Федеральное агентство связи

Сибирский Государственный Университет Телекоммуникаций и Информатики

СибГУТИ

Кафедра высшей математики

Расчетно-графическая работа № 11.

Числовые ряды.

Выполнила: студент 2 курса группы ИП-013

Иванов Леонид Дмитриевич

Преподаватель: Храмова Татьяна Викторовна

Вопрос **1**Пока нет ответа
Балл: 1,00

ГОТМЕТИТЬ

Определить сходимость/расходимость числового ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + n}{n!}$

используя два признака:

а) признак Даламбера,

б) радикальный признак Коши

О а. расходится

O b. сходится

1)Признак Даламбера:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + n}{n!} = \frac{5^{n+1} + n + 1}{(n+1)!} \times \frac{n!}{5^n + n} = \frac{5}{n+1} = \frac{5}{n+1} = \frac{5}{\infty} = 0 < 1 \text{(сходится)}$$

2)Радикальный признак Коши:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + n}{n!} = \frac{5^n + n}{\sqrt{2\pi n}} \times \frac{e^n}{n^n}$$

$$\lim_{n\to\infty}=\sqrt[n]{\frac{(5^n+n)e^n}{\sqrt{2\pi n}\,\times n^n}}=\sqrt[n]{\frac{(5^n+n)e^n}{n^n}}=0<1\text{(сходится)}$$

знаменатео n^n растёт быстрее чем числитель $(5^n + n)e^n$ по этому стремиться к нулю.