التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

التحولات النووية

الوحدة 02

GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran

حلول تمارين الكتاب المدرسي

الجزء الثاني

التمرين 08

مو متوسط عدد الأنوية في بداية التفكك ، $N=N_0\,e^{-\lambda t}$ هو متوسط عدد الأنوية في بداية التفكك ، $N=N_0\,e^{-\lambda t}$ هو متوسط عدد الأنوية في بعد المدة t من بداية التفكك .

ي من أجل الحصول على عبارة ثابت الزمن نعوّض في عبارة التناقص N بـ $\frac{N_0}{2}$ وندخل اللوغاريتم النبيري على الطرفين ،

. $au=rac{t_{1/2}}{\ln 2}$ تنجد ثابت الزمن au

(1) $n = \frac{N}{N_A} = \frac{m}{M}$: هي عينة (n) عينة المادة في عينة 3

حيث N هو العدد المتوسط للأنوية ، $N_{
m A}$ هو عدد أفوقادرو ، m هي كتلة العينة ، M الكتلة المولية للعنصر .

$$N=rac{N_A}{M}m$$
من العلاقة t نستخرج عدد الأنوية الابتدائي $m_0=rac{N_A}{M}m_0$ ، وبعد المدة t نستخرج عدد الأنوية الابتدائي

: بتعویض N_0 و منه قانون التناقص بعبارة أخرى $\frac{N_A}{M}m=\frac{N_A}{M}m_0e^{-\lambda t}$: بتعویض N_0 و منه قانون التناقص بعبارة أخرى

$$m = m_0 e^{-\lambda t}$$

 $\lambda = \frac{0.69}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{22} = 3.1 \times 10^{-2} \, mn^{-1}$ ، λ يعامي الكتلة المتبقية من الفرانسيوم 223 : نحسب قيمة الثابت الإشعاعي

$$m = 15 fg$$
 $m = m_0 e^{-\lambda t} = 1.0 \times 10^{-13} e^{-0.031 \times 60} = 1.5 \times 10^{-14}$

$$N = \frac{N_A}{M} m = \frac{6,023 \times 10^{23} \times 1,5 \times 10^{-14}}{223} = 4 \times 10^7$$
 : عدد الأنوية المتبقية : 4

 $A = \lambda N = \frac{0.69}{22 \times 60} \times 4 \times 10^7 = 2.1 \times 10^4 \, Bq$: نشاط الكتلة المتبقية

التمرين 90

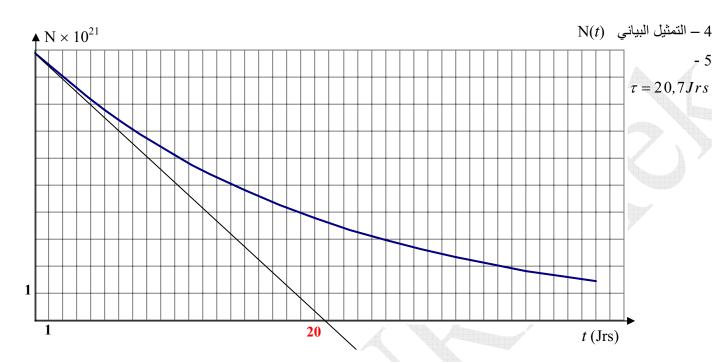
$$^{32}_{15}P \rightarrow ^{32}_{16}S + ^{0}_{-1}e$$
 - 1

32 - كتلة الفوسفور 32 في العينة هي : $m_0 = \frac{53}{100} \times 1 = 0,53$ ، ثم بقسمة كتلة العينة على كتلة نواة واحدة من الفوسفور 32

$$N_0 = \frac{0.53}{5.356 \times 10^{-23}} = 9.9 \times 10^{21}$$
 نجد عدد الأنوية ،

3 - باستعمال قانون التناقص نحسب العدد المتوسط للأنوية في كل لحظة:

<i>t</i> (j)	0	5	10	15	20	25	30	35	40
$N(t) \times 10^{21}$	9,9	7,77	6,11	4,80	3,77	2,96	2,33	1,83	1,43



التمرين 10

$$^{212}_{83}Bi
ightarrow ^{208}_{81}Ti + ^{4}_{2}He$$
 : معادلة التفكك -1

$$\lambda = \frac{0.69}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{60 \times 60} = 1.9 \times 10^{-4} \, \text{s}^{-1}$$
 : ثابت النشاط الإشعاعي = 2

 $\Delta t = 6~{
m s}$ النشاط هو عدد التفككات في الثانية . المطلوب في هذا السؤال هو حساب النشاط علما أن عدد التفككات في المدة 3 المطوب في هذا السؤال هو حساب النشاط علما أن عدد التفككات في المدة 3 هو $1,88 \times 10^{17}$ هو $1,88 \times 10^{17}$

$$A = \frac{\Delta N}{\Delta t} = \frac{1,88 \times 10^{17}}{6} = 3,1 \times 10^{16} \, \mathrm{Bq}$$
 النشاط هو

$$N = rac{A}{\lambda} = rac{3.1 imes 10^{16}}{1.92 imes 10^{-4}} = 1.61 imes 10^{20}$$
 هو لحظة القياس هو المتوسط للأنوية المشعّة في لحظة القياس هو

$$m = \frac{M.N}{N_A} = \frac{212 \times 1,61 \times 10^{20}}{6,023 \times 10^{23}} = 5,6 \times 10^{-2} \, g = 56 \, mg$$
 : كتلة البيز موت الحاضرة في المنبع هي = 5,6 × 10^{-2} g = 56 mg

 $\Delta t = 1$ mn نتأكد أو لا أن النشاط لا يتغير في المدة 6

$$(1)$$
 $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$: t لدينا في اللحظة

(2)
$$A(t + \Delta t) = A_0 e^{-\lambda(t + \Delta t)}$$
 : $(t + \Delta t)$ في اللحظة (2) ويكون لدينا في اللحظة

$$\frac{A(t+\Delta t\,)}{A(t\,)} = \frac{A_0 e^{-\lambda(\,t+\Delta t\,)}}{A_0 e^{-\lambda t}} = e^{-\lambda t} e^{\lambda t} e^{-\lambda \Delta t} = e^{-\lambda \Delta t} = e^{-1.9\times 10^{-4}\times 60} = 0.988 \approx 1 :$$
بقسمة العلاقة (2) على (1) يكتب (1) يكتب

إذن يمكن اعتبار $A(t) = A(t + \Delta t)$ ، وبالتالي النشاط يبقى ثابتا خلال دقيقة واحدة .

 $\Delta N = A$. $\Delta t = 3.1 \times 10^{16} \times 60 = 1.86 \times 10^{18}$ ، محسوسة محسوسة ، تحسب عدد التفككات في خلال دقيقة والتي لم تغيّر النشاط بكيفية محسوسة ، وهو متوسط عدد الأنوية المتفككة ، وهو نفس عدد أنوية الهيليوم الصادرة حسب معادلة التفكك .

$$n = \frac{N}{N_A} = \frac{1.86 \times 10^{18}}{6.023 \times 10^{23}} = 3.1 \times 10^{-6} \, mol$$
 کمیة مادة الهیلیوم الناتجة هي

 $m V = n \; V_m = 3.1 \times 10^{-6} \times 22.4 = 6.9 \times 10^{-6} \; L$ هو الشروط النظامية هو عاز الهيليوم في الشروط النظامية الم

ومنه ، $A(t+\Delta t)=A_0e^{-\lambda(t+\Delta t)}$ هو $(t+\Delta t)$ هو ، $A(t)=A_0e^{-\lambda t}$ ، ومنه ، $A(t+\Delta t)=A_0e^{-\lambda t}$

.
$$A(t+\Delta t)=A(t)e^{-\lambda \Delta t}$$
 : وبالتالي $\frac{A(t+\Delta t)}{A(t)}=e^{-\lambda \Delta t}$

 $A(t) = 3.1 \times 10^{16} \text{ Bq}$

Δt (s)	3600	24 × 3600	60 × 3600
A(Bq)	$1,55 \times 10^{16}$	$2,3 \times 10^9$	$4,7 \times 10^{-2}$

بعد 60 ساعة تصبح قيمة النشاط صغيرة جدا ، فإذا حسبنا العدد المتوسط للأنوية المشعة في هذه اللحظة نجد :

. نعتبر أن العينة اختفت ولم تصبح تشع .
$$N = \frac{A}{\lambda} = \frac{4.7 \times 10^{-2}}{1.9 \times 10^{-4}} = 247$$
!!

التمرين 11

$$^{226}_{88}$$
Ra $\xrightarrow{\alpha}$ $^{222}_{86}$ Rn $\xrightarrow{\alpha}$ $^{218}_{84}$ Po

(1)
$$m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$$
 نكون كتلة العينة t تكون كتلة العينة - 1

(2)
$$m(t + \Delta t) = m_0 e^{-\lambda(t + \Delta t)}$$
 وفي اللحظة $(t + \Delta t)$ تكون كتلة العينة

$$m(t + \Delta t) = \frac{1}{10}m(t)$$
 ولدينا

(3)
$$\frac{1}{10} = e^{-\lambda \Delta t}$$
 : على (1) نجد (2) على العلاقة (1)

(الكتلة الباقية تمثل
$$\frac{1}{10}$$
 من الكتلة الابتدائية ، وكذلك متوسط الأنوية)

(3) لدينا الثابت الإشعاعي
$$j^{-1}$$
 j^{-1} لدينا الثابت الإشعاعي $\lambda = \frac{0.69}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{3,825} = 0.18 \, j^{-1}$ لدينا الثابت الإشعاعي

.
$$\Delta t = \frac{2,3}{\lambda} = \frac{2,3}{0.18} = 12,7 \, jrs$$
 ومنه $\ln 0,1 = -\lambda \, \Delta t$

$$n = \frac{PV}{RT} = \frac{10^4 \times 2 \times 10^{-6}}{8,31 \times (30 + 273)} = 7,9 \times 10^{-6} \, mol$$
 : ومنه : $PV = nRT$: PV

$$N_0 = n \times N_A = 7.9 \times 10^{-6} \times 6.023 \times 10^{23} = 4.76 \times 10^{18}$$
 : حيث ، N_0 عدد الأنوية هو N_0

t=0 ، وبالتالي يكون النشاط في هذه اللحظة : N_0 كان متواجدا في اللحظة : t=0

$$A_0 = \lambda \ N_0 = \frac{0.69}{3.825 \times 24 \times 3600} \times 4.78 \times 10^{18} = 10^{13} Bq$$

الكي نحسب النشاط بعد $t=100~{
m irs}$ ، أي في اللحظة $t=100~{
m irs}$ ، نطبق العلاقة

$$A = A_0 e^{-\lambda t} = 10^{13} \times e^{-0.18 \times 100} = 1.52 \times 10^5 Bq$$

التمرين 12

. نجد علاقة بين النشاط A في اللحظة t والنشاط في اللحظة t=0 عندما يكون الزمن t من مضاعفات زمن نصف العمر t

$$A = A_0 e^{n \ln \left(rac{1}{2}
ight)} = A_0 e^{\ln \left(rac{1}{2}
ight)^n} = rac{A_0}{2^n}$$
 دينا : $t = n \; t_{1/2}$: نضع $t = n \; t_{1/2}$: لدينا :

$$e^{\ln x} = x \cdot i$$

				THE STATE OF THE S	
t	$t_{1/2}$	$2 t_{1/2}$	3 t _{1/2}	4 t _{1/2}	$5 t_{1/2}$
A (Bq)	$\frac{A_0}{2} = 16 \times 10^6$	$\frac{A_0}{4} = 8 \times 10^6$	$\frac{A_0}{8} = 4 \times 10^6$	$\frac{A_0}{16} = 2 \times 10^6$	$\frac{A_0}{32} = 10^6$

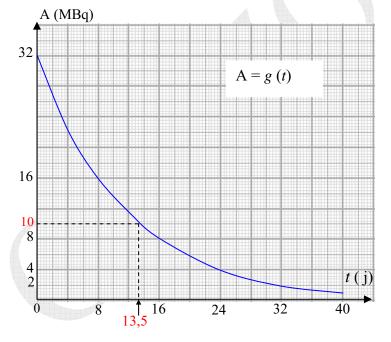
$$\lambda = \frac{0,69}{8} = 0,086 \ jrs^{-1}$$
 ولدينا ، $A = A_0 \ e^{-\lambda t}$ - 2

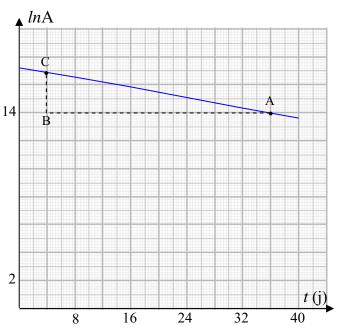
$$t=13,5~jrs$$
 ، وبادخال اللو غاريتم النيبري على الطرفين نجد $10^7=3,2 imes10^7e^{-0,086t}$

$\ln A = f(t)$ تمثیل – 3

نحسب قيم In A ونضعها على الجدول التالي:

<i>t</i> (j)	0	8	16	24	32	40
ln A	17,3	16,6	15,9	15,2	14,5	13,8





 $\ln A = \ln A_0 \; e^{-\lambda t}$: ندخل اللوغاريتم النيبيري على طرفي علاقة النشاط -4

 $ln A = lnA_0 - \lambda t$

 $\ln A = -\lambda t + \ln A_0$: وهي ، y = ax + b : معادلة المستقيم الذي حصلنا عليه هي من الشكل

 $-\lambda$ ميل المستقيم هو

$$\lambda = 1,08 \times 10^{-6} \text{ s}^{-1}$$
 ، $-\lambda = -\frac{CB}{BA} = -\frac{3}{32 \times 24 \times 3600}$: من البيان

التمرين 13

 $^{137}_{55}Cs
ightarrow ^{137}_{56}Ba \, + \, ^0_{-1}e$. يكون الإنحفاظ في الشحنة وفي عدد النوكليونات -1

. الطاقة المحرّرة هي $c=\Delta m$ ، حيث Δm هو الفرق بين كتلتي المتفاعلات والنواتج ، و Δm هو ثابت أنشتاين .

 $E = (m_{Cs} - m_{Ba} - m_e) c^2 = (136,90707 - 136,90581 - 0,0005486) \times c^2 \times 932,5 / c^2$

u حيث 0.0005486 هي كتلة الإلكترون بوحدة الكتل الذرية

E = 0.66 MeV : هي الطاقة المحرّرة بتفكك السيزيوم 137

 $\frac{N}{N_0} = 0.01$: في كل 100 نواة متوسطا بقيت نواة واحدة ، أي في العمر . ضياع % 99 معناه في كل 100 نواة متوسطا بقيت نواة واحدة ، أي $\frac{N}{N_0}$

. t وذلك باعتبار N_0 عدد الأنوية في اللحظة t=0 و للخطة N_0 عدد الأنوية في اللحظة

$$\lambda = \frac{0.69}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{2} = 0.345 an^{-1}$$
 قانون التناقص ہ $\frac{N}{N_0} = e^{-\lambda t}$ قانون التناقص

. وهن الزمن المطلوب $t = \frac{-\ln 0.01}{\lambda} = \frac{4.6}{0.345} = 13.34 \ ans$ وهن الزمن المطلوب ، $\ln 0.01 = -\lambda t$

التمرين 14

$$^{238}_{92}U \rightarrow ^{206}_{82}Pb + x\alpha + y\beta^{-}$$

 $^{238}_{92}U \,
ightarrow \,^{206}_{82}Pb + x\,\,^4_2He + y\,\,^0_{-1}e\,: \,$ نكتب المعادلة بالشكل المعادلة بالشكل المعادلة بالشكل المعادلة بالشكل المعادلة المعادلة بالشكل المعادلة بالشكل المعادلة بالشكل المعادلة بالمعادلة بالمعاد

بتطبيق قانوني الإنحفاظ في الشحنة وفي عدد النوكليونات نكتب:

(1)
$$92 = 82 + 2x - y$$

$$(2) 238 = 206 + 4 x$$

y=6 : نجد (1) نجد ، x=8 ، وبالتعويض في المعادلة (2) نجد

هذه هذه النيبيري على طرفي هذه $\frac{1}{2}=e^{-\lambda t_{1/2}}$ ونجد $N=N_0\,e^{-\lambda t}$ ونجد على طرفي هذه $\frac{N_0}{2}$ ب وبإدخال اللوغاريتم النيبيري على طرفي هذه $N=N_0\,e^{-\lambda t}$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$$
 العلاقة نجد

 $N_{Pb} = N_{U_0} - N_U$: التناقص في متوسط عدد الأنوية هو عدد أنوية الرصاص - 3

(3)
$$N_{Pb} = N_{U_0} - N_{U_0} e^{-\lambda t} = N_{U_0} (1 - e^{-\lambda t})$$
: وبالتالي:

(4)
$$\frac{N_{Pb}}{N_{U_0}} = 1 - e^{-\lambda t}$$
 : نكتب : 4 من العلاقة (3) - 4

: يكون لدينا قانون التقريب : $e^{\epsilon} pprox 1+\epsilon$ ، حيث عدد حقيقي صغير أمام 1 . مثال : $e^{\epsilon} pprox 1+\epsilon$ ، يكون لدينا

$$1 + ε = 1 + 0.01 = 1.01$$
 $e^ε = 1.01$

: نعوّض في العلاقة $t_{1/2}$ ب ب التعلقة من الشكل : $\frac{N_{Pb}}{N_{U_0}} = 1 - e^{-\frac{0.7}{t_{1/2}}t}$: $\frac{0.7}{t_{1/2}} + \lambda$ (4) نعوّض في العلاقة من الشكل :

$$rac{N_{Pb}}{N_{U_0}} = 1 - (1 - arepsilon) = arepsilon = rac{0.7}{t_{1/2}} t$$
: وبالتالي يمكن تطبيق التقريب ، $rac{N_{Pb}}{N_{U_0}} = 1 - e^{-arepsilon}$

(5)
$$t = \frac{1}{0.7} \frac{N_{Pb}}{N_{U_0}} t_{1/2}$$
 : each

$$N_{Pb} = \frac{10 \times 10^{-3} \times 6,023 \times 10^{23}}{206} = 29,2 \times 10^{18}$$
 : الدينا عدد الأنوية في عيّنة $N = \frac{m \cdot N_A}{M}$: الدينا عدد الأنوية في عيّنة $N = \frac{10 \times 10^{-3} \times 6,023 \times 10^{23}}{M}$

.
$$N_U = \frac{1 \times 6,023 \times 10^{23}}{238} = 25,3 \times 10^{20}$$
 فهو t فهو اللحظة اليورانيوم في اللحظة الما بالنسبة لعدد أنوية اليورانيوم أي اللحظة الما بالما بالما

.
$$N_{U_0} = N_{Pb} + N_U = 29,2 \times 10^{18} + 25,3 \times 10^{20} = 25,6 \times 10^{20} \approx N_U$$
 نحسب (2) نحسب زمن العلاقة (3)

$$t = 4.5 \times 10^9 \frac{29.2 \times 10^{18}}{2530 \times 10^{18}} \times \frac{1}{0.7} = 7.42 \times 10^7 ans$$
: بالتعويض في العلاقة (5) نجد الزمن المطلوب

التمرين 15

ملاحظة

عندما تتفكك نواة لإعطاء نواة إبن ، نادرا ما تكون هذه النواة الإبن في حالتها الأساسية (أي غير المثارة) .

 $^{90}_{38}Sr
ightarrow ^{90}_{39}Y + ^{0}_{-1}e$. في هذا التفكك تنتج نواة الإيثريوم في حالتها الأساسية

 $^{24}_{11}Na \rightarrow {}^{24}_{12}Mg^* + {}^{0}_{-1}e$: المعادلة الحصيلة – 1

2 - نحسب نقص الكتلة في هذا التفكك:

كتاتا الذرتين Na^{24} و Mg^{24} المضبوطتان هما على التوالي:

23,97846 u ₂ 23,984929 u

 $\Delta m = (m_{Na} - m_{Mg} - m_e)$

 $\Delta m = 23,984929 - 23,97846 - 0,000548 = 5,92 \times 10^{-3} \text{ u}$

الطاقة المحررة عن تفكك نواة الصوديوم 24 هي:

$$E_{lib} = 0,00592 \times 931,5 = 5,51 \text{ MeV}$$

إذا صدرت نواة المغنيزيوم في حالة مثارة فإنها تُصدر فوتونات (إشعاعات كهرومغناطيسية γ)

 $^{24}_{12}Mg^* \rightarrow ^{24}_{12}Mg + \gamma$: حسب المعادلة

إذا صدرت نواة المغنزيوم في حالتها الأساسية فإن الطاقة المحررة ($5.51~{
m MeV}$) تُقدّم كلها للإلكترون $^0_{-1}$ على شكل طاقة حركية .

3 - إذا صدرت نواة المغنزيوم في الحالة المثارة 2 ، فهذا يُعني أو لا أن النواة تبعث فوتونا طاقته 4,12 MeV

أما الطاقة (باهمال طاقة النوترينو V طبعا) ثقرم على شكل طاقة حركية للإلكترون (باهمال طاقة النوترينو V طبعا)

ون e^{0} على شكل طاقة حركية .

 $(MeV)^{24}Mg$ مستويات الطاقة للنظير

ملاحظة: عندما تنطلق قذيفة من مدفع نلاحظ رجوع المدفع للخلف ، هذه الظاهرة نسميها إرتداد المدفع . إن رجوع المدفع للخلف يحتاج لطاقة يُحولها لطاقة حركية . هذا ما يحدث عند انبعاث الإلكترون فإن النواة ترتد ، ونحن قمنا بإهمال الارتداد .

التمرين 16

$$^{139}_{55}Cs \rightarrow ^{0}_{-1}e + ^{139}_{56}Ba$$
 - 1

 $t1/2 = 9,27 \, \text{mn}$ هي الدور (زمن نصف العمر) هي -2

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{9.27} = 7.4 \times 10^{-2} mn^{-1}$$

$$\frac{1}{10}$$
 m₀ : هي t هي اللحظة t هي -3

 $\frac{1}{10} = e^{-\lambda t}$ ومنه ، $\frac{1}{10} m_0 = m_0 e^{-\lambda t}$ ولاينا ، وبتعويض الكتلة m بعبارتها ، نكتب $m = m_0 e^{-\lambda t}$ ، ومنه ، $m = m_0 e^{-\lambda t}$ بإدخال اللوغاريتم النبيري على طرفي هذه العلاقة نجد $m = m_0 e^{-\lambda t}$ ، ومنه ، ومنه ؛

(1)
$$A = \lambda N$$
 النشاط: لدينا -4

$$N = N_A \frac{m}{M} = 6,023 \times 10^{23} \frac{1 \times 10^{-6}}{139} = 43 \times 10^{14}$$
 نحسب أو لا عدد الأنوية

ولدينا الثابت الإشعاعي
$$s=\frac{0.69}{9.27\times60}=1,24\times10^{-3}$$
 وبالتعويض في العلاقة (1) نجد

$$A = 1,24 \times 10^{-3} \times 43 \times 10^{14} = 5,3 \times 10^{10} Bq$$

التمرين 17

$$_{6}^{14}C \rightarrow _{7}^{14}N + _{-1}^{0}e$$
 : معادلة التفكك - 1

. eta^- قانونا الانحفاظ هما إنحفاظ الشحنة وانحفاظ النوكليونات . نوع التفكك هو

$$t_{1/2} = 5570 \, ans$$
 الزمن اللازم هو زمن نصف العمر - 2

$$A=A_0\,e^{-\lambda t}$$
 لعلاقة هي -3

$$A_0 = 120 \text{ Bq}$$
 و $A = 70 \text{ Bq}$ لدينا $A = 70 \text{ Bq}$

 $A = A_0 \, e^{-\lambda t}$ نحسب عمر القطعة الخشبية من العلاقة

$$70 = 120 e^{-\frac{0.69}{5570}t}$$

$$\frac{7}{12} = e^{-1.238 \times 10^{-4}t}$$

$$\ln \frac{7}{12} = -1.238 \times 10^{-4}t$$

$$t = 3041 \, ans \quad equiv$$

التمرين 18

$$A = 12 \, mn^{-1} = \frac{12}{60} = 0, 2 \, s^{-1} = 0, 2 \, Bq$$

$$A_0 = 12 \, mn^{-1} = \frac{13.6}{60} = 0,226 \, s^{-1} = 0,226 \, Bq$$

1 - زمن نصف العمر هو الزمن اللازم لتفكك نصف العدد المتوسط للأنوية .

.
$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$
 ، وبالتالي نكتب ، $\frac{N_0}{2} = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}}$ ، وبالتالي نكتب ، $N = \frac{N_0}{2}$

$$\lambda t = \ln rac{A_0}{A}$$
 و منه $\lambda t = \ln rac{A}{A_0}$ ، وبادخال اللو غاريتم النبيري على الطرفين نجد $A = A_0 = e^{-\lambda t}$ و منه $A = A_0 e^{-\lambda t}$ - 2

$$t = rac{\ln rac{A_0}{A}}{\lambda}$$
 وبالتالي

و منه سنة صنع الباخرة هي 1009
$$t = \frac{\ln \frac{0,226}{0,2}}{\frac{\ln 2}{5570}} = \frac{0,125 \times 5570}{0,69} = 1009 \, ans$$
 - 3

4 - الفرضية صحيحة لأن 700 < 974 < 1000

التمرين 19

- 1

إعادة صياغة الفقرة الأولى من التمرين:

يشابه تفكك الأنوية عملية رمي مجموعة من

. N_0 عددها (Dés) ان هار النرد

تتمّ هذه العملية كما يلي:

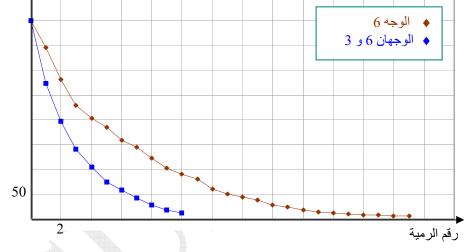
 $N_0=400$ لدينا مجموعة من أزهار النرد عددها

(أزهار النرد عبارة عن مكعبات متماثلة -أي

6 أوجه – هذه الأوجه مرقمة من 1 إلى 6)

نقوم برميها فوق طاولة ، ثم نسحب من المجموعة

كل الأزهار التي تعطي الوجه رقم 6.



نعتبر هذه الأزهار كأنها الأنوية التي تفككت ضمن مجموعة من الأنوية .

نُعيد خلط الأزهار الباقية ، ثم نرميها ونقوم بسب رقم 6 ، وهكذا ...

نعتبر أن كل عملية رمي توافق ثانية واحدة (1s) ، أي أن في الجدول الزمن يوافق N° de lancé . أما Dés restants يوافق الأنوية المتواجدة في اللحظة t . التهي

(1) $\Delta N = -pN\Delta t$ نجد الب بهذا) نجد غير مطالب بهذا

حيث p هو احتمال الحصول على الوجه رقم b في الرمية الواحدة .

الثابت p يوافق ثابت التفكك λ ، وهذا الاحتمال طبعا هو $p=\frac{1}{6}$ ، أي احتمال 1 من 6 (6 هو عدد الأوجه وليس الرقم 6 المسجل على أحد الوجوه) .

 $p' = \frac{1}{6} \times 2 = \frac{1}{3}$ أما من أجل التجربة الثانية الإحتمال هو

 $N=N_0e^{-pt}$ من أجل $\Delta t o 0$ نكتب العلاقة (1) على الشكل على الشكل ، $rac{dN}{dt}=-pN$ ، ويكون حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل $\Delta t o 0$

. 50% وأي أن احتمال تفكك الأنوية يكون دائما $p=rac{1}{2}$ ، لأن النواة إما تتفكك أو لا تتفكك ، أي أن احتمال تفككها هو

y=ax للاينا ، وهي من الشكل ، $\ln \frac{N_0}{N}=pt$ وهي من الشكل ، والتالي ، والتالي ، والتالي . $\ln \frac{N}{N_0}=-pt$

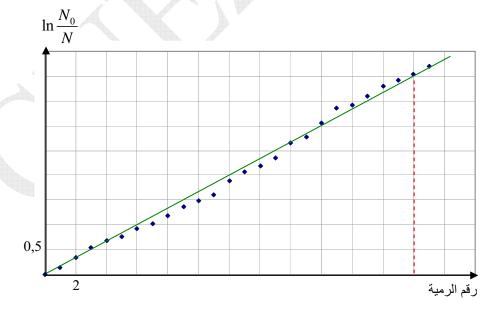
التجربة الأولى:

رقم الرمية	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
$\frac{N_0}{N}$	1	1,16	1,42	1,74	1,98	2,16	2,51	2,77	3,25	3,92	4,44	5	6,55	7,84	8,89
$\ln \frac{N_0}{N}$	0	0,15	0,35	0,55	0,68	0,77	0,92	1,02	1,18	1,36	1,49	1,61	1,88	2,06	2,18

رقم الرمية	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
$\frac{N_0}{N}$	10,52	14,28	16	21,05	28,57	30,77	36,36	44,44	50	57,14	66,67
$\ln \frac{N_0}{N}$	2,35	2,66	2,77	3,05	3,35	3,42	3,60	3,79	3,91	4,04	4,20

ثابت التفكك هو ميل المستقيم.

$$p = \lambda = \frac{8 \times 0.5}{12 \times 2} = 0.167 \, s^{-1}$$

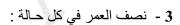


التجربة الثانية:

رقم الرمية	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$\frac{N_0}{N}$	1	1,46	2,03	2,83	3,81	5,33	6,89	9,30	14,28	21,05	33,33
$\ln \frac{N_0}{N}$	0	0,38	0,71	1,04	1,33	1,67	1,93	2,23	2,66	3,04	3,50

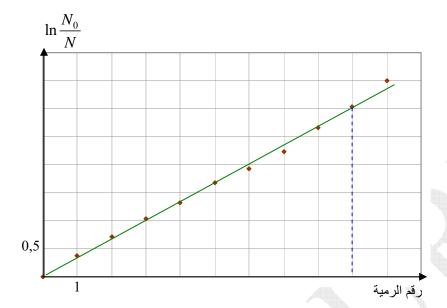
ثابت التفكك هو ميل المستقيم.

$$p' = \lambda' = \frac{6 \times 0.5}{9 \times 1} = 0.33 \, s^{-1}$$



$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{p} = \frac{0.69}{0.167} = 4.13 s$$

$$t'_{1/2} = \frac{\ln 2}{p'} = \frac{0.69}{0.33} = 2.09 s$$



ملاحظة

يمكن التأكّد من ثابت التفكك في كل تجربة

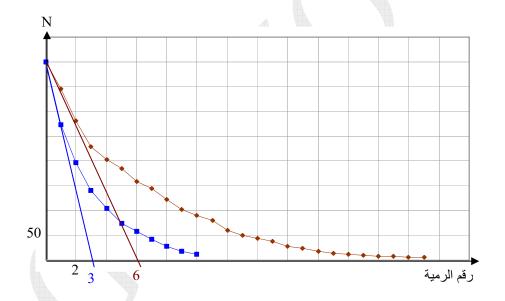
t=0 عند برسم المماسين للبيانين عند

 $\tau = \frac{1}{\lambda}$ فيقطعان محور الزمن في ثابت الزمن

4 - نصف عمر السيزيوم 137 هو

 $t_{1/2} = 30, 2 \, ans$

كل هذا شرحناه في مقدّمة التمرين.



التمرين 20

$$^{40}_{19}K
ightarrow ^{40}_{20}Ca + ^{0}_{-1}e$$
 : eta^- - 1

$$^{40}_{19}K
ightarrow ^{40}_{18}Ar + ^{0}_{+1}e$$
 : eta^+ التفكاف

$$N = \frac{A(t)}{\lambda} = \frac{A(t) \times t_{1/2}}{\ln 2} - 2$$

3 - الطاقة المحررة عن تفكك البوتاسيوم 40 إلى كلسيوم 40:

$$E_{lib(1)} = \left(m_K - m_{Ca} - m_e\right)c^2 \times \frac{931.5}{c^2} = \left(39.964 - 39.9626 - 0.000548\right) \times 931.5 = 0.79 MeV$$

4 - الطاقة المحررة عن تفكك البوتاسيوم 40 إلى أرغون 40:

$$E_{lib(2)} = \left(m_K - m_{Ar} - m_e\right)c^2 \times \frac{931.5}{c^2} = \left(39.964 - 39.9624 - 0.000548\right) \times 931.5 = 0.98 MeV$$

5 - الطاقتان المحسوبتان سابقا هما الطاقتان المحررتان جرّاء تفكك نواة واحدة فقط.

عدد الأنوية في جسم الإنسان الذي يزن 70 kg هي :

$$N = \frac{A(t) \times t_{1/2}}{0.69} = \frac{5000 \times 1,28 \times 10^9 \times 365,25 \times 24 \times 3600}{0.69} = 2,93 \times 10^{11}$$

 $E'_{lib(1)} = \frac{89}{100} \times 0,79 \times 2,93 \times 10^{11} = 2,07 \times 10^{20} \, MeV$: الطاقة المحرّرة من هذه الأنوية عندما يتحوّل البوتاسيوم إلى كلسيوم:

 $E'_{lib(2)} = \frac{11}{100} \times 0.98 \times 2.93 \times 10^{11} = 0.32 \times 10^{20} \, MeV$: الطاقة المحرّرة من هذه الأنوية عندما يتحوّل البوتاسيوم إلى أر غون

$$E_{lib} = E'_{lib(1)} + E'_{lib(2)} = 2,39 \times 10^{20} MeV$$
 : الطاقة الكلية هي

التمرين 21

$$^{232}_{90}Th \rightarrow {}^{4}_{2}He + {}^{A}_{7}X$$
 - 1

$$A = 232 - 4 = 228$$

$$Z = 90 - 2 = 88$$

من المعطيات نستنتج أن النوكليد ${}^{A}_{Z}X$ هو

2 - الكتلة المولية (M) تحوي عدد أوفوقادرو (N_A) من الأنوية ، أما الكتلة m_0 تحوي العدد M_0 من الأنوية ، وبالتالي بالقاعدة

$$N_0 = N_A imes rac{m_0}{N_A} = 6,023 imes 10^{23} imes rac{10^{-3}}{232} = 26 imes 10^{17}$$
 ، ومنه $rac{m_0}{M} = rac{N_0}{N_A}$: الثلاثية نجد

3 - أ) نصف العمر للتوريوم هو المدة الزمنية اللازمة لتفكك نصف العدد المتوسط للأنوية الابتدائية

.... « إن الجدول أعلاه يسمح باعطاء تأطير بصفة لفظية ، ماهو ؟ »

هذه العبارة غامضة ، نقوم بتوضيحها .

إن الجدول أعلاه يسمح بحصر زمن نصف العمر بين قيمتين يُطلب تعيينهما

الجواب:

زمن نصف العمر يوافق عدد الأنوية $N=\frac{N_0}{2}$ المتواجدة آنذاك ، أي $N=\frac{N}{N_0}$ ، ونعلم أن هذه القيمة محصورة بين

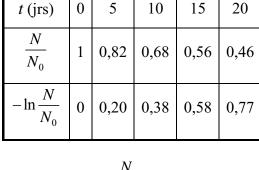
 $15 \ jrs < t_{1/2} < 20 \ jrs$ و 0.56 في الجدول ، إذن 0.56

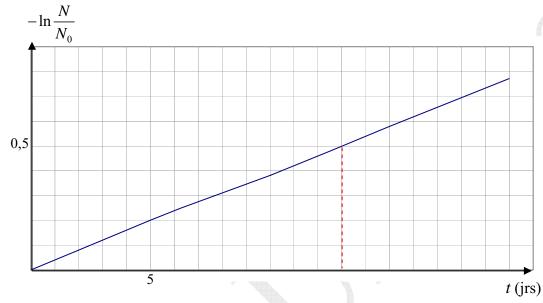
ب) الجدول والبيان:

10	15	20	، وبادخال اللوغاريتم النبيري على الطرفين	$\frac{N}{N} = e^{-\lambda t}$	العلاقة النظرية: لدينا
0.68	0.56	0.46		N_0	

أو
$$\ln \frac{N}{N_0} = \lambda t$$
 ، وهذه العلاقة توافق مستقيما معادلته ، $\ln \frac{N}{N_0} = -\lambda t$

. a الميل الميل ، y=ax : من الشكل





$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0.69}{3.85 \times 10^{-2}} = 17.9 \, \text{jrs} \qquad \qquad \lambda = \frac{0.5}{13} = 3.85 \times 10^{-2} \, \text{jrs}^{-1} = \frac{3.85 \times 10^{-2}}{24 \times 3600} = 4.45 \times 10^{-7} \, \text{s}^{-1}$$

t=0 النشاط في اللحظة - 4

$$A_0 = \lambda N_0 = 4,45 \times 10^{-7} \times 26 \times 10^{17} = 1,16 \times 10^{12} Bq$$

التمرين 22

جـ)

I - أسئلة تمهيدية

1 - iتميّز نواة الذرة برقمها الشحني Z وعددها الكتلي A (عدد النوكليونات) .

(N=6) و بالنسبة للثاني N=6 و بالنسبة للثاني N=6

$${}_{8}^{15}O \rightarrow {}_{+1}^{0}e + {}_{7}^{15}N$$
 - 3

II - بعض أنماط الإشعاع

 $_{-1}^{0}e$ عبارة عن إلكترون eta^{-} - 1

 4_2 He عبارة عن نواة الهليوم lpha

 $m_e = 9.1 \times 10^{-31} kg$ - 2 عتلة الإلكترون - 2

 $m_{He} = 2m_p + 2m_n = 2(1,673+1,675) \times 10^{-27} = 6,7 \times 10^{-27} \, kg$ كتلة نواة الهليوم

. كتلة نواة الهليوم أكبر من كتلة الإلكترون (وكذلك كتلة البوزيتون $^0_{+1}e$) بحوالي 7360 مرة

III - التصوير الوماض

طالع الصفحة 91 من - تجريب واستكشاف - للتعرّف على كيفية استعمال النشاط الإشعاعي في الطب (الرسّامات).

- . N_0 زمن نصف العمر هو الزمن اللازم لتفكك نصف متوسط الأنوية -1
- نشاط 2 ميث أن خلال 400 يوم يتغير النشاط -2 النشاط 131I ميث أن خلال 400 يوم يتغير النشاط -2 من القيمة -2 الى المناطق الى المناطق

IV - المعالجة الاشعاعية

$$^{60}_{28}Ni^* \rightarrow ^{60}_{28}Ni + \gamma$$
 نّم $^{60}_{27}Co \rightarrow ^{0}_{-1}e + ^{60}_{28}Ni^*$ - 1

$$N_0 = N_A \frac{m_0}{M} = 6,023 \times 10^{23} \times \frac{1 \times 10^{-6}}{60} = 10^{16}$$
 († - 2)

(1)
$$\frac{\Delta N}{\Delta t} = -\lambda N$$
 ب العبارة المطلوبة هي

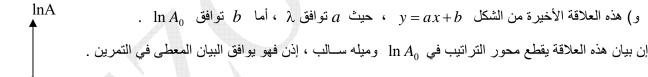
 ΔN ، ليس : أعط العينة ΔN ، ليس : أعط العينة

(2)
$$\Delta N = -\lambda \Delta t \, N_0 \, e^{-\lambda t}$$
 نعوّض في العبارة (1) ، فنجد $N = N_0 e^{-\lambda t}$

د) النشاط في اللحظة
$$t$$
 هو $A = \frac{|\Delta N|}{\Delta t} = A_0 e^{-\lambda t}$: فرمنه ΔN من العلاقة (2) نكتب $A = \frac{|\Delta N|}{\Delta t} = A_0 e^{-\lambda t}$ ، ومنه $A_0 = \lambda N_0$

هـ) لدينا $A = A_0 e^{-\lambda t}$ الدينا ، $A = A_0 e^{-\lambda t}$

$$\ln A = \ln A_0 - \lambda t$$
 ومنه $\ln A = \ln A_0 + \ln e^{-\lambda t}$



17,4

16,6

 $-\lambda = -\frac{17,4-16,6}{7-1}$ (i)

$$\lambda = 0.13 \, an^{-1}$$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$$
 : حـ) العلاقة المطلوبة هي

$$t_{1/2} = \frac{0.69}{0.13} = 5,23 \, ans = 1,65 \times 10^8 \, s$$
 (4)

التمرين 23

 $(t_{1/2})$ الدور الإشعاعي (زمن نصف العمر) لـ Λ هو $T_{
m A}$

$$\lambda_A = \frac{0.69}{T_A} = \frac{0.69}{15} = 4.6 \times 10^{-2} \, \text{jrs}^{-1}$$

$$N_0 = N_A \frac{m_0}{M} = 6,023 \times 10^{23} \times \frac{20}{225} = 53 \times 10^{21}$$
 : يحسب عدد الأنوية الابتدائي : -2

8.5

$$A_0=\lambda N_0=rac{4,6 imes10^{-2}}{24 imes3600} imes53 imes10^{21}=2,8 imes10^{16}\ Bq$$
 النشاط الابتدائي هو

3 – الاتزان الإشعاعي (أو التوازن القرني) : عندما تتفكك مجموعة من الأنوية لإعطاء أنوية غير مستقرّة ، فتبدأ هذه الأخيرة في التفكك في الوقت الذي مازالت المجموعة الأولى تتفكك ، نقول أن التوازن القرني قد حدث عندما يصبح نشاطا المجموعتين متساويين .

 $A \rightarrow B \rightarrow C$: لدينا التفكك

$$lpha=rac{m_A}{m_B}=rac{3}{2}$$
 عند الاتزان الإشعاعي تكون النسبة

(1)
$$N_{(A)} = N_A \frac{m_A}{M_A}$$
 : A في اللحظة t يكون عدد أنوية

(2)
$$N_{(B)} = N_A \frac{m_B}{M_B}$$
 : B في اللحظة t يكون عدد أنوية

. هو عدد أفوقادرو N_{A}

(β النوكليد A). $M_A = M_B$ النوكليد A حسب النمط A حسب النمط A النوكليد A

(3)
$$\frac{N_{(A)}}{N_{(B)}} = \frac{m_A}{m_B} = \frac{3}{2}$$
 : نجد (2) على (1) على (1)

بما أن نشاطي A و B متساويان ، نكتب $N_{(B)}=\lambda_B$ ، ومنه $N_{(A)}=\lambda_B$ ، وباستعمال العلاقة (3) نجد بما أن نشاطي $N_{(B)}=\lambda_A$

.
$$\lambda_B = \frac{3}{2}\lambda_A = 1,5 \times 4,6 \times 10^{-2} = 6,9 \times 10^{-2} \ jrs^{-1}$$
 each $\lambda_B = \frac{3}{2}\lambda_A = 1,5 \times 4,6 \times 10^{-2} = 6,9 \times 10^{-2} \ jrs^{-1}$

$$T_B = \frac{\ln 2}{\lambda_B} = \frac{0.69}{6.9 \times 10^{-2}} = 10 \ jrs$$
 ورمن نصف العمر لـ B في العمر الـ

$$rac{dN_{(A)}}{dt}$$
 = $-\lambda N_{(A)}$ هي A المعادلة التفاضلية الخاصة بتفكك A

. A فكك ويزداد جرّاء تفكك ويزداد $\frac{dN_{(B)}}{dt} = -\lambda N_{(B)} + \lambda_A N_{(A)}$ هي B هي المعادلة التفاضلية الخاصة بتفكك ويزداد جرّاء تفكك ويزداد جرّاء تفكل ويزداد كوراء كوراء

$$K=rac{\lambda_A}{\lambda_A-\lambda_B}N_{(A)_0}$$
 حيث ، $N_{(B)}=rac{\lambda_A}{\lambda_A-\lambda_B}N_{(A)_0}\left(e^{-\lambda_B t}-e^{-\lambda_A t}
ight)$: عودي حل هاتين المعادلتين التفاضليتين إلى $N_{(A)_0}=\frac{\lambda_A}{\lambda_A-\lambda_B}$

هذا الحل معطى في التمرين
$$N_{(B)}=rac{\lambda_A}{\lambda_A-\lambda_B}N_{(A)_0}\Big(e^{-\lambda_A t}-e^{-\lambda_B t}\Big)$$
 ، وهو حل خطأ .

. بالأيــام t_0 بالأيــام ، ثم احسب قيمة t_0 بالأيــام ، ثم احسب قيمة t_0 بالأيــام . t_0 بالأيــام .

القيمة العظمى لـ $N_{(B)}$ تكون من أجل مشتق $N_{(B)}$ بالنسبة للزمن يساوي الصفر .

$$\frac{dN_{(B)}}{dt} = -K\lambda_B e^{-\lambda_B t} + K\lambda_A e^{-\lambda_A t}$$
: المشتق هو

$$rac{\lambda_B}{\lambda_A} = rac{e^{-\lambda_A t}}{e^{-\lambda_B t}}$$
 من أجل ، $\lambda_B e^{-\lambda_B t} = \lambda_A e^{-\lambda_A t}$ يكون $rac{dN_{(B)}}{dt} = 0$

$$\ln \frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \left(\lambda_B - \lambda_A\right)t$$
: فين نكتب الطرفين نكتب ، $\frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \frac{e^{-\lambda_A t}}{e^{-\lambda_B t}} = e^{(\lambda_B - \lambda_A)t}$

$$t_0 = \frac{\ln \frac{\lambda_B}{\lambda_A}}{\lambda_B - \lambda_A} = \frac{\ln \lambda_B - \ln \lambda_A}{\lambda_B - \lambda_A} = \frac{0,405}{2,3 \times 10^{-2}} = 17,6 \ jrs$$
 القيمة t_0 المطلوبة هي

التمرين 24

: $t = t_0$ إلى t = 0 من (أ - 1

عدد الأنوية المتواجدة في كل ثانية هو عدد الأنوية الذي ننتجه في كل ثانية (ρ) منقوص منه عدد التفككات في الثانية (λΝ) ، أي

$$\frac{dN}{dt} = \rho - \lambda N$$

$$e^{\lambda t}\left(rac{dN}{dt}+\lambda N
ight)=
ho e^{\lambda t}$$
 في نحصل على ، وبضرب طرفي هذه المعادلة في $e^{\lambda t}\left(rac{dN}{dt}+\lambda N
ight)=
ho$

$$\frac{dN}{dt}e^{\lambda t} + \lambda N e^{\lambda t} = \rho e^{\lambda t}$$

$$rac{d}{dt} \left(Ne^{\lambda t}
ight) =
ho e^{\lambda t}$$
 العبارة $e^{\lambda t}$ و بالتالي نكتب $\frac{dN}{dt} e^{\lambda t} + \lambda Ne^{\lambda t}$ العبارة العبارة $\frac{dN}{dt} e^{\lambda t}$

$$\int \frac{d}{dt} (Ne^{\lambda t}) = \int
ho e^{\lambda t}$$
: (ايجاد الدالة الأصلية الأصلية) نكامل طرفي هذه المساواة

. التكامل ،
$$Ne^{\lambda t}=
horac{e^{\lambda t}}{\lambda}+K$$

(1)
$$N = \frac{\rho}{\lambda} + Ke^{-\lambda t}$$
 من هذه العبارة نجد

تحديد الثابت K: نعلم أنه في اللحظة t=0 يكون N=0 (ما زالت أنوية الكربون لم تُصنع)

$$K=-rac{
ho}{\lambda}$$
 ، ومنه $0=rac{
ho}{\lambda}+K$: (1) وبالتعويض في العلاقة

$$N = \frac{\rho}{\lambda} \Big(1 - e^{-\lambda t} \Big)$$
 نعوّض عبارة K في المعادلة (1) ونجد

$$t > t_0$$
 ب) من أجل

. أنتهى تصنيع الكربون في اللحظة t_0 ، فبعد هذه اللحظة تبدأ أنوية الكربون في التناقص فقط وt تزداد

$$\frac{dN}{N} = -\lambda dt$$
 ومنه $\frac{dN}{dt} = -\lambda N$

$$\ln N + K = -\lambda \left[t
ight]_0^t$$
 ، ويالتالي ، $\int rac{dN}{N} = -\lambda \int\limits_0^t dt$: (ايجاد الدالة الأصلية) نكامل طرفي هذه المساواة

حبث K هو ثابت التكامل

$$N=e^{-\lambda\,t-K}$$
 وبالتالي ، $\ln N=-\lambda\,t-K$ ومنه ، $\ln N+K=-\lambda\,t$ يمكن كتابة هذه العلاقة بالشكل ، $N=e^{-\lambda\,t}\times e^{-K}$ يمكن كتابة هذه العلاقة بالشكل : K

$$rac{
ho}{\lambda}\Big(1-e^{-\lambda t_0}\Big)=e^{-\lambda t_0} imes e^{-K}$$
 يكون $t=t_0$ عندما $N=rac{
ho}{\lambda}\Big(1-e^{-\lambda t}\Big)$ يكون $t=t_0$ عندما

ومنه
$$e^{-K}=rac{\dfrac{
ho}{\lambda}-\dfrac{
ho}{\lambda}e^{-\lambda t_0}}{e^{-\lambda t_0}}=rac{
ho}{\lambda}\Big(e^{\lambda t_0}-1\Big)$$
 نجد $N=rac{
ho}{\lambda}\Big(e^{\lambda t_0}-1\Big)e^{-\lambda t}$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{5600} = 1.23 \times 10^{-4} an^{-1}$$
 : شابت التفكك - 2

: الأنتانية يتواجد في اللحظة t ، الأنتائية قد تفككت ، فهذا معناه أن الد $\frac{1}{4}$ من القيمة الابتدائية يتواجد في اللحظة t ، لأن t

$$N = N_0 - \frac{3}{4}N_0 = N_0 \left(1 - \frac{3}{4}\right) = \frac{N_0}{4}$$

نعوّض في معادلة التناقص : $\frac{N_0}{4} = N_0 e^{-\lambda t}$ ، ومنه $\frac{N_0}{4} = N_0 e^{-\lambda t}$: معادلة التناقص نكتب

$$t = \frac{\ln 4}{\lambda} = \frac{1,38}{1,23 \times 10^{-4}} = 11201 ans$$
 ومنه $-\lambda t = -\ln 4$

$$t=2t_{1/2}=5600 imes2=11200\,ans$$
 فإن $N=rac{N_0}{4}=rac{N_0}{2^2}$ أو بما أن

(3)
$$A = A_0 e^{-\lambda t}$$
 الزمن الموافق لـ $\%$ من النشاط الابتدائي : من النشاط الابتدائي

$$\frac{1}{1000}=e^{-\lambda t}$$
 ، وبالتعويض في العلاقة (3) نكتب $\frac{A_0}{1000}=A_0e^{-\lambda t}$ ، وبالتعويض في العلاقة (3) ومنه $A=\frac{0.1}{1000}A_0=\frac{A_0}{1000}$

$$t = \frac{6.9}{1,23 \times 10^{-4}} = 56160 \, ans$$
 ، ومنه $-6.9 = -\lambda t$ بادخال اللو غاريتم النبيري على الطرفين

4 – تصحيح السؤال 4

ما هي كتلة هذا النظير الموافقة لنشاط قدره ${
m Bq} \, 3 imes 10^7 \, {
m Bg}$.

$$(4) m = \frac{N(t) \times 14}{N_A}$$

$$m = \frac{A \times 14}{\lambda N_A} = \frac{3 \times 10^7 \times 14}{3.9 \times 10^{-12} \times 6,023 \times 10^{23}} = 1.8 \times 10^{-4} \, g$$
 نجد (4) نجد $A = \lambda N$ ولدينا $A = \lambda N$

 $\lambda = \frac{1,23\times 10^{-4}}{365,25\times 24\times 3600} = 3,9\times 10^{-12}\,\mathrm{s}^{-1} \ : \ \mathrm{s}^{-1} \ \lambda \ \text{ل} \ \lambda = \frac{1,23\times 10^{-4}}{365,25\times 24\times 3600} = 3,9\times 10^{-12}\,\mathrm{s}^{-1}$

الزمن اللازم لتفكك $\frac{7}{8}$ من العينة (أي يبقى $\frac{1}{8}$ منها)

$$t = 3t_{1/2} = 3 \times 5600 = 16800 \, ans$$
 ومنه $N = \frac{N_0}{8} = \frac{N_0}{2^3}$