

# 安徽大学 2011—2012 学年第 1 学期

## 《数字信号处理》考试试卷参考答案 (B 卷)

### 一、选择题 (每小题 2 分, 共 10 分)

- 1、(A)    2、(B)    3、(B)    4、(C)    5、(D)

### 二、判断题 (每小题 2 分, 共 10 分)

- 1、(×)    2、(×)    3、(√)    4、(×)    5、(√)

### 三、填空题 (每空 1 分, 共 20 分)

1、可加性, 比例性;

2、圆环;

3、 $1-z^{-1}$ 、 $1-e^{-j\omega}$ ;

4、 $\sum_{n=0}^{M-1} x(n)W_N^{kn}, 0 \leq k \leq N-1$  ;     $\frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} X(k)W_N^{-kn}, 0 \leq n \leq N-1$ ;

5、对称性、周期性、可约性;

6、7, 64, 448, 40;

7、10Hz;

8、混叠失真;

9、级联型, 并联型;

10、形状, 过渡带宽。

### 四、简答题 (每小题 5 分, 共 10 分)

1、答: (1) 给定所要求的频率响应函数  $H_d(e^{j\omega})$ , 根据  $h_d(n) = \text{IDTFT}[H_d(e^{j\omega})]$  求所要求的单位冲激响应; (1 分)

(2) 根据对过渡带宽及阻带衰减的要求, 选定窗函数  $w(n)$  的形状及  $N$  的大小。

待求滤波器的过渡带近似等于窗函数的主瓣宽度; (1 分)

(3) 求所设计的 FIR 滤波器的单位冲激响应

$$h(n) = h_d(n)w(n), \quad n = 0, 1, \dots, N-1; \quad (2 \text{ 分})$$

(4) 检验技术指标是否满足设计要求, 设计出的 FIR 滤波器的频率响应

$$H(e^{j\omega}) = \text{DTFT}[h(n)] \quad (1 \text{ 分})$$

- 2、答：(1) 对  $X(k)$  取共轭得到  $X^*(k)$ ； (1 分)  
 (2) 将  $X^*(k)$  作为 FFT 的输入，得到输出  $DFT[X^*(k)]$ ； (2 分)  
 (3) 对  $DFT[X^*(k)]$  再取共轭得到  $\{DFT[X^*(k)]\}^*$ ； (1 分)  
 (4) 最后将  $\{DFT[X^*(k)]\}^*$  乘  $\frac{1}{N}$  即得  $x(n)$ ； (1 分)

## 五、计算题（共 4 小题，共 50 分）

- 1、(10 分)解：(1) 对于两个序列  $x_1(n) = nR_4(n)$ ， $x_2(n) = R_4(n)$ ，利用“对位相乘求和法”可得到其线性卷积的结果为：

$$y_l(n) = nR_4(n) * R_4(n) = \{0, 1, 3, 6, 6, 5, 3\}, 0 \leq n \leq 6 \quad (5 \text{ 分})$$

因为  $L$  点的循环卷积是线性卷积以  $L$  点为周期的周期延拓序列的主值序列。由于循环卷积的点数  $L = 5$  比线性卷积的长度 7 少 2 点，因此线性卷积以 5 点为周期进行周期延拓时，一个周期内在  $n = 0$  到  $n = 1$  这 2 点处发生混叠。  
 故两序列的 5 点圆周卷积为：

$$y_c(n) = nR_4(n) \oplus R_4(n) = \sum_{r=-\infty}^{\infty} y_l(n+5r) \cdot R_5(n) = \{5, 4, 3, 6, 6\}, 0 \leq n \leq 4 \quad (5 \text{ 分})$$

- 2、(10 分) 解：(1) 因为  $t_p = \frac{1}{F}$ ，而  $F \leq 100\text{Hz}$ ，故  $t_p \geq \frac{1}{100}\text{s}$ ，

即最小记录长度为  $0.01\text{s}$ 。 (2 分)

- (2) 因为  $f_s \geq 2f_c = 2 \times 3000 = 6000\text{Hz}$

所以信号的最大采样间隔为  $T_s = \frac{1}{f_s} \leq \frac{1}{2f_c} = \frac{1}{6000}\text{s} = 1.67 \times 10^{-4}\text{s}$  (3 分)

- (3)  $N \geq \frac{2f_c}{F} = \frac{2 \times 3000}{100} = 60$ ，又因  $N$  必须是 2 的整数幂，

故最少的点数  $N = 2^6 = 64$ 。 (3 分)

- (4) 若要求频率分辨率提高 1 倍，即  $F \leq 50\text{Hz}$

则信号的最小记录时间为  $t_p = \frac{1}{50}\text{s} = 0.02\text{s}$ 。 (2 分)

- 3、(15 分)解：(1) 对差分方程两边取 Z 变换有：

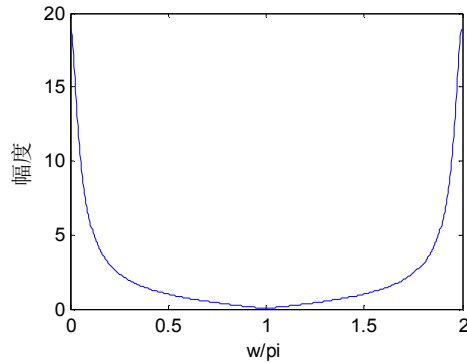
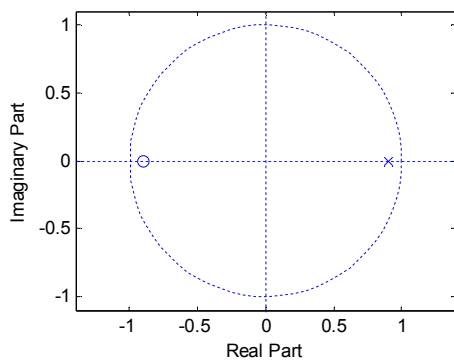
$$Y(z) = 0.9z^{-1}Y(z) + X(z) + 0.9z^{-1}X(z),$$

系统函数为：  $H(z) = \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{1+0.9z^{-1}}{1-0.9z^{-1}} = 1 + \frac{1.8z^{-1}}{1-0.9z^{-1}}$  (3 分)

$$\therefore h(n) = \delta(n) + 1.8 \times 0.9^{n-1} u(n-1) \quad (2 \text{ 分})$$

$$(2) H(e^{j\omega}) = H(z) \Big|_{z=e^{j\omega}} = \frac{1+0.9e^{-j\omega}}{1-0.9e^{-j\omega}}$$

极点  $z = 0.9$ ，零点  $z = -0.9$  (3 分)



(2 分)

(3) 因为:  $x(n) = e^{j\omega_0 n}$

$$\text{所以: } y(n) = e^{j\omega_0 n} H(e^{j\omega_0}) = e^{j\omega_0 n} \frac{1 + 0.9e^{-j\omega_0}}{1 - 0.9e^{-j\omega_0}} \quad (5 \text{ 分})$$

4、(15 分) 解: (1)冲激响应不变法:

$$H_a(s) = \frac{3s+2}{2s^2+3s+1} = \frac{3s+2}{(2s+1)(s+1)} = \frac{A_1}{2s+1} + \frac{A_2}{s+1}$$

$$\text{其中 } A_1 = \left. \frac{3s+2}{s+1} \right|_{s=-\frac{1}{2}} = 1, \quad A_2 = \left. \frac{3s+2}{2s+1} \right|_{s=-1} = 1$$

$$\text{因此 } H_a(s) = \frac{1}{2s+1} + \frac{1}{s+1} = \frac{0.5}{s+0.5} + \frac{1}{s+1} \quad (3 \text{ 分})$$

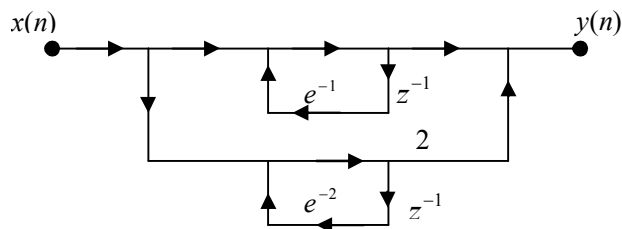
$H_a(s)$  有两个实极点, 分别是  $s_1 = -0.5$ ,  $s_2 = -1$

映射到  $z$  平面, 极点为  $z_1 = e^{s_1 T} = e^{-0.5T}$ ,  $z_2 = e^{s_2 T} = e^{-T}$

$$\text{则数字滤波器的系统函数为 } H(z) = \frac{0.5T}{1 - e^{-0.5T} z^{-1}} + \frac{T}{1 - e^{-T} z^{-1}},$$

$$\text{将 } T=2 \text{ 代入上式得: } H(z) = \frac{1}{1 - e^{-1} z^{-1}} + \frac{2}{1 - e^{-2} z^{-1}} \quad (2 \text{ 分})$$

并联结构如下图:



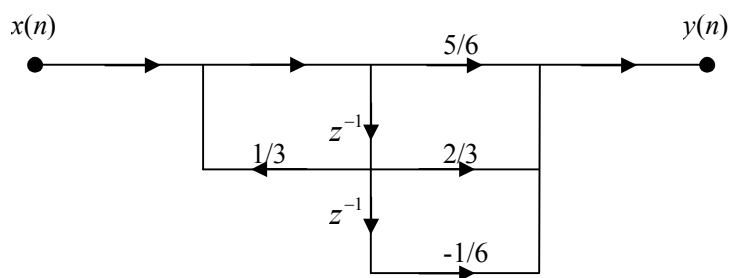
(2 分)

$$(2) \text{双线性变换法. 将 } s = \frac{2}{T} \frac{1-z^{-1}}{1+z^{-1}} = \frac{1-z^{-1}}{1+z^{-1}} \quad (3 \text{ 分})$$

代入  $H_a(s)$  公式, 得

$$\begin{aligned}
 H(z) &= \frac{3 \times \frac{1-z^{-1}}{1+z^{-1}} + 2}{2 \times \left(\frac{1-z^{-1}}{1+z^{-1}}\right)^2 + 3 \times \frac{1-z^{-1}}{1+z^{-1}} + 1} = \frac{(5-z^{-1})(1+z^{-1})}{2(1-z^{-1})^2 + 3(1-z^{-1})(1+z^{-1}) + (1+z^{-1})^2} \\
 &= \frac{5+4z^{-1}-z^{-2}}{6-2z^{-1}} = \frac{\frac{5}{6} + \frac{2}{3}z^{-1} - \frac{1}{6}z^{-2}}{1 - \frac{1}{3}z^{-1}}
 \end{aligned}
 \tag{3 分}$$

直接 II 型结构为：



(2 分)