Devoir de Mathématiques - Terminale

Durée : 2 heures

Exercice 1: Analyse (5 points)

Soit la fonction définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$$

1. Calculer la dérivée f'(x).

Réponse : $f'(x) = 3x^2 - 6x$

2. Déterminer les coordonnées du point d'intersection avec l'axe des ordonnées.

Réponse : Quand x = 0, f(0) = 2. Donc le point est (0, 2).

Exercice 2: Probabilités (7 points)

Une urne contient 5 boules rouges et 3 boules bleues. On tire successivement 2 boules avec remise.

1. Calculer la probabilité d'obtenir deux boules de la même couleur.

Réponse :

$$P = {5 \choose 2} \left(\frac{5}{8}\right)^2 + {3 \choose 2} \left(\frac{3}{8}\right)^2 = \frac{34}{64}$$

2. Quelle est la probabilité d'obtenir au moins une boule rouge ?

Réponse :

$$1 - \left(\frac{3}{8}\right)^2 = \frac{55}{64}$$

Exercice 3: Géométrie (8 points)

Soit les points A(1;2), B(4;5) et C(2;7).

1. Calculer les coordonnées du vecteur $-\vec{AB}$.

Réponse :

$$-\vec{AB} = (4-1;5-2) = (3;3)$$

2. Montrer que ABC est un triangle rectangle.

Réponse :

$$AB = \sqrt{(3)^2 + (3)^2} = \sqrt{18}$$

$$BC = \sqrt{(-2)^2 + (2)^2} = \sqrt{8}$$

$$AC = \sqrt{(1)^2 + (5)^2} = \sqrt{26}$$

On vérifie : $AB^2 + BC^2 = 18 + 8 = 26 = AC^2$.