

دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلیتکنیک تهران) دانشکده مهندسی صنایع و سیستمهای مدیریت

# تمرین یکم درس اصول شبیهسازی

اعضا:

حامد اعراب – ٩٩٢٥٠٠٣

شهریار خلوتی – ۹۹۲۵۰۱۵

استاد: دکتر عباس احمدی

تدریسیار: مهدی محمدی

بهار ۱۴۰۳

# فهرست

١	مسائل
	مسئله یکم
١	مسئله دوم
٢	مقدمه
٢	چارچوبی برای شبیهسازی رویدادهای گسسته
٣	كنترلر
۵	رویداد
٧	مدلسازی و حل مسئلهها
٧	حالت كلى: چند خدمتدهنده
	موجودیتهای مختص به این سیستم
	كنترلر
٩	رویدادها
١	حالت خاص: دو خدمتدهنده
١	نتایج۲
١	مسئله یکم
١	مسئله دوم
١	نتیجه گیری
١	جدول گزارش عملکرد اعضای گروه

# مسائل

### مسئله یکم

آریا و بردیا دو خدمت دهنده در یک رستوران خودرویی هستند. فاصله میان ورود هر دو خودرو یکنواخت و در بازه ۳ تا ۶ دقیقه است. زمان خدمت آریا و بردیا به هر خودرو، یکنواخت و در بازه ۹ تا ۱۲ دقیقه است.

- ۱) نمودارهای جریان را برای کنترلر و رویدادهای شبیهسازی بکشید.
- ۲) سیستم را برای ۹ ساعت شبیه سازی کنید. در حالت اول، هر بار نخستین خدمت دهنده در دسترس را برای خدمت دهی، و
   در حالت دوم، یک خدمت دهنده در دسترس را تصادفی انتخاب کنید.
  - ۳) میزان به کارگیری (درصد زمان اشتغال) آریا و بردیا را در هر حالت تخمین بزنید.
    - ۴) میانگین زمان انتظار هر مشتری را در هر حالت بهدست آورید.
      - ۵) در هر حالت چند نفر وارد صف انتظار می شوند؟

#### مسئله دوم

در یک سیستم خدماتی با چندین ایستگاه موازی (I خدمتدهنده)، زمان میان ورود هر دو مشتری یکنواخت و در بازه  $\circ$  تا  $\circ$  دقیقه، و زمان خدمت هر خدمتدهنده به هر مشتری، یکنواخت و در بازه  $\circ$  تا  $\circ$  دقیقه است.

- ۱) نمودارهای جریان را برای کنترلر و رویدادهای شبیه سازی بکشید.
  - ۲) سیستم را برای ۸ ساعت شبیهسازی کنید.
- ۳) تعداد بهینه خدمت دهنده ها را به دست آورید، به طوری که میانگین زمان انتظار کمینه و درصد زمان اشتغال هر خدمت دهنده بیشینه شود.

#### مقدمه

مسئلههایی که پیش تر آمدهاند، در بنیان خود، شبیه سازی رویدادهای گسسته را بیان می کنند. در مسئله نخست، سیستمی داریم با یک صف و دو خدمت دهنده و دو خروج کنار هم به مشتریان  $^{\dagger}$  خدمت می دهند. رویدادهای سیستم نیز به ورود و خروج مشتریان محدود می شوند. در مسئله دوم، حالت کلی مسئله پیشین را داریم، یک صف، چندین خدمت دهنده موازی  $^{\Lambda}$ ، و همان رویدادها.

حال، باید به این نکته نیز بپردازیم که علی رغم شباهت سیستمهای این دو مسئله، خواستههای هر مسئله متفاوت است. در مسئله نخست، باید سیستم را با دو روش متفاوت در انتخاب خدمتدهنده دردسترس شبیه سازی کنیم. سپس با به دست آوردن و مقایسه چند معیار کارایی ۱۰، مانند درصد زمان اشتغال ۱۱ خدمت دهنده ها، روش برتر را بیابیم. اما در مسئله دوم، صرفا باید تعداد بهینه ی خدمت دهنده ها را با توجه به مقادیر داده شده برای زمان های میان هر رویداد بیابیم، به طوری که میانگین زمان انتظار کمینه ۱۲ و درصد زمان اشتغال هر خدمت دهنده بیشینه ۱۳ شود.

# چارچوبی برای شبیهسازی رویدادهای گسسته

حال، با توجه به این که (۱) هر دو مسئله، شبیهسازی رویدادهای گسسته را در خود گنجاندهاند و (۲) احتمالا در تمرینهای آینده نیز با این نوع مسائل مواجه خواهیم شد، تصمیم گرفتیم که یک چارچوب<sup>۱۴</sup> و بنیان واحد برای حل آنها طراحی و پیاده کنیم. این چارچوب باید ویژگیهای زیر را داشته باشد:

<sup>3</sup> Server

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Discrete-Event Simulation

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Oueue

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Customers

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Events

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Arrival

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup> Departure

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Parallel

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Available

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Performance Metrics

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Utilization Time Percentage (UTP)

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> Minimized

<sup>13</sup> Maximized

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup> Framework

چارچوبی برای شبیهسازی رویدادهای گسسته

- ۱) گســـترشپذیری<sup>۱۵</sup>: در مســائل گوناگون با ســیســـتمهایی ســروکار داریم که متغیرها<sup>۱۶</sup>، وضـعیت<sup>۱۷</sup>، منطق<sup>۱۸</sup>، و رفتار<sup>۱۹</sup>
  مخصـوص خود را دارند. بنابراین، به چارچوبی نیاز داریم که حداقل امکانات شـبیهســازی را فراهم کرده و اجازهی افزودن سایر اجزای مورد نیاز را بدهد.
- ۲) مقیاس پذیری ۲۰: مسائل شبیه سازی در پیچیدگی ۲۱ و اندازه با هم تفاوت دارند. مثلا ممکن است تعداد صفها، انواع و مراحل خدمت دهی، و تعداد خدمت دهنده ها در هر مسئله کم و یا زیاد باشند. بنابراین، چارچوب مورد استفاده باید قابلیت به کارگیری را در مقیاس های مختلف داشته باشد.
- ۳) بهرهوری۲۲: چارچوب ما باید در اجرای فرآیند شبیهسازی سریع بوده و مصرف منابع کمی داشته باشد. این منابع شامل انرژی، حافظه، و فضای ذخیرهسازیاند. با داشتن بهرهوری مناسب می توان یک سیستم را به دفعات بیش تری شبیهسازی کنیم.
  کنیم و از صحت خروجیها و درستی مدل شبیهسازی مان اطمینان حاصل کنیم.

با توجه به این ویژگیها، تصمیم بر آن شد که چارچوب ما دو موجودیت کنترلر<sup>۲۳</sup> و رویداد را در سطحی پایهای و بنیادین برای استفاده فراهم می کند. بدین ترتیب می توانیم این دو موجودیت را به اقتضای شرایط هر مسئله گسترش داده و سیستم را مدل سازی کنیم. در ادامه، به جزئیات آنها بیش تر می پردازیم.

### كنترلر

کنترلر، وظیفه ی اجرا و مدیریت فرآیند شبیه سازی را بر عهده دارد. به زبان ساده، با شروع فرآیند شبیه سازی، رویدادها به کنترلر ارسال می شوند، و کنترلر آنها را به «فهرست رویدادهای آینده  $^{74}$ » می افزاید و این فهرست را بر اساس «زمان مقرر  $^{74}$ » رویدادها مرتب می کند. پس از پایان شلیک  $^{74}$  رویداد پیشین، رویداد پیش رو $^{74}$  از  $^{74}$  خارج و پس از جلو بردن ساعت شبیه سازی  $^{74}$ ،

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup> Extensibility

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup> Variables

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup> State

<sup>18</sup> Logic

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup> Behavior

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup> Scalability

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> Complexity

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup> Efficiency

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup> Controller

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup> Future Events List (FEL)

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup> Due Time

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup> Triggering

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup> Upcoming Event

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup> Simulation Clock

شلیک می گردد. در این میان اگر ساعت شبیه سازی به زمان مشخص شده برای پایان برسد یا از آن فراتر رود، شبیه سازی متوقف می گردد.

کنترلر، دو پارامتر رویداد نخستین<sup>۲۹</sup> و زمان پایان شبیهسازی<sup>۳۰</sup> را دریافت و صحتسنجی<sup>۳۱</sup> می کند. سنجش صحت پارامترها عبارتند از مثبت بودن زمان پایان شبیهسازی و صفر بودن زمان مقرر رویداد نخستین. پس از سنجش صحت پارامترها، رویداد نخستین به FEL افزوده شده و ساعت شبیهسازی برابر با دقیقه صفر قرار داده می شود. لازم به ذکر است که در این چارچوب، تمامی زمانها با واحد دقیقه به کار می روند. خلاصه ای از پارامترها و متغیرهای مربوط به کنترلر را می توانید مشاهده کنید:

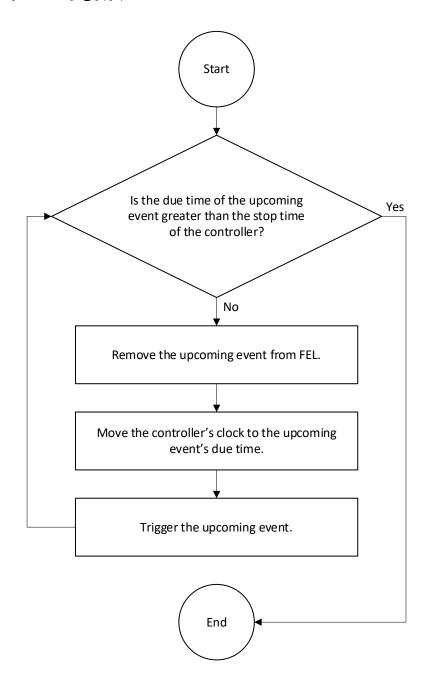
پارامترها	متغيرها
رويداد نخستين	فهرست رویدادهای آینده
زمان پایان شبیهسازی	ساعت شبیهسازی

حال، کنترلر برای شروع فرآیند شبیه سازی آماده است. با شروع فرآیند، رویداد نخستین که به FEL افزوده شده بود را از این فهرست خارج و سپس شلیک می کنیم. در پی آن، رویدادهای بعدی دریافت شده و به FEL افزوده می گردند و این حلقه تکرار می توانید می گردد، تا این که به زمان پایان شبیه سازی برسیم. در شکل بعدی، نمودار جریان را برای فرآیند شبیه سازی کنترلر می توانید مشاهده کنید. این نمودار همان توضیحات ساده ای که پیش تر داده شدند را با جزئیات بیش تر ارائه می دهد.

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup> Initial Event

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup> Simulation Stop Time

<sup>31</sup> Validation



#### رويداد

این موجودیت، بستر را برای ایجاد رویدادهای مختلف یک سیستم فراهم می کند. تنها پارامتری که دریافت می کند فاصله ۳۲ زمان شلیک آن با ساعت شبیه سازی است و پس از آن که به کنترلر ارسال شد، «زمان مقرر» آن برای شلیک مشخص می گردد. در نهایت، کنترلر رویداد را به FEL افزوده و فهرست بر اساس زمان مقرر هر یک مرتب می کند.

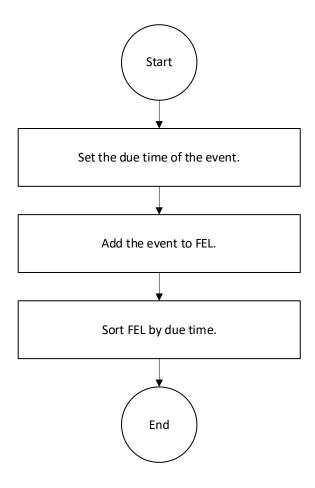
<sup>32</sup> Interval

 $\label{eq:DueTime} \textit{DueTime}_{event} = \textit{SimulationClock} + \textit{Interval}_{event}$ 

خلاصهای از پارامترها و متغیرهای مربوط به رویداد را می توانید مشاهده کنید:

پارامترها	متغيرها
فاصله زمانى	زمان مقرر

در ادامه، نمودار جریان را برای ارسال ۳۳ یک رویداد به کنترلر شبیهسازی مشاهده می کنید.



در ادامه، به نحوه مدلسازی و رسیدن به جواب هر مسئله با استفاده از این چارچوب میپردازیم.

۶

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup> Dispatching

## مدلسازی و حل مسئلهها

برای حل هر مسئله با استفاده از چارچوب پیشنهادی، کنترلری طراحی می شود که رفتارهای بنیادین و پایهای را از کنترلر چارچوب بهارث می برد. به نوعی، ما به این مسائل با دیدی شیء گرا<sup>۳۴</sup> نگاه کرده و در کنار کنترلر، رویدادهای شبیه سازی را نیز با ارثبری ۲۵ از رویداد بنیادین پیاده می کنیم.

از آنجایی که سیستم نخست حالتی خاص از سیستم دوم است، میتواند رفتارها و منطق مربوط به شبیه سازی این سیستم را با اندکی تغییر به ارث ببرد. بنابراین ابتدا به حالت کلی پرداخته و سپس به سراغ حالت خاص می رویم.

### حالت کلی: چند خدمت دهنده

#### موجودیتهای مختص به این سیستم

این سیستم دو موجودیت مخصوص به خود را دارد. خدمتدهنده و مشتری. خدمتدهنده دارای دو متغیر است: مجموع زمان به کارگیری و درحال خدمتدهیبودن. از متغیر اول در ادامه برای محاسبه معیارهای کارایی سیستم و از دومین متغیر برای ارسال مشتریان به خدمتدههایی که دردسترس اند استفاده می کنیم.

هر مشتری نیز دارای پارامترهای زمان ورود، مدت دریافت خدمت، و زمان خروج است. با استفاده از این سه، همچنین میتوان دو متغیر مربوط به زمانی که مشتری در سیستم سپری کرده و زمان انتظار وی را محاسبه کرد.

Total Time the  $i^{th}$  Customer Spent in the System = Departure  $Time_i$  - Arrival  $Time_i$ Waiting Time of the  $i^{th}$  Customer = Total  $Time_i$  - Service  $Time_i$ 

#### كنترلر

کنترلر این سیستم، فرآیند شبیهسازی را از چارچوب بهارث میبرد. اما نیاز است تا پارامترها، متغیرها، و خروجیهای شبیهسازی مختص به این مسئله را به آن اضافه کنیم. رویکرد به کارگیری خدمت دهنده می تواند «اولین در دسترس۳۶» یا «تصادفی ۳۷» باشد. همچنین خروجیها با استفاده از فهرست مشتریان تاریخی و فهرست خدمت دهنده ها محاسبه می شوند:

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup> Object-Oriented

<sup>35</sup> Inheritance

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup> First Available

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup> Random

$$AUTP = \frac{1}{n_S} \sum_{i=1}^{n_S} \frac{Total~Utilization~Time~of~i^{th}~Server}{Simulation~Clock~(After~Stopping~the~Simulation)}$$

$$AWTP = \frac{1}{n_{C}} \sum_{i=1}^{n_{C}} \frac{\textit{Waiting Time of the } i^{\textit{th Customer}}}{\textit{Total Time the } i^{\textit{th Customer Spent in the System}}}$$

$$ASTP = 1 - AWTP$$

خلاصهای از این بخش را در جدول زیر می توانید مشاهده کنید:

خروجیهای شبیهسازی	متغيرها	پارامترها
میانگین درصد زمان به کارگیری خدمت دهندهها ۳۹	فهرست رویدادهای آینده	رویداد نخستین
	ساعت شبیهسازی	زمان پایان شبیهسازی
میانگین درصد زمان انتظار مشتریان <sup>۴۰</sup>	فهرست مشتريان تاريخي	تعداد خدمت دهندهها
میانگین درصد زمان خدمتدهی به مشتریان <sup>۴۱</sup>	صف انتظار مشتريان	رویکرد به کارگیری خدمتدهنده ۳۸
	فهرست خدمتدهنا	

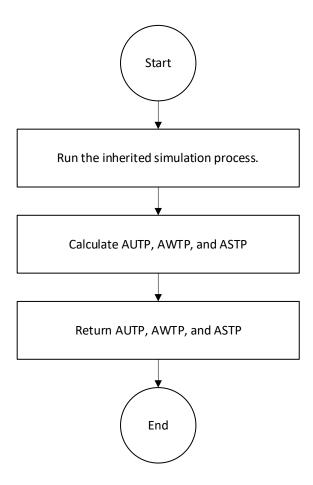
در نهایت، در شکل زیر، نمودار جریان فرآیند شبیهسازی کنترلر شبیهسازی سیستم چندخدمت هی موازی دارای یک صف را سنند:

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup> Server Utilization Strategy

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup> Average Utilization Time Percentage (AUTP)

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup> Average Waiting Time Percentage (AWTP)

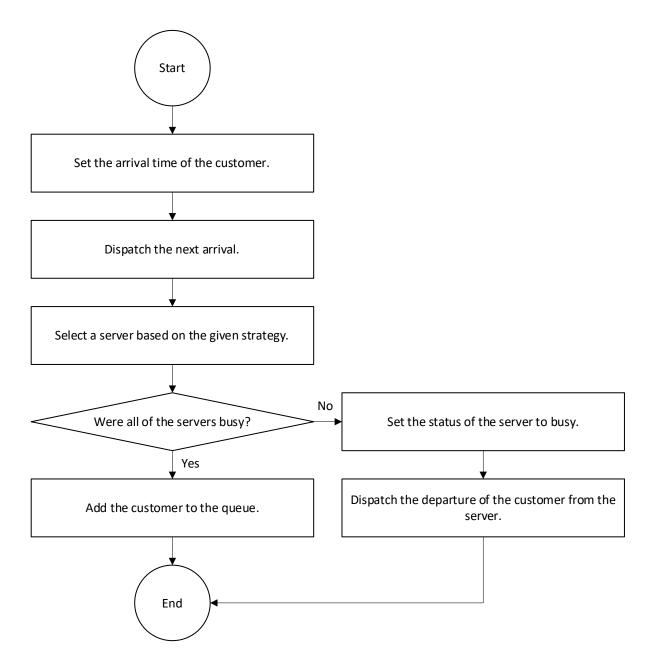
<sup>&</sup>lt;sup>41</sup> Average Service Time Percentage (ASTP)



#### رويدادها

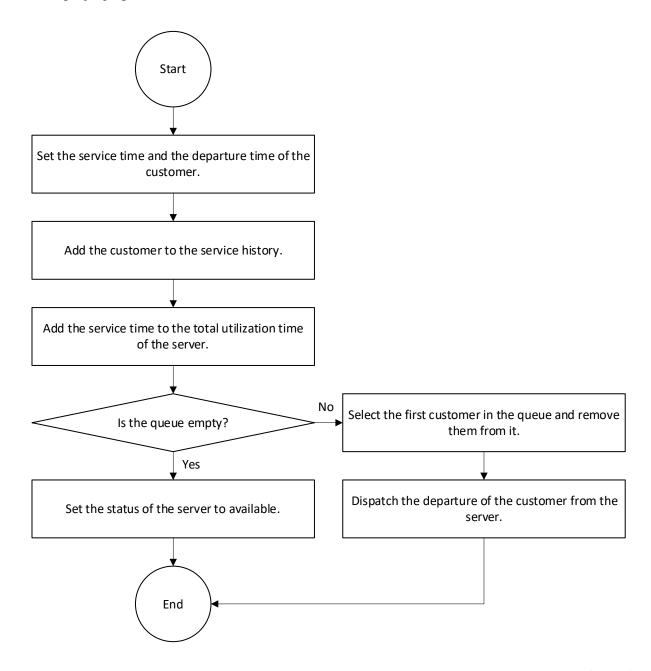
#### ورود

با شلیک رویداد ورود، زمان ورود مشتری مشخص می گردد. و رویداد ورود بعدی نیز به کنترلر ارسال می شود. با استفاده از رویکرد مشخص شده برای انتخاب خدمت دهنده، به دنبال خدمت دهنده ای برای خدمت دهی برای مشتری می گردیم. اگر خدمت دهنده ای در دسترس نبود، مشتری را به صف اضافه می کنیم. در غیر این صورت، وضعیت خدمت دهنده را به «مشغول» تغییر داده و رویداد خروج مشتری را به کنترلر ارسال می کنیم. نمودار جریان این رویداد را در شکل بعد می توانید مشاهده کنید.



#### خروج

با شلیک رویداد خروج، مدت دریافت خدمت و زمان خروج مشتری را مشخص می کنیم. سپس مشتری را به فهرست مشتریان تاریخی می افزاییم. همچنین، مدت خدمتدهی را به مجموع زمان خدمتدهی خدمتدهنده اضافه می کنیم. حال، اگر صف انتظار خالی از مشتری باشد، وضعیت خدمتدهنده را به «دردسترس» تغییر می دهیم. در غیر این صورت، اولین مشتری حاضر در صف را از صف خارج کرده و رویداد خروج وی را به کنترلر ارسال می کنیم. در نمودار پایین، جزئیات جریان این رویداد را می توانید ببینید.



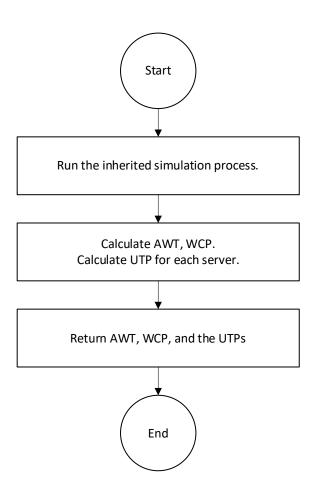
### حالت خاص: دو خدمت دهنده

در این حالت، کنترلر و دو رویداد حالت قبلی را استفاده می کنیم. تنها تفاوت این است که پارامتر تعداد خدمت دهنده ها را برابر ۲ قرار داده، و به جای معیارهای کارایی پیشین، از معیارهای میانگین زمان انتظار ۲٬۴۰ درصد مشتریانی که وارد صف انتظار شدند ۴۰، و

<sup>&</sup>lt;sup>42</sup> Average Waiting Time (AWT)

<sup>&</sup>lt;sup>43</sup> Waiting Customers Percentage (WCP)

درصد زمان به کارگیری هر خدمت دهنده استفاده می کنیم. برای محاسبه معیار اول، از زمانهای انتظار بزرگتر از صفر میانگین گرفته و برای محاسبه معیار دوم، تعداد مشتریانی که زمان انتظاری بزرگتر از صفر دارند را بر تعداد کل مشتریان تقسیم می کنیم.



# نتايج

### مسئله یکم

همانطور که در جدول زیر می توانید مشاهده کنید، با استفاده از دو رویکرد متفاوت در انتخاب خدمت دهنده برای خدمت دهی، نتایجی با شباهت بسیار بالا و اختلاف ناچیز به دست آوردیم. نتايج

زمان بهکارگیری بردیا (درصد)	زمان به کار گیری آریا (درصد)	مشتریانی که وارد صف انتظار شدند (درصد)	میانگین زمان انتظار (دقیقه)	رویکرد انتخاب خدمتدهنده
99.2777%	98.5024%	97.7572%	38.632304	ارجحیت آریا بر بردیا در خدمتدهی
98.9002%	98.8553%	97.7525%	38.490353	انتخاب تصادفی خدمتدهنده

### مسئله دوم

برای به دست آوردن تعداد بهینه ی خدمت دهنده ها، یک معیار امتیاز محاسبه کردیم که برابر با میانگین هارمونیک <sup>۴۴</sup> دو شاخص ASTP و ASTP می باشد.

$$Score = \frac{2 \times AUTP \times ASTP}{AUTP + ASTP}$$

هرچه این امتیاز بیشتر باشد، به معنای بیشتر بودن نسبت زمان به کارگیری خدمتدهها به زمان کل شبیه سازی، و کمتر بودن نسبت مدت زمان انتظار مشتریان به کل زمان سپری شده هر یک در سیستم است. بنابراین، خواسته ی مسئله را با این روش می توانیم بر آورده کنیم.

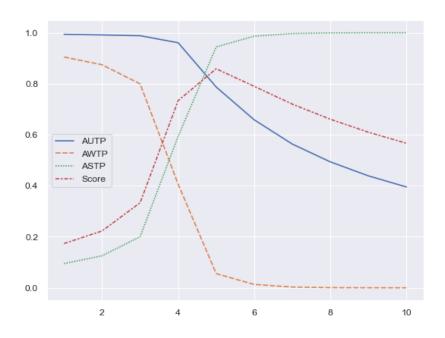
Number of Servers	AUTP	AWTP	ASTP	Score
1	0.993953	0.904890	0.095110	0.173607
2	0.991370	0.874414	0.125586	0.222930
3	0.988410	0.799357	0.200643	0.333572
4	0.960789	0.406068	0.593932	0.734078
5	0.787216	0.055549	0.944451	0.858695

-

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup> Harmonic Mean

6	0.658503	0.013313	0.986687	0.789862
7	0.563629	0.003075	0.996925	0.720123
8	0.493824	0.000637	0.999363	0.661015
9	0.439020	0.000141	0.999859	0.610139
10	0.395373	0.000029	0.999971	0.566687

همچنین نمودار مربوط به این جدول را در شکل پایین می توانید مشاهده کنید:



# نتيجهگيري

از مسئله اول، نتیجه می گیریم که به دلیل یکسان بودن تابع توزیع زمان خدمت دهی آریا و بردیا، تفاوت رویکردها در انتخاب خدمت دهنده برای خدمت دهی به هر مشتری، تغییری در کارایی سیستم و نتایج حاصل نمی کند. اما از مسئله ی دوم، با توجه به معیار امتیاز محاسبه شده، نتیجه می گیریم که تعداد بهینه ی خدمت دهنده ها برابر با ۵ نفر می باشد. زیرا در این نقطه به بیشینه امتیاز 85.87% می رسیم.

# جدول گزارش عملکرد اعضای گروه