

الإجابة النموذجية و سلم التقييم

امتحان شهادة البكالوريا دورة : 2012

المادة : رياضيات الشعبة : رياضيات

العلامة		محتاور الموضوع
المجموع	مجزأة	
04		التمرين الأول: (04 نقاط)
	0.25×3 $z_2 = \frac{\sqrt{2}-i\sqrt{2}}{2}$ ، $z_1 = \frac{\sqrt{2}+i\sqrt{2}}{2}$ ، $\Delta = (i\sqrt{2})^2$ (1)
	0.25×3 $\frac{z_A}{z_B} = e^{i(\frac{\pi}{3})}$ ، $z_B = e^{i(\frac{\pi}{4})}$ ، $z_A = e^{i(\frac{\pi}{4})}$ (2)
	0.25×4 بـ $z_{P'} = 1+i$ ، $z_P = 1+i$ ، $z' = e^{i(\frac{\pi}{4})}$ (3)
	0.75 $\Delta = (x'Oy)$ ومنه $z_B = \bar{z}_A$
	0.25 بـ $\left(\frac{z-z_1}{z-z_2}\right)^2 = 1$ يستلزم $ z-z_A = z-z_B $ إذن $M(z) \in (\Delta)$ ومنه z حقيقي
04		التمرين الثاني: (04 نقاط)
	0.5 1/ أ. العدد 2011 أولي لأنه لا يقبل القسمة على 2 ، 3 ، 5 ، 7 ، 11 ، 13 ، 17 ، 19 ، 23 ، 29 ، 31 ، 37 ، 41 ، 43 و $47^2 > 2011$
	0.5×2 بـ $579 = 274 \times 2 + 31$ ، $1432 = 579 \times 2 + 274$ ، $2011 = 1432 \times 1 + 579$ ، $2011 \times 5 - 1432 \times 7 = 31$
	0.5 ومنه $(x_0; y_0) = (5; 7)$ ، $x = 1432k + 5$ ، $y = 2011k + 7$ حيث $k \in \mathbb{Z}$
	0.5 2/ $2^{3k+2} \equiv 4[7]$ ، $2^{3k+1} \equiv 2[7]$ ، $2^{3k} \equiv 1[7]$
	0.5 باقي قسمة $2011^{1432^{2011}}$ على 7 هو 2 لأن $2011 \equiv 2[7]$ و $1432^{2011} \equiv 1[3]$
04		التمرين الثالث: (04 نقاط)
	0.5 1) $\overline{AB} (3; -4; 0)$ و $\overline{AC'} (-1; 2; 2)$ غير مرتبطين خطيا
	0.5 $\overline{nAB} = 0$ و $\overline{nAC} = 0$
	0.5 2) $(P): 4x + 3y - z - 12 = 0$
	0.5×2 3) $(P'): 6x - 8y + 7 = 0$ بـ $(P''): 2x - 4y - 4z + 3 = 0$
	0.75 $\rightarrow \begin{cases} x = -\frac{7}{6} + 4t \\ y = 3t \\ z = +\frac{1}{6} - t \end{cases}$ (يقبل أي تمثيل وسيطي آخر)
	0.75 4) $(P) \cap (P') \cap (P'') = \{\emptyset\}$ ومنه $\left(\frac{37}{26}; \frac{101}{52}; -\frac{25}{52}\right)$

العلامة		محلور الموضوع								
المجموع	مجزأة									
08		التمرين الرابع: (08 نقط)								
	0.25×2	$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 2(1-l)$								
	0.25×2	$g'(x) = (x+1)e^x$ وإشارته								
	0.25	جدول التغيرات								
	3×0.25	(2) g لا تقبل حولا في $]-\infty; -1]$ وتقبل حلا وحيدا في $]-1; +\infty[$ ، $g(0,8) \times g(0,9) < 0$ ، إشارة $g(x)$ (3)								
	0.25	<table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>α</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$g(x)$</td><td></td><td>+</td><td>0 -</td></tr></table>	x	$-\infty$	α	$+\infty$	$g(x)$		+	0 -
	x	$-\infty$	α	$+\infty$						
	$g(x)$		+	0 -						
	0.25	(1 - II) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ، $y = 0$ معادلة مستقيم مقارب لـ (C_f)								
	0.25	(2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ (1)								
	0.25	(ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x+1)] = 0$								
	0.25	(3) $f(x) \cdot (x+1) = -\frac{(x+1)e^x}{e^x + 2}$ ، إشارته								
	0.25	إذا كان $x \in]-\infty; -3]$ فإن (C_f) أعلى (Δ') وإذا كان $x \in]-1; +\infty[$ فإن (C_f) أسفل (Δ')								
	0.25	$f(x) - x = \frac{g(x)}{e^x + 2}$								
	0.50	إذا كان $x \in]-\infty; \alpha[$ فإن (C_f) أعلى (Δ) وإذا كان $x \in]\alpha; +\infty[$ فإن (C_f) أسفل (Δ)								
	2×0.25	(4) $f'(x) = \frac{2g(x)}{(e^x + 2)^2}$ ، ومنه f متزايدة تماما على $]-\infty; \alpha[$ ومتناقصة تماما على $]\alpha; +\infty[$								
	0.50	(ب) $f(\alpha) = \alpha$ ، جدول تغيرات f								
	0.50	(5) الرسم								
	(6) المتناقصة: إذا كان $m \in]-\infty; -1]$ للمعادلة حل واحد.									
	إذا كان $m \in]-1; \alpha[$ للمعادلة حلين.									
0.50	إذا كان $m = \alpha$ للمعادلة حل مضاعف.									
	(1 - III) $0 \leq U_0 < \alpha$ لأن: $U_0 = 0$									
0.50	نفرض $0 \leq U_n < \alpha$ ومنه $f(0) \leq f(U_n) < f(\alpha)$ ، f متزايدة تماما على $[0; \alpha]$									
	أي: $0 \leq \frac{2}{3} \leq U_{n+1} < \alpha$ ومنه الخاصية صحيحة يوما									
0.50	(2) تمثيل الحدود ، التخمين (U_n) متزايدة تماما									
	(3) $U_{n+1} - U_n > 0$ لأن: $U_n < \alpha$ إذن (U_n) متزايدة تماما									
0.50	ومحدودة من الأعلى فهي متقاربة									
0.25	نهايتها ! نطق $f(l) = l$ ومنه $l = \alpha$									

معايير الموضوع	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	العلامة												
	التمرين الأول: (04 نقاط)													
0.25	(1) $\Delta = (2i)^1$ ، $z' = \sqrt{3} + i$ ، $z'' = \sqrt{3} - i$ ، $z_1 = 2$ ، $z_2 = -2$	5x0.25												
0.25	(2) النقط A ، B ، C ، D تنتمي إلى الدائرة (γ) التي مركزها المبدأ O ونصف قطرها 2	0.25												
0.25	إنشاء النقط	0.25												
0.50	(3) $\frac{z_f - z_c}{z_f - z_e} = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i = e^{i(\frac{\pi}{3})}$	0.50												
0.25	(ب) مسورة A بالنور R الذي مركزه C وزاويته $-\frac{\pi}{3}$	0.25												
0.25	(ج) مثلث متقايس الأضلاع	0.25												
0.75	(د) التحويل RoH تشابه مياثر مركزه $\left(-\frac{\sqrt{3}}{3}; -1\right)$ ، نسبه 2 وزاويته $-\frac{\pi}{3}$	0.75												
0.50	مسورة (γ') هي لدائرة $\Omega(\sqrt{3}; -1)$ ونصف قطرها 4	0.50												
	التمرين الثاني: (04 نقاط)													
0.25	(1) A ، B و C تعين مستويا (P_1) لأن \overline{AB} و \overline{AC} غير مرتبطين خطيا	0.25												
0.50	$(P_1): \begin{cases} x = -1 + \mu \\ y = 1 - 2\lambda - \mu \\ z = 1 - 2 \end{cases} ; \mu \in \mathbb{R}, \lambda \in \mathbb{R}$ (يقبل أي تعجيل وسيطي آخر)	0.50												
0.75	(2) $(\Delta): \begin{cases} x = -2t \\ y = 2 \\ z = 1 - t \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$	0.75												
0.50	(3) O هي مرجع الجملة: $\{(A; 1), (B; 1), (C; -1)\}$	0.50												
0.50	(4) (S) هي سطح كرة مركزها O ونصف قطرها $2\sqrt{3}$	0.50												
0.75	(ب) $B(2; 2; 2)$ و $D\left(-\frac{14}{5}; 2; -\frac{2}{5}\right)$	0.75												
0.5+0.25	(ج) مثلث متساوي الساقين والمسافة بين O و (Δ) هي $2\sqrt{\frac{5}{9}}$	0.5+0.25												
	التمرين الثالث: (04 نقاط)													
0.5	(1) أ- يوافي قسمة كل من الحدود $u_0, u_1, u_2, u_3, u_4, u_5$ على 7 : <table><tr><th>الحدود</th><th>u_0</th><th>u_1</th><th>u_2</th><th>u_3</th><th>u_4</th></tr><tr><th>اليوافي</th><td>2</td><td>3</td><td>2</td><td>3</td><td>2</td></tr></table>	الحدود	u_0	u_1	u_2	u_3	u_4	اليوافي	2	3	2	3	2	0.5
الحدود	u_0	u_1	u_2	u_3	u_4									
اليوافي	2	3	2	3	2									
0.5	ب- $a = 2$ و $b = 3$	0.5												
0.75	(2) $u_{n+2} = 36u_n - 63$ ومنه $u_{n+2} \equiv u_n[7]$	0.75												
0.25-0.75	ب- إثبات أن: $u_{2k} = 2[7]$ واستنتاج أن $u_{2k+1} = 3[7]$	0.25-0.75												
0.5	(3) أ- (v_n) متتالية هندسية أساسها 6 وحدها الأول $\frac{71}{5}$	0.5												
0.5+0.25	ب- $u_n = -\frac{71}{5}6^n + \frac{9}{5}$ ، $S_n = \frac{71}{25}(6^{n+1} - 1) + \frac{9}{5}(n+1)$	0.5+0.25												

العلامة		محلور الموضوع												
المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثالث)												
		التمرين الرابع: (8 نقاط)												
	0.75	$g'(x) = \frac{2x+1}{(x-1)^2}$ و $g(3) = -\frac{3}{4} + 2\ln 4$ $\lim_{x \rightarrow -1} g(x) = +\infty$ (1-7)												
		جدول التغيرات :												
	0.25	<table><tr><td>x</td><td>-1</td><td>$-\frac{1}{2}$</td><td>3</td></tr><tr><td>$g'(x)$</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr><tr><td>$g(x)$</td><td>$+\infty$</td><td>$1-2\ln 2$</td><td>$-\frac{3}{4} + 2\ln 4$</td></tr></table>	x	-1	$-\frac{1}{2}$	3	$g'(x)$	-	0	+	$g(x)$	$+\infty$	$1-2\ln 2$	$-\frac{3}{4} + 2\ln 4$
x	-1	$-\frac{1}{2}$	3											
$g'(x)$	-	0	+											
$g(x)$	$+\infty$	$1-2\ln 2$	$-\frac{3}{4} + 2\ln 4$											
	0.5+0.25	(2) لدينا $g(0) = 0$ و $g(\alpha) = 0$ حيث $-0.8 < \alpha < -0.7$ حسب مبرهنة القيم المتوسطة (3) إشارة $g(x)$												
	0.25	<table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>α</td><td>0</td><td>3</td></tr><tr><td>$g(x)$</td><td></td><td>+</td><td>0</td><td>- 0 +</td></tr></table>	x	$-\infty$	α	0	3	$g(x)$		+	0	- 0 +		
x	$-\infty$	α	0	3										
$g(x)$		+	0	- 0 +										
08	0.25	$h'(x) = 2g'(x) \times g(x)$ (4)												
	0.5+0.25	(ب) إشارة $h(x)$ + جدول تغيرات h												
	0.25	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 1$ (1-11)												
	0.25	$y = x : (T)$												
	0.50	$f'(x) = \frac{xg(x)}{\ln^2(x+1)}$ (2)												
	0.50	f متناقصة تماماً على $]-1; \alpha]$ و متزايدة تماماً على $[\alpha; 3]$												
	2×0.25	(ب) $f(\alpha) = 2\alpha(\alpha+1)$ وتعيين حصر $f(\alpha)$												
	3×0.25	(ج) $f(3) = \frac{9}{\ln 4}$ و $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 0$ ، جدول التغيرات												
	0.50	(1-3) $x \in]-1; 3]$ فإن: $x - \ln(x+1) \geq 0$ (دراسة اتجاه تغير $x \mapsto x - \ln(x+1)$)												
	0.25	(ب) $f(x) - x = \frac{x(x - \ln(x+1))}{\ln(x+1)} \geq 0$ أي (C_f) أعلى (T)												
	0.50	(4) (T') : $y = x - \frac{9}{\ln 4} - 3$												
	0.50	(5) رسم (T) ، (T') و (C_f)												
		(6) لما $m < 0$ لا توجد حلول ، لما $m = 0$ حل مضاعف ، لما $m \in]0; 1[$ يوجد حلان												
	0.50	لما $1 < m < \frac{5}{\ln 4} - 3$ للمعادلة حل واحد لما $m > \frac{5}{\ln 4} - 3$ ليس للمعادلة حلول.												