Examen de Mathématiques – Niveau 1ère (Évaluation 1)

February 26, 2025

Exercice 1 : Fonction et Dérivée

Soit $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$. Questions:

- a) Calculer f'(x).
- b) Étudier les variations de f.
- c) Résoudre f(x) = 0.

Réponses de l'élève :

- a) $f'(x) = 3x^2 6x + 2$.
- b) f est décroissante sur [0,1] et croissante sur $[1,+\infty[$ (approximation).
- c) f(x) = x(x-1)(x-2) = 0 donc x = 0, 1, 2.

Exercice 2 : Équation du Second Degré

Résoudre $x^2 - 5x + 6 = 0$. Réponse de l'élève : x = 2 ou x = 3.

Exercice 3 : Géométrie Analytique

Soit le triangle ABC avec $A(0,0),\,B(4,0)$ et C(2,3). Questions :

- a) Montrer que ABC est isocèle.
- b) Calculer son aire.
- c) Donner les coordonnées du milieu de [BC].

Réponses de l'élève :

- a) AB = 4 et $AC \approx \sqrt{13}$; $BC \approx \sqrt{13}$ donc isocèle.
- b) Aire ≈ 6 .
- c) Milieu de BC = (3, 1.5).

Exercice 4 : Probabilités

Dans un sac, il y a 4 boules rouges et 6 boules bleues. Questions :

- a) Calculer P(rouge).
- b) Avec remise, calculer P(2 rouges).

Réponses de l'élève :

- a) $P(\text{rouge}) = \frac{4}{10} = 0.3.$
- b) $0.4 \times 0.4 = 0.2$.