

### 第三章 算法分析

1. 用渐进表示法分析算法复杂度的**增长趋势**..... ✓
2. 算法分析的两个主要方面是时间复杂度和空间复杂度的分析..... ✓
3.  $\log N^2$  和  $(\log N)^2$  都是  $O(N)$ ..... ✓

解释：O 表示上限，因此该说法没问题

4. 在数据结构中，从逻辑上可以把数据结构分成（C）。

- A. 动态结构和静态结构
- B. 紧凑结构和非紧凑结构
- C. 线性结构和非线性结构
- D. 内部结构和外部结构

5. 与数据元素本身的形式、内容、相对位置、个数无关的是数据的（C）。

- A. 存储结构
- B. 存储实现
- C. 逻辑结构
- D. 运算实现

6. 斐波那契数列 FN 的定义为：F0=0，F1=1，FN=FN-1+FN-2，N=2，3，…。用递归函数计算 FN 的时间复杂度是（D）

- A.  $O(\log N)$
- B.  $O(N)$
- C.  $O(N!)$
- D.  $O(FN)$

解释：完全二叉树，复杂度为  $2^N$

### 第四章 数据存储

1. 链表中逻辑上相邻的元素，其物理位置也一定相邻..... ×

解释：链表中地址不一定连续（顺序表中，逻辑上相邻的元素，其物理位置也相邻，在链表中，逻辑上相邻的元素，其物理位置不一定相邻）

2. 顺序存储方式只能用于存储线性结构..... ×

解释：完全二叉树是非线性结构，但一般会用顺序表存储

3. 令 P 代表入栈，O 代表出栈。当利用堆栈求解后缀表达式  $1\ 2\ 3\ +\ *4\ -$  时，堆栈操作序列是（D）

- A. PPPOOPOO
- B. PPOOPPOOPPOO
- C. PPPOOPOOPPOO
- D. PPPOOPPOOPPOPO

解释：遇到操作符时将栈顶两个元素弹出，并将其与操作符的**运算值压入栈中**，最后一次也是，5 4 - 的运算值需要先压入栈中，然后判断发现 `stack.size()==1` 才停止循环，因此有最后的 PO

4. 假设对对称矩阵  $M_{8 \times 8}$  使用压缩存储，每个元素用相邻的 4 个字节存储，存储器按字节编址。已知 M 的起始存储位置（基地址）为 2000，计算：

（1）矩阵 M 需要的存储空间；

As:  $(n*(n+1)/2)*4=(8*9/2)*4=36*4=144$

- (2) 矩阵 M 的最后一个元素  $a_{77}$  的开始地址;  
 As:  $(1+2+3+4+5+6+7+7) * 4 + 2000 = 2140$   
 (3) 按行存储时, 元素  $a_{54}$  的开始地址;  
 As:  $((1+2+3+4+5) + 4) * 4 + 2000 = 2076$   
 (4) 按行存储时, 元素  $a_{36}$  的开始地址;  $location(a_{36}) = location(a_{63})$   
 As:  $((1+2+3+4+5+6) + 3) * 4 + 2000 = 2096$

**矩阵压缩是将二维对称矩阵的下三角矩阵按行顺序存入数组**

5. 假设三维数组  $A_{689}$ , 每个元素用相邻的 8 个字节存储, 存储器按字节编址。已知 A 的起始存储位置 (基地址) 为 1000, 计算:

- (1) 数组 A 的体积 (即存储量);
  - (2) 数组 A 的最后一个元素  $a_{578}$  的开始地址;
  - (3) 按行存储时, 元素  $a_{436}$  的开始地址;
  - (4) 按列存储时, 元素  $a_{517}$  的开始地址。
- (1)  $(6*8*9) * 8 = 3456$   
 (2)  $(6*8*9-1) * 8 + 1000 = 4448$   
 (3)  $(4*8*9+3*9+6) * 8 + 1000 = 3568$   
 (4)  $(7*6*8+1*6+5) * 8 + 1000 = 3776$

## 第五章 二叉树

1. 具有 10 个叶结点的二叉树中, 有 9 个度为 2 的结点..... ✓

解释: 联立方程  $B = n - 1$  ..... 可得  $n_2 = n_0 - 1$

$$n = n_0 + n_1 + n_2$$

$$B = 2n_2 + 1n_1$$

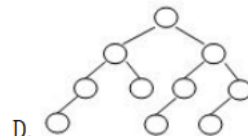
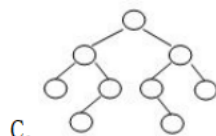
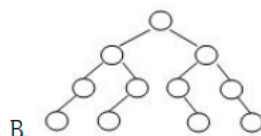
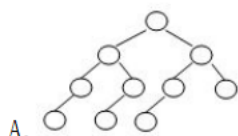
2. 若 A 和 B 都是一棵二叉树的叶子结点, 则存在这样的二叉树, 其前序遍历序列为... A... B..., 而中序遍历序列为... B... A... ..... ×

解释: 先序中序后序是对根结点而言的, **叶子结点的顺序保持不变**

3. 二叉搜索树的查找和折半查找的时间复杂度相同。..... ×

解释: 只有**平衡的二叉搜索树**才与折半查找时间复杂度相同

4. 下列二叉树中, 可能成为折半查找判定树 (不含外部结点) 的是 (A)



解释: 折半查找判定树是先顺序插入各节点的左子 (排除 B C), 然后才是右子 (排除 D)

5. 完全二叉树的存储结构通常采用顺序存储结构..... ✓

解释: 数组顺序存储

6. 将 {28, 15, 42, 18, 22, 5, 40} 逐个按顺序插入到初始为空的最小堆 (小根堆) 中。则该树的前序遍历结果为: 5, 18, 28, 22, 15, 42, 40

解释: 逐个插入 ( $O(n \log n)$ ) 是每插入一个都向上循环判断一次, 答案为 5, 18, 28, 22, 15, 42, 40; 若将数组整体构造最小堆 ( $O(n)$ ), 则答案为 5, 15, 28, 18, 22, 42, 40

7. 在有  $n (>1)$  个元素的最大堆 (大根堆) 中, 最小元的数组下标可以是 (D)

A. 1

B.  $\lfloor n/2 \rfloor - 1$

- C.  $\lfloor n/2 \rfloor$   
D.  $\lfloor n/2 \rfloor + 2$

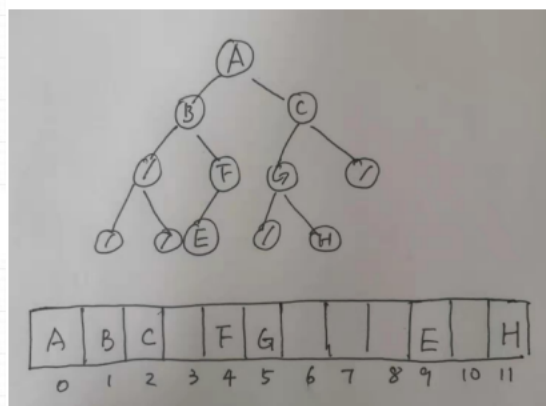
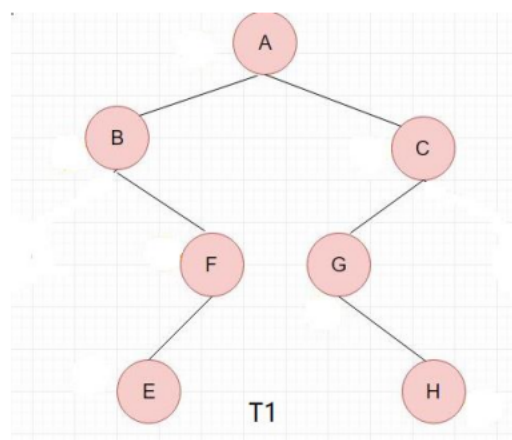
解释：最小元下标一定大于  $\lfloor n/2 \rfloor$

8. 设最小堆（小根堆）的层序遍历结果为  $\{1, 3, 2, 5, 4, 7, 6\}$ 。用线性时间复杂度的算法将该堆调整为最大堆（大根堆），则该树的中序遍历结果为：

- A. 3, 5, 4, 2, 6, 1, 7  
B. 1, 4, 3, 7, 2, 6, 5  
C. 3, 5, 4, 7, 2, 6, 1  
D. 4, 1, 3, 7, 6, 2, 5

解释：线性时间复杂度算法，指的是，从  $n/2$  的位置开始向前 siftdown (BuildHeap  $O(n)$ )

9. 将二叉树 T1 存储在一维数组中，请画出存储示意图



10.

## 第十一章 图

1. Kruskal 算法是维护一个森林，并在每个阶段将两棵树合并成一棵树..... ✓
2. Prim 的算法是通过在每一阶段给树增加一条边，从而增加一个相关的顶点来生长最小生成树..... ✓
3. 顶点集  $V = \{A, B, C, D, E\}$  和权集  $W = \{1, 3, 2, 5, 1, 7, 9, 8, 4\}$  的连通加权图的最小生成树必须是唯一的..... ✓

解释：连通加权图不唯一不要紧，题意是在确定连通加权图的情况下判断最小生成树是否唯一，只用看权集中第四小的边向后是否有重复元素即可

4. 一个有  $N$  个顶点的强连通图至少有多少条边 (B)

- A.  $N-1$   
B.  $N$   
C.  $N+1$   
D.  $N(N-1)$

解释：强连通图要求有向图中任意两点间相互可达，即有通路（不是  $C_n^2$ ）。最好情况是一个圈

5. 如果  $G$  是一个有 28 条边的非连通无向图，那么该图顶点个数最少为多少 (C)

- A. 7  
B. 8  
C. 9

D. 10

解释:  $C_8^2=27$ , 8 个顶点刚好构成连通完全无向图。增加一个顶点则是非连通无向图

6. 若无向图  $G = (V, E)$  中含 10 个顶点, 要保证图  $G$  在任何情况下都是连通的, 则需要的边数最少是 (C)

A. 45

B. 37

C. 36

D. 9

解释: 任何情况下连通是指, 边连接任意不同的点, 都能保证  $G$  可以连通。即先让  $n-1$  个点构成完全子图, 然后把第  $n$  个顶点和这个子图相连, 总共需要  $C_{n-1}^2+1$  条边

7. 已知一个图的邻接矩阵如下, 则从顶点  $V_1$  出发按深度优先搜索法进行遍历, 可能得到的一种顶点序列为:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

A.  $V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6$

B.  $V_1, V_2, V_4, V_5, V_6, V_3$

C.  $V_1, V_3, V_5, V_2, V_4, V_6$

D.  $V_1, V_3, V_5, V_6, V_4, V_2$

解释: 这些题目意思可能有点歧义, 这道题的可能指的是不一定要按邻接矩阵顺序深度优先搜索。注意分辨题意

8. 若无向图  $G$  必须进行两次广度优先搜索才能访问其所有顶点, 则  $G$  一定有 2 个连通分量..... ✓

解释: 进行一次广度优先搜索, 则与之连通的结点都会遍历到

## 第七章 内排序

1. 希尔排序是稳定的算法..... ×

**稳定的算法:** 保证排序前两个相等的数其在序列的前后位置顺序和排序后它们两个的前后位置顺序相同。

解释: 希尔排序会多次进行插入排序, 一次插入排序是稳定的, 但是因为希尔排序每次插入排序选择的步长不一样, 导致希尔排序不稳定

2. 内排序要求数据一定要以顺序方式存储..... ×

解释: 内排序是完全在内存中存放待排序元素的排序, 存储形式不一定是顺序的

3. 在初始数据表已经有序时, 快速排序算法的时间复杂度为  $O(n \log n)$ ..... ×

解释: 快速排序的时间复杂度和是否有序无关

4. 对初始数据序列  $\{8, 3, 9, 11, 2, 1, 4, 7, 5, 10, 6\}$  进行希尔排序。若第一趟排序结果为  $\{1, 3, 7, 5, 2, 6, 4, 9, 11, 10, 8\}$ , 第二趟排序结果为  $\{1, 2, 6, 4, 3, 7, 5, 8, 11, 10, 9\}$ , 则两趟排序采用的增量 (间隔) 依次是 (D)

A. 3, 1    B. 3, 2    C. 5, 2    D. 5, 3

解释:

|       |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| index | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|

| index  | 0 | 1 | 2 | 3  | 4 | 5 | 6 | 7 | 8  | 9  | 10 |
|--------|---|---|---|----|---|---|---|---|----|----|----|
| first  | 8 | 3 | 9 | 11 | 2 | 1 | 4 | 7 | 5  | 10 | 6  |
| second | 1 | 3 | 7 | 5  | 2 | 6 | 4 | 9 | 11 | 10 | 8  |

红色部分可以看出，第一次的增量是 5。

5. 采用递归方式对顺序表进行快速排序，下列关于递归次数的叙述中，正确的是 (C)

- A. 每次划分后，先处理较长的分区可以减少递归次数
- B. 每次划分后，先处理较短的分区可以减少递归次数
- C. 递归次数与每次划分后得到的分区处理顺序无关
- D. 递归次数与初始数据的排列次序无关

6. 在快速排序的一趟划分过程中，当遇到与基准数相等的元素时，如果左右指针都不停止移动，那么当所有元素都相等时，算法的时间复杂度是多少？ (D)

- A.  $O(\log N)$
- B.  $O(N)$
- C.  $O(N \log N)$
- D.  $O(N^2)$

解释：指针不停止，导致所有元素都被放到一个划分中去，一共  $N$  个元素，所以一共有  $N$  次划分，每次时间复杂度是  $O(N)$ 。

7. 有一组数据 (15, 9, 7, 8, 20, -1, 7, 4) 用快速排序的划分方法进行一趟划分后数据的排序 (按递增序) 为 (D)

- A. 9, 7, 8, 4, -1, 7, 15, 20
- B. 20, 15, 8, 9, 7, -1, 4, 7
- C. 9, 4, 7, 8, 7, -1, 15, 20
- D. 4, 9, 7, 8, 7, -1, 15, 20

解释：以 15 为轴值，注意**开始时要将 15 放在最后，且 left 先动**

## 第八章 检索

1. 有一个有序表为 {1, 3, 9, 12, 32, 41, 45, 62, 75, 77, 82, 95, 100}，当二分查找值 82 为的结点时，(C) 次比较后查找成功。

- A. 1
- B. 2
- C. 4
- D. 8

解释：二分查找时下一次的  $left = mid + 1$

2. 设有序表的关键字序列为 {1, 4, 6, 10, 18, 35, 42, 53, 67, 71, 78, 84, 92, 99}，当用二分查找法查找键值为 84 的结点时，经 (C) 次比较后查找成功。

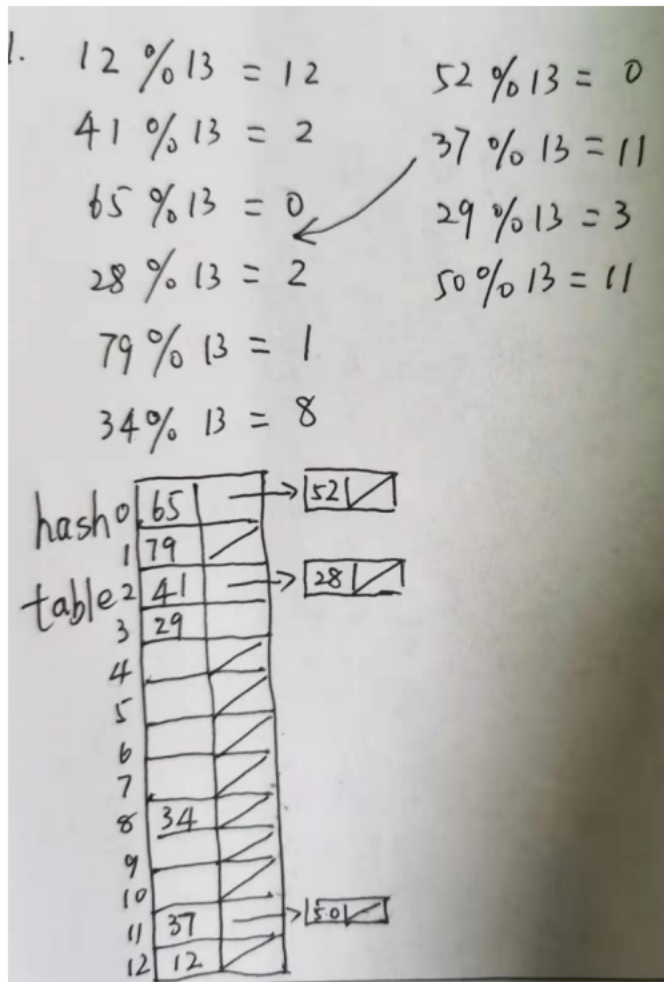
- A. 2
- B. 3
- C. 4
- D. 12

3. 哈希表的平均查找长度是 (B) 的函数。

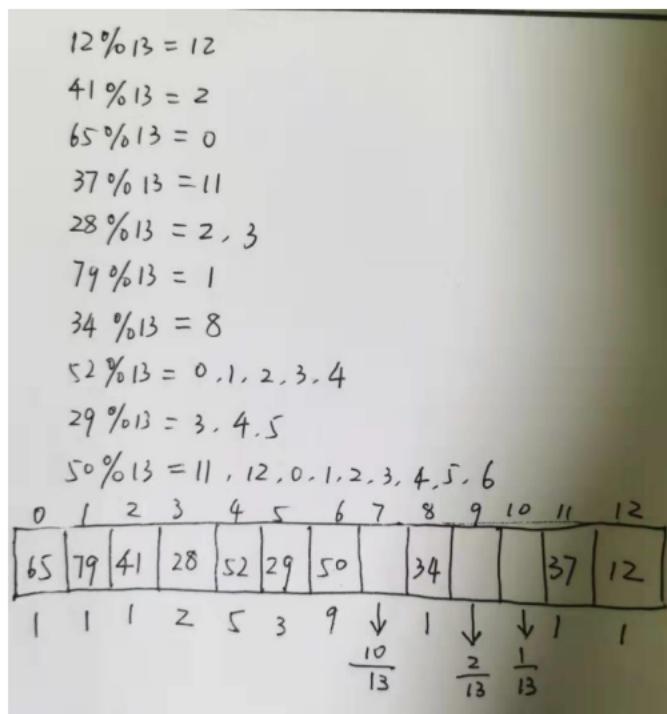
- A. 哈希表的长度
- B. 哈希表的装填因子
- C. 哈希函数
- D. 表中元素的多少

4. 假定有 13 个槽的散列表 (从 0 到 12 编号)。如果使用散列函数  $h(key) = key \bmod 13$  和开散列法 (单链法)，作用于一组数字 12, 41, 65, 37, 28, 79, 34, 52, 29, 50，给出最后的结果散列表

**注意：是开散列法!!! 看清解决冲突的方法**



5. 假定有 13 个槽的散列表（从 1 到 12 编号）。如果使用散列函数  $h(\text{key}) = \text{key} \bmod 13$  和线性探查，作用于一组数字 12, 41, 65, 37, 28, 79, 34, 52, 29, 50，给出最后的结果散列表。在插入值为 50 的关键码之后，列出每一个空槽作为下一个被填充槽的概率





6. 假定有一个 10 个槽的散列表，使用散列函数  $h(k)=k\%10$ ，伪随机探测的偏移量为：5、9、2、1、4、8、6、3、7。作用于一组数字 3、12、9、2、79、44，试写出最后的散列结果

**注意：散列的偏移量是直接加在初始 index 上的，不是累加**

|   |   |    |   |    |   |    |   |   |   |
|---|---|----|---|----|---|----|---|---|---|
| 0 | 1 | 2  | 3 | 4  | 5 | 6  | 7 | 8 | 9 |
|   |   | 12 | 3 | 79 |   | 44 | 2 |   | 9 |
|   |   | 1  | 1 | 2  |   | 3  | 2 |   | 1 |