

موضوع الرياضيات لشعبة تقنى رياضى بكالوريا 2011

الجنسية الوطنية اجتم اثره الى الابد في اوطان الشعبة

الكثير ان الوطني للاثماعات والمخبرات

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

دوره: جوان 2011

الشيعة: نَقَتِي رِيَاضِي

المدة: 04 ساعات ونصف

اختيار في مادة الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التعويض الأول: (4 نقاط)

نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة \odot المعادلة: $z^2 - 2\sqrt{3}z - 4 = 0 \dots\dots(E)$

(I) حُرِّفَ في C المعادلة (E) ، ثم اكتب حلولها على شكل تسلسل.

(2) المنسوب إلى المعطى المتعامد والمحدد $\{O, \vec{a}, \vec{b}\}$ تعبر للنقاط A, B, C التي لاحظناها على

لذا $z = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$: نضع $z_C = \sqrt{3} - i$ ، $z_B = \sqrt{3} + i$ ، $z_A = 2i$: الترتيب:

(أ) المكتب، م. طبع: الشكل الأصلي.

(ب) اكتب $z_0 = L(z_c - z_e)$ ، ثم استنتاج أن A صورة C بتحويل نقطي بعينيه وحدتي

متنالمعبر : المعبر : ٤

(ج) امیٹنج توڑ لکھائی ABC طے انجسب سباحتہ ل۔

التحريين التاليين: (06 نقاط)

f دالة عددية معرفة على $[0; +\infty[$ كما يلي: $f(x) = \frac{\alpha - b \ln 2x}{x^2}$ حيث α و b عددين حقيقيين و (C_f)

المتغير، العنصر لها في المستوى المنسوب إلى العدد للعداد والمتجانس $[0; i, j]$

11/ عيّن α و δ بحيث يكون المنحنى في النقطة $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ مماساً لمعزى (C_r) مولداً لحامل محدود. (تفصيل).

ج. الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty[$ كما يلي: $g(x) = \frac{1}{4x^3} \ln 2x$ ، C_c المنحني الممثل لها في

المصنفون: للمضروب إلى المعجم السابق.

(i) احسب $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0} g(x)$ ، فسر النتيجةين هندسياً.

(ب) اثر من: انجاء مغیر لادانہ سے تم مکمل جلدوں بغیر اتمہ،

(ج) حل: في $[-\alpha; 0]$ للمعادلة $g(x) = 0$

(d) \mathcal{C}_n for $n \geq 1$

3/ (a) الدالة العددية المعرفة على المجال $]-\infty, 0[$ ، كما يلي: $je(x) = \frac{14 \ln 2x}{2}$. لخصب $f(x)$

جـ) تحقق أن: $g(x) = \frac{x}{4x^2} + \frac{\ln 3x}{2x^2}$ ثم استنتج دالة أصلية للدالة g على المجال $]0; +\infty[$.

التمرين الثالث: (05 نقاط)

- (u_n) المتتالية العددية المعرفة على \mathbb{N}^* كما يلي: $u_n = \frac{(n-1)^2}{n(n+2)}$
- 1/ أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n فإن: $u_n = 1 + \frac{1}{n(n+2)}$ ثم استنتج أن: $u_n > 1$
 - 2/ ادرس اتجاه تغير (u_n) ثم يّون أنها متقاربة ، لحسب نهاية (u_n) .
 - 3/ ليكن الجداء p المعروف كما يلي: $p_n = u_1 \times u_2 \times \dots \times u_n$ أثبت بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n فإن: $p_n = \frac{2n+2}{n+2}$
 - 4/ (v_n) المتتالية العددية المعرفة على \mathbb{N}^* كما يلي: $v_n = \ln u_n$ حيث \ln دالة اللوغاريتم النيبيري عرّ بذلالة p_n عن v_n حيث: $S_n = v_1 + v_2 + \dots + v_n$ ثم لحسب نهاية S_n لما n ينتهي إلى $+\infty$

التمرين الرابع: (05 نقاط)

- لجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات الآتية:
- 1/ المعادلة: $2x - 14y = 40$ لا تقيّل حلولاً في مجموعة الأعداد الصحيحة
 - 2/ في نظام التعداد ذي الأساس 7 يكون: $3421 + 1562 = 5413$
 - 3/ باقي القسمة الإهتدية لتعدد: $3^{2011} + 3^{2010} + 3^{2009} + \dots + 3^1 + 1$ على 7 هو: 6
 - 4/ الفضاء منسوب إلى المعلم المتجانس والمتجانس $\{O; \vec{x}, \vec{y}, \vec{z}\}$
- أ- المستوى (P) الذي معادلته $2x + y - z + 1 = 0$ والمصفيم (d) الذي يشمل النقطة $A(2; 1; -1)$ و $B(1; -1; 1)$ شعاع توجيهه لا يشتركان في لية نقطة.
- ب- معادلة المستوى (Q) الذي يشمل مبدأ المعلم O ويوازي للمستوي (P) هي: $x - y - z = 0$

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04,5 نقطة)

انقضاء منسوب إلى المعلم المتعامد و متجانس $(\vec{O}, \vec{r}, \vec{x})$ نعتبر النقط A, B, C, D حيث:

$$A(1; 5; 2), B(0; 7; 3), C(2; 8; 4), D(1; -3; 7)$$

1/ بين أن النقط A, B, C, D تقعن مستوى.

2/ بين أن المستقيم (CD) يعتمد المستوي (ABD)

3/ المسقط العمودي للنقطة C على المستقيم (AB)

أ) بين أن المستقيم (AB) يعتمد المستوي (CDF)

ب) عين معادلة للمستوي (CDF) واكتب نموذلا وسيطيا للمستقيم (AB)

ج) استنتج إحداثيات النقطة I

4/ احسب الأطوال AB, CD, DI واستنتج حجم رباعي الوجوه $ABCD$

(مساحة رباعي الوجوه = $\frac{1}{3}$ × مساحة القاعدة × الارتفاع)

التمرين الثاني: (04 نقاط)

المستوي منسوب إلى المعلم للمتعامد والمتجانس $(O; \vec{x}, \vec{y})$

$$L = \frac{-4\sqrt{2} + i\sqrt{2}}{5 + 3i}$$

1/ أ) اكتب L على الشكل الجبري ثم على الشكل الأسّي.

$$b) \text{ بين أن: } 0 \neq 1, L^2 + L + 1 = 0 \text{ ثم احسب: } (5 + 3i)^2 + (-4\sqrt{2} - i\sqrt{2})^2$$

$$c) \text{ عدد طبيعي فردي } n \text{ و عدد طبيعي زوجي } p \text{ أثبت أن: } i^{4n} + i^{4p} = 0$$

2/ أ) النقطتان A و B لاحقتهما على الترتيب: $z_A = 5 + 3i$ و $z_B = 5 - 3i$ عين اللاحقة A' للنقطة

A' صورة للنقطة A بالتشابه المباشر الذي مركزه النقطة D وقيمه $\sqrt{2}$ وزاويته $\frac{3\pi}{4}$.

ب) عين z_C لاحقة النقطة A' مركز مثلث ABA' .

التمرين الثالث: (07.5 نقطة)

١- f الدالة العددية المعرفة على مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} كما يلي:

$$f(x) = 3 - \frac{4}{e^x + 1}$$

(C_f) منحناها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(U; \vec{i}, \vec{j})$.

1- ادرس تغيرات الدالة f .

2- عيّن المستقيمات المقاربة للمنحنى (C_f) .

3- بين أن المنحنى (C_f) نقطة انعطاف m يطلب تعيينها ثم نكتب معادلة مماس (C_f) عندها.

4- لتكن g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $g(x) = f(x) \cdot g(x)$.

أ- ادرس تغيرات الدالة g .

ب- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $2,7 < \alpha < 2,8$.

5- أ- حل في \mathbb{R} المعادلة: $f(x) = 0$.

ب- ارسم للمماس والمستقيم (A) الذي معادلته: $y = x$ والمنحنى (C_f) .

ب) (U_n) المتتالية العددية المعرفة كما يلي: $U_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $U_{n+1} = f(U_n)$.

1- باستخدام (C_f) والمستقيم (A) مثل U_0 و U_1 و U_2 على حامل محور الفواصل.

2- بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن: $1 \leq U_n < \alpha$.

3- بين أن المتتالية (U_n) متزايدة ضامًا.

4- استنتج أن (U_n) متقاربة و بين أن: $\lim_{n \rightarrow \infty} U_n = \alpha$.

التمرين الرابع: (04 نقاط)

من أجل كل عدد طبيعي n نضع: $A_n = 2^n + 3^n - 4^n - 5^n + 6^n$

1) تحقق أن: $3 \mid A_1$ و $4 \mid A_2$ ثم بين أن: $6 \mid A_3$.

2) ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بولي القسمة الإقليدية لكل من العددين 2^n و 3^n على 7.

3) بين أنه إذا كان n فرديا فإن: $A_n + 1$ يقبل القسمة على 7 واستنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد

A_{2011} على 7.

4) ما هو باقي القسمة الإقليدية للعدد A_{1172} على 77