

得分

1. (6分) 写出静电场的基本方程(微分和积分形式), 并说明物理含义
2. (6分) 写出恒定磁场的基本方程(微分和积分形式), 并说明物理含义
3. (4分) 分别写出静电场和恒定磁场中不同媒质分界面上的一般边界条件。

得分

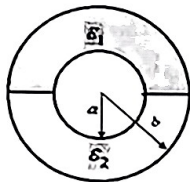
#### 四、证明题(共10分)

在未接地的导体球外, 距球心  $d$  处有一点电荷  $q$ , 求证在  $q$  的感应作用下, 导体球上的电位恰好等于当导体球不存在时,  $q$  在球心  $o$  处所产生的电位值。(10分)

#### 五、计算题(共46分)

得分

1. (15分) 如下图所示为同轴线的横截面, 其内导体半径为  $a$ , 外导体半径为  $b$ , 内外导体之间一半填充介电常数为  $\epsilon_1$  的电介质, 另一半填充介电常数为  $\epsilon_2$  的电介质。若已知内导体单位长度的电荷量为  $q$ , 外导体的单位长度电荷量为  $-q$ , 试求: 同轴线内外的电场强度及电位移矢量。

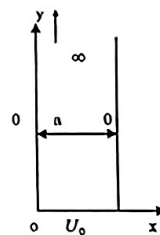


2. (8分) 同轴线的内导体半径为  $a$  (电流在内导体中均匀分布), 外导体半径为  $b$  (其厚度可忽略不计), 线上流动的电流为  $I$ ; 计算同轴线单位长度内的储存的磁场能量。

3. (8分) 半径为  $a$  和  $b$  的同心球, 内球的电位  $\phi = U$ , 外球的电位  $\phi = 0$ , 两球之间媒质的电导率为  $\sigma$ , 求球形电阻器的电阻。

4. (15分) 下图所示的导体槽, 底面电位为  $U_0$ , 其余两面电位为零。

- (1) 写出电位满足的方程和电位函数的边界条件(5分),
- (2) 求槽内的电位分布(10分)。



安徽大学 20 21—20 22 学年第 2 学期

《电磁场与电磁波》期中考试试卷  
(闭卷 时间 120 分钟)

院/系 \_\_\_\_\_ 年级 \_\_\_\_\_ 专业 \_\_\_\_\_ 姓名 \_\_\_\_\_ 学号 \_\_\_\_\_

题号	一	二	三	四	五	总分
得分						

一、填空题 (每小题 2 分, 共 16 分)

得分

- 亥姆霍兹定理表明研究一个矢量场, 必须研究它的 \_\_\_\_\_ 和 \_\_\_\_\_, 才能确定该矢量场的性质。
- 若  $\mathbf{r} = x\mathbf{e}_x + y\mathbf{e}_y + z\mathbf{e}_z$ , 则  $\nabla \frac{1}{r} =$  \_\_\_\_\_。
- 散度定理(高斯散度定理)的一般表达式为 \_\_\_\_\_, 斯托克斯定理的一般表达式为 \_\_\_\_\_。
- 若在某区域已知电位移矢量  $\mathbf{D} = x\mathbf{e}_x + y\mathbf{e}_y$ , 则该区域的电荷体密度为 \_\_\_\_\_。
- 电流连续性方程的微分形式为 \_\_\_\_\_。
- 电源以外恒定电场基本方程的微分形式有 2 个, 分别是 \_\_\_\_\_、\_\_\_\_\_。
- 在静态场边值问题中, 镜像法解题的理论依据为 \_\_\_\_\_。
- 一个带电的金属球, 当其周围是真空时, 储存的静电能量为  $W_0$ , 使其电荷保持不变, 它浸设在介电常数为  $\epsilon$  的无限大各向同性均匀电介质中, 这时它的静电能量  $W =$  \_\_\_\_\_。

二、选择题 (每小题 2 分, 共 12 分)

得分

- 静电场中电场强度  $\mathbf{E}$  和电位  $\phi$  的关系为 \_\_\_\_\_, 此关系的理论依据为 \_\_\_\_\_; 恒定磁场中磁感

应强度  $\mathbf{B}$  矢量磁位  $\mathbf{A}$  的关系为 \_\_\_\_\_, 此关系的理论依据为 \_\_\_\_\_; ( )

- $\mathbf{E} = -\nabla\phi, \nabla \cdot \mathbf{E} = 0; \mathbf{B} = \nabla \cdot \mathbf{A}, \nabla \times \mathbf{B} = 0$
- $\mathbf{E} = -\nabla\phi, \nabla \times \mathbf{E} = 0; \mathbf{B} = \nabla \times \mathbf{A}, \nabla \cdot \mathbf{B} = 0$
- $\mathbf{E} = \nabla\phi, \nabla \times \mathbf{E} = 0; \mathbf{B} = \nabla \cdot \mathbf{A}, \nabla \cdot \mathbf{B} = 0$
- $\mathbf{E} = -\nabla\phi, \nabla \times \mathbf{E} = 0; \mathbf{B} = \nabla \times \mathbf{A}, \nabla \times \mathbf{B} = 0$

2. 以下关于静电场中的电介质的说法, 正确的是 ( )

- 在静电场中, 当电介质为极性分子时, 正负电荷的电中心重合;
- 在静电场中, 当电介质为非极性分子时, 正负电荷形成的单个电偶极子的偶极矩为零;
- 在各向同性的电介质中, 电荷密度为  $\rho$ , 电位分布为  $\phi$ , 则介质中的电能大小为  $W_e = \frac{1}{2} \int_V \rho \phi dv$ ;
- 在各向同性的电介质中, 其电能密度为  $w_e$ ,  $S$  为研究区域的总表面积, 则该区域内部总的静电能为  $W_e = \int_S w_e dS$ 。

3. 在有源区, 静电场电位函数满足 ( )。

- 泊松方程
- 高斯方程
- 亥姆霍兹方程
- 拉普拉斯方程

4. 两个相互平行的导体平板构成的电容器, 其电容与 ( ) 无关。

- 导体板上的电荷
- 平板间的介质
- 导体板的几何形状
- 平行板之间的距离

5. 关于矢量场的性质, 下列说法有误的是: ( )。

- 在矢量线上, 任一点的法线方向都与该点的场矢量方向相同
- 静电场中的正电荷就是发出电场线的正通量源
- 磁感应强度  $\mathbf{B}$  在某一曲面  $S$  上的面积分就是矢量  $\mathbf{B}$  通过该曲面的磁通量
- 漩涡源产生的矢量线是闭合曲线

6. 两导体平面相交成  $30^\circ$  角, 采用镜像法求解, 其镜像电荷数为 ( ) 个。

- 9
- 10
- 11
- 12

