I Théorie de la mesure

Théorème I-1 (Dynkin). — *Le π-système engendré par un σ-système est égal à la tribu engendrée par ce dernier.*

Corollaire I-2 (Unicité des mesures). — *Soient μ et ν deux mesures sur $(E, \mathcal{A})$ qui coïncident sur un π-système $\mathcal{C}$ tel que $\mathcal{A} = \sigma(\mathcal{C})$. Alors :*

1. *Si $\mu(E) = \nu(E) < +\infty$, alors $\mu = \nu$.*
2. *Si il existe une suite croissante $(A_n)_{n\in\mathbb{N}}$ d'éléments de $\mathcal{C}$ tels que $\bigcup\limits_n A_n = E$, et pour tout $n \in \mathbb{N}$, $\mu(A_n) = \nu(A_n) < +\infty$, alors $\mu = \nu$.*

Outils :