# التطورات الرتبيبة

# الكتاب الأول

# تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

حسب الطبعة 2013 للكتاب

## التمرين 27

.  $f = k v^2$  الشكل المعطى في الكتاب يوافق دافعة أرخميدس مهملة وقوة الاحتكاك -1

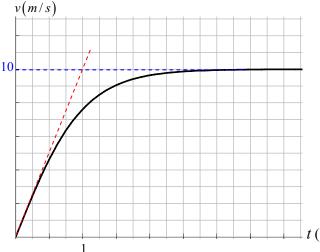
في المجال الزمني [ S ; 2,75 s ] : النظام الانتقالي

من أجل t > 2,75s النظام الدائم

2 - أ) السرعة الحدية: نرسم الخط المقارب الأفقى للبيان فيقطع محور  $v_{i} = 10m/s$  السرعة في القيمة 10 m/s ، ومنه السرعة الحدّية هي

ب) الزمن المميّز: نرسم المماس للبيان في المبدأ ونحدّد فاصلة تقاطعه مع الخط المقارب.

 $\tau = 1 s$  من البيان



## التمرين 28

(1) P = mg : ثقل الجسم – 1

 $P=44,5\times 10^{-3}\times 10=0,445N$  : (1) وبالتعويض في  $m=\rho\ V=8,9\times 5=44,5g$ 

 $\Pi = 
ho'_{eav} Vg = 1 imes 5 imes 10^{-3} imes 10 = 0,05 \, N$  : الماء الذي أزاحه الجسم أزاحه الجسم = 2

 $\Pi = \rho'_{air} Vg = 1,3 \times 10^{-3} \times 5 \times 10^{-3} \times 10 = 6,5 \times 10^{-5} N$ : دافعة أرخميدس في الهواء هي ثقل الهواء الذي أزاحه الجسم = 3التمرين 29

تتحرك الجملة بسرعة ثابتة ، إذن حركتها منتظمة .

 $ec{T}$  وتوترات الحبال التي تشدّه للمظلي : يخضع إلى قوتين هما : ثقله  $ec{P}$  وتوترات الحبال التي تشدّه للمظلي : يخضع إلى قوتين هما : ثقله  $ec{P}$ 

بإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضّح في الشكل : P-T=0 ، ومنه :

 $\vec{P} + \vec{T} = m \; \vec{a} \; :$  بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة المظلى

 $T = P = mg = 60 \times 10 = 600N$ 

.  $ec{T}$  ' وتوتّر الحبال  $ec{T}$  ومقاومة الهواء  $ec{f}$  وتوتّر الحبال  $ec{T}$  .

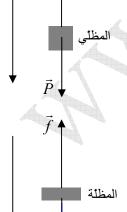
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة المظلة:

. (a = 0)  $\vec{P}' + \vec{T}' + \vec{f} = m' \vec{a}$ 

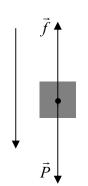
، P'+T'-f=0 : الشكل المحور الموضّع في الشكل المحور الموضّع في الشكل

ولدينا T = T' (إهمال كتلة الحبال) ، ومنه :

 $f = P' + T' = P' + T = 7 \times 10 + 600 = 670N$ 



#### التمرين 30



 $ec{P}+ec{f}=m\;ec{a}$ : بتطبیق القانون الثانی لنیوتن علی حرکة مرکز عطالة المظلی - 1

(1)  $P-f=m\;a$  : الشكل على المحور الموضّع في الشكل المعاقبة على المحور الموضّع في الشكل

mg-k  $v^2=mrac{dv}{dt}$  : الدينا  $a=rac{dv}{dt}$  و بالتالي نكتب المعادلة التفاضلية  $a=rac{dv}{dt}$ 

(2)  $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g$  : نكتب ، m نكتب المعادلة على المعادلة على بتقسيم طرفي المعادلة على المعادلة على بالمعادلة على المعادلة على الم

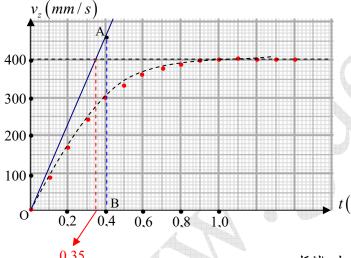
. ونصبح الحركة منتظمة . وفي اللحظة التي تصبح فيها a=0 يصبح f=P يصبح الحركة منتظمة . ولاحتكاك . وفي اللحظة التي تصبح فيها a=0

 $rac{dv}{dt} = 0$  يكون أن نحسبه في أية لحظة . مثلا عندما تكون السرعة ثابتة يكون أن نحسبه في أية لحظة . مثلا عندما تكون السرعة ثابتة يكون k

 $k = \frac{mg}{v^2} = 48,4 \; kg.m^{-1}$  وبالتالي ،  $\frac{k}{m} \; v^2 = g$  : بالتعويض في العلاقة (2)

# التمرين 31

.  $v_0=0$  من البيان نستنتج t=0 أ) نعلم أن السرعة الابتدائية هي سرعة الجسم في اللحظة المام أن السرعة الابتدائية المام أن المام أن السرعة الابتدائية المام أن المام



 $t=0.9~{
m s}$  ب) من البيان نلاحظ أن بعد اللحظة  $v_{s}=0.9~{
m s}$  تصبح سرعة الجسم ثابتة ، وهذه السرعة هي السرعة الحديّة ،  $v_{s}=400~mm/s=0.4~m/s$ 

z - الزمن المميّز للسقوط: فاصلة تقاطع المماس للبيان في المبدأ مع الخط المقارب هي قيمة الزمن المميّز للسقوط.  $\tau=0.36~{
m s}$ 

3 - التسارع هو مشتق السرعة بالنسبة للزمن ، فهو يمثل ميل

 $a_0 = \frac{v_I}{\tau} = \frac{0.4}{0.35} = 1.14 \ m/s^2$  . المماس لبيان السرعة

: على الشكل  $\frac{dv_z}{dt} = g\left(1 - \rho_f \frac{V_s}{m}\right) - \frac{k}{m}v_z$  على الشكل - 4

$$(1) \quad \frac{dv_z}{dt} = g - \frac{\pi}{m} - \frac{k}{m}v_z \quad \text{e.i.} \quad \pi = \rho_f V_s g \quad \text{otherwise} \quad \frac{dv_z}{dt} = g - \frac{\rho_f V_s g}{m} - \frac{k}{m}v_z = g - \frac{m}{m} - \frac{m}$$

 $\pi=0,115\,N$  ومن العلاقة (1) نستنتج  $g-\frac{\pi}{m}=1,14$  ونجد  $\frac{dv_z}{dt}=a_0=1,1\,m.s^{-2}$  ونجد v=0

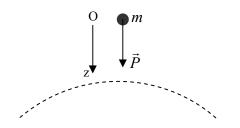
 $k=0.038\;kg/s$  فإن  $v=v_l=0.4m/s$  فإن  $v=v_l=0.4m/s$  فإن في العلاقة (1) نجد في العلاقة (1) في

 $k = \frac{m}{\tau} = \frac{13.3 \times 10^{-3}}{0.35} = 0.038 \ kg/s$  يمكن كذلك حساب ثابت الاحتكاك (k) من عبارة الثابت المميز للحركة

#### التمرين 32

1 - أثناء السقوط لا يخضع الجسم إلا لقوة ثقله (عدم وجود أية مقاومة ، وكأن الجسم يسقط داخل أنبوب نيوتن ) . أنبوب نيوتن هو أنبوب زجاجي يوجد داخله 3 أجسام مختلفة : كرة خشبية صغيرة ، كرة معدنية صغيرة ، ريشة طائر . لما نفرّغ الأنبوب من الهواء نلاحظ أن هذه الأجسام كلها تسقط بنفس الشكل ، أي عندما نقلب الأنبوب شاقوليا ، فإنها تصل إلى أسفل الأنبوب في نفس الوقت . وهذا ما يحدث لهذه الأجسام بجوار سطح القمر . أنبوب نيوتن موجود في مخابر الفيزياء .

الجسم يسقط سقوطا حر"ا على سطح القمر.



$$\vec{P}=m\;\vec{a}$$
 المعادلة التفاضلية : بتطبيق القانون الثاني لنيوتن  $=2$ 

$$\frac{dv}{dt} = g$$
 : وبالتالي ،  $mg = m\frac{dv}{dt}$  : Oz بإسقاط العلاقة على

$$z(t)\;,v(t)\;,\,a(t)\;:$$
 المقصود هو : المعادلات الزمنية : المقصود المعادلات الزمنية : المقصود هو

.  $v(t) = gt + v_0$  : بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة السرعة a(t) = g

$$z(t) = \frac{1}{2}t^2 + v_0 t + z_0$$
 : خصل على معادلة الفاصلة : بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة الفاصلة :

4 - مدّة السقوط: حسب العبارة: " ترك رجل الفضاء جسما يسقط ... " نفهم أن السرعة الابتدائية معدومة .

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{4}{1,6}} = 1,58 \, s$$
 دينا : محيث  $t$  هي مدّة السقوط ، ومنه  $t = \frac{1}{2}gt^2$  : لدينا

 $v = gt = 1,6 \times 1,58 = 2,53 \ m/s$ : سرعة مركز عطالة الجسم

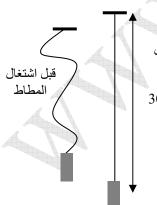
## التمرين 33

1 - بما أن السقوط حر، إذن الشخص لا يخضع إلا لقوّة ثقله أثناء سقوطه:

. القانون الثاني لنيوتن  $\vec{p}=m\vec{g}=m$  ، ومنه  $\vec{q}=\vec{g}$  ، ومنه  $\vec{q}=\vec{g}$ 

معادلات الحركة : a(t) = g ، بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة السرعة :

: الفاصلة بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة الفاصلة :  $v(t) = gt + v_0$ 



لحظة بدء اشتغال المطاط

30 m

 $z(t) = \frac{1}{2}t^2 + v_0t + z_0$ 

 $\vec{a}(0,0,a_z) = (0,0,g)$  هي الشخص الشخص الشخص الشخص

ومنه المسار هو الشاقول (حركة مستقيمة) .

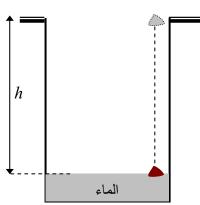
2 - قبل أن يبدأ المطاط في التأثير على الشخص يكون هذا الأخير خاضعا فقط لقوّة ثقله .

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{60}{9.8}} = 2,47 s$$
 ) مدّة السقوط (أ

$$v = gt = 9.8 \times 2.47 = 24.2 \ m/s$$
: ب) السرعة

$$E_C = \frac{1}{2}mv^2 = 0.5 \times 75(24.2)^2 = 21961 J$$
 : جـ) الطاقة الحركية

## التمرين 34



نفرض أن الحجر تركناه يسقط من حافة فوهة البئر . ثم أن عمق البئر المطلوب هو فقط من حافة فوهة البئر حتى مستوى سطح الماء .

نفرض كذلك أن الحجر سقط في البئر سقوطا حرّا .

$$h = \frac{1}{2}gt^2 = 0,5 \times 9,8 \times 4 = 19,6m - 1$$

(سرعة وصول الحجر إلى سطح الماء)  $v = gt = 9.8 \times 2 = 19.6 \ m/s - 2$ 

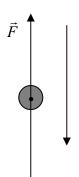
3 - نفرض أن أذن الشخص الذي ترك الحجر يسقط في البئر كانت بجوار حافة البئر.

ينتشر الصوت بسرعة ثابتة  $v_{\rm c}=340\,m/s$  . المدة اللازمة لانتشار الصوت من الماء إلى الأذن

$$t_s = \frac{h}{v_s} = \frac{19.6}{340} = 0.057 \ s$$
 هي إذن

 $t'=t+t_s=2+0,057=2,057$  المدة الزمنية منذ ترك الحجر إلى سماع الصوت هي

## التمرين 35



 $P=mg=
ho_{eau}Vg$ : قل قطرة الماء - 1

.  $\Pi = 
ho_{air} Vg$ : العرة في الهواء تؤثّر على الكرة في الهواء

 $\frac{P}{\Pi} = \frac{\rho_{eau}}{\rho_{air}} = \frac{1000}{1.3} \approx 769$  أنقارن بين ثقل القطرة ودافعة أرخميدس بقسمة الثقل على الدافعة وماء الماء الثقل على الدافعة الماء الماء

نلاحظ أن الثقل أكبر بكثير من دافعة أرخميدس ، لهذا يمكن إهمالها أمام الثقل .

: الشكل المحور الموضح في الشكل :  $\vec{P} + \vec{F} = m \; \vec{a}$  ، وبإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضح في الشكل :  $P - F = m \; a$ 

(1) 
$$\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi r\eta}{m}v = g : \text{ in Indeed in the latter of } mg - 6\pi r\eta v = m\frac{dv}{dt}$$

 $rac{dv}{dt} = 0$  : يبلغ الكرة سرعة حدية ، معناه تصبح سرعتها ثابتة ، وبالتالي -3

(2) 
$$v_l = \frac{mg}{6\pi r\eta}$$
 ومنه  $\frac{6\pi r\eta}{m}v_l = g$  باستعمال العلاقة (1) نكتب

 $m=
ho_{eau} imes V$  : كتلته قطرة الماء : القطرة عبارة عن كرة إذن حجمها هو  $V=rac{4}{3}\pi r^3$  نحسب كتلة قطرة الماء : القطرة عبارة عن كرة إذن حجمها هو

$$m = \rho_{eau} \times \frac{4}{3}\pi r^3 = 1 \times \frac{4}{3} \times 3,14 \times (20 \times 10^{-4})^3 = 3,35 \times 10^{-8} g$$

$$v_l = \frac{3,35 \times 10^{-11} \times 10}{6 \times 3,14 \times 20 \times 10^{-6} \times 1,8 \times 10^{-5}} = 4,9 \times 10^{-2} \ m/s$$
 (2) بالتعويض في العلاقة

$$[k] = \frac{[K][M][T]^{-2}}{[M][T]^{-1}} = [K][T]^{-1} :$$
وحدة  $k = \frac{f}{v}$  ، ومنه  $k = \frac{f}{v}$ 

حيث : K : الكيلوغرام ، M : المتر ، T : الزمن

kg/s هي  $\lambda$  و بالتالي وحدة k و بالتالي وحدة k هي k هي . kg/s النيوتن هو كتلة مضروبة في تسارع ، أي

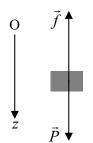
kg/m ، وهي ،  $f=k v^2$  ملاحظة : هناك وحدة أخرى لـ k و k إذا كان الاحتكاك من الشكل

$$v_0 = \frac{mg}{k} = \frac{700}{14} = 50 \ m/s$$
 السرعة الحدّية قبل فتح المظلة  $-2$ 

$$v_1 = \frac{mg}{\lambda} = \frac{700}{350} = 2 \ m/s$$
 السرعة الحدّية بعد فتح المظلة - 3

4- تطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (مظلى + مظلة مفتوحة):

 $P-f=m\;a$  ، Oz وبإسقاط هذه العلاقة الشعاعية على المحور ،  $ec{P}+ec{f}=m\;ec{a}$ 



(1) 
$$\frac{mg}{\lambda} - v(t) = \frac{m}{\lambda} \frac{dv(t)}{dt}$$
 : نكتب  $\lambda$  نكتب  $mg - \lambda$   $v(t) = m \frac{dv(t)}{dt}$ 

(2) 
$$v(t)-v_1=-\frac{m}{\lambda} \frac{dv(t)}{dt}$$
 (1) ولدينا  $v_1=\frac{mg}{\lambda}$  (2) ولدينا

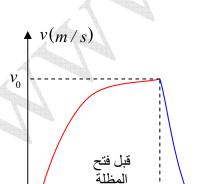
(3) 
$$v(t) = Ae^{\alpha t} + B$$
 : إن حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل

$$Ae^{lpha t}+B-v_{_{1}}=-rac{m}{\lambda}\;Alpha e^{lpha t}$$
 : (2) بالتعويض في المعادلة

: ومنه ، 
$$B-v_1=0$$
 و  $\left(1+\frac{m}{\lambda}\alpha\right)=0$  ومنه ، ولكي تكون هذه المعادلة محققة يجب أن يكون  $Ae^{\alpha t}\left(1+\frac{m}{\lambda}\alpha\right)+B-v_1=0$ 

$$B = v_1 \quad \text{o} \quad \alpha = -\frac{\lambda}{m}$$

لكي نحد A نستعمل الشروط الابتدائية ، أي عند  $t=t_0$  كان  $t=t_0$  ، حيث  $v=v_0$  هي السرعة الحدية قبل فتح المظلة . وبالتعويض



$$A = \frac{v_0 - v_1}{e^{-\frac{\lambda}{m}t_0}}$$
 ومنه  $v_0 = Ae^{\alpha t_0} + B$  : (3) في المعادلة

$$v(t) = (v_0 - v_1)e^{-rac{\lambda}{m}(t-t_0)} + v_1$$
: وبالتالي يكون حل المعادلة التفاضلية

للمزيد : تمثيل السرعة بدلالة الزمن قبل وبعد فتح المظلة