







# notice du programme CHEs (Compute Hypocentral Events)

# Haugmard Méric meric.haugmard@univ-nantes.fr

### 28 juillet 2016

Le programme CHE, permet la relocalisation hypocentrale d'événements locaux (longitudes, latitudes, profondeurs et temps initiaux) ainsi que la définition d'un modèle de terre (vitesse, profondeur des interfaces, ...) par inversion stochastique de type Monte-Carlo, par chaînes de Markov, grâce aux données de temps d'arrivée des ondes directe  $(P_g \text{ et } S_g)$  et réfractées  $(P_n \text{ et } S_n)$  enregistrées sur un réseau régional.

### Objectifs:

- 1. localiser précisément les hypocentres des séismes, malgré :
  - un réseau peu dense ;
  - une sismicité diffuse (sans « cluster ») ;
  - une couverture azimutale tronquée (p. e. façade Atlantique);
  - absence d'un bulletin (c.-à.-d. d'une localisation a priori).
- 2. mettre à jour un modèle de terre dans une région où il est mal contraint, étudier ses variations latérales ;
- 3. valoriser les données du réseau temporaire local Pyrope ou de réseaux d'études post-séisme (séisme de Vannes, 21 novembre 2013).

### détermination d'un nouveau jet de données :

#### dans DATA:

- DATA/yyyy.MM.jjThhmm.ss: fichiers avec les temps arrivées;
- DATA/sac-\*/yyyy.MM.jj.hh.mm.ZZ.STA.HHZ.SAC : un dossier par séisme (même ordre que DATA/seismes.d) avec l'ensemble des formes d'ondes ;
- DATA/sta.d: fichiers avec les coordonnées des stations;
- DATA/seismes.d : fichiers avec les séismes dans l'ordre, le nombre de lignes doit être égal à **nbseismes** ;
- DATA/files/catalogue.d: fichiers avec le(s) bulletin(s) des événements tectoniques.
- DATA/files/catalogue\_non\_tecto.d : fichiers avec le(s) bulletin(s) des événements non tectoniques.
- DATA/files/catalogue\_SiHEX\_all\_Ma.d : fichiers avec le catalogue SiHEX des événements non tectoniques sur le Massif armoricain.
- DATA/files/catalogue\_SiHEX\_ke\_FR.d : fichiers avec le catalogue SiHEX (Cara et al., 2015) des événements tectoniques en France.
- DATA/files/carriere.d : fichiers avec les coordonnées des carrières (Carrières et discrimination sismique, J. Fréchet & F. Thouvenot, octobre 2012).

#### dans PARAM:

- PARAM/iteration.d (choix du nombre d'itérations et du nombre de chaînes pour les coldruns et hotruns);
- PARAM/cerclesponderation.d (choix des cercles de pondération pour les différents séismes : même ordre que DATA/seismes.d) ;
- PARAM/priorIn\_COLD.d (choix des bornes du prior pour les coldruns);
- PARAM/priorIn\_HOT.d (choix des bornes du prior pour les hotruns).

# dans SRC/makefile (choix du compilateur) :

- include macros/gfortran.d;
- include macros/ifort.d.

### dans SRC/MOD/modparam.f90:

- indique le nombre de séisme : nbseismes ;
- choix de la méthode de tirage des paramètres ;
- choix du prior ;
- choix du calcul ou non des résidus aux stations;
- choix d'un générateur de nombre aléatoire fixe ou libre ;
- choix d'affichage des traces sur hodochrones et du calcul de la magnitude  $M_d$ ;
- choix de la prise en compte des cercles de pondération xmin et xmax ;
- choix de l'écart minimal de temps entre deux stations pour la recherche initiale.
- choix d'un moho fabulaire ou non .

puis executer le programme ./run\_it.sh.

#### modélisation

Afin de relocaliser un séisme, on recherche quatre paramètres : la longitude  $(\phi)$  et la latitude  $(\lambda)$  de l'épicentre ainsi que la profondeur  $(h_z)$  et l'heure d'origine  $(t_0)$  du séisme. Le modèle de terre est défini par quatre paramètres : les vitesses moyennes des ondes P dans la croûte  $(\alpha_1)$  et dans le manteau  $(\alpha_n)$ , la profondeur du moho  $(z_n)$  et le ratio de vitesses moyen le long du profil 1-D  $(\frac{\alpha}{\beta})$ .

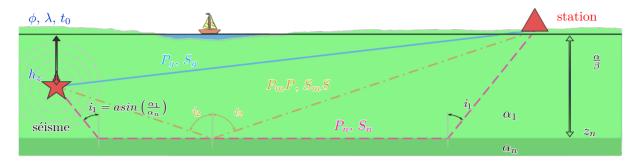
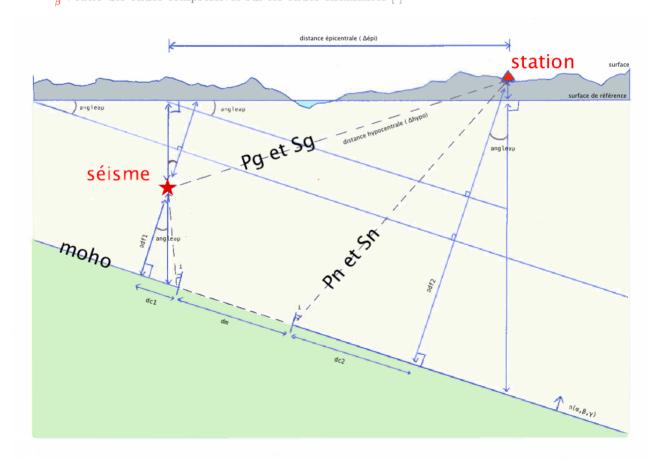


FIGURE 1 – trajet des ondes pour un séisme et une station

- $-\lambda$ : longitude de l'épicentre [°] entre -90, 0° et 90, 0°
- $-\phi$ : longitude de l'épicentre [°] entre -180, 0° et 180, 0°
- $\alpha_1$  : vitesse des ondes compressives dans la croûte [km·s<sup>-1</sup>]
- $-\alpha_n$ : vitesse des ondes compressives dans le manteau [km·s<sup>-1</sup>]
- $z_n$ : profondeur du moho [km]
- $-\frac{h_z}{}$ : profondeur de l'hypocentre [km]
- $t_{hypo}$ : temps initial [s]
- $-\frac{\alpha}{\beta}$ : ratio des ondes compressives sur les ondes cisaillantes [-]



#### Implémentation

L'ensemble du code est écrit en Fortran (norme 1995-2003, compiler avec *gfortran* ou *ifort* – parallélisé via MPI). Il se décompose en 18 programmes principaux, exécutables en cascade via les scripts run\_it.sh (SRC/run.sh):

- 1) che\_coldruns\_init.f90 (initalisation descoldruns);
- 2) che\_coldruns.f90 (production descoldruns, utilise MPI);
- 3) che\_coldruns\_syn.f90 (synthèse descoldruns);
- 4) che\_hotruns\_init.f90 (initalisation des hotruns);
- 5) che\_hotruns.f90 (production des hotruns, utilise MPI);
- 6) che\_hotruns\_syn.f90 (synthèse des hotruns) ;
- 7) che\_apriori.f90 (études des distributions a priori des paramètres, utilise MPI);
- 8) che\_plot.f90 (études des distributions a posteriori des paramètres et production des scripts pour l'edition des figures).

Sept autres programmes principaux accompagnent les précédents :

- 9) sac\_bin2txt.f90 (utilisé lors de l'édition des figures);
- 10) sac\_coda.f90 (calcul des magnitudes de durées, utilisé lors de l'édition des figures);
- 11) sac\_readpick.f90 (permet l'acquisition des données au bon format, utilisé via le script DATA/ppk.sh).
- 12) sac\_writepick.f90 (repositionne les temps d'arrivées sur les formes d'ondes SAC).
- 13) sac\_writepickTheo.f90 (repositionne les temps d'arrivées théoriques sur les formes d'ondes SAC).
- 14) sac\_writepickCata.f90 (repositionne les temps d'arrivées du catalogue sur les formes d'ondes SAC).
- 15) sac\_spectre.f90 (dessine spectre autour onde  $P_g$ et  $S_g$ ).
- 16) sac\_stalta\_kurtosis.f90 (calcul du  $\frac{STA}{LTA}$  et du kurtosis sur les formes d'ondes SAC).
- 17) verifmediatrice.f90 (test sur la cohérence des temps d'arrivées).
- 18) sac\_ZNE\_2\_LQT.f90 (rotation des composantes [Z,N,E]→[L,Q,T]).

Il s'articule en 34 modules ( $\sim 23\,300$  lignes de code). Il se partitione ensuite en  $\sim 149$  subroutines (privées ou publiques) permettant une souplesse de programmation pour de futurs aménagements. Les variables sont, le plus souvent possible, définie par des structure dérivées, parfois imbriqués (on identifie une vingtaine de type dérivé, pour la gestion des dates, des types de données, ...). Le code est lourdement commenté et accompagné de documents. Le temps d'execution en parallèle varie de quelques secondes à quelques heures.

#### dépendances

- 1. compilateur fortran récent (gfortran, ifort) avec MPI
- 2. GMT (version 4.5.8, pas GMT 5)
- 3. LATeX

4. SAC (Seismic Analysis Code)

```
Arborescence du programme CHE (Compute Hypocentral Events)
                        : éxecutable, script bash, GMT (Generic Mapping Tools, Wessel & Smith, 1998)
rouge
                            script LATEX on ForTran 2003
bleu
                            fichiers d'entrée
                            modules, subroutines et fonctions ForTran 2003
 violet
 vert
                            fichiers de sortie
                        : format entrées – sorties
orange
CHE
      BIN

    - che_coldruns_init.exe : exécutable programme principal PARTIE 1-1, initalisation

            – <mark>che_coldruns.exe</mark> : exécutable programme principal PARTIE 1-2, échantillonnage à grande longueur d'onde, utilise MPI

    che_coldruns_syn.exe : exécutable programme principal PARTIE 1-3, synthèse

           - che_hotruns_init.exe : exécutable programme principal PARTIE 2-1, initalisation
           — <mark>che_hotruns.exe</mark> : exécutable programme principal PARTIE 2, -2 échantillonnage des modèles a posteriori, utilise MPI
            · che_hotruns_syn.exe : exécutable programme principal PARTIE 2-3, synthèse
           – <mark>che_apriori.exe</mark> : exécutable programme principal PARTIE 3-1, études des distributions a priori des paramètres, utilise MPI

    che_plot.exe : exécutable programme principal PARTIE 3-2, traitement des résultas et production des figures

           — <mark>sac_coda.exe</mark> : exécutable programme principal, calcul de la magnitude de durée, utilisé lors de l'édition des figures

    sac_bin2txt.exe : exécutable programme principal, conversion des fichiers .sac en .txt, utilisé lors de l'édition des figures

             sac_readpick.exe : exécutable programme principal, permet l'acquisition des données au bon format, utilisé via le script DATA/ppk.sh

    sac_writepick.exe : exécutable programme principal, repositionne les temps d'arrivées sur les formes d'ondes SAC

    − sac_writepickCata.exe : exécutable programme principal, repositionne les temps d'arrivées du catalogue sur les formes d'ondes SAC

            \cdot sac_writepick Theo. exe: exécutable programme principal, repositionne les temps d'arrivées théoriques sur les formes d'ondes SAC
           - sac_spectre.exe : exécutable programme principal, dessine spectre autour onde P_g et S_g
           - sac_stalta_kurtosis.exe : exécutable programme principal, calcul du rac{STA}{LTA} et du kurtosis sur les formes d'ondes SAC
             verifmediatrice.exe: exécutable programme principal, test sur la cohérence des temps d'arrivées
           - sac_ZNE_2_LQT.exe : rotation des composantes [Z,N,E]\rightarrow[L,Q,T]
      DATA
             - newtemps.d : données synthétiques calculées (et bruitées)
            - sta.d : données sur les stations : nom station (a4) ; latitude [-90;90] ; longitude [-180;180] ; altitude [m] ; résidus à la station (réel, P_g, P_n, S_g, S_n)
              seisme.d : ordre des séismes

    ppk.sh : script bash pour la lecture des données à partir des fichiers au format SAC

            — AAAA.MM.JJThhmmss.ss : données réelles (un fichier par séisme) :
                                                     nom station (a4); onde (a1: compressive [P]); onde (a1: directe[G] ou réfracté [N]); qualité du pointé (i1) [0(bon), 1, 2, 3, 4(mauvais)];
                                                     (même ligne) année (i2); mois (i2); jour (i2); heure (i2); min (i2); arrivée des ondes P en secondes (f6.3);
                                                     (même ligne) si existe arrivée des ondes S en secondes (f6.3); onde (a1 : cisaillante [S]); qualité du pointé (i1) [0, 1, 2, 3, 4]
                                                     (même ligne) incertitudes des ondes P en secondes (f6.3); des ondes S en secondes (f6.3);
             files
                    catalogue.d : catalogue BCSF (Bureau Central Sismologique Français), de la sismicité du Massif armoricain
                                                                               temps initial: année (i4); mois (i2); jour (i2); heure (i2); min (i2); seconde (f5.3)
                                                                               (même ligne) latitude [-90;90]; longitude [-180;180]; magnitude [M_L]; profondeur [km]; nom [p. ex. \ll bcsf \gg (a20)]
                   - catalogue_non_tecto.d : catalogue SiHex (Cara et al., 2015) des événements non tectoniques
                     catalogue_SiHEX_ke_FR.d : catalogue SiHex (Cara et al., 2015) des événements tectoniques en France
                    catalogue_SiHEX_all_Ma.d : catalogue SiHEX des événements non tectoniques sur le Massif armoricain
                    carrière.d : coordonnées des carrières (Carrières et discrimination sismique, J. Fréchet & F. Thouvenot, octobre 2012)
             sac-x
                     ensemble des formes d'ondes, avec x le numéro du séisme (ordre : DATA/seisme.d)
                     exemple de fichier sac 2013.11.21.9.50.600.FR.B249.HHN.SAC
              Synthetiques
                       - catalogue.d, sta.d, AAAA.MM.JJThhmmss.ss, ...
      DOC
             notice détaillée du programme CHE avec arborescence
             ensemble des scripts ForTran réunis au format .pdf
      OLD
             anciens runs
       OUTPUT (nouveau dossier pour chaque run)
                                  figures: toutes les figures en .pdf
                                 files
                                        *.bin : modèles par chaîne
                                       Cold
                                              In*.bi : sortie de che_coldruns_init.exe
                                             - Out*.bi : sortie de che_coldruns_syn.exe
                                       Hot
                                             - In*.bi : sortie de che_hotruns_init.exe
                                             - Out*.bi : sortie de che_hotruns_syn.exe
                                       Plot
                                              apriori_*.bin : densité de probabilité a priori
                                       STA
                                            — *.bi : résidus aux stations si FLAGresSTA=.true.
                                        passCold2Hot.bin
                                        passHot2Plot
                                        mag-*.d: magnitudes de dur\'ee par s\'eisme
                                  \mathrm{GMT}: scripts,\ données\ et\ figures\ au\ format\ .ps
                                 LATEX : scripts au format .tex
                                  input : sauvegarde des données et paramètres
                                                            copies de iteration.d, temps.d, newtemps.d et priorIn.d
                                 LOG
                                       - alllog.d : fichier\ log\ total
                                       — stderrlog.d : fichier log erreurs
                                       - stdoutlog.d : fichier log sortie standard
                                        · latexlog.d : fichier log sortie standard de LATEX

    — gslog.d : fichier log sortie standard de Ghostscript

                                 XX_XX_XXXAXX.pdf : ensemble des résultats sous format .pdf
                                 residus-*.d: type d'onde, nom station, longitude, latitude, résidus [s], pondération, distance hypocentre [km] et résidus [% de la distance]
      PARAM
               iteration.d: nombre dechaînes de Markov, nombre d'itérations par chaînes de Markov pourcoldruns et hotruns
               paramTerre.d: paramètres liés au modèle de terre fixe (FLAGterre=.true. dans les programmes principaux), sinon recherche dans le prior
               paramHypo.d: paramètres liés aux modèles hypocentraux fixes (FLAGhypo=.true. dans les programmes principaux, sinon recherche dans le prior
               · cerclesponderation.d : diamètres descercles de pondération utilisés xmin [km] et xmax [km] (ignorés si négatifs, ordre : DATA/seisme.d)
              - priorIn_COLD.d et priorIn_HOT.d : valeur minimale, maximale et écart-type pour les paramètres de l'inversion (pour lescoldruns et hotruns) :
                                                                                           pour la vitesse dans lacroute (VC) [km.s^{-1}]; pour la vitesse dans le manteau (VM) [km.s^{-1}];
                                                                                           pour la profondeur du moho (Zmoho) [km] ; pour le ratio le long du profil (VPVS) ;
                                                                                           pour la profondeur du séisme (Zhypo) [km];
                                                                                           écart-type de l'épicentre (Lon;Lat) [km] ; écart-type du temps initiale (Tzéro) [s] .
      SRC
             FILES
                     bath 1. bin: topographie\ Massif\ armoricain
                    limitesMA : coordonnées des limites du Massif armoricain
                   - mytopo.cpt : palette decouleur GMT pour la topo
                    Failles.xyz : coordonnées de failles sur le Massif armoricain
                    MntArmor.grd : modèle numérique de terrain (MNT) du Massif armoricain
            lib
                 - *.mod et *.o : modules et objets (après compilation)
            macros
                     gfortran.d: options de compilation pour gfortran lues par le makefile
                   - ifort.d : options de compilation pour ifort lues par le makefile
            MES
                   message1.d et message2.d : messages lors de la compilation
             MOD (modules.f90)
                            MOD_LaTeX
                                     - mklatex.f90 : latexscript (latexfull)
                           MOD\_GMT
                                      mkfcout.f90 : figure_GMTfc (GMT_fc, histogramme de la fonction coût)
                                    - mkGMT.f90: figure_GMT (GMTfull et affiche_temps_ref, représentation 2D de la fonction coût et des densités a posteriori, paramètre vs. paramètre)
                                     - mkhodo.f90 : figure_GMThodo (GMT_Hodochrone, hodochrone, temps d'arrivées en fonction de la distance hypocentre) - appelle : BIN/sac2txt.exe
                                    - mkcoda.f90: figure\_GMTcoda (GMT\_Coda, calcul de la Magnitude en fonction de la durée de la coda) - appelle : BIN/CalCmag.exe
                                     - mkmap.f90 : figure_GMTmap (GMT_map, carte des stations)
                                     mkparamiter.f90 : figure_GMTpar (GMT_param et RVB, paramètre en fonction des itérations)
                                    mkres.f90 : figure_GMTres (GMT_res et GMT_resSTA, cartes des résidus aux stations)
                                     - mkcarriere.f90 : figure_GMTcarriere (GMT_carriere, cartes statistiques de discrimination des tirs de carrières)
                                      mkwada.f90 : figure_GMTwada (GMT_wadati)
                                    — mkchatelain.f90 : figure_GMTchat (GMT_chatelain)
                                     - mkmatricecorrel.f90 : figure_GMTmCorr (GMT_mCorr)
                                     moho_inc.f90 : mkmoho_inc (GMT_moho)
                                      mkposteriori.90: figure_posteriori (PosterioriExploration, GMT_posteriori_lonlat et GMT_posteriori)
                           MOD\_Geiger
                                      documents sur la méthode Geiger (1910, 1912)
                                     - subgeiger.f90 : invGEIGER (dogeiger, dogeigerone)
                           MOD_rand
                                     - article (Matsumoto & Nishimura, 1998, mt19937ar.pdf) : générateur de nombre aléatoire
                                     mt19937ar.f90: mt19937 (initseed_, init_genrand, genrand_int32 - 31, genrand_real1 - 3, genrand_res53 et normal)
                          MOD_sac
                                    - mod_sac_io.f90 : sac_io (module SAC)
                           - avancement.f90 : cpt\_temps (progress)
                           lectdata.f90 : datalecture (lectnbdata, lectdata, initR, mksynth, mksynthallsta, cerclespond et catalogue)
                           rechercheinit.f90 : rechercheepi (zoneRecherche et initparam)
                           \textbf{pbdirect.f90}: pb\_direct \ (tempsTheoDirectone\_AUTRE, \ tempsTheoDirect, \ Wadatiplot, \ chatelainplot, \ pPn\_sSn, \ reflechie2, \ reflechie2, \ refracte\_mohovar \ et \ directe)
                           tracer_rais.f90 : ray_tracing (tracerays)
                           misfit.f90 : sub_misfit (ponderation, compute_misfitone et compute_misfit)
                           \cdot \textbf{stat.f90}: statistiques \ (correlation aff pond, \ correlation pond, \ inv\_normal\_cumulative\_distrib\_func, \ Recalc \ et \ autovariance)
                           time.f90 : time (tempszero, basetime, difftime, JDATE et GDATE)
                           types.f90: typetemps (date_min, date_sec, date_secPS, stations, dataone, dataall, pond, parametre, parametres, parametresinv, paramisfit
                                         density plot\_one,\ density plot,\ fcout,\ accept,\ seismes,\ cold moy val,\ cold moy,\ ellip,\ residus,\ mvP1\_2\_Pall,\ mvPall\_2\_P1,\ alph2vect\ et\ vect2alph)
                                         ensemble des structures dérivées utilisées par le programme
                          - McMC.f90 : algo_metropolis (metropolis)
                           - dellipsgc.f90 : distance\_epi (dellipsgc)
                           intersect.f90: dist\_cercle (dist2c)
                          - modparam.f90 : modparam (nbseismes, wi, wl, wr, π, rT, FLAGS, ... : définition du nombre d'octets par réel et entier, π, rayon de la terre et nombre de séismes)
                           printmess.f90: affiche (print_mess_1-5 (bis), print_mess_fin, print_mess_finchainemin, print_mess_finchainemax, print_line et print_messchaine)
                           subparam.f90: sub_param (lect_prior, moycoldruns, init_div, calc_accept, lectparam, nb_mod_select, moy_mod_select, moy_ec, mediane, dist_apriori, paramfixe, inR et outR)
                          - tirage.f90 : tirage (reflexion, tirage_T, tirage_H et tirageUN)
                           - tri.f90 : tri (tri_bulle, tridata, melangetab et triparam)
            PROG
                    - <mark>che_plot.f90</mark> : programme principal PARTIE 3, traitement des résultas - production des figures

    che_apriori.f90 : programme principal PARTIE 3, études des distributions a priori des paramètres

    sac_bin2txt.f90 : programme principal, conversion des fichiers .sac en .txt − nécessite librairie sac_i_o de SAC

                   — <mark>sac_coda.f90</mark> : programme principal, calcul de la magnitude de durée − nécessite librairie sac_i_o de SAC

    sac_readpick.f90 : programme principal, permet l'acquisition des données au bon format

                    - <mark>sac_writepick.f90</mark> : programme principal, repositionne les temps d'arrivées précédemment pointés sur les formes d'ondes SAC
                   - sac_writepickTheo.f90 : programme principal, repositionne les temps d'arrivées théoriques sur les formes d'ondes SAC

    - sac_writepickCata.f90 : programme principal, repositionne les temps d'arrivées du catalogue sur les formes d'ondes SAC

                   - sac_spectre.f90 : programme principal, dessine spectre autour onde P_g et S_g
                   - sac_stalta_kurtosis.f90 : programme principal, calcul du rac{STA}{LTA} et du kurtosis sur les formes d'ondes SAC

    verifmediatrice.f90 : programme principal, test sur la cohérence des temps d'arrivées

                   - sac_ZNE_2_LQT.f90 : programme principal, rotation des composantes [\mathbf{Z}, \mathbf{N}, \mathbf{E}] {
ightarrow} [\mathbf{L}, \mathbf{Q}, \mathbf{T}]
                    coldruns
                            - che_coldruns_init.f90 : programme principal PARTIE 1, initalisation
                            - <mark>che_coldruns.f90</mark> : programme principal PARTIE 1, échantillonnage à grande longueur d'onde
                             che_coldruns_syn.f90 : programme principal PARTIE 1, synthèse
                    hotrun
                            - che_hotruns_init.f90 : programme principal PARTIE 2, initalisation
                             {\bf che\_hotruns.f90}: programme\ principal\ PARTIE\ 2,\ \'echantillonnage\ des\ mod\`eles\ a\ posteriori
                            - <mark>che_hotruns_syn.f90</mark> : programme principal PARTIE 2, synthèse
           — makefile: permet la compilation (make all ou make che), verification (make test), supprime (makeclear)
             run.sh: compile, execute programme principal et scripts GMT et LATEX - appel: BIN/che_coldruns.f90, BIN/che_hotruns.f90 et BIN/che_plot.f90
```

- run\_it.sh : lance ./SRC/run.sh avec un log de compilation - appel : SRC/run.sh

# Références

- CARA, M., Y. CANSI, A. SCHLUPP, P. ARROUCAU, N. BÉTHOUX, E. BEUCLER, S. BRUNO, M. CAL-VET, S. CHEVROT, A. DEBOISSY, B. DELOUIS, M. DENIEUL, A. DESCHAMPS, C. DOUBRE, J. FRÉCHET, S. GODEY, O. GOLLE, M. GRUNBERG, J. GUILBERT, **Haugmard, M**, L. JENATTON, S. LAMBOTTE, D. LEOBAL, C. MARON, V. MENDEL, S. MERRER, M. MACQUET, A. MIGNAN, A. MOCQUET, M. NICO-LAS, J. PERROT, B. POTIN, O. SANCHEZ, J.-P. SANTOIRE, O. SÈBE, M. SYLVANDER, F. THOUVENOT, J. VAN DER WOERD, & K. VAN DER WOERD (2015): Si-hex: a new catalogue of instrumental seismicity for metropolitan france, *Bulletin de la Societe Geologique de France*, **186**(1), 3–19.
- GEIGER, L. (1910): Herbsetimmung bei Erdbeben aus den Ankunfzeiten, K. Gessell. Will. Goett, 4, 331–349.
- GEIGER, L. (1912): Probability method for the determination of earthquake epicenters from the arrival time only, Bulletin of St. Louis University,  $\mathbf{8}(1)$ , 60–71.
- Matsumoto, M., & T. Nishimura (1998): Mersenne twister: A 623-dimensionally equidistributed uniform pseudorandom number generator, *ACM Trans. on Modeling and Computer Simulation*, 8(1), 3–30.
- Wessel, P., & W. H. F. Smith (1998): New, improved version of generic mapping tools released, *Eos Trans. AGU*, **79**(47), 579.