 0.058	0.057475	2.33611e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08325 0.086875 0.082 0.083125 0.08525 0.08575 0.087125 0.082 0.08325 0.080625	0.083925	4.87569e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.053 0.053625 0.056125 0.058125 0.055625 0.05775 0.055 0.053875 0.0575	0.0558125	3.5599e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция О.1225 Олекториченое скрещивание Сильная мутация О.123375 Олько потомки и копия О.123375 Олекториченое индивида О.123375 Олекториченое скрещивание О.1245 Олекториченое скрещивание О.0765 Олекториченое скрещивание О.076625 Олекториченое скрещивание О.073625 Олекториченое обращаем Олекториченое Слабая мутация О.070125 Олекториченое скрещивание О.073625 Олекториченое скрещивание Олекториченое Слабая мутация Олекториченое Скрещивание Олекториченое Олект	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Полько потомки и копия Лвуточечное скрещивание Слабая мутация Полько потомки и копия Лвуточечное скрещивание Средняя мутация Полько потомки Полько потомки Полько потомки Пото

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.16275 0.16375 0.166375 0.163 0.1675 0.162625 0.164 0.16225 0.16225 0.16325	0.163775	3.17639e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.12025 0.123375 0.122 0.12025 0.120375 0.120875 0.119375 0.121625 0.12 0.119375	0.12075	1.57986e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0155 0.016875 0.0175 0.01625 0.017875 0.0175 0.018875 0.018 0.01975 0.017875	0.0176	1.48194e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.012125 0.012625 0.011375 0.012875 0.012625 0.011375 0.011875 0.01225 0.011125 0.011625	0.0119875	3.69618e-07
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.042125 0.041375 0.04125 0.041 0.04175 0.03975 0.043625 0.045875 0.04225 0.04575	0.042475	4.06875e-06
	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	О.16275   О.16375   О.166375   О.166375   О.166375   О.166375   О.166375   О.166375   О.1675   Сильная мутация   О.1675   О.162625   О.16225   О.16225   О.16225   О.16225   О.16225   О.16225   О.16225   О.16225   О.16225   О.123375   О.122   О.120375   О.120875   О.101875   О.01625   О.018875   О.018875   О.018875   О.01975   О.017875   О.012625   О.011375   О.012625   О.011375   О.012875   О.012625   О.011375   О.012625   О.011375   О.011375   О.011875   О.01125   О.012625   О.01125   О.01125   О.01125   О.01125   О.01125   О.0125   О.01125   О.01125   О.01125   О.01125   О.01125   О.01125	О.16275   О.16375   О.16375   О.16375   О.16375   О.16375   О.16375   О.16375   О.16375   О.16375   О.1675   О.162625   О.162625   О.16225   О.16325   О.16325   О.16325   О.16325   О.16325   О.12025   О.120375   О.12025   О.120375   О.12025   О.120375   О.120875   О.1208875   О.120875   О.18875   О.018875   O.018875   O.018875   O.018875   O.018875   O.018875   O.018875   O.018875   O.018875   O.01189875   O.0118

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0185 0.017875 0.021 0.0205 0.019125 0.02075 0.019625 0.019875 0.020125 0.019125	0.01965	1.00625e-06
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.14325 0.146625 0.14475 0.142875 0.139625 0.144375 0.14175 0.143375 0.14525 0.144875	0.143675	3.92083e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105 0.107625 0.104875 0.1055 0.10825 0.10525 0.103125 0.104125 0.1065 0.102125	0.105238	3.55712e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.079875 0.07725 0.0825 0.080125 0.08175 0.08225 0.076125 0.08 0.07475 0.080875	0.07955	7.03194e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.065 0.063375 0.0665 0.062125 0.06025 0.064875 0.065375 0.065625 0.0635 0.061375	0.0638	4.13958e-06

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.075 0.076625 0.08075 0.077375 0.081625 0.074875 0.078125 0.077	0.077975	5.16944e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.053875 0.053625 0.05475 0.053375 0.0515 0.050125 0.052625 0.05325 0.05325 0.047625	0.0524	4.49236e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.151875 0.156125 0.1555 0.151 0.153625 0.154625 0.156875 0.155 0.1575	0.154425	4.89306e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118625 0.116625 0.120875 0.118375 0.11725 0.116875 0.116375 0.117375 0.117875 0.11525	0.11755	2.34444e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.060875 0.05725 0.053375 0.059125 0.059125 0.061375 0.05875 0.06225 0.059 0.058625	0.058975	6.07222e-06
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Олотять Только потомки Олота об	О.075

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.047375 0.043625 0.04275 0.044375 0.045375 0.04475 0.04425 0.04125 0.047875 0.045375	0.0447	3.92431e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.065 0.064625 0.063125 0.065875 0.061 0.065875 0.065 0.064125 0.0665 0.064875	0.0646	2.51319e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04225 0.040625 0.040625 0.041 0.037875 0.04075 0.04075 0.042125 0.04025 0.038875	0.0405125	1.74462e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145375 0.149375 0.143625 0.144875 0.147875 0.1465 0.151125 0.14725 0.146125 0.1485	0.147063	5.02865e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.115625 0.108875 0.11 0.111125 0.1135 0.111375 0.112625 0.114875 0.11075 0.113375	0.112213	4.66337e-06

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.007375 0.009625 0.009 0.007625 0.00925 0.00825 0.007875 0.0095 0.0085 0.00875	0.008575	6.1875e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.005875 0.007125 0.00675 0.007 0.00625 0.006375 0.006 0.00675 0.00725 0.00575	0.0065125	2.89757e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.02375 0.02375 0.02275 0.0215 0.02425 0.0225 0.02225 0.02125 0.02175	0.02255	1.10833e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.009125 0.00775 0.008125 0.00925 0.007375 0.0085 0.00875 0.008 0.01 0.007875	0.008475	6.52083e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.120125 0.124875 0.123125 0.12275 0.124875 0.125375 0.121 0.125125 0.121625 0.12475	0.123362	3.68559e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция	Ранговая селекция	Ранговая селекция Оломать

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.090625 0.091625 0.0915 0.093125 0.0925 0.090375 0.088125 0.09075 0.09425 0.0935	0.0916375	3.22378e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.071125 0.074625 0.077125 0.07675 0.0745 0.072 0.07575 0.07675 0.077625 0.079625	0.0755875	6.71545e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06175 0.057875 0.0605 0.05975 0.057125 0.060125 0.06 0.0585 0.05975 0.0605	0.0595875	1.89253e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.075375 0.0715 0.073125 0.073125 0.071125 0.07025 0.074125 0.071625 0.07275 0.075375	0.0728375	3.06615e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.048125 0.047 0.049375 0.046 0.0465 0.046 0.048625 0.04375 0.04675 0.048125	0.047025	2.63125e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Олеттра  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное осрещивание Онаба Он	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Олочато от о

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.14875 0.151625 0.147625 0.150875 0.15075 0.149375 0.14725 0.147 0.149625 0.14925	0.149213	2.51406e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11325 0.114625 0.1115 0.112 0.113 0.108125 0.113375 0.118 0.1145 0.113375	0.113175	6.32708e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.052125 0.052875 0.05325 0.053 0.05 0.05225 0.051 0.051375 0.054875 0.052625	0.0523375	1.81267e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.04175 0.042875 0.041 0.039375 0.04175 0.043 0.042 0.0425 0.040375	0.0414625	1.53142e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.057 0.058375 0.0595 0.057125 0.05675 0.05875 0.055625 0.05875 0.06125 0.059125	0.058225	2.64514e-06
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция двуточечное индивида  Турнирная селекция двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Турнирная селекция О.151625 Ольточечное скрещивание Ольтоть Ольтотомки Ольтоть Ольтоть Ольтоть Ольтотомки Ольтоть Ольтотомки Ольтоть Ольтотомки Ольтотомк	О.14875   О.151625   О.147625   О.147625   О.147625   О.150875   Олько потомки   О.15075   Олько потомки   О.149213   Олько потомки   О.14725   О.147   О.149625   О.14925   О.14925   О.14925   О.14925   О.14925   О.11325   О.114625   О.114625   О.1115   О.112   Олько потомки и копия   О.113   Олько потомки и копия   О.113375   О.118   О.1145   О.113375   О.118   О.1145   О.113375   О.118   О.1145   О.113375   О.052875   О.052875   О.052875   О.05325   О.052875   О.05285   О.05325   О.052875   О.05285   О.054875   О.051375   О.051375   О.054875   О.054875   О.052625   О.04   О.04175   О.04175   О.04175   О.04175   О.042   О.042875   О.041   Двуточечное скрещивание   О.0339375   С.0639375   О.04175   О.04175   О.043   О.042   О.0425   О.040375   О.040375   О.05875   О.0

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.038 0.03575 0.0365 0.034125 0.034 0.036875 0.038 0.034 0.03675 0.0365	0.03605	2.37569e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.142375 0.144375 0.14 0.14075 0.141125 0.143125 0.144625 0.145 0.144875 0.1465	0.143275	4.61389e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.108625 0.107875 0.107125 0.107125 0.105875 0.10575 0.108125 0.1055 0.108875 0.106	0.107088	1.58003e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00575 0.00675 0.006375 0.00575 0.00425 0.00575 0.00825 0.006875 0.006625 0.006	0.0062375	1.06753e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.006 0.006625 0.004625 0.0055 0.0055 0.0045 0.00625 0.00675 0.00475 0.005375	0.0055875	6.56424e-07
	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего индивида  О.034  О.036875  О.036875  О.0365  О.0365  О.0365  О.142375  О.144375  О.144  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация  Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация  Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки  Турнирная селекция О.10575 О.108875 О.106  О.108875 О.106  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Только потомки  О.00675 О.006625 О.006625 О.0066  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки О.00625 О.006625 О.006625 О.006625 О.00665 Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Равномерное скрещивание Слабая мутация О.00675 О.00675 О.00675 О.00675 О.00675 О.00675 О.00675 О.00675	Турнириая селекция

Таблица 19. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.016375 0.015625 0.016625 0.016625 0.015875 0.01775 0.016125 0.017375 0.017625 0.016125	0.0166125	5.50174e-07
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.006375 0.006375 0.00525 0.00525 0.006125 0.0055 0.006 0.0055 0.0065	0.0059375	2.64757e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.118875 0.114875 0.115375 0.11675 0.114875 0.11525 0.116125 0.11975 0.118 0.115875	0.116575	3.01111e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.088875 0.087625 0.085375 0.084875 0.0855 0.084 0.08925 0.087 0.083375 0.0855	0.0861375	3.92517e-06

# 8.4 Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.093875 0.0965 0.09575 0.091875 0.0955 0.098125 0.098125 0.09575 0.096 0.092125	0.0953625	4.68212e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.075875 0.078375 0.07425 0.071625 0.07575 0.077 0.077375 0.075 0.07425 0.07625	0.075575	3.68125e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09825 0.097875 0.099375 0.096 0.1 0.096125 0.098125 0.096 0.09675 0.0965	0.0975	2.09028e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.068375 0.068125 0.066125 0.06975 0.068375 0.067875 0.068625 0.067375 0.067375 0.062375	0.0674375	4.0599e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.166375 0.16875 0.16875 0.170625 0.16825 0.168 0.167875 0.165625 0.172125 0.1725	0.168887	5.0849e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция одноточечное и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация	Пропорциональная селекция Олуб575 Пропорциональная селекция Олуб55 Слабая мутация Олуб55 Олуб75 Олуб7	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация         0.091875 0.098125 0.098125 0.098125 0.098125 0.0966 0.092125         0.0953625           Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное одношения одноше

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1225 0.127375 0.12725 0.126625 0.124875 0.123375 0.12325 0.1245 0.123375 0.123375	0.1249	3.20764e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0725 0.07125 0.0695 0.076 0.078625 0.07025 0.070125 0.073625 0.075375	0.0732625	9.22378e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.056625 0.0565 0.058625 0.055375 0.058 0.056375 0.056125 0.05875 0.060375 0.058	0.057475	2.33611e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.08325 0.086875 0.082 0.083125 0.08525 0.08575 0.087125 0.082 0.08325 0.080625	0.083925	4.87569e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.053 0.053625 0.056125 0.058125 0.055625 0.05775 0.055 0.053875 0.0575	0.0558125	3.5599e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Пропорциональная селекция Пропорционал	Пропорциональная селекция Олектрания Пропорциональная селекция Олектрания Пропорциональная селекция Олектрания Пропорциональная селекция Пропорцион

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.16275 0.16375 0.166375 0.163 0.1675 0.162625 0.164 0.16225 0.16225 0.16325	0.163775	3.17639e-06
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.12025 0.123375 0.122 0.12025 0.120375 0.120875 0.119375 0.121625 0.12 0.119375	0.12075	1.57986e-06
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0155 0.016875 0.0175 0.01625 0.017875 0.0175 0.018875 0.018 0.01975	0.0176	1.48194e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.012125 0.012625 0.011375 0.012875 0.012625 0.011375 0.011875 0.01225 0.011125 0.011625	0.0119875	3.69618e-07
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.042125 0.041375 0.04125 0.041 0.04175 0.03975 0.043625 0.045875 0.04225 0.04575	0.042475	4.06875e-06

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0185 0.017875 0.021 0.0205 0.019125 0.02075 0.019625 0.019875 0.020125 0.019125	0.01965	1.00625e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.14325 0.146625 0.14475 0.142875 0.139625 0.144375 0.14175 0.143375 0.14525 0.144875	0.143675	3.92083e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105 0.107625 0.104875 0.1055 0.10825 0.10525 0.103125 0.104125 0.1065 0.102125	0.105238	3.55712e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.079875 0.07725 0.0825 0.080125 0.08175 0.08225 0.076125 0.08 0.07475 0.080875	0.07955	7.03194e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.065 0.063375 0.0665 0.062125 0.06025 0.064875 0.065375 0.065625 0.0635 0.061375	0.0638	4.13958e-06
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Олибессов оп от	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Полько потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Ранговая селекция Олюточеное скрещивание Слабая мутация Олюба Олоточеное скрещивание Слабая мутация Олюба Олоба

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.075 0.076625 0.08075 0.077375 0.081625 0.074875 0.078125 0.077	0.077975	5.16944e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.053875 0.053625 0.05475 0.053375 0.0515 0.050125 0.052625 0.05325 0.05325 0.047625	0.0524	4.49236e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.151875 0.156125 0.1555 0.151 0.153625 0.154625 0.156875 0.155 0.1575 0.1575	0.154425	4.89306e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118625 0.116625 0.120875 0.118375 0.11725 0.116875 0.116375 0.117375 0.117875 0.117875	0.11755	2.34444e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.060875 0.05725 0.053375 0.059125 0.059125 0.061375 0.05875 0.06225 0.059 0.058625	0.058975	6.07222e-06

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.047375 0.043625 0.04275 0.044375 0.045375 0.04475 0.04425 0.04125 0.047875 0.045375	0.0447	3.92431e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.065 0.064625 0.063125 0.065875 0.061 0.065875 0.065 0.064125 0.0665 0.064875	0.0646	2.51319e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04225 0.040625 0.040625 0.041 0.037875 0.04075 0.04075 0.042125 0.04025 0.038875	0.0405125	1.74462e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145375 0.149375 0.143625 0.144875 0.147875 0.1465 0.151125 0.14725 0.146125 0.1485	0.147063	5.02865e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.115625 0.108875 0.11 0.111125 0.1135 0.111375 0.112625 0.114875 0.11075 0.113375	0.112213	4.66337e-06

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.007375 0.009625 0.009 0.007625 0.00925 0.00825 0.007875 0.0095 0.0085 0.00875	0.008575	6.1875e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.005875 0.007125 0.00675 0.007 0.00625 0.006375 0.006 0.00675 0.00725 0.00575	0.0065125	2.89757e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.02375 0.02375 0.02275 0.0215 0.02425 0.0225 0.02225 0.02125 0.02175	0.02255	1.10833e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.009125 0.00775 0.008125 0.00925 0.007375 0.0085 0.00875 0.008 0.01 0.007875	0.008475	6.52083e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.120125 0.124875 0.123125 0.12275 0.124875 0.125375 0.121 0.125125 0.121625 0.12475	0.123362	3.68559e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Олоте об олоте от олоте об олоте об олоте от олоте об олоте олоте об олоте олоте олоте об олоте от олоте об олоте от олоте об олоте от олоте об олоте от олоте об олоте об олоте от олоте об олоте олоте об олоте об олоте об олоте ол	Ранговая селекция Ранговая се

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.090625 0.091625 0.0915 0.093125 0.0925 0.090375 0.088125 0.09075 0.09425 0.0935	0.0916375	3.22378e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.071125 0.074625 0.077125 0.07675 0.0745 0.072 0.07575 0.07675 0.077625 0.079625	0.0755875	6.71545e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06175 0.057875 0.0605 0.05975 0.057125 0.060125 0.06 0.0585 0.05975 0.0605	0.0595875	1.89253e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.075375 0.0715 0.073125 0.073125 0.071125 0.07025 0.074125 0.071625 0.07275 0.075375	0.0728375	3.06615e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.048125 0.047 0.049375 0.046 0.0465 0.046 0.048625 0.04375 0.04675 0.048125	0.047025	2.63125e-06

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.14875 0.151625 0.147625 0.150875 0.15075 0.149375 0.14725 0.147 0.149625 0.14925	0.149213	2.51406e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11325 0.114625 0.1115 0.112 0.113 0.108125 0.113375 0.118 0.1145 0.113375	0.113175	6.32708e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.052125 0.052875 0.05325 0.053 0.05 0.05225 0.051 0.051375 0.054875 0.052625	0.0523375	1.81267e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.04 0.04175 0.042875 0.041 0.039375 0.04175 0.043 0.042 0.0425 0.040375	0.0414625	1.53142e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.057 0.058375 0.0595 0.057125 0.05675 0.05875 0.055625 0.05875 0.06125 0.059125	0.058225	2.64514e-06
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное обрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация	Турнирная селекция О.150875 Ольточечное скрещивание О.15075 Сильная мутация О.149375 Только потомки О.14725 Ольточечное скрещивание Ольтотомки Олототомки Ольтотомки	Пурнирная селекция       0.151625         Одноточечное скрещивание       0.150875         Сильная мутация       0.149275         Только потомки       0.14925         0.14925       0.14925         0.14925       0.14925         0.14925       0.11326         0.114925       0.114625         0.114925       0.114625         0.114625       0.1115         0.114625       0.1115         0.112       0.113         0.013       0.113375         0.113375       0.118         0.1145       0.113375         0.052875       0.052875         0.052875       0.05325         0.052875       0.05325         0.05325       0.052875         0.054875       0.054875         0.054875       0.054875         0.054875       0.052625         0.04       0.04175         0.042875       0.042875         0.042       0.042875         0.043       0.04175         0.040375       0.043         0.042       0.0425         0.040375       0.05875         0.05895       0.05875         0.05875

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.038 0.03575 0.0365 0.034125 0.034 0.036875 0.038 0.034 0.03675 0.0365	0.03605	2.37569e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.142375 0.144375 0.14 0.14075 0.141125 0.143125 0.144625 0.145 0.144875 0.1465	0.143275	4.61389e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.108625 0.107875 0.107125 0.107125 0.105875 0.10575 0.108125 0.1055 0.108875 0.106	0.107088	1.58003e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00575 0.00675 0.006375 0.00575 0.00425 0.00575 0.00825 0.006875 0.006625 0.006	0.0062375	1.06753e-06
Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.006 0.006625 0.004625 0.0055 0.0055 0.0045 0.00625 0.00675 0.00475 0.005375	0.0055875	6.56424e-07
	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия Двуточечное скрещивание Сильная мутация  Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация  Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Только потомки и копия Только потомки и копия Лолько потомки и копия Только потомки и копия Только потомки  Турнирная селекция Только потомки и копия Только потомки и копия Только потомки  Турнирная селекция Только потомки  Турнирная селекция Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Только потомк	Турнирная селекция

Таблица 20. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.016375 0.015625 0.016625 0.016625 0.015875 0.01775 0.016125 0.017375 0.017625 0.016125	0.0166125	5.50174e-07
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.006375 0.006375 0.00525 0.00525 0.006125 0.0055 0.006 0.0055 0.0065	0.0059375	2.64757e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.118875 0.114875 0.115375 0.11675 0.114875 0.11525 0.116125 0.11975 0.118 0.115875	0.116575	3.01111e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.088875 0.087625 0.085375 0.084875 0.0855 0.084 0.08925 0.087 0.083375 0.0855	0.0861375	3.92517e-06

### **8.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0.01 0 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.01 0.01 0.01 0 0 0.01 0 0	0.006	2.66667e-05
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0.01 0 0 0 0 0.01 0 0	0.003	2.33333e-05
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  О  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  О  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  О  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  О  О  О  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.32 0.27 0.27 0.3 0.16 0.18 0.17 0.23 0.16 0.22	0.228	0.00357333
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.39 0.31 0.42 0.36 0.35 0.4 0.31 0.34 0.38 0.38	0.364	0.00136
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.02 0 0.03 0.02 0.02 0 0.01 0 0.01	0.011	0.000121111
		0.01	Продолжение на сл	едующей страні

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.13 0.18 0.09 0.16 0.19 0.16 0.15 0.13 0.19	0.154	0.00096
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0.01 0 0 0 0 0	0.001	1e-05

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0 0.01 0 0 0 0 0	0.002	1.77778e-05
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0.01 0 0	0.001	1e-05
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное обрещивание Сильная мутация Одноточечное обрещивание Сильная мутация Одноточечное обрещивание Одноточечное обрещивание Одноточечное обрещивание Сильная мутация Одноточечное обрещивание Одноточечное Одното	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.03 0.03 0 0.01 0.02 0.01 0.01 0	0.013	0.000112222
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.03 0.01 0.04 0.01 0.03 0.03 0.02 0.02 0.02 0.01 0.02	0.022	0.000106667
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.56 0.39 0.44 0.53 0.47 0.51 0.51 0.44 0.46 0.52	0.483	0.00266778
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.62 0.56 0.56 0.55 0.61 0.56 0.63 0.52 0.55 0.62	0.578	0.00146222
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.07 0.08 0.12 0.07 0.07 0.08 0.07 0.12 0.11 0.11	0.09	0.000488889
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.42 0.54 0.47 0.42 0.53 0.42 0.47 0.49 0.41 0.44	0.461	0.00223222
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0.01 0 0.01 0 0 0 0.01	0.003	2.33333e-05
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0.01 0 0.01 0	0.002	1.77778e-05
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное крещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  О  Турнирная селекция О  О  О  Только потомки и копия лучшего индивида  О  Турнирная селекция О  О  О  О  Турнирная селекция О  О  О  О  О  Турнирная селекция О  О  О  О  Турнирная селекция О  О  О  О  О  Турнирная селекция О  О  О  О  О  Турнирная селекция О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Олько потомки и копия лучшего индивида

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.01 0 0 0 0.03 0 0 0.01 0 0.01	0.006	9.33333e-05
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.04 0.02 0.02 0 0.04 0 0.01 0.01	0.015	0.000227778
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0.01 0 0	0.001	1e-05
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция двуточечное и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное обращаем обращ	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Одноточечн

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07 0.02 0.03 0.04 0.05 0.01 0.04 0.04 0.01 0.04	0.035	0.000338889
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.64 0.58 0.58 0.62 0.73 0.64 0.49 0.55 0.57	0.604	0.00424889
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.63 0.56 0.69 0.63 0.63 0.67 0.61 0.61 0.67 0.64	0.634	0.00138222

Таблица 21. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 80)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.26 0.2 0.17 0.21 0.2 0.21 0.24 0.18 0.15 0.17	0.199	0.00112111
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.54 0.57 0.66 0.64 0.59 0.66 0.6 0.64 0.57 0.55	0.602	0.00204
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

# 9 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

## 9.1 Информация об исследовании

Автор исследования: Сергиенко Антон Борисович.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:38:45.

**Дата создания исследования**: 27.01.2014 23:38:45.

**Идентификатор алгоритма**: MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

Идентификатор исследуемой тестовой

функции:

MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

Размерность тестовой функции: 90

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

Максимальное допустимое число вычислений целевой функции: 1764

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во 95256000 всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

### 9.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 36 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \left(egin{array}{c} Tun \ cenekuuu \ Tun \ ckneeuuubahun \ Tun \ мутации \ Tun \ формирования нового поколения \ \end{array}
ight). \eqno(36)$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(37)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} C$$
лабая мутация  $C$ редняя мутация  $C$ ильная мутация  $C$ 

# 9.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.101556 0.0997778 0.102 0.101333 0.104333 0.0998889 0.0992222 0.0972222 0.103556 0.103889	0.101278	5.19969e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0794444 0.0825556 0.0791111 0.0841111 0.0811111 0.0812222 0.0791111 0.083 0.0831111 0.0794444	0.0812222	3.56658e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.102667 0.103111 0.101778 0.0995556 0.0951111 0.102333 0.101667 0.0997778 0.0971111	0.100022	7.66767e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0688889 0.071 0.0717778 0.0714444 0.069 0.0676667 0.0715556 0.0723333 0.0726667 0.0668889	0.0703222	4.17131e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.170667 0.167889 0.168667 0.17 0.171556 0.170222 0.168889 0.165889 0.165889	0.1686	4.22591e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация	Пропорциональная селекция Олизаза Олучшего индивида Олесторичное скрещивание Слабая мутация Олесториченое скрещивание Олесториченое скрещивание Олесториченое скрещивание Олесториченое скрещивание Олесториченое скрещивание Олесториченое скрещивание Олесториченое образовательная Олесториченое Олестор	Пропорциональная селекция

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.127778 0.125778 0.130111 0.130444 0.132444 0.128111 0.128889 0.125778 0.125778 0.130556	0.128567	5.46267e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0713333 0.0726667 0.0763333 0.0796667 0.0762222 0.0755556 0.0768889 0.0751111 0.0743333 0.084	0.0762111	1.27338e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0596667 0.0598889 0.0616667 0.0631111 0.059 0.0622222 0.0643333 0.0625556 0.0633333 0.0591111	0.0614889	3.7289e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0828889 0.0844444 0.0825556 0.0827778 0.0868889 0.0861111 0.0838889 0.0862222 0.0856667 0.0842222	0.0845667	2.4868e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0578889 0.0562222 0.0563333 0.0576667 0.0557778 0.0584444 0.0588889 0.0565556 0.056	0.057	1.24829e-06

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.163889 0.163556 0.163111 0.160222 0.162556 0.163667 0.164222 0.168333 0.164444 0.160444	0.163444	5.11651e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.122556 0.126333 0.121556 0.119333 0.124333 0.122444 0.124333 0.120778 0.123333 0.120889	0.122589	4.2794e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0177778 0.019 0.0173333 0.0148889 0.0147778 0.0148889 0.0168889 0.0161111 0.0198889 0.0154444	0.0167	3.24843e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0126667 0.0126667 0.0117778 0.0115556 0.0124444 0.0122222 0.0138889 0.0124444 0.0134444	0.0127	6.55819e-07
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0402222 0.0393333 0.041 0.0397778 0.0432222 0.0423333 0.0387778 0.0427778 0.0438889 0.0407778	0.0412111	3.07119e-06
	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация	Пропорциональная селекция	Пропорциональная селекция

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0217778 0.0203333 0.0174444 0.0221111 0.02 0.0223333 0.0194444 0.0193333 0.021 0.0195556	0.0203333	2.2826e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.142444 0.142111 0.141444 0.142778 0.143111 0.142111 0.141111 0.143556 0.145111 0.143222	0.1427	1.31722e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.103111 0.104444 0.104778 0.104667 0.106222 0.106111 0.104556 0.104 0.108444 0.104889	0.105122	2.18739e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0872222 0.0868889 0.082 0.087 0.0837778 0.085 0.0794444 0.0812222 0.085 0.0843333	0.0841889	6.88908e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.069 0.069 0.0644444 0.0648889 0.067 0.068 0.0671111 0.0662222 0.0683333 0.066	0.067	2.59809e-06
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное окрещивание Одноточечное окрешивание Одно	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Полько потомки и копия лучшего индивида Олектария Одноточечное скрещивание Слабая мутация Слабая мутация Олектария Одноточечное скрещивание Слабая мутация Олектария О

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0802222 0.0812222 0.0798889 0.0779556 0.0814444 0.0791111 0.0808889 0.077	0.0797555	2.19145e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.054 0.055 0.0526667 0.053 0.0562222 0.0554444 0.0576667 0.0546667 0.0561111 0.0531111	0.0547889	2.63497e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.155222 0.155222 0.153111 0.155444 0.155667 0.156667 0.157889 0.152667 0.154556 0.153556	0.155	2.57325e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118778 0.118333 0.118667 0.118444 0.119333 0.118778 0.115667 0.117889 0.118444 0.118222	0.118255	9.76578e-07
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0597778 0.0598889 0.0614444 0.0602222 0.0608889 0.0572222 0.0574444 0.0597778 0.0593333 0.0622222	0.0598222	2.48341e-06

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Nº	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0502222 0.0506667 0.0497778 0.047 0.0467778 0.0486667 0.05 0.0456667 0.051	0.0486111	3.95953e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0645556 0.0648889 0.0615556 0.0662222 0.0643333 0.0662222 0.0665556 0.0628889 0.0648889 0.0652222	0.0647333	2.41478e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.043 0.0445556 0.0416667 0.0404444 0.0422222 0.0416667 0.0438889 0.0434444 0.0414444	0.0423222	1.82019e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145222 0.147444 0.148778 0.145667 0.147667 0.147 0.147333 0.149333 0.146222 0.147556	0.147222	1.63511e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.110778 0.112 0.113556 0.111556 0.109444 0.110778 0.111222 0.111111 0.111333 0.113111	0.111489	1.40006e-06

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00777778 0.00877778 0.00766667 0.00611111 0.00822222 0.00744444 0.00755556 0.00711111 0.00822222 0.00666667	0.00755556	6.14541e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0055556 0.0045556 0.00566667 0.00633333 0.00566667 0.00644444 0.00611111 0.00577778 0.008 0.00588889	0.006	7.65429e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0203333 0.0185556 0.0204444 0.02 0.0195556 0.0162222 0.0201111 0.0192222 0.0178889 0.0183333	0.0190667	1.77832e-06
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.009 0.00722222 0.00788889 0.00744444 0.00711111 0.00666667 0.00711111 0.00711111 0.00722222 0.00611111	0.00728889	5.7668e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.119444 0.118222 0.116889 0.121556 0.120333 0.119 0.116556 0.115778 0.119889 0.118889	0.118656	3.28219e-06
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия Лучшего индивида  Ранговая селекция Р	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Олоб56556 Олоб66667 Олоб566667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб57778 Олов Олоб58889 Олоб58889 Олоб58889 Олоб58889 Олоб58889 Олоб58889 Олоб58889 Олоб6667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб77778 Олов Олоб58889 Олоб58889 Олоб58889 Олоб58889 Олоб6667 Олоб7778 Олов Олоб6667 Олоб6667 Олоб6667 Олоб7778 Олов Олоб6667 Олоб6667 Олоб7778 Олов Олоб7778 Олов Олоб7778 Олов Олоб7778 Олов Олоб6667 Олоб7778 Олов Олоб7778 Олов Олоб7778 Олов Олоб7778 Олов Олоб7778 Олов Олоб6667 Олоб7778 Олоб6667 Олоб7788 Олоб6667 Олоб7788 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб778 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб66667 Олоб7778 Олоб66667 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб778 Олоб66667 Олоб778 Олоб6667 Олоб6667 Олоб678 Олоб6667 Олоб678 Олоб6667 Олоб678 Олоб6667 Олоб678 Олоб6667 Олоб66667 Олоб6667 Олоб66667 Олоб6667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб6667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667 Олоб66667

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0884444 0.0887778 0.088 0.0894444 0.0863333 0.0926667 0.0897778 0.0938889 0.0906667 0.0875556	0.0895556	5.37728e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0731111 0.0766667 0.0794444 0.0773333 0.0781111 0.0773333 0.079 0.0764444 0.0772222 0.0765556	0.0771222	3.00807e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0628889 0.0686667 0.0644444 0.065 0.064 0.0635556 0.0621111 0.0635556 0.0614444 0.0632222	0.0638889	3.90952e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0722222 0.0742222 0.0744444 0.0722222 0.0744444 0.0737778 0.0743333 0.076 0.0772222 0.0735556	0.0742444	2.32317e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0501111 0.05 0.0506667 0.0498889 0.0502222 0.0503333 0.0498889 0.052 0.054 0.0521111	0.0509222	1.84376e-06

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.147889 0.147889 0.150444 0.146667 0.152 0.148444 0.146778 0.147444 0.145222 0.149444	0.148222	3.89815e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.114333 0.113 0.115333 0.114556 0.113556 0.112 0.111889 0.115556 0.114 0.112333	0.113656	1.7627e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0546667 0.0572222 0.0514444 0.0561111 0.0553333 0.0547778 0.0586667 0.0571111 0.0522222 0.0538889	0.0551444	5.08112e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0464444 0.0448889 0.0452222 0.0451111 0.045 0.0432222 0.0478889 0.0453333 0.0456667 0.0431111	0.0451889	1.93705e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0568889 0.0597778 0.0545556 0.0593333 0.06 0.0581111 0.0564444 0.0567778 0.0594444 0.0585556	0.0579889	3.15072e-06
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	О.147889 О.147889 О.147889 О.147889 О.150444 Турнирная селекция Олько потомен	О.147889   О.147889   О.147889   О.147889   О.150444   О.146667   Ольогоченое скрещивание   О.152   О.148222   О.148444   О.146778   О.146778   О.146778   О.147444   О.145222   О.149444   О.145222   О.149444   О.145222   О.149444   О.145222   О.149444   О.14526   О.115333   О.113   О.115333   О.113   О.115333   О.113   О.115356   О.114556   О.114556   О.112   О.115556   О.114   О.112333   О.05772222   О.0514444   О.056667   О.0572222   О.0514444   О.056667   О.05702222   О.0514444   О.056667   О.05702222   О.053889   О.057111   О.0522222   О.053889   О.0464444   О.044889   О.0452222   О.053889   О.0456667   О.0451111   О.0452222   О.0451111   О.0452222   О.0451111   О.0452222   О.0451111   О.0452222   О.0451111   О.0452222   О.0451111   О.056667   О.0478889   О.0478889   О.0456667   О.0478889   О.0456667   О.0451111   О.056667   О.0478889   О.0597778   О.0545566   О.0591778   О.0565556   О.0591778   О.0565556   О.0591778   О.056556444   О.0567778   О.0564444   О.056778   О.056778   О.056889   О.056889   О.056889   О.056889   О.0568

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0348889 0.0394444 0.0381111 0.0372222 0.0381111 0.0375556 0.0405556 0.0395556 0.0391111 0.0347778	0.0379333	3.67956e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.141333 0.139889 0.140889 0.138222 0.142111 0.139778 0.141111 0.139333 0.146889 0.143444	0.1413	6.03863e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105333 0.104778 0.103889 0.107889 0.106889 0.107111 0.109778 0.104222 0.106222 0.106778	0.106289	3.24911e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00577778 0.00611111 0.00711111 0.00544444 0.00677778 0.00577778 0.00522222 0.00644444 0.00644444	0.00608889	3.58848e-07
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0045556 0.00477778 0.00633333 0.00411111 0.00533333 0.00566667 0.00588889 0.0045556 0.00533333 0.00522222	0.00517778	4.66939e-07

Таблица 22. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0156667 0.0162222 0.0142222 0.0151111 0.0145556 0.0152222 0.0155556 0.0148889 0.0163333 0.0161111	0.0153889	5.13706e-07
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00466667 0.00633333 0.00622222 0.00522222 0.00455556 0.0055556 0.00455556 0.00511111 0.006 0.00522222	0.00534444	4.45676e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.114444 0.112222 0.113778 0.111333 0.113222 0.111111 0.110556 0.110556 0.112444 0.111556	0.112122	1.81416e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0816667 0.086 0.083 0.0853333 0.0872222 0.0837778 0.0848889 0.0834444 0.0851111	0.0841222	3.91339e-06

# 9.4 Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.101556 0.0997778 0.102 0.101333 0.104333 0.0998889 0.0992222 0.0972222 0.103556 0.103889	0.101278	5.19969e-06
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0794444 0.0825556 0.0791111 0.0841111 0.0811111 0.0812222 0.0791111 0.083 0.0831111 0.0794444	0.0812222	3.56658e-06
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.102667 0.103111 0.101778 0.0995556 0.0951111 0.102333 0.101667 0.0997778 0.0971111	0.100022	7.66767e-06
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0688889 0.071 0.0717778 0.0714444 0.069 0.0676667 0.0715556 0.0723333 0.0726667 0.0668889	0.0703222	4.17131e-06
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.170667 0.167889 0.168667 0.17 0.171556 0.170222 0.168889 0.165889 0.165889	0.1686	4.22591e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.127778 0.125778 0.130111 0.130444 0.132444 0.128111 0.128889 0.125778 0.125778 0.130556	0.128567	5.46267e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0713333 0.0726667 0.0763333 0.0796667 0.0762222 0.075556 0.0768889 0.0751111 0.0743333 0.084	0.0762111	1.27338e-05
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0596667 0.0598889 0.0616667 0.0631111 0.059 0.0622222 0.0643333 0.0625556 0.0633333 0.0591111	0.0614889	3.7289e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0828889 0.0844444 0.0825556 0.0827778 0.0868889 0.0861111 0.0838889 0.0862222 0.0856667 0.0842222	0.0845667	2.4868e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0578889 0.0562222 0.0563333 0.0576667 0.0557778 0.0584444 0.0588889 0.0565556 0.056	0.057	1.24829e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.163889 0.163556 0.163111 0.160222 0.162556 0.163667 0.164222 0.168333 0.164444 0.160444	0.163444	5.11651e-06
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.122556 0.126333 0.121556 0.119333 0.124333 0.122444 0.124333 0.120778 0.123333 0.120889	0.122589	4.2794e-06
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0177778 0.019 0.0173333 0.0148889 0.0147778 0.0148889 0.0168889 0.0161111 0.0198889 0.0154444	0.0167	3.24843e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0126667 0.0126667 0.0117778 0.0115556 0.0124444 0.0122222 0.0138889 0.0124444 0.0134444	0.0127	6.55819e-07
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0402222 0.0393333 0.041 0.0397778 0.0432222 0.0423333 0.0387778 0.0427778 0.0427778 0.0438889 0.0407778	0.0412111	3.07119e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0217778 0.0203333 0.0174444 0.0221111 0.02 0.0223333 0.0194444 0.0193333 0.021 0.0195556	0.0203333	2.2826e-06
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.142444 0.142111 0.141444 0.142778 0.143111 0.142111 0.141111 0.143556 0.145111 0.143222	0.1427	1.31722e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.103111 0.104444 0.104778 0.104667 0.106222 0.106111 0.104556 0.104 0.108444 0.104889	0.105122	2.18739e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0872222 0.0868889 0.082 0.087 0.0837778 0.085 0.0794444 0.0812222 0.085 0.0843333	0.0841889	6.88908e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.069 0.069 0.0644444 0.064889 0.067 0.068 0.0671111 0.0662222 0.0683333 0.066	0.067	2.59809e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0802222 0.0812222 0.0798889 0.0798889 0.0775556 0.0814444 0.0791111 0.0808889 0.077	0.0797555	2.19145e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.054 0.055 0.0526667 0.053 0.0562222 0.0554444 0.0576667 0.0546667 0.0561111 0.0531111	0.0547889	2.63497e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.155222 0.155222 0.153111 0.155444 0.155667 0.156667 0.157889 0.152667 0.154556	0.155	2.57325e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.118778 0.118333 0.118667 0.118444 0.119333 0.118778 0.115667 0.117889 0.118444 0.118222	0.118255	9.76578e-07
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0597778 0.0598889 0.0614444 0.0602222 0.0608889 0.0572222 0.0574444 0.0597778 0.0593333 0.0622222	0.0598222	2.48341e-06
	Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Сильная мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещинание	Ранговая селекция         0.0798889           Одноточечное скрещивание         0.0775556           Средняя мутация         0.0814444           Только потомки         0.071111           0.0808889         0.077           0.07         0.0808889           0.077         0.0808889           0.077         0.0803333           0.054         0.055           0.0526667         0.053           Одноточечное скрещивание         0.0554444           Средняя мутация         0.05546667           лучшего индивида         0.05546667           0.0531111         0.0531111           Ранговая селекция         0.155222           0.155222         0.153111           Олько потомки         0.157889           0.157889         0.152667           0.157889         0.152667           0.154556         0.153556           Олиточечное скрещивание         0.118444           Одноточечное скрещивание         0.118667           Одноточечное скрещивание         0.118778           Олько потомки и копия         0.118667           Ол18444         0.118222           0.0597778         0.0598829           0.0614444         0.0597788 </td

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0502222 0.0506667 0.0497778 0.047 0.0467778 0.0486667 0.05 0.0456667 0.051 0.0463333	0.0486111	3.95953e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0645556 0.0648889 0.0615556 0.0662222 0.0643333 0.0662222 0.0665556 0.0628889 0.0648889	0.0647333	2.41478e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.043 0.0445556 0.0416667 0.0404444 0.0422222 0.0416667 0.0438889 0.0434444 0.0414444	0.0423222	1.82019e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.145222 0.147444 0.148778 0.145667 0.147667 0.147 0.147333 0.149333 0.146222 0.147556	0.147222	1.63511e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.110778 0.112 0.113556 0.111556 0.109444 0.110778 0.111222 0.111111 0.111333 0.113111	0.111489	1.40006e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00777778 0.00877778 0.00766667 0.00611111 0.00822222 0.00744444 0.00755556 0.00711111 0.00822222 0.00666667	0.0075556	6.14541e-07
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00555556 0.00455556 0.00566667 0.00633333 0.00566667 0.00644444 0.00611111 0.00577778 0.008 0.00588889	0.006	7.65429e-07
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0203333 0.0185556 0.0204444 0.02 0.0195556 0.0162222 0.0201111 0.0192222 0.0178889 0.0183333	0.0190667	1.77832e-06
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.009 0.00722222 0.00788889 0.00744444 0.00711111 0.00666667 0.00711111 0.00711111 0.00722222 0.00611111	0.00728889	5.7668e-07
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.119444 0.118222 0.116889 0.121556 0.120333 0.119 0.116556 0.115778 0.119889 0.118889	0.118656	3.28219e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0884444 0.0887778 0.088 0.0894444 0.0863333 0.0926667 0.0897778 0.0938889 0.0906667 0.0875556	0.0895556	5.37728e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0731111 0.0766667 0.0794444 0.0773333 0.0781111 0.0773333 0.079 0.0764444 0.0772222 0.0765556	0.0771222	3.00807e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0628889 0.0686667 0.0644444 0.065 0.064 0.0635556 0.0621111 0.0635556 0.0614444 0.0632222	0.0638889	3.90952e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0722222 0.0742222 0.0744444 0.0722222 0.0744444 0.0737778 0.0743333 0.076 0.0772222 0.0735556	0.0742444	2.32317e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0501111 0.05 0.0506667 0.049889 0.0502222 0.0503333 0.049889 0.052 0.054 0.0521111	0.0509222	1.84376e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.147889 0.147889 0.150444 0.146667 0.152 0.148444 0.146778 0.147444 0.145222 0.149444	0.148222	3.89815e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.114333 0.113 0.115333 0.114556 0.113556 0.112 0.111889 0.115556 0.114 0.112333	0.113656	1.7627e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0546667 0.0572222 0.0514444 0.0561111 0.0553333 0.0547778 0.0586667 0.0571111 0.0522222 0.0538889	0.0551444	5.08112e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0464444 0.0448889 0.0452222 0.0451111 0.045 0.0432222 0.0478889 0.0453333 0.0456667 0.0431111	0.0451889	1.93705e-06
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0568889 0.0597778 0.0545556 0.0593333 0.06 0.0581111 0.0564444 0.0567778 0.0594444 0.0585556	0.0579889	3.15072e-06

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0348889 0.0394444 0.0381111 0.0372222 0.0381111 0.0375556 0.0405556 0.0395556 0.0391111 0.0347778	0.0379333	3.67956e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.141333 0.139889 0.140889 0.138222 0.142111 0.139778 0.141111 0.139333 0.146889 0.143444	0.1413	6.03863e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.105333 0.104778 0.103889 0.107889 0.106889 0.107111 0.109778 0.104222 0.106222 0.106778	0.106289	3.24911e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00577778 0.00611111 0.00711111 0.00544444 0.00677778 0.00577778 0.00522222 0.00644444 0.00644444	0.00608889	3.58848e-07
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00455556 0.00477778 0.00633333 0.00411111 0.00533333 0.00566667 0.00588889 0.00455556 0.00533333 0.00522222	0.00517778	4.66939e-07

Таблица 23. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0156667 0.0162222 0.0142222 0.0151111 0.0145556 0.0152222 0.0155556 0.0148889 0.0163333 0.0161111	0.0153889	5.13706e-07
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00466667 0.00633333 0.00622222 0.00522222 0.00455556 0.0055556 0.00455556 0.00511111 0.006 0.00522222	0.00534444	4.45676e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.114444 0.112222 0.113778 0.111333 0.113222 0.111111 0.110556 0.110556 0.112444 0.111556	0.112122	1.81416e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0816667 0.086 0.083 0.0853333 0.0872222 0.0837778 0.0848889 0.0834444 0.0851111	0.0841222	3.91339e-06

### 9.5 Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Nº	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0 педующей странице

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.22 0.14 0.2 0.22 0.26 0.27 0.21 0.3 0.13 0.22	0.217	0.00282333
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.3 0.36 0.37 0.39 0.36 0.27 0.29 0.29 0.28 0.31	0.322	0.00188444
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0.01 0 0.01 0 0.01 0.01 0.01 0	0.005	2.77778e-05

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

$\mathcal{N}_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.11 0.13 0.13 0.09 0.11 0.08 0.18 0.19 0.15 0.11	0.128	0.00130667
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $\it R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0.01 0 0 0 0 0 0.01 0	0.002	1.77778e-05
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0.02 0.02 0 0.01 0.01 0	0.006	7.11111e-05
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.46 0.43 0.46 0.56 0.46 0.52 0.46 0.5 0.49 0.58	0.492	0.00235111
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.61 0.65 0.65 0.55 0.6 0.53 0.56 0.57 0.46 0.6	0.578	0.00330667
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.12 0.13 0.13 0.08 0.1 0.23 0.1 0.08 0.12 0.06	0.115	0.00218333
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.42 0.51 0.48 0.47 0.52 0.56 0.49 0.49 0.49 0.49	0.498	0.00161778
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0.01 0.01 0	0.002	1.77778e-05
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  О  Турнирная селекция О  О  Турнирная селекция О  Турнирная селекция О  О  Турнирная о  О  Турнирная о  О  Турнирная о  О  Турнирная о  О  Только потомки и копия лучшего индивида  О  Турнирная селекция О  О  О  О  Турнирная селекция О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О  О	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Од

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0.01 0 0 0 0 0.02 0 0 0.02	0.006	7.11111e-05
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.02 0 0.01 0.01 0.01 0.01 0.01 0.01 0.01	0.009	3.22222e-05
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.6 0.57 0.51 0.61 0.53 0.59 0.62 0.51 0.57 0.63	0.574	0.00196
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.65 0.68 0.58 0.7 0.61 0.61 0.61 0.66 0.65 0.63	0.638	0.00135111

Таблица 24. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 90)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.23 0.16 0.18 0.19 0.14 0.16 0.14 0.17 0.16 0.2	0.173	0.000778889
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.66 0.54 0.58 0.61 0.65 0.57 0.63 0.61 0.59	0.604	0.00133778
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

# 10 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

#### 10.1 Информация об исследовании

Автор исследования: Сергиенко Антон Борисович.

27.01.2014 23:47:02. Дата создания исследования: 27.01.2014 23:47:02. Дата создания исследования:

Идентификатор алгоритма: MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm.

задач на бинарных строках.

**Идентификатор исследуемой тестовой** MHL\_TestFunction\_SumVector.

Полное название алгоритма:

функции:

Стандартный генетический алгоритм для решения

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

100 Размерность тестовой функции:

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

100 Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

2025 Максимальное допустимое число вычислений целевой функции:

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во 109350000 всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

### 10.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 41 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \left(egin{array}{c} Tun \ cenekuuu \ Tun \ ckneeuuubahun \ Tun \ мутации \ Tun \ формирования нового поколения \ \end{array}
ight). \eqno(41)$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(42)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} {\it Слабая мутация} \ {\it Средняя мутация} \ {\it Сильная мутация} \end{array} 
ight\}. \eqno(44)$$

# 10.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1041 0.1052 0.1069 0.1054 0.1069 0.1043 0.1047 0.1027 0.1039 0.106	0.10501	1.81211e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0835 0.0863 0.087 0.0867 0.0833 0.0867 0.0844 0.0849 0.0872 0.0856	0.08556	2.116e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.101 0.1016 0.1014 0.1056 0.1043 0.1028 0.098 0.1047 0.1041 0.1027	0.10262	4.97289e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.075 0.0692 0.0758 0.0752 0.0747 0.0727 0.0745 0.0739 0.0739 0.0703	0.07352	4.72844e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1761 0.172 0.1652 0.1703 0.1686 0.1741 0.1724 0.1724 0.169 0.1714	0.17115	9.37389e-06
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	О.1041	Пропорциональная селекция Олиба О

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

Nº	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1287 0.13 0.1301 0.1312 0.132 0.13 0.1294 0.1339 0.1299 0.1325	0.13077	2.56011e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0758 0.0801 0.0799 0.0805 0.0765 0.0803 0.0799 0.0813 0.0783 0.0789	0.07915	3.20278e-06
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0629 0.0648 0.0624 0.0684 0.0632 0.065 0.0638 0.0665 0.0668	0.06504	3.94267e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.084 0.0872 0.083 0.0894 0.0854 0.0816 0.0851 0.0854 0.0853 0.0879	0.08543	5.30456e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0592 0.0611 0.0603 0.0604 0.0596 0.0608 0.061 0.0613 0.0604 0.0611	0.06052	4.72889e-07

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.166 0.1642 0.1633 0.1632 0.1646 0.1645 0.1618 0.1618 0.1659 0.1638	0.16391	2.11433e-06
Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1218 0.125 0.1259 0.1256 0.1244 0.1212 0.1241 0.1199 0.1216 0.1233	0.12328	4.21067e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0149 0.0165 0.016 0.0161 0.0152 0.0167 0.0147 0.0151 0.0159 0.018	0.01591	1.00322e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0129 0.0143 0.0116 0.0113 0.0108 0.0134 0.0107 0.0125 0.0138 0.0135	0.01248	1.69733e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0398 0.0393 0.039 0.0398 0.0385 0.0388 0.0398 0.0417 0.0394 0.0394	0.03955	7.65e-07
	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Ол125 Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида Ол1244 Ол129 Ол1216 Ол1233 Ол149 Ол165 Ол166 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Ол167 Только потомки Ол147 Ол151 Ол159 Ол18 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Ол160 Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Ол160 Ол170 Ол170 Ол180 Ол199 Ол181 Ол181 Ол181 Ол190 Ол190 Ол191 Ол191 Ол191 Ол191 Ол191 Ол191 Ол193 Ол193 Ол195 Ол193 Ол195 Ол198 Ол198 Ол198 Ол198 Ол198 Ол198 Ол198 Ол198 Ол398 Ол399 Равномерное скрещивание Ол398 Ол398 Ол398 Ол398 Равномерное скрещивание Средняя мутация Ол388 Ол398 Ол398 Равномерное скрещивание Средняя мутация Ол388 Ол398 Ол3998	О.166

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0208 0.018 0.0202 0.0196 0.0204 0.0206 0.0189 0.0192 0.0186 0.0208	0.01971	9.96556e-07
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1379 0.1407 0.1425 0.1409 0.1383 0.1412 0.1379 0.1404 0.1424 0.1381	0.14003	3.35789e-06
Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1037 0.1047 0.105 0.1022 0.1015 0.1065 0.1023 0.1065 0.1023 0.1023	0.10375	3.35167e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0799 0.0843 0.0882 0.0839 0.0851 0.0877 0.0856 0.0844 0.0855 0.0856	0.08502	5.17511e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0691 0.0698 0.0724 0.0721 0.0676 0.0696 0.0659 0.0718 0.0717 0.0701	0.07001	4.43211e-06
	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Олеко Олек	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Лолько потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Олектор

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0811 0.0812 0.0793 0.0806 0.0814 0.0821 0.0805 0.0828 0.0804	0.08088	1.19289e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0566 0.0542 0.0565 0.0568 0.0574 0.0553 0.0558 0.0539 0.0572 0.0597	0.05634	2.81822e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1543 0.1521 0.1521 0.1552 0.1516 0.1537 0.1536 0.1541 0.1574	0.1538	2.88222e-06
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1207 0.117 0.1181 0.121 0.1186 0.1211 0.1171 0.1219 0.1201 0.1174	0.1193	3.46222e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0599 0.058 0.0635 0.0602 0.0593 0.059 0.0611 0.0595 0.0606 0.0601	0.06012	2.164e-06
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Олебе Оле	Ранговая селекция Одноточенное скрещивание Средняя мутация Олоббе Одноточенное скрещивание Одно

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0493 0.048 0.0513 0.0517 0.0514 0.0487 0.0503 0.0491 0.0486 0.0477	0.04961	2.14989e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0648 0.0617 0.0629 0.0627 0.0632 0.0636 0.0637 0.0627 0.0628 0.0612	0.06293	1.02678e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0421 0.0432 0.0417 0.0441 0.0432 0.0429 0.0414 0.0464 0.0422 0.0426	0.04298	2.07956e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1439 0.1441 0.1457 0.1438 0.1449 0.1485 0.1439 0.1475 0.1406 0.1478	0.14507	5.64678e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1121 0.112 0.1105 0.1076 0.1114 0.1105 0.112 0.1119 0.1116 0.1117	0.11113	1.88011e-06

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0064 0.0065 0.0062 0.0064 0.0063 0.0069 0.0062 0.0058 0.0061	0.00627	9.78889e-08
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0055 0.007 0.005 0.0071 0.005 0.0048 0.005 0.0063 0.0051 0.006	0.00568	7.52889e-07
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.016 0.0178 0.0165 0.0177 0.0173 0.0156 0.016 0.0146 0.0162 0.0189	0.01666	1.58711e-06
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0067 0.005 0.0057 0.0067 0.0055 0.0057 0.007 0.0073 0.0074 0.0067	0.00637	6.86778e-07
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1134 0.1159 0.1148 0.1147 0.1149 0.118 0.1148 0.1144 0.1156 0.1163	0.11528	1.57511e-06

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0875 0.0881 0.0862 0.086 0.0857 0.0885 0.087 0.0862 0.0883 0.0851	0.08686	1.42044e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0822 0.0767 0.0801 0.0807 0.0806 0.0804 0.0801 0.0812 0.0832 0.0828	0.0808	3.32e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0631 0.0674 0.0667 0.0666 0.0682 0.0642 0.0659 0.0669 0.0668	0.06599	2.70767e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0743 0.0741 0.0702 0.0748 0.0738 0.0716 0.0734 0.0755 0.0747 0.0739	0.07363	2.52456e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0531 0.0535 0.0538 0.0531 0.0517 0.054 0.0542 0.0541 0.0542 0.0542	0.05341	7.07667e-07

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1482 0.1502 0.1449 0.1453 0.15 0.1449 0.149 0.1458 0.1482 0.1475	0.1474	4.21333e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1176 0.1162 0.1169 0.1167 0.1116 0.1157 0.114 0.1157 0.1126 0.1157	0.11527	3.75122e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0573 0.0556 0.0529 0.0575 0.0553 0.0531 0.0567 0.0549 0.0559 0.0566	0.05558	2.54622e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0479 0.0453 0.0435 0.0461 0.0464 0.0421 0.0449 0.0485 0.0449 0.0461	0.04557	3.61789e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0603 0.0594 0.0611 0.06 0.0565 0.0576 0.0582 0.0558 0.0573 0.0565	0.05827	3.35122e-06
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Турнирная селекция О.1482 О.1502 О.1449 Турнирная селекция О.1453 Одноточечное скрещивание О.15 Сильная мутация О.1449 Только потомки О.149 О.1458 О.1458 О.1482 О.1475 О.1169 О.1162 О.1169 Олноточечное скрещивание О.1169 Олноточечное скрещивание О.1167 Олько потомки и копия О.1157 О.1558 О.0553 Слабая мутация О.0559 О.0566 О.0479 О.0459 О.0559 О.0566 О.0479 О.0453 Турнирная селекция О.0461 Слабая мутация О.0461 Только потомки и копия О.0449 О.0461 Турнирная селекция О.0485 О.0449 О.0461 Турнирная селекция О.0667 О.0565 О.0603 О.0594 О.0611 Турнирная селекция О.06 Средняя мутация О.0565 Средняя мутация О.0566 Средняя мутация О.0565 Средняя мутация О.0565 Со.0558 О.0573	О.1482

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0378 0.041 0.041 0.0409 0.0396 0.0399 0.0391 0.0393 0.0405 0.0417	0.04008	1.35511e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1405 0.1405 0.1407 0.1369 0.1384 0.1401 0.1393 0.1394 0.1448 0.1402	0.14008	4.11511e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.108 0.1079 0.1085 0.1071 0.1099 0.1053 0.1068 0.1056 0.1072 0.1077	0.1074	1.81111e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0052 0.0059 0.0041 0.0039 0.0054 0.0056 0.0052 0.0043 0.0049 0.0044	0.00489	4.63222e-07
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0031 0.0055 0.0058 0.0048 0.0044 0.0042 0.0049 0.0049 0.0042 0.006	0.00479	7.49889e-07

Таблица 25. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0134 0.0124 0.0132 0.0126 0.0127 0.0116 0.0131 0.0125 0.0117 0.013	0.01262	3.64e-07
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0039 0.0045 0.0052 0.0045 0.0057 0.004 0.0046 0.005 0.0038 0.0041	0.00453	3.82333e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1115 0.1091 0.1116 0.11 0.1089 0.1107 0.1089 0.1085 0.1085 0.1092	0.10969	1.41211e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0788 0.0827 0.0798 0.0816 0.0798 0.0795 0.0853 0.0806 0.0827 0.08	0.08108	3.96622e-06

# 10.4 Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1041 0.1052 0.1069 0.1054 0.1069 0.1043 0.1047 0.1027 0.1039 0.106	0.10501	1.81211e-06
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0835 0.0863 0.087 0.0867 0.0833 0.0867 0.0844 0.0849 0.0872 0.0856	0.08556	2.116e-06
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.101 0.1016 0.1014 0.1056 0.1043 0.1028 0.098 0.1047 0.1041 0.1027	0.10262	4.97289e-06
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.075 0.0692 0.0758 0.0752 0.0747 0.0727 0.0745 0.0739 0.0739 0.0703	0.07352	4.72844e-06
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1761 0.172 0.1652 0.1703 0.1686 0.1741 0.1724 0.1724 0.169 0.1714	0.17115	9.37389e-06

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1287 0.13 0.1301 0.1312 0.132 0.13 0.1294 0.1339 0.1299 0.1325	0.13077	2.56011e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0758 0.0801 0.0799 0.0805 0.0765 0.0803 0.0799 0.0813 0.0783 0.0789	0.07915	3.20278e-06
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0629 0.0648 0.0624 0.0684 0.0632 0.065 0.0638 0.0665 0.0668	0.06504	3.94267e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.084 0.0872 0.083 0.0894 0.0854 0.0816 0.0851 0.0854 0.0853 0.0879	0.08543	5.30456e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0592 0.0611 0.0603 0.0604 0.0596 0.0608 0.061 0.0613 0.0604 0.0611	0.06052	4.72889e-07

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.166 0.1642 0.1633 0.1632 0.1646 0.1645 0.1618 0.1618 0.1659 0.1638	0.16391	2.11433e-06
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1218 0.125 0.1259 0.1256 0.1244 0.1212 0.1241 0.1199 0.1216 0.1233	0.12328	4.21067e-06
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0149 0.0165 0.016 0.0161 0.0152 0.0167 0.0147 0.0151 0.0159 0.018	0.01591	1.00322e-06
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0129 0.0143 0.0116 0.0113 0.0108 0.0134 0.0107 0.0125 0.0138 0.0135	0.01248	1.69733e-06
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0398 0.0393 0.039 0.0398 0.0385 0.0388 0.0398 0.0417 0.0394 0.0394	0.03955	7.65e-07

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0208 0.018 0.0202 0.0196 0.0204 0.0206 0.0189 0.0192 0.0186 0.0208	0.01971	9.96556e-07
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1379 0.1407 0.1425 0.1409 0.1383 0.1412 0.1379 0.1404 0.1424 0.1381	0.14003	3.35789e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1037 0.1047 0.105 0.1022 0.1015 0.1065 0.1023 0.1065 0.1023 0.1023	0.10375	3.35167e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0799 0.0843 0.0882 0.0839 0.0851 0.0877 0.0856 0.0844 0.0855 0.0856	0.08502	5.17511e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0691 0.0698 0.0724 0.0721 0.0676 0.0696 0.0659 0.0718 0.0717	0.07001	4.43211e-06

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0811 0.0812 0.0793 0.0806 0.0814 0.0821 0.0805 0.0828 0.0804 0.0794	0.08088	1.19289e-06
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0566 0.0542 0.0565 0.0568 0.0574 0.0553 0.0558 0.0539 0.0572 0.0597	0.05634	2.81822e-06
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1543 0.1521 0.1521 0.1552 0.1516 0.1537 0.1536 0.1541 0.1574 0.1539	0.1538	2.88222e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1207 0.117 0.1181 0.121 0.1186 0.1211 0.1171 0.1219 0.1201 0.1174	0.1193	3.46222e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0599 0.058 0.0635 0.0602 0.0593 0.059 0.0611 0.0595 0.0606 0.0601	0.06012	2.164e-06

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0493 0.048 0.0513 0.0517 0.0514 0.0487 0.0503 0.0491 0.0486 0.0477	0.04961	2.14989e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0648 0.0617 0.0629 0.0627 0.0632 0.0636 0.0637 0.0627 0.0628 0.0612	0.06293	1.02678e-06
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0421 0.0432 0.0417 0.0441 0.0432 0.0429 0.0414 0.0464 0.0422 0.0426	0.04298	2.07956e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1439 0.1441 0.1457 0.1438 0.1449 0.1485 0.1439 0.1475 0.1406 0.1478	0.14507	5.64678e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1121 0.112 0.1105 0.1076 0.1114 0.1105 0.112 0.1119 0.1116 0.1117	0.11113	1.88011e-06

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0064 0.0065 0.0062 0.0064 0.0063 0.0069 0.0062 0.0058	0.00627	9.78889e-08
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0055 0.007 0.005 0.0071 0.005 0.0048 0.005 0.0063 0.0051 0.006	0.00568	7.52889e-07
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.016 0.0178 0.0165 0.0177 0.0173 0.0156 0.016 0.0146 0.0162 0.0189	0.01666	1.58711e-06
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0067 0.005 0.0057 0.0067 0.0055 0.0057 0.007 0.0073 0.0074 0.0067	0.00637	6.86778e-07
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1134 0.1159 0.1148 0.1147 0.1149 0.118 0.1148 0.1144 0.1156 0.1163	0.11528	1.57511e-06

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0875 0.0881 0.0862 0.086 0.0857 0.0885 0.087 0.0862 0.0883 0.0851	0.08686	1.42044e-06
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0822 0.0767 0.0801 0.0807 0.0806 0.0804 0.0801 0.0812 0.0832 0.0828	0.0808	3.32e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0631 0.0674 0.0667 0.0666 0.0682 0.0642 0.0659 0.0669 0.0668	0.06599	2.70767e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0743 0.0741 0.0702 0.0748 0.0738 0.0716 0.0734 0.0755 0.0747 0.0739	0.07363	2.52456e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0531 0.0535 0.0538 0.0531 0.0517 0.054 0.0542 0.0541 0.0542 0.0524	0.05341	7.07667e-07

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1482 0.1502 0.1449 0.1453 0.15 0.1449 0.149 0.1458 0.1458	0.1474	4.21333e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1176 0.1162 0.1169 0.1167 0.1116 0.1157 0.114 0.1157 0.1126 0.1157	0.11527	3.75122e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0573 0.0556 0.0529 0.0575 0.0553 0.0531 0.0567 0.0549 0.0559 0.0566	0.05558	2.54622e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0479 0.0453 0.0435 0.0461 0.0464 0.0421 0.0449 0.0485 0.0449 0.0461	0.04557	3.61789e-06
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0603 0.0594 0.0611 0.06 0.0565 0.0576 0.0582 0.0558 0.0573 0.0565	0.05827	3.35122e-06

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0378 0.041 0.041 0.0409 0.0396 0.0399 0.0391 0.0393 0.0405 0.0417	0.04008	1.35511e-06
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1405 0.1405 0.1407 0.1369 0.1384 0.1401 0.1393 0.1394 0.1448	0.14008	4.11511e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.108 0.1079 0.1085 0.1071 0.1099 0.1053 0.1068 0.1056 0.1072 0.1077	0.1074	1.81111e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0052 0.0059 0.0041 0.0039 0.0054 0.0056 0.0052 0.0043 0.0049	0.00489	4.63222e-07
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0031 0.0055 0.0058 0.0048 0.0044 0.0042 0.0049 0.0042 0.006 0.005	0.00479	7.49889e-07

Таблица 26. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0134 0.0124 0.0132 0.0126 0.0127 0.0116 0.0131 0.0125 0.0117 0.013	0.01262	3.64e-07
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0039 0.0045 0.0052 0.0045 0.0057 0.004 0.0046 0.005 0.0038 0.0041	0.00453	3.82333e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1115 0.1091 0.1116 0.11 0.1089 0.1107 0.1089 0.1085 0.1085	0.10969	1.41211e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0788 0.0827 0.0798 0.0816 0.0798 0.0795 0.0853 0.0806 0.0827 0.08	0.08108	3.96622e-06

### **10.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$\mathcal{N}_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0.01 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.19 0.2 0.2 0.22 0.16 0.18 0.18 0.23 0.09 0.17	0.182	0.00150667
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.26 0.22 0.27 0.28 0.26 0.27 0.31 0.27 0.23 0.32	0.269	0.000943333
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0.01 0 0.01 0 0 0	0.002	1.77778e-05

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07 0.14 0.1 0.09 0.1 0.08 0.05 0.13 0.12 0.05	0.093	0.000978889
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0.01 0 0 0	0.001	1e-05
	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки Одноточечное скрещивание Оранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида О О О О О О О О О О О О О О О О О О О	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Средняя мутация Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание Слабая мутация Одноточечное скрещивание

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.54 0.55 0.52 0.5 0.5 0.45 0.55 0.51 0.56 0.58	0.526	0.00142667
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.61 0.53 0.59 0.47 0.6 0.6 0.64 0.54 0.61 0.53	0.572	0.00270667
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.12 0.12 0.11 0.07 0.1 0.2 0.18 0.19 0.14 0.09	0.132	0.00197333
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.46 0.6 0.55 0.45 0.55 0.58 0.47 0.42 0.47 0.55	0.505	0.00371667
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0.01 0 0.01 0 0	0.002	1.77778e-05

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$\mathcal{N}_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0.01 0 0 0 0 0	0.001	1e-05
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

$\mathcal{N}_{2}$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01 0 0 0 0 0.01 0.01 0.01 0	0.004	2.66667e-05
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.57 0.57 0.62 0.67 0.56 0.58 0.58 0.63 0.58 0.63	0.603	0.00173444
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.74 0.6 0.52 0.63 0.65 0.62 0.6 0.62 0.52 0.58	0.608	0.00404

Таблица 27. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 100)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.22 0.23 0.19 0.23 0.22 0.28 0.19 0.23 0.26 0.18	0.223	0.000978889
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.69 0.62 0.56 0.59 0.55 0.69 0.61 0.63 0.65 0.64	0.623	0.00229
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

# 11 Исследование эффективности алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна **200**)

В данной работе, автором проведено исследование алгоритма «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках». Ниже приведена информация об этом исследовании.

#### 11.1 Информация об исследовании

Сергиенко Антон Борисович. Автор исследования:

27.01.2014 23:57:37. Дата создания исследования:

27.01.2014 23:57:37. Дата создания исследования:

MHL\_StandartBinaryGeneticAlgorithm. Идентификатор алгоритма:

Полное название алгоритма: Стандартный генетический алгоритм для решения

задач на бинарных строках.

**Идентификатор исследуемой тестовой** MHL\_TestFunction\_SumVector.

функции:

Полное название тестовой функции: Сумма всех элементов бинарного вектора.

200 Размерность тестовой функции:

Количество измерений для каждого варианта настроек алгоритма: 10

100 Количество запусков алгоритма в каждом из экспериментов:

4761 Максимальное допустимое число вычислений целевой функции:

Количество проверяемых параметров алгоритма оптимизации: 4

Количество комбинаций вариантов настроек: 54

Общий объем максимального числа вычислений целевой функции во 257094000

всем исследовании:

Информацию о исследуемой функции можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions

Информацию о исследуемом алгоритме оптимизации можно найти по адресу:

https://github.com/Harrix/HarrixOptimizationAlgorithms

### 11.2 Параметры алгоритма оптимизации

Исследуемый алгоритм оптимизации проверялся по эффективности по некоторому конечному множеству возможных настроек алгоритма. Как написано выше, всего возможных параметров алгоритма было 4 штук. В формуле 46 показано множество проверяемых параметров алгоритма.

$$Parameters = \left(egin{array}{c} Tun \ cenekuuu \ Tun \ ckneeuuubahun \ Tun \ мутации \ Tun \ формирования нового поколения \ \end{array}
ight). \eqno(46)$$

Теперь рассмотрим, какие значения может принимать каждый из параметров.

$$Parameters^1 \in \left\{ egin{array}{l} \mbox{Пропорциональная селекция} \ \mbox{Ранговая селекция} \ \mbox{Турнирная селекция} \ \end{array} 
ight\}. \eqno(47)$$

$$Parameters^3 \in \left\{ egin{array}{l} \textit{Слабая мутация} \\ \textit{Средняя мутация} \\ \textit{Сильная мутация} \end{array} 
ight\}. \eqno(49)$$

# 11.3 Ошибка по входным параметрам $E_x$

Одним из критериев, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по входным параметрам  $E_x$ . В результате проделанных экспериментов были получены следующие данные, представленные ниже в таблице. https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions.

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1351 0.13495 0.13495 0.13495 0.13105 0.1313 0.1332 0.1326 0.13525 0.1343	0.133765	2.62336e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.12495 0.12215 0.12115 0.12015 0.12685 0.12105 0.12115 0.12165 0.12165 0.1214	0.122215	4.24003e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.12085 0.123 0.11935 0.12335 0.1196 0.1211 0.1211 0.1218 0.12115 0.12045	0.121175	1.65625e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1024 0.0992 0.1014 0.0988 0.1043 0.09965 0.09865 0.1 0.0999	0.10051	3.14267e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.174 0.17375 0.1728 0.17475 0.174 0.1749 0.17535 0.1727 0.1741 0.1737	0.174005	7.20806e-07
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	Пропорциональная селекция Ола495 Одноточечное скрещивание Ола313 Только потомки Ола32 Ола525 Ола525 Ола433 Ола525 Ола525 Ола434 Ола525 Ола634 Олеоточечное скрещивание Ола65 Ола665 Ола665 Ола665 Ола665 Ола665 Ола665 Ола665 Ола676 Ола	О.1351

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1424 0.1437 0.1407 0.1413 0.14345 0.1429 0.1465 0.143 0.14305 0.1417	0.14287	2.55733e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.10285 0.10055 0.101 0.1043 0.0985 0.10375 0.10425 0.10605 0.1001 0.1007	0.102205	5.64136e-06
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0939 0.0978 0.09525 0.0946 0.09575 0.0968 0.0965 0.0967 0.09495 0.09875	0.0961	2.24222e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09725 0.0973 0.1004 0.0982 0.09825 0.09925 0.09625 0.0988 0.09805 0.0983	0.098205	1.31692e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07915 0.0799 0.0809 0.0786 0.0808 0.0812 0.0789 0.0787 0.08015 0.0816	0.07999	1.22933e-06

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1635 0.1609 0.1623 0.1601 0.1641 0.1604 0.1609 0.1623 0.1587 0.1626	0.16158	2.76844e-06
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1324 0.13035 0.13095 0.13425 0.13515 0.1296 0.1299 0.1306 0.13305 0.13265	0.13189	3.61156e-06
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0138 0.01575 0.01455 0.01435 0.01385 0.01555 0.0147 0.0139 0.01315 0.014	0.01436	6.53222e-07
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01155 0.01385 0.01205 0.01295 0.0138 0.01375 0.01345 0.01475 0.0118 0.0125	0.013045	1.09636e-06
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0325 0.0311 0.03295 0.03265 0.0317 0.03325 0.0321 0.0302 0.0323 0.03175	0.03205	8.23889e-07

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

No	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01745 0.01795 0.018 0.01765 0.0184 0.0179 0.017 0.01935 0.01765 0.0178	0.017915	3.90028e-07
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1246 0.12455 0.1266 0.12365 0.12465 0.1244 0.12515 0.1227 0.1243 0.1258	0.12464	1.15267e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09395 0.0955 0.09565 0.0971 0.09545 0.09555 0.09295 0.0942 0.09575 0.09615	0.095225	1.43458e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1103 0.10845 0.10985 0.1074 0.10855 0.1069 0.1079 0.10775 0.10885 0.10825	0.10842	1.09789e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09825 0.09905 0.0992 0.09825 0.09575 0.0975 0.1005 0.09865 0.10035 0.09665	0.098415	2.25281e-06

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09165 0.0893 0.0902 0.0898 0.0889 0.0889 0.0895 0.0901 0.09065 0.0902	0.08992	7.07889e-07
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0735 0.074 0.07595 0.07445 0.07505 0.07315 0.07415 0.0754 0.07425 0.07575	0.074565	8.88361e-07
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.14455 0.1448 0.1421 0.14395 0.1442 0.143 0.1443 0.1443 0.14345 0.14685 0.1442	0.14414	1.55044e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1203 0.1221 0.12065 0.119 0.1228 0.12185 0.12225 0.12 0.1198 0.1226	0.121135	1.79614e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07585 0.07315 0.07335 0.07605 0.0755 0.07735 0.07615 0.076 0.07525 0.07595	0.07546	1.65711e-06

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0703 0.07055 0.0715 0.07135 0.07235 0.07085 0.0707 0.06815 0.0711 0.07035	0.07072	1.19678e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.06635 0.0651 0.06455 0.0657 0.06625 0.0663 0.0656 0.0664 0.06545 0.06535	0.065705	3.83583e-07
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05195 0.05255 0.05365 0.05255 0.0546 0.05375 0.053 0.05295 0.05425 0.0568	0.053605	1.93303e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.12875 0.1334 0.1296 0.13015 0.1297 0.12875 0.13035 0.1289 0.12935 0.1308	0.129975	1.92736e-06
Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1085 0.1088 0.10825 0.10765 0.1095 0.1064 0.11035 0.1081 0.1075 0.10635	0.10814	1.57711e-06
	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Ранговая селекция Двуточечное крещивание Сильная мутация Только потомки и копия	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Олотов о	Ранговая селекция

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00385 0.0046 0.00335 0.0039 0.0031 0.0037 0.0039 0.0041 0.00445 0.0045	0.003945	2.39694e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0037 0.0036 0.00325 0.00475 0.0042 0.00335 0.00315 0.0039 0.00375 0.00335	0.0037	2.39444e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.00575 0.0067 0.00645 0.00665 0.00555 0.006 0.0068 0.00625 0.0058	0.006205	1.9025e-07
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.003 0.00305 0.00255 0.00315 0.0032 0.00275 0.00255 0.0026 0.0025 0.00295	0.00283	7.28889e-08
Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.0861 0.0846 0.08435 0.08375 0.08665 0.08535 0.08545 0.08435 0.08545 0.0848	0.085085	7.7725e-07
	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Оло335  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Оло37 Только потомки Оло39 Оло41 Оло445 Оло45  Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида Оло35 Оло35 Оло35 Оло35 Оло35 Оло35 Оло35 Оло65 Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Оло35 Оло375 Оло335 Оло335 Оло665 Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Оло665 Оло665 Оло665 Оло665 Оло665 Оло665 Оло67 Оло665 Оло67 Оло665 Оло67 Оло665 Оло67 Оло665 Оло67 Оло665 Оло67 Оло665 Оло655 Оло0555 Оло058 Оло061 Оло30 Оло305 Оло305 Оло305 Оло305 Оло305 Оло305 Оло305 Оло305 Оло255 Оло0255 Олоо	Ранговая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Ранновая селекция Олоза

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06565 0.06595 0.0645 0.0653 0.0648 0.06685 0.06495 0.06385 0.06575 0.06495	0.065255	7.07472e-07
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1049 0.10665 0.1037 0.10645 0.10285 0.1031 0.1046 0.1056 0.10675 0.10655	0.105115	2.29003e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09645 0.0987 0.09455 0.09655 0.09575 0.09435 0.09445 0.09775 0.0984 0.0992	0.096615	3.37392e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0876 0.08685 0.08625 0.0848 0.0861 0.08685 0.0885 0.08745 0.0854	0.08682	1.474e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06965 0.07365 0.0724 0.07135 0.07395 0.07325 0.07175 0.0746 0.07125 0.0743	0.072615	2.56503e-06

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1422 0.14195 0.1409 0.14265 0.14325 0.14025 0.14135 0.1411 0.14 0.14165	0.14153	1.04956e-06
Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1202 0.1179 0.11915 0.118 0.1177 0.11625 0.11505 0.11845 0.1162 0.11725	0.117615	2.28336e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07485 0.07305 0.07345 0.0706 0.0724 0.07235 0.0716 0.0728 0.07145 0.0706	0.072315	1.73781e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0677 0.0686 0.06995 0.06935 0.06845 0.0658 0.0672 0.068 0.06715 0.0676	0.06798	1.404e-06
Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.05915 0.0627 0.06375 0.0639 0.0625 0.06275 0.06365 0.06305 0.06145 0.06325	0.062615	2.00058e-06
	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки  Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Турнирная селекция Двуточечное обрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация	Турнирная селекция О.1422 О.14195 О.1409 Турнирная селекция О.14265 Одноточечное скрещивание Сильная мутация О.14025 Только потомки О.14135 О.1411 О.14 О.14165  О.1202 О.1179 О.11915 Олько потомки и копия О.11625 Полько потомки и копия О.11625 О.11725 О.11845 О.1162 О.11725 О.07485 О.07305 О.07345 О.07345 Турнирная селекция О.0724 Слабая мутация О.0724 Слабая мутация О.0728 О.0716 О.0728 О.0716 О.0728 О.0716 О.0728 О.0716 О.0728 О.0706 О.0677 О.0686 О.06995 О.06995 Турнирная селекция О.06935 Только потомки и копия О.0658 Только потомки и копия О.0672 Лучшего индивида О.06845 О.0676 О.0677 О.0686 О.06975 О.06676 О.0677 Турнирная селекция О.0668 О.06715 О.06676 О.0627 Турнирная селекция О.06395 О.06375 Турнирная селекция О.06395 О.06375 Турнирная селекция О.06395 О.06305 О.06145	О.1422

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$\mathcal{N}_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05175 0.05125 0.04995 0.05275 0.05085 0.05205 0.05215 0.04965 0.05205 0.0515	0.051395	9.83583e-07
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.129 0.12535 0.12735 0.1283 0.1262 0.12645 0.12825 0.1269 0.1274 0.1263	0.12715	1.275e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.10725 0.1056 0.10735 0.1056 0.10595 0.1064 0.10645 0.10875 0.1057	0.10645	1.11111e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0026 0.00335 0.0035 0.0035 0.0036 0.00315 0.0033 0.00345 0.00285 0.00295	0.003225	1.08472e-07
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00355 0.0032 0.0038 0.003 0.0032 0.0035 0.00315 0.0031 0.00325 0.0038	0.003355	8.30278e-08

Таблица 28. Значения ошибки по выходным параметрам  $E_x$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_x$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0047 0.0051 0.00535 0.005 0.0046 0.0049 0.0049 0.0047 0.00435	0.00482	8.34444e-08
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00235 0.0024 0.002 0.00235 0.0023 0.0028 0.0018 0.0023 0.0027 0.00185	0.002285	1.0725e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.08045 0.0811 0.08165 0.08295 0.08105 0.0828 0.07975 0.08005 0.0805 0.0815	0.08118	1.15789e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06155 0.0636 0.06065 0.06285 0.0601 0.0617 0.06265 0.062 0.0623 0.06135	0.061875	1.08736e-06

## 11.4 Ошибка по значениям целевой функции $E_y$

Другим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является ошибка по значениям целевой функции  $E_y$ . Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1351 0.13495 0.13495 0.13495 0.13105 0.1313 0.1332 0.1326 0.13525 0.1343	0.133765	2.62336e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.12495 0.12215 0.12115 0.12015 0.12685 0.12105 0.12115 0.12165 0.12165 0.1214	0.122215	4.24003e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.12085 0.123 0.11935 0.12335 0.1196 0.1211 0.1211 0.1218 0.12115 0.12045	0.121175	1.65625e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1024 0.0992 0.1014 0.0988 0.1043 0.09965 0.09865 0.1 0.0999	0.10051	3.14267e-06
Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.174 0.17375 0.1728 0.17475 0.174 0.1749 0.17535 0.1727 0.1741 0.1737	0.174005	7.20806e-07
	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки  Пропорциональная селекция одноточечное и копия лучшего индивида  Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация	Пропорциональная селекция Ола495 Одноточечное скрещивание Ола105 Слабая мутация Ола32 Ола525 Ола525 Ола433 Пропорциональная селекция Ола526 Ола525 Ола434 Олем Олем Олем Олем Олем Олем Олем Олем	О.1351

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1424 0.1437 0.1407 0.1413 0.14345 0.1429 0.1465 0.143 0.14305 0.1417	0.14287	2.55733e-06
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.10285 0.10055 0.101 0.1043 0.0985 0.10375 0.10425 0.10605 0.1001 0.1007	0.102205	5.64136e-06
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0939 0.0978 0.09525 0.0946 0.09575 0.0968 0.0965 0.0967 0.09495 0.09875	0.0961	2.24222e-06
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09725 0.0973 0.1004 0.0982 0.09825 0.09925 0.09625 0.0988 0.09805 0.0983	0.098205	1.31692e-06
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.07915 0.0799 0.0809 0.0786 0.0808 0.0812 0.0789 0.0787 0.08015 0.0816	0.07999	1.22933e-06

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1635 0.1609 0.1623 0.1601 0.1641 0.1604 0.1609 0.1623 0.1587 0.1626	0.16158	2.76844e-06
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1324 0.13035 0.13095 0.13425 0.13515 0.1296 0.1299 0.1306 0.13305 0.13265	0.13189	3.61156e-06
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0138 0.01575 0.01455 0.01435 0.01385 0.01555 0.0147 0.0139 0.01315 0.014	0.01436	6.53222e-07
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01155 0.01385 0.01205 0.01295 0.0138 0.01375 0.01345 0.01475 0.0118 0.0125	0.013045	1.09636e-06
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0325 0.0311 0.03295 0.03265 0.0317 0.03325 0.0321 0.0302 0.0323 0.03175	0.03205	8.23889e-07

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.01745 0.01795 0.018 0.01765 0.0184 0.0179 0.017 0.01935 0.01765 0.0178	0.017915	3.90028e-07
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1246 0.12455 0.1266 0.12365 0.12465 0.1244 0.12515 0.1227 0.1243 0.1258	0.12464	1.15267e-06
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09395 0.0955 0.09565 0.0971 0.09545 0.09555 0.09295 0.0942 0.09575 0.09615	0.095225	1.43458e-06
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1103 0.10845 0.10985 0.1074 0.10855 0.1069 0.1079 0.10775 0.10885 0.10825	0.10842	1.09789e-06
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09825 0.09905 0.0992 0.09825 0.09575 0.0975 0.1005 0.09865 0.10035 0.09665	0.098415	2.25281e-06

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.09165 0.0893 0.0902 0.0898 0.0889 0.0889 0.0895 0.0901 0.09065 0.0902	0.08992	7.07889e-07
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0735 0.074 0.07595 0.07445 0.07505 0.07315 0.07415 0.0754 0.07425 0.07575	0.074565	8.88361e-07
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.14455 0.1448 0.1421 0.14395 0.1442 0.143 0.1443 0.14445 0.14685 0.1442	0.14414	1.55044e-06
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1203 0.1221 0.12065 0.119 0.1228 0.12185 0.12225 0.12 0.1198 0.1226	0.121135	1.79614e-06
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07585 0.07315 0.07335 0.07605 0.0755 0.07735 0.07615 0.076 0.07525 0.07595	0.07546	1.65711e-06

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0703 0.07055 0.0715 0.07135 0.07235 0.07085 0.0707 0.06815 0.0711 0.07035	0.07072	1.19678e-06
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.06635 0.0651 0.06455 0.0657 0.06625 0.0663 0.0656 0.0664 0.06545 0.06535	0.065705	3.83583e-07
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05195 0.05255 0.05365 0.05255 0.0546 0.05375 0.053 0.05295 0.05425 0.0568	0.053605	1.93303e-06
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.12875 0.1334 0.1296 0.13015 0.1297 0.12875 0.13035 0.1289 0.12935 0.1308	0.129975	1.92736e-06
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1085 0.1088 0.10825 0.10765 0.1095 0.1064 0.11035 0.1081 0.1075 0.10635	0.10814	1.57711e-06

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.00385 0.0046 0.00335 0.0039 0.0031 0.0037 0.0039 0.0041 0.00445 0.0045	0.003945	2.39694e-07
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0037 0.0036 0.00325 0.00475 0.0042 0.00335 0.00315 0.0039 0.00375 0.00335	0.0037	2.39444e-07
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.00575 0.0067 0.00645 0.00665 0.00555 0.006 0.0068 0.00625 0.0058 0.0061	0.006205	1.9025e-07
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.003 0.00305 0.00255 0.00315 0.0032 0.00275 0.00255 0.0026 0.0025 0.00295	0.00283	7.28889e-08
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.0861 0.0846 0.08435 0.08375 0.08665 0.08535 0.08545 0.08435 0.08545 0.0848	0.085085	7.7725e-07

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06565 0.06595 0.0645 0.0653 0.0648 0.06685 0.06495 0.06385 0.06575 0.06495	0.065255	7.07472e-07
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.1049 0.10665 0.1037 0.10645 0.10285 0.1031 0.1046 0.1056 0.10675 0.10655	0.105115	2.29003e-06
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.09645 0.0987 0.09455 0.09655 0.09575 0.09435 0.09445 0.09775 0.0984 0.0992	0.096615	3.37392e-06
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0876 0.08685 0.08625 0.0848 0.0861 0.08685 0.0885 0.08745 0.0854	0.08682	1.474e-06
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06965 0.07365 0.0724 0.07135 0.07395 0.07325 0.07175 0.0746 0.07125 0.0743	0.072615	2.56503e-06

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.1422 0.14195 0.1409 0.14265 0.14325 0.14025 0.14135 0.1411 0.14 0.14165	0.14153	1.04956e-06
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.1202 0.1179 0.11915 0.118 0.1177 0.11625 0.11505 0.11845 0.1162 0.11725	0.117615	2.28336e-06
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.07485 0.07305 0.07345 0.0706 0.0724 0.07235 0.0716 0.0728 0.07145 0.0706	0.072315	1.73781e-06
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.0677 0.0686 0.06995 0.06935 0.06845 0.0658 0.0672 0.068 0.06715 0.0676	0.06798	1.404e-06
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.05915 0.0627 0.06375 0.0639 0.0625 0.06275 0.06365 0.06305 0.06145 0.06325	0.062615	2.00058e-06

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.05175 0.05125 0.04995 0.05275 0.05085 0.05205 0.05215 0.04965 0.05205 0.0515	0.051395	9.83583e-07
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.129 0.12535 0.12735 0.1283 0.1262 0.12645 0.12825 0.1269 0.1274 0.1263	0.12715	1.275e-06
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.10725 0.1056 0.10735 0.1056 0.10595 0.1064 0.10645 0.10875 0.1057	0.10645	1.11111e-06
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.0026 0.00335 0.0035 0.0035 0.0036 0.00315 0.0033 0.00345 0.00285 0.00295	0.003225	1.08472e-07
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00355 0.0032 0.0038 0.003 0.0032 0.0035 0.00315 0.0031 0.00325 0.0038	0.003355	8.30278e-08

Таблица 29. Значения ошибки по значениям целевой функции  $E_y$  алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $E_y$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.0047 0.0051 0.00535 0.005 0.0046 0.0046 0.0049 0.0049 0.0047	0.00482	8.34444e-08
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.00235 0.0024 0.002 0.00235 0.0023 0.0028 0.0018 0.0023 0.0027 0.00185	0.002285	1.0725e-07
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0.08045 0.0811 0.08165 0.08295 0.08105 0.0828 0.07975 0.08005 0.0805 0.0815	0.08118	1.15789e-06
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06155 0.0636 0.06065 0.06285 0.0601 0.0617 0.06265 0.062 0.0623 0.06135	0.061875	1.08736e-06

## **11.5** Надёжность R

Третьим критерием, по которому происходит сравнение алгоритмов оптимизации является надёжность R. Конкретные формулы, по которым происходило подсчитывание критерия в виде ошибки по значениям целевой функции вы можете найти на сайте в описании конкретной тестовой функции: <a href="https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions">https://github.com/Harrix/HarrixTestFunctions</a>.

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки R	Среднее значение	Дисперсия
1	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0	0	0
2	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
3	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
4	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
5	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
6	Пропорциональная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
7	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
8	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
9	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
10	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
11	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
12	Пропорциональная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
13	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.03 0.01 0.05 0.05 0.06 0.02 0.04 0.04 0.05 0.01	0.036	0.000315556
14	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.06 0.06 0.09 0.04 0.06 0.04 0.12 0.05 0.11 0.09	0.072	0.000817778
15	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
16	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0.02 0.01 0.01 0.01 0.01 0.02 0.01 0	0.009	5.44444e-05
17	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
18	Пропорциональная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
19	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
20	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
21	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
22	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
23	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
24	Ранговая селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
25	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $\it R$	Среднее значение	Дисперсия
26	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
27	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
28	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
29	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
30	Ранговая селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
31	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.42 0.37 0.48 0.47 0.52 0.5 0.45 0.46 0.43 0.38	0.448	0.00237333
32	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.5 0.51 0.5 0.37 0.41 0.5 0.55 0.42 0.47 0.53	0.476	0.00333778
33	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.25 0.19 0.23 0.2 0.27 0.21 0.19 0.25 0.25 0.25	0.229	0.000854444
34	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.53 0.49 0.62 0.51 0.5 0.56 0.61 0.58 0.56 0.57	0.553	0.00200111
35	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$\mathcal{N}_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
36	Ранговая селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
37	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
38	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
39	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
40	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

№	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
41	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
42	Турнирная селекция Одноточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
43	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
44	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
45	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках»на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

$N_2$	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
46	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
47	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
48	Турнирная селекция Двуточечное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
49	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки	0.61 0.54 0.47 0.5 0.48 0.53 0.49 0.52 0.54 0.55	0.523	0.00169
50	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Слабая мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.5 0.52 0.4 0.55 0.56 0.51 0.57 0.55 0.49 0.47	0.512	0.00261778

Таблица 30. Значения надёжности R алгоритма оптимизации «Стандартный генетический алгоритм для решения задач на бинарных строках» на тестовой функции «Сумма всех элементов бинарного вектора» (размерность равна 200)

N₂	Настройки алгоритма	Значения ошибки $R$	Среднее значение	Дисперсия
51	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки	0.34 0.33 0.27 0.34 0.33 0.38 0.36 0.3 0.36 0.37	0.338	0.00110667
52	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Средняя мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0.62 0.62 0.65 0.59 0.61 0.54 0.68 0.6 0.54 0.68	0.613	0.00242333
53	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки	0 0 0 0 0 0 0 0	0	0
54	Турнирная селекция Равномерное скрещивание Сильная мутация Только потомки и копия лучшего индивида	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	0