

I Théorie de la mesure

THÉORÈME I-1 (Classe monotone). — Soient μ et ν deux mesures sur (E, \mathcal{A}) qui coïncident sur un π -système \mathcal{C} tel que $\mathcal{A} = \sigma(\mathcal{C})$. Alors :

1. Si $\mu(E) = \nu(E) < +\infty$, alors $\mu = \nu$.
2. Si il existe une suite croissante $(A_n)_{n \in \mathbb{N}}$ d'éléments de \mathcal{C} tels que $\bigcup_n A_n = E$, et pour tout $n \in \mathbb{N}$,
 $\mu(A_n) = \nu(A_n) < +\infty$, alors $\mu = \nu$.

Outils :