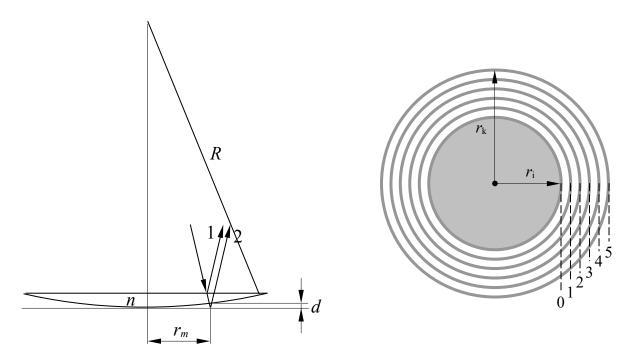
## Задача 16571

Расстояние между 4-ым и 9-ым темными кольцами Ньютона в отраженном свете равно 3 мм. Радиус кривизны линзы 25 м. Вычислите радиусы колец.

$$i = 4$$
  
 $k = 9$   
 $\Delta r = 3 \text{ mm} = 3.10^{-3} \text{ m}$   
 $R = 25 \text{ m}$ 

$$r_4 - ?$$
  
 $r_9 - ?$ 

При нормальном падении света геометрическая разность хода лучей 1 и 2 равна 2d. В случае наблюдения в отражённом свете у луча 2 изменяется фаза колебаний на  $\pi$  при отражении от оптически более плотной среды (пластины). Это соответствует удлинению (или укорочению) оптического пути луча 2 на  $\lambda/2$ . Поэтому при вычислении разности хода лучей 1 и 2 нужно учесть слагаемое  $\lambda/2$ .



В результате разность хода равна

$$\Delta = 2d + \lambda/2$$
.

Чтобы в этом месте был минимум интерференции лучей, должно выполняться условие

$$\Delta = 2m \cdot \lambda / 2 = m\lambda, \ m = 0, 1, 2, 3, ...$$

Приравняем выражения для  $\Delta$ :

$$2d + \lambda/2 = m\lambda;$$
  
$$d = \frac{2m\lambda - \lambda}{4} = \frac{(2m-1)\lambda}{4}.$$

Из рисунка:

$$(R-d)^{2} + r_{m}^{2} = R^{2};$$
  
 $R-d = \sqrt{R^{2} - r_{m}^{2}};$   
 $d = R - \sqrt{R^{2} - r_{m}^{2}}.$ 

Приравняем выражения для d:

$$\begin{split} &\frac{(2m-1)\lambda}{4} = R - \sqrt{R^2 - r_m^2};\\ &R^2 - r_m^2 = \left(R - \frac{(2m-1)\lambda}{4}\right)^2;\\ &r_m = \sqrt{R^2 - \left(R - \frac{(2m-1)\lambda}{4}\right)^2} = \sqrt{2R \cdot \frac{(2m-1)\lambda}{4} - \left(\frac{(2m-1)\lambda}{4}\right)^2} = \\ &= \sqrt{\frac{(2m-1)\lambda}{4} \cdot \left(2R - \frac{(2m-1)\lambda}{4}\right)}. \end{split}$$

Учитывая, что

$$2R >> \frac{(2m-1)\lambda}{4},$$

равенство упростится:

$$r_{\scriptscriptstyle m} = \sqrt{\frac{(2m-1)\lambda}{4} \cdot 2R} = \sqrt{\frac{(2m-1)\lambda R}{2}}.$$

Для колец с номерами i и k соответственно имеем

$$\begin{split} r_i &= \sqrt{\frac{(2i-1)\lambda R}{2}}; \quad r_k = \sqrt{\frac{(2k-1)\lambda R}{2}}; \\ \Delta r &= r_k - r_i = \sqrt{\frac{(2k-1)\lambda R}{2}} - \sqrt{\frac{(2i-1)\lambda R}{2}} = \sqrt{\frac{\lambda R}{2}} \cdot \left(\sqrt{2k-1} - \sqrt{2i-1}\right); \\ \sqrt{\frac{\lambda R}{2}} &= \frac{\Delta r}{\sqrt{2k-1} - \sqrt{2i-1}}. \end{split}$$

Тогда

$$\begin{split} r_i &= \sqrt{\frac{\lambda R}{2}} \cdot \sqrt{2i - 1} = \frac{\Delta r \cdot \sqrt{2i - 1}}{\sqrt{2k - 1} - \sqrt{2i - 1}} = \frac{3 \cdot 10^{-3} \cdot \sqrt{2 \cdot 4 - 1}}{\sqrt{2 \cdot 9 - 1} - \sqrt{2 \cdot 4 - 1}} = \\ &= 5,37 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 5,37 \text{ mm}; \\ r_k &= \sqrt{\frac{\lambda R}{2}} \cdot \sqrt{2k - 1} = \frac{\Delta r \cdot \sqrt{2k - 1}}{\sqrt{2k - 1} - \sqrt{2i - 1}} = \frac{3 \cdot 10^{-3} \cdot \sqrt{2 \cdot 9 - 1}}{\sqrt{2 \cdot 9 - 1} - \sqrt{2 \cdot 4 - 1}} = \\ &= 8.37 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 8.37 \text{ mm}. \end{split}$$

Otbet:  $r_4 = 5,37$  mm;  $r_9 = 8,37$  mm.