

姓名:葉冠宏 學號:108753208

以下是我針對 Least Squares (LS) regression model, Principal Component Regression (PCR), Partial Least Squares (PLS) regression 所做的統計

## 1. Least Squares (LS) regression model

```
Mean absolute error      : 11.02971
Sample standard deviation : 3.32377

Mean squared error       : 210.3135
Sample standard deviation : 140.0214

Root mean squared error  : 13.87959
Sample standard deviation : 4.431012

Residuals:
    Min       1Q   Median       3Q      Max
-55.932  -6.988   1.016   8.438  39.685

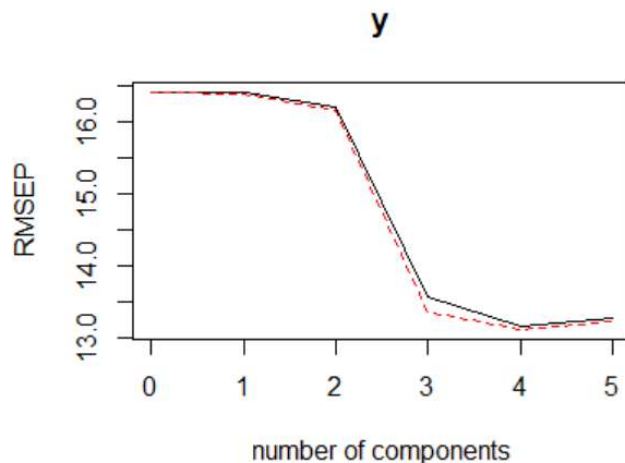
Coefficients:
      Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
x1  0.71002    0.06408   11.080 < 2e-16 ***
x2  0.12843    0.04651    2.761  0.00691 **
x3  0.23094    0.05616    4.112 8.33e-05 ***
x4 -0.03496    0.06727   -0.520  0.60449
x5  0.04547    0.06908    0.658  0.51198
---
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 14.22 on 95 degrees of freedom
Multiple R-squared:  0.9726,    Adjusted R-squared:  0.9712
F-statistic: 674.9 on 5 and 95 DF,  p-value: < 2.2e-16
```

## 2. Principal Component Regression (PCR)

```
VALIDATION: RMSEP
Cross-validated using 10 random segments.
      (Intercept) 1 comps 2 comps 3 comps 4 comps 5 comps
CV          16.41  16.56  16.44  13.57  12.99  13.00
adjCV       16.41  16.53  16.41  13.49  12.96  12.97

TRAINING: % variance explained
      1 comps 2 comps 3 comps 4 comps 5 comps
X    37.131  61.290  79.22  94.29 100.00
y     2.487   9.336  38.77  41.62  41.67
```



### 3. Partial Least Squares (PLS) regression

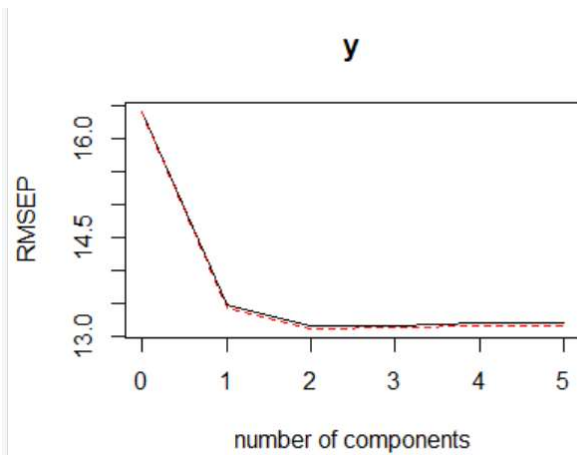
VALIDATION: RMSEP

Cross-validated using 10 random segments.

	(Intercept)	1 comps	2 comps	3 comps	4 comps	5 comps
CV	16.41	13.46	13.14	13.16	13.19	13.19
adjCV	16.41	13.41	13.11	13.12	13.15	13.15

TRAINING: % variance explained

	1 comps	2 comps	3 comps	4 comps	5 comps
X	23.00	54.33	77.90	91.42	100.00
y	39.17	41.55	41.66	41.67	41.67



Question1:

三種模型是 different 的。

Least Squares (LS) regression model 是 find  $\beta$  so that  $\text{Corr}(Y, X\beta)$  is maximized. 你的模型有可能會隨著你的 sample data 而使  $\beta$  的 variance 比較大。

Principal Component Regression (PCR)是先 find  $w$  so that  $\text{Var}(Xw) = \text{Var}(Z)$  is maximized. Then find  $\beta$  so that  $\text{Corr}(Y, Z\beta)$  is maximized. 我們的首要任務是去盡量找出一個投影向量使投影後 data 的 variance 不會和原來差太多。

Partial Least Squares (PLS) regression 是先 find  $w$  so that  $\text{Cov}(Y, Xw) = \text{Cov}(Y, Z)$  is maximized. Then find  $\beta$  so that  $\text{Corr}(Y, Z\beta)$  is maximized. 當我們先去找  $\max (\text{Cov}(Y, Z))^2 = \text{Var}(X\beta) * (\text{Corr}(Y, X\beta))^2$  時，我們就同時兼顧到讓  $\text{Var}(X\beta)$  和  $\text{Corr}(Y, X\beta)$  都蠻大的。

Question2:

我們可以看到 Least Squares (LS) regression model, 做出的結果是 RMSE 為 13.87。

Principal Component Regression (PCR) 如果取 4 個 component，可以使其 variance 佔原來的 94.29%，做出來的 RMSE 為最好的 12.99。所以我會選 4 個 component。

Partial Least Squares (PLS) regression 中，我們可以觀察到取 2 個 component，其可以達到最好的 rmse 為 13.14，然而此時的 variance explained 僅有 54.33%。如果取到 4 個 component, rmse 也才上升一點點至 13.19，但 variance explained 可以提高到 91.42%。所以我會選擇 4 個 component。

綜觀上述的結果，我們可以觀察到 Principal Component Regression (PCR)是預測“Academic Reputation”最好的模型，因為其可以達到三者模型中最低的 rmse，以及高的 variance explained。