Étude du problème MP-LWE

Sacha Ben-Arous, sous la direction d'Alice Pellet-Mary

\mathbf{r}	•			•
к	és	11	m)

Insérer abstract ici

Table des matières

1 l	Introduction	2
Réf	érences	2

L3 - 2022/2023 D.E.R Informatique

1 Introduction

Les réseaux euclidiens sont une construction algébrique permettant entre autres de définir des problèmes mathématiques dont la résolution algorithmique est conjecturée difficile, même pour des ordinateurs quantiques. Deux exemples fondamentaux de problèmes sont le *Small Integer Solutions problem* (SIS) introduit par Ajtai en 1996, et le *Learning With Errors problem* (LWE), découvert par Regev en 2009.

Durant mon stage, j'ai travaillé sur la variante *Middle-Product Learning With Errors* (MP-LWE) du problème de Regev, initialement présenté par Roşca et al. [RSSS17]

Définition : Un réseau euclidien de \mathbb{R}^m est l'ensemble des combinaisons à coefficients entiers de vecteurs linéairements indépendants b_1, \ldots, b_n , que l'on note :

$$\mathcal{L}(b_1,\ldots,b_n) := \left\{ \sum_{i=1}^n x_i b_i, x_i \in \mathbb{Z} \right\}$$

Le réseau est alors de dimension n, et la famille des $(b_i)_{1 \le i \le n}$ est appelée base de ce réseau.

En notant $B := [b_1, \dots, b_n]$ la matrice formée par les $(b_i)_{1 \le i \le n}$, on considérera de même :

$$\mathcal{L}(B) := \{Bx, x \in \mathbb{Z}^n\}$$

Références

[RSSS17] Miruna ROSCA, Amin SAKZAD, Damien STEHLÉ et Ron STEINFELD. "Middle-Product Learning With Errors". In: Annual International Cryptology Conference (2017), p. 283-297.

Sacha Ben-Arous 2 E.N.S Paris-Saclay