

	баллы	Входит в норму
Домашняя работа	0-2	+
Работа у доски	0-2	
Диктант	0-3	+
Контрольная работа	0-10	+
РГР, задача	0-3	+
Лабораторная работа	0-5	
Доказательства теорем	0-10	
Присутствие на практике	1	+

Отлично:

- 1)Посещение не менее 75%
- 2)Балл не менее 85% от нормы
- 3) Контрольные работы не менее 7 баллов за каждую
- 4)Сумма баллов за контрольные сроки не менее 3

Хорошо:

- 1)Посещение не менее 70%
- 2)Балл не менее 70% от нормы
- 3) Контрольные работы не менее 6 баллов за каждую
- 4) За контрольные сроки нет нулей

Глава 1. Элементы теории множеств

1.1 Множества и их спецификация

1.1.1 Элементы и множества

1.1.2 Способы задания множеств

- 1) Перечислением элементов множества.
- 2) Указанием свойств элементов множества, или заданием т.н. *характеристического предиката*: $D = \{x \mid P(x)\}$.
- 3) Порождающей процедурой: $E = \{y \mid y := f(x)\}$.

1.2 Операции над множествами.

1.2.1 Сравнение множеств.

Совокупность всех подмножеств множества M называется *булеаном* и обозначается $P(M)$

1.2.2 Операции над множествами. Диаграммы Венна

- Объединение (или сумма)
- Пересечение (или произведение)
- Разность
- Симметрическая разность
- Дополнение

1.2.3 Разбиения и покрытия

- Пусть $\check{E} = \{E_i\}$ для $i \in I$ – некоторое семейство непустых подмножеств множества M , $E_i \subseteq M$. Тогда семейство \check{E} называется *покрытием* множества M , если каждый элемент множества M принадлежит хотя бы одному из E_i :
$$M \subseteq \Leftrightarrow \forall x \in M \exists i \in I \mid x \in E_i.$$
- Семейство \check{E} называется *дизъюнктным*, если элементы этого семейства попарно не пересекаются, т.е. каждый элемент множества M принадлежит не более чем одному из множеств E_i : $\forall i, j \in I, i \neq j \Rightarrow E_i \cap E_j = \emptyset$.
- Дизъюнктивное покрытие \check{E} называется *разбиением* множества M .

1.2.4 Свойства операций над множествами

Пусть задан универсум U . Тогда $\forall A, B, C \subset U$
выполняются свойства:

Идемпотентность $A \cup A = A, \quad A \cap A = A$

Коммутативность $A \cup B = B \cup A, \quad A \cap B = B \cap A$

Ассоциативность

- $A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$
- $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$

Дистрибутивность

- $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$
- $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$

Операции с пустым множеством

- $A \cup \emptyset = A$
- $A \cap \emptyset = \emptyset$

Операции с универсальным множеством

- $A \cup U = U$
- $A \cap U = A$

Свойства дополнения

$$A \cup \bar{A} = U \qquad A \cap \bar{A} = \emptyset \qquad \overline{\bar{A}} = A$$

Поглощение

- $(A \cap B) \cup A = A$
- $(A \cup B) \cap A = A$

Двойственность (законы де Моргана)

$$\overline{A \cap B} = \bar{A} \cup \bar{B} \qquad \overline{A \cup B} = \bar{A} \cap \bar{B}$$

Выражение для разности

$$A \setminus B = A \cap \bar{B}$$