Sayısal Sistemler-H2CD1 Giriş

Dr. Meriç Çetin

versiyon081024

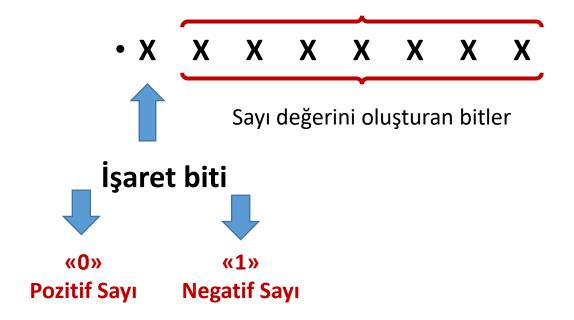
Bu derste öğreneceklerimiz

1	Digital Systems and Binary Numbers					
	1.1	Digital Systems	1			
	1.2	Binary Numbers	3			
	1.3	Number-Base Conversions	6			
	1.4	Octal and Hexadecimal Numbers	8			
	1.5	Complements of Numbers	10			
	1.6	Signed Binary Numbers	14			
	1.7	Binary Codes	18			
	1.8	Binary Storage and Registers	27			
	1.9	Binary Logic	30			

1.6 İşaret Bitli Sayılar

İşaret Bitli Sayılar

- Bir sayı için işaret bitli denilirse, bu sayıdaki en son MSB biti işaret biti olarak adlandırılır.
- İşaret bitli 8 bitlik bir sayıdan bahsedilmişse;



Section 1.6 Signed Binary Numbers

Table 1.3
Signed Binary Numbers

Decimal	Signed-2's Complement	Signed-1's Complement	Signed Magnitude
+7	0111	0111	0111
+6	0110	0110	0110
+5	0101	0101	0101
+4	0100	0100	0100
+3	0011	0011	0011
+2	0010	0010	0010
+1	0001	0001	0001
+0	0000	0000	0000
-0	-	1111	1000
-1	1111	1110	1001
-2	1110	1101	1010
-3	1101	1100	1011
-4	1100	1011	1100
-5	1011	1010	1101
-6	1010	1001	1110
-7	1001	1000	1111
-8	1000	_	

İşaret bitli sayılarda tümleyen

• Kural:

• İşaret bitli sayılarda tümleyen alınırken işaret bitinin tümleyeni alınmaz.

Örnek

• (10101100)₂ işaret bitli sayının 2'ye tümleyeni nedir?



İşaret Bitli Sayılarla İşlem

İşaret bitli sayılarda aritmetik işlemler

- Örnek: işaret bitli iki pozitif sayının toplanması
 - $(01001)_2 + (00101)_2 = (01110)_2$
- Örnek: işaret bitli pozitif ve bu sayıdan büyük negatif bir sayının toplanması
 - $(11001)_2$ + $(00100)_2$ = $(10101)_2$
- Örnek: işaret bitli pozitif ve bu sayıdan küçük negatif bir sayının toplanması
 - $(01001)_2$ + $(10100)_2$ = $(00101)_2$
- Örnek: işaret bitli iki negatif sayının toplanması
 - $(11001)_2$ + $(10100)_2$ = $(11101)_2$

İşaret bitli sayılarda aritmetik işlemler

+	6	00000110	- 6	11111010
+	13	00001101	+13	00001101
+	19	00010011	+ 7	00000111
+	6	00000110	- 6	11111010
_	13	11110011	-13	11110011
_	7	11111001	-19	11101101

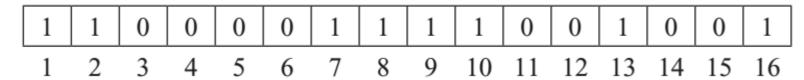
1.8 İkili Depolama Kavramı ve Kaydediciler

İkili Depolama ve Kaydediciler

- Bir sayısal bilgisayardaki ayrık bilgi unsurları bazı bilgi depolama ortamlarında fiziksel bir varlığa sahiptir.
- Ayrı bilgi öğeleri ikili (binary) biçimde temsil edildiğinde, bilgi depolama ortamı, ayrı bitleri depolamak için ikili depolama öğeleri içermelidir.
- İkili hücre (binary cell), iki kararlı duruma sahiptir ve bir bit bilgi depolayabilir.
- Bir hücrede depolanan bilgi, bir kararlı durumda olduğunda 1 ve diğer kararlı durumda olduğunda 0'dır.
- İkili hücrelere örnek olarak elektronik flip-flop devreleri, belleklerde kullanılan ferrit çekirdekler ve bir kartta delikli veya deliksiz konumlar verilebilir.

Kaydediciler

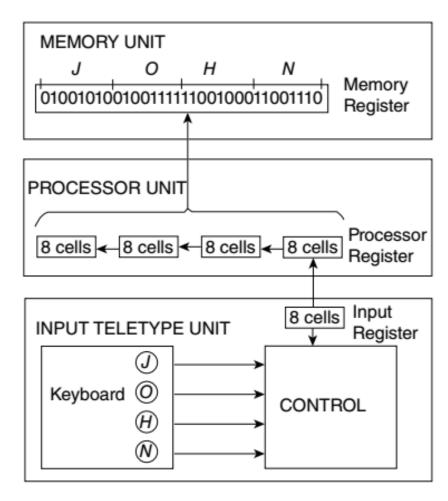
- Kaydediciler ikili hücreler grubu olarak bilinir. Bir hücre bir bit bilgi depoladığından, n hücreli bir kaydedici, n bit içeren bilgiyi depolayabilir.
- Bir kaydedicinin içeriği, içinde depolanan bilgilere verilen yorumun bir fonksiyonudur. Aşağıdaki gibi 16 hücreli kaydediciyi düşünelim:



- n hücreli bir kaydedici 2ⁿ olası durumdan birinde olabilir. Kaydedici içeriğinin ikili bir tamsayıyı temsil ettiği varsayıldığında kaydedici 0 ile 2¹⁶-1 arasında herhangi bir ikili sayıyı saklayabilir. Verilen örnek için, kaydedici içeriği 50121 ondalık sayısının ikili eşdeğeridir.
- Kullanıcının anlamlı bilgileri kaydedicilerde saklaması ve bilgisayarın bu bilgileri depolanan bilgi türüne göre işleyecek şekilde programlanması önemlidir.

Kaydediciler-devam

- Sayısal bir bilgisayar, kaydedicilerle karakterize edilir.
- Bellek birimi, sayısal bilgilerin depolanması için binlerce kaydediciden oluşur.
- İşlemci birimi, işlenen verileri depolayan çeşitli kaydedicilerden oluşur.
- Kontrol ünitesi, çeşitli bilgisayar sekanslarını takip etmek için kaydedicileri kullanır.
- Dijital sistemlerde temel bir işlem olan kaydediciler arası transfer, bir kaydedicide depolanan bilgilerin diğerine aktarımından oluşur.



Transfer of information with registers

1.9 İkili Mantık

İkili Mantık (Binary Logic)

- İkili mantık, iki ayrı değer alan değişkenlerle ve mantıksal anlam üstlenen işlemlerle ilgilenir.
- Değişkenlerin aldığı iki değer farklı isimlerle çağrılabilir (örneğin, doğru ve yanlış, evet ve hayır, vb.).
- Amacımız için bit cinsinden düşünmek ve 1 ve 0 değerlerini atamak daha uygundur.
- İkili mantık, ikili bilginin işlenmesini matematiksel bir şekilde tanımlamak için kullanılır. Özellikle dijital sistemlerin analizi ve tasarımı için uygundur.
- Burada tanıtılacak ikili mantık, Boole cebri adı verilen bir cebire eşdeğerdir.
- Bu bölümün amacı, Boole cebirini sezgisel bir şekilde tanıtmak ve bunu dijital mantık devreleri ve ikili sinyallerle ilişkilendirmektir.

İkili Mantığın Tanımı

- İkili mantık, ikili değişkenlerden ve mantıksal işlemlerden oluşur.
- Değişkenler A, B, C, x, y, z, vb. gibi alfabe harfleri ile belirtilir ve her değişken ancak ve ancak iki farklı olası değere sahiptir:
 - 1 ve 0.
- Üç temel mantıksal işlem vardır:
 - **VE**,
 - VEYA ve
 - DEĞİL.

İkili Mantıkta Ve İşlemi

- Bu işlem bir nokta ile veya bir operatörün olmamasıyla temsil edilir.
- Örneğin, x y = z veya xy = z
- "x VE y eşittir z" olarak okunur.
- AND mantıksal işlemi,
 - ancak ve ancak x = 1 ve y = 1 ise z = 1 anlamına gelecek şekilde yorumlanır;
 - aksi takdirde z = 0.
- (x, y ve z'nin ikili değişkenler olduğunu ve 1 veya 0'a eşit olabileceğini ve başka hiçbir şey olmadığını unutmayın.)

İkili Mantıkta Veya İşlemi

- Bu işlem bir artı işaretiyle temsil edilir.
- Örneğin, x + y = z,
- "x OR y eşittir z" olarak okunur.
- OR mantıksal işlemi,
 - x = 1 veya y = 1 ise veya hem x = 1 hem de y = 1 ise z = 1'dir.
 - Hem x = 0 hem de y = 0 ise, z = 0.

İkili Mantıkta Değil İşlemi

- Bu işlem bir tümleme operatörü (bazen bir çubukla) ile temsil edilir.
- Örneğin, x' = z (veya $\overline{x} = z$)
- "x not eşittir z" olarak okunur, yani z, x değildir.
- NOT mantıksal işlemi,
 - Eğer x = 1 ise z = 0 ama
 - x = 0 ise z = 1.

İkili Mantık

- İkili mantık, ikili aritmetiğe benzer ve AND ve OR işlemlerinin sırasıyla çarpma ve toplamayla bazı benzerlikleri vardır.
- Aslında VE ve VEYA için kullanılan semboller, çarpma ve toplama için kullanılarla aynıdır.
- Bununla birlikte, ikili mantık, ikili aritmetik ile karıştırılmamalıdır.
- Bir aritmetik değişkenin, birçok basamaktan oluşabilen bir sayıyı gösterdiğinin farkına varılmalıdır.
- Mantık değişkeni her zaman ya 1 ya da 0'dır.
- Örneğin, ikili aritmetikte 1 + 1 = 10 (okuyun: "bir artı bir 2'ye eşittir"), ikili mantıkta ise 1 + 1 = 1 ("bir VEYA bir, bire eşittir" okuyun).

- x ve y değerlerinin her kombinasyonu için mantıksal işlemin tanımıyla belirlenen bir z değeri vardır.
- Bu tanımlar, doğruluk tabloları kullanılarak kompakt bir biçimde listelenebilir.
- Doğruluk tablosu, değişkenlerin alabileceği değerler ile işlemin sonucu arasındaki ilişkiyi gösteren tüm olası değişken kombinasyonlarının bir tablosudur.

AND			OR		NOT		
x	y	$x \cdot y$	x	у	x + y	X	x'
0	0	0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	1	1	0
1	0	0	1	0	1		
1	1	1	1	1	1		