

令和6年度
修士学位論文

論文用テンプレート

〇〇所属

〇〇課程 〇〇専攻

〇〇分野

指導教員 〇〇 〇〇教授

令和〇年入学

学籍番号 82313206

氏名 八木颯仁

目次

第 1 章	緒言	1
第 2 章	Introduction	2
2.1	セクション	2
第 3 章	Torsions	5
3.1	セクション	5
第 4 章	本論	6
4.1	セクション	6
4.1.1	サブセクション	6
参考文献		7

第 1 章 緒言

ここに諸元を書く [1]

第 2 章 Introduction

2.1 セクション

Theorem 2.1.1. (Shioda-Tate formula)

$$\rho(S) = 2 + \sum_{v \in R} (m_v - 1) + \text{rank}(E(K)) \quad (2.1)$$

である.

Theorem 2.1.2.

$$E_{1,s} : y^2 = x(x - 4s^2)(x + (s^2 - 1)^2) \quad (2.2)$$

の $\overline{\mathbb{Q}}(s)$ 上のランクは 0 である.

証明

$$\Delta_{E_{1,s}} = 256s^4(s+1)^4(s-1)^4(s^2+1)^4 \quad (2.3)$$

Table 2.1 Singular fibers of $E_{1,s}$

Place	Type	m_v
$s = 0$	I_4	4
$s = \pm 1$	I_4	4
$s = \pm i$	I_4	4
$s = \infty$	I_4	4

$$e(\mathcal{E}_{1,s}) = 24 \quad (2.4)$$

したがって $\mathcal{E}_{1,s}$ は K3 曲面であり. $\rho(\mathcal{E}_{1,s}) \leq 24$ である. Theorem 2.1.1 より

$$\text{rank}(E_{1,s}) = 0 \quad (2.5)$$

□

Theorem 2.1.3.

$$E_{4,t} : y^2 = x(x - 4s^2)(x + (s^2 - 1)^2), s = \frac{2t}{t^2 - 3} \quad (2.6)$$

は

$$\left(s^2 - 1, \sqrt{-1}s(s^2 - 1)\frac{t^2 + 3}{t^2 - 3} \right) \quad (2.7)$$

を通る.

証明

$$\Delta_{E_{4,t}} = 4096t^4(t-1)^4(t+1)^4(t-3)^4(t+3)^4(t^2-3)^4(t^4-2t^2+9)^4 \quad (2.8)$$

Table 2.2 Singular fibers of $E_{4,t}$

Place	Type	m_v
$t = 0$	I_4	4
$t = \pm 1$	I_4	4
$t = \pm 3$	I_4	4
$t = \pm\sqrt{3}$	I_4	4
$t^4 - 2t^2 + 9 = 0$	I_4	4
$t = \infty$	I_4	4

$$e(\mathcal{E}_{4,t}) = 48 \quad (2.9)$$

TODO: $\rho(\mathcal{E}_{4,t}) \leq 40$ である. Theorem 2.1.1 より

$$\text{rank } E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t)) \leq 2 \quad (2.10)$$

□

上の評価は不十分. 生成元は 1 つしか見つからないので, ランクの上界が 1 であることを示したい.

Theorem 2.1.4.

$$E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t))_{\text{tors}} = \mathbb{Z}/4\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}/4\mathbb{Z} \quad (2.11)$$

$$= \langle P_1, P_2 \rangle \quad (2.12)$$

Theorem 2.1.5.

$$E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t)) = E_{1,s}(\overline{\mathbb{Q}}(s)(\sqrt{1+3s^2})) \quad (2.13)$$

$$E_{1,s}^{(1+3s^2)} : (1+3s^2)y^2 = x(x-4s^2)(x+(s^2-1)^2) \quad (2.14)$$

$$\text{rank } E_{1,s}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) + \text{rank } E_{1,s}^{(1+3s^2)}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) = \text{rank } E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t)) \quad (2.15)$$

Theorem 2.1.6. TODO

$$\text{rank } E_{1,s}^{(1+3s^2)}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) = ? \quad (2.16)$$

証明

$$\Delta(E_{1,s}^{(1+3s^2)}) = (1+3s^2)^6 \Delta(E_{1,s}) \quad (2.17)$$

Table 2.3 Singular fibers of $E_{1,s}^{(1+3s^2)}$

Place	Type	m_v
$s = 0$	I_4	4
$s = \pm 1$	I_4	4
$s = \pm i$	I_4	4
$s = \pm \frac{1}{\sqrt{-3}}$	I_0^*	5
$s = \infty$	I_4	4

$$e(\mathcal{E}_{1,s}^{(1+3s^2)}) = 36 \quad (2.18)$$

TODO

$$\text{rank } E_{1,s}^{(1+3s^2)}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) = ? (1 \text{ or } 2) \quad (2.19)$$

□

第 3 章 Torsions

3.1 セクション

torsion

第4章 本論

4.1 セクション

ここに本論を書く [2] [3] [4]. Fig. 4.1 と Eq. 4.1 はに示すように, hoge である.

4.1.1 サブセクション

Dummy Image

Fig. 4.1 caption

4.1.1.1 サブサブセクション

色は匂へど散りぬるを 我が世誰ぞ常ならむ 有為の奥山今日越えて 浅き夢見じ酔ひもせず

A quick brown fox jumps over the lazy dog.

$$\left(\int_0^\infty \frac{\sin x}{\sqrt{x}} dx\right)^2 = \sum_{k=0}^\infty \frac{(2k)!}{2^{2k}(k!)^2} \frac{1}{2k+1} = \prod_{k=1}^\infty \frac{4k^2}{4k^2-1} = \frac{\pi}{2} \quad (4.1)$$

参考文献

- [1] V. Mnih, K. Kavukcuoglu, D. Silver, A. Graves, I. Antonoglou, D. Wierstra, and M. Riedmiller. Playing atari with deep reinforcement learning. arXiv preprint arXiv:1312.5602, (2013).
- [2] L. Yao, Y.-W. A. Wu, L. Yao, and Z. Z. Liao. An integrated IMU and UWB sensor based indoor positioning system. *2017 International Conference on Indoor Positioning and Indoor Navigation (IPIN)*. IEEE. 2017, pp. 1–8.
- [3] D. Ugarte. Curling and closure of graphitic networks under electron-beam irradiation. *Nature* 359.6397, pp. 707–709, (1992).
- [4] 野村篤史, 須ヶ崎聖人, 坪内孝太, 西尾信彦, 下坂正倫, et al. UWB の測定距離と直接波の減衰度を利用したデバイスフリー複数人屋内測位. 研究報告ユビキタスコンピューティングシステム (UBI) 2022.1, pp. 1–8, (2022).