



Tarea 2: Consumo

Macroeconomía II

Profesor: Santiago Bazdresch Barquet

Presentan:

José Emilio Cendejas Guízar
Héctor González Magaña
Benjamín Elam Rodríguez Alcaraz

Maestría en Economía
2021-2023

El Colegio de México
23 de marzo del 2022

Contenido

Índice de figuras	3
Índice de cuadros	3
Preguntas teóricas	4
Ejercicio 8.1, Romer (5ta Edicion)	4
Ejercicio (a)	4
Ejercicio (b)	4
Ejercicio (c)	5
Ejercicio 8.2, Romer (5ta Edicion)	5
Ejercicio 8.4, Romer (5ta Edicion)	6
Ejercicio 8.5, Romer (5ta Edicion)	7
Ejercicio (a)	7
Ejercicio (b)	7
Ejercicio (c)	8
Ejercicio (d)	8
Ejercicio 8.6, Romer (5ta Edicion)	9
Ejercicio (a)	9
Ejercicio (b)	9
Ejercicio (c)	10
Ejercicio 2	10
(a)	11
(b)	11
(c)	12
(d)	12
(e)	13
(f)	13
(g)	14
Ejercicio 3.	15
a)	15
b)	17
c)	18
d)	19
e)	20
f)	21
g)	26

Ejercicio 4	26
(a)	26
(b)	27
(c)	28
(d)	28
(e)	29
Ejercicio 5	30
(a)	30
(b)	30
(c)	30
(d)	30
(e)	30
(f)	30
(g)	30
(h)	30
(i)	31
Ejercicio 6	31

Índice de figuras

1.	Ingreso Permanente durante 100 periodos	11
2.	Ingreso Transitorio durante 100 periodos	11
3.	Ingreso Total durante 100 periodos	12
4.	Error de medición durante 100 periodos	12
5.	Consumo durante 100 periodos	13
6.	Relación Consumo Ingreso 1	13
7.	Relación Consumo Ingreso 2	14
8.	Relación Consumo Ingreso 3	15
9.	Consumo vs Ingreso (2020)	27
10.	Ingreso y Consumo de los chilangos (30-40 años)	28
11.	Ingreso Promedio por Grupos de Edad (2020)	29
12.	Representación del Modelo Binomial	31
13.	Representación gráfica del modelo para el escenario 1	33

Índice de cuadros

1.	Primera Regresión Consumo Ingreso	14
2.	Segunda Regresión Consumo Ingreso	14
3.	Tercera Regresión Consumo Ingreso	15
7.	Algunas variables de la ENIGH	27
8.	Regresión Lineal: Consumo - Ingreso	27
9.	Regresión Lineal: Consumo - Ingreso	28
10.	Ingreso promedio por grupos de edades (2020)	29
11.	Precio de la opción para 20 escenarios	33

Preguntas teóricas

Resuelva los ejercicios 8.1, 8.2, 8.4, 8.5 y 8.6, (Romer, 5a Ed). Realice estos con ayuda de su laboratorista y entregue las soluciones a máquina, utilizando LaTeX.

Ejercicio 8.1, Romer (5ta Edicion)

8.1 Life-cycle saving. (Modigliani and Brumberg, 1954.) Consider an individual who lives from 0 to T, and whose lifetime utility is given by $U = \int_{t=0}^T u(C(t)) dt$, where $u'(\cdot) > 0$, $u''(\cdot) < 0$. The individual's income is $Y_0 + gt$ for $0 \leq t < R$, and 0 for $R \leq t \leq T$. The retirement age, R , satisfies $0 < R < T$. The interest rate is zero, the individual has no initial wealth, and there is no uncertainty.

Ejercicio (a)

a. What is the individual's lifetime budget constraint?

Sabemos que el consumo máximo que pueda tener un individuo a lo largo de su vida no va a poder ser mayor al ingreso que va a recibir a lo largo de ella (denotado por $Y(t)$), por eso podemos escribir la restricción como:

$$\int_{t=0}^T C(t) dt \leq \int_{t=0}^T Y(t) dt$$

Ahora debemos desarrollar el lado derecho de la restricción, como el trabajador percibe dos ingresos diferentes a lo largo de su vida dependiendo si ya está retirado podemos reescribir la integral del ingreso como:

$$\Rightarrow \int_{t=0}^R Y(t) dt + \int_{t=R}^T Y(t) dt = \int_{t=0}^R (Y_0 + gt) dt + \int_{t=R}^T 0 dt$$

Dado que cuando el trabajador está retirado ya no acumula ingreso la segunda integral es igual a 0, integrando obtenemos:

$$\Rightarrow \int_{t=0}^R (Y_0 + gt) dt = \left(Y_0 t + \frac{gt^2}{2} \right) \Big|_0^R = \left(Y_0 R + \frac{gR^2}{2} \right) - \left(Y_0 0 + \frac{g0^2}{2} \right) = Y_0 R + \frac{gR^2}{2}$$

De tal manera que la restricción presupuestaria lo largo de su vida será:

$$\Rightarrow \int_{t=0}^T C(t) dt \leq Y_0 R + \frac{gR^2}{2}$$

Ejercicio (b)

b. What is the individual's utility-maximizing path of consumption, $C(t)$?

Con lo visto en clase sabemos que los supuestos de tasa de interés $r = 0$ y tasa de descuento $\rho = 0$ sabemos que el modelo implica que el consumo del periodo t y del periodo $t + \Delta t$ son el mismo, por lo tanto el consumo está dado por la restricción presupuestaria dividida entre todos los periodos:

$$\bar{C} = \frac{1}{T} \left(Y_0 R + \frac{gR^2}{2} \right)$$

Ejercicio (c)

c. What is the path of the individual's wealth as a function of t ?

La riqueza (denotada por $W(t)$), está determinada por el ahorro durante el tiempo ($S(t)$), el cual depende de la diferencia entre el ingreso y el consumo a lo largo del tiempo, con lo cual tenemos que:

$$W(t) = \int_{t=0}^t S(t) dt = \int_{t=0}^t (Y(t) - C(t)) dt$$

Al igual que en el inciso a) podemos partir la integral en los periodos donde el agente está empleado y donde no, quedando así:

$$\Rightarrow \int_{t=0}^t (Y(t) - C(t)) dt = \int_{t=0}^R (Y(t) - C(t)) dt + \int_{t=R}^t (Y(t) - C(t)) dt$$

Podemos sustituir el valor del consumo que maximiza la utilidad esperada y el ingreso que se obtiene antes del retiro y después del retiro, teniendo así:

$$\Rightarrow W(t) = \int_{t=0}^R (Y_0 + gt - \bar{C}) dt - \int_{t=R}^t \bar{C} dt$$

Resolviendo las integrales tenemos:

$$\begin{aligned} \Rightarrow W(t) &= \left[Y_0 t + \frac{gt^2}{2} - \bar{C}t \right]_0^R - [\bar{C}t]_R^t \\ \Rightarrow W(t) &= \left[Y_0 R + \frac{gR^2}{2} - \bar{C}R - Y_0 0 + \frac{g0^2}{2} + \bar{C}0 \right] - [\bar{C}t - \bar{C}R] \\ \Rightarrow W(t) &= Y_0 R + \frac{gR^2}{2} + \bar{C}t \end{aligned}$$

Recordando que $\bar{C} = \frac{1}{T} \left(Y_0 R + \frac{gR^2}{2} \right)$ se puede reordenar de la siguiente manera:

$$\Rightarrow W(t) = T\bar{C} - \bar{C}t = \bar{C}(T - t)$$

Un aspecto a resaltar es que la riqueza va en aumento mientras el trabajador está empleado, es decir el ahorro es positivo de $t = 0$ a R , mientras que se vuelve negativo de R a T , esto se debe a que mientras que trabaja está percibiendo un ingreso y acumulandolo para consumir en su retiro.

Ejercicio 8.2, Romer (5ta Edición)

8.2 The average income of farmers is less than the average income of non-farmers, but fluctuates more from year to year. Given this, how does the permanent-income hypothesis predict that estimated consumption functions for farmers and nonfarmers differ?

De los supuestos que proporciona Milton Friedman para su Hipótesis del Ingreso Permanente se deducen los siguientes parámetros para un modelo de regresión lineal que busca explicar el consumo $C_i = a + bY_i + u_i$:

$$\hat{b} = \frac{\text{var}(Y^P)}{\text{var}(Y^P) + \text{var}(Y^T)} \quad \text{y} \quad \hat{a} = (1 - \hat{b})\bar{Y}^P$$

en donde Y^P representa el ingreso permanente, Y^T el ingreso transitorio (i.e. $Y_t - \frac{1}{T} \sum Y_t$) y \bar{Y}^P el ingreso permanente promedio.

Sabemos que el ingreso transitorio de los agricultores presenta mayor fluctuación que el ingreso transitorio de los no agricultores, por lo que $\text{var}(Y^T)_A > \text{var}(Y^T)_{NA}$. También conocemos el hecho de que $\bar{Y}_A^P < \bar{Y}_{NA}^P$.

Suponiendo que $\text{var}(Y^P)$ es la misma para ambos grupos, se tiene entonces que $\hat{b}_A < \hat{b}_{NA}$. Esto implica que, en tal modelo, la pendiente del grupo no agricultor es mayor y, por tanto, que un cambio en el ingreso de ambos grupos de la misma magnitud afecta más al consumo de los no agricultores. Por otra parte, en el parámetro $\hat{\alpha}$ se tienen dos efectos que se contraponen: $1 - \hat{b}_A > 1 - \hat{b}_{NA}$ y $\bar{Y}_A^P < \bar{Y}_{NA}^P$, y no está claro que la ordenada para cierto grupo sea mayor, menor, o igual que la del otro.

Además, recordemos que un aumento en el ingreso incrementará el consumo solo en la medida en que aumenta el ingreso permanente. Cuando ΔY^P es pequeño en relación con ΔY^T , poco del cambio en el ingreso ΔY proviene del cambio en el ingreso permanente y, en consecuencia, el cambio en el consumo será menor. En el caso de los agricultores, $\Delta Y_A^T > \Delta Y_A^P$, por lo que el consumo no varía tanto en relación a ΔY_A en comparación con los no agricultores.

Ejercicio 8.4, Romer (5ta Edicion)

8.4 In the model of Section 8.2, uncertainty about future income does not affect consumption. Does this mean that the uncertainty does not affect expected lifetime utility?

En esta sección se asume una forma funcional cuadrática de la utilidad. Pdemos escribir las siguientes funciones para describir el caso con certidumbre y el caso con incertidumbre, respectivamente:

$$U = \sum_0^T (C_t - \frac{a}{2} C_t^2) \quad \text{y} \quad E[U] = E \left[\sum_0^T (C_t - \frac{a}{2} C_t^2) \right]$$

Para el caso con incertidumbre, se tienen una serie de elementos y supuestos que son fundamentales para el análisis, a saber:

1. El agente espera consumir en el periodo t lo mismo que consumió en el periodo 1: $C_1 = E_1[C_t]$.
2. El paso aleatorio, e_t , tiene una media igual cero: $E_k[e_t] = 0 \quad \forall t, k < t$.
3. La hipótesis del ingreso permanente implica que el consumo sigue una caminata aleatoria: $C_t = C_{t-1} + e_t$

Supongamos que nos encontramos en el periodo $t - 1$ y por tanto conocemos lo que pasa en tal periodo ($E_{t-1}[C_{t-1}] = C_{t-1}$ i.e. el consumo en $t - 1$ ya se sabe y opera como una constante). Incorporando los resultados anteriores en la ecuación que representa la incertidumbre, obtenemos:

$$\begin{aligned} E[U] &= E \left[\sum_1^T (C_t - \frac{a}{2} C_t^2) \right] \\ &= E \left[\sum_1^T (C_{t-1} + e_t - \frac{a}{2} (C_{t-1} + e_t)^2) \right] \\ &= E \left[\sum_1^T (C_{t-1} + e_t - \frac{a}{2} (C_{t-1}^2 + 2C_{t-1}e_t + e_t^2)) \right] \\ &= \sum_1^T \left[E[C_{t-1}] + E[e_t] - \frac{a}{2} (E[C_{t-1}^2] + 2E[C_{t-1}e_t] + E[e_t^2]) \right] \\ &= \sum_1^T \left[C_{t-1} + E[e_t] - \frac{a}{2} (E[C_{t-1}^2] + 2C_{t-1}E[e_t] + \text{var}[e_t] + E[e_t]^2) \right] \\ &= \sum_1^T \left[C_{t-1} - \frac{a}{2} (C_{t-1}^2 + \text{var}[e_t]) \right] \end{aligned}$$

Como $\text{var}[e_t] \geq 0$, notemos que el la utilidad de por vida del agente resulta mayor en el caso con certidumbre que bajo incertidumbre, ya que a esta última se le está restando el término $\frac{a}{2}\text{var}[e_t]$. Es decir:

$$E[U] = \sum_1^T \left[C_{t-1} - \frac{a}{2}(C_{t-1}^2 + \text{var}[e_t]) \right] \leq \sum_0^T (C_{t-1} - \frac{a}{2}C_{t-1}^2) = U$$

Por lo tanto, la incorporación de incertidumbre **sí** afecta a la utilidad esperada de toda la vida.

Ejercicio 8.5, Romer (5ta Edicion)

8.5 (This follows Hansen and Singleton, 1983.) Suppose instantaneous utility is of the constant-relative-risk-aversion form, $u(C_t) = \frac{C_t^{1-\theta}}{1-\theta}$, $\theta > 0$. Assume that the real interest rate, r , is constant but not necessarily equal to the discount rate, ρ .

Ejercicio (a)

a. Find the Euler equation relating C_t to expectations concerning C_{t+1} .

Consideremos los dos periodos t y $t + 1$. Luego, la función de utilidad esperada puede escribirse como:

$$U(C_t, C_{t+1}) = u(C_t) + \frac{1}{1+\rho} E[u(C_{t+1})] = \frac{C_t^{1-\theta}}{1-\theta} + \frac{1}{(1-\rho)(1-\theta)} E[C_{t+1}^{1-\theta}]$$

En general, la restricción presupuestaria está dada por:

$$E[C_{t+1}] = (1+r)C_t + w$$

en donde w (por *wealth*) incorpora la riqueza que existirá en $t + 1$. Como puede observarse, la pendiente de la restricción es $1 + r$. O sea, renunciar a una unidad de consumo hoy me permite consumir $1 + r$ unidades mañana.

Siguiendo el análisis tradicional de las condiciones de maximización, tenemos que en el óptimo la relación marginal de sustitución (i.e. el ratio de la utilidad de hoy a la que se espera mañana) es igual a la pendiente de la restricción presupuestaria:

$$\frac{\partial U(\cdot)}{\partial C_t} = C_t^{-\theta} \quad \text{y} \quad \frac{\partial U(\cdot)}{\partial C_{t+1}} = \frac{E[C_{t+1}^{-\theta}]}{1-\rho}.$$

Así, si el agente está optimizando:

$$\frac{(1-\rho)C_t^{-\theta}}{E[C_t^{-\theta}]} = 1 + r \iff C_t^{-\theta} = \left(\frac{1+r}{1+\rho} \right) E[C_{t+1}^{-\theta}].$$

Ejercicio (b)

b. Suppose that the log of income is distributed normally, and that as a result the log of C_{t+1} is distributed normally; let σ^2 denote its variance conditional on information available at time t . Rewrite the expression in part (a) in terms of $\ln C_t$, $\mathbb{E}_t[\ln C_{t+1}]$, σ^2 , and the parameters r , ρ , and θ . (Hint: If a variable x is distributed normally with mean μ and variance V , $\mathbb{E}[e^x] = e^\mu e^{V/2}$.)

Tenemos que $\ln C_{t+1} \sim N(E[\ln C_{t+1}], \sigma^2)$. Reescribiendo la ecuación obtenida anteriormente, podemos hacer las siguientes deducciones:

$$\begin{aligned}
-\theta \ln C_t &= \ln \left[\frac{1+r}{1+\rho} E[C_{t+1}^{-\theta}] \right] \\
&= \ln(1+r) - \ln(1+\rho) + \ln E[C_{t+1}^{-\theta}] \\
&= \ln(1+r) - \ln(1+\rho) + \ln E[e^{-\theta \ln C_{t+1}}] \\
&= \ln(1+r) - \ln(1+\rho) + \ln [e^{-\theta E(\ln C_{t+1})} e^{\sigma^2/2}] \\
&= \ln(1+r) - \ln(1+\rho) - \theta E[C_{t+1}] + \sigma^2/2 \\
\ln C_t &= \frac{\ln(1+\rho) - \ln(1+r)}{\theta} + E[C_{t+1}] - \frac{\sigma^2}{2\theta}
\end{aligned}$$

Ejercicio (c)

c. Show that if r and σ^2 are constant over time, the result in part (b) implies that the log of consumption follows a random walk with drift: $\ln C_{t+1} = a + \ln C_t + u_{t+1}$, where u is white noise.

De la anterior ecuación podemos despejar $E[\ln C_{t+1}]$:

$$E[\ln C_{t+1}] = \ln C_t + \frac{\ln(1+r) - \ln(1+\rho)}{\theta} + \frac{\sigma^2}{2\theta}$$

Obsérvese que el (log del) consumo esperado en el siguiente periodo es igual al (log del) consumo de hoy más una constante que no puede predecirse. Definamos tal constante como $a = \frac{\ln(1+r) - \ln(1+\rho)}{\theta} + \frac{\sigma^2}{2\theta}$. Así, podemos escribir:

$$E[\ln C_{t+1}] = a + \ln C_t + u_t.$$

Ejercicio (d)

d. How do changes in each of r and σ^2 affect expected consumption growth, $\mathbb{E}_t[\ln C_{t+1} - \ln C_t]$? Interpret the effect of σ^2 on expected consumption growth in light of the discussion of precautionary saving in Section 8.6.

Nuevamente, podemos reacomodar la ecuación obtenida anteriormente (nota: C_t es conocido y además el operador esperanza es lineal):

$$E[\ln C_{t+1} - \ln C_t] + \frac{\ln(1+r) - \ln(1+\rho)}{\theta} + \frac{\sigma^2}{2\theta}$$

El cambio esperado en el consumo puede analizarse mediante las derivadas parciales:

$$\frac{\partial E(\cdot)}{\partial r} = \frac{1}{\theta(1+r)} > 0 \quad \text{y} \quad \frac{\partial E(\cdot)}{\partial \sigma^2} = \frac{1}{2\theta} > 0.$$

Con estos resultados puede concluirse que un aumento (infinitesimal) de la tasa de interés incrementará el crecimiento esperado del consumo. Por otra parte, un aumento en la varianza (incertidumbre) aumentará el crecimiento esperado del consumo (y con ello el ahorro). Lo anterior implica que el agente ahorra precautoriamente, y se deriva de una función de utilidad con Aversión Relativa al Riesgo Constante (CRRA).

Ejercicio 8.6, Romer (5ta Edicion)

8.6 A framework for investigating excess smoothness. Suppose that $C_t = \left(\frac{r}{1+r}\right) \left(A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}[Y_{t+s}]}{(1+r)^s}\right)$.

Ejercicio (a)

a. Show that these assumptions imply that $\mathbb{E}_t[C_{t+1}] = C_t$ (and thus that consumption follows a random walk) and that $\sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[C_{t+s}]}{(1+r)^s} = A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s}$.

Sustituimos C_t la expresión para A_{t+1}

$$\begin{aligned} A_{t+1} &= (1+r)(A_t + Y_t - C_t) = (1+r) \left(A_t + Y_t - \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) \right) \\ &\Rightarrow A_{t+1} = A_t + Y_t - r \left(\sum_{s=1}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) \end{aligned}$$

Dado que C_{t+1} depende de A_{t+1}

$$C_{t+1} = \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_{t+1} + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_{t+1}[Y_{t+1+s}]}{(1+r)^s} \right) = \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + Y_t - r \left(\sum_{s=1}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_{t+1}[Y_{t+1+s}]}{(1+r)^s} \right)$$

Aplicando el valor esperado en tiempo t \mathbb{E}_t de ambos lados de la ecuación y por propiedades de esperanza:

$$\begin{aligned} \mathbb{E}_t[C_{t+1}] &= \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + Y_t - r \left(\sum_{s=1}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) + \sum_{s=1}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} - Y_t \right) \\ &\Rightarrow \mathbb{E}_t[C_{t+1}] = \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) \end{aligned}$$

Se comprueba que $\mathbb{E}_t[C_{t+1}] = C_t$, el consumo sigue una caminata aleatoria, los cambios de consumo dependen de cambios inesperados. De tal manera, el mejor estimador para C_{t+s} es C_t , para cualquier valor $s \geq 0$. Podemos verlo como: $\mathbb{E}_t[C_{t+s}] = C_t$. Pasamos a obtener el valor presente del consumo esperado:

$$\sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[C_{t+s}]}{(1+r)^s} = \sum_{s=0}^{\infty} \frac{C_t}{(1+r)^s} = C_t \sum_{s=0}^{\infty} \frac{1}{(1+r)^s} = C_t \left(\frac{1+r}{r} \right)$$

Dado que $\sum_{s=0}^{\infty} \frac{1}{(1+r)^s} \rightarrow \frac{1+r}{r}$, sustituyendo el valor de c_t obtenemos:

$$\begin{aligned} \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[C_{t+s}]}{(1+r)^s} &= \left(\frac{1+r}{r} \right) \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) \\ &\Rightarrow \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[C_{t+s}]}{(1+r)^s} = A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \end{aligned}$$

Ejercicio (b)

b. Suppose that $\Delta Y_t = \phi \Delta Y_{t-1} + u_t$, where u is white noise. Suppose that Y_t exceeds $\mathbb{E}_{t-1}[Y_t]$ by 1 unit (that is, suppose $u_t = 1$). By how much does consumption increase?

Partimos tomando el valor esperado de $t - 1$ de C_t :

$$\mathbb{E}_{t-1}[C_t] = \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_{t-1}[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right)$$

Restando c_t con $\mathbb{E}_{t-1}[C_t]$:

$$\begin{aligned} C_t - \mathbb{E}_{t-1}[C_t] &= \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) - \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(A_t + \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_{t-1}[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) \\ &\Rightarrow C_t - \mathbb{E}_{t-1}[C_t] = \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(\sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}] - \mathbb{E}_{t-1}[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} \right) \\ &\Rightarrow \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}] - \mathbb{E}_{t-1}[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} = 1 + \frac{1+\phi}{1+r} + \frac{1+\phi+\phi^2}{(1+r)^2} + \frac{1+\phi+\phi^2+\phi^3}{(1+r)^3} + \dots \\ &\Rightarrow \sum_{s=0}^{\infty} \frac{\mathbb{E}_t[Y_{t+s}] - \mathbb{E}_{t-1}[Y_{t+s}]}{(1+r)^s} = \frac{1}{(1-\gamma)(1-\gamma\phi)} \end{aligned}$$

Donde $\gamma = \frac{1}{(1+r)}$, de tal manera que:

$$\frac{1}{(1-\gamma)(1-\gamma\phi)} = \frac{(1+r)^2}{r(1+r-\phi)}$$

Por lo tanto tenemos que:

$$C_t - \mathbb{E}_{t-1}[C_t] = \left(\frac{r}{1+r} \right) \left(\frac{(1+r)^2}{r(1+r-\phi)} \right) = \frac{1+r}{1+r-\phi}$$

Ejercicio (c)

c. For the case of $\phi > 0$, which has a larger variance, the innovation in income, u_t , or the innovation in consumption, $C_t - \mathbb{E}_{t-1}[C_t]$? Do consumers use saving and borrowing to smooth the path of consumption relative to income in this model? Explain.

$$Var(C_t - \mathbb{E}_{t-1}[C_t]) = Var \left(\frac{(1+r)u_t}{1+r-\phi} \right) = \left(\frac{1+r}{1+r-\phi} \right)^2 Var(u_t) > Var(u_t)$$

Dado que $\left(\frac{1+r}{1+r-\phi} \right) > 1$, la varianza del incremento del consumo es mayor a la varianza del incremento del ingreso. No podemos concluir nada sobre la forma que los agentes suavizan el consumo con ahorro y crédito solo con este modelo.

Ejercicio 2

2. Simule una variedad de agentes que tienen ingresos permanentes diferentes e ingresos transitorios diferentes y calcule la relación entre consumo e ingreso que resulta dada una variedad de supuestos para las varianzas de cada tipo de ingreso siguiendo estos pasos:

(a)

Cree un vector de 20 ingresos permanentes aleatorios Y_i^P , distribuidos normalmente, con media 10 y varianza σ^P . Cree 20 vectores (cada uno de estos vectores representa una persona) cada uno con 100 observaciones idénticas del ingreso permanente. Grafíquelos (eje x, persona; eje y, ingreso permanente).

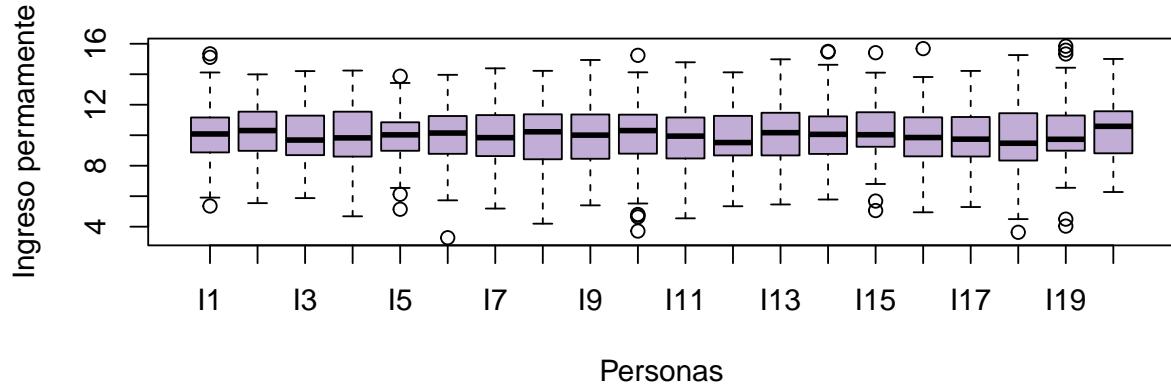


Figura 1: Ingreso Permanente durante 100 periodos

(b)

Cree 20 vectores de 100 ingresos transitorios aleatorios $Y_{i,t}^T$, distribuidos normalmente, con media 0 y con varianza σ^T . Grafíquelos.

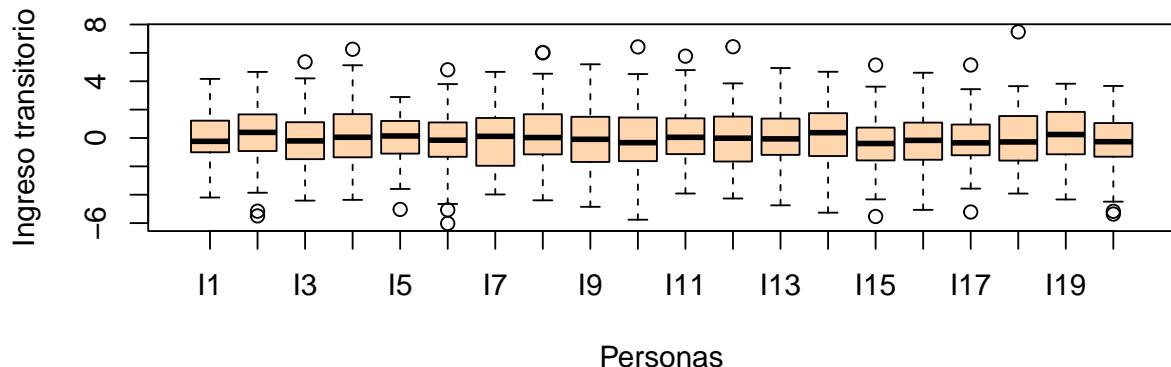


Figura 2: Ingreso Transitorio durante 100 periodos

(c)

Cree 20 vectores de 100 ingresos totales $Y_{i,t}$, sumando el ingreso transitorio y el permanente. Grafíquelos.

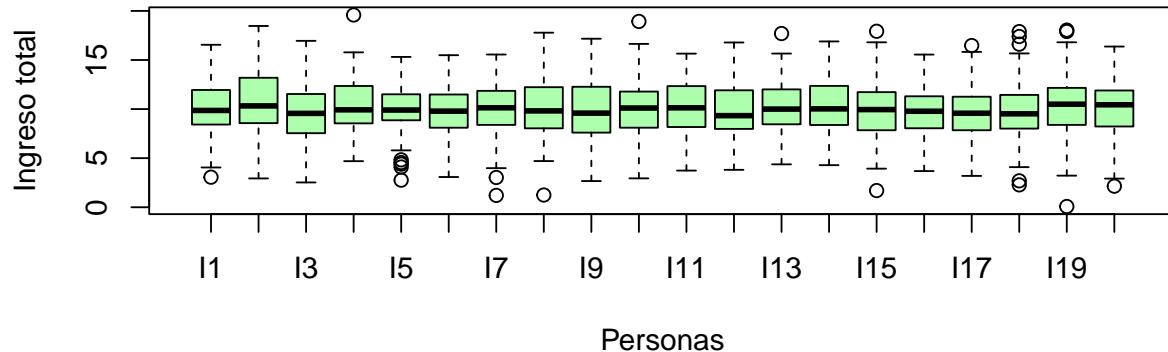


Figura 3: Ingreso Total durante 100 periodos

(d)

Cree 20 vectores de 100 errores de medición $\epsilon_{i,t}$, distribuidos normalmente, con media 0 y varianza $\sigma^\epsilon > 0$. Grafíquelos.

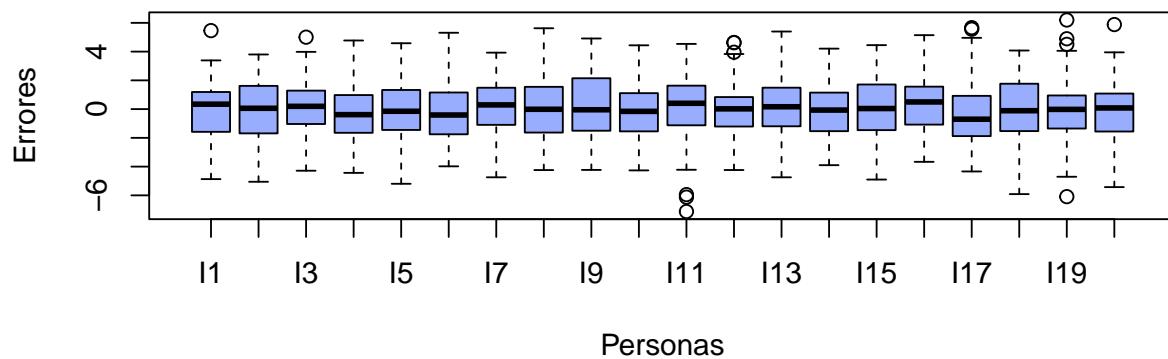


Figura 4: Error de medición durante 100 periodos

(e)

Cree 20 vectores de 100 consumos $C_{i,t}$ cada uno, de acuerdo a la siguiente regla $C_{i,t} = Y_i^P + 0,1Y_{i,t}^T + \epsilon_{i,t}$. Grafíquelos.

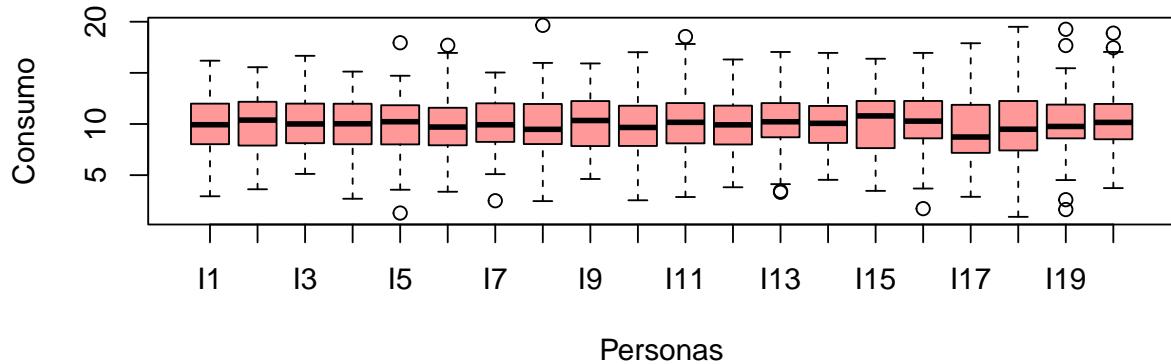


Figura 5: Consumo durante 100 periodos

(f)

Estime la relación lineal entre ingreso total y consumo $C_{i,t} = \alpha + \beta Y_{i,t} + \epsilon_{i,t}$. Describa el resultado de su estimación y grafique la relación entre las observaciones del consumo y las del ingreso.

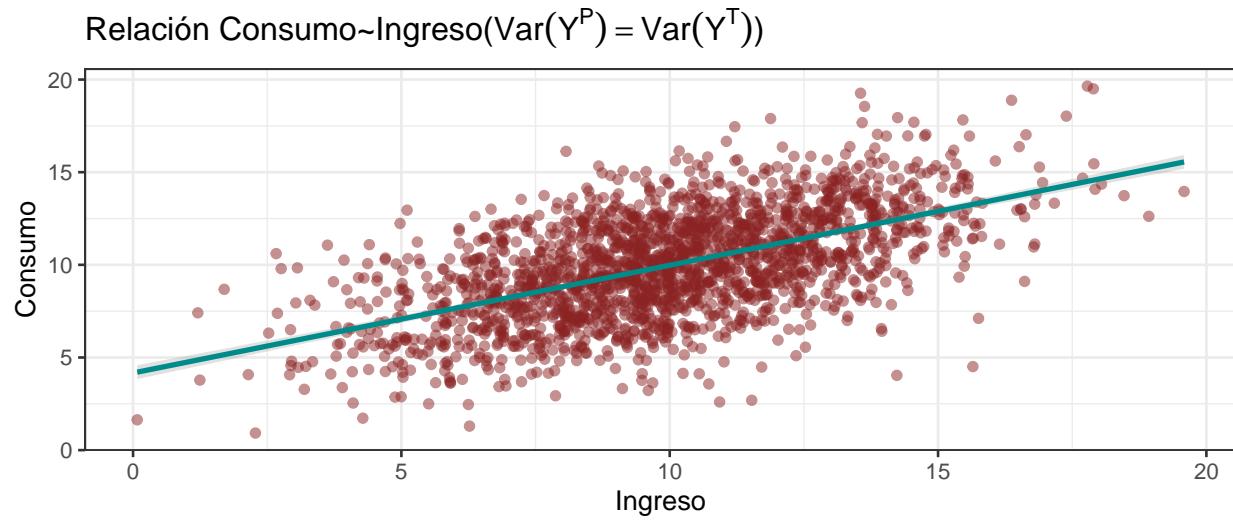


Figura 6: Relación Consumo Ingreso 1

Cuadro 1: Primera Regresión Consumo Ingreso

Parámetro	
Intercepto	4.16373
Pendiente	0.58151

Lo primero que debemos notar es que en una regresión lineal $\hat{\beta} = \frac{Cov(Y_{i,t}, C_{i,t})}{Var(Y_{i,t})} = \frac{1}{1 + \frac{Var(Y_i^T)}{Var(Y_i^P)}}$. De tal manera

que si consideramos el valor de 2 para la desviación estándar ($sd^2 = Var$) para ambas variables obtenemos que $\hat{\beta} = \frac{1}{2}$, lo cual es muy cercano a lo que obtuvimos con la regresión lineal con datos panel, esto quiere decir que las variaciones del Ingreso Total provienen en la misma medida a variaciones en el Ingreso permanente y el Ingreso Transitorio, con lo cual un aumento de una unidad de Ingreso Total lleva a un aumento de .5 unidades el consumo.

(g)

Incremente la varianza del ingreso permanente, y disminuya la varianza del ingreso transitorio y vuelva a estimar y graficar la relación entre el consumo y el ingreso.

Relación Consumo~Ingreso($Var(Y^P) > Var(Y^T)$)

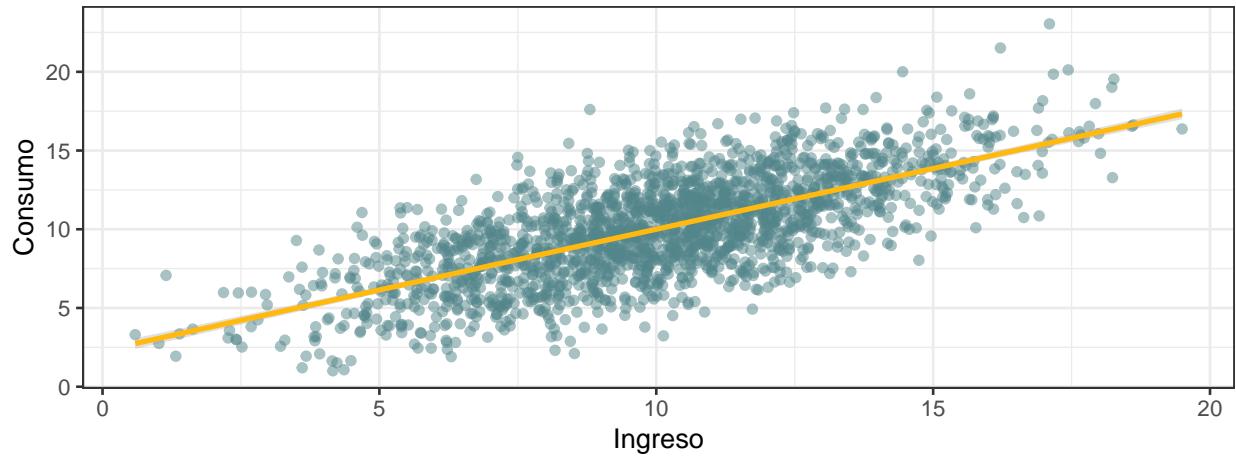


Figura 7: Relación Consumo Ingreso 2

Cuadro 2: Segunda Regresión Consumo Ingreso

Parámetro	
Intercepto	2.28750
Pendiente	0.77132

Retomamos el la formula del inciso anterior $\hat{\beta} = \frac{1}{1 + \frac{Var(Y_i^T)}{Var(Y_i^P)}}$, nos arroja un valor de $\hat{\beta} \approx .73$, lo cual de nuevo concuerda con nuestros resultados de la regresión estimada. Esto quiere decir que un aumento del Ingreso

Total es más probable de ser de un aumento del Ingreso Permanente, un aumento de una unidad de Ingreso Total lleva a un aumento de .77 (valor de $\hat{\beta}$ de la regresión) unidades de Consumo. ### (h)

Disminuya la varianza del ingreso permanente, y aumente la varianza del ingreso transitorio y vuelva a estimar y graficar la relación entre el consumo y el ingreso.

Relación Consumo~Ingreso($\text{Var}(Y^P) < \text{Var}(Y^T)$)

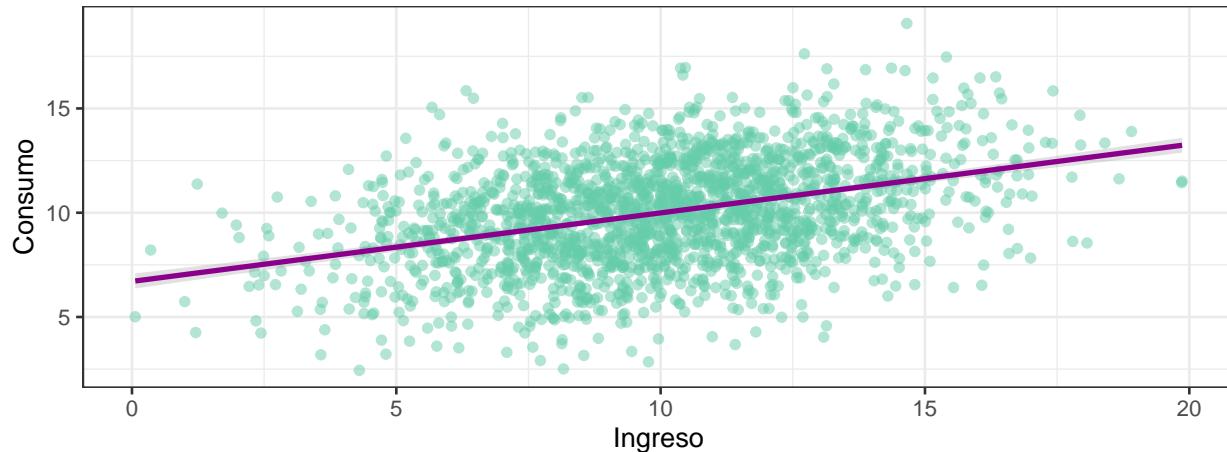


Figura 8: Relación Consumo Ingreso 3

Cuadro 3: Tercera Regresión Consumo Ingreso

Parámetro	
Intercepto	6.70659
Pendiente	0.32859

Hacemos lo mismo que en el inciso anterior y obtenemos $\hat{\beta} \approx .26$, es decir, es más probable que una variación del Ingreso Total provenga de un aumento en el Ingreso Transitorio, esto lleva a que un incremento de una unidad de Ingreso Total solo produzca un aumento de .32 unidades de Consumo.

Ejercicio 3.

Estudie el consumo agregado en México siguiendo estos pasos:

a)

Obtenga, del Inegi, datos de “C”, el consumo agregado en México, de “Y”, el producto agregado, de “I”, la inversión agregada, de “G”, el gasto del gobierno y de , de “NX”, las exportaciones netas, entre 1980 y el tercer trimestre de 2019, EN TÉRMINOS REALES

Se obtuvieron las siguientes series:

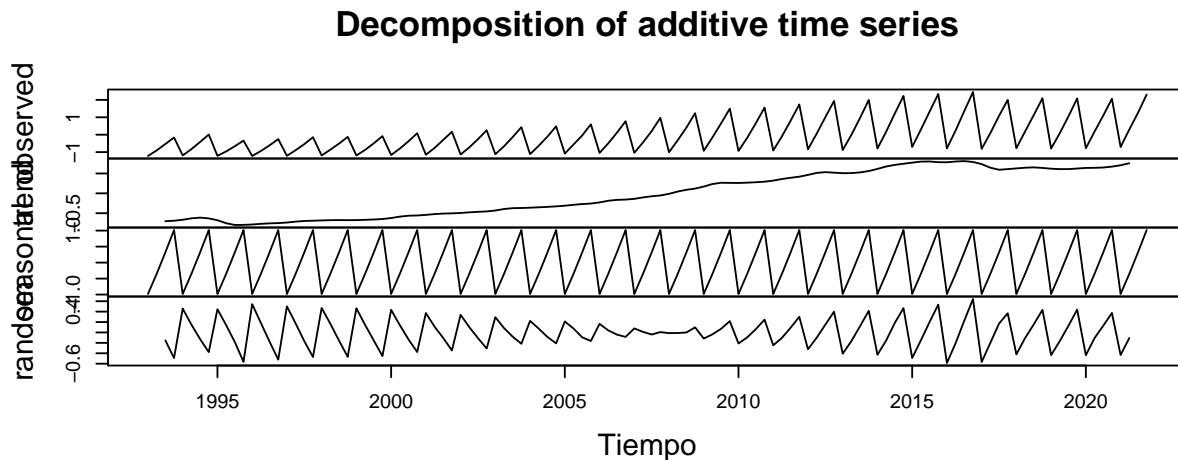
- Serie desestacionalizada: Indicador Mensual del Consumo Privado en el Mercado Interior (en adelante “C”) de base 2013 ¹.

¹Vale la pena hacer la siguiente aclaración: las series disponibles en INEGI son del periodo 1993-2021. El ejercicio pide desde

- Serie desestacionalizada: Producto Interno Bruto (en adelante “Y”) a precios 2013.
- Serie desestacionalizada: Inversión Bruta Fija (en adelante “I”) de base 2013.
- Serie desestacionalizada: Gasto programable (en adelante “G”) a precios 2013 ².
- Serie desestacionalizada: Balanza comercial (en adelante “XN”) a precios 2013 ³.

Ahora, para obtener las series en términos reales, las deflactamos con el INPC. Esto se hace solamente con las variables G y XN ya que éstas son variables en niveles. De aquí en adelante, las series se presentan en términos reales, desestacionalizadas y de base 2013.

Aprovecharemos, en este inciso, para mostrar el proceso por el cual se desestacionalizó la variable G así como XN . Lo primero es identificar que toda serie de tiempo tiene 4 componentes, a saber: ciclo, tendencia, estacionalidad e irregularidad. Se descompuso la serie en sus 4 componentes, que para el caso de G se observan a continuación:



De esta descomposición solamente obtenemos el componente de la tendencia para la variable G . Lo mismo sucede para la variable XN .

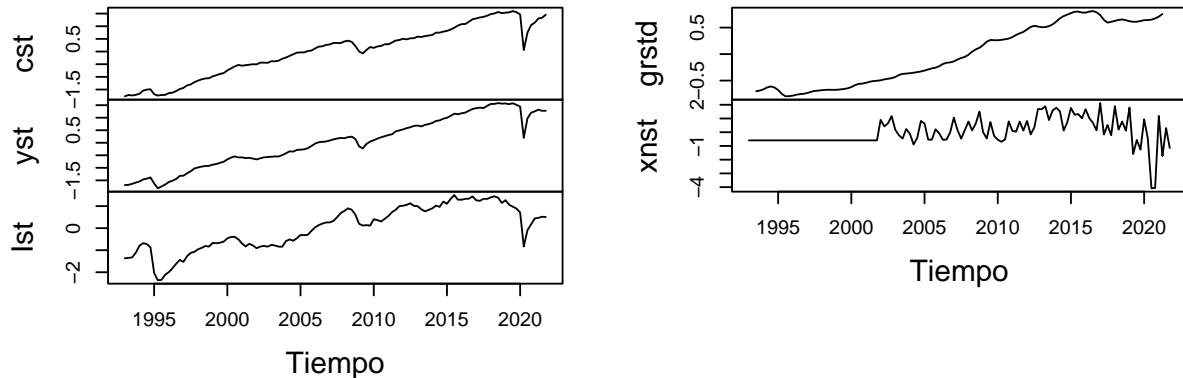
Las series que se trabajarán a lo largo de este ejercicio son las que siguen:

el año 1980, pero algunas series disponibles en la estadística oficial datan de 1993 dado que, a partir de 1994 se homologaron metodologías estadísticas entre los países parte del TMEC y se ajustaron a base 2013=100, por lo que la búsqueda de datos anteriores a esta homologación podría resultar difícil para trabajar y significaría un trabajo estadístico de datos (para hacer las series comparables) que excede los propósitos de esta tarea, por lo que las series se tomaron para todo el periodo disponible, a reserva de que la tendencia, básicamente, se mantiene y las conclusiones que podemos sacar del análisis no variarían significativamente.

²Esta serie se desestacionalizó aparte, dado que fue descargada en niveles de Banxico. El Gasto se divide en gasto de capital y gasto corriente. Decidimos tomar el gasto programable ya que es el que se planea ejercer en el presupuesto de cada año, aunque, además, hay un gasto no programable, que es aquel que se ejerce y que no estaba presupuestado.

³Ibidem.

Variables macroeconómicas seleccionadas 1993–2021



Nótese que las variables están suavizadas y normalizadas, así como están en términos reales a precios 2013. Notemos que la variación y la tendencia entre las variables Y_t , I_t y C_t es muy similar, lo que indica que hay un grado de asociación entre dichas variables muy importante. Notemos que esto puede tener alguna implicación en los resultados econométricos que se analizarán en el inciso f).

b)

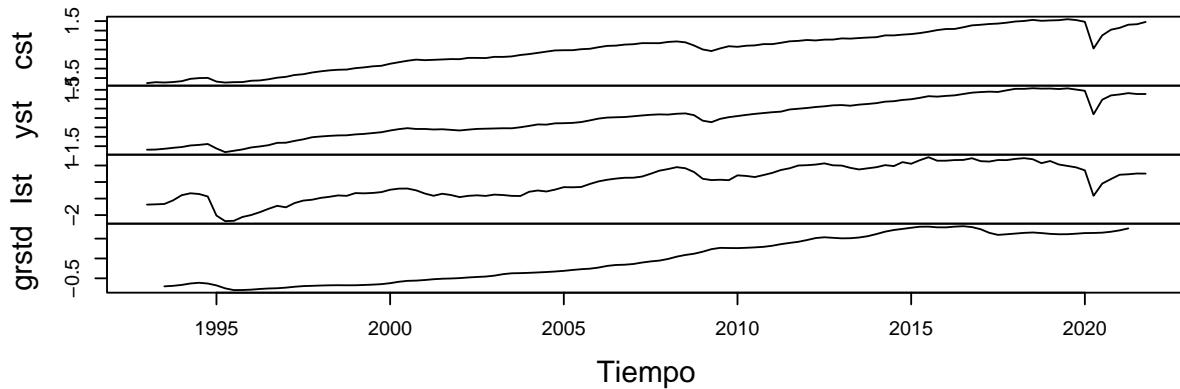
Grafique dichas serie de tiempo juntas para comparalas visualmente. (Compare la gráfica de las variables (de las que son siempre positivas) en dos versiones: a)su valor real original, y b) después de sacarles el logaritmo natural).

b.1) Graficando en su valor original Para realizar este inciso tuvimos que normalizar las variables para hacerlas comparables, esto debido a que los valores máximos y mínimos de estas son muy disímiles. La normalización se dio a través de la siguiente fórmula:

$$Z_i = \frac{X_i - \mu}{\sigma}$$

Donde x_i es cada una de las observaciones de las series para cada t_i , con $t_i \in [1993I - 2021IV]$ lo que nos devolverá un nuevo valor z_i para $t_i \in [1993I - 2021IV]$, de esta forma no se pierde ninguna observación y sólo se modifica la escala, lo que nos permite hacer comparaciones entre las variables. En la siguiente gráfica se muestran las variables en niveles: C , Y , I y G .

Variables Seleccionadas: 1993–2022

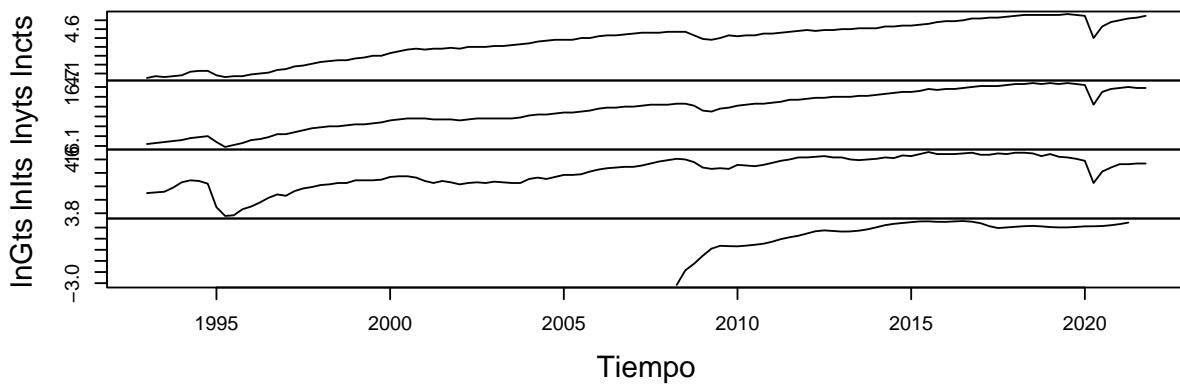


Nótese que estas variables tienen un comportamiento similar. En todo el periodo la tendencia es creciente, con una caída importante durante la pandemia y a partir del Gobierno de Andrés Manuel López Obrador. Nótese, además, que el G tuvo una caída menor, pues a partir de la crisis económica generada por la pandemia el gobierno en turno incentivó la economía a través de una política fiscal expansiva.

b.2) Graficando su \ln Para realizar este inciso se tomaron los $\ln(x_i)$ donde x_i es cada variable analizada. En este caso tenemos lo que sigue: $\ln(c), \ln(Y), \ln(I)$ y $\ln(G)$ ⁴.

Notamos que el comportamiento tendencial de las variables se mantiene: hay una tendencia creciente en el periodo con una variación negativa durante los últimos años del periodo debido a las razones que ya mencionamos.

Variables seleccionadas en logaritmo: 1993–2021



c)

Grafique también la tasa de crecimiento de todas estas series

⁴ Nótese que, para el caso de la variable $\ln(G)$, al normalizarla, los valores para el logaritmo natural son negativos, por lo que no se alcanzan a ver en la gráfica. No es sino hasta el tercer trimestre de 2009 que los valores son positivos y pueden compararse.

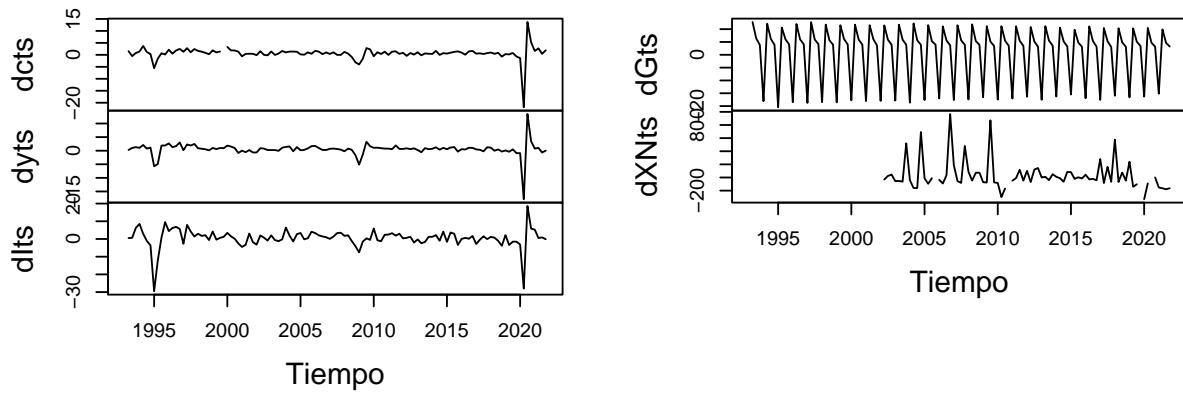
La tasa de crecimiento de cada una de las series está dada por la siguiente ecuación:

$$\Delta x_t = (X_t - X_{t-1})/X_{t-1} \times 100$$

Donde cada Δx_t es un valor para el tiempo t que medirá la variación que tuvo cada observación respecto al tiempo $t - 1$. Este valor está expresado en porcentaje.

En la siguiente gráfica observamos las variaciones de las variables seleccionadas.

Variaciones porcentuales de variables seleccionadas: 1993–2021



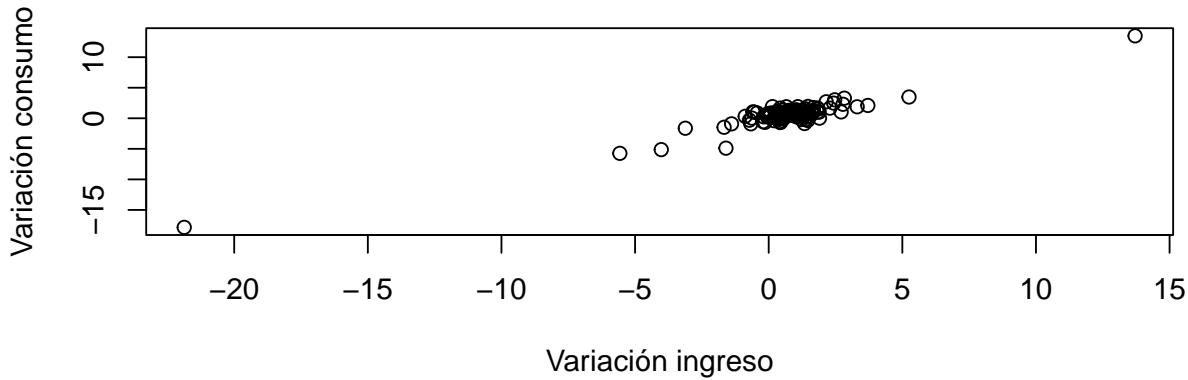
Notemos que ΔC_t , ΔY_t y ΔI_t son muy similares, esto debido a la correlación que existe entre las variables. Por otro lado, ΔG_t y ΔXN_t tienen una dinámica distinta. Notemos, además, que ΔXN_t es una serie que decrece, pues México tiene una dinámica de déficit comercial, es decir, que en México para $t \in [2002 - 2021]$ se cumple que $X_t \leq M_t$, luego entonces, $XN_t \leq 0$. Véase también que, en el caso de ΔG_t las variaciones son muy altas, es decir, es más volátil. Esto se explica porque el gasto programable varía en función de los recursos disponibles del Gobierno en cada periodo t y, además, de las proyecciones que se tienen respecto al comportamiento de las variables clave que financian el G . Estas variables son, *grosso modo*, el precio del petróleo y el índice de recaudación fiscal.

d)

Enfóquese ahora nada más al consumo y al producto agregado. Grafique la relación entre una serie y la otra, es decir, grafique los puntos $(\Delta Y_t, \Delta C_t)$ poniendo el consumo en las ordenadas

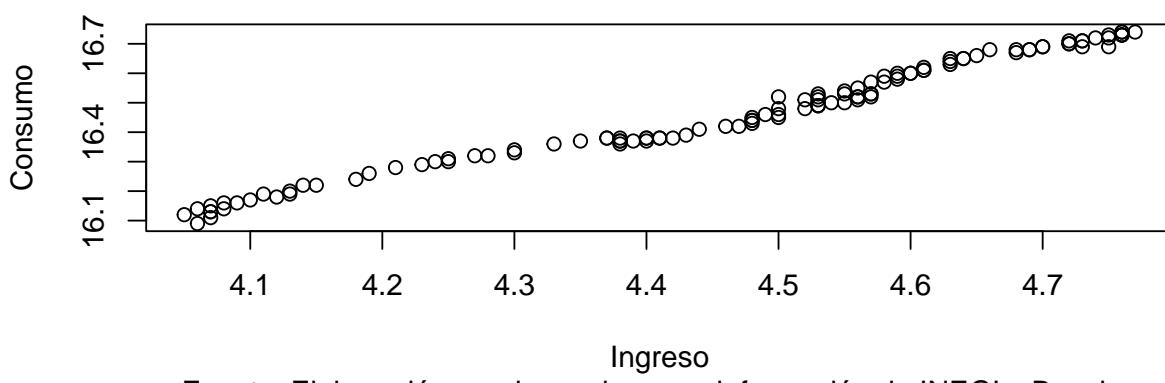
Esta variación conjunta entre ΔC_t y ΔY_t no es clara si graficamos como la gráfica que sigue, sin embargo, nótese que esta relación es positiva, es decir, intuitivamente podemos decir que las variaciones positivas de Y_t se relacionan con variaciones positivas de C_t .

Relación entre %Y y %C



Notemos que esta relación es difícil de ver, dado que las variaciones son muy disímiles. Hagamos ahora la comparación con las variables en logaritmos. En la siguiente gráfica se muestra esta relación.

Relación entre $\ln(Y)$ y $\ln(C)$



Nótese que esta relación es positiva, es decir, la variación del consumo y del ingreso tiene un alto nivel de correlación. Esta relación nos indica que el consumo crece conforme crece el ingreso, es decir, guardan una relación directa ⁵.

e)

Calcule la volatilidad de las dos series. ¿Qué es más volátil, el consumo o el ingreso?

Sabemos que la volatilidad de un conjunto de datos está dada por la raíz cuadrada de la varianza, es decir, por la siguiente ecuación:

⁵Notemos que esta es la relación que esperaríamos siguiendo la macroeconomía Keynesiana. Más adelante, estableceremos formal y econometricamente esta relación, buscando calcular la propensión marginal al consumo en el modelo 1 a estimar en el inciso f.

$$S_n = \sqrt{\sigma^2}$$

A su vez, sabemos que la varianza σ^2 se define como sigue:

$$\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum (x_i - \mu)^2$$

Donde la varianza de C_t está dada por lo siguiente:

Notemos entonces que los datos son los siguientes:

$$[Varianza C \quad Varianza Y] \quad (1)$$

=

$$[321,896 \quad 251,7195] \quad (2)$$

Mientras que las desviaciones estándar están dadas por lo que sigue:

$$[Desviación C \quad Desviación Y] \quad (3)$$

=

$$[17,94 \quad 15,86] \quad (4)$$

Con esto podemos dar cuenta que es el consumo el que presenta una variación ligeramente mayor y, por ende, es más volátil. Ahora, esto puede deberse a que la variación en el ingreso está *suavizada* por las variaciones de los demás componentes, incluida la variación del consumo.

f)

Estimar algunos modelos de regresión lineal:

Estimamos los siguientes modelos de regresión lineales:

- $C_t = a + bY_t + \epsilon_t$
- $\Delta C_t = a + b\Delta Y_t + \epsilon_t$
- $\Delta C_t = a + b\Delta Y_{t-1} + \epsilon_t$
- $\ln(C_t) = a + b\ln(Y_t) + \epsilon_t$

1. Los resultados para el primer modelo, $C_t = a + bY_t + \epsilon_t$, se muestran a continuación:

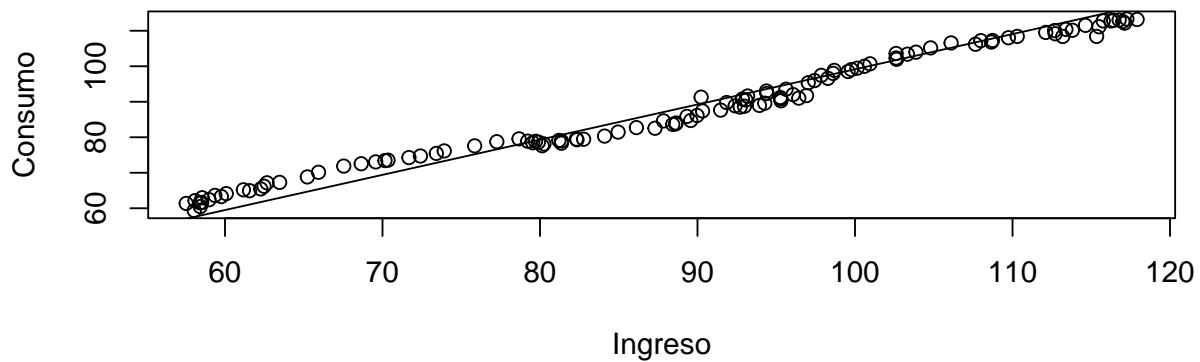
$$C_t = -000000,5 + 09,9Y_t$$

Es decir, que a cambios en Y_t el consumo responderá de forma directa en un 9.9, lo que viene dado por el coeficiente $b = 09,9$.

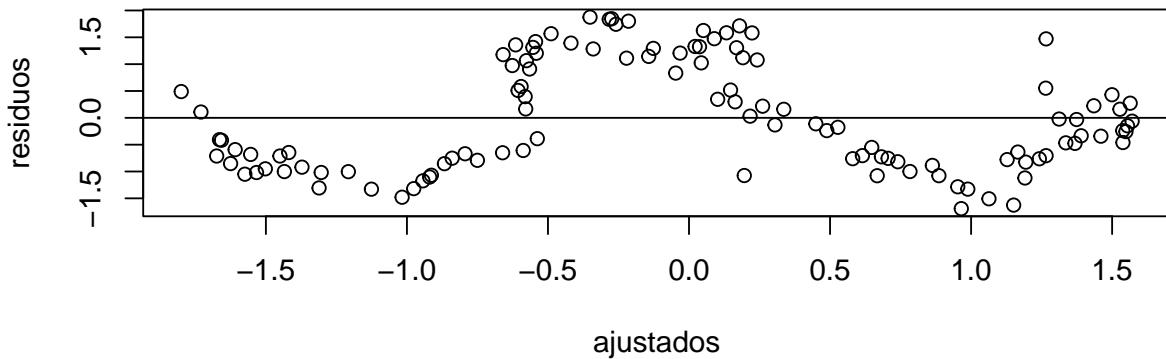
Notemos que el valor para el intercepto es muy cercano a 0, por lo que asumimos que $a = 0$.

Esta regresión se grafica en la siguiente tabla. Nótese que la relación es directa y que el consumo está suficientemente explicado por el ingreso.

Notemos que la propensión marginal a consumir es igual a 0.9, es decir, que cambios en el ingreso se traducen casi proporcionalmente a cambios en el consumo, siendo la diferencia, es decir, 0.1, la propensión marginal a ahorrar.



Ahora notemos los errores. Estos están dados en la siguiente gráfica. Notemos que estos errores presentan un patrón, lo que indica que hay asociación lineal entre las variables. En el resumen de los estadísticos de la regresión notaremos esta salvedad de la regresión:



La siguiente tabla muestra los resultados:

Coef.	Estimado	Std. Error	T_value
intercepto	-5.510e-16	00.1212	0.00
Y	09.915	00.1218	81.42
R ²	0.9831	Adjusted R ²	0.9829

Notemos que la R^2 ajustada es muy alta, es decir, que el consumo se explica completamente por el ingreso. Como ya mencionamos, este resultado indica que hay asociación lineal entre las variables pues la *bondad de ajuste* es cercana al 100 %.

2. Ahora estimemos el segundo modelo de regresión lineal, de acuerdo con la ecuación que sigue:

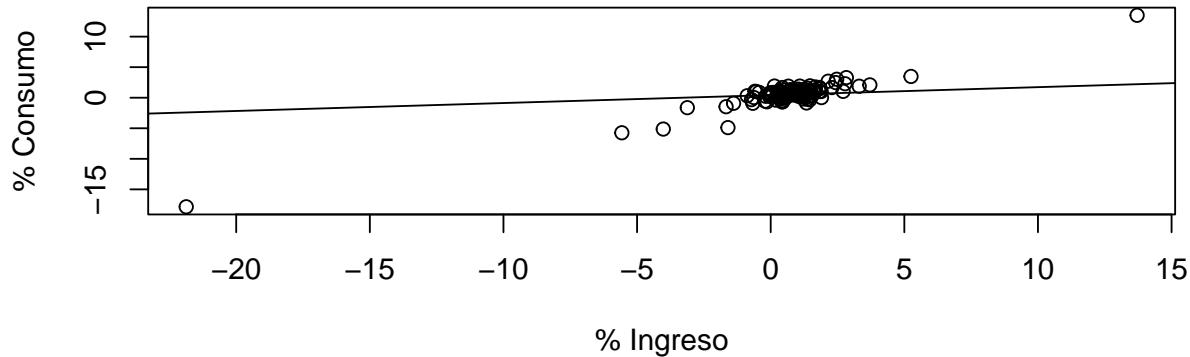
$$\Delta C_T = a + b\Delta Y_t + \epsilon_t$$

Los resultados se muestran a continuación:

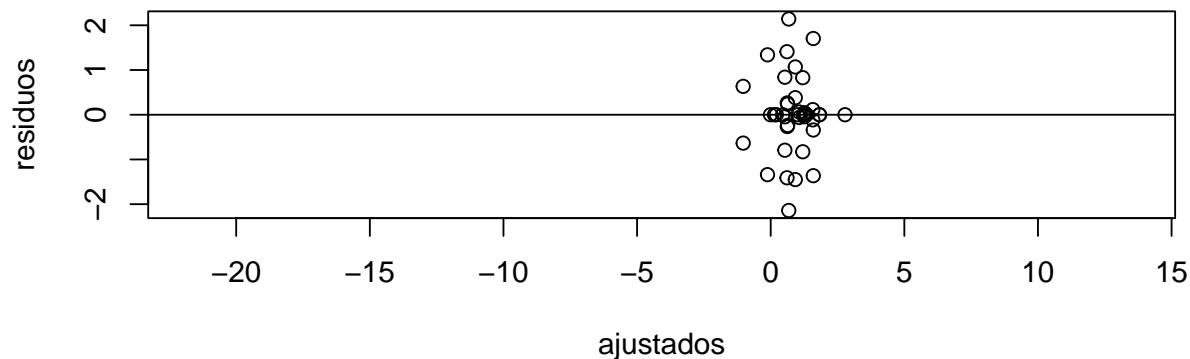
$$\Delta C = 4,30 + 0,8\Delta_y$$

Esta regresión se grafica en la siguiente tabla. Nótese que la relación es directa y que las variaciones en el consumo están suficientemente explicadas por las variaciones en el ingreso.

Notemos que la propensión marginal a consumir es igual a 0.8, es decir, que cambios en el ingreso se traducen casi proporcionalmente a cambios en el consumo, siendo la diferencia, es decir, 0.2, la propensión marginal a ahorrar.



Ahora notemos los errores. Estos están dados en la siguiente gráfica. Notemos que estos errores no se distribuyen aleatoriamente, lo que indica que hay asociación lineal entre las variables. En el resumen de los estadísticos de la regresión notaremos esta salvedad de la regresión.



A continuación se muestran estos estadísticos:

Coef.	Estimado	Std. Error	T_value
intercepto	4.300e01	00.802	0.536
Y	08.000	00.135	0.70
R^2	0.9882	Adjusted R^2	0.9168

Notemos que la R^2 ajustada es muy alta, es decir, las variaciones en el consumo se explican completamente por las variaciones en el ingreso. Como ya mencionamos, este resultado indica que hay asociación lineal entre las variables pues la *bondad de ajuste* es mayor al 90 %.

3. Ahora estimemos el tercer modelo de regresión lineal el cual está dado por la ecuación que sigue:

$$\Delta C_t = a + b\Delta Y_{t-1} + \epsilon_t$$

Este modelo nos presenta una variable rezagada, es decir, lo que buscamos analizar es si el ingreso afecta al consumo pero no en el mismo periodo, es decir, queremos ver cómo afectan las variaciones en el ingreso en $t - 1$ al consumo en t .

Los resultados se muestran a continuación:

$$\Delta C_t = +\Delta Y_{t-1}$$

[PENDIENTE].

4. Ahora estimemos el cuarto modelo de regresión lineal el cual está dado por la ecuación que sigue:

$$\ln(C_t) = a + b\ln(Y_t) + \epsilon_t$$

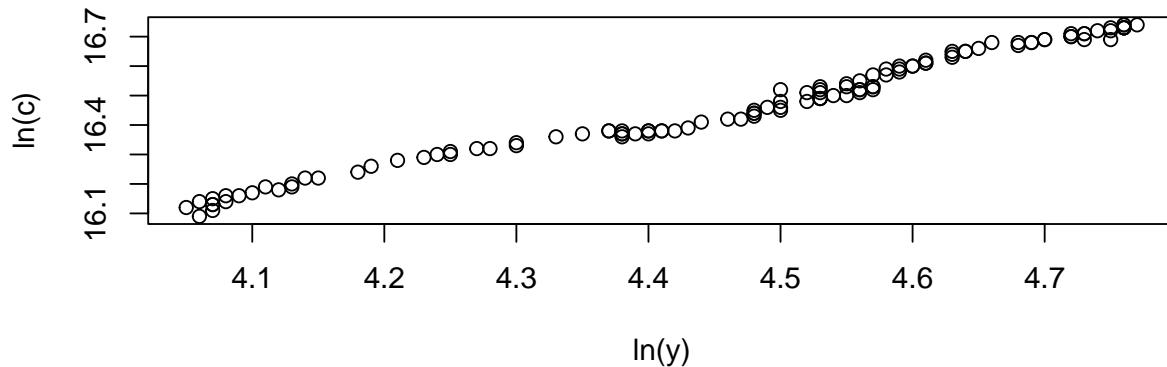
Los resultados se muestran en la ecuación que sigue:

$$\ln(C_t) = -14,27 + 1,13\ln(Y_t) + \epsilon_t$$

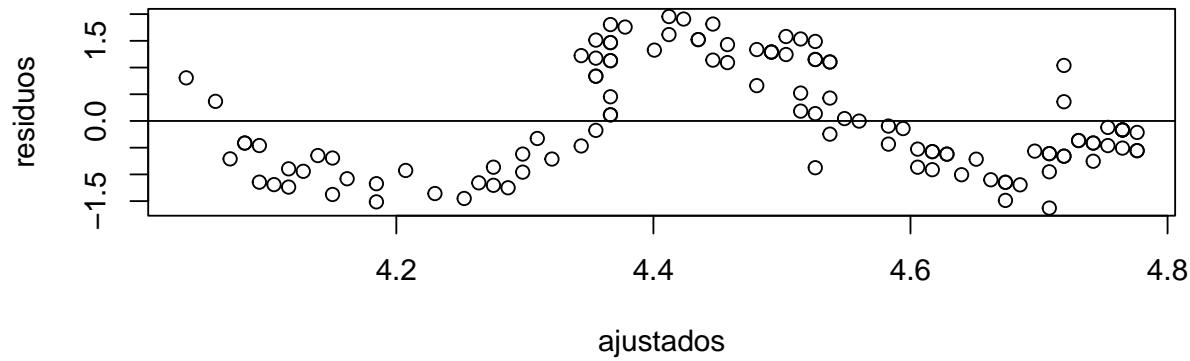
Es decir, que a cambios en Y_t el consumo responderá de forma directa en un 1.13, lo que viene dado por el coeficiente $b = 1,13$.

Esta regresión se grafica en la siguiente tabla. Nótese que la relación es directa y que el logaritmo del consumo está suficientemente explicado por el logaritmo del ingreso.

Notemos que la propensión marginal a consumir es igual a 1.13, es decir, que cambios en el logaritmo del ingreso se traducen más que proporcionalmente a cambios en el logaritmo del consumo.



Ahora notemos los errores. Estos están dados en la siguiente gráfica. Notemos que estos errores presentan un patrón, lo que indica que hay asociación lineal entre las variables. En el resumen de los estadísticos de la regresión notaremos esta salvedad de la regresión:



La siguiente tabla muestra los resultados:

Coef.	Estimado	Std. Error	T_value
intercepto	-14.2753	0.2471	-57.77
Y	1.1381	0.0150	75.87
R ²	0.9806	Adjusted R ²	0.9804

Notemos que la R^2 ajustada es muy alta, es decir, que el logaritmo del consumo se explica completamente por el logaritmo del ingreso. Como ya mencionamos, este resultado indica que hay asociación lineal entre las variables pues la *bondad de ajuste* es cercana al 100%. Por tanto, los coeficientes calculados son no estadísticamente significativos.

g)

Explique qué se podría concluir, si fuera el caso, acerca de la Hipótesis de Ingreso Permanente para México a partir de los coeficientes encontrados

A partir de todo el análisis hecho podemos concluir lo siguiente: i. Que la HIP no explica el comportamiento del consumo agregado en la economía mexicana para el periodo de observación. Este periodo abarca de 1993 a 2021, es decir, un periodo de 28 años. Esto implica que, a pesar de que el consumo tiene un comportamiento poco volatil y con aumentos muy cercanos a los aumentos del ingreso agregado, éste está determinado, empíricamente, por las variaciones en el ingreso. De hecho, podemos concluir que este efecto sigue del efecto multiplicador Keynesiano debido a que el consumo depende del ingreso y éste último también del consumo, siendo el indicador importante *la propensión marginal a consumir*.

Esta propensión explica qué porcentajes de las variaciones en el ingreso se traducen como variaciones directas en el consumo, y este comportamiento se explica, esencialmente, por el modelo Keynesiano de consumo. ii. No es posible eliminar la correlación que existe entre las variables C_t y Y_t debido a la forma en la que se construyen. No obstante, los modelos econométricos estimados nos confirman la relación que teóricamente construimos entre las variables desde el modelo lineal de consumo de la macroeconomía Keynesiana. Un análisis econométrico más robusto excede el alcance de esta tarea, sin embargo, es un área de oportunidad a explorar debido a que podríamos estimar con mayor precisión cuál es la relación causal entre las variables y estimar si es que las variaciones del ingreso, por ejemplo, impactan pero no inmediatamente las variaciones en el consumo y hasta qué rezago se logra absorber ese efecto.

Como conclusión, no es difícil demostrar que la HIP no se sostiene para el caso de México, en el periodo observado, sin embargo, en línea con las implicaciones empíricas expuestas en Romer, un análisis más robusto implicaría identificar las variaciones del consumo que provienen de variaciones permanentes o transitivas en el ingreso, por lo que esta hipótesis no puede ser desechada completamente y más bien haría falta hacer un análisis econométrico enfocado en clasificar las variaciones transitivas y/o permanentes en el ingreso.

Ejercicio 4

4. Estudie el consumo de los individuos en México, siguiendo estos pasos:

(a)

Baje los datos de un año de la ENIGH del sitio del INEGI, (Cada grupo va a utilizar unos datos diferentes: Grupo 1-2020, Grupo 2-2018, Grupo 3-2016, . . . , etc.) y establezca el número de hogares y el ingreso y el gasto promedio.

La Encuesta Nacional de Ingresos y Gastos de los Hogares provee un desglose muy detallado sobre el consumo de los hogares, así como de sus ingresos y su procedencia. Esta encuesta se publica cada dos años.

La tabla **CONCENTRADOGASTO** contiene las variables construidas, a partir de las tablas de la base de datos, que permiten tener agrupada la información con la cual se obtienen los principales tabulados que el INEGI construye.

Dado que este trabajo es del equipo 1, se utilizarán los datos del 2020. Las principales variables que se utilizarán son las siguientes:

- 1) Folio de la vivienda: **folioviv**
- 2) Folio del hogar: **foliohog**
- 3) Ubicación geográfica: **ubica_geo**
- 4) Ingreso corriente del hogar: **ing_cor**
- 5) Gasto corriente monetario: **gasto_mon**

Cuadro 7: Algunas variables de la ENIGH

folioviv	foliohog	ubica_geo	ing_cor	gasto_mon
100013605	1	1001	16229.49	24626.04
100013606	1	1001	31425.68	20397.10
100017801	1	1001	33979.16	44955.73
100017802	1	1001	71557.37	82950.42
100017803	1	1001	90703.26	30140.68
100017804	1	1001	30368.84	39991.94
100017805	1	1001	52770.48	20512.46
100021401	1	1001	24702.00	16152.72
100021402	1	1001	24708.38	2974.54
100021403	1	1001	181234.27	18924.95

(b)

Estime una relación entre ingreso y gasto y reporte sus resultados.

Se estandarizaron las observaciones del ingreso y el gasto (que representa el consumo) para no trabajar con datos de valores tan altos. Considerando todas las observaciones, se obtuvo un parámetro de 0.292, el cual implica que cuando el ingreso aumenta en 10 unidades monetarias, el gasto en consumo aumentará en casi 3 pesos. Este resultado se acompaña de una gráfica en la que se representa al consumo (gasto) en función del ingreso.

Cuadro 8: Regresión Lineal: Consumo - Ingreso

	Parámetro	Error estándar
Intercepción	70.797	0.32130
Pendiente	0.292	0.00179

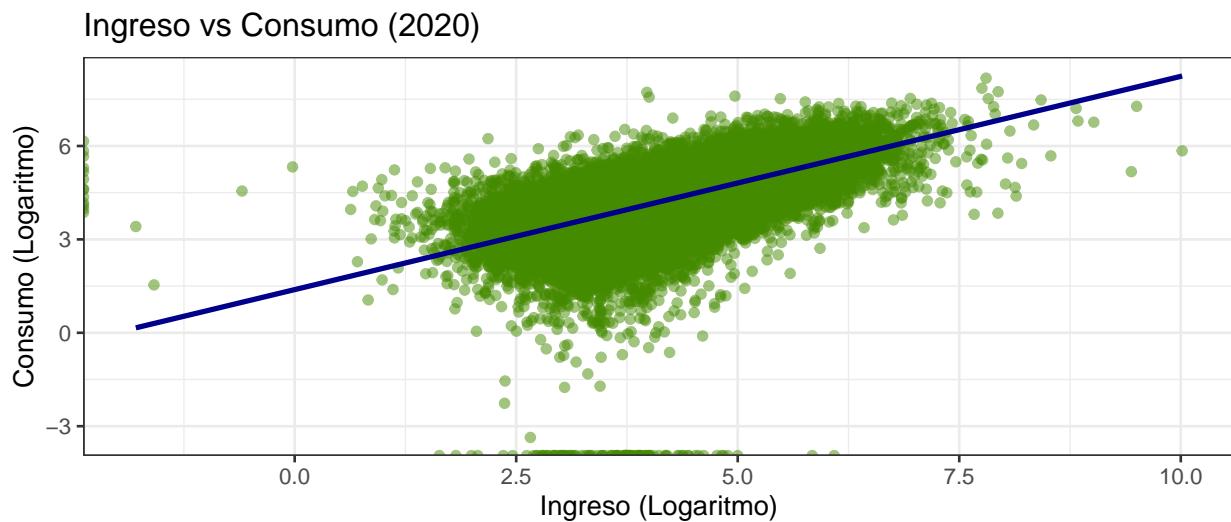


Figura 9: Consumo vs Ingreso (2020)

(c)

Estime una relación entre ingreso y gasto pero para hogares unipersonales de edad entre 30 y 40 años de edad de la Ciudad de México.

Se filtró la base de datos para considerar a los capitalinos entre 30 y 40 años. Notamos que ahora, la pendiente es de 0.9409, es decir, ¡hay una relación de casi 1 a 1 entre el ingreso y el gasto que se destina al consumo!

La siguiente tabla resume la regresión y se acompaña con su respectiva gráfica.

Cuadro 9: Regresión Lineal: Consumo - Ingreso

	Parámetro	Error estándar
Intercepto	70.797	0.32130
Pendiente	0.292	0.00179

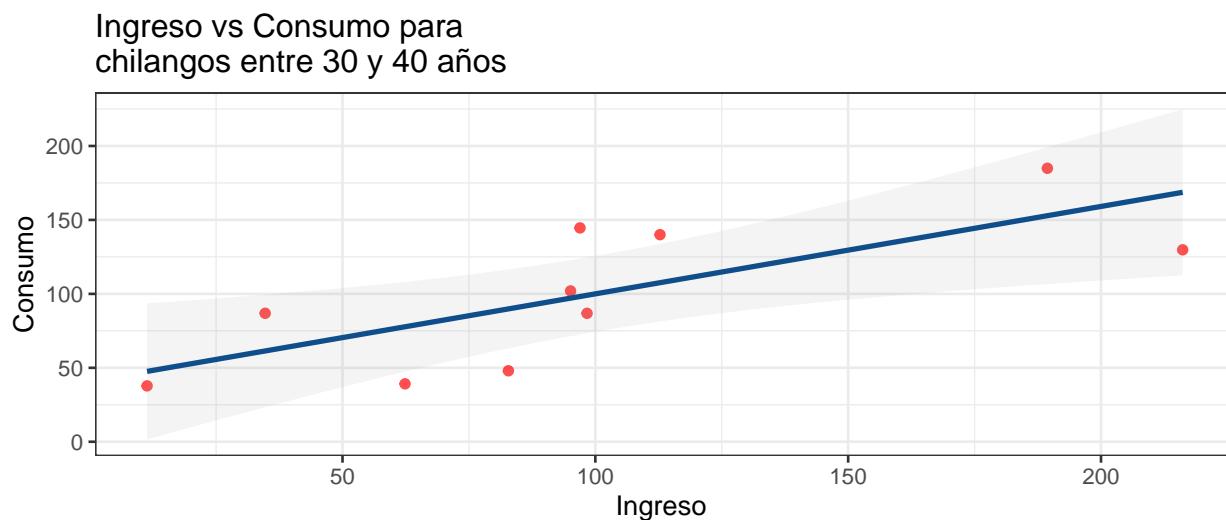


Figura 10: Ingreso y Consumo de los chilangos (30-40 años)

(d)

Para todos los hogares unipersonales, estime el valor promedio del ingreso por edad, separando la muestra en grupos de edad de cinco años cada uno y grafíquelo.

En la siguiente tabla se muestran los grupos por edades y el ingreso promedio por cada grupo.

Cuadro 10: Ingreso promedio por grupos de edades (2020)

Edad por grupos	Ingreso promedio
14-19	27298.53
20-25	36155.99
26-31	41235.00
32-37	44712.80
38-43	48296.19
44-49	52027.21
50-55	53752.23
56-61	54010.97
62-67	48437.32
68-73	45567.02
74-79	43302.37
80-85	38971.16
86-91	36911.36

Al graficar estos resultados:

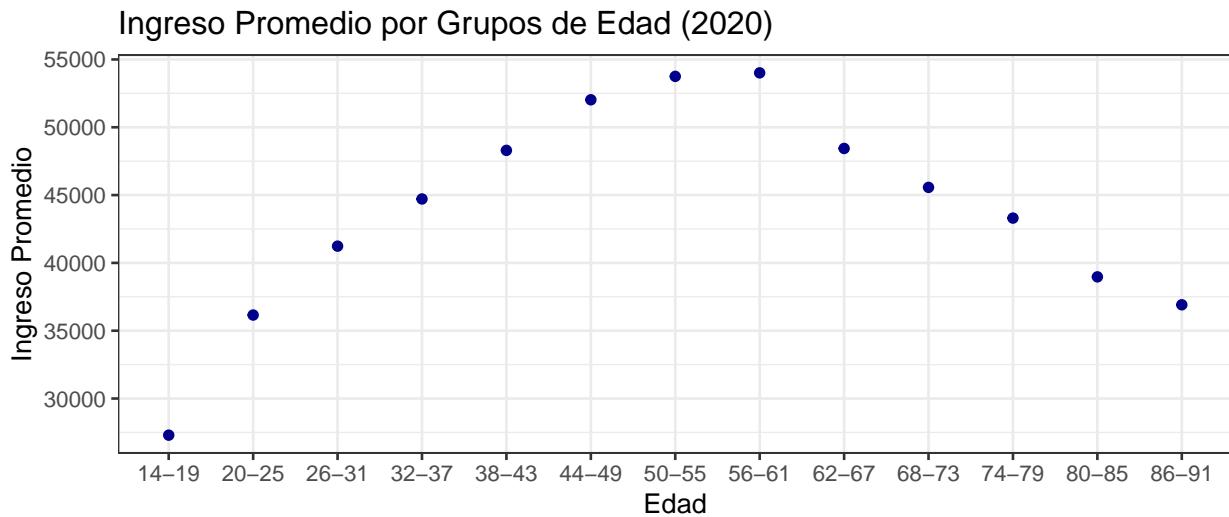


Figura 11: Ingreso Promedio por Grupos de Edad (2020)

De la figura, se observa que, en promedio, el grupo con mayores ingresos consta de aquellas personas entre 56 y 61 años. Esto nos recuerda a lo observado en la tarea sobre mercados laborales, en los que el mayor salario se asociaba con la etapa más productiva de la vida.

(e)

Interprete sus resultados a la luz de la HIP y comparados con los resultados para las variables agregadas.

Un resultado importante de la Hipótesis del Ingreso Permanente es que el parámetro estimado para la pendiente de la relación entre consumo e ingreso, (\hat{b}), será mayor en tanto las variaciones del ingreso transitorio sean menores (Ver ejercicio 8.2 de los teóricos). Podemos entonces inferir que, en México, hay un fuerte

componente de variación en el ingreso transitorio (tenemos una \hat{b} baja para el inciso (a)). Por otra parte, cuando acotamos nuestras observaciones, encontramos un mayor parámetro para los capitalinos entre 30 y 40 años. Esto nos lleva a pensar que el ingreso transitorio varía relativamente poco para este grupo de personas.

Ejercicio 5

5. Estudie el “acertijo del premio al riesgo” para el caso de México siguiendo estos pasos:

(a)

Consiga los valores anuales de IPC, el Indice de Precios y Cotizaciones de la Bolsa Mexicana de Valores por lo menos desde 1990.

(b)

Calcule su tasa de retorno nominal para cada año.

(c)

Consiga los valores promedio anual de la tasa de interés de CETES a 7 días, o la TIIE, la tasa inter-bancaria de equilibrio, y de la tasa de interés a un año, para el periodo que esté disponible.

(d)

Calcule la diferencia entre el retorno del IPC y el retorno de invertir en CETES a distintos plazos.

(e)

Calcule la covarianza entre dicha diferencias y la tasa de crecimiento real del consumo agregado de la economía mexicana.

(f)

Calcule el valor de aversión relativa al riesgo que implican estos números, dado el supuesto de una utilidad con forma ARRC.

(g)

Ahora calcule la covarianza entre dicha diferencias y la tasa de crecimiento real del consumo agregado DE BIENES IMPORTADOS [aquí hay una serie: www.inegi.org.mx/temas/imcp/] de la economía mexicana.

(h)

Calcule el valor de aversión relativa al riesgo que implican estos números, dado el supuesto de una utilidad con forma ARRC.

(i)

Interprete sus resultados.

Ejercicio 6

6. Utilice el método del árbol binomial para, primero, explicar el precio $P=80$ de un activo y, después, valuar un “call” sobre dicho activo, con precio de ejercicio $K=P-N$ donde N es el número de su equipo, (Grupo 1, use $N=1$, Grupo 2, use $N=2$, etc) asumiendo una tasa de interés de 5 por ciento:

Resulta intuitivo representar el problema de la valuación de opciones mediante un “árbol” en donde se consideran distintos escenarios. En la siguiente figura, el primer nodo del árbol izquierdo contempla el precio actual del activo subyacente, el cual puede ser una acción, commodity, metal, entre otros. Los siguientes nodos representan los dos valores que puede tomar tal activo en el siguiente periodo, $t = 1$, es decir, los posibles estados de la naturaleza. En particular, el activo puede subir de precio (apreciarse) o bajar de precio (depreciarse).

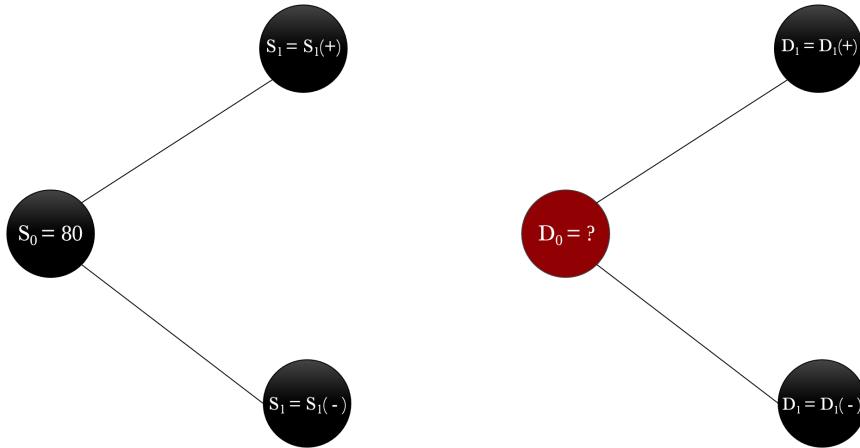


Figura 12: Representación del Modelo Binomial

Por otra parte, el árbol de la derecha representa los pagos de la opción en ambos estados de la naturaleza. Es importante notar que si el activo subyacente se deprecia, entonces no se ejerce la opción, por lo que el pago de la opción será igual a cero y la pérdida consistirá en el precio que pagó el inversionista para ser acreedor de tal opción. Si la opción se ejerce, el pago que se recibe es $D_1(+) = S_1(+) - K = S_1(+) - 79$, en donde $K = S_0 - 1$ (porque éste es el equipo 1). El tema de interés es, justamente, obtener un valor confiable que nos diga cuál debería ser ese precio de entrada (o precio de la opción), dado que se contemplan dos estados de la naturaleza. En otras palabras, queremos calcular el valor de D_0 .

El pago que brinda la opción puede resumirse mediante las siguientes ecuaciones, en las cuales suponemos que $S_1(+) > S_1(-)$:

$$D_1(+) = \max\{0, S_1(+) - K\} = \max\{0, S_1(+) - 79\} = S_1(+) - 79.$$

$$D_1(-) = \max\{0, S_1(-) - K\} = \max\{0, S_1(-) - 79\} = 0.$$

en donde $S_1(+)$ representa el precio del activo subyacente en el estado de la naturaleza en donde se aprecia, $S_1(-)$ representa el precio del subyacente en el estado de la naturaleza en que se deprecia.

En este ejercicio consideraremos una serie de valores que representan una apreciación y otra en donde el subyacente se deprecia con el objetivo de observar más detalladamente el precio de la opción.

Resulta conveniente incorporar en este ejercicio el uso de una “técnica de arbitraje”, apodada *Delta Hedging*. Tal técnica involucra *cubrir* la opción (*hedge the option*) con el activo suficiente para generar un portafolio libre de riesgo. Entonces, el portafolio consistirá en una proporción que se invierte en el activo subyacente, denotada por Δ y en una posición en una opción *call*:

$$V_t = \Delta S_t - D_t$$

en donde V_t es el valor del portafolio en el tiempo t . Para que tal estrategia sea libre de riesgo, debe valer lo mismo en $t = 1$ bajo todo estado de la naturaleza. Por tanto, tenemos la siguiente identidad:

$$\Delta S_1(+) - D_1(+) = \Delta S_1(-) - D_1(-) \iff \Delta^* = \frac{S_1(+) - 79}{S_1(+) - S_1(-)}.$$

Obtuvimos un valor de Δ que permite que el valor del portafolio en el periodo $t = 1$ sea el mismo sin importar si le va bien o mal al activo subyacente. Es decir:

$$\text{Apreciación: } V_{1A} = \Delta^* S_1(+) - D_1(+) = \left(\frac{S_1(+) - 79}{S_1(+) - S_1(-)} \right) S_1(+) - (S_1(+) - 79)$$

$$\text{Depreciación: } V_{1D} = \Delta^* S_1(-) - D_1(-) = \left(\frac{S_1(-) - 79}{S_1(+) - S_1(-)} \right) S_1(-)$$

Notar que si consideramos, por ejemplo, $S_1(+) = 106$. $S_1(-) = 64$, entonces $\Delta^* = 27/42 = 0,642$. Luego, tenemos:

$$V_{1A} = V_{1D} = \alpha^*$$

En donde α^* denota el valor del portafolio en el siguiente periodo. Siguiendo el ejemplo ilustrativo, si se consideran los precios $S_1(+) = 106$ y $S_1(-) = 64$, tendríamos:

$$V_{1A} = \Delta^* S_1(+) - D_1(+) = \left(\frac{S_1(+) - 79}{S_1(+) - S_1(-)} \right) S_1(+) - (S_1(+) - 79) = (0,6428)(106) - 27 = \mathbf{41.14}.$$

$$\text{y } V_{1D} = \Delta^* S_1(-) - D_1(-) = \left(\frac{S_1(-) - 79}{S_1(+) - S_1(-)} \right) S_1(-) = (0,6428)(64) - 0 = \mathbf{41.14}.$$

El valor del portafolio en el siguiente periodo (no importa la unidad: puede ser 1 día, 1 mes, 1 año, 1 década) valdrá, con toda probabilidad, α^* (i.e. $Prob(V_1 = \alpha^*) = 1$). En efecto, las condiciones arriba mencionadas se cumplen y, a estos precios, $Prob(V_1 = 41,14) = 1$.

Ahora bien, el valor del portafolio en el periodo inicial puede verse como el valor del portafolio en el siguiente periodo *descontado* por una tasa de interés libre de riesgo, que en este caso es del 5 %.

$$V_0 = \frac{V_1}{1+r} \iff \Delta^* S_0 - D_0 = \frac{\alpha^*}{1,05} \iff D_0^* = \Delta^* 80 - \frac{\alpha^*}{1,05}$$

En donde D_0^* es el precio que debe tener la opción, dados los estados de la naturaleza. Por ejemplo, para el escenario en que el precio del subyacente pudiera subir a 106, o bien caer a 64, el precio de la opción sería igual a:

$$D_0^* = (0,6428)(80) - \frac{41,14}{1,05} = \mathbf{12.24}.$$

Resumamos lo anterior en una tabla en donde se consideran 20 escenarios.

Cuadro 11: Precio de la opción para 20 escenarios

Escenario	Apreciación	Depreciación	Delta	Valor en t=1	Precio de la opción
1	106	64	0.64	41.14	12.24
2	103	50	0.45	22.64	14.66
3	89	62	0.37	22.96	7.76
4	96	52	0.39	20.09	11.77
5	108	57	0.57	32.41	14.62
6	109	52	0.53	27.37	16.04
7	83	76	0.57	43.43	4.35
8	83	78	0.80	62.40	4.57
9	90	51	0.28	14.38	8.86
10	91	69	0.55	37.64	7.79
11	101	59	0.52	30.90	12.47
12	102	62	0.58	35.65	12.05
13	81	74	0.29	21.14	2.72
14	102	55	0.49	26.91	13.52
15	86	64	0.32	20.36	6.06
16	94	63	0.48	30.48	9.68
17	90	63	0.41	25.67	8.15
18	84	76	0.62	47.50	4.76
19	89	68	0.48	32.38	7.26
20	104	57	0.53	30.32	13.68

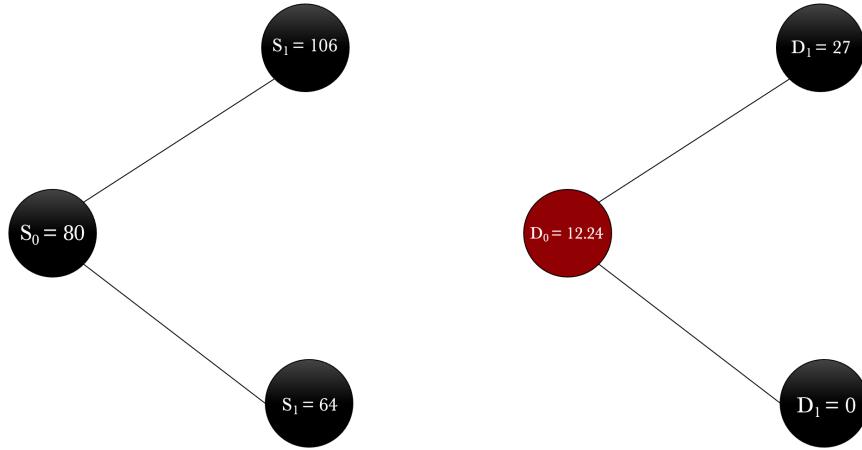


Figura 13: Representación gráfica del modelo para el escenario 1