

Théorie de la mesure

1. Théorème de la classe monotone (Dynkin).
2. Théorèmes de convergence monotone, convergence dominée.
3. Régularité des mesures.
4. Représentation de Riesz-Markov.
5. Inégalité de Hölder, inégalité de Young.
6. Complétude des L^p .
7. Densité dans les L^p .
8. Dérivée de Radon-Nikodym et décomposition de Lebesgue.
9. Fubini, Changement de variable.

Outils :

- Lemme de Fatou.
- Régularité des intégrales à paramètre.
- Mesure de Stieltjes.
- Mesures extérieures, critère de Carathéodory.
- Points de Lebesgue.
- Recouvrement de Vitali.
- Dualité L^p - L^q .

Probabilités

1. Inégalité de Jensen
2. Inégalité de Markov

Outils :

- Lemme de Fekete

Algèbre

Outils :

- $\mathbb{Z}/p\mathbb{Z}$ espace vectoriel quand p premier et abélien.
- Faire agir le centre, ou par conjugaison

Analyse complexe

- 1- Prolongement analytique
- 2- Formules et inégalités de Cauchy
- 3- Résidus
- 4- Représentation conforme de Riemann

Outils :

- Cauchy-Riemann
- Formule d'homologie
- Principe du maximum
- Morera
- Holo sur une couronne \Leftrightarrow Dev en Fourier sur une bande
- Lemme de Schwarz