

Método de Newton aplicado a polares

Juan Anagrita, Hector Hernandez, Aldemar Ramirez

Agosto 8, 2019

Problema

Hayar la itercepción de dos ecuaciones que estén en coordenadas polares

Solución

Lenguaje de programación: R

Función principal - método de Método de Newton

Parametros:

fun <- función

x0 <- x0 desde donde se comienza la busqueda de la raiz. x0 está en radianes.

tol <- tolerancia minima que debe tener la función

maxiter <- cantidad maxima de iteraciones

Valores de retorno:

x1 <- resultado de la raiz. En radianes.

errorAbsoluto <- vector de errores absolutos de las xn

errorRelativo <- vector de errores relativos de las xn

x <- vector de las xn

```
library(pracma)

newtonraphson = function(fun, x0, tol, maxiter){

  # f = string
  numiter = 0
  errorAbsoluto = c()
  errorRelativo = c()
  x = c()
  g = parse(text=fun) # parse devuelve tipo "expression"
  g. = D(g,"x")
  fx = function(x){eval(g)} # convertir f a función
  fp = function(x){eval(g.)} # convertir f' a función
  correccion = -fx(x0)/fp(x0)
  while (abs(correccion) >= tol && numiter <= maxiter) {
    numiter = numiter + 1
    if (fp(x0) == 0) stop("División por cero")

    x1 = x0 + correccion
```

```

x0 = x1
x <- c(x,x1)
errorAbsoluto <- c(errorAbsoluto,abs(correccion))
errorRelativo <- c(errorRelativo,abs(correccion)/(abs(x0)))
correccion = -fx(x1)/fp(x1)
}
if (numiter > maxiter){ warning("Se alcanzó el máximo número de iteraciones.")
my_list <- list("resultado" = x1, "errorAbsoluto" = errorAbsoluto,
               "errorRelativo" = errorRelativo, "x" = x)
return(my_list)

} else {
my_list <- list("resultado" = x1, "errorAbsoluto" = errorAbsoluto,
               "errorRelativo" = errorRelativo, "x" = x)
return(my_list)
}
}

```

El método en general nos da la siguiente serie:

$$x_{(n+1)} = x_n - f(x_n)/f'(x_n)$$

Al igual que en coordenadas rectangulares, el x_0 debe de ser un ángulo cercano al punto de intersección que se está buscando.

Implementacion

Caso 1: intersección entre dos gráficas.

A través del método de Newton podemos encontrar en qué ángulo dos ecuaciones se interceptan.

En este caso, ecuación 1:

$$r = 2 + \cos(3 * t)$$

Ecuación 2:

$$r = 2 - e^t$$

Igualando y despejando:

$$f(x) = 2 + \cos(3 * t) - (2 - e^t) = 0$$

Gráficas

```

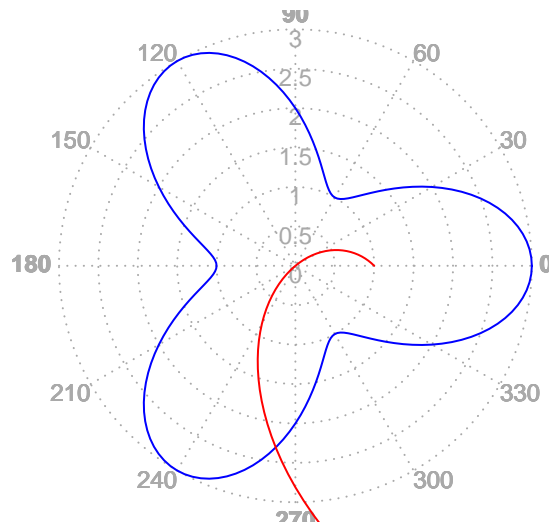
t <- deg2rad(seq(0, 360, by = 2))

polar(t, 2+cos(3*t), bxcyl = "white", main = "2+cos(3*t)")

polar(t, 2-exp(t), col = "red", add = TRUE)

```

$$2+\cos(3*t)$$



```
resultados <- newtonraphson("2+cos(3*x) -(2-exp(x))",-1,1e-7,100)

g = parse(text="2+cos(3*x)")

fx = function(x){eval(g)}

cat("Ambas ecuaciones se interceptan en el angulo: ", resultados$resultado, " y en el radio: ", fx(resu
```

```
## Ambas ecuaciones se interceptan en el angulo: -0.6973291 y en el radio: 1.502087
```

tabla de resultados

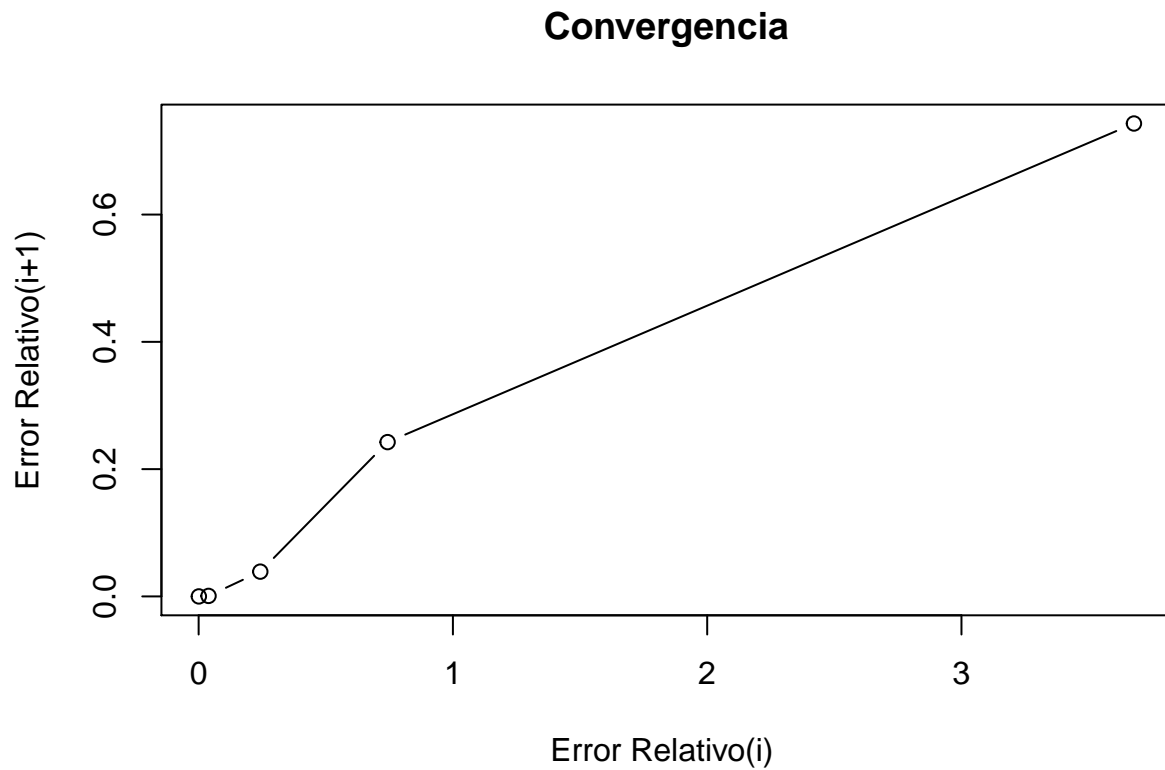
```
tablaErrores <- data.frame(
  "Iteraciones" = 1:length(resultados$errorAbsoluto),
  "x_n" = resultados$x,
  "Error Absoluto" = resultados$errorAbsoluto,
  "Error Relactivo" = resultados$errorRelativo
)
print(tablaErrores)
```

```
##   Iteraciones      x_n Error.Absoluto Error.Relativo
## 1           1 -0.2137487  7.862513e-01  3.678391e+00
## 2           2 -0.8320496  6.183009e-01  7.431058e-01
```

## 3	3	-0.6696807	1.623689e-01	2.424572e-01
## 4	4	-0.6967905	2.710979e-02	3.890666e-02
## 5	5	-0.6973289	5.383876e-04	7.720713e-04
## 6	6	-0.6973291	2.324290e-07	3.333132e-07

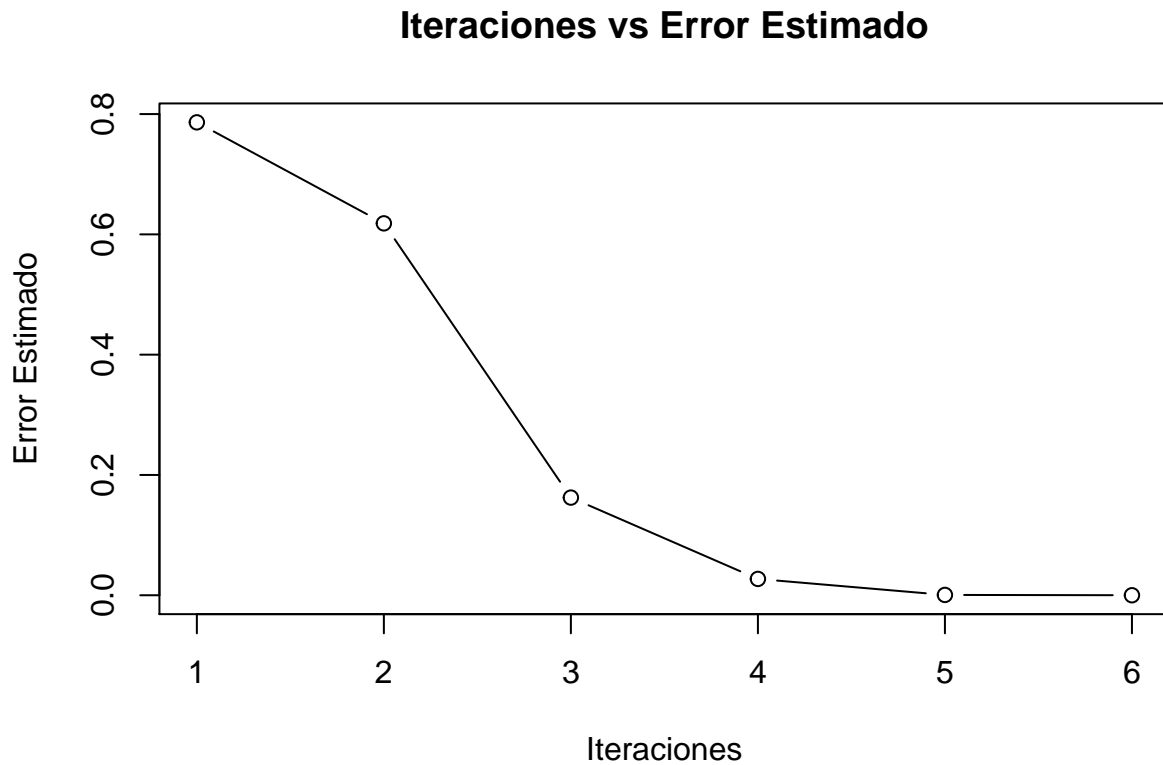
Convergencia

```
m_i = resultados$errorRelativo[-length(resultados$errorRelativo)]
m_i2 = resultados$errorRelativo
m_i2 = m_i2[-1]
plot(x = m_i, y = m_i2, xlab = "Error Relativo(i) ",
     ylab = "Error Relativo(i+1)", type="b", main = "Convergencia")
```



El método tiene una convergencia cuadrática.

```
plot(x = 1:length(resultados$x), y = resultados$errorAbsoluto,
     xlab = "Iteraciones", ylab = "Error Estimado", type="b",
     main = "Iteraciones vs Error Estimado")
```



A través de las iteraciones el error tiende a cero.

Caso 2: En que ángulo una ecuación tiene radio = n

Supones que se quiere saber cuando la ecuación

$$r = \cos(x)$$

Tiene radio 0.5. Para este caso se puede interceptar con el círculo de radio 0.5.

$$r = 0.5$$

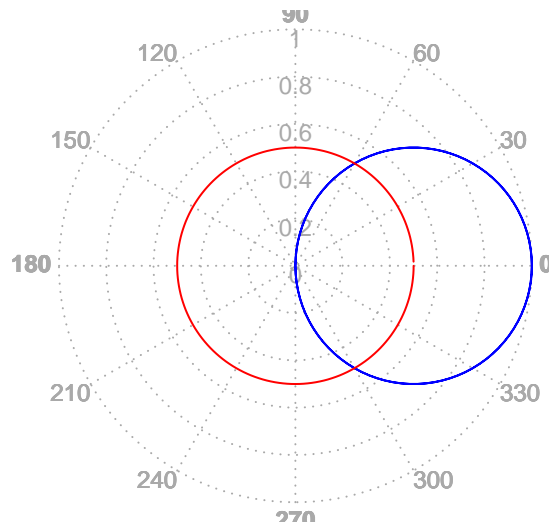
Igualando y despejando ambas ecuaciones:

$$f(x) = \cos(x) - 0.5$$

Gráficas

```
polar(t, cos(t), bxc = "white", main = "Sine and Cosine")
polar(t, 0.5*(t/t), col = "red", add = TRUE)
```

Sine and Cosine



```
resultados <- newtonraphson("cos(x)-0.5",5*pi/4,1e-7,100)

g = parse(text="cos(x)")

fx = function(x){eval(g)}

cat("Ambas ecuaciones se interceptan en el angulo: ", resultados$resultado, " y en el radio: ", fx(resu
```

```
## Ambas ecuaciones se interceptan en el angulo: 5.235988 y en el radio: 0.5
```

```
cat("5*pi/3 = ", 5*pi/3,"\n")
```

```
## 5*pi/3 = 5.235988
```

Como se puede comprobar $\cos(5.23598776) = \cos(5\pi/3) = 0.5$