令和 6 年度

修士学位論文

論文用テンプレート

○○所属

○○課程 ○○専攻

○○分野

指導教員 ○○ ○○教授

令和○年入学

学籍番号 82313206

氏名 八木颯仁

目次

第 1 章　緒言

ここに諸元を書く [1]

第 2 章　Introduction

2.1　セクション

Theorem 2.1.1. (Shioda-Tate formula)

$$\rho(S) = 2 + \sum_{v \in R}(m_v - 1) + \mathrm{rank}(E(K)) \tag{2.1}$$

である．

Theorem 2.1.2.

$$E_{1,s} : y^2 = x(x - 4s^2)(x + (s^2 - 1)^2) \tag{2.2}$$

の $\overline{\mathbb{Q}}(s)$ 上のランクは 0 である．

証明

$$\Delta_{E_{1,s}} = 256s^4(s+1)^4(s-1)^4(s^2+1)^4 \tag{2.3}$$

Table 2.1　Singular fibers of $E_{1,s}$

Place	Type	m_v
$s = 0$	I_4	4
$s = \pm 1$	I_4	4
$s = \pm i$	I_4	4
$s = \infty$	I_4	4

$$e(\mathcal{E}_{1,s}) = 24 \tag{2.4}$$

したがって $\mathcal{E}_{1,s}$ は K3 曲面であり．$\rho(\mathcal{E}_{1,s}) \leq 24$ である．Theorem 2.1.1 より

$$\mathrm{rank}(E_{1,s}) = 0 \tag{2.5}$$

□

Theorem 2.1.3.

$$E_{4,t} : y^2 = x(x - 4s^2)(x + (s^2 - 1)^2), s = \frac{2t}{t^2 - 3} \tag{2.6}$$

は

$$\left(s^2 - 1, \sqrt{-1}s(s^2 - 1)\frac{t^2 + 3}{t^2 - 3}\right) \tag{2.7}$$

を通る.

証明

$$\Delta_{E_{4,t}} = 4096t^4(t - 1)^4(t + 1)^4(t - 3)^4(t + 3)^4(t^2 - 3)^4(t^4 - 2t^2 + 9)^4 \tag{2.8}$$

Table 2.2　Singular fibers of $E_{4,t}$

Place	Type	m_v
$t = 0$	I_4	4
$t = \pm 1$	I_4	4
$t = \pm 3$	I_4	4
$t = \pm\sqrt{3}$	I_4	4
$t^4 - 2t^2 + 9 = 0$	I_4	4
$t = \infty$	I_4	4

$$e(\mathcal{E}_{4,t}) = 48 \tag{2.9}$$

TODO: $\rho(\mathcal{E}_{4,t}) \leq 40$ である．Theorem 2.1.1 より

$$\operatorname{rank} E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t)) \leq 2 \tag{2.10}$$

□

上の評価は不十分．生成元は 1 つしか見つかっていないので，ランクの上界が 1 であることを示したい．

Theorem 2.1.4.

$$E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t))_{\mathrm{tors}} = \mathbb{Z}/4\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}/4\mathbb{Z} \tag{2.11}$$

$$= \langle P_1, P_2 \rangle \tag{2.12}$$

Theorem 2.1.5.

$$E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t)) = E_{1,s}(\overline{\mathbb{Q}}(s)(\sqrt{1+3s^2})) \tag{2.13}$$

$$E_{1,s}^{(1+3s^2)} : (1+3s^2)y^2 = x(x-4s^2)(x+(s^2-1)^2) \tag{2.14}$$

$$\operatorname{rank} E_{1,s}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) + \operatorname{rank} E_{1,s}^{(1+3s^2)}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) = \operatorname{rank} E_{4,t}(\overline{\mathbb{Q}}(t)) \tag{2.15}$$

Theorem 2.1.6. TODO

$$\operatorname{rank} E_{1,s}^{(1+3s^2)}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) = ? \tag{2.16}$$

証明

$$\Delta(E_{1,s}^{(1+3s^2)}) = (1+3s^2)^6 \Delta(E_{1,s}) \tag{2.17}$$

Table 2.3 Singular fibers of $E_{1,s}^{(1+3s^2)}$

Place	Type	m_v
$s = 0$	I_4	4
$s = \pm 1$	I_4	4
$s = \pm i$	I_4	4
$s = \pm\frac{1}{\sqrt{-3}}$	I_0^*	5
$s = \infty$	I_4	4

$$e(\mathcal{E}_{1,s}^{(1+3s^2)}) = 36 \tag{2.18}$$

TODO

$$\operatorname{rank} E_{1,s}^{(1+3s^2)}(\overline{\mathbb{Q}}(s)) = ?(1 or 2) \tag{2.19}$$

□

第 3 章　本論

3.1　セクション

ここに本論を書く [2] [3] [4]．Fig. 3.1 と Eq. 3.1 はに示すように，hoge である．

3.1.1　サブセクション

Fig. 3.1　caption

3.1.1.1　サブサブセクション

色は匂へど散りぬるを 我が世誰ぞ常ならむ 有為の奥山今日越えて 浅き夢見じ酔ひもせず

A quick brown fox jumps over the lazy dog.

$$\left(\int_0^\infty \frac{\sin x}{\sqrt{x}} dx\right)^2 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(2k)!}{2^{2k}(k!)^2}\frac{1}{2k+1} = \prod_{k=1}^{\infty} \frac{4k^2}{4k^2-1} = \frac{\pi}{2} \tag{3.1}$$

参考文献

[1] V. Mnih, K. Kavukcuoglu, D. Silver, A. Graves, I. Antonoglou, D. Wierstra, and M. Riedmiller. Playing atari with deep reinforcement learning. arXiv preprint arXiv:1312.5602, (2013).

[2] L. Yao, Y.-W. A. Wu, L. Yao, and Z. Z. Liao. An integrated IMU and UWB sensor based indoor positioning system. *2017 International Conference on Indoor Positioning and Indoor Navigation (IPIN)*. IEEE. 2017, pp. 1–8.

[3] D. Ugarte. Curling and closure of graphitic networks under electron-beam irradiation. Nature 359.6397, pp. 707–709, (1992).

[4] 野村篤史, 須ヶ﨑聖人, 坪内孝太, 西尾信彦, 下坂正倫, et al. UWB の測定距離と直接波の減衰度を利用したデバイスフリー複数人屋内測位. 研究報告ユビキタスコンピューティングシステム (UBI) 2022.1, pp. 1–8, (2022).