

电场磁场比较

电场强度&磁感应强度

静电场

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2}$$

毕奥-萨伐尔定律

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Idl \sin\theta}{r^2}$$

无介质高斯定理

电场

$$\Phi_e = \oint E \cdot dS = \frac{1}{\epsilon_0} \sum q_i$$

其中 q_i 是自由电荷

磁场

$$\oint B \cdot dS = 0$$

环路定理

电场

$$\oint E \cdot dl = 0$$

磁场

$$\oint B \cdot dl = \mu_0 \sum I_{in}$$

其中 I_i 是磁感应强度回路内部的电流代数和

电介质&磁介质

电矩

$$\vec{p}_e = q\vec{l}$$

\vec{l} 的方向自负电荷中心指向正电荷中心

磁矩

$$\vec{p}_m = NIS$$

\vec{p}_m 的方向是载流线圈平面法线正方向

电极化强度

$$\vec{P} = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\sum \vec{p}_e}{\Delta V} = \chi_e \epsilon_0 \vec{E}$$

磁化强度

$$\vec{M} = \frac{\sum \vec{p}_m + \sum \Delta \vec{p}_m}{\Delta V}$$

顺磁质的磁化强度矢量

$$\vec{M} = \frac{\sum \vec{p}_m}{\Delta V}$$

M 的方向与外磁场 B_0 的方向相同

抗磁质的磁化强度矢量

$$\vec{M} = \frac{\sum \Delta \vec{p}_m}{\Delta V}$$

M 的方向与外磁场 B_0 的方向相反

极化电荷

$$\sigma' = P_n$$

P_n 是电极化强度沿表面外法线方向的投影

两边积分得到

$$\oint \vec{P} \cdot d\vec{S} = - \sum dq'$$

$\sum dq'$ 是因电介质极化而移出此面的极化电荷总量

磁化面电流

$$j_s = M$$

两边积分的到

$$\oint \vec{M} \cdot d\vec{l} = I_s$$

I_s 是穿过磁场环流围成的面的磁化面电流

有电介质时的场强

$$\vec{E} = \vec{E}_0 + \vec{E}'$$

\vec{E}_0 是外电场场强, \vec{E}' 是极化电荷产生的场强

有磁介质时的磁感应强度

$$\vec{B} = \vec{B}_0 + \vec{B}'$$

\vec{B}_0 是外磁场, \vec{B}' 是磁化电流产生的磁场

电位移矢量

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P}$$

磁场强度

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M}$$

有电介质时的高斯定理

$$\oint \vec{D} \cdot d\vec{S} = \sum q_i$$

q_i 是闭合面内的自由电荷

有磁介质时的环路定理

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I$$

I 是闭合回路所包围并穿过的传导电流

系数

电场

$$\begin{aligned}\epsilon &= \epsilon_0 \epsilon_r \\ \epsilon_r &= 1 + \chi_e\end{aligned}$$

磁场

$$\begin{aligned}\mu &= \mu_0 \mu_r \\ \mu_r &= 1 + \chi_m\end{aligned}$$

E, D, P 关系

$$\begin{aligned}P &= \chi_e \epsilon_0 E \\ D &= \epsilon E = \epsilon_0 E + P\end{aligned}$$

B, H, M 关系

$$\begin{aligned}M &= \chi_m H \\ H &= \frac{B}{\mu} \\ B &= \mu_0 H + \mu_0 M\end{aligned}$$