

#### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2018

 $(\Delta)$ 



وزارة التربية الوطنية امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 04 سا و 30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

## الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (03) صفحات (من الصفحة 1 من 6 إلى الصفحة 3 من 6)

# التمرين الأول: (04 نقاط)

// الدالة العددية المعرفة على المجال ] (∞- ب:

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x - 1}$$

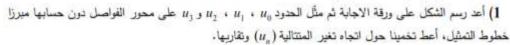
 $u_0=-3$  المتتالية العددية المعرفة على المتتالية العددية المعرفة المعرفة على المتتالية العددية المتتالية المتالية المتتالية المتتالية المتالية المتتالية المتالية المتال

 $u_{n+1} = f(u_n)$  ، n ومن أجل كل عدد طبيعي

ليكن  $(C_f)$  التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى

المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  و  $(\Delta)$  هو المستقيم ذو

المعادلة y = x (أنظر الشكل المقابل).



(1)

- $-3 \le u_n < -1$ : n برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي
- $u_{n+1} + 1 \ge \frac{3}{4}(u_n + 1) : n$  عدد طبیعی عدد اجل کل عدد اجل کا عدد (3

.  $\lim_{n\to\infty}u_n$  ب. استنتج أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : n عدد طبيعي با

.  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  نضع (4

$$8\left[\left(\frac{3}{4}\right)^{n+1}-1\right] \leqslant (u_0+1)+(u_1+1)+\dots+(u_n+1)<0 : n$$
 are denoted by a different point  $n$  and  $n$  are denoted by  $n$  are denoted by  $n$  and  $n$  are denoted by  $n$  and  $n$  are denoted by  $n$  are denoted by  $n$  and  $n$  are denoted by  $n$  are denoted by  $n$  and  $n$  are denoted by  $n$ 

واستنتج "S الستنتج . lim S

#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2018

## التمرين الثاني: (04 نقاط)

B(1;0;2) ، نعتبر النقطتين المتعامد المتجانس ( $G(\widetilde{i},\widetilde{j},\widetilde{k})$  ، نعتبر النقطتين المعام المتعامد المتجانس المتعامد المتعامد

 $A \in B$  بَيْنَ لَمَنَ النَّقَطُ  $A \in B$  ايست في استقامية.

ب) تحقق أنَّ (l-|2;1;-1) شعاع ناظمي المستري (OAB) ثم عيّن معادلة ديكارتية له.

(x;y;x) لتكن (X) مجموعة النفط M من الفضاء التي احداثياتها (x;y;x) وتحقق المعادلة التالية:

$$(2x+2y+6z-11)^2+(2x+4z-5)^2=0$$

بين أنّ المجموعة ( $\Delta$ ) هي تقاطع المستوبين المحوربين القطعتين [OA] و [OB]، ثم عين تستبلا وسيطيا المجموعة ( $\Delta$ ).

3) لتكن 14 نقطة كيفية من القضاء

 $\Omega$  مركز  $\Omega$  مركز التاكية التاكية ( $M \in (\Delta)$ ) يكافئ (M = BM) ثم استنتج إحداثيات النقطة  $\Omega$  مركز الدلارة المحيطة بالمثلث  $\Omega$ .

### التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $\left[-\pi\,(\pi\,
ight]$  المستري المركب منسرب إلى المعلم المتعامد المتجانس ( $G(\overline{u},\overline{v})$ ) عدد حقيقي من المجال

حل في مجموعة الأعداد المركبة () ، المعائلة ذات المجهول 7 التالية:

$$(z^2-2z+2)(z^2-2(\sin\theta)z+1)=0$$

المعاتبا على الترتيب  $C \cdot B \cdot A$  الترتيب الت

$$(z_x = \sin \theta + i\cos \theta)$$
 ،  $z_y = 1 - i$  ،  $z_z = -\sqrt{2}e^{i\frac{5x}{4}}$ 

الكتب الأعداد عن عنى الشكل الأسي.

$$z_E = \frac{Z_A}{Z_B}$$
 شيخة من المستري الاحقتها  $z_E$  حيث  $E$  (2

. بين أن النقط  $D \cdot C$  و E تتنمي إلى دائرة يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها.

3) ليكن 
$$S$$
 التشابه المعاشر الذي مركزه النقطة  $A$  و زاويته  $\frac{\pi}{4}$  ونسبته  $(2-2\sqrt{2}-2)$  ).

. عَيْنَ قَيْمَةً  $\, heta \,$  حتى تكون النقطة  $\, B \,$  مسورة النقطة  $\, C \,$  بالتشابه المباشر  $\, S \,$ 

4) نضع  $rac{-3\pi}{4}$  عين قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون العدد " $(z_{D})$  تخيليا مسرفاء

#### اختبار في مادة: الوياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2018

التمرين الرابع: (07 نقاط)

$$\begin{cases} f(x) = x + 1 - \frac{1}{\ln x}; & x \in \mathbb{R}^*_+ - \{1\} \\ f(0) = 1 \end{cases} : + \begin{bmatrix} 0; 1 \begin{bmatrix} \bigcup \end{bmatrix} 1; + \infty \begin{bmatrix} \text{otherwise} \\ \text{otherwise} \end{bmatrix} \end{cases}$$

( يرمز ب ln الى اللوغاريتم النيبيري)

 $(O, \vec{i}, \vec{j})$  سنجانى البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(C_f)$ 

أ/ بيّن أن f مستمرة عند () بقيم أكبر.

ب/ احسب  $\lim_{h \to 0} \frac{f(h) - f(0)}{h}$  ثم فسر النتيجة هندسيا.

 $\lim_{x \to \infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to \infty} f(x)$  المسب (2)

ب/ ادرس اتجاه تغير الدالة / ثم شكّل جدول تغيراتها.

- (C,) بين أنّ المنحنى (C,) يقبل مستقيمًا مقاربًا مائلاً (A) يطلب تعيين معادلة له ثم ادرس وضعية (C,) بالنسبة الي (Δ).
- $1,49 < \alpha < 1,5$  بين أنّ المنحني ( $C_f$ ) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة  $\omega$  فاصلتها معرد ( $\alpha$  $y = \left(\alpha + 3 + \frac{1}{\alpha}\right)(x - \alpha)$  لأم بيّن أنّ معادلة المماس للمنحني  $(C_f)$  في النقطة  $\omega$  تكتب على الشكل معادلة المماس للمنحني
  - $(C_i)$  ارسم المستقيم ( $\Delta$ ) و المنحنى
  - $h(x) = 1 x + x \ln x$  : بالدالة العددية المعرفة على المجال إh (6) الدالة العددية المعرفة على المجال المجال المعرفة على المجال المعرفة على المجال المعرفة على المجال المعرفة على المعرفة المعرفة على المعرفة ع

 $[1;+\infty]$  على المجال على المجال  $[1;+\infty]$  و استنتج إشارة [n(x)] على المجال المجال أ[n]

$$f(x)-x+\frac{1}{x\ln x}=\frac{h(x)}{x\ln x}$$
:  $x>1$  کل کا ایک من اُجل کل ایک بین اُنّه من اُجل کل

$$x - \frac{1}{x \ln x} < f(x) < x + 1 : x > 1$$
 is not less it is not less of  $x = 1$ 

مساحة الحير من المستوي المحدّد بالمنحني ( $C_r$ ) وحامل محور الفواصل والمستقيمين اللذين Aمعادلتيهما: x = e و x = e معادلتيهما:  $x = \alpha$  النيبيري).

$$(a^2 - a^2) \cdot \ln(a+1) = 4 \cdot \frac{1}{2} (a-1)(a+1) \cdot \frac{1}{2} (a+1) \cdot \frac{1}{2} (a+1$$

$$\frac{1}{2}(e^2 - \alpha^2) - \ln(\alpha + 1) < A < \frac{1}{2}(e - \alpha)(e + \alpha + 2)$$
 بيّن أنّ - بيّ - بيّن أنّ - بيّ

# انتهى الموضوع الأول

#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2018

### الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (03) صفحات (من الصفحة 4 من 6 إلى الصفحة 6 من 6)

## التمرين الأرل: (04 نقاط)

$$\begin{cases} \alpha+\beta=4035 \\ \alpha-\beta=1 \end{cases}$$
 و  $\beta$  عندان طبيعيان بحيث:  $\alpha$  (1

. عين العدين  $\alpha$  و lpha ، ثم بين أنّ العدين  $rac{lpha}{2}$  و lpha أوليان فيما بينهما.

1009x - 2017y = 1: غين كل الثنائيات الصحيحة (x, y) الذي تحقق المعادلة (x, y) عين كل الثنائيات الصحيحة (

$$a = 2019[2017]$$
 يَنِ الأعداد الصحيحة  $a = 2019[1009]$  وين الأعداد الصحيحة  $a = 2019[1009]$ 

4) أ) م عند طبيعي، ادرس شعا لفيم م بواقي القسمة الاقلينية للعند "7 على 9.

$$L = \overline{\coprod \coprod \ldots}$$
 : كما يلي :  $L$  كما يلي : والنظام ذي الأساس 7 كما يلي :  $L$  عند طبيعي يكتب في النظام ذي الأساس 7 كما يلي :

ـ عين باقى القسمة الاكلينية للعند 42 L على 9.

## التمرين الثاني: (04 نقاط)

كيس يحوي 9 كريات لا نفرق بينها باللمس موزعة كما يلي:

خمس كريات حمراء مرتمة بـ: 1,1,2,2,2 وثلاث كريات خضراء مرقمة بـ: 3, 2, -3 وكرية بيضاء مرقمة بـ: 1 نسحب عشرائيا 4 كريات في آن واحد.

1) احسب احتمال الحرادث الثالية:

A : الحصول على أربع كربات من نفس اللون .

B : العصول على كرية بيضاء على الأكثر .

C : الحصول على أربع كربات مجموع أرقامها معدوم".

 $\, 2 \,$  لَيكن  $\, \chi \,$  المتغير المشوائي الذي يرفق بكل نثيجة سحب عدد الكريات الخضراء المتبقية في الكيس.

أ) عين قبع المتغير العشوائي X ثم عزف فانون احتماله .

X . با المسب الأمل الرياضياتي (X) المنظير المثوائي X

. '  $X^2 - X > 0$  ': Relati literal (5)

## التعرين الثالث: (05 نقاط)

1) ه عدد حقیقی ، نعابر فی مجموعة الأعداد المركبة \( \mathcal{U}\) المعادلة ذات المجهول = الثالية:

$$z^2 + (m+1)z + (2m-1) = 0....(E)$$

عين فيم العدد الحقيقي m التي من أجلها تقبل المعادلة (E) حاين مركبين غير حقيقيين.

#### اختبار في مادة: الوياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2018

2) نضع m=3 حل المعادلة (2).

(3) نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس 
$$O(\vec{u};\vec{v})$$
 النقط  $C$  ،  $B$  ،  $A$  النقي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $O(\vec{u};\vec{v})$ 

$$-\alpha>-2$$
 و قبط معدد حقیقی و  $z_c=\alpha$  ،  $z_B=-2-i$  ،  $z_A=-2+i$  الحقائها الحقائها

$$-2+\sqrt{3}$$
) منقابس الأضلاع هي ( $-2+\sqrt{3}$ ) منقابس الأضلاع هي  $\alpha$ 

: 
$$\frac{z_c - z_s}{z_s - z_s}$$
 على الشكل الأسي ثم استنتج أن :

5) ليكن 
$$r$$
 الدوران الذي يحوّل النقطة  $B$  إلى  $C$  و يحوّل  $C$  إلى  $A$  عبارته المركبة هي:

. عدد مرکب 
$$z' = az + \left(\frac{\sqrt{3}-6}{2}\right) + i\left(\frac{2\sqrt{3}-1}{2}\right)$$

أ) احسب العدد المركب a ثم استنتج زاوية الدوران r.

ب) تحقق أنّ النقطة G مركز ثقل المثلث ABC هي مركز الدوران ٢.

### التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $g(x) = (1 + x + x^2) e^{-\frac{1}{x}} - 1$  :  $g(x) = (1 + x + x^2) e^{-\frac{1}{x}} - 1$  الدالة العددية المعرفة على المجال  $g(x) = (1 + x + x^2) e^{-\frac{1}{x}}$ 

، 
$$g'(x) = \frac{(x+1)(2x^2+1)}{x^2}e^{-\frac{1}{x}}$$
 :  $]0; +\infty[$  من أجل كل  $x$  من أجل كل  $x$  من أجل كل  $x$  من المجال  $x$ 

واستنتج اتجاه تغير الدالة g على المجال ]∞+:0] .

 $0.9 < \alpha < 1$  بين أن المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث g(x) = 0

$$f(x) = \frac{1}{x} + (1+x)e^{-\frac{1}{x}} : + [0] : +\infty[$$
 lhad also also also fill  $f$ .

 $(C_r)$  التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(C_r)$ .

$$\lim_{x \to 0} f(x) = \lim_{x \to \infty} f(x) + \lim_{x \to 0} (1 - 1)$$

$$y=x$$
 المعادلية ( $\Delta$ ) أن المستقيم ( $\Delta$ ) أنه المستقيم ( $\Delta$ ) أنه المستقيم ( $\Delta$ ) أنه المعادلية ( $\Delta$ ) أنه المعادلية ( $\Delta$ ) أنه المعادلية ( $\Delta$ ) بجوار ( $\Delta$ ) بجوار ( $\Delta$ ) بجوار ( $\Delta$ ) بجوار ( $\Delta$ )



## اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2018

. 
$$h(x) = \frac{1}{x} - 1 + e^{-\frac{1}{x}}$$
: ب  $]0; +\infty[$  الدالة العددية المعرفة على المجال  $h$  (3

. ]
$$0$$
 ; +  $\infty$  [ الحسب  $h(x)$  على الجاه تغير الدالة  $h$  واستنتج إشارة  $h(x)$  على الحسب (أ

$$\cdot$$
 ( $\Delta$ ) بالنسبة إلى المستقيم ( $C_r$ ) بالنسبة ألى المستقيم ( $f(x) - x = (1+x) h(x)$  بالنسبة إلى المستقيم ( $x$ )

(4) ارسم المستقيم 
$$(\Delta)$$
 و المنحنى  $(C_f)$ . (نأخذ 1.73) (4)

. 
$$u_n = \frac{n}{n+1} f\left(\frac{1}{n}\right) - \frac{n^2}{n+1}$$
 :  $u_n = u_n$  recall that  $u_n = \mathbb{N}^*$  and  $u_n = u_n$  (5)

أ) اكتب 
$$u_n$$
 بدلالة  $n$  ثم بيّن أن المنتالية  $(u_n)$  هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول  $u_n$ 

$$S_{n} = \left(\frac{1}{2}f(1) - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{2}{3}f\left(\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{3}{4}f\left(\frac{1}{3}\right) - \frac{1}{4}\right) + \dots + \left(\frac{n}{n+1}f\left(\frac{1}{n}\right) - \frac{1}{n+1}\right)$$