الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: جوان 2015

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

المسدة: 03 سا و30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04,5 نقطة)

 $f(O; \hat{t}, \hat{j}, \hat{k})$ الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

. $D\left(1;1;4
ight)$ و $C\left(3;3;1
ight)$ ، $B\left(1;2;2
ight)$ ، $A\left(2;1;0
ight)$ و نعتبر النقط

رتية له. x-y+z-1=0 تعيّن مستويا وأنّ x-y+z-1=0 معادلة ديكارتية له. (1

2) بيّن أنّ المثلث ABC متقايس الأضلاع ، ثمّ تحقّق أنّ مساحته هي $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ وحدة مساحة.

. D عَيْن تَمْثَلِلْ وَسَيْطِيا للمُسْتَقَيْمِ Δ العمودي على المستوي (ΔBC) والذي يشمل النقطة (3

(ABC) هي المسقط العمودي للنقطة D على المستوي (4

أ) عين إحداثيات النقطة E ثمّ احسب المسافة بين النقطة D والمستوي E

 $\sqrt{3}$ مين مركزي سطحي الكرئين اللذين يمسان (ABC) في النقطة E ونصف قطر كل منهما

. ABCD احسب حجم رباعي الوجوه

التمرين التّاني: (04,5 نقطة)

. β عين العددين المركّبين α و β حيث : $\frac{2\alpha-\beta=-3}{2\alpha+\overline{\beta}=-3-2i\sqrt{3}}$ عين العددين المركّبين α و β مرافق α العددين المركّبين المركبين ا

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس B ، A ، $O(\vec{u},\vec{v})$ ه و D النقط التي لاحقاتها على الترتيب:

$$z_A = z_C \cdot e^{i\frac{\pi}{3}}$$
 $z_B = \overline{z_A}$ $z_A = -\frac{3}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$

ا اکتب z_A و z_C على الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي z_C حتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الشكل الأسي ثمّ عيّن قيم العدد الطبيعي المتى يكون الأسي المتى الم

. حقيق أنّ العدد المركب
$$2\left(\frac{z_A}{\sqrt{3}}\right)^{2015} + \left(\frac{z_B}{\sqrt{3}}\right)^{1962} - \left(\frac{z_C}{\sqrt{3}}\right)^{1435}$$
 حقيقي (ب

. $z_D = 1 + i$ النقطة ذات اللاحقة D (2

أ) حدّد النسبة وزاوية للتشابه المباشر S الذي مركزه O ويحوّل D إلى A

$$\cos\left(rac{7\pi}{12}
ight)$$
 و $\cos\left(rac{7\pi}{12}
ight)$ على الشكل الجبري ثمّ استنتج القيمة المضبوطة لكل من: $\left(rac{z_A}{z_D}
ight)$

$$\mathbb{R}^+$$
 يمسح k عيّن مجموعة النقط k ذات اللاحقة z التي تحقّق: z التي تحقّق: z عيّن مجموعة النقط والماء اللاحقة z

التمرين الثالث: (04,5 نقطة)

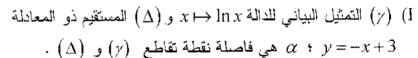
.
$$u_{n+1} = (1+u_n)e^{-2}-1$$
 : n عدد طبيعي عدد $u_0 = e^2-1$: $u_0 = e^2-1$ المنتالية العددية المعرفة ب

- $u_{3} \quad u_{2} \quad u_{1} \quad u_{1} \quad (1)$
- $1 + u_n > 0$: n مثبت أنّه من أجل كل عدد طبيعي (2
- 3) بيّن أنّ المتتالية (س متناقصة . هل هي متقاربة ؟ علل.
 - $v_n = 3(1 + u_n)$: انضبع من أجل كل عدد طبيعي (4
- أ) أثبت أنّ (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.
 - . $\lim_{n\to\infty} u_n$ بدلالة n ، ثم احسب v_n و رسله بدلالة

.
$$\ln v_0 + \ln v_1 + ... + \ln v_n = (n+1)(-n+2+\ln 3)$$
 : \mathbb{N} من أجل كل n من أجل كل من أبّه من أجل كل الم

التمرين الرابع: (6,50 نقطة)

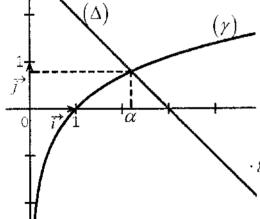
 $(O; \widetilde{i}, \widetilde{j})$ المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس



- 1) بقراءة بيانية حدّد وضعية (γ) بالنسبة إلى (Δ) على $]\infty+;0[$.
- $g(x) = x 3 + \ln x$ الدالة المعرّفة على المجال $g(x) = x 3 + \ln x$ بستنتج حسب قيم x إشارة g(x) .
 - $. 2,2 < \alpha < 2,3$:نحقّق أن (3

. و
$$(C_f)$$
 و $f(x) = \left(1 - \frac{1}{x}\right)(\ln x - 2)$ و (C_f) تمثيلها البياني. و $f(x) = \left(1 - \frac{1}{x}\right)(\ln x - 2)$ تمثيلها البياني.

- . $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ احسب (1
- . f الثبت أنّه من أجل كل x من $g(x)=\frac{g(x)}{x^2}:]0;+\infty$ ؛ ثمّ شكّل جدول تغيرات الدالة (2
 - . $f(\alpha)$ بيّن أنّ: $f(\alpha) = \frac{-(\alpha-1)^2}{\alpha}$ ؛ ثمّ استنتج حصر اللعدد (3
- . $]0\;;\;e^2$ على المجال $[C_f]$ والتي تحقّق: $[C_f]$ على المجال $[C_f]$ على المجال $[C_f]$
- ا) بين أنّ منحنى الدالة F يقبل مماسين موازيين لحامل محور الفواصل في نقطتين يُطلب تعيين فاصلتيهما.
 - . F عبارة الدالة $x\mapsto x\,\ln x$ عبارة الدالة $x\mapsto x\,\ln x$ بيّن أنّ $x\mapsto x\,\ln x$ عبارة الدالة $x\mapsto x\,\ln x$



الموضوع الثاتي

التمرين الأول: (04 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $\left(O;\vec{i}\,,\vec{j}\,,\vec{k}\,\right)$ ؛

، $D\left(1;0;-2\right)$ و $C\left(3;1;-3\right)$ ، $B\left(0;4;-3\right)$ ، $A\left(2;4;1\right)$ و نعتبر النقط

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل في كل حالة من الحالات الآتية:

- النقط A ، B و C ليست في استقامية.
- \cdot (ABC) معادلة ديكارتية للمستوي 2x+2y-z-11=0 (2
- \cdot (ABC) هي المسقط العمودي النقطة D على المستوي $E\left(3;2;-1
 ight)$ النقطة (3
 - ك) المستقيمان (AB) و (CD) من نفس المستوي.

$$\left\{ egin{aligned} x=2t-1 \ y=t-1 \end{aligned}
ight. ; t\in \mathbb{R} \end{array}
ight.$$
 نمثیل وسیطی للمستقیم $z=-t-1$

 $\{(A;\alpha),(B;\beta)\}$ مرجح الجملة $I\left(\frac{3}{5};4;-\frac{9}{5}\right)$ مرجح الجملة α و α يوجد عددان حقيقيان α و α ديث النقطة (6

التمرين الثاني: (05 نقاط)

في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ نعتبر النقط B ، B و C التي لاحقاتها على

 $z_A = -(z_A + z_B)$ ، $z_C = -(z_A + z_B)$ و $z_B = -\frac{1}{z_A}$ ، $z_A = 2 e^{i\frac{\pi}{6}}$: هو مرافق $z_B \cdot z_A = z_B \cdot z_A$ الترتيب: $z_C = z_B \cdot z_A = z_C$ هو مرافق $z_B \cdot z_A = z_C$ الأسي .

- (γ) استنتج أنّ النقط A ، A و C تنتمي إلى دائرة (γ) يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.
 - \cdot C و B ، A والنقط A و النقط B

$$\frac{z_B - z_C}{z_B - z_A} = e^{-i\frac{\pi}{3}}$$
 : نحقق أنّ (1)

- ب) استنتج أنّ المثلث ABC متقايس الأضلاع وأنّ النقطة O مركز ثقل هذا المثلث.
- $|z|=|z-\sqrt{3}-i|$:حيث وأنشئ (E) مجموعة النقط M ذات اللاحقة z حيث وأنشئ
 - A الذي مركزه O ويحوّل C إلى C الذي مركزه O ويحوّل C الحي الحي C
 - ب) أَتْبَتَ أَنَّ صورة (E) بالدوران r هي محور القطعة (E)

التمرين الثالث: (05 نقاط)

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \widetilde{t}, \widetilde{j})$.

- و (C_f) و $f(x) = \frac{4x+1}{x+1} :$ ب $f(x) = \frac{4x+1}{x+1} :$ و الدالة المعرفة على المجال $f(x) = \frac{4x+1}{x+1} :$
 - $[0;+\infty]$ عين اتجاه تغير الدالة f على المجال عين اتجاه تغير

- y=x ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (D) ادرس وضعية
 - (0,6] على المجال (C_f) و (C_f)

$$\cdot \left\{ egin{align*}{l} v_0 = 5 \\ v_{n+1} = f\left(v_n
ight) \end{array}
ight. \quad \left\{ egin{align*}{l} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 2 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_{n+1} = f\left(u_n
ight) \end{array}
ight. \quad \exists u_0 = 1 \\ u_0 = 1 \\$$

- أ) أنشئ على حامل محور الفواصل الحدود: $u_1 \cdot u_0 \cdot u_3 \cdot u_1 \cdot v_2 \cdot v_1 \cdot v_2 \cdot v_3 \cdot v_2 \cdot v_1 \cdot v_3$ أنشئ على حامل محور الفواصل الحدود: $u_1 \cdot u_1 \cdot u_2 \cdot u_3 \cdot v_2 \cdot v_1 \cdot v_2 \cdot v_3 \cdot v_$
 - (v_n) و (u_n) ب (u_n) خمن اتجاه تغير وتقارب كل من المنتالينين (u_n)

$$\alpha=rac{3+\sqrt{13}}{2}$$
 : عيث $\alpha< v_n\leq 5$ و $2\leq u_n<\alpha$: N من n من n من أجل كل من أجل كل من المتتاليتين (u_n) و (v_n) و (u_n)

.
$$v_{n+1}-u_{n+1} \leq \frac{1}{3}(v_n-u_n)$$
 : $\mathbb N$ من n کل n کل (1) اثبت أنّه من أجل كل n من

$$0 < v_n - u_n \le \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} : \mathbb{N}$$
 من $n < v_n + u_n \le \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1}$ بیّن أنّه من أجل كل

$$\cdot$$
 $\left(v_{n}\right)$ و $\left(u_{n}\right)$ من استنتج أن: $\lim_{n\to+\infty}\left(v_{n}-u_{n}\right)=0$ نم حدد نهایهٔ کل من استنتج أن:

التمرين الرابع: (06 نقاط)

- . $g(x)=1-2x-e^{2x-2}$: بالدالة العددية المعرفة على g(x)
 - 1) ادرس اتجاه تغير الدالة على ١٦٠ ادرس
- 0.36 < lpha < 0.37 : بيّن أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا lpha في lpha ، ثمّ تحقّق أن
 - . \mathbb{R} على على (3

$$f(x) = xe^{2x+2} - x + 1:$$
 بالدالة العددية المعرّفة على $f(x) = xe^{2x+2} - x + 1:$

. $\left(O; \overline{i}\,, \overline{j}
ight)$ ستجامد والمتجانس في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $\left(C_{f}\,
ight)$

$$f'(x) = e^{2x+2} g(-x)$$
 : $\mathbb R$ من x کل کل بین أنّه من أجل کل (۱)

ب) استنتج أنّ الدالة
$$f$$
 متناقصة تماما على $-\infty; -\alpha$ ومتزايدة تماما على الدالة الدالة على $-\infty; -\alpha$

- -2 احسب نهایة f کند ∞ و عند ∞ ، ثم شکّل جدول تغیرات الدالة f .
 - احسب $\lim_{x\to-\infty} [f(x)+x-1]$ منسبا. النتيجة هندسيا.

.
$$y=-x+1$$
 ادرس وضعية C_{r} بالنسبة إلى المستقيم (Δ) الذي معادلته الم C_{r}

.
$$f(-\alpha) \approx 0,1$$
 نأخذ ، $-\infty; \frac{1}{2}$ على المجال $C_f(C_f)$ و Δ

.
$$2f(x)+f'(x)-f''(x)=1-2x-3e^{2x+2}:\mathbb{R}$$
 من x من أجل كل x من أجل كل أنه من أبطل كل أنه أبطل كل أنه من أبطل كل أنه من أبطل كل أنه من أبطل كل أنه أبطل كل أبطل كل

$$\cdot$$
 استنتج دالة أصلية للدالة f على $\mathbb R$