

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2018



وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تقني رياضي

اختبار في مادة: الرياضيات

المدة: 04 سا و 30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (03) صفحات (من الصفحة 1 من 5 إلى الصفحة 3 من 5)

التمرين الأول: (04 نقاط)

الدالة العددية المعرّفة والمتزايدة تماما على المجال $\infty = \frac{2x}{e.x+1}$ بالدالة العددية المعرّفة والمتزايدة تماما على المجال f

$$u_{n+1} = f\left(u_n
ight)$$
 : n يعدد طبيعي $u_n = \frac{5}{4e}$ ومن أجل كل عدد طبيعي $u_n = \frac{5}{4e}$

. $u_n > \frac{1}{e}$: n وهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي (أ (1

,
$$u_{n+1} - u_n = \frac{e.u_n(\frac{1}{e} - u_n)}{e.u_n + 1}$$
 : n عدد طبیعي $e.u_{n+1} - u_n = \frac{e.u_n(\frac{1}{e} - u_n)}{e.u_n + 1}$

ثم استنتج اتجاه تغير المتتالية (u_n) و برّر أنها متقارية.

 $v_n = \frac{e.u_n}{e.u_n-1}$: لتكن المنتالية $\binom{e.u_n}{e.u_n-1}$ المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n كما يلي (2

n بدلالة v_n متتالية هندسية أساسها 2 ، يطلب تعيين حدها الأول v_0 و عبارة v_n بدلالة v_n

. $\lim_{n\to +\infty} u_n$ من u_n من u_n من $v_n=1+\dfrac{1}{e.u_n-1}$: $\mathbb N$ من n من أجل كل n من أجل كل n من أجل كل n من أجل كل أحسب أحسب $v_n=1+\dfrac{1}{e.u_n-1}$

 $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$: حيث $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ المجموع $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ الحسب بدلالة

4) أ) ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 2" على 7.

ب) عين قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها S, يقبل القسمة على 7.



اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقني رياضي / بكالوريا 2018

التمرين الثاني: (04 نقاط)

B(0;3;-1)، A(0;0;2) الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $\left(o;\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$ نعتبر النقطتين المعلم المتعامد المتجانس المتحانب و $\left(o;\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$

والمستوي (p) المعرف بالتمثيل الوسيطي: x=t+m حيث y=4t-2m+1 عددان حقيقيان. z=t-2m-2

- له. اكتب معادلة بيكارتية للمستوي (Q) الذي يشمل النقطة A و (2;2;-1) شعاع ناظمي له.
 - (Q) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A و يعامد المستوي (Q).
 - (p) أ) تحقق أنّ: 2x-y+2z+5=0 معادلة ديكارتية للمستوي ((p)).
 - (Q) بيّن أنّ المستوي (p) يشمل النقطة B و يعامد المستوي (Q).
 - لتكن M نقطة احداثياتها (2t;2t;-t+2) حيث tعدد حقيقي (4
- d(M;(P)) = d(M;(Q)) عين قيم t بحيث تكون d(M;(P)) = d(M;(Q)) (ترمز d الى المسافة بين نقطة و مستوي).
- A النقطنين (p) مركز سطح الكرة (S) الني تمس كل من المستويين (Q) و (p) في النقطنين (P) و (P) و

التمرين الثالث: (05 نقاط)

- . $z^2-2\sqrt{2}z+4=0$: z المعادلة ذات المجهول الأعداد المركبة المعادلة ذات المجهول (z
 - . $(o; \overline{u}, \overline{v})$ المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس

 $\left(z_{A}\right)$ لتكن النقطتين A و B لاحقتاهما $z_{A}=\sqrt{2}+i\sqrt{2}$ و $z_{A}=\sqrt{2}+i\sqrt{2}$ لتكن النقطتين $z_{A}=\sqrt{2}+i\sqrt{2}$

- . على الشكل الأستي كل من العددين المركبين z_R و $\frac{1}{z_B}$ ، ثم بيّن أنّ العدد $\left(\frac{2}{z_B}\right)^{2018}$ تخيلي صرف (1
 - . (~3) مسورة $z_{\omega}=\frac{\sqrt{2}}{2}$ مركزه ω ذات اللاحقة $z_{\omega}=\frac{\sqrt{2}}{2}$ ونسبته (2 مركزه $z_{\omega}=-\sqrt{2}+i3\sqrt{2}$ هي $z_{\omega}=-\sqrt{2}+i3\sqrt{2}$ هي النقطة $z_{\omega}=-\sqrt{2}+i3\sqrt{2}$
 - $-\frac{\pi}{2}$ احسب z_D لاحقة النقطة D صورة B بالدوران r الذي مركزه D و زاويته (3
 - . ACD ثم أستنتج طبيعة المثلث $\frac{z_C-z_A}{z_D-z_A}=-i$ ثم أستنتج طبيعة المثلث (1 (4
 - ب) اوجد لاحقة النقطة E بحيث يكون الرباعي ACED مربعا.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

. $f(x) = \frac{x}{x-1}e^{-x}$ بالدالة العددية المعرفة على المجال $f(x) = \frac{x}{x-1}e^{-x}$

. $(O; \vec{i}, \vec{j})$ سنجانس البياني في المعلم المتعامد المتجانس (C_f) و



اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقنى رياضي / بكالوريا 2018

- . $\lim_{x\to -\infty} f(x)$ احسب النتيجة بيانيا و احسب $\lim_{x\to -\infty} f(x)$ أ
- ين أنّه من أجل كل x من $f^*(x) = \frac{(-x^2+x-1)e^{-x}}{(x-1)^2}$: $f^*(x) = \frac{(-x^2+x-1)e^{-x}}{(x-1)^2}$: $f^*(x) = \frac{(-x^2+x-1)e^{-x}}{(x-1)^2}$. $f^$
 - . يند النَّقَطَة ذات الفاصلة صفر (T) للمنحنى (T) عند النَّقَطَة ذات الفاصلة صفر (T) اكتب معادلة المماس
 - ب) $h(x) = e^{-x} + x 1$ [ب: $h(x) = e^{-x} + x 1$.

 المجال $h(x) \ge 0$: $h(x) \ge 0$. $h(x) \ge 0$. h(
 - (C_f) بين أنّه من أجل كل x من $[-\infty;1]$ بين أنّه من أجل كل x من $[-\infty;1]$ من أجل كل x من $f(x)+x=\frac{x\ h(x)}{x-1}$ بين أنّه من أجل كل x من x من أجل كل أخل كل أ
 - الذي يشمل مبدأ المعلم O و النقطة $A\left(-2;\frac{2}{3}e^2\right)$ ثم ارسم المستقيمين $A\left(-2;\frac{2}{3}e^2\right)$. [-2;1] على المجال (C_f) على المجال (D_f) على المجال المح
 - $\frac{x}{x-1} \le f(x) < e^{-x} : [-1;0]$ من أخه من أجل كل x من أجل كل x من (6)
- f(x) = mx : عدد حلول المعادلة m وسيط حقيقي ، ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة $x \in [-2;1]$



أختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقني رياضي / بكالوريا 2018

الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (02) صفحات (من الصفحة 4 من 5 إلى الصفحة 5 من 5) المتمرين الأول: (04 نقاط)

. $u_n=2(3)^n$ منتالية عددية معرّفة على $\mathbb N$ بحدها العام كما يلي منتالية عددية معرّفة على

 $v_{n+1} = 5v_n + u_n$: \mathbb{N} متتالية عددية معرّفة بحدها الأول $v_0 = 4$ و من أجل كل n من $v_n = 5v_n + u_n$

 $w_n = \frac{v_n}{u_n} + \frac{1}{2} : \mathbb{N}$ من أجل كل n من أجل (1)

- اثبت أنّ (w_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{5}{3}$ ، يطلب تعيين حدّها الأوّل.

 $v_n = 5^{n+1} - 3^n$: \mathbb{N} من n من n من n بدلالة n ثم استنتج أنّه من أجل كل n من n بدلالة n بدلالة n ثم استنتج أنّه من أجل كل n من

ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n ، بواقي القسمة الاقليدية للعددين "3 و "5 على 8.

عين حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الاقليدية للعدد ν_n على 8 .

التمرين الثاني: (04 نقاط)

كيس به 7 كريات متماثلة، لا نفرق بينها باللمس ، منها 3 بيضاء و 4 خضراء.

نسحب عشوائيا و في آن واحد كريتين من الكيس.

ا) الحسب احتمال الحادثة A: "سحب كريتين مختلفتين في اللون ".

." احسب احتمال الحادثة B " سحب كريتين من نفس اللون ."

 α نقترح اللعبة التانية : للمشاركة يدفع اللاعب α α (حيث α عدد طبيعي معطى و Δ تعني دينار جزائري) . فإذا سحب كريتين بيضاوين يتحصل على α α المتغيّر العشوائي الذي يمثل ربح أو خسارة اللاعب بدلالة α . وإذا سحب كريتين خضراوين يخسر ما دفعه. وليكن α المتغيّر العشوائي الذي يمثل ربح أو خسارة اللاعب بدلالة α .

1) بزر أنّ قيم المتغير العشوائي هي lpha, -lpha, -lpha, -lpha ثم عرَف قانون احتماله.

 $E(X) = -\alpha + \frac{300}{7}$. هو α هو α الأمل الرياضياتي للمتغيّر العشوائي α بدلالة α هو α هو α الأمل الرياضياتي للمتغيّر العشوائي α متى تكون اللعبة في صالح اللاعب.

التمرين الثالث: (55 نقاط)

(E) ... $4z^2-2z+1=0$: المعادلة ذات المجهول z التالية z المعادلة z المعادلة z المعادلة z المعادلة z على الشكل الأسي حيث z و z حلا المعادلة z . z

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $O;\overrightarrow{u},\overrightarrow{v}$). نعتبر النقط B ، A و B الحقاتها C الحقاتها $z_B=1+i\sqrt{3}$ ، $z_A=4$



اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تقني رياضي / بكالوريا 2018

- . ABC ثم حدد طبیعة المثلث $\frac{z_B-z_A}{z_C-z_A}$ بمبا (أ (1
- ب استنتج أن B هي صورة C بدوران مركزه A يطلب تعيين زاويته .
- وجد لاحقة النقطة D صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه \overline{CB} و استنتج بدقة طبيعة الرياعي (2 ACBD
 - 3) حدّد طبيعة z التي تُحقق ما يلي: z مجموعة النقط z من المستوي المركب ذات اللاحقة z التي تُحقق ما يلي: $|iz+\sqrt{3}-i|=|z-1+i\sqrt{3}|$
 - (γ) بين أنّ النقطة G مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC نتتمي إلى (γ) .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- . $g(x)=2-x+\ln x:$ بعتبر الدالة العددية g المعرّفة على المجال $g(x)=2-x+\ln x$ با
 - أ) ادرس انجاه تغيّر الدالة g على المجال [1;0]
- $-0,15 < \alpha < 0,16$ جيث: $\alpha = 0$ تقبل حلا وحيدا $\alpha = 0$ حيث: $\alpha = 0$
 - .]0;1[على المجال g(x) على المجال g(x) على المجال (2
- . $f(x) = \frac{1-2x+\ln x}{x-1}$: بالدالة العددية المعرّفة على المجال $[1;+\infty[$ بالمجال المعرّفة على المجال ([1]
- . $\left(O;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
 ight)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $\left(C_{f}
 ight)$
- ، ($f(x) = \frac{1-2x}{x-1} + \frac{\ln x}{x-1}$ على الشكل f(x) على الشكل $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ ويمكن كتابة (1) على الشكل (1) احسب (1) ثم فسر النتيجتين بيانيا.
 - $f'(x) = \frac{g\left(\frac{1}{x}\right)}{(x-1)^2}$:]i;+∞[من المجال x من المجال عدد حقیقي x من المجال عدد عقیقي (1)
 - . بين أن f متزايدة تماما على $\left[rac{1}{lpha};+\infty
 ight]$ و متناقصة تماما على $\left[rac{1}{lpha};+\infty
 ight]$ ، ثم شكّل جدول تغيّراتها f
 - y=-2 ادرس الوضع النسبي لـ (C_{f^\perp}) و المستقيم (Δ) ذي معادلة (3
 - . ($f\left(rac{1}{lpha}
 ight)$ \simeq -1.8 يعطى) $\left(C_{f}
 ight)$ ارسم المستقيمين المقاربين و المنحنى و المنحنى (4
 - 5) عين بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m حتى تقبل المعادلة $m=\left| f\left(x\right) \right| -$ حلين متمايزين.