الجمهورية الجزائرية الديمفراطية الشعببة

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: 2016 دورة: 2016

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجربيبة

الحدة: 03 سا و30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن بختار أحد الموضوعين التلبين:

<u>الموضوع الأوَل</u>

التمرين الأول: (04 نقاط)

. $P(z) = z^3 - 24\sqrt{3}$: $z - 24\sqrt{3}$ عدد مرکب -1

اً) تحقق ان 0−(2√3) . 4

 $P(z) = (z-2\sqrt{3})(z^2+az+b): z$ ببر) جد الحدين الحقيقين a ر a بحيث من أجل كل عدد مركب ب

P(z) =0 مجموعة الأعداد المركبة U ، المعادلة المراب .

2 المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $B:A:\left(O(n,v)\right)$ و $B:A:\left(O(n,v)\right)$ واحقها على $z_n=\sqrt{3}$ ، $3i:z_n=\sqrt{3}+3i$ التركيب: $3i:z_n=\sqrt{3}$

 $rac{1}{2}$ کتب علی الشکل الجبري العدد المرکب $rac{Z_1-Z_2}{Z_1-Z_2}$.

 $z_n = z_N$ بين أنه يوجد دوران r مركزه A و يحول النقطة B إلى النقطة C ، يطلب تعيين زاويته .

ج) استنج طبيعة المثلث ABC

. \overrightarrow{ABDC} عَنْ $\overset{-}{O}$ لعقة النقطة D صورة النقطة C بالانسحاب الذي شعاعه $\overset{-}{AB}$ ، ثغ حدد بدلة طبيعة الرباعي $\overset{-}{O}$

 $k\in\mathbb{Z}$ عين $\binom{2}{7}=2k\pi$ عين $\binom{6}{7}=2k\pi$ عين $\binom{6}{7}$ مجموعة النقط Mمن المستوي ثات اللاحقة غير المعدومة n بحيث: n

(الحدد 🛪 هو مرافق المعدد ج).

التعرين الثاني: (04 نقاط)

A(1;0;2) الغضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس O(i,j,k) الغضاء منسوب إلى المعلم النقطة المتعامد والمتجانس الغضاء الغضاء منسوب الذي يشمل النقطة المتعامد والمتجانس الغضاء المتعامد المتعامد والمتجانس المتعامد والمتجانس المتعامد والمتعامد والمتعامد

 $x = \lambda$ وشعاع توجيد له (2;1;-1) ونبكن (Δ') المستقيم المعرّف بالتمثيل الوسيطي الثالي : (2;1;-1) م ونبك $z = 2 + \lambda$

 (Δ) اكنت تمثيلا وسيطيا تلمستقيم (Δ) .

(-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1) (-1)

برَن أَنَ النَّمَلَةَ B(-1;3;1) هي المسقط العمودي النَّفِطَةَ A على المستقرم $(\Delta')_+$

 (Δ') عمودي على كل من المستقيم (AB) عمودي على كل من المستقيمين (Δ') و

 (Δ') استنتج المسافة بين المستقيمين (Δ) ر

 $h(t) = AN^2$ بَتُكُن N نَقَطَة إحداثياتها (-2+i;2+i;t) حَبِيثُ (+2+i;t) وانكن h الدالة المعرفة على x به x = 3 ميث x = 3 أي بين أنّ النفطة x بتنمى إلى المستنبع (Δ') ، ثم الكتب عبرة x = 1 بين أنّ النفطة x = 1 بتنمى إلى المستنبع (Δ') ، ثم الكتب عبرة x = 1

ب) استنتج قيمة العدد العقوقي r التي تكون من أجلها المسافة AN أُسخر ما يمكن، ثم قارن بين القيمة الصنوى للدالة h والمسافة AB.

التمرين الثالث: (5) نقاط)

•
$$f(x) = \frac{13x}{9x + 13}$$
 : يلي : $f(x) = [0,4]$ للمجال أم المجال الدالة المددية f المعرفة على المجال

أ) بين أن النالة ﴿ متزايدة تمام على المجال] .

ب بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $f\left(x
ight) = f\left(x
ight)$ بنتمي إلى ا

المعزّفة على \mathbb{R} بعد ها الأول $u_n = f(u_n) = u_n$ من أجل كل عند طبيعي $u_n = 1$ لتكن المنتالية العندية $u_n = 1$ المعزّفة على \mathbb{R} بعد طبيعي $u_n = 1$ برهن بالتراجع أنه من أجل كل عند طبيعي $u_n = 1$.

ب) ادرس اتجاه تغيّر المنتائبة (ع) ، ثغ استنتج أنها متقاربة .

 $a_{ij} \neq 0: n$ بنِن أنه من أجل كل عدد طبيعي $a_{ij} \neq 0: n$

 $v_{v}=2+rac{13}{a_{s}}$ كما رثي: N كما المنتقلية العددية المعزيّة على N كما رثي: -4

اً) برهن أنَّ المتكالية $(
u_n)$ حصابية بطلب تعيين أساسها وحدُّهَا الأول u_n .

ب) اکتب _دہ بدلالة n.

ج) استانج آن : $\frac{52}{36n+13}$ من أجل كل عدد طبيعي n ، ثم احمد $\frac{52}{36n+13}$: ربانا من أجل كل عدد طبيعي

التمرين الرابع: (07 نفاط)

. $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1)$ بنكن الدائة للمعدية g المعرفة على المحال g انكن الدائة للمعدية g المعرفة على المحال النبيري).

[- ادرس تغیرات الدائة ج ، ثغ شكل جدول تعیرانها .

z=-0.34<lpha<-0.33: بين أن المعادلة g(x)=0 حلا وهيدا lpha حيث z=-0.34

[x] = 1استنتج إشارة g(x) حسب قيم العدد الحقيقي x من المجال g(x)

. $f(x) = \frac{e}{x+1} + \frac{\ln(x+1)}{(x+1)^2}$: x = -1 (د: x = -1 المعرفة على المحال x = -1 المعرفة على المحال x = -1

 $\left(C_{j}
ight)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلّم المتعامد والمتهانس $\left(C_{j}
ight)$

ا بين أن $-\infty = \lim_{x \to \infty} f(x)$ والصلب $\lim_{x \to \infty} f(x)$ ، ثمْ ضَر التَّتِيجِتِينَ هنسواً ، أَمْ ضَر التَّتِيجِتِينَ هنسواً ،

ب) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $[-1;+\infty[$: $-\frac{g(x)}{(x+1)^3}$ - $-1;+\infty[$ هي مشتقة الدالة f).

ج) ادرين اتجاء تغيّر الدالمة f على المجال]+i+ot ، ثمّ تبكّل جدول تغيّراتها .

د) ارسم المنحنى (C_f) ، (نقبل أنَّ: 3.16 (C_f)

 $[-1;+\infty]$ بين أنّ النالة: $[1+\ln(x+1)]+1+\infty$ هي دللة أصطبة الدللة $[x+1] \mapsto x \mapsto \frac{-1}{x+1}$ على المجال [x+1]

ب) احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحدي (C_j) وحامل محور الغُراسيل والمستقيمين النَّذين معادلناهما على الثوائي: x=0 و x=0

k و (C_1) تمثیلیا البیانی فی المعلم السابق، -[x] = f(-|x|) تمثیلیا البیانی فی المعلم السابق، -3 بین أن الدالة k زرجیة.

 (C_i) بين كيف يمكن استنتاج المنحنى (C_i) العقلاقا من المنحنى (C_i) ثم ارسمه (دون دراسة تغيّرات الدالمة (C_i)

ج) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m حدد وإشارة حلول المعادلة $k\left(x
ight) = k\left(x
ight)$

اتتهى العوضوع الأؤل

الموضوع انثاني

التيرين الأول: (55 تقاط)

C(-3(-1;-1)) و B(0;-1;2) ، A(2;1;-3) وتعثير النقط $\{\sigma(\hat{t},\hat{f},\hat{k}\}\}$ و B(0;-1;2) و B(0;-1;2) و الغضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس C(-3,-1;-1) و تعين مستوياء $\{b,-1\}$

(ABC) بيّن أن المعادلة: 0 = 3 = -2 = 7 = 2 = 3 معادلة ديكارتية المستوى

2- اكتب معادلة ديكارتية للمستوي (٩) الذي يشعل النقطة ٨ ويعامد المستثيم (٩٠) .

(P) و ((P)) و ((D)) بقاطع المستويين ((D)) و ((P)).

ABC بيّن أن المستقيم (D)حمود في المثلث D

4 البكن (۵) المتوسط المنطق بالضلع [AC] في العثلث ABC.

$$x = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} k$$
 تعثیل رسیطی للستانیہ $\begin{cases} x = -\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} k \\ y = k \end{cases}$ تعثیل رسیطی للستانیہ $\begin{cases} x = -\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} k \\ z = -2 - 4k \end{cases}$

Aبین آنّ المستنیمین(D) ر (Δ) ینقاطعان فی نقطهٔ A بطنب تعیین بحنائیاتها،

ج) بين أنّ المثلث ABC متماري الساتين .

أ منذا ثمثل الفقطة G بالنسبة للمثلث (a)

 $\|MA + MB + MC\| = 3$ عَنِيَ طَهِيمَةُ وَعِنَاصِرَ السَّمِوعَةُ (E) لَلْنَفْظُ M مِن الْفَضَاءُ الذي تحقق (E) عَنْ طَهِيمَةُ وَعِنَاصِرَ السَّمِيمَ الثَّالَيْنِ: (4.50) تقاط)

. (2 \overline{z} +5)(\overline{z}^2 + \overline{z} +1) =0 كامئ المعادلة (E) كامئ أثبت أن المعادلة (أz -1

. (E) على في المجموعة C المعادلة (E).

D في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $\{\sigma, u, v\}$. تعتبر النقط $C \cdot B \cdot A$ و C التي -2

$$z_0=-rac{5}{2}$$
 ، $z_c=-1$ ، $z_h=\overline{z}_A$ ، $z_A=rac{1}{2}\cdotrac{\sqrt{3}}{2}i$ ؛ بالترتيب على الترتيب

أ) تكتب كلا من الحدين رح و وع على الشكل الأسي.

ب) أنشئ النقط C . B . A و D.

 $z_B = z_C + z_B(z_J - z_C)$: نبث آن (ج

د) استنتج ملبيمة المثلث ABC .

S - ليكن S النشابه المباشر الذي مركزه S وزاويته $\frac{\pi}{3}$ و نسبه S ولتكن S صورة S بالتحويل S - أنشئ التقطة S الذي حائد طبيعة المشاء S

k عين طبيعة المجموعة (Γ) للنقط M من المستوي ذات اللاحقة π حيث π الما يتغير π في المجموعة π

اخبار في مادة: الرباطيات / الشعبة: علوم تجريبة / بكالوربا 2016

التعرين الثالث: (4,50 نفاط)

مثالية عدية معرفة على الآ مجموعة الأعداد الطبيعية الحدما الأول $u_0=0$ ومن أجل كال عدد طبيعي (u_n)

.
$$v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2}$$
: يا معرفة من أجل كل عدد طبيعي $u_{n+1} = \frac{2u_n + 2}{u_n + 3}$: يا $u_{n+1} = \frac{2u_n + 2}{u_n + 3}$:

q بين أنَّ المتتالية (v_n) هندسية بطلب تعيين أساسها q وحذها الأولى v_n - 1

2- أ] عبر بدلالة ١١ عن عبارة المدالعام ٧٠٠.

ب) استنتج عبارة الحد العام إنه بدلالة n .

.
$$\lim_{n \to \infty} u_n$$
 بسبب u_n بسبب u_n . $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$. v_n المجموع: n المجموع: n المجموع: n يُحقَقُ أَن: $(1 - v_n) = \frac{1}{3} (1 - v_n)$ عند طبعي n . n يُحقَقُ أَن: $(1 - v_n) = \frac{1}{3} (1 - v_n)$

$$S_n' = \frac{1}{u_0 + 2} + \frac{1}{u_1 + 2} + \dots + \frac{1}{u_n + 2}$$
 (4) (4)

التمرين الرابع: (06 نفاط)

g(x)=2e'-x'-xب تنكن g الدالة العديرة المعزلة على ${\mathbb R}$ بن x

(x) الحسب (x) (x) من أجل كل (x) من (x) ، ثم انرس اتجاء تغير الثالة (x) (حيث (x) هي مثلثة الثائة (x)x > 0بين أنه، من أجل كل x من x > 0

حـ) احسب نهايتي الدالمة ابي عند كل من ∞− و ∞+، ثمّ شكّل جنول تغيّراتها .

-1.38 < lpha < -1.37: بين أنّ المعادلة g(x) = 0 نقبل حلا وجودا lpha حيث -2

ق- استنتج إشارة (x) ج حسب قبح العدد المتقبقي x .

. $f(x) = \frac{x^3 e^x}{e^x - x}$ ب $\exists x \in \mathbb{R}$ الدالة المعرفة على $\exists x \in \mathbb{R}$

 C_{j} وليكن C_{j} تمثيلها البياسي في المستوي المنسوب إلى المطم المتعاهد والمنجانس C_{j} .

ا انسب f(x) و $\lim_{x \to \infty} f(x)$

ر) بيْن أنّه ، من أجل كل x من x من x من x أو $f'(x) = \frac{xe'g(x)}{\left(e^x - x\right)^2}$ ، x من أنّه ، من أنّه ،

م الله على المحادث و الدالة الله على الله المكل جدول تغيراتها المكل جدول تغيراتها .

+f(lpha) بين ان $f(lpha)=lpha^2+2lpha+2+rac{2}{lpha-1}$ بين ان $f(lpha)=lpha^2+2lpha+2+rac{2}{lpha-1}$

ب) احسب $\int_{0}^{\infty} f(x) - x^2$ با احسب النتيجة بيانيا .

 $(f(\alpha) = 0.29)$. (C_{ij}) انشئ المغطني (C_{ij})