

参考答案及评分标准

一、单项选择题（每小题 1 分，共 20 分）

- 系统和输入已知，求输出并对动态特性进行研究，称为（ C ）
A. 系统综合 B. 系统辨识 C. 系统分析 D. 系统设计
- 惯性环节和积分环节的频率特性在（ A ）上相等。
A. 幅频特性的斜率 B. 最小幅值 C. 相位变化率 D. 穿越频率
- 通过测量输出量，产生一个与输出信号存在确定函数比例关系值的元件称为（ C ）
A. 比较元件 B. 给定元件 C. 反馈元件 D. 放大元件
- 从 0 变化到 $+\infty$ 时，延迟环节频率特性极坐标图为（ A ）
A. 圆 B. 半圆 C. 椭圆 D. 双曲线
- 当忽略电动机的电枢电感后，以电动机的转速为输出变量，电枢电压为输入变量时，电动机可看作一个（ B ）
A. 比例环节 B. 微分环节 C. 积分环节 D. 惯性环节
- 若系统的开环传递函数为 $\frac{10}{s(5s+2)}$ ，则它的开环增益为（ C ）
A. 1 B. 2 C. 5 D. 10
- 二阶系统的传递函数 $G(s) = \frac{5}{s^2 + 2s + 5}$ ，则该系统是（ B ）
A. 临界阻尼系统 B. 欠阻尼系统 C. 过阻尼系统 D. 零阻尼系统
- 若保持二阶系统的 ζ 不变，提高 ω_n ，则可以（ B ）
A. 提高上升时间和峰值时间 B. 减少上升时间和峰值时间
C. 提高上升时间和调整时间 D. 减少上升时间和超调量
- 一阶微分环节 $G(s) = 1 + Ts$ ，当频率 $\omega = \frac{1}{T}$ 时，则相频特性 $\angle G(j\omega)$ 为（ A ）
A. 45° B. -45° C. 90° D. -90°
- 最小相位系统的开环增益越大，其（ D ）
A. 振荡次数越多 B. 稳定裕量越大
C. 相位变化越小 D. 稳态误差越小
- 设系统的特征方程为 $D(s) = s^4 + 8s^3 + 17s^2 + 16s + 5 = 0$ ，则此系统（ A ）
A. 稳定 B. 临界稳定 C. 不稳定 D. 稳定性不确定。
- 某单位反馈系统的开环传递函数为： $G(s) = \frac{k}{s(s+1)(s+5)}$ ，当 $k =$ （ C ）时，闭环系统临界稳定。
A. 10 B. 20 C. 30 D. 40
- 设系统的特征方程为 $D(s) = 3s^4 + 10s^3 + 5s^2 + s + 2 = 0$ ，则此系统中包含正实部特征的个数有（ C ）
A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

14.单位反馈系统开环传递函数为 $G(s) = \frac{5}{s^2 + 6s + 5}$,当输入为单位阶跃时, 则其位置误差为 (C)
 A.2 B.0.2 C.0.5 D.0.05

15.若已知某串联校正装置的传递函数为 $G_c(s) = \frac{s+1}{10s+1}$,则它是一种 (D)

- A. 反馈校正 B.相位超前校正
 C.相位滞后 —超前校正 D.相位滞后校正

16.稳态误差 e_{ss} 与误差信号 $E(s)$ 的函数关系为 (B)

A. $e_{ss} = \lim_{s \rightarrow 0} E(s)$ B. $e_{ss} = \lim_{s \rightarrow 0} sE(s)$

C. $e_{ss} = \lim_{s \rightarrow \infty} E(s)$ D. $e_{ss} = \lim_{s \rightarrow \infty} sE(s)$

17.在对控制系统稳态精度无明确要求时,为提高系统的稳定性,最方便的是 (A)

- A. 减小增益 B.超前校正 C.滞后校正 D.滞后 -超前

18.相位超前校正装置的奈氏曲线为 (B)

- A. 圆 B.上半圆 C.下半圆 D.45 ° 弧线

19.开环传递函数为 $G(s)H(s) = \frac{K}{s^3(s+3)}$,则实轴上的根轨迹为 (C)

- A.(-3,) B.(0,) C.(- , -3) D.(-3, 0)

20.在直流电动机调速系统中,霍尔传感器是用作 (B) 反馈的传感器。

- A. 电压 B.电流 C.位移 D.速度

二、填空题 (每小题 1 分, 共 10 分)

- 闭环控制系统又称为 反馈系统 系统。
- 一线性系统,当输入是单位脉冲函数时,其输出象函数与 传递函数 相同。
- 一阶系统当输入为单位斜坡函数时,其响应的稳态误差恒为 时间常数 T (或常量)。
- 控制系统线性化过程中,线性化的精度和系统变量的 偏移程度 有关。
- 对于最小相位系统一般只要知道系统的 开环幅频特性 就可以判断其稳定性。
- 一般讲系统的位置误差指输入是 阶跃信号 所引起的输出位置上的误差。
- 超前校正正是由于正相移的作用,使截止频率附近的 相位 明显上升,从而具有较大的稳定裕度。
- 二阶系统当共轭复数极点位于 $\pm 45^\circ$ 线上时,对应的阻尼比为 0.707。
- PID 调节中的“ P ”指的是 比例 控制器。
- 若要求系统的快速性好,则闭环极点应距虚轴越 远 越好。

一、填空题 (每空 1 分, 共 15 分)

- 反馈控制又称偏差控制,其控制作用是通过 给定值 与反馈量的差值进行的。
- 复合控制有两种基本形式:即按 输入 的前馈复合控制和按 扰动 的前馈复合控制。
- 两个传递函数分别为 $G_1(s)$ 与 $G_2(s)$ 的环节,以并联方式连接,其等效传递函数为 $G(s)$,则 $G(s)$ 为 $G_1(s)+G_2(s)$ (用 $G_1(s)$ 与 $G_2(s)$ 表示)。
- 典型二阶系统极点分布如图 1 所示,

则无阻尼自然频率 $\omega_n = \frac{\sqrt{2}}{2}$, 阻尼比 $\xi = \frac{\sqrt{2}}{2} = 0.707$,

该系统的特征方程为 $s^2 + 2s + 2 = 0$,

该系统的单位阶跃响应曲线为 衰减振动。

5、若某系统的单位脉冲响应为 $g(t) = 10e^{-0.2t} + 5e^{-0.5t}$,

则该系统的传递函数 $G(s)$ 为 $\frac{10}{s+0.2} + \frac{5}{s+0.5}$ 。

6、根轨迹起始于 开环极点 , 终止于 开环零点。

7、设某最小相位系统的相频特性为 $\varphi(\omega) = \lg^{-1}(\tau\omega) - 90^\circ - \lg^{-1}(T\omega)$, 则该系统的开环传递函数

为 $\frac{K(\tau s + 1)}{s(Ts + 1)}$ 。

8、PI 控制器的输入 - 输出关系的时域表达式是 $u(t) = K_p[e(t) + \frac{1}{T} \int e(t) dt]$, 其相应的传递函数为

$K_p[1 + \frac{1}{Ts}]$, 由于积分环节的引入, 可以改善系统的稳态 性能。

二、选择题 (每题 2 分, 共 20 分)

1、采用负反馈形式连接后, 则 (D)

- A 一定能使闭环系统稳定 ;
- B 系统动态性能一定会提高 ;
- C 一定能使干扰引起的误差逐渐减小, 最后完全消除 ;
- D 需要调整系统的结构参数, 才能改善系统性能。

2、下列哪种措施对提高系统的稳定性没有效果 (A)。

- A 增加开环极点 ;
- B 在积分环节外加单位负反馈 ;
- C 增加开环零点 ;
- D 引入串联超前校正装置。

3、系统特征方程为 $D(s) = s^3 + 2s^2 + 3s + 6 = 0$, 则系统 (C)

- A 稳定 ;
- B 单位阶跃响应曲线为单调指数上升 ;
- C 临界稳定 ;
- D 右半平面闭环极点数 $Z = 2$ 。

4、系统在 $r(t) = t^2$ 作用下的稳态误差 $e_{ss} = \infty$, 说明 (A)

- A 型别 $v < 2$;
- B 系统不稳定 ;
- C 输入幅值过大 ;
- D 闭环传递函数中有一个积分环节。

5、对于以下情况应绘制 0° 根轨迹的是 (D)

- A 主反馈口符号为 “ - ” ;
- B 除 K_p 外的其他参数变化时 ;
- C 非单位反馈系统 ;
- D 根轨迹方程 (标准形式) 为 $G(s)H(s) = +1$ 。

6、开环频域性能指标中的相角裕度 γ 对应时域性能指标 (A)。

- A、超调 $\sigma\%$ B、稳态误差 e_{ss} C、调整时间 t_s D、峰值时间 t_p

7、已知开环幅频特性如图 2 所示，则图中不稳定的系统是 (B)。

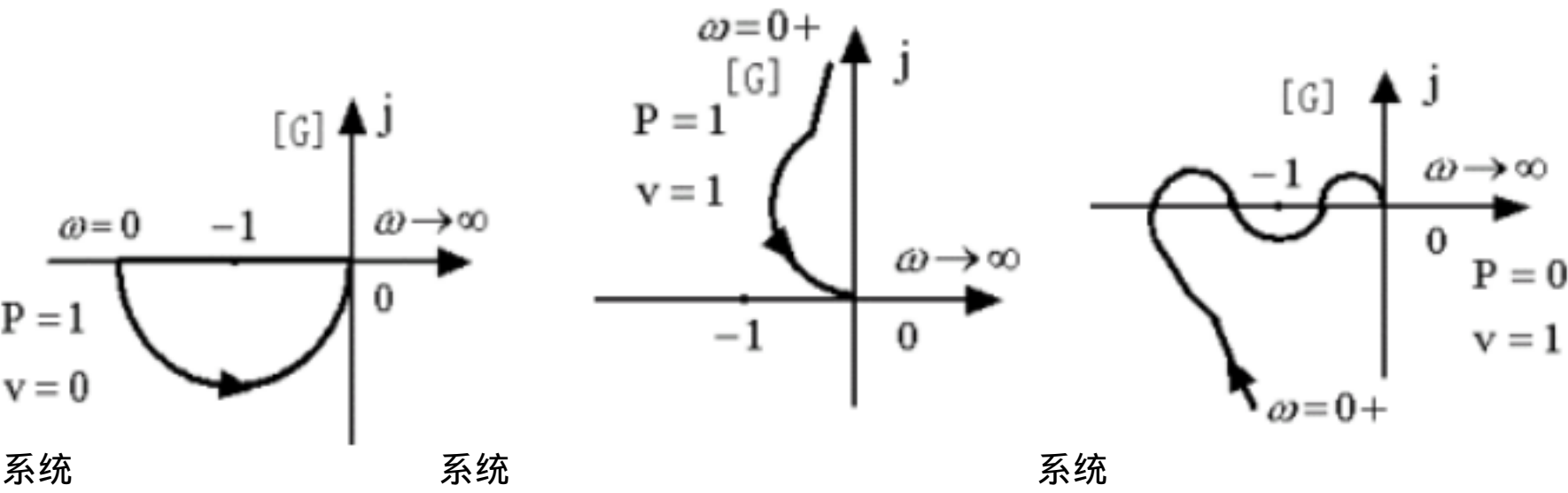


图 2

- A、系统 B、系统 C、系统 D、都不稳定

8、若某最小相位系统的相角裕度 $\gamma > 0^\circ$ ，则下列说法正确的是 (C)。

- A、不稳定； B、只有当幅值裕度 $k_g > 1$ 时才稳定；
C、稳定； D、不能判用相角裕度判断系统的稳定性。

9、若某串联校正装置的传递函数为 $\frac{10s+1}{100s+1}$ ，则该校正装置属于 (B)。

- A、超前校正 B、滞后校正 C、滞后-超前校正 D、不能判断

10、下列串联校正装置的传递函数中，能在 $\omega_c = 1$ 处提供最大相位超前角的是： (B)

- A、 $\frac{10s+1}{s+1}$ B、 $\frac{10s+1}{0.1s+1}$ C、 $\frac{2s+1}{0.5s+1}$ D、 $\frac{0.1s+1}{10s+1}$

1. 如图示系统结构图 1，试用结构图化简方法求传递函数 $\frac{C(s)}{R(s)}$ 。(15 分)

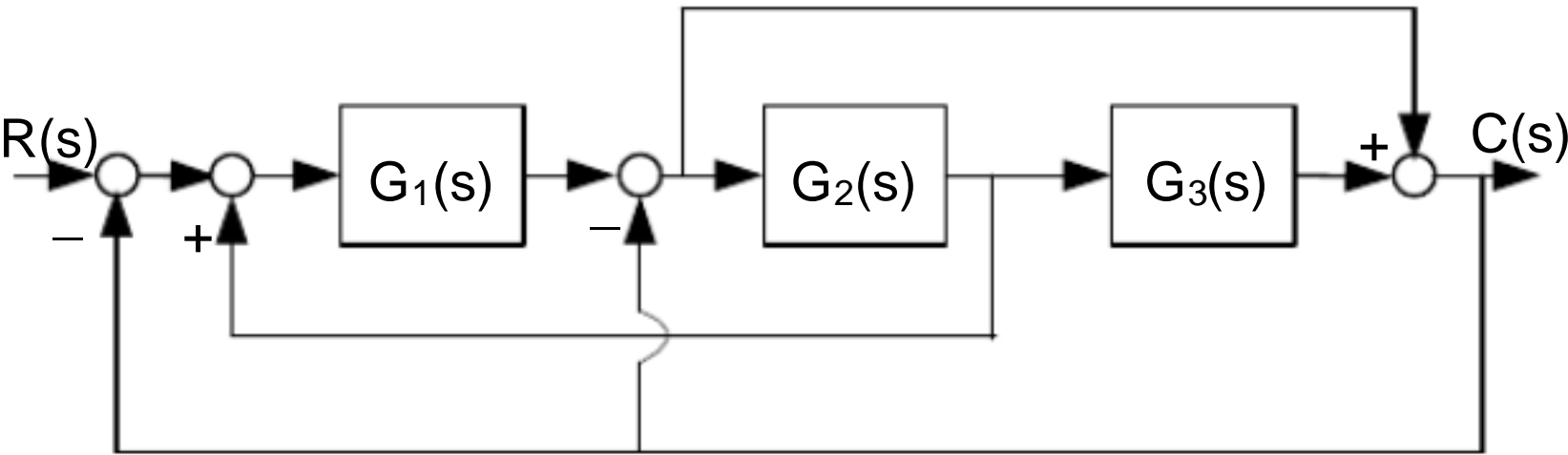
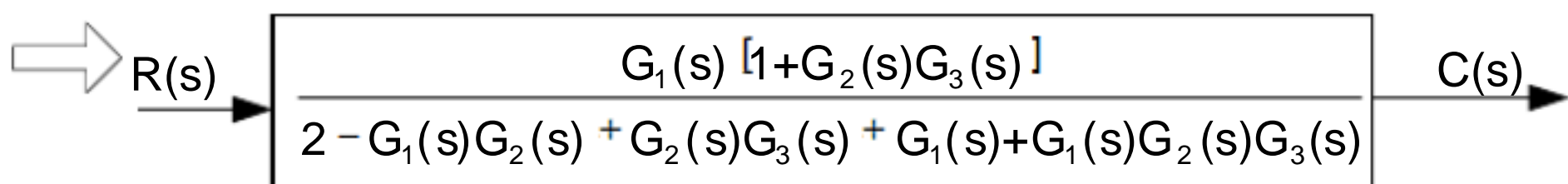
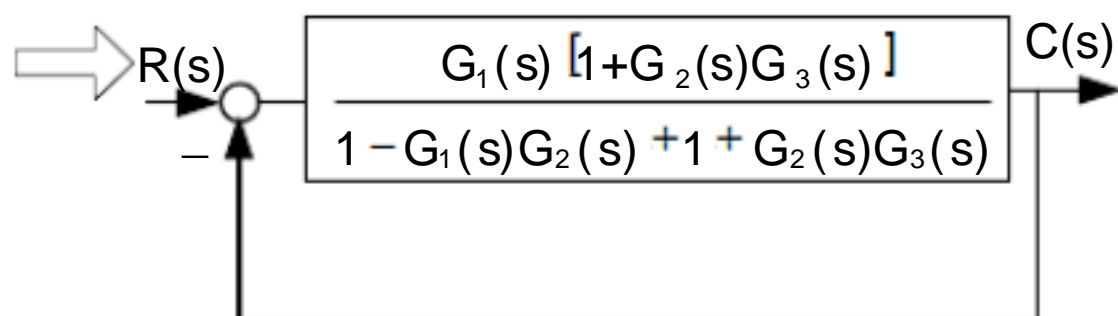
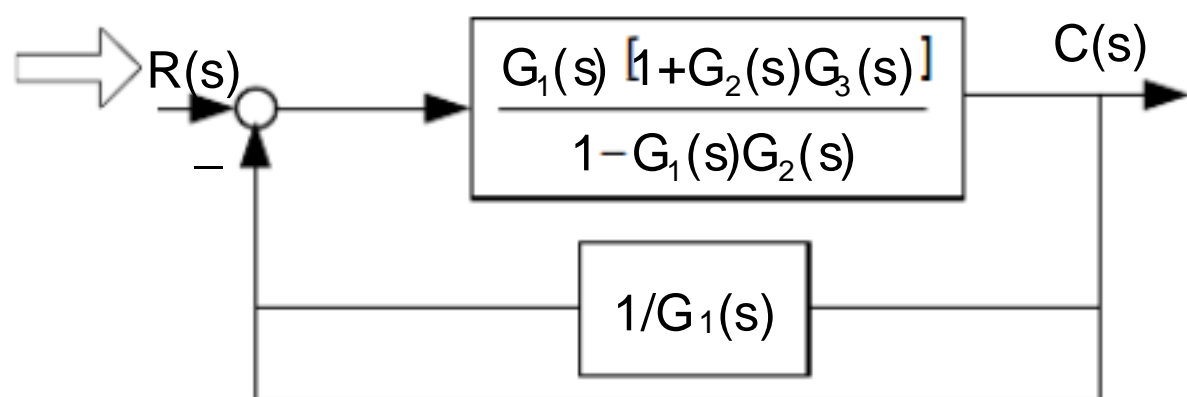
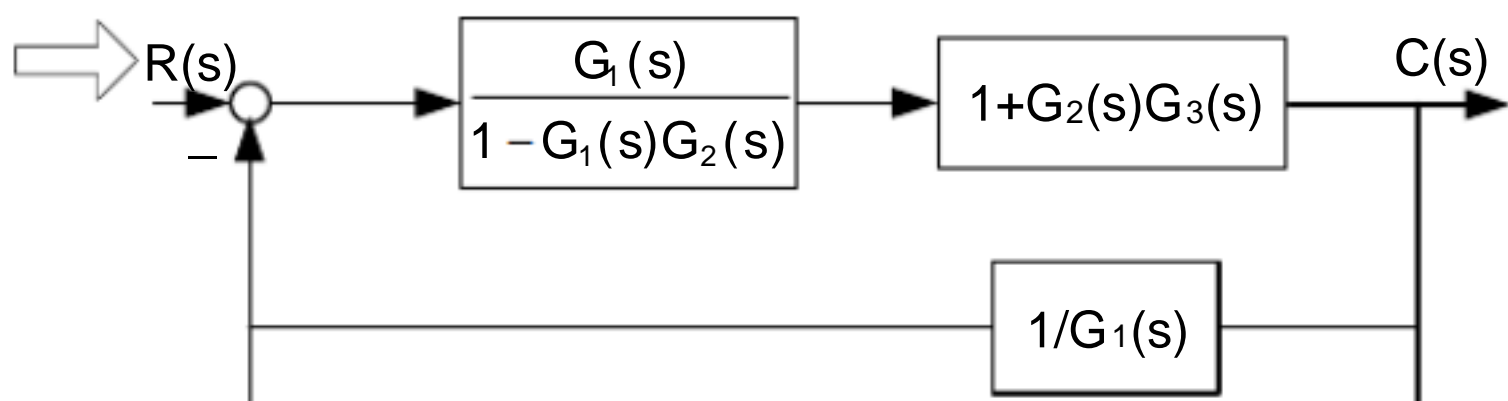
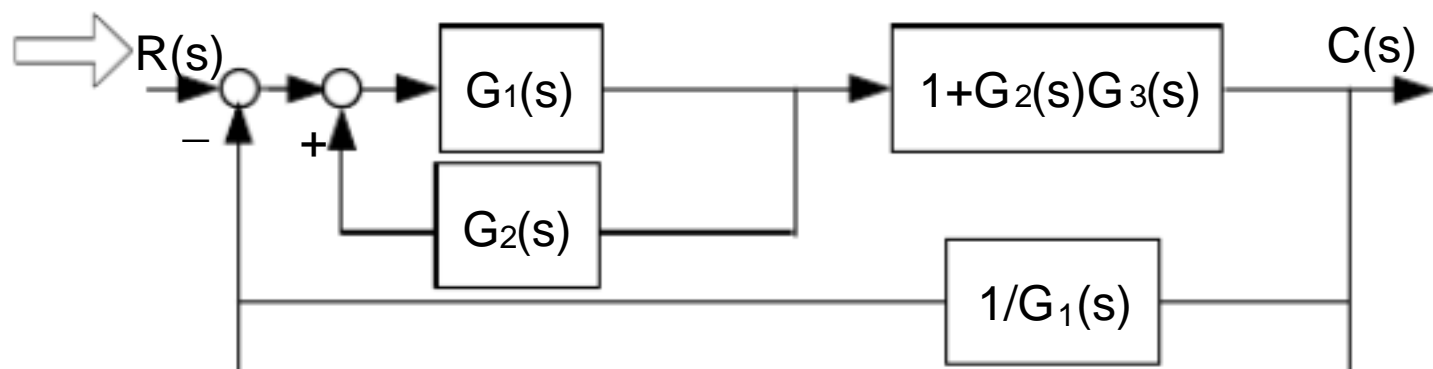
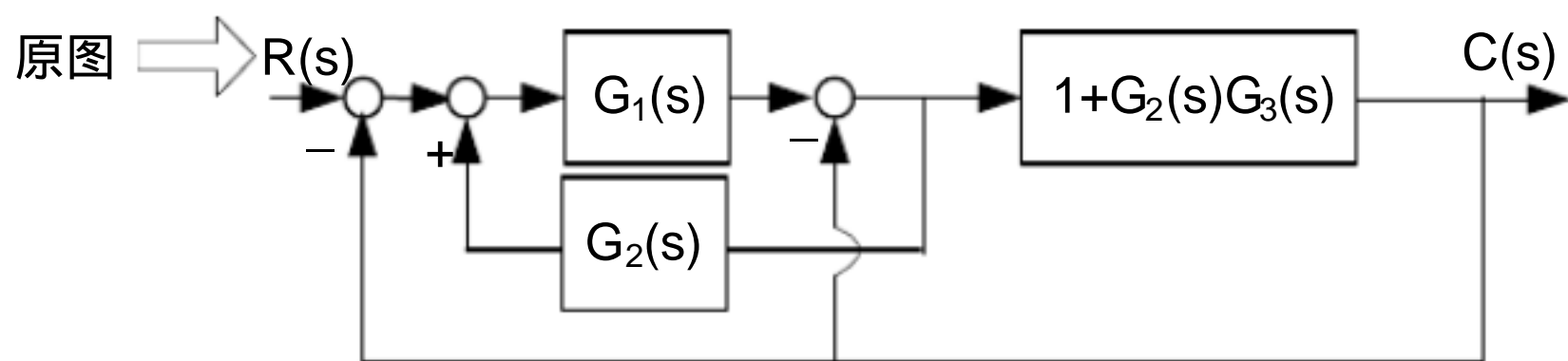


图 1

解：



得传递函数为
$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{G_1 + G_1 G_2 G_3}{1 - G_1 G_2 + G_1 G_2 G_3 + G_2 G_3 + 1 + G_1}$$

2. 控制系统如图 2 所示，系统单位阶跃响应的峰值时间为 3s、超调量为 20%，求 K，a 值。（15 分）

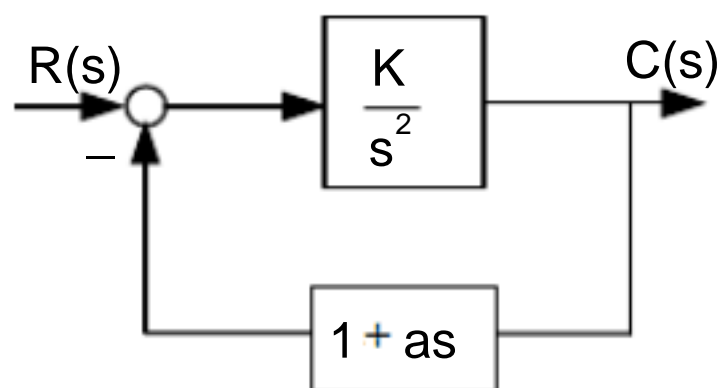


图 2

解：开环传递函数
$$G(s) = \frac{K(1+as)}{s^2}$$

闭环传递函数

$$\Phi(s) = \frac{\frac{K}{s^2}}{1 + \frac{K(1+as)}{s^2}} = \frac{K}{s^2 + Kas + K} = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$$

已知
$$\begin{cases} \sigma \% = e^{-\pi\zeta/\sqrt{1-\zeta^2}} = 0.2 \\ t_p = \frac{\pi}{\omega_n \sqrt{1-\zeta^2}} = 3(s) \end{cases}$$

所以

$$\zeta = \frac{\sqrt{\frac{(\ln \sigma)^2}{\pi^2 + (\ln \sigma)^2}}}{\omega_n} = \frac{\sqrt{\frac{(\ln 0.2)^2}{\pi^2 + (\ln 0.2)^2}}}{\frac{\pi}{3\sqrt{1-\zeta^2}}} = \frac{\sqrt{2.6}}{1.18} = 0.46$$

K, a 分别为
$$\begin{cases} K = \omega_n^2 = 1.4 \\ a = \frac{2\zeta\omega_n}{K} = \frac{1.09}{1.4} = 0.78 \end{cases}$$

1. 已知系统特征方程为 $s^5 + 3s^4 + 12s^3 + 24s^2 + 32s + 48 = 0$ ，试求系统在 s 右半平面的根的个数及虚根值。（10分）

解：列 Routh 表

s^5	1	12	32		
s^4	3	24	48		
s^3	3	$\frac{3 \times 12 - 24}{3} = 4$	$\frac{32 \times 3 - 48}{3} = 16$	0	
s^2	2	$\frac{4 \times 24 - 3 \times 16}{4} = 12$	48		
s^1		$\frac{12 \times 16 - 4 \times 48}{12} = 0$	0		辅助方程 $12s^2 + 48 = 0$,
s^0	24				求导： $24s = 0$
s^0	0	48			

答：系统没有正根。对辅助方程求解，得一对虚根，其值为 $s_{1,2} = \pm j2$ 。

4. 单位负反馈系统的开环传递函数 $G(s) = \frac{K}{s(0.2s+1)(0.5s+1)}$ ，绘制 K 从 0 到 $+\infty$ 变化时系统的闭环根轨迹图。（15分）

解
$$G(s) = \frac{K}{s(0.2s+1)(0.5s+1)} = \frac{10K}{s(s+5)(s+2)}$$

系统有三个开环极点： $p_1 = 0, p_2 = -2, p_3 = -5$

实轴上的根轨迹： $(-\infty, -5], [-2, 0]$

渐近线：

$$\begin{cases} \sigma_a = \frac{0-2-5}{3} = -\frac{7}{3} \\ \varphi_a = \frac{(2k+1)\pi}{3} = \pm \frac{\pi}{3}, \pi \end{cases}$$

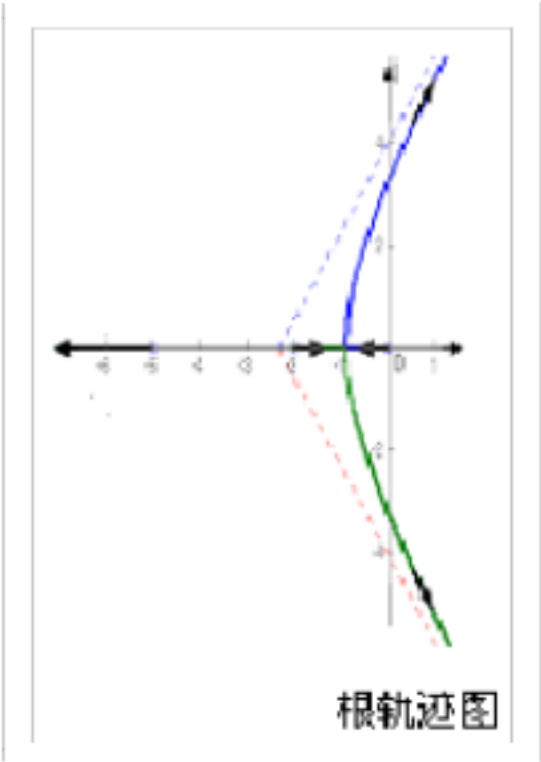
分离点：

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{d+5} + \frac{1}{d+2} = 0$$

解得： $d_1 = -0.88, d_2 = -3.7863$ (舍去)。

与虚轴的交点：特征方程为

$$D(s) = s^3 + 7s^2 + 10s + 10K = 0$$



令

$$\begin{cases} \operatorname{Re}[D(j\omega)] = -7\omega^2 + 10K = 0 \\ \operatorname{Im}[D(j\omega)] = -\omega^3 + 10\omega = 0 \end{cases}$$

解得

$$\begin{cases} \omega = \sqrt{10} \\ K = 7 \end{cases}$$

与虚轴的交点 (0 , $\pm\sqrt{10}j$)。根轨迹如图示。

5. 已知单位负反馈系统开环传递函数 $G(s) = \frac{K(T_2s+1)}{s^2(T_1+1)}$, 试概略绘制系

统的概略伯德 (Bode) 图。 (15 分)

解:

例5-2: 设开环频率特性为 $G(j\omega) = \frac{10^{-3} \cdot (1 + j100\omega)^2}{(j\omega)^2 (1 + j10\omega)(1 + j0.125\omega)(1 + j0.05\omega)}$

试绘制其近似的对数幅频特性曲线。

解: (1) 转折频率: $\omega_1 = 0.01$ $\omega_2 = 0.1$ $\omega_3 = \frac{1}{0.125} = 8$ $\omega_4 = 20$

(2) 低频渐近线: $L(\omega) = 20 \lg 10^{-3} - 20 \times 2 \lg \omega$

$$\therefore L(\omega) = -60 - 40 \lg \omega$$

(3) 绘制近似的对数幅频特性曲线

截止频率的计算:

$$\omega_c \in (0.1, 8)$$

令 $L(\omega) = 0$ 得:

$$20 \lg \frac{10^{-3} \cdot (100\omega)^2}{\omega^2 \cdot 10\omega} = 0 \quad \therefore \omega_c = 1$$

