中国神学技术大学实验报告



计算机系统详解 Data Lab

学生姓名: 朱云沁

学生学号: PB20061372

完成时间: 二〇二二年三月二十九日

目录

一 、	Î	简介	2
	1.	实验目的 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2
	2.	实验要求 ·····	2
	3.	实验环境 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2
<u> </u>	5	实验结果 ····································	3
三,	5	实现思路 ·····	3
	1.	bitXor ·····	3
	2.	tmin · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	4
	3.	isTmax ····································	4
	4.	allOddBits	5
	5.	negate	5
	6.	isAsciiDigit · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	6
	7.	conditional	6
	8.	isLessOrEqual · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	7
	9.	logicalNeg·········	7
	10.	howManyBits	8
	11.	floatScale2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	9
	12.	floatFloat2Int · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	10
	13.	floatPower2 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	10
四、	À	总结 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	11
附录	Ł A	环境搭建 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	13
附录	ŁΒ	代码清单 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	15
	1.	bits.c ····································	15
	2.	Dockerfile	17

一、简介

1. 实验目的

- 加深对计算机中整数及浮点数的位级表示的理解.
- 掌握 C 语言中位运算符的使用, 学会通过位操作来高效实现某些功能.

2. 实验要求

使用规定的运算符, 在一定的操作数内实现以下逻辑与算术函数:

Name	Description	Rating	Max ops
bitXor(x,y)	$x \mid\mid y$ using only & and \sim .	1	14
tmin()	Smallest two's complement integer.	1	4
isTmax(x)	True only if x is largest two's comp. integer.	1	10
allOddBits(x)	True only if all odd-numbered bits in \mathbf{x} set to 1.	2	12
negate(x)	Return -x with using - operator.	2	5
isAsciDigit(x)	True if $0x30 \le x \le 0x39$.	3	15
conditional	Same as x?y:z	3	16
<pre>isLessOrEqual(x,y)</pre>	True if $x \leq y$, false otherwise.	3	24
logicalNeg(x))	Compute !x without using ! operator.	4	12
howManyBits(x)	Min. no. of bits to represent x in two's comp.	4	90
floatScale2(uf)	Return bit-level equiv. of 2*f for f.p. arg. f.	4	30
<pre>floatFloat2Int(uf)</pre>	Return bit-level equiv. of (int)f for f.p. arg. f.	4	30
floatPower2(x)	Return bit-level equiv. of 2.0^{κ} for integer κ	4	30

表 1: 实验所给问题

对于前 10 个整数问题, 代码中不允许出现超过 8 位的常数. 对于后 3 个浮点数问题, 允许出现 if 等逻辑控制. 每个问题的具体限制, 参见实现思路中各小题代码的注释.

程序编写完毕后, 用测试程序 btest 检查程序功能的正确性, 并用调整过的 ANSI C 编译器 dlc 检查代码的合法性. 也可用 Perl 脚本 driver.pl 进行综合评定.

3. 实验环境

本实验所有程序均在以下环境编译并通过测试:

Machine	MacBook Pro 13"
SoC	Apple M1, 基于 ARM, 含 8 核 CPU、8 核 GPU 及 16GB RAM
OS	macOS Monterey 12.3.1
IDE	Visual Studio Code 1.65.2
Docker	Docker 20.10.13
Image	Ubuntu 20.04.4, x86-64 平台, 详见环境搭建部分
Packages	GCC 9.4.0, Make 4.2.1, Perl 5.30.0

二、 实验结果

依据要求完成 bits.c 文件 (见代码清单) 并修改 Makefile (见环境搭建), 在 VS Code 远程容器终端中运行 driver.pl, 得到结果如下图所示:

```
TERMINAL

ightarrow qemu-x86_64 - datalab-handout + \lor \square
PB20061372 at 1f128b80133f in /workspaces/Repositories/Computer-System/labs/data/datalab-handout on master*** 22-04-13 - 3:22:11
### perl driver.pl

1. Running './dlc -z' to identify coding rules violations.
2. Compiling and running './btest -g^+ to determine correctness score gcc -0 -w -lm -o btest bits.c btest.c decl.c tests.c
3. Running './dlc -Z' to identify operator count violations.
4. Compiling and running './btest -g -r 2' to determine performance score gcc -0 -w -lm -o btest bits.c btest.c decl.c tests.c
5. Running './dlc -e' to get operator count of each function.
Correctness Results
                               Perf Results
Points Rating Errors
                                                   bitXor
                                                   isTmax
allOddBits
                                                   negate
isAsciiDigit
                                                   conditional
                                                    isLessOrEqual
                                                   logicalNeg
howManyBits
floatScale2
                                         30
11
11
                                                    floatPower2
```

图 1: driver.pl 运行结果

可见,程序的评估结果为满分,正确性及性能均符合要求.

三、 实现思路

1. bitXor

本小题要求用位非和位与实现位异或. 对任意逻辑变量 A 和 B, 根据异或运算的定义, 有

$$A \oplus B = (A+B)(AB)'$$

应用摩根律,得

$$A \oplus B = (A'B')'(AB)'$$

使用 C 语言位运算符表达即可. 代码如下:

```
/*
  * bitXor - x^y using only ~ and &
  * Example: bitXor(4, 5) = 1
  * Legal ops: ~ &
  * Max ops: 14
  * Rating: 1
  */
```

```
int bitXor(int x, int y) { return ~(x & y) & ~(~x & ~y); }
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用7个运算符.

2. tmin

本小题要求返回用补码表示的 32 位有符号整数的最小值. 根据补码的定义, 有符号整数的最小值仅有符号位为 1, 其余位为 0, 答案应为 0x8000. 由于实验对常数大小的限制, 使用左移运算得到该值. 代码如下:

```
/*
 * tmin - return minimum two's complement integer
 * Legal ops: ! ~ & ^ | + << >>
 * Max ops: 4
 * Rating: 1
 */
int tmin(void) { return 1 << 31; }</pre>
```

根据评测结果,该函数功能正确,仅使用1个运算符.

3. isTmax

本小题要求判断一个数是否为有符号整数的最大值, 返回值相当于 x==0x7FFFFFF 或 !(x^0x7FFFFFF). 然而, 由于常数和运算符的限制, 应当利用该整数特有的运算性质来间接判断.

经过简单观察, 发现该整数的反码恰等于其原码加一, 即 ~x==x+1, 或 !(~x^(x+1)). 然 而, 0xFFFFFFFF 也满足此运算性质, 需要根据 x+1!=0, 或 !!(x+1) 来排除. (此处连续使用 2 个逻辑非, 是为了将任意非零值变换为 0x1, 下文涉及相同策略时不再特别指出.)

继续观察,发现 x+1 在以上操作中反复出现,因而仍有优化空间——可以考虑将 x+1 赋值给某个变量,以便后续使用.事实上,对以上运算性质进一步思考,发现该等式可以变换为 0xFFFFFFF-x==x+1,或 (x+1)+(x+1)==0x0,从而充分利用 x+1. 综合上述讨论,并运用摩根律,得到如下代码:

```
/*
 * isTmax - returns 1 if x is the maximum, two's complement number,
 * and 0 otherwise
 * Legal ops: ! ~ & ^ | +
 * Max ops: 10
 * Rating: 1
 */
int isTmax(int x) {
```

```
x = x + 1;
return !(!x | (x + x));
}
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用5个运算符.

4. allOddBits

本小题要求判断一个 32 位二进制字的奇数位是否全为 1. 一种直接的思路是借助位掩码来判断, 记 mask=0x55555555, 那么 x&mask==mask, 或者说!(~x&~mask). 然而, 由于常数大小的限制, 无法直接赋值上述 mask 或 ~mask.

存在两种解决方案,一是通过移位和位或运算生成该位掩码,二是通过移位和位与运算合并 x 的奇数位,从而可用更短的位掩码 0xAA 来判断. 笔者采用第二种方案,代码如下:

```
/*
 * allOddBits - return 1 if all odd-numbered bits in word set to 1
 * where bits are numbered from 0 (least significant) to 31 (most significant)
 * Examples allOddBits(OxFFFFFFFD) = 0, allOddBits(OxAAAAAAAA) = 1
 * Legal ops: ! ~ & ^ | + << >>
 * Max ops: 12
 * Rating: 2
 */
int allOddBits(int x) {
    x = x & x >> 16;
    return !(~(x & x >> 8) & 170);
}
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用7个运算符.

5. negate

本小题要求对一个整数取反, 即求其补码. 根据定义有 -x==~x+1. 代码如下:

```
/*
  * negate - return -x
  * Example: negate(1) = -1.
  * Legal ops: ! ~ & ^ | + << >>
  * Max ops: 5
  * Rating: 2
  */
int negate(int x) { return ~x + 1; }
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用2个运算符.

6. isAsciiDigit

本小题要判断一个 ASCII 字符是否为数字 $0\sim9$, 即 0x30<=x<=0x39. 考虑 x-0x30 和 x-0x3A 的符号位, 应有 x-0x30>>31==0x0 和 x-0x3A>>31==0x-1. 此处, 应当注意右移运算扩展有符号数最高位的方式. 对常数取反进行优化, 有 $(x+\sim57\&\sim(x+\sim47))>>31==0x-1$. 合 法的返回值应是上述表达式的最低位, 只需与 0x1 做位与运算. 代码如下:

```
/*
  * isAsciiDigit - return 1 if 0x30 <= x <= 0x39 (ASCII codes for characters '0'
  * to '9') Example: isAsciiDigit(0x35) = 1. isAsciiDigit(0x3a) = 0.
  * isAsciiDigit(0x05) = 0.
  * Legal ops: ! ~ & ^ | + << >>
  * Max ops: 15
  * Rating: 3
  */
int isAsciiDigit(int x) { return (x + ~57 & ~(x + ~47)) >> 31 & 1; }
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用8个运算符.

7. conditional

本小题要求用位运算实现三目运算符,可以抽象为 2 选 1 数据选择器. 考虑到记号的简洁性,不妨设地址信号 X、输入数据 Y, Z 和输出数据 D 均为一维逻辑变量,则有

$$D = XY + X'Z$$

```
/*
  * conditional - same as x ? y : z
  * Example: conditional(2,4,5) = 4
  * Legal ops: ! ~ & ^ | + << >>
  * Max ops: 16
  * Rating: 3
  */
int conditional(int x, int y, int z) {
  x = !x + ~0;
  return (x & y) | (~x & z);
}
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用7个运算符.

8. isLessOrEqual

本小题要求比较两个有符号整数的大小, 返回 x<=y. 由于补码运算的溢出问题, 或者说由于模 2³² 整数加群的结构, 不能简单通过 y-x 的符号位来判断.

对模 2^{32} 剩余类进行分析, 发现可能存在两种错误情况: 一是 x 为正整数, y 为负整数, 但 y-x 为正整数; 二是 x 为负整数, y 为非负整数, 但 y-x 为负整数. 应当在 x 和 y 符号相反时采用其他判断方法——显然, 只需返回 x 的符号位.

综上所述, 当 $(x^y)>>31==0x-1$ (符号相反) 时, 返回 x 的符号位; 当 $(x^y)>>31==0x0$ (符号相同) 时, 返回 y-x 的符号位取反, 或者直接返回 x-y-1 (即x+-y) 的符号位.

能否将两种情况合为一个表达式? 答案是肯定的, 只需将 ~((x^y)>>31) 作为位掩码, 用于决定是否将 x 加上 ~y. 进一步利用摩根律, 得到最终代码如下:

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用7个运算符.

9. logicalNeg

本小题要求用位运算实现逻辑非: 将任意非零值映射为 0, 而将 0 映射为 1. 相较于 0, 非零整数的特征在于其自身和相反数必有一个符号位为 1. 遵循这个思路, 再借助右移运算, 可将任意非零值映射为 0xFFFFFFFF , 加上 1 便得到预期返回值. 代码如下:

```
/*
 * logicalNeg - implement the ! operator, using all of
 * the legal operators except !
 * Examples: logicalNeg(3) = 0, logicalNeg(0) = 1
 * Legal ops: ~ & ^ | + << >>
 * Max ops: 12
 * Rating: 4
 */
int logicalNeg(int x) { return ((x | (~x + 1)) >> 31) + 1; }
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用5个运算符.

10. howManyBits

本小题要求返回用补码表示某个整数需要的最少二进制位数. 由于该整数已由 32 位补码给出, 经分析, 需进行如下处理:

对于符号位为 0 的非负整数, 找到最高位的 1 所在位置; 对于符号位为 1 的负整数, 找到最高位的 0 所在位置. 取该位置之后的所有位并加上符号位, 就是表示该整数的最短补码.

为了统一上述两种情况而节省操作数,首先将 x 赋值为 x>>31^x,使得负数取反,非负数保持不变.然后,采用分治策略查找最高位的 1:

- 1. 若 x 的高 16 位有 1 (即!!(x>>16)), 则将 x 右移 16 位, 在高 16 位继续查找; 否则, 在 低 16 位继续查找.
- 2. 将 x 视作 16 位补码, 若 x 的高 8 位有 1 (即!!(x>>8)), 则将 x 右移 8 位, 在高 8 位继续查找; 否则, 在低 8 位继续查找.
- 3. 将 x 视作 8 位补码, 依此类推, 直到找到最高位的 1 或找不到 1.

上述分治过程为计算最高位 1 的位置提供了便利. 记最高位 1 的位置为 sum, 考虑其二进制表示, 每当 x 右移 2^i 位 (i=4,3,2,1,0), 将 sum 加上 2^i . 若最后 x 为 0, 说明找不到为 1 的位, 函数返回 sum + 1; 若最后 x 为 1, 返回 sum + 2.

完整代码如下:

```
/* howManyBits - return the minimum number of bits required to represent x in
               two's complement
  Examples: howManyBits(12) = 5
              howManyBits(298) = 10
             howManyBits(-5) = 4
             howManyBits(0) = 1
             howManyBits(-1) = 1
             howManyBits(0x80000000) = 32
 * Legal ops: ! ~ & ^ | + << >>
 * Max ops: 90
 * Rating: 4
int howManyBits(int x) {
 int sum, tmp;
 x = x >> 31 ^ x;
 sum = !!(x >> 16) << 4, x = x >> sum;
 tmp = !!(x >> 8) << 3, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
 tmp = !!(x >> 4) << 2, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
 tmp = !!(x >> 2) << 1, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
 tmp = x >> 1, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
 return sum + x + 1;
```

}

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用 30 个运算符.

11. floatScale2

本小题以无符号整数 uf 的形式给出一个 IEEE 标准的 32 位浮点数 f, 要求返回 2*f. 为使程序逻辑清晰, 首先利用位掩码将该浮点数拆分为符号位 s, 阶数部分 e, 以及尾数部分 f, 进而分类讨论:

- 1. 若阶数为 0, 为非规格数, 乘 2 相当于将尾数部分左移 1 位. 经检验, 该操作能够兼顾乘 2 后非规格数变为规格数 (阶数加 1) 的情况. 返回 s/m<<1.
- 2. 若阶数为 254, 乘 2 后为无穷, 应将尾数置零并继续下一步.
- 3. 若阶数为 255, 为 NaN 或无穷, 返回原值; 否则将阶数加 1 后返回 slelm.

完整代码如下:

```
/*
 * floatScale2 - Return bit-level equivalent of expression 2*f for
    floating point argument f.
    Both the argument and result are passed as unsigned int's, but
    they are to be interpreted as the bit-level representation of
   single-precision floating point values.
   When argument is NaN, return argument
   Legal ops: Any integer/unsigned operations incl. //, &&. also if, while
 * Max ops: 30
    Rating: 4
unsigned floatScale2(unsigned uf) {
 int s = uf & 0x80000000;
 int e = uf & 0x7F800000;
 int m = uf & Ox007FFFFF;
 if (!e)
   return s | m << 1;
 if (e == 0x7F000000)
   m = 0;
 if (e != 0x7F800000)
    e += 0x00800000;
 return s | e | m;
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用 11 个运算符.

12. floatFloat2Int

本小题要求实现浮点数向整数的类型转换. 同样, 为使程序逻辑清晰, 首先利用位掩码将该浮点数拆分为符号位 s, 阶数部分 e, 以及尾数部分 f, 进而分类讨论:

- 1. 若阶数小于 127, 偏移后指数小于 0, 该浮点数仅有小数部分, 返回 0.
- 2. 若阶数大于 157, 该浮点数超过 32 位整数范围, 溢出. 按注释要求, 返回 0x80000000.
- 3. 其他情况, 将尾数并上最高有效位 1, 左移与符号位对齐, 最后将整体根据指数右移, 得到所求整数.

完整代码如下:

```
* floatFloat2Int - Return bit-level equivalent of expression (int) f
    for floating point argument f.
   Argument is passed as unsigned int, but
   it is to be interpreted as the bit-level representation of a
   single-precision floating point value.
   Anything out of range (including NaN and infinity) should return
 * 0x80000000u.
 * Legal ops: Any integer/unsigned operations incl. //, &&. also if, while
 * Max ops: 30
 * Rating: 4
int floatFloat2Int(unsigned uf) {
 int s = uf & 0x80000000;
 int e = (uf >> 23) & OxFF;
 int m = uf & Ox007FFFFF;
 if (e < 127)
   return 0;
 if (e > 157)
   return 0x80000000;
 return (s | 0x40000000 | m << 7) >> 157 - e;
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用 11 个运算符.

13. floatPower2

本小题要求用浮点数返回 2 的 x 次幂. 分三种情况讨论:

- 1. 若 x>127, 上溢, 返回正无穷 (0x7F800000).
- 2. 若 x<=127&&x>=-126, 为规格数, 偏移得阶数为 x+127, 返回 x+127<<23.

- 3. 若 x<--126&&x>=-149, 为非规格数, 仅尾数部分的第 149+x 位为 1, 返回 1<<149+x.
- 4. 若 x<-149, 下溢, 返回 0.

完整代码如下:

```
/*
 * floatPower2 - Return bit-level equivalent of the expression 2.0 x
     (2.0 raised to the power x) for any 32-bit integer x.
    The unsigned value that is returned should have the identical bit
    representation as the single-precision floating-point number 2.0 x.
   If the result is too small to be represented as a denorm, return
   0. If too large, return +INF.
   Legal ops: Any integer/unsigned operations incl. //, &&. Also if, while
   Max ops: 30
    Rating: 4
unsigned floatPower2(int x) {
 if (x > 127)
   return 0x7F800000;
 if (x >= -126)
   return x + 127 << 23;
 if (x >= -149)
   return 1 << 149 + x;
 return 0;
```

根据评测结果,该函数功能正确,共计使用9个运算符.

四、 总结

完成 Data Lab, 主要有以下收获:

- 加深了对计算机中整数和浮点数格式的理解, 尤其是浮点数运算的实现思路.
- 掌握了 C 语言位运算符的优先级关系和特性, 尤其是右移运算符补全高位的方式.
- 积累了位运算符的使用技巧,如:通过两次逻辑非将任意整数转换为布尔类型,通过位掩码得到指定位的值等.
- 理解了镜像、容器等概念, 学会了 Docker 的使用, 能够编写简易的 Dockerfile.
- 熟悉了 Linux 中常见软件包, 能够在终端中使用 Linux 常见命令.

计算机系统详解: Data Lab

本实验的所有材料及代码已上传至 GitHub:

https://github.com/HasiNed/Computer-System

附录 A 环境搭建

本实验涉及的部分二进制文件依赖于 Linux/amd64 环境以及相关软件包. 由于笔者的机器基于 ARM 指令集, 无法直接满足环境需求, 因而使用 Docker 仿真 x86-64 平台, 并搭建 Ubuntu 虚拟环境. 具体步骤如下:

- 1. 安装 VS Code、Docker Desktop 等应用, 此处从略.
- 2. 编写 Dockerfile (完整文件见代码清单), 大意如下.
 - 从 Docker Hub 引入 Ubuntu 官方镜像:

```
FROM --platform=linux/x86_64 ubuntu:latest
```

• 安装 build-essential, perl 等软件包:

此处, 出于功能性考虑, 额外安装了 sudo, zsh, vim 等包.

• 创建 non-root 用户, 用于存放学号:

```
ARG USERNAME="PB20061372"

RUN useradd $USERNAME -m \
        && echo "$USERNAME ALL=(ALL) NOPASSWD: ALL" > /etc/sudoers.d/$USERNAME \
        && chmod 0440 /etc/sudoers.d/$USERNAME

USER $USERNAME
```

此处, 应当赋予新用户 sudo 命令权限.

• 安装 oh-my-zsh 并个性化主题, 从而显示必要信息:

```
RUN sh -c "$(curl -fsSL

https://raw.githubusercontent.com/ohmyzsh/ohmyzsh/master/tools/install.sh)"

""

RUN sed -i "s/robbyrussell/fino-time/g" ~/.zshrc
```

- 3. 在 VS Code 中, 安装 Remote Containers 插件. 在工作区中配置 Dev Container, 用于自动生成容器以及切换工作环境.
- 4. 在远程容器中打开工作路径并执行 uname -a 命令, 应有如下格式输出:

计算机系统详解: Data Lab



图 2: 在远程容器中查看机器环境

5. 将所给的Makefile文件中 CFLAGS = -0 -Wall -m32 修改为 CFLAGS = -0 -w, 从而编译 64 位程序, 避免安装交叉编译所需的额外软件包, 同时消除因编程风格导致的部分警告.

至此, 实验环境搭建完毕. bits.c, ishow.c, fshow.c, btest.c, dlc, driver.pl 等均可在 Ubuntu 容器中编译或运行.

附录 B 代码清单

1. bits.c¹

```
* CS:APP Data Lab
     * Yunqin Zhu 2022/03/29
   int bitXor(int x, int y) { return ~(x & y) & ~(~x & ~y); }
    int tmin(void) { return 1 << 31; }</pre>
   int isTmax(int x) {
9
      x = x + 1;
10
11
     return !(!x | (x + x));
   }
12
13
   int allOddBits(int x) {
14
15
      x = x & x >> 16;
      return !(~(x & x >> 8) & 170);
16
17
18
    int negate(int x) { return ~x + 1; }
19
20
    int isAsciiDigit(int x) { return (x + ~57 & ~(x + ~47)) >> 31 & 1; }
^{21}
22
    int conditional(int x, int y, int z) {
23
      x = !x + ~0;
24
      return (x & y) | (~x & z);
25
    }
26
27
    int isLessOrEqual(int x, int y) { return (x + ((x ^ y) >> 31 | y)) >> 31 & 1; }
28
29
    int logicalNeg(int x) { return ((x | (~x + 1)) >> 31) + 1; }
30
31
   int howManyBits(int x) {
32
      int sum, tmp;
33
      x = x >> 31 ^ x;
34
      sum = !!(x >> 16) << 4, x = x >> sum;
35
      tmp = !!(x >> 8) << 3, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
36
      tmp = !!(x >> 4) << 2, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
37
      tmp = !!(x >> 2) << 1, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
38
      tmp = x >> 1, sum = sum + tmp, x = x >> tmp;
39
      return sum + x + 1;
40
   }
41
42
   unsigned floatScale2(unsigned uf) {
```

¹出于篇幅考虑, 删除了大段注释.

```
int s = uf & 0x80000000;
     int e = uf & 0x7F800000;
45
     int m = uf & Ox007FFFFF;
46
     if (!e)
       return s | m << 1;
     if (e == 0x7F000000)
49
       m = 0;
     if (e != 0x7F800000)
       e += 0x00800000;
     return s | e | m;
   }
54
  int floatFloat2Int(unsigned uf) {
     int s = uf & 0x80000000;
     int e = (uf >> 23) & OxFF;
     int m = uf & Ox007FFFFF;
     if (e < 127)
      return 0;
     if (e > 157)
      return 0x80000000;
     return (s | 0x40000000 | m << 7) >> 157 - e;
   }
65
67
   unsigned floatPower2(int x) {
     if (x > 127)
       return 0x7F800000;
     if (x >= -126)
71
      return x + 127 << 23;
     if (x >= -149)
       return 1 << 149 + x;
     return 0;
74
75 }
```

2. Dockerfile

```
# Emulate x86 architecture
   FROM --platform=linux/x86_64 ubuntu:latest
   # Switch apt source to mirror
   RUN sed -i "s/archive.ubuntu.com/mirrors.ustc.edu.cn/g" /etc/apt/sources.list
   RUN sed -i "s/security.ubuntu.com/mirrors.ustc.edu.cn/g" /etc/apt/sources.list
   # Install packages
   RUN apt-get update \
       && DEBIAN_FRONTEND=noninteractive apt-get install -y build-essential sudo git locales zsh
        11
       && apt-get clean -y
    # Generate locale
13
   RUN locale-gen --no-purge en_US.UTF-8
14
15
   # Create a user to show my student ID
16
   ARG USERNAME="PB20061372"
17
   RUN useradd $USERNAME -m \
18
       && echo "$USERNAME ALL=(ALL) NOPASSWD: ALL" > /etc/sudoers.d/$USERNAME \
19
        && chmod 0440 /etc/sudoers.d/$USERNAME
20
   USER $USERNAME
21
22
23 # Install oh-my-zsh and set theme to fino-time (my favorite)
24 RUN sh -c "$(curl -fsSL

→ https://raw.githubusercontent.com/ohmyzsh/ohmyzsh/master/tools/install.sh)" ""
  RUN sed -i "s/robbyrussell/fino-time/g" ~/.zshrc
```