### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2011

امتحان بكالوريا النعليم الثانوي

الشعبة : رياضيات

المدة: 4 ساعات ونصف

اختبار في مادة: الرياضيات

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين: الموضوع الأول

### التعريف الأول: (04.5 نقطة)

 $O(\overline{u}, \overline{v})$  المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس.

 $z_{c}=\sqrt{3}\left(1+l\right)$  ،  $z_{g}=-1+l$  ،  $z_{s}=l-l$  . للترتيب:  $z_{c}=\sqrt{3}\left(1+l\right)$  ،  $z_{g}=-1+l$  ،  $z_{s}=l-l$  . كتب على الشكل الأسى الأعداد السركية:  $z_{c}$  ،  $z_{s}$  ،  $z_{c}$  ، الكتب على الشكل الأسى الأعداد السركية:  $z_{c}$  ،  $z_{s}$  ،  $z_{c}$  ،

المحمد الطويلة وعمدة للعدد العركب  $\frac{z_B-z_A}{z_C-z_A}$  ، ثم فستر هندسيا النتائج المحصل عليها.

ب/ حدّد طبيعة المثلث ABC.

3/ عين الاحقة النقطة D بحيث يكون الرباعي ACBD معينا.

z' التحويل النقطي الذي يرفق بكل نقطة M من المستوي لاحقتها z النقطة M' ذات اللاحقة z' عيث: z'=(-1+i)z+1-3i

أ) عين طبيعة التحول T وعناصره المميزة.

ب/ استنتج طبيعة للتحول ToT وعناصره المميزة.

#### التعرين الثاني: (04.5 نقطة)

 $\left(O\;;ec{i}\;,ec{j}\;,ec{k}\;
ight)$  القضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجلس

C (-1;1;1) ، B (1;1;4) ، A (1;0;2) انعثير النقط (1;1;1) ، A (1;0;2)

أَمُ أَنْبُتُ أَنَّ النَّفَطَ A ، B و C تَعَيِّنُ مستوباً.

ب/ بيُن أن الشعاع (2-;4;6) عمودي على كل من الشعاعين  $\overline{AB}$  و  $\overline{AC}$  ثم استنتج معادلة ديكاردنية المستوي (ABC)

 $P_{1}(P_{2}):2x-2y-z-1=0$  و  $P_{1}(P_{1}):3x+4y-2z+1=0$  و  $P_{2}(P_{2})$  و  $P_{1}(P_{2})$  و  $P_{2}(P_{1}):2x-2y-z-1=0$  و  $P_{1}(P_{2})$  متعامدان.

 $P_1$ ب عين تمثيلا وسبطيا للمستقيم  $P_2$  تقاطع المستوبين  $P_1$  و  $P_2$ 

 $A(\Delta)$  لا تَتَمَى إلى O(0;0;0) لا تَتَمَى إلى

 $dig(O;(\Delta)ig)$  واستنتج المسافقين  $dig(O;(P_i)ig)$  و  $dig(O;(P_i)ig)$ 

التمرين الثالث: (04 نقاط)

متتالية حسابية متزاودة تعلما حدودها أعداد طبيعية تحقق:  $(U_n)$ 

$$\begin{cases} m = PPCM (U_3, U_5) \\ d = PGCD (U_3, U_5) \end{cases} : \underbrace{\frac{t_{max}}{t}}_{m+d} \begin{cases} U_4 = 15 \\ m+d = 42 \end{cases}$$

 $U_0$  عين الحدين  $U_0$  و  $U_0$  ثم استنج I

 $U_n$  لکتب  $U_n$  بدلالة u، ثم بيّن أن: 2010 حد من حدود  $U_n$  وعين رتبته،  $U_n$ 

الحد الذي ابتداء منه يكون مجموع 5 حدود متعاقبة من  $(U_n)$  يساوي 10080 J

4/ ۾ عدد طبيعي غير معدوم،

 $S = U_0 + U_1 + U_2 + ... + U_{2n}$  أ) احسب بدلالة n المجموع  $S = U_0 + U_1 + U_2 + ... + U_{2n}$ 

 $S_1 = U_0 + U_2 + U_4 + ... + U_{2n}$  : جيث  $S_1 = S_1$  المجموعين  $S_1 = S_1$  المجموعين (ب  $S_2 = U_1 + U_3 + U_5 + \dots + U_{2m+1}$ 

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $f(x) = (3x + 4)x^2$  إلى الدالة العددية f المعرفة على  $\Re$  كما يلى:  $f(x) = (3x + 4)x^2$ 

 $\{o(i,j)\}$  تمثیلها البیانی فی المستوی المنسوب الی المعلم المتعامد و العتجانس  $\{c_{j}\}$ 

1/ ا) المصلب الرم الرائم برهن بالقراجع أنَّه من أجل كل عدد طبيعي بر غير معدوم فإن: f المشتقات المتثابعة للدالة  $f^{(n)}$  ....  $f^{(n)}$  ،  $f^{(n)}$  حيث:  $f^{(n)}(x) = (3x + 3n + 4)e^x$ 

 $y'' = (3x + 16)e^{x}$ : أستنتج حل المعادلة التفاضلية

اً) بيتن أن:  $6 = (x) = \lim_{x \to \infty} f(x)$  وفسر النتيجة هندسيا

ب) لدرس انجاء تغير الدالة ٢ ثم شكَّل جنول تغير لنها.

 $-rac{-10}{2}$  اكتب معادلة للمماس ( $\Delta$ ) للمتحنى ( $C_{
m p}$ ) في النقطة  $\Omega$  التي فاصلتها  $-rac{-10}{2}$  -

 $(C_f)$  ,  $(C_f)$  ,  $(C_f)$  ,  $(C_f)$  ,  $(C_f)$ 

ج) ارسم (۵) و (رC<sub>f</sub>) على المجال [0;∞-[.

اً x عدد حقيقي من المجال [0;0]، باستعمال التكامل بالتجزئة جد  $[a^{\dagger}dt]$  ثم استنتج دالة أصطبة xللدالة f على المجال[0;∞-[ .

ب) لاعدد حقيقي أصغر شماما من 🚣-

احسب بدلالة  $\chi$  المساحة  $\Lambda(\lambda)$  للحيز من المستوى المحدد بالمنحني  $(\gamma)$  و المستقيمات التي  $\lim_{\lambda \to -\infty} A(\lambda)$  محادلاتها: y = 0 ،  $x = \lambda$  و  $x = -\frac{4}{3}$  ، y = 0

### الموضسوع الثائسي

## التمرين الأولى: (04 نقاط)

(1) نعتبر المعادلة : (E) ... (E) = 13x - 7y = -1 حوث:  $x \in Y$  عددان صحيحان. حل المعادلة (E).

$$\begin{cases} a \equiv -1[7] \\ a \equiv 0[13] \end{cases}$$
 :حيث الأعداد الصحيحة النسبية  $a \equiv 0[13]$ 

ادرس حسب قيم العند الطبيعي « ، بواقي القسمة الإقليدية العند "9 على كل من 7 و 13.

 $\overline{lpha^{00}eta^{086}}$  : ليكن العند الطبيعي b المكتوب، في نظام التعداد ذي الأساس a كما يلي a عددان طبيعيان a

عَيْنِ  $\alpha$  و  $\beta$  حتى يكون b قابلاً للقيمة على 91.

#### التمرين الثاني: (05 نقاط)

 $\left(O; \widetilde{i}, \widetilde{f}, \widetilde{k}'
ight)$  الغضباء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس

 $G\left(rac{1}{3};rac{2}{3};i
ight)$  و C(0;0;3) ، B(0;2;0) ، A(1;0;0) و نعتبر النقط

C المستقيم الذي يشمل النقطة R وشعاع توجيهه  $\sqrt{-1};1;rac{3}{2}$  و A المستقيم الذي يشمل النقطة C وشعاع توجيهه  $\sqrt{-1};1;-3$ 

 $\{-1\}$  اكتب تعثيلا ومبيطيا لكل من المستقيمين  $\{D\}$  و  $\{\Delta\}$  ثم ادرس الوضع النصبي لهما.

ثن ان:  $\overline{GA} + \overline{GB} + \overline{GC} = 0$  ، ملاا تستنج بالنسبة للنقطة -2

3- عين شعاعا ناظميا ۾ لئمستري (ABC) ثم لکتب معادلة له.

4- احسب المسافة بين النقطة O والعستوي (ABC).

B المستقط العمودي للنقطة B على المستقيم H

ا) جد إحداثيات النقطة ١٠٠

ب) استنج المسافة بين النقطة B والمستقيم (D).

### التمرين الثالث: (04 نقاط)

أجب بمحديج أر خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات الأتية:

 $-\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}$  هو  $a = -\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{2}}{2}$  هو أ1/1

a حيث:  $\overline{a}$  مراثق  $a^{2011} + \overline{a} = 0$ 

 $(O;\overline{u},\overline{v})$  في المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجلس  $(O;\overline{u},\overline{v})$ .

اً) التحويل 7 الذي كتابته المعركبة: 
$$z' = \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{2}}{2}\right)z$$
 دور ان زاويته  $-\frac{\pi}{4}$  ومركزه مبدأ المعلم

ب) مجموعة النقط M ذلت اللاحقة z حيث:  $\frac{-\pi}{4} = \frac{\pi}{4}$  هي المستقيم (۵) الذي يشمل النقطة إر ذات اللاحقة i وشعاع توجيهه T لاحقته i+1 .

$$u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n + \frac{1}{6}$$
 .  $n$  was decomposed by  $u_0 = \frac{1}{12}$  :  $u_0 = \frac{1}{12}$  ( $u_n$ ) /3

$$u_n = -\frac{7}{12} \left(\frac{3}{4}\right)^n + \frac{2}{3} \left(\frac{1}{4}\right)^n$$

ب) (µ<sub>n</sub>) متناقصة نماما على N

يد)  $(\mu_n)$  مثباعدة

#### التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $g(x) = x^2 + \ln x^2 - 1$  إلدالة العددية المعرفة على المجال  $g(x) = x^2 + \ln x^2 - 1$  إلدالة العددية المعرفة على المجال  $g(x) = x^2 + \ln x^2 - 1$ 

إل ادرس انجاه تغير الدائة ع ثم شكل جدول تغير انها.

g(x) في المجال g(x) في المجال g(x) في المجال g(x)

 $f(x) = (1 - \frac{1}{x^2}) \ln x$  : كما يلي:  $g(x) = (1 - \frac{1}{x^2}) \ln x$  الدالة العددية المعرفة على المجال f(x)

 $oldsymbol{c}_{(C_f)}$  و  $oldsymbol{c}_{(C_f)}$  مثيلها البياني في المستوي المزود بالمعلم المتعامد المتجانس  $oldsymbol{c}_{(C_f)}$ 

$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$$
 ولن:  $f(x) = \frac{g(x)}{x^3}$  ولن:  $f(x) = \frac{g(x)}{x^3}$ 

استتنج اتجاء تغير الدالة ﴿ أَنَّمَ شَكَّلَ جَمُولَ تَغَيِّر النَّهَا.

 $[0;+\infty[$  المنحنى الممثل الدالة  $x\mapsto \ln x$  على المجال المجال الم

$$rac{1}{2}$$
ادرس وضعیة  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(\delta)$  ثم جد  $rac{1}{2}$ ا $rac{1}{2}$  ، ماذا نستتنج  $rac{1}{2}$ 

- ارسم  $(\delta)$  و  $(C_r)$ .

 $\int_{1}^{x} \frac{1}{t^{2}} \ln t \, dt$  عند حقيقي من المجال  $[1;+\infty]$ ، ياستعمال التكامل بالتجزئة جد  $x \not = 3$ 

تحقق أن: x → x lnx -x هي دالة أصلية للدالة x → lnx على المجال [a;+cc].

استنتج دالة أصلية للدالة ∫ على المجال [1;+∞].

ب/ αعد حقيقي لكبر تماما من إ.

الحسب بدلالة lpha المساحة lpha للحيز المستوي المحدد بالمنحنيين  $(C_f)$  و  $(\delta)$  والمستقيمين اللذين معادلتيهما:  $x=\alpha$  و x=1 ، ثم احسب a