الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

دورة: 2020



الديوان الوطنى للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

المدة: 03 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأوّل: (04 نقاط)

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كلّ حالة من الحالات التالية، مع التبرير:

: المقابل المتغيّر العشوائي X معرّف بالجدول المقابل (1)

 $p(X=x_i)$

 $5^n - n^2$ (=

الأمل الرياضياتي
$$E(X)$$
 للمتغيّر العشوائي X هو:

$$\frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{20}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{3}{20}$ $\frac{3}{20}$ (أ) $\frac{1}{20}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{20}$ $\frac{1}{20$

$$S_n = w_0 + w_1 + w_2 + \dots + w_n$$
 : n نضع من أجل كل عدد طبيعي

$$5^{n+1} - n^2$$
 (ب $5^{n+1} - (n+1)^2$ (أ S_n

$$-2e^{2x} + 5e^{x} - 2 \ge 0$$
 : x نعتبر المتراجحة ذات المجهول الحقيقي (3

مجموعة حلول هذه المتراجحة في مجموعة الأعداد الحقيقية هي:

$$[\ln 2; +\infty[$$
 $(\Rightarrow$ $[-1; -\ln 2]$ $(\Rightarrow$ $[-\ln 2; \ln 2]$ $(\uparrow$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

يحتوي وعاء U على 4 كريات حمراء و 6 سوداء، ويحتوي وعاء V على 5 كريات حمراء و 3 سوداء وكل الكريات متماثلة ولا نفرّق بينها عند اللّمس. نسحب عشوائيا كريتين في آنِ واحد من أحد الوعاءين بالكيفية التالية:

نقوم بسحب بطاقة واحدة عشوائيا من كيس يحتوي على 6 بطاقات متماثلة ومرقمة من 1 إلى 6 ، إذا تحصلنا على V أحد الرقمين V أو V نسحب الكريتين من V و في باقى الحالات نسحب الكريتين من

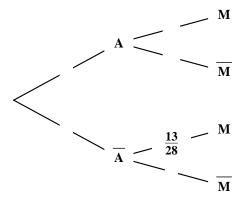
نسمّي A الحدث: " الحصول على أحد الرقمين 3 أو 5 " .

نسمّى М الحدث: " الحصول على كريتين من نفس اللّون".

 $rac{2}{3}$ هو V تحقق أنّ $P(\overline{A})$ احتمال السّحب من الوعاء V

علماً أنّ الكريتين المسحوبتين من U، بيّن أنّ احتمال أن تكونا (2 من نفس اللّون هو $\frac{7}{15}$.

- . P(M) انقل شجرة الاحتمالات المقابلة ثم أكملها واستنتج (3
- احسب $P_{\overline{M}}(A)$ احتمال السّحب من الوعاء U علما أنّ الكريتين المسحوبتين مختلفتا اللّون؟ (4



اختبار في مادة: الرياضيات \ الشعبة: علوم تجريبية \بكالوريا 2020

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n - 1 : n$ معرّفة ب $u_n = \alpha$ عدد حقيقي)، ومن أجل كل عدد طبيعي $u_n = \alpha : u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n$ معرّفة ب

 $\cdot \alpha = -4$ نفرض أنّ (1

 $u_n = -4: n$ برهن بالتّراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي

 $\alpha \neq -4$ نفرض أنّ (2

 $v_n = u_n + 4$: بالمعترفة على مجموعة الأعداد الطبيعية \mathbb{N} بالمعترفة على مجموعة الأعداد الطبيعية (v_n)

- $rac{3}{4}$ أثبت أنّ المتتالية $\left(v_{n}
 ight)$ هندسية أساسها
- ب. اكتب عبارة الحد العام u_n بدلالة n و α ثمّ بيّن أنّ المتتالية (u_n) متقاربة.
 - $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$: n عدد طبيعي من أجل كل عدد طبيعي

 $\lim_{n\to+\infty} S_n$ احسب الله α و α ثم احسب S_n

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $f(x)=x-1-rac{\ln x}{x^2}$ بي: $g(x)=x-1-rac{\ln x}{x^2}$ بيددية $f(x)=x-1-rac{\ln x}{x^2}$

(2cm في مستوٍ منسوب إلى المعلم المتعامد المتعامد المتجانس ($O;\vec{i},\vec{j}$) التمثيل البياني لـ f في مستوٍ منسوب إلى المعلم المعام المتعامد المتجانس (\mathcal{C}_f)

 $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ و فسّر النتيجة هندسيا ثمّ بيّن أنّ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ أ . احسب

 $+\infty$ عند (\mathcal{C}_f) عند مائل المنحنى y=x-1 عند عند عند المعادلة بيّن أنّ المستقيم (Δ)

 (Δ) بالنسبة إلى المستقيم (\mathcal{C}_f) بالنسبة الى المستقيم

g الدالة العددية g معرّفة على المجال g: بين أنّ g متزايدة تماماً على g على g متزايدة تماماً على g متزايدة تماماً على g

.]0;+ ∞ [من المجال g (x) من المجال g ثمّ استنتج إشارة وg (x) حسب قيم

 $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$: $]0;+\infty[$ من المجال x عدد حقیقی عدد حقیقی . $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$. $[0;+\infty[$

 $oldsymbol{\psi}$ ب. استنتج اتجاه تغیّر الدالهٔ f ثمّ شکّل جدول تغیّراتها.

بيّن أنّ التمثيل البياني (\mathcal{C}_f) يقبل مماسا (T) موازيا للمستقيم (Δ)، ويُطلب تعيين معادلة له.

 \cdot (\mathcal{C}_f) و (Δ) (T) أنشئ (5)

 $h(x) = -|x| + 1 + \frac{\ln|x|}{x^2}$: ب $-\infty; 0[\cup]0; +\infty[$ معرّفة على h معرّفة على (6)

أ. بيّن أنّ h دالة زوجية.

 (C_h) الممثّل للدالة h انطلاقا من (C_f) . (لا يُطلب انشاء المنحنى الممثّل للدالة المثل الممثّل الممثّل المعرّل الممثّل المعرّل الممثّل المعرّل المعرل المعرّل المعرّل المعرل ال

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

عيّن الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات التالية، مع التبرير:

. $f(x) = -x + \ln x$: بالشكل $f(x) = -x + \ln x$ نعتبر الدّالة $f(x) = -x + \ln x$ نعتبر الدّالة والمعرّفة على المجال

:f على المجال $]0;+\infty$ الدّالة

أ) متزایدة تماما ب) متناقصة تماما ج) غیر رتیبة

2) يتكون فريق عمل من 4 إناث و 3 ذكور، يراد تشكيل لجنة تضم 3 أعضاء.

احتمال أن تكون اللجنة من الجنسين هو:

$$\frac{1}{7}$$
 (\Rightarrow $\frac{4}{7}$ (\Rightarrow $\frac{6}{7}$ (\uparrow

(3) لتكن (u_n) متتالية هندسية أساسها e وحدها الأول u_0 -حيث: $u_0=e^{-\frac{1}{2}}$ التكن (u_n) متالية هندسية أساسها e وحدها الأول $S_n=\ln\left(u_0\times u_1\times\cdots\times u_n\right)$ نضع: n نصع: n نضع: n نصط: n

 S_n يساوي:

$$\frac{n^2}{2} \quad (\Rightarrow \qquad \qquad \frac{n^2+1}{2} \quad (\Rightarrow$$

$$\frac{n^2-1}{2}$$
 (1)

التمرين الثاني: (04 نقاط)

كيس به ثلاث كريات بيضاء وكريتين حمراوين لا نميّز بينها عند اللمس، نسحب عشوائيا كريتين على التوالي من الكيس بالكيفية التالية: إذا كانت الكرية المسحوبة بيضاء نعيدها إلى الكيس و إذا كانت حمراء لا نعيدها إلى الكيس .

1) أ. انقل شجرة الاحتمالات المقابلة ثم أكملها.

 $B = \frac{2}{5} - \frac{B}{R}$

B يرمز إلى الحصول على كرية بيضاء و R إلى الحصول على كرية حمراء.

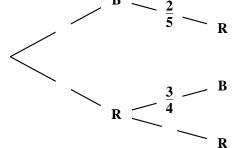
ب. احسب احتمال أن تكون الكرية المسحوبة الثانية حمراء.

ك) ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب لكريتين عدد الكريات الحمراء المسحوبة.

أ. عيّن مجموعة قيم المتغير العشوائي X .

X. بيّن أنّ: $\frac{27}{50}=(X=1)$ ، ثمّ عرّف قانون احتمال المتغير العشوائي .

X الأمل الرياضياتي للمتغير العشوائي X .



اختبار في مادة: الرياضيات \ الشعبة: علوم تجريبية \بكالوريا 2020

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $u_{n+1}=3u_n-2n+3$: n عدد طبيعي عدد طبيعي $u_0=0$ المتتالية العددية u_n معرفة كما يلي:

- (u_n) احسب کلا من u_1 و u_2 ثم خمّن اتجاه تغیّر المتتالیة (1
- $v_n = u_n n + 1$: ب المتتالية العددية المعرّفة على المتتالية (v_n) بتكن (2
- أ . بيّن أنّ (v_n) متتالية هندسية أساسها 3 ، يُطلب حساب حدّها الأول.
 - . n بدلالة n ثم استنتج عبارة الحدّ العام v_n بدلالة n
 - (u_n) ادرس اتجاه تغیّر المتتالیة
- . $S_n=u_0+u_1+\cdots+u_n$ نضع: n نضع عدد طبیعي من أجل كل عدد عدد طبیعي

$$S_n = \frac{1}{2}(3^{n+1} + n^2 - n - 3)$$
 : n عدد طبیعي أ. أ. بیّن أنّه من أجل كل عدد طبیعي

 $\lim_{n\to +\infty} S_n$: ب

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $\cdot \left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j} \right)$ المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (I

$$g(x)=2x^2+2x-2xe^x$$
: ب $\mathbb R$ بالمرفق، g المعرّفة g المعرّفة على المّنكل المرفق، (Γ) المنحنى الممثِّل للدّالة والمعرّفة على المّنكل المرفق،

 $x\mapsto e^x$:المستقيم ذو المعادلة: y=x و (γ) المنحنى الممثل للدالة: (Δ)

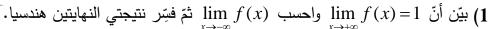
بقراءة بيانية:

$$e^{x} - x > 0$$
: x برّر أنّه من أجل كل عدد حقيقى (1

.
$$g(0) = 0$$
 علما أنّ $g(x)$ علما العدد الحقيقي x اشارة العدد تبعا لقيم العدد الحقيقي

$$f(x) = -1 + \frac{2e^x}{e^x - x}$$
 : ب \mathbb{R} بالدّالة العددية f معرّفة على (II

. المعلم البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم السابق (C_f) ليكن



.
$$f'(x) = \frac{2e^x(1-x)}{(e^x-x)^2}$$
 يكون: عدد حقيقي x يكون: (2

ب. استنتج اتجاه تغيّر الدّالة f ثمّ شكِّل جدول تغيّراتها.

 (C_f) المماس للمنحنى الما الماما الماما الماما الماما الماما الماما الماما المامام المامام

$$f(x) - (2x+1) = \frac{g(x)}{e^x - x}$$
 يكون: $f(x) - (2x+1) = \frac{g(x)}{e^x - x}$ يكون:

 (C_f) و (T_f) و النسبي لـ (C_f) و النسبي لـ (C_f) على (C_f) على النقطة (C_f)

$$-0.6\langlelpha\langle-0.5:$$
 ثم تحقق أنّ $]-\infty;1$ نقبل حلا وحيدا $lpha$ في المجال $f(x)=0$ ثم تحقق أنّ $f(x)=0$

 $\cdot(C_f)$ انشئ المماس $\cdot(T)$ والمستقيمين المقاربين ثم المنحنى المالين ثم

