# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطق للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2010

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات

المدة : 04 ساعات ونصف

اعتبار في مادة: الوياضيات

# على المترشح أن بغنار أحد الموضوعين التاليين المو<u>ضيسوع الأبل</u>

# التمرين الأول: (94 نقاط)

- ر نعتبر المعافلة: (1) 2009 = 7x + 65y ميث: x و y عندان صحيحان. (1)
- أ) بين أنه إذا كانت الثنافية (x,y) حلا للمعاملة (1) فإن الإ مضاعف الحدد 7.
  - (1) at fact (1).
  - درس حسب كيم قعد قطبيعي ٢٠ بوظي القسمة الإقليدية للحد 2º على 9.
  - $^{\circ}$ 3. عين فيم فحد الطبيعي  $^{\circ}$  بحرث يقبل فعد  $^{\circ}$   $^{\circ}$   $^{\circ}$  القسمة على  $^{\circ}$ 
    - $M_n = 2^{6n} 1$ ، n منتمع من أجل كل عدد طبيعي 4
      - أُ) تَحْقُقُ أَنْ عِندَ بِعَيْلِ الصَّمَةُ عَلَى 9 ـ
- ب) حل المعلالة: (x,y) = 126567 + (x,y) ذلت المجهول (x,y) حيث:  $x \in \mathcal{Y}$  عندان مستوحان.
  - ،  $y_{m s} \geqslant 25 m g$ ج) عين الثنائية  $(x_{m s},y_{m s})$  حيث  $x_{m s}$  حيث  $(x_{m s},y_{m s})$  عين الثنائية  $(x_{m s},y_{m s})$

# التعرين الثاني: (04,5 نقطة)

 $A\left(2,0,0
ight)$ . نعتم النقط المتعلم المتعلم والمنجلس  $B\left(0,1,0
ight)$ . نعتم النقط  $A\left(2,0,0
ight)$  و  $B\left(0,1,0
ight)$  و  $B\left(0,1,0
ight)$ 

- ا) بين أن النقط A و B و C أيست في استقامية.
  - (ABC) جد معادلة للمستوي (ABC).
  - (BC) جد نعثیلا وسیطوا للمستقیم (BC).
- -2x + 2y + z 2 = 0 (4) المستوي قذي معادلته:
  - أ) بنز أن: (p) و (ABC) متقاطعان.
  - T بين أن: (a) بشمل B و C ماذا تستنج
- $\|\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\|^2 \|2\overline{MA} \overline{MB} \overline{MC}\|$  عَنِينَ (جَ) مجموعة النشط M من الفضاء للتي تحقق: (5)

#### التمرين الثالث: (04,5 نقطة)

 $Z^3 - 3Z^2 + 3Z - 9 = 0 \dots (E)$  نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة  $\odot$  المعائلة: ( $\Xi$ 

- Z عدد مركب B و B و B بحيث، من أجل كل عدد مركب B و B و B بحيث، من أجل كل عدد مركب B فإن:  $(Z^2+bZ+c)=(Z-3)(aZ^2+bZ+c)$ 
  - $\cdot$  (E) هن في  $\mathcal{C}$  المعادلة (E).
  - $\cdot$   $(O:ec{u},ec{x})$  الممينوي منصوب إلى المعلم المنعامد المنجانس  $(O:ec{u},ec{x})$

 $Z_{c}=-i\sqrt{3}$  و  $Z_{g}=i\sqrt{3}$  و  $Z_{g}=i\sqrt{3}$  و  $Z_{g}=-i\sqrt{3}$  و  $Z_{g}=-i\sqrt{3}$  و  $Z_{g}=-i\sqrt{3}$  و رئين أن المكتب  $Z_{g}=-i\sqrt{3}$  مثين أن المكتب  $Z_{g}=-i\sqrt{3}$  مثين أن المكتب  $Z_{g}=-i\sqrt{3}$  و الأنسلام.

- 3) D المنقطة الذي لاحقتها  $rac{2\pi}{2} \cdot 2\pi 2\pi$  و  $\pi$  صبورتها بالدوران الذي مركزه  $\pi$  وزاويته  $rac{\pi}{2}$  . يحزن  $\pi$  لاحقة النقطة  $\pi$  .
  - $\cdot$   $Z_{\nu}$  انتقطة التي لاحقتها  $\sqrt{3}$  انتقطة التي الحقتها F
  - ر متعامدان،  $rac{Z_{p}}{Z_{p}}$  واستنتج آن المستنبعين OE) و OF متعامدان،
    - ب) عين Z<sub>O</sub> لاحقة النقطة G بحيث يكون OEGF مربعا.

# التمرين الرابع: (07 نفاط)

- $g\left(x\right)$  =  $\left(3-x\right)e^{x}-3$  الدالة العدنية المعرفة على  $\mathbb R$  كما بلي:  $g\left(-1\right)$ 
  - ادرس تغیرات الدالة ع.
- 2.82 < lpha < 2.83 : يَوْنَ أَنَ الْمُعْمَلَةُ lpha = 0 تَقْبَلُ فِي  $rac{1}{2}$  حَبَيْنَ أَحَدُهُمَا مُعْدُومِ وَالْآخَرِ lpha = 0 حَبِثُ وَيَعْبُلُ فِي إِلَا حَبَيْنَ أَحَدُهُمَا مُعْدُومِ وَالْآخَرِ lpha = 0
  - $x \in \mathcal{F}(x)$  استنتج إشارة g(x) حسب قبر x

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^3}{e^x - 1} ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases} ; x \neq 0$$

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^3}{e^x - 1} ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

- $\cdot ig(O_j(i^*,j^*)$  بَمَثِيلَهَا النِيانِي في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانب  $(C_j)$  .
- $C_f$  عند المبدأ  $C_f$ 
  - $\lim_{x\to -x} f(x)$  ایش آن  $e^{-r} = 0$  شمید شمید السب  $\lim_{x\to -x} f(x)$  السب آن (1 (2

$$+f'(x) - \frac{x^2}{(e^x - 1)^7}g(x)$$
 بين أنه من أجل  $x \neq 0$  فإن:  $(x) = \frac{x^2}{(e^x - 1)^7}g(x)$ 

- ج) نحتق أن  $f(\alpha) = \alpha^2(3-\alpha)$  ثم عين حصرا ثه.
  - د) لنشئ جدول تغير آت الدالة f .
- $x\mapsto -x^3$  احسب (C) و استنج الوضعية النسبية للم (C) و (C) منحتي الدالة  $f(x)+x^3$  و (E) احسب ( $f(x)+x^3$  واستنج النسبية النسبيا.
  - $\cdot(C_{T})$  و (C) و انشيخ في نفس المعلم المعلم (T) والمتحتيين (C) و  $(C_{T})$

#### الموضم ع الثاني

# التمرين الأول: (44) نقاط)

-1 برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، قعدد -1  $^{**}$ 5 يقبل القسمة على -1

-2 استنتج أنه من أجل كل عند طبيعي n، يقبل كل من العددين  $3^{n-1-n}$  و  $-2^{n-2}$  القسمة على -3

3– عين، حسب قوم جر، بالتي القسمة الإقليدية للحد 3° على 13، واستنتج بالتي قسمة 2005 على 13.

 $A_{p}\simeq 3^{p}+3^{2p}+3^{3p}: p$ نځينې من أجل كل عدد طبيعي وp=4

أ- من أجل p=3n عين باقي القسمة الإكليدية للعدد p=3n عنى 13،

ب – برهن أنه إذا كان 1+3n+3 فإن  $_{c}$  أن يقبل القسمة على 13،

p=3n+2 عين باقي القيمة الإقابيدة للعدد  $A_{-}$  على 13 من أجل p=3n+2

5- يكتب العددان الطبيعيان a و b في نظام العد ذي الأمطى 3 كما يلي:

 $b = \overline{1000100010000}$  ,  $a = \overline{1001001000}$ 

أ- يُحقق أن العددين به و في يكتبان على الشكل م الد في النظام العشري.

aب استنتج بلقي القسمة الإنمليدية لكل من العديون a و b على a

#### التمرين الثاني: (05 نقط)

 $A(O; \overset{ au}{u}, \overset{ au}{v})$  المعلم المثمامد والمتجانس الي المعلم المثمامد والمتجانس

 $Z_{I}=1-2i$  و I النقط الذي لاحظائها على الثريب: I=1-4i ، I=1-2i و I=1-2i و I=1-2i النقط I=1-2i و I=1-2i و I=1-2i و I=1-2i

،  $Z=rac{Z_{1}-Z_{2}}{Z_{1}-Z_{2}}$  ب- اكتب على الشكل الجيري العدد المركب بالمكل المباري

ج-ما هو توع العالث *IAB* ؟

. C مسور I بالتحلكي ثاذي مركزه I ونسبته C . احسب ثلاحقة I للنقطة C

، المرجع الجملة  $Z_D$  المرجع الجملة  $\{(A;1),(B;-1),(C;1)\}$  المحملة المرجع الجملة D

و∼بين أن *ABCD* مربع.

 $MA - \overline{MB} + \overline{MC} = \frac{1}{2} \|\overline{MA} + \overline{MC}\|_2^2$  عين وأنشئ  $M = \frac{1}{2} \|\overline{MA} + \overline{MC}\|_2^2$  مجموعة فلقط M من المستوي حرث:

M3. عين وأنشئ M3) مجموعة النقط M من المستري حيث:  $M = \| \overline{M} - \overline{M} \| + \| \overline{M} \|$ 

#### التمرين الثاليث: (04) نقاط)

 $B\left(2;1;3
ight)$  ،  $A\left(-1;2;1
ight)$  ، نعتير النقط A(-1;2;1) ، نعتير النقط A(-1;2;1) ، رئتكن A(-1;2;1) ، مجموعة النقط A من الفضاء بحيث : AM = BM

3x - y + 2z - 4 = 0 بين أن (P) هو المستوي الذي معادلته:

(P) عَيْنَ معادلة للمستوي (Q) الذي يشمل A وبوازي (P).

C ويعامد C ويعامد C اكتب نعشيلا وسيطيا للمستقيم C الذي يشمل C

 $\cdot(D)$  و (Q) ب $\sim$  عين إحداثيات E نقطة نقاطع

A ج – نحسب المسافة بين النقطة A والعسنكيم D.

4- عين تمثيلا وسبطيا للمستوي  $(\Pi)$  الذي يحوي المستقيم (AC) ويعلمد المستوي (P)، لم استنج معاملة له.

# التمرين الرابع: (07 نقاط)

g الدلاة المعرفة على المجال  $[0;+\infty]$  كما يلي:  $z=x-1-2\ln x$  و  $(C_g)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والممتجانس  $(O;\vec{i}\,,\vec{j}\,)$  وحدة الطول هي 4cm .

المحب  $\lim_{x\to 0} g(x)$  ثم فسر النثيجة هندسيا. -1

 $\lim_{x \to +\infty} g(x) = +\infty \quad \text{if } \quad \text{if } \quad -2$ 

ب- انرس تغيرات الدالة g .

ج<sup>ے</sup> احسب (1) ج

 $3.5 \le lpha \le 3.6$  عيث lpha = 0 عين مختلفين أحدهما lpha = 0 عيث a = 0

 $oldsymbol{g} = oldsymbol{g} \left( rac{1}{x} 
ight)$  م استنج اشارهٔ  $oldsymbol{g}(x)$  م

$$f(x) = -x^2 + x + x^2 \ln x \; ; \; x > 0$$
 .  $f(0) = 0$  كما يثي:  $f(0) = 0$ 

المسب  $\lim_{x \to \infty} \frac{f(x)}{x}$  وفسر النتيجة هندسها.

ب- لحسب نهاية الدالة ﴿ عَنْدُ ١٠٠٠ .

xج بئین آنه من أجل كل x من  $]0;+\infty[$  فإن:  $x \in \mathcal{F}(x)=x$ و ، واستنتج انجاه تغیر الداله f(x)

 $f\left(rac{1}{lpha}
ight)$  عندر لن الدالة f ، بين أن:  $f\left(rac{1}{lpha}
ight)=rac{lpha-1}{2lpha^2}$  و استنتج حصورا للعدد

-4 المعثل للدقة f على المجال  $\left(C_{f}
ight)$  المعثل للدقة f على المجال -4