

دالة أسية شاملة : مقترحات بكالوريا 2021

I. نعتبر الدالة العددية g المعرفة على المجموعة \mathbb{R} بما يلي : $g(x) = 2 + (x-2)e^{-x+2}$.

(1) ادرس تغيرات الدالة g .

(2) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $1.14 < \alpha < 1.15$.

(3) استنتج إشارة $g(x)$ عندما يتغير x في \mathbb{R} .

II. نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجموعة \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = 2x - 1 - (x-1)e^{-x+2}$.

نسمي (\mathcal{C}_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(2) بين أن : من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = g(x)$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

(3) أ) بين أن : $f(\alpha) = 2\alpha + 1 + \frac{2}{\alpha - 2}$ ثم استنتج حصر $f(\alpha)$.

ب) بين أن المستقيم (Δ) ذي المعادلة $y = 2x - 1$ مقارب مائل للمنحنى (\mathcal{C}_f) بجوار $+\infty$ ثم أدرس الوضع النسبي للمنحنى (\mathcal{C}_f) بالنسبة إلى (Δ) .

ج) بين أن المنحنى (\mathcal{C}_f) يقبل مماسا (T) يوازي المستقيم (Δ) يطلب كتابة معادلة ديكارتية له.

د) أحسب $f(0)$ و $f(2)$ ثم أنشئ (Δ) ، (T) و (\mathcal{C}_f) .

(4) ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي x التالية :

$$(E) : 2m - 1 - (x-1)e^{-x+2} = 0$$

حل مقترح من طرف الأستاذ بوكايخة :

1/ دراسة تغيرات الدالة g :

النهايات :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[2 - \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x} \right) e^2 \right]$$

$$= 2$$

لأن :

{

إنن :

$$\left[2 - \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x} \right) e^2 \right]$$

ح ع ت

{

إنن

رفع ح ع ت :

$$\left[2 - \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x} \right) e^2 \right]$$

$$\left[2 - \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x} \right) e^2 \right]$$

$$\left[\left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x} \right) e^2 \right]$$

$$= 2$$

لأن : و

المشتقة :

$$\left(\left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x} \right) e^2 \right)$$

$$[1 - (x - 2)]$$

$$[1 - x + 2]$$

$$= 3$$

إشارة المشتقة :

بما أن : 0

فإن إشارة المشتقة من إشارة :

$$\text{إنن : } -x + 3 = 0 \text{ أي :}$$

و من جدول التغيرات لدينا الدالة متزايدة تماما على

المجال $]1,14; 1,15[$

إذن حسب مبرهنة القيم المتوسطة $g(x) = 0$ تقبل
حلا وحيدا α حيث :

إستنتاج إشارة

$x \in$	$-\infty$	α	$+\infty$
$g(x)$	-	0	+

الجزء 2 :

1/ حساب نهايات الدالة

[2

ح ع ت

[1 — —]

[1 —)]

$\infty[-\infty]$

[2

$x \in$	$-\infty$	3	$+\infty$
$3-x$	+	0	-
$g'(x)$	+	0	-

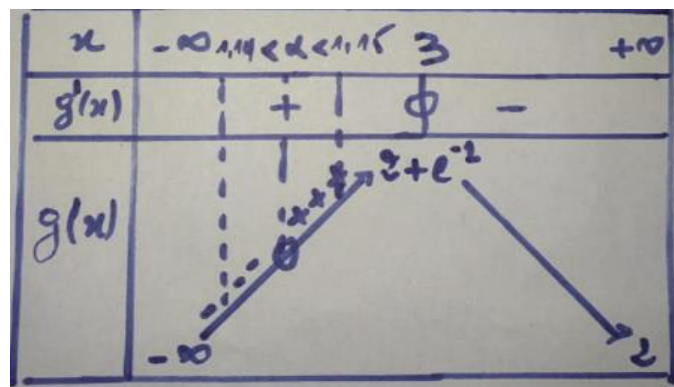
على المجال $]-\infty; 3]$ لدينا $g'(x) \geq 0$ و منه

الدالة f متزايدة تماما

على المجال $[3; +\infty[$ لدينا $g'(x) \leq 0$ و منه

الدالة f متناقصة تماما

جدول التغيرات :



2/ نبين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا :

لدينا g معرفة و مستمرة على المجال $]1,14; 1,15[$

3/أ- نبين أن — :

طريقة 1 :

يكفي أن نبين أن : —

—
—

_____] [2)

_____) [g(α)

حسب مبرهنة القيم المتوسطة :

_____) [0)

طريقة 2 :

ح ع ت

_____] [2

_____] [2 -

_____] [($\frac{1}{x} - \frac{1}{x}$) e²

_____] [+

2/ نبين أنه من أجل كل عدد حقيقي :

_____] [1

_____] [e

_____] [(1 - (x - 1))

_____) [e

_____) [e

جدول التغيرات :

$x \in$	$-\infty$	α	$+\infty$
$f'(x)$		- 0 +	
$f(x)$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$

حسب مبرهنة القيم المتوسطة :

و لدينا من جهة أخرى :

نعوض قيمتها نجد :

بالجمع نجد :

3/ب- نبين أن المستقيم مقارب مائل ل (C_f) عند

$)] [2$ $)] [f$

$1]$ $2]$

$[-$ $]$

$[-$ $]$

$[-$ $-$ $]$

$[(- -)]$

إذن المستقيم (Δ) مقارب مائل ل (C_f) عند

حصر) :

دراسة الوضع النسبي ل (Δ) مع (C_f) :

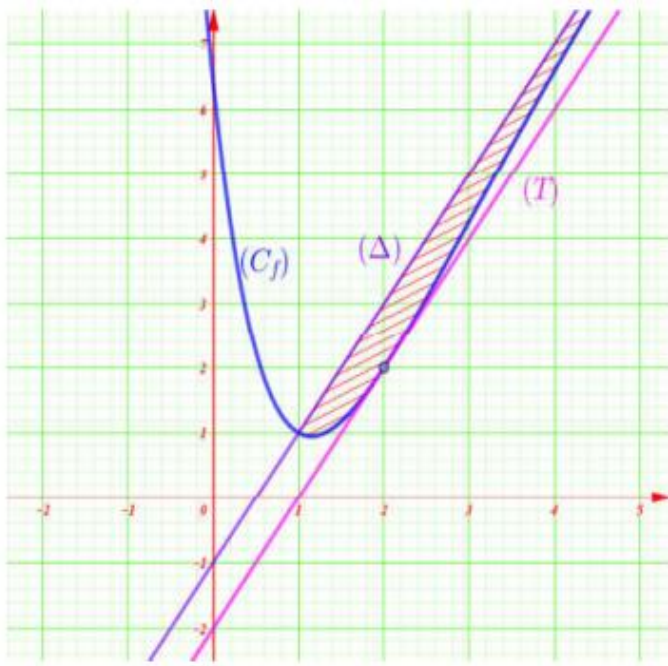
ندرس إشارة الفرق :

إذن إشارة الفرق من إشارة :

.....(

د- حساب $f(0)$ و

رسم (C_f)



4/ المناقشة البيانية :

يجب أن نصل إلى : عبارة فيها

$x \in$	$-\infty$	1	$+\infty$
$f(x) - y$	+	0	-
الوضع النسبي	(C_f) فوق (Δ)	(C_f) يقطع (Δ)	(C_f) تحت (Δ)

3/ ج- نبين أن المنحنى (C_f) يقبل مماس (T) يوازي (Δ) :

المماس (T) يوازي (Δ) معناه لهما نفس معامل التوجيه

و معامل توجيه (Δ) هو 2 إذن :

إذن نكتب معادلة المماس عند :

أي — — $e / 6$

للمعادلة حل وحيد معدوم

أي — — — $\infty / 7$

للمعادلة حل وحيد سالب

تقبلوا تحياتي : الاستاذ بوكليخة

لا تنسو زيارة صفحتنا في الفيسبوك :

الاستاذ بوكليخة للرياضيات

و لا تنسو الاشتراك في قناتنا في اليوتيوب :

الاستاذ بوكليخة للرياضيات

هذه مناقشة ماثلة لأن المجهول غير مضروب في m

حلول المعادلة هي فواصل نقط تقاطع (C_f) مع المستقيم

نو المعادلة : m

$1; +\infty[$ أي $-2m \in]-\infty; -2[/ 1$

لا يوجد حلول للمعادلة

شرح :

أي

و $-2m = -\infty$ أي —

و هكذا يتم في جميع المجالات المتبقية

$-2 / 2$ أي $-2m = -2$

للمعادلة حل مضاعف 2

دائما في المناقشة الماثلة نقطة تقاطع المنحنى مع المماس تكون

حل مضاعف

$]-1; -2[$ أي $-2m \in]-2; -1[/ 3$

للمعادلة حلين موجبين

$-1 / 4$ أي $-2m = -1$

للمعادلة حل وحيد موجب

$]-1; -1 + e^2[$ أي $-2m \in]-1; -1 + e^2[/ 5$

للمعادلة حل وحيد موجب

يمكن جمع 4 و 5 في حالة واحدة بغلق المجال عند -1 و —

الموقع الأول لتحضير الفروض والاختبارات في الجزائر

<https://www.dzexams.com>

https://www.dzexams.com/ar/0ap	القسم التحضيري
https://www.dzexams.com/ar/1ap	السنة الأولى ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/2ap	السنة الثانية ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/3ap	السنة الثالثة ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/4ap	السنة الرابعة ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/5ap	السنة الخامسة ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/bep	شهادة التعليم الابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/1am	السنة الأولى متوسط
https://www.dzexams.com/ar/2am	السنة الثانية متوسط
https://www.dzexams.com/ar/3am	السنة الثالثة متوسط
https://www.dzexams.com/ar/4am	السنة الرابعة متوسط
https://www.dzexams.com/ar/bem	شهادة التعليم المتوسط
https://www.dzexams.com/ar/1as	السنة الأولى ثانوي
https://www.dzexams.com/ar/2as	السنة الثانية ثانوي
https://www.dzexams.com/ar/3as	السنة الثالثة ثانوي
https://www.dzexams.com/ar/bac	شهادة البكالوريا